

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + Make non-commercial use of the files We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



A propos de ce livre

Ceci est une copie numérique d'un ouvrage conservé depuis des générations dans les rayonnages d'une bibliothèque avant d'être numérisé avec précaution par Google dans le cadre d'un projet visant à permettre aux internautes de découvrir l'ensemble du patrimoine littéraire mondial en ligne.

Ce livre étant relativement ancien, il n'est plus protégé par la loi sur les droits d'auteur et appartient à présent au domaine public. L'expression "appartenir au domaine public" signifie que le livre en question n'a jamais été soumis aux droits d'auteur ou que ses droits légaux sont arrivés à expiration. Les conditions requises pour qu'un livre tombe dans le domaine public peuvent varier d'un pays à l'autre. Les livres libres de droit sont autant de liens avec le passé. Ils sont les témoins de la richesse de notre histoire, de notre patrimoine culturel et de la connaissance humaine et sont trop souvent difficilement accessibles au public.

Les notes de bas de page et autres annotations en marge du texte présentes dans le volume original sont reprises dans ce fichier, comme un souvenir du long chemin parcouru par l'ouvrage depuis la maison d'édition en passant par la bibliothèque pour finalement se retrouver entre vos mains.

Consignes d'utilisation

Google est fier de travailler en partenariat avec des bibliothèques à la numérisation des ouvrages appartenant au domaine public et de les rendre ainsi accessibles à tous. Ces livres sont en effet la propriété de tous et de toutes et nous sommes tout simplement les gardiens de ce patrimoine. Il s'agit toutefois d'un projet coûteux. Par conséquent et en vue de poursuivre la diffusion de ces ressources inépuisables, nous avons pris les dispositions nécessaires afin de prévenir les éventuels abus auxquels pourraient se livrer des sites marchands tiers, notamment en instaurant des contraintes techniques relatives aux requêtes automatisées.

Nous vous demandons également de:

- + Ne pas utiliser les fichiers à des fins commerciales Nous avons conçu le programme Google Recherche de Livres à l'usage des particuliers. Nous vous demandons donc d'utiliser uniquement ces fichiers à des fins personnelles. Ils ne sauraient en effet être employés dans un quelconque but commercial.
- + Ne pas procéder à des requêtes automatisées N'envoyez aucune requête automatisée quelle qu'elle soit au système Google. Si vous effectuez des recherches concernant les logiciels de traduction, la reconnaissance optique de caractères ou tout autre domaine nécessitant de disposer d'importantes quantités de texte, n'hésitez pas à nous contacter. Nous encourageons pour la réalisation de ce type de travaux l'utilisation des ouvrages et documents appartenant au domaine public et serions heureux de vous être utile.
- + Ne pas supprimer l'attribution Le filigrane Google contenu dans chaque fichier est indispensable pour informer les internautes de notre projet et leur permettre d'accéder à davantage de documents par l'intermédiaire du Programme Google Recherche de Livres. Ne le supprimez en aucun cas.
- + Rester dans la légalité Quelle que soit l'utilisation que vous comptez faire des fichiers, n'oubliez pas qu'il est de votre responsabilité de veiller à respecter la loi. Si un ouvrage appartient au domaine public américain, n'en déduisez pas pour autant qu'il en va de même dans les autres pays. La durée légale des droits d'auteur d'un livre varie d'un pays à l'autre. Nous ne sommes donc pas en mesure de répertorier les ouvrages dont l'utilisation est autorisée et ceux dont elle ne l'est pas. Ne croyez pas que le simple fait d'afficher un livre sur Google Recherche de Livres signifie que celui-ci peut être utilisé de quelque façon que ce soit dans le monde entier. La condamnation à laquelle vous vous exposeriez en cas de violation des droits d'auteur peut être sévère.

À propos du service Google Recherche de Livres

En favorisant la recherche et l'accès à un nombre croissant de livres disponibles dans de nombreuses langues, dont le français, Google souhaite contribuer à promouvoir la diversité culturelle grâce à Google Recherche de Livres. En effet, le Programme Google Recherche de Livres permet aux internautes de découvrir le patrimoine littéraire mondial, tout en aidant les auteurs et les éditeurs à élargir leur public. Vous pouvez effectuer des recherches en ligne dans le texte intégral de cet ouvrage à l'adresse http://books.google.com



COURS

DE

PHYSIQUE

A L'USAGE

DES ÉLÈVES DE LA CLASSE DE MATHÉMATIQUES SPÉCIALES





1984 d 63/

	·		
		·	



COURS

DE

PHYSIQUE

A L'USAGE

DES ÉLÈVES DE LA CLASSE DE MATHÉMATIQUES SPÉCIALES

	•			
•				
•		•		
			•	

COURS

DE

PHYSIQUE

A L'USAGE

DES ÉLÈVES DE LA CLASSE DE MATHÉMATIQUES SPÉCIALES

PAB

H. PELLAT

ACRÉGÉ DE L'UNIVERSITÉ, DOCTEUR ÀS-SCIENCES PROFESSECE DE PRESSQUE AU LYCÉE LOUIS - LE - GRAND ET A LA BAISON D'ÉDUCATION DE LA LÉGION D'NORREUR DE SAINT-DENIS

TOME PREMIER

Première Partie. — TRAVAIL DES PORCES, ÉMERGIE MESURES ABSOLUES. — PESANTEUR. — HYDROSTATIQUE PNEUMATIQUE. — HYDRODYNAMIQUE



PARIS

SOCIÉTÉ D'IMPRIMERIE ET LIBRAIRIE ADMINISTRATIVES ET CLASSIQUES
Paul DUPONT, Éditeur

41, RUB JEAN-JACQUES-ROUSSEAU, 41

1883



PRÉFACE

Cet ouvrage, destiné principalement aux élèves de la classe de Mathématiques Spéciales, peut être lu par les meilleurs élèves de la classe de Mathématiques Élémentaires, car il ne renferme presque rien qui soit hors de leur portée.

A part la haute Optique et l'étude des phénomènes capillaires, qui ne rentrent pas dans le programme des Mathémathiques Spéciales, il constitue un cours de physique complet.

S'il est un fait incontesté aujourd'hui, c'est l'immense progrès qui a été réalisé par l'introduction de la notion d'énergie dans l'étude des sciences physiques et, dans des branches plus spéciales, par celle des notions de potentiel, de ligne de force, etc... Cependant l'emploi de ces notions si précieuses s'est bien peu vulgarisé, et, si ces termes sont constamment employés maintenant dans le langage scientifique, ils ne le sont pas toujours avec une justesse suffisante: au sens précis on substitue souvent un sens vague. La raison de cette connaissance imparfaite est aisée à trouver: ces notions ont été présentées d'abord sous une forme exigeant, pour être bien comprises, des connaissances mathématiques, que ne possèdent pas toutes les personnes qui

s'intéressent aux sciences; par cette même raison, elles ont été presque complètement écartées jusqu'ici des programmes de l'instruction secondaire, et ne sont pas devenues classiques.

Et pourtant, comment un physicien peut-il faire son cours aujourd'hui sans parler de la loi de la conservation de l'énergie, qui est la base de la physique moderne, comme la loi de la conservation de la matière est la base de la chimie depuis Lavoisier!

Comment peut-on traiter des phénomènes électriques sans parler du potentiel, la seule quantité qu'on puisse aisément mesurer en électricité statique, et dont la connaissance est presque toujours indispensable pour déterminer les autres grandeurs!

Un des principaux buts, que nous nous sommes proposés, en écrivant cet ouvrage, est précisement d'introduire ces notions fondamentales dans l'enseignement de nos lycées, étant convaincus qu'il n'y a pas de plus puissant moyen de vulgarisation. Avec très peu de calcul (ces calculs du reste étant toujours faciles à suivre même pour un élève de la classe de Mathématiques Élémentaires), et sans rien ôter de leur précision, nous avons présenté ces mêmes notions. Nous les avons étroitement reliées à l'expérience. Enfin nous avons montré, par des exemples, l'emploi utile qu'on pouvait en faire, et comment elles viennent guider le physicien expérimentateur dans ses recherches.

D'ailleurs, nous nous sommes toujours appliqués à faire comprendre que nos connaissances en physique proviennent de l'observation des phénomènes naturels et de l'expérience, et nous avons donné la plus large part à la description des meilleures méthodes expérimentales. En cela nous croyons nous être conformés à l'esprit du nouveau programme, que

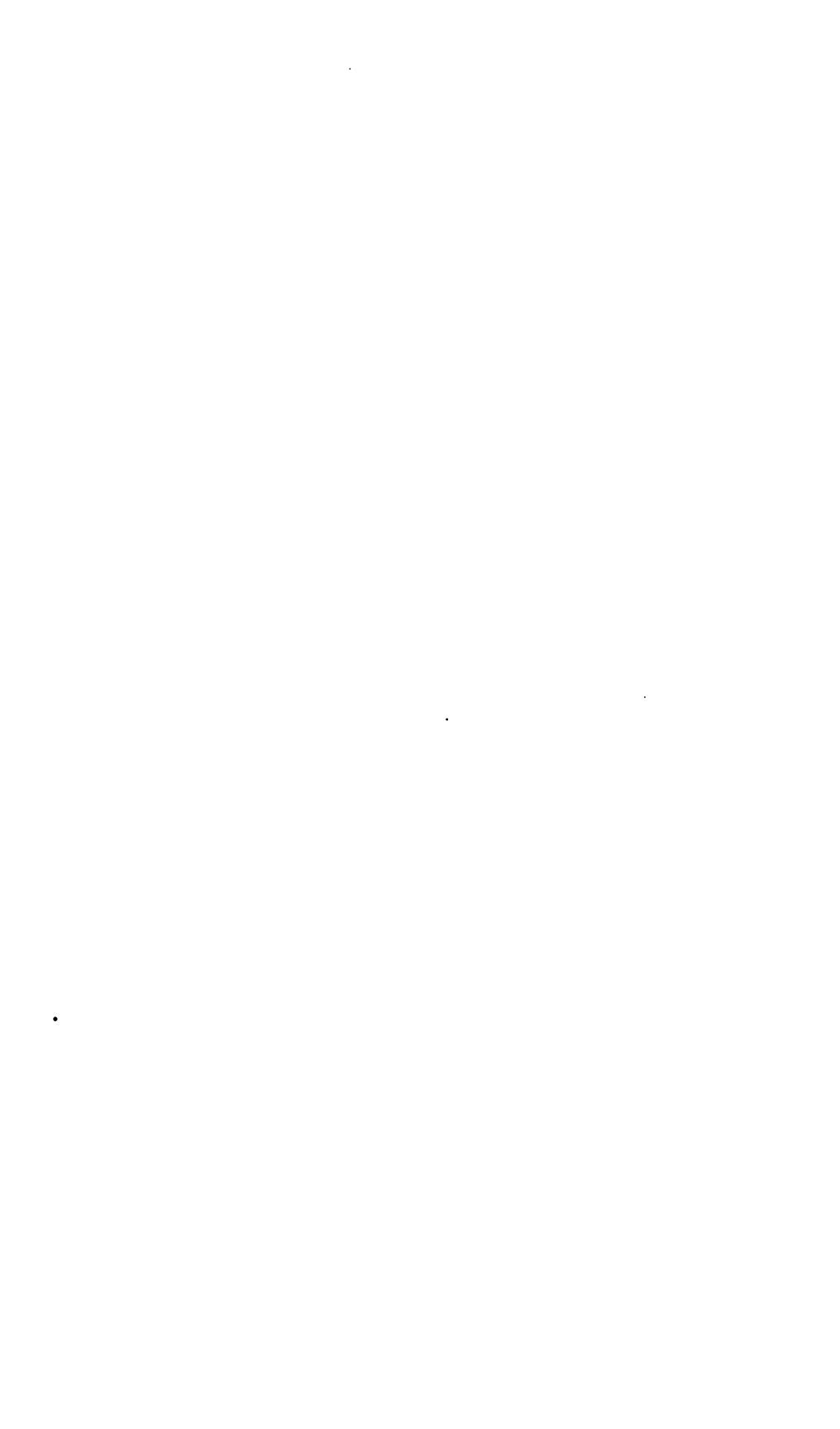
nous avons pris à peu près pour plan général de l'ouvrage. Si nous avons traité quelques questions qui n'y sont pas spécialement désignées, pour rendre le cours un peu plus complet, il va sans dire qu'aucune de celles qui y sont mentionnées n'a été omise.

Tout récemment, les physiciens des diverses parties du Monde ont adopté, au Congrès international des Electriciens (Octobre 1881), un système d'unités absolues qui, quoique visant plus spécialement les mesures électriques, s'étend en réalité à toutes les mesures faites en physique.

Nous croyons qu'il est du devoir de tout professeur d'enseigner dorénavant, et de faire employer aux élèves, ce nouveau système de mesure qui, du reste, ayant pour base le système métrique, ne change que fort peu de chose aux habitudes prises antérieurement; d'autant plus que dans aucun cas il ne saurait y avoir confusion. Aussi avonsnous exposé dans cet ouvrage les principes sur lesquels repose tout système de mesures absolues, et le système particulier adopté par le Congrès. Nous en avons fait usage dans les diverses parties de la physique, sauf à indiquer parallèlement, quand nous l'avons cru utile pour faciliter la transition, les formules ou les résultats numériques avec les unités consacrées par l'usage, dans les cas relativement rares où il n'y a pas concordance.

Par là, surtout, nous espérons que cet ouvrage pourra rendre quelques services en dehors de l'enseignement de la classe de Mathématiques Spéciales, auquel il est plus particulièrement destiné.

H. PELLAT.



PREMIÈRE PARTIE

TRAVAIL DES FORCES, ÉNERGIE — MESURES ABSOLUES
PESANTEUR

HYDROSTATIQUE - PNEUMATIQUE - HYDRODYNAMIQUE



INTRODUCTION

sciences physique vient du grec φυσις (nature). Au point de vue étymologique les mots sciences physiques et sciences naturelles ont donc la même signification. En effet, ces deux ordres de sciences s'occupent des phénomènes présentés par la nature, mais elles le font à des points de vue différents.

Les sciences physiques étudient les phénomènes généraux et aussi les phénomènes particuliers présentés par les divers corps, mais sans se préoccuper de la manière dont ceux-ci sont associés dans la nature. L'étude de leur groupement naturel, et en particulier de la façon dont ils sont organisés dans les êtres vivants (plantes et animaux), ainsi que des phénomènes, qui dépendent essentiellement de cette organisation, est le propre des sciences naturelles.

Ajoutons immédiatement qu'il est impossible de fixer une ligne de démarcation bien nette entre ces deux ordres de sciences. Toutes les connaissances, que l'homme a pu acquérir sur les phénomènes naturels, se lient entre elles d'une façon étroite, et c'est uniquement pour mettre de l'ordre dans leur

étude que ces divisions ont été imaginées, ainsi que celles dont il nous reste à parler.

PHYSIQUE ET CHIMIE. — Les sciences physiques se divisent en deux sciences principales: la *Physique* proprement dite et la *Chimie*, que nous définirons de la manière suivante.

La Physique est l'étude des forces naturelles, des causes de ces forces, de leurs essets et, par conséquent, des phénomènes généraux présentés par tous les corps ou par toute une classe de corps.

La Chimie est l'étude des propriétés particulières à chaque corps homogène, de la composition de ces corps, de la manière dont ils se comportent en présence les uns des autres, des produits auxquels leurs réactions mutuelles donnent naissance.

Par exemple, la pesanteur, la chaleur, la lumière, phénomènes communs à tous les corps seront étudiés en Physique; tandis que la Chimie étudiera en particulier le fer, le soufre, l'eau, etc., et nous fera connaître comment ces corps réagissent les uns sur les autres.

méthodes des sciences physiques et naturelles. — La première méthode employée par l'homme, pour arriver à la connaissance des phénomènes que nous présente la nature, fut l'observation, et c'est encore la seule méthode applicable dans certains cas, par exemple dans l'étude du ciel.

Dans une observation vraiment scientisque, on doit porter son attention sur toutes les parties du phénomène qu'on étudie, pour tâcher de trouver entre elles quolque relation simple et surtout constante; sans quoi l'observation est sans prosit pour la science. Ainsi dans les observations astronomiques, on note aussi exactement que possible la position d'un astre dans le ciel à des époques déterminées. Ces observations faites déjà dans l'antiquité et continuées jusqu'à nos jours, où elles ont atteint un haut degré de perfection, grâce à l'emploi de puissantes lunettes et d'instruments de précision, nous ont sait connaître la marche des astres. Elles nous permettent de prédire à coup sûr la position qu'aura l'un deux à telle époque déterminée, quand aura lieu une éclipse de soleil ou de lune, et, comme

résultat plus directement utile, elles ont donné le moyen au navigateur de retrouver sa route sur l'immensité des mers.

Mais il est une autre méthode d'investigation plus parfaite que la précédente et souvent applicable, c'est l'expérience. Faire une expérience consiste à provoquer le phénomène que l'on veut étudier, au lieu d'attendre qu'il se présente à l'observateur. On est maître alors des circonstances dans lesquelles il se produit. Dans un phénomène qui a lieu naturellement, et sur lequel l'homme n'exerce aucune influence, les causes sont souvent multiples, et il n'est pas toujours facile de démêler l'effet propre à chacune d'elles. L'expérience permet d'isoler ces différentes causes, en n'en faisant agir qu'une ou un petit nombre à la fois, et, par là, d'arriver plus aisément à connaître leurs effets.

Un exemple fera mieux ressortir les avantages de l'expérience sur l'observation. Supposons que, voulant étudier la chute des corps, nous soyons forcés de rester spectateur passif du phénomène. Que nous apprendra l'observation la plus attentive! Tout au plus constaterons-nous que la plupart des corps tombent en ligne droite et dans une direction perpendiculaire à la surface des eaux tranquilles; et encore cette remarque souffrira-t-elle de nombreuses exceptions: si un fruit, se détachant d'un arbre, gagne le sol en ligne droite, une feuille n'y arrive généralement qu'après une série de zigzags.

Au contraire, faisons une expérience, provoquons le phénomène, faisons tomber un corps. Nous pouvons d'abord nous mettre à l'abri du vent, qui a une influence évidente sur la direction de la chute des corps légers, et nous constaterons qu'un bien plus grand nombre de corps tombent en ligne droite. D'ailleurs il nous apparaît clairement que deux causes agissent simultanément dans la chute d'un corps à travers l'air: 1° une sorte d'attraction exercée par la terre sur le corps, et qui produit la chute; 2° une résistance qu'oppose l'air à ce mouvement, et dont l'influence se fait surtout sentir sur les corps légers et à large surface. Si nous voulons étudier l'effet de la première cause, que faudra-t-il faire? Éliminer la seconde. Nous sommes amenés ainsi à faire tomber des corps dans un long tube vertical dont l'air a été retiré à l'aide de la machine pneumatique.

Nous voyons alors que, non seulement tous ces corps tombent en ligne droite, suivant la direction du fil à plomb, mais encore, fait plus inattendu, que tous tombent également vite, qu'ils soient lourds ou légers, que ce soit une balle de plomb ou le duvet qui se balance au vent. Ainsi l'attraction exercée par la terre produit le même effet sur tous les corps. Voilà ce que la simple observation d'un phénomène sur lequel l'homme n'aurait pas fait agir son intelligente intervention ne lui aurait jamais appris.

Nous voyons aussi, par cet exemple, l'utilité des instruments dans les sciences expérimentales: un long tube en cristal et une machine pneumatique ont été nécessaires pour réaliser cette célèbre expérience de Newton.

Une fois que, par l'expérience ou par l'observation, on a pris connaissance d'un phénomène (ou d'une classe de phénomènes), on essaye d'indiquer les relations qui existent entre ses divers éléments par un énoncé simple, qui doit résumer l'ensemble des résultats obtenus, et qui est destiné à les remplacer : un pareil énoncé s'appelle une loi.

Une loi doit être une règle sans exception, à laquelle doivent obéir tous les phénomènes visés par elle, sans quoi la loi est fausse, mauvaise ou trop restreinte, et doit être remplacée par une autre. La possibilité de résumer les résultats obtenus par une loi provient de ce que, si les effets de causes multiples sont parfois complexes, l'effet d'une cause unique est toujours simple. Comme exemple de lois, nous allons donner celles auxquelles a conduit l'observation du mouvement des planètes, et qui ont été énoncees par Képler.

Les planètes décrivent autour du soleil des courbes planes, qui sont des ellipses dont cet astre occupe l'un des foyers.

Les aires décrites par un rayon vecteur mené du centre du soleil au centre de la planète sont proportionnelles aux temps. Les carrés des temps de révolutions sont proportionnels aux cubes des grands axes des orbites.

Très souvent, surtout en Physique, une loi est une relation entre les valeurs numériques des grandeurs de diverses natures, qui entrent en jeu dans le phénomène; son énoncé peut alors être remplacé par une formule algébrique. Cette formule exprime la loi d'une façon plus brève et plus commode pour les applications. Ainsi, nous verrons dans l'étude de la pesanteur que « quand un corps tombe en chute libre, sans vitesse initiale, les vitesses acquises sont proportionnelles aux durées de chute. » Cette loi, qui est une relation entre deux grandeurs la vitesse et le temps, peut se remplacer par la formule

$$v = gt$$

où v représente le nombre indiquant la valeur de la vitesse, t le nombre de secondes qu'a duré la chute et g une quantité constante, qui est la vitesse acquise au bout de la première seconde de chute. Cette formule représente bien la loi énoncée ci-dessus, puisque, si le nombre de secondes représenté par t devient deux, trois... dix... cent fois plus grand, la valeur v de la vitesse devient double, triple... décuple... centuple.

Ce n'est pas là, du reste, le seul rôle des mathématiques dans les sciences physiques. Le calcul algébrique ou, plus généralement, l'analyse mathématique est un mode de raisonnement net, infaillible, si l'on se conforme exactement aux règles établies, et qui permet de déduire d'une ou de plusieurs lois des conséquences qui présenteront le même degré de rigueur que ces lois elles-mêmes. Ainsi, de la loi précédente sur la chute des corps (résumée dans la formule v=gt) on déduit par l'analyse mathématique la formule

$$e=\frac{1}{2}gt^2$$

dans laquelle g et t ont la même signification que ci-dessus, où e est la hauteur dont le corps est tombé pendant le temps t, et qui nous apprend que « les espaces sont proportionnels aux carrés des temps employés à les parcourir », ce que justifie du reste l'expérience directe.

A la rigueur, les sciences physiques ou naturelles pourraient se borner à trouver les lois des phénomènes, car, ces lois connues, l'homme est bien souvent maître du phénomène luimême, et capable de le produire à volonté, avec tel caractère, ou dans telles circonstances qu'il le désire. Mais la curiosité inhérente à l'esprit humain le pousse non seulement à connaître les effets des causes, mais encore à remonter des effets visibles aux causes invisibles, problème inverse, généralement beaucoup plus difficile, et dont la solution nous échappe le plus souvent.

Quand la cause reste cachée, on en est réduit à faire des suppositions ou hypothèses sur sa nature. Ces hypothèses, qui autrefois abondaient dans la science, tendent à disparaître de plus en plus de nos jours, où le savant, ami de la vérité avant tout, préfère avouer son ignorance sur un point, que de se faire illusion avec les conceptions de son imagination. Pourtant, certaines hypothèses ont de la valeur, et méritent d'être conservées, au moins à titre provisoire. Une hypothèse est utile quand elle explique logiquement une classe de phénomènes, et permet d'en retrouver par le raisonnement les détails qui peuvent échapper à la mémoire; elle est utile surtout quand elle prédit l'existence de phénomènes jusqu'alors inconnus, et que l'expérience justifie ces prévisions.

Une hypothèse qui n'est en contradiction avec aucun phénomène connu, qui a fait prévoir des phénomènes nouveaux, et qui, enfin, apparaît seule comme plausible, a beaucoup de chances pour être l'expression même de la vérité.

Un exemple fera mieux comprendre les caractères d'une bonne hypothèse. Dès que l'homme a tourné son intelligence vers l'étude des phénomènes naturels, il s'est demandé ce qu'était la lumière. Les philosophes de l'antiquité ont fait à cet égard deux hypothèses, qui ont vécu parallèlement jusqu'à la première moitié de ce siècle. Dans l'une, dite de l'émission, les corps lumineux émettraient des corpuscules extrêmement ténus, qui se mouveraient en ligne droite avec rapidité, traversant les corps transperents, rebondissant sur les corps opaques, et qui, pénétrant dans l'œil, produiraient, par leur choc sur la rétine, la sensation de lumière. Dans la seconde, celle des ondulations, un corps lumineux serait dans un état vibratoire; ses vibrations se transmettraient à un milieu subtil, sorte de fluide, qui entourerait et imbiberait tous les corps, l'éther, comme l'ébranlement causé par la chute d'une pierre, se transmet à la surface de l'eau tranquille. Ce seraient ces vibrations, qui, arrivant à l'œil;

produiraient l'excitation du nerf optique. Voilà deux hypothèses opposées: si l'une est exacte, l'autre est certainement fausse, et elles pourraient n'être justes ni l'une ni l'autre, quoiqu'il soit fort difficile d'imaginer une troisième supposition admissible. Toutes les deux rendent bien compte de la propagation de la lumière en ligne droite et du phénomène de la réflexion; mais déjà, pour expliquer la réfraction de la lumière, dans l'hypothèse de l'émission, il faut admettre que la vitesse de celle-ci est plus grande dans l'eau que dans l'air, tandis que, dans l'hypothèse des ondulations, il faut faire la supposition inverse. Or, de nos jours, Foucault a mesuré directement la vitesse de la lumière dans l'air et dans l'eau, et a trouvé qu'elle était plus grande dans le gaz que dans le liquide. Cette seule raison aurait suffi à faire rejeter l'hypothèse de l'émission. Mais toute une classe de phécomènes, découverts dans le commencement de ce siècle. (phénomènes d'interférence et de diffraction) restent inexplicables par cette hypothèse, tandis qu'ils s'expliquent aisément et même devaient se prévoir par celle des ondulations. Si nous ajoutons que celle-ci rend compte de tous les phénomènes cennus jusque dans leurs moindres détails, qu'elle en a fait prévoir plusieurs dont l'expérience a montré après coup l'existence, qu'elle n'est en contradiction avec aucun sait connu, enfin, qu'elle apparait seule comme plausible, on reconnaîtra que l'hypothèse des ondulations a beaucoup de chance pour être l'expression même de la vérité, quoique nous n'en soyons pas absolument assurés

L'ensemble des lois ou des hypothèses sur un même sujet et des conséquences qu'on peut en déduire constitue une théorie (1) (théorie des ondulations, théorie de l'attraction universelle, etc...). Si une théorie ne s'appuie que sur des lois expérimentales, elle présente le même degré de rigueur que ces lois elles-mêmes; si elle renferme des hypothèses, sa valeur est subordonnée à la valeur de ces hypothèses.

⁽¹⁾ En physique le mot théoric est souvent employé encore dans le sens d'explication. C'est ainsi que l'explication d'un phénomène, l'explication de la marche d'un appareil porte le nom de théorie (théorie de l'arc-en-ciel, théorie de la machine pneumatique, etc...).

DIVISION DE LA PHYSIQUE. — La physique embrasse des sujets assez divers pour qu'il y ait intérêt à en diviser l'étude.

Le mouvement et les effets des forces, abstraction faite de leur nature, ou des causes qui les produisent, forment une première partie désignée sous le nom de Mécanique.

Depuis longtemps la mécanique a conquis par l'observation ou par l'expérience, un petit nombre de lois fondamentales, qui permettent maintenant d'en déduire quels seront les effets de forces données agissant dans des circonstances connues, sans qu'on soit obligé pour cela de recourir à de nouvelles expériences; elle est devenue par là une science rationnelle. Quoiqu'il ne soit plus d'usage d'exposer la mécanique en tête d'un traité de physique (ce qui serait sa véritable place), il nous a paru indispensable de donner ici quelques notions précises sur le travail mécanique, la force vive et l'énergie; c'est ce qui fera l'objet du premier livre.

Ensuite, sous le nom de *Pesanteur* nous étudierons la propriété qu'a la matière d'être pesante.

L'Hydrostatique et la Pneumatique nous feront connaître les conditions d'équilibre des fluides (liquides et gaz) et l'Hydro-dynamique fera l'étude de leur mouvement.

Les phénomènes de Chaleur, de Lumière, de Son, d'Électricité et de Magnétisme seront ensuite exposés dans les livres portant les noms de Chaleur, Optique, Acoustique, Électricité et Magnétisme.

LIVRE PREMIER

CHAPITRE PREMIER

TRAVAIL MÉCANIQUE — ÉNERGIE

1. DÉFINITION DU TRAVAIL MÉCANIQUE. — Une des notions les plus heureusement introduites dans les sciences physiques, et dont l'usage s'impose de plus en plus, est celle du travail mécanique.

Pour plus de clarté, nous commencerons par définir le travail dans deux cas particuliers simples, avant de passer à sa définition générale.

Quand une force constante en grandeur et en direction agit sur un corps, et que le point d'application de cette force se déplace en ligne droite dans la direction de celle-ci, le travail mécanique est égal, par définition, au produit de la force par le déplacement de son point d'application.

Ainsi: en représentant par W le travail, par F la valeur de la force et par e le chemin parcouru par son point d'application, on a:

$$(i) W = F e.$$

La valeur du travail est donc proportionnelle: 1° à la force, 2° au

déplacement de son point d'application. Quand l'unité de force et l'unité de longueur sont fixées, l'unité de travail est fixée aussi : c'est le travail accompli par l'unité de force déplaçant son point d'application de l'unité de longueur.

Habituellement, considérant le kilogramme comme unité de force, et le mètre comme unité de longueur, l'unité de travail employée est le kilogrammètre. Le kilogrammètre est le travail accompli par une force d'un kilogramme, dont le point d'application se déplace d'un mètre dans la direction de la force. C'est avec cette unité que le travail est le plus généralement exprimé en mécanique.

Ainsi supposons un poids de 5 kilogrammes tombant de 1 mètre de hauteur, le travail vaut 5 kilogrammètres. Si un poids de 1 kilogramme tombe de 5 mètres, le travail vaut encore 5 kilogrammètres; si un poids de 5 kilogrammes tombe de 5 mètres de hauteur, le travail vaut 5 × 5 ou 25 kilogrammètres.

Le point d'application, en se déplaçant dans la direction de la force, peut le faire, soit dans le sens de celle-ci, soit en sens inverse.

Si le déplacement se fait suivant le sens de la force, le travail est dit moteur, et on le considère comme une quantité positive (W = + F e).

Si le déplacement du point d'application se fait en sens inverse de la force, le travail est dit résistant, et il est considéré comme une quantité négative (W = -F e).

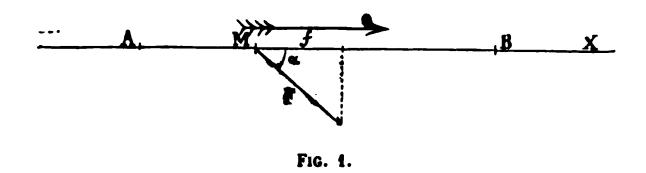
Ainsi un poids de 10 kilogrammes qui descend verticalement de 3 mètres accomplit un travail moteur (W = +30 kilogrammètres), tandis que le même poids de 10 kilogrammes qui remonte verticalement de 3 mètres accomplit un travail résistant (W = -30 kilogrammètres).

Passons maintenant à un second cas plus général.

Supposons qu'une force F, constante en grandeur et en direction, ait un point d'application qui se déplace en ligne droite suivant une direction différente X'X de celle de la force (fig. 1).

Dans ce cas, la définition du travail est le produit de la projection f de la force F sur la direction du mouvement par

l'espace AB franchi par le point d'application M; le sens positif de l'axe X' X de projection étant le sens du mouvement de M sur cet axe.



C'est donc le travail d'une force f égale à la projection de F sur la direction du mouvement, ou, pour abréger le langage, le travail de la projection de F sur la direction du mouvement.

Désignons par α l'angle que fait la force F avec la direction X'X, cet angle étant compté à partir du sens MX du mouvement. On a $f = F \cos \alpha$; d'où, en désignant par e la longueur du chemin AB parcouru par le point d'application, la définition du travail W donne la relation

$$(2) W = F e \cos \alpha$$

Bi $\alpha=0$, on a W=+Fe; we qui est conforme à la première définition. Tant que a reste un angle aigu, son cosinus étant positif, le travail est positif ou moteur (la projection f de F est dirigée dans le sens du mouvement). Si α est droit, $\cos\alpha=0$: le travail W est nul (la projection f est nulle). Ainsi, une force perpendiculaire au déplacement de son point d'application n'accomplit aucun travail. Si α est un angle obtus, $\cos\alpha$ étant négatif, le travail W est négatif ou résistant (la projection f de F est dirigée en sens inverse du meuvement). Enfin si α devient égal à deux droits on a : $\cos\alpha=-1$ d'où W=-Fe, ce qui est conferme à la première définition donnée.

Soit AB (fig. 2) le chemin de longueur e parcouru par le petnt d'application de la force F. Menons une droite PP' parallèle à F. La préjection ab du chemin AB sur PP', qui sui s'angle a

avec X'X, a une longueur e' égale à e cos a; on a donc d'après la formule (2):

$$(3) W = F e'$$

C'est-à-dire que le travail d'une force constante en grandeur et en direction peut s'obtenir en faisant le produit de la force par la projection du chemin parcouru sur sa direction.

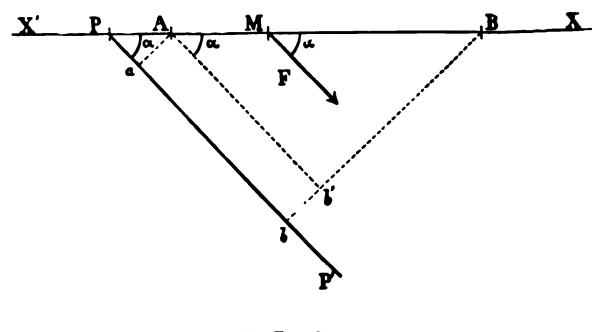
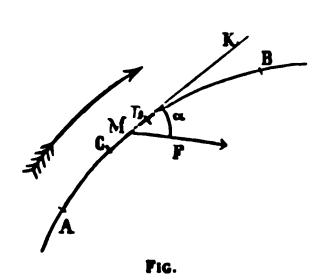


Fig. 2.

Arrivons à la définition la plus générale du travail. Une force F, qui peut varier soit en grandeur soit en direction, a un point d'application qui décrit une trajectoire quelconque



rectiligne ou curviligne. Décomposons la portion de trajectoire AB (fig. 3), parcourue dans le temps où l'on considère le travail, en un grand nombre d'éléments tels que CD, assez petits, pour que chacun d'eux puisse se considérer comme une ligne droite, et que la force reste sensiblement constante en grandeur et en direction pendant le

temps très court où il est franchi.

Dans ces conditions, le travail pour chacun de ces éléments est donné par la définition précédente : c'est le produit de la

longueur e de l'élément par la projection de la force F sur sa direction; ce travail est appelé travail élémentaire. Si w est sa valeur, F la valeur numérique de la force et a l'angle que fait celle-ci avec la direction de l'élément, c'est-à-dire avec la tangente MK menée au point où se trouve le mobile M, et dans le sens du mouvement, on a la relation :

(4)
$$w = F \epsilon \cos \alpha \quad \text{ou} \quad w = F \epsilon'$$

Le travail élémentaire étant ainsi défini, on prend pour définition du travail total entre A et B la somme algébrique des travaux élémentaires w_1 , w_2 , w_3 ... w_n dans les n éléments qui constituent AB (¹). D'après cette définition la valeur W de ce travail est donnée par

(5)
$$W = w_1 + w_2 + w_3 + ... w_n = \sum w_n$$

(1) En toute rigueur, la valeur du travail W est la limite vers laquelle tendent les valeurs de la somme des travaux élémentaires, quand, le nombre des éléments croissant indéfiniment, la longueur de chacun d'eux tend vers zéro. On a constamment, dans l'analyse mathématique, à faire une opération de ce genre. On démontre que la valeur limite d'une pareille somme ne change pas, si l'on en remplace les termes par d'autres dont les rapports aux précédents tendent vers l'unité, quand ces termes tondent vers zéro. Ainsi, dans le cas actuel, nous pouvons chercher la valeur limite de la somme, en considérant, dans tout l'élément, la force comme gardant la grandeur F, et la direction a qu'elle ne possède réellement qu'au commencement de cet élément; ou bien, chercher cette limite, en considérant, dans tout l'élément, la force comme ayant la grandeur F', et la direction a' qu'elle n'a réellement qu'à la sin de l'élément. Dans le premier cas, le travail élémentaire est Fεcos α; dans le second, F'ε cos α'. Le rapport de ces deux termes Fε cos α ou $\frac{F'\cos\alpha'}{F\cos\alpha}$ tend vers l'unité quand ϵ tend vers zéro, puisque F' devient égal à F, et a' à a: les limites des deux sommes ont la même valeur. On peut encore évidemment considérer, dans tout l'élément, la force comme syant une grandeur ou une direction intermédiaire entre les grandeurs et les directions initiales et finales; la limite de la somme ne change pas. Ainsi

cette limite est parfaitement déterminée, quel que soit le mode de calcul

employé.

(le signe \sum représentant une somme algébrique de termes semblables); ou bien

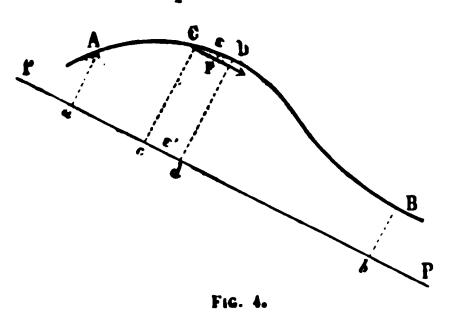
(6)
$$W = \sum F_{\epsilon} \cos \alpha = \sum F_{\epsilon'}$$

Pour faire bien comprendre cette définition, indiquons la valeur du travail dans quelques cas particuliers.

Supposons d'abord qu'une force soit constamment perpendiculaire à l'élément de trajectoire décrit par son point d'application: chaque travail élémentaire étant nul, le travail total est aul.

Ainsi, quand on fait tourner en cercle un corps tenu par une corde dont l'extrémité est fixée en un point (centre du cercle), la force qui agit sur le corps, et rend le mouvement circulaire, est la tension de la corde. Cette force, étant dirigée suivant le rayon du cercle, est constamment perpendiculaire à la tangente au point où se trouve le corps : le travail de la tension de la corde est nul. Il existe encore d'autres forces de résistance qui sont toujours perpendiculaires aux éléments de trajectoire parcourus par le mobile. Par exemple, la résistance d'une surface solide sur laquelle le corps est astreint à rouler est une force normale à la surface : cette résistance n'accomplit aucun travail.

Autre exemple. - Une stroe F constante en grandeur et en



direction (fig. 4) a son point d'application qui so déplace suivant une courbe AB quelconque. Quel est le travail accompli pendant le trajet AB?

Pour le trouver, considérons un élément CD de la trajectoire; soit : sa longueur. Projetons cet

élément sur une droite PP' parallèle à la direction constante de la force F; soient cd cette projection et s' sa longueur. Le

travail élémentaire de l'élément CD est égal à Fe'. Si nous désignons par ϵ'_1 ϵ'_2 ϵ'_3 ... ϵ'_n la projection sur PP' des n éléments suivant lesquels on a décomposé AB, on a pour le travail total W:

$$W = F\epsilon'_{4} + F\epsilon'_{9} + F\epsilon'_{3} + ... + F\epsilon'_{n}$$

ou, en mettant F en facteur commun:

$$W = F (\epsilon'_1 + \epsilon'_2 + \epsilon'_3 + ... + \epsilon'_n);$$

or, la parenthèse représente précisément la longueur e' de la projection de l'arc AB sur la droite PP'; d'où:

$$W = F e'$$

Le travail d'une force constante en grandeur et en direction est égal au produit de cette force par la projection sur sa direction du chemin parcouru, que ce chemin soit une ligne droite ou une ligne courbe. C'est la généralisation de la proposition que nous avons démontrée plus haut quand la trajectoire est une ligne droite.

Ainsi, soit qu'un corps tombe en ligne droite suivant la verticale, soit qu'il tombe en ligne courbe, comme cela arrive quand il est lancé obliquement, ou qu'il glisse sur une surface courbe, le travail accompli par le poids, force constante en grandeur et en direction, s'obtiendra toujours en multipliant ce poids par la hauteur de chute (projection du chemin parcouru sur la verticale). Si le corps descend, ce travail est positif; s'il remonte, le travail est négatif. Si le corps, après avoir descendu, remonte à la même hauteur, le travail total est nul; car le travail positif de la descente égale exactement le travail négatif de la montée en valeur absolue.

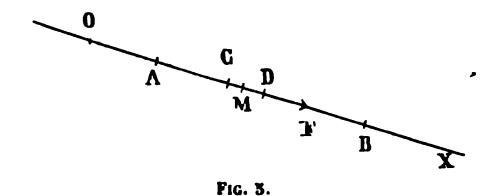
Voici un dernier exemple, dont le résultat nous servira quand nous traiterons de l'Electricité.

Une force F est toujours de même direction, mais non de

même grandeur, sa valeur numérique étant donnée par la relation

$$\mathbf{F} = \frac{q}{r^2}$$

dans laquelle q représente une quantité constante, et r la distance variable de son point d'application M (fig. 5) à un point



sixe O pris sur sa direction. Supposons, en outre, que le déplacement du point d'application M de cette force se sasse en ligne droite suivant la direction OMX de la force. Calculons le travail accompli dans une portion AB du trajet; pour cela, nous allons chercher la valeur du travail élémentaire dans un élément CD du parcours. Soient r la distance OC et r' la distance OD;

la force au commencement C de l'élément a pour valeur $\frac{q}{r^2}$;

à la fin D, sa valeur est $\frac{q}{r'^2}$. Comme nous l'avons vu (note de la page 13), nous pouvons, dans le calcul du travail total, regarder la force comme constante dans toute l'étendue de l'élément, cette valeur constante étant, soit la valeur initiale $\frac{q}{r^2}$,

soit la valeur finale $\frac{q}{r'^2}$, soit toute autre valeur intermédiaire entre ces deux-là, puisque toutes ces valeurs deviendront égales quand la longueur de l'élément tendra vers zéro à la fin du calcul. Pour faciliter celui-ci, choisissons pour valeur constante

la moyenne géométrique $\left(\sqrt{\frac{q}{r^2} \times \frac{q}{r'^2}} = \frac{q}{rr'}\right)$ entre la valeur

finale et la valeur initiale de la force. Le travail élémentaire w aura pour expression:

$$w = F(r' - r) = \frac{q}{rr'}(r' - r) = \frac{q}{r} - \frac{q}{r'}$$

Si w_1 , w_2 , w_3 ... w_n représentent les travaux élémentaires dans les n éléments en lesquels on a décomposé AB, si r_0, r_1, r_2, r_3 ... r_{n-1} expriment les distances au point O du commencement de chacun des éléments, et, par conséquent, $r_1, r_2, r_3, \ldots r_{n-1}, r_n$ celles de la fin de chacun d'eux, on a d'après la formule ci-dessus:

$$w_1 = \frac{q}{r_0} - \frac{q}{r_1}$$

$$w_2 = \frac{q}{r_1} - \frac{q}{r_2}$$

$$w_3 = \frac{q}{r_2} - \frac{q}{r_3}$$

$$\dots$$

$$w_n = \frac{q}{r_2} - \frac{q}{r_3}$$

d'où pour le travail total W:

$$W = w_1 + w_2 + w_3 + \dots + w_n = \frac{q}{r_0} - \frac{q}{r_n}$$

(les termes $\frac{q}{r_1}$, $\frac{q}{r_2}$,..., $\frac{q}{r_{n-1}}$ disparaissant dans la somme). Or, r_0 et r_n sont les distances des extrémités A et B du parcours au point O. Cette expression $\frac{q}{r_0} - \frac{q}{r_n}$ gardant la même valeur, quelque petite que soit la longueur des éléments considérés,

représente en toute rigueur le travail total de la force entre A et B.

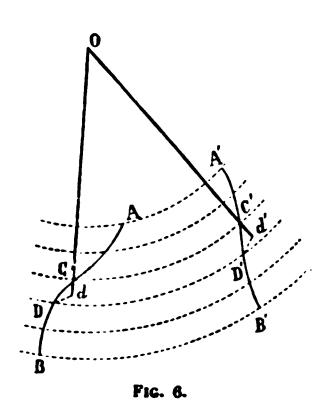
2. TRAVAIL D'UNE FORCE CENTRALE. — On appelle force centrale une force dirigée toujours vers un même point (centre), quelle que soit la position du mobile sur lequel elle agit, et dont la valeur ne dépend que de la distance de son point d'application au centre.

La nature nous fournit beaucoup d'exemples de forces centrales; ainsi, l'attraction qu'exerce le soleil sur la terre est une force toujours dirigée vers le centre du soleil, et variant en raison inverse du carré de la distance de la terre à celui-ci : c'est une force centrale.

Voici un théorème très important sur le travail d'une pareille force.

Le travail d'une force centrale, dont le point d'application se déplace d'une façon quelconque, ne dépend que de la distance initiale et de la distance finale de ce point d'application au centre.

Ainsi soit O le centre (fig. 6), A la position initiale, et B la



position finale du point d'application, qui parcourt l'arc ACB; le travail accompli sera le même que si le mobile part de A' et va en B' en décrivant l'arc A'C'B', pourvu que A et A' se trouvent à la même distance de O ainsi que B et B' (1).

En particulier, le travail est le même quand le point d'application va du point A au point B quel que soit le chemin parcouru.

Si le travail accompli est positif quand le point d'application

s'éloigne du centre O (ce qui aura lieu si la force émanant de O

(1) Pour démontrer ce théorème, menons un certain nombre de sphères ayant O pour centre (fig. 6), dont la première passo par A et A' et la der-

est répulsive), le travail sera négatif quand le point d'application se rapprochera de O. Si, au contraire, pendant l'éloignement le travail accompli est négatif (ce qui aura lieu si la force émanant de O est attractive), pendant le rapprochement il sera positif.

Par conséquent, si le point d'application, après avoir voyagé, revient à la même distance du point O, le travail total est nul.

En particulier, quand le point d'application revient à son point de départ après avoir parcouru un chemin quelconque, le travail total est nul.

3. TRAVAIL DE LA RÉSULTANTE. — 1º Le travail de la résultante de deux ou de plusieurs forces appliquées en un même point est égal à la somme algébrique des travaux des composantes.

Ce théorème se démontre immédiatement en remarquant que la projection r de la résultante R sur la direction X'MX

nière par B et B'; ces surfaces sphériques, que nous prendrons nombreuses et de rayons voisins', découpent les arcs ACB et A'C'B' en un certain nombre d'éléments. Or, le travail élémentaire accompli par la force centrale en décrivant deux éléments tels que CD et C'D', compris entre deux mêmes surfaces sphériques (éléments correspondants), a la même valeur. Pour le voir, remarquons d'abord que la force en CD et en C'D', ayant son point d'application à la même distance de O, a la même valeur numérique F. Menons maintenant les rayons OCd et OC'd', et traçons les arcs de grand cercle Dd et D'd'' (d et d'étant les points où les rayons OCd et OC'd' percent la sphère, passant par D et D'); Cd et C'd' sont les directions de la force pour les éléments CD et C'D'. Or, les côtés Dd et CD du triangle curviligne CDd étant très petits, peuvent se considérer comme rectilignes, et Dd se confondant avec la tangente à l'arc de cercle est perpendiculaire au rayon OCd; ce triangle est donc rectangle en d, et Cd est la projection sur la direction de la force de l'élément CD. On a ainsi pour la valeur du travail élémentaire : $w = F \times Cd$. De même pour l'élément C'D' on a : $w' = F \times C'd'$. Mais Cd = C'd', puisque ce sont des portions de rayons contenus entre deux mêmes sphères concentriques; d'où w = w'. Les deux arcs ACB et A'C'B contenant un même nombre d'éléments correspondants, pour lesquels le travail élémentaire a la même valeur, les travaux de la force suivant les deux parcours sont égaux entre eux.

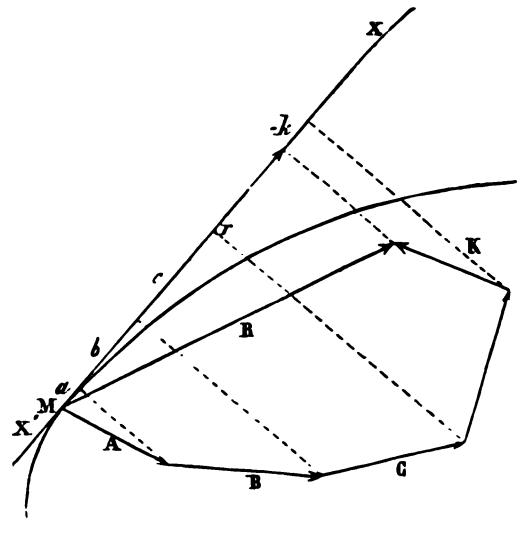
(fig. 7) de l'élément parcouru est égale à la somme algébrique des projections $a, b, c \dots k$ des composantes $A, B, C \dots K$,

$$r = a + b + c + \cdots + k$$

en multipliant par & (longueur de l'élément) les deux membres de cette égalité, on a :

$$r = a + b + c + c + \cdots + k$$

ce qui indique que le travail élémentaire r a de la résultante égale la somme algébrique des travaux élémentaires a a, b a, c a, ... k a des diverses composantes. Il en est donc de même du travail total.



F16. 7.

En particulier, quand plusieurs forces appliquées en un même point se font équilibre, la somme algébrique des travaux de ces diverses forces est nulle puisque, leur résultante étant nulle, son travail est nul. Si les forces qui se font équilibre se réduisent à deux, elles sont égales, de même direction et de sens contraires : si l'une accomplit un certain travail positif, l'autre accomplit un travail négatif égal au précédent en valeur absolue.

Ainsi, quand on soulève un poids de 1 kilogramme à un mêtre de hauteur avec une force à peine supérieure à 1 kilogramme, cette dernière force accomplit un travail positif à peine supérieur à un kilogrammètre, tandis que le poids accomplit un travail négatif d'un kilogrammètre.

2º Le travail de la résultante de plusieurs forces parallèles appliquées à un corps de forme invariable est égal à la somme algébrique des travaux des composantes.

Il suffit de faire la démonstration de ce théorème pour un déplacement infiniment petit des points du système, car, s'il est vrai pour les travaux élémentaires, il sera vrai évidemment pour le travail total.

Considérons d'abord le cas de deux forces f et f' (fig. 8), parallèles et de même sens, appliquées en A et en B. On sait que la résultante sera égale à leur somme (f'+f), et appliquée en un point C de la droite AB donnée par la relation:

$$\frac{CA}{CB} = \frac{f'}{f}$$

Supposons qu'il se produise un déplacement élémentaire des points A,B,C, que ceux-ci viennent en A', B', C', et que ces déplacements soient assez petits pour que les forces restent les même en grandeur et en direction.

Projetons les points A,B,C et A',B',C' sur une droite XY parallèle aux forces, soient a,b,c et a',b',c' ces projections; on a:

(1)
$$\frac{c a}{c b} = \frac{C A}{C B} = \frac{f'}{f} = \frac{C'A'}{C'B'} = \frac{c'a'}{c'b'}$$

D'ailleurs les travaux élémentaires des forces f et f' sont respectivement $aa' \times f$ et $bb' \times f'$, et leur somme est égale à :

$$aa' \times f + bb' \times f' = (cc' + c'a' - ca) f + (cc' + cb - c'b') f'$$

$$= (c'a' \times f - c'b' \times f') - (ca \times f - cb \times f') + cc' (f + f').$$

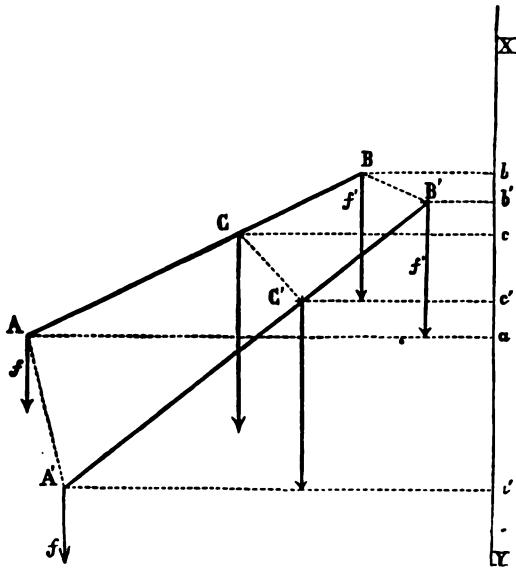


Fig. 8.

Or, en vertu des relations (1) on a:

$$c'a' \times f - c'b' \times f' = 0$$
, $ca \times f - cb \times f' = 0$.

Il reste donc cc' (f+f'), ce qui représente bien le travail de la résultante.

Dans le cas où les deux forces sont parallèles et de sens contraires, une démonstration analogue conduit au même résultat.

Il est évident, d'après cela, que le théorème s'étend à un nombre quelconque de forces parallèles, car, pour avoir la résultante finale, on commence par composer deux des forces, puis on compose leur résultante avec une troisième force, et ainsi de suite.

Ensin, on sait que des forces en nombre quelconque agissant sur un corps solide peuvent être remplacées par le système d'une force résultante et d'un couple résultant. On déduit des théorèmes précédents que la somme des travaux des forces est égale à la somme des travaux de la résultante et du couple résultant. En définitive, on peut remplacer un système de force par un autre équivalent au point de vue mécanique, sans changer la somme des travaux des forces, dans un déplacement quelconque du corps.

4. FORCE VIVE. — Quand un corps a tous ses points animés de la même vitesse v, on appelle force vive de ce corps le produit mv^2 de sa masse m par le carré v^2 de sa vitesse.

Si la vitesse du corps croît, la force vive croît; si elle diminue, la force vive diminue. Pour une même vitesse, la force vive est d'autant plus considérable que la masse est plus grande.

Quand un corps est composé de parties ayant des vitesses différentes, on décompose le corps en parties assez petites pour avoir la même vitesse dans toute leur étendue; chacune de ces petites masses a une force vive définie comme ci-dessus, et la force vive totale du corps est la somme de la force vive de chacune de ses parties.

Même définition pour un système de plusieurs corps, dont la force vive totale est la somme des forces vives de chacun des corps.

La force vive est une quantité toujours positive, car elle est la somme de termes qui sont le produit d'une masse, quantité toujours positive, par le carré d'une vitesse, qui est toujours positif, que la vitesse soit positive ou négative.

La force vive n'est pas une force, suivant le sens précis qu'on attache à ce mot. C'est une grandeur qui est une des formes de l'énergie que nous définirons plus loin. Elle exige donc une unité particulière pour être mesurée.

Quand l'unité de masse et l'unité de vitesse sont fixées, l'unité de force vive est aussi déterminée: l'unité de force vive est la force vive de l'unité de masse animée de l'unité de vitesse.

5. THÉORÈME DES FORCES VIVES. — Une relation des plus importantes existe entre le travail mécanique et la force vive.

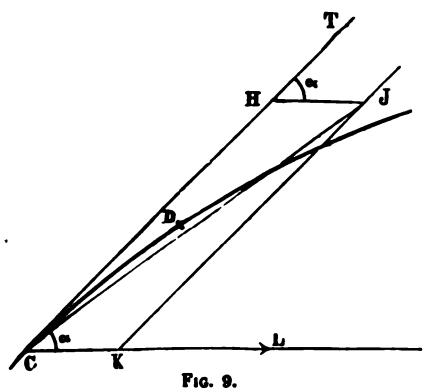
En voici l'énoncé, dans le cas d'un point matériel soumis à l'action d'une seule force.

La variation (augmentation ou diminution) de force vive d'un point matériel est égale au double du travail produit par la force qui agit sur ce point pendant le temps considéré.

Si v_0 est la vitesse initiale du point matériel, v sa vitesse finale et m sa masse, sa force vive initiale est mv_0^2 , sa force vive finale est mv^2 ; si W est le travail accompli pendant ce temps par la force qui agit sur le point, le théorème s'exprime par la relation:

(1)
$$mv^2 - mv_0^2 = 2W$$
 (1)

(1) Voici la démonstration de ce théorème. Soit M un point mobile de masse m décrivant une trajectoire quelconque sous l'influence d'une seule force,



quelconque du reste.

Soit un élément CD (fig. 9) de la trajectoire assez petit pour pouvoir considérer la force comme constante, en grandeur, et en direction, dans son parcours; soit F la valeur de cette force CL et g l'angle qu'elle fait avec la tangente CT à la courbe en C. Appelons 6 le temps employé par M pour franchir CD.

Si la force F agissait sur le mobile M partant sans vitesse du point C, le mouvement serait uniformément

accéléré dans la direction CL de la force, et en désignant par j l'accélération, la vitesse acquise au bout du temps 0 serait j0; et comme $j = \frac{F}{m}$, en appelant a la valeur de cette vitesse, on aurait :

$$a = \frac{F}{m}\theta$$

Mais comme, en réalité, le mobile M possède en C une vitesse v dans la

Quand le travail est moteur, W est positif, et l'on a $mv^2 > mv_0^2$ ou $v > v_0$ en valeur absolue; le point matériel a augmenté de

direction de la tangente CT, en vertu du principe que l'esset d'une sorce est indépendant du mouvement antérieurement acquis, la vitesse v' du mobile en D s'obtiendra en prenant la résultante CJ des deux vitesses CH (=v) et CK (=s) suivant la règle du parallélogramme. Or, l'angle THJ, égal à TCK, a pour valeur a; on a donc dans le triangle CJH la relation:

$$\frac{-2}{CJ} = \frac{-2}{CH} + \frac{-2}{HJ} + 2CH \times HJ \cos \alpha$$

OU

(2)
$$v'^2 = v^2 + a^2 + 2av\cos\alpha = v^2 + \frac{F^2\theta^2}{m^2} + 2\frac{F\theta}{m}v\cos\alpha$$

en multipliant les deux membres par la masse m du mobile, pour introduire la force vive, on a:

(3)
$$mv'^2 - mv^2 = \frac{F^2\theta^2}{m} + 2F\theta v \cos\alpha$$

D'autre part, en appelant e la longueur de l'élément CD, on a pour le travail élémentaire so:

$$(4) w = F \epsilon \cos \alpha$$

Divisons membre à membre (3) et (4), il vient :

(5)
$$\frac{mv'^{2}-mv^{2}}{w}=\frac{F\theta^{2}}{m\epsilon\cos\alpha}+2\frac{v\theta}{\epsilon}=\frac{2v}{\left(\frac{\epsilon}{\theta}\right)}\left(1+\frac{F\theta}{2vm\cos\alpha}\right)$$

Si maintenant nous faisons tendre vers zéro la longueur ε de l'élément, tendra vers zéro, et $\frac{\varepsilon}{\theta}$ tendra vers la vitesse v du mobile en C, par définition; en outre la parenthèse se réduit à son premier terme; on a donc :

(6)
$$\lim_{v \to \infty} \frac{mv'^2 - mv^2}{v} = 2.$$

Soit maintenant un arc de trajectoire AB, décomposons le en n arcs 1, 2, 3, 4,...,n; soient $v_0, v_1, v_2, v_3,..., v_{n-1}$ les vitesses du mobile au commencement de chacun des arcs, et v_n la vitesse à la fin du dernier, c'est-à-dire

vitesse. Quand, au contraire, le travail est résistant, W est négatif, et l'on a $mv^2 < mv_0^2$, ou $v < v_0$ en valeur absolue : le point matériel a diminué de vitesse.

Dans le cas où plusieurs forces agissent sur le point matériel, comme elles ont même point d'application, on peut remplacer toutes ces forces par leur résultante. Or, la variation de force vive est égale au double du travail de cette résultante; mais comme celui-ci est égal à la somme des travaux des composantes, le théorème montre que : la variation de force vive d'un point matériel est égale au double de la somme algébrique des travaux des forces qui agissent sur ce point pendant le

temps considéré (
$$mv^2 - mv_0^2 = 2\sum W$$
).

Avant d'aller plus loin, montrons l'utilité de ce théorème en en faisant une application.

en B. Soient $w_1, w_2, w_3, \ldots, w_n$ les travaux élémentaires pendant chacun de ces arcs. Les fractions

$$\frac{mv_1^2-mv_0^2}{w_1}, \frac{mv_2^2-mv_1^2}{w_2}, \ldots, \frac{mv_n^2-mv_{n-1}^2}{w_n}$$

tendent vers la valeur 2 quand, n croissant indéfiniment, chacun des arcs tend vers zéro: nous pouvons, par conséquent, prendre ces arcs assez petits pour que les fractions soient toutes positives. Formons alors la fraction

$$\frac{mv_n^2 - mv_o^2}{w_1 + w_2 + w_3 + \dots + w_n}$$

ayant pour numérateur la somme des numérateurs des fractions précédentes, et pour dénominateur la somme des dénominateurs. On sait que sa valeur est comprise entre la valeur la plus grande et la valeur la plus petite des fractions précédentes. Elle tend donc aussi vers 2, quand, le nombre des arcs augmentant indéfiniment, leur longueur tend vers zéro. Or, par définition, $(w_1 + w_2 + w_3 + \ldots + w_n)$ devient alors le travail total W pendant le percours de A à B; on a donc:

$$\frac{mv_n^2 - mv_0^2}{W} = 2$$

OU

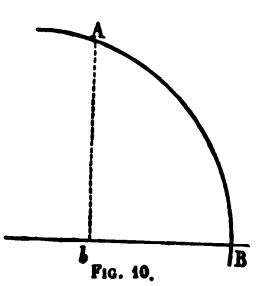
$$mv_n^2 - mv_0^2 = 2W$$
 C.Q.F.D

Supposons un point matériel soumis à son poids et tombant suivant une courbe AB (fig. 10). Quelle est la vitesse v acquisé en B si v_0 est sa vitesse en A.

Le travail W de la pesanteur est donné, comme nous l'avons vu (p. 15), par

$$W = pe$$

p étant le poids du mobile, et e la hauteur Ab de la chute. Il est positif si B est au-dessous de A, négatif dans le cas contraire On a donc:



$$mv^2 - mv_0^2 = \pm 2pe$$

Or, p = mg, si g désigne l'accélération du mouvement uniformément accéléré que prend le corps lorsqu'il tombe en chute libre; on a donc :

$$mv^2 - mv_0^2 = \pm 2mge$$

ou

$$v^2 = v_0^2 \pm 2ge$$

Le signe + convenant si B est au-dessous de A; le signe - dans le cas contraire. Si v_0 est nul, et par conséquent B au-dessous de A, on a:

$$v = \sqrt{2ge}$$

On trouve ainsi pour v la même valeur que dans le cas d'une chute rectiligne.

Ce résultat subsiste encore si le corps roule ou glisse sans frottement sur une surface courbe. En effet, outre la pesanteur, il y a bien à considérer la résistance de la surface; mais, comme cette dernière force est toujours normale à la trajectoire, elle n'accomplit aucun travail, et les formules ci-dessus sont appli-

cables. Ainsi, quelle que soit la courbe décrite par le mobile, la vitesse qu'acquiert dans sa chute un corps qui part du repos est toujours la même pour une même hauteur de chute.

Enfin, abordons le cas le plus général du théorème des forces vives, celui où un corps, ou un système de corps, est soumis à des forces quelconques. Un pareil système peut toujours être considéré comme un ensemble de points matériels à chacun desquels s'applique la relation fondamentale indiquée plus haut. On a donc, en appelant $v_0', v_0'', v_0''', \dots$, les vitesses initiales; v', v'',

v'''..., les vitesses finales de ces points; $\sum_{i=1}^{n} w_{i}$, $\sum_{i=1}^{n} w_{i}$...

les sommes des travaux des forces agissant sur chacun des points; et enfin
$$m'$$
, m'' , m''' ..., leur masse:

$$m'v'^2 - m'v_0'^2 = 2\sum'W$$
 $m''v''^2 - m''v_0''^2 = 2\sum''W$
 $m'''v'''^2 - m'''v_0'''^2 = 2\sum'''W$

et, en ajoutant membre à membre:

$$(m'v'^{2}+m''v''^{2}+m'''v'''^{2}+\cdots)-(m'v_{0}'^{2}+m''v_{0}''^{2}+m'''v_{0}'''^{2}+\cdots)$$

$$=2\sum_{i=1}^{n}W_{i}+\sum_{i=1}^{n}W_{i}+\sum_{i=1}^{n}W_{i}+\cdots)=2\sum_{i=1}^{n}W_{i}.$$

En désignant, pour abréger l'écriture, par V_1 la force vive initiale $(m'v_0''^2 + m''v_0'''^2 + m'''v_0'''^2 + \cdots)$ et par V_2 la force vive finale $(m'v'^2 + m''v''^2 + m'''v'''^2 + \cdots)$ de tout le système, la relation ci-dessus devient :

(2)
$$V_2 - V_1 = 2 \sum W$$

De là cet énoncé le plus général du théorème des forces vives:

La variation de force vive d'un système de corps est égale au double de la somme des travaux de toutes les forces agissant sur les divers points du système.

Si la somme des travaux des forces est positive, on a $V_2 > V_1$: la force vive du système augmente. Si la somme des travaux des forces est négative, on a $V_2 < V_1$: la force vive du système diminue. Si enfin la somme des travaux des forces est nulle, $V_2 = V_1$: la force vive conserve la même valeur.

Pour montrer, dès à présent, l'importance de ce remarquable théorème, le plus fécond de la mécanique en conséquences immédiatement utiles, faisons en une application au choc de deux corps.

Un boulet de canon possède une masse m et une vitesse v; sa force vive est mv^2 . Si aucune force ne vient à agir sur lui, il conservera indéfiniment sa vitesse, sa force vive. Pour l'arrêter, il faut diminuer celle-ci jusqu'à zéro, et, par conséquent, faire agir des forces dont la somme des travaux soit négative, des forces résistantes. Par exemple, s'il choque un mur, il rencontre immédiatement une force en sens inverse du mouvement : la résistance du mur. Mais, pour que cette force puisse produire un travail, et un travail négatif, il faut que son point d'application, c'est-à-dire le boulet, se déplace en sens inverse de la force; car, quelque grande que soit celle-ci, son travail serait nul si le boulet s'arrêtait court dès qu'il y est soumis. Il doit donc pénétrer dans le mur, en le disloquant (¹), jusqu'à ce que la somme des travaux des forces résistantes soit devenue égale à la moitié de sa force vive initiale; celle-ci étant alors complètement dé-

⁽¹⁾ Si le corps qui frappe le mur ne possède qu'une faible force vive, la déformation, qui se produit nécessairement au moment du choc, peut, dans certains cas, ne pas dépasser la limite d'élasticité et n'être que temporaire. Alors, quand la force vive du mobile est détruite par le travail négatif des forces élastiques mises en jeu dans le choc, celles-ci, en faisant reprendre aux deux corps leur forme primitive, accomplissent un travail positif, et l'ensemble des deux corps prend une certaine force vive. Si le corps choqué reste immobile, le corps choquant possède toute la force vive; il prend une vitesse de sens contraire à sa vitesse primitive : il rebondit.

truite, le boulet devient immobile. On voit, par là, que l'effet destructeur d'un boulet, mesuré par le travail mécanique nécessaire pour l'arrêter, est proportionnel à sa force vive; c'est-à-dire: 1° à sa masse m; 2° au carré v^2 de sa vitesse. Un boulet animé d'une vitesse double d'un autre, produit un effet destructeur quadruple, s'il possède la même masse.

Si, en outre, le boulet est animé d'un mouvement de rotation sur lui-même, sa force vive est augmentée de la force vive de rotation et, à égalité de vitesse de translation, il produit un effet destructeur plus grand.

Pour les mêmes raisons, les dégâts causés par un train de chemin de fer, qui rencontre un obstacle sur la voie, sont d'autant plus considérables que sa force vive est plus grande: le danger d'un train en marche croît comme le carré de sa vitesse. Si deux trains se rencontrent, l'importance des dégâts dépend de la somme de leurs forces vives totales.

Pour bien montrer que l'effet de la force vive ne saurait être remplacé par l'effet d'une force, considérons l'action de l'une et de l'autre pour enfoncer un pieu.

En chargeant d'un certain poids la tête du pieu, on peut l'enfoncer en terre; mais celui-ci cesse de pénétrer dans le sol, dès que la force de résistance devient égale au poids mis sur la tête du pieu augmenté du propre poids de celui-ci. On peut, à ce moment, ôter le poids, puis le remettre sans choc, on n'enfoncera pas le pieu davantage.

Au lieu de faire agir une force sur le pieu, soumettons-le à l'action d'un corps possédant une certaine force vive; frappons-le avec un marteau ou un mouton : le pieu s'enfoncera de nouveau, et il en sera toujours ainsi à chaque coup.

6. TRAVAUX DES FORCES INTÉRIEURES. — Un corps, ou un ensemble de corps peut se considérer comme un système de points matériels soumis: 1° à des forces s'exerçant entre les points du système pris deux à deux; en vertu du principe que l'action égale la réaction, celles-ci sont égales, de sens contraires, dirigées suivant la droite joignant les deux points, et ne dépendent en grandeur que de la distance de ces points; nous les appellerons forces intérieures; 2° à des forces provenant de l'action de

corps étrangers au système; nous les appellerons forces extérieures.

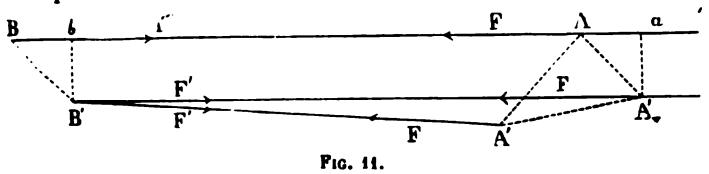
Ainsi, supposons qu'un corps pesant soit suspendu par une corde; les différents points de ce corps, qui sera le système considéré, sont soumis à leur poids force extérieure, puisqu'elle émane de la terre, qui ne fait pas partie du système; ils sont soumis, en outre, à des actions moléculaires empêchant les différentes parties du corps de se disjoindre sous l'effet de leur poids, qui tend à détacher les particules inférieures des particules supérieures; ces forces moléculaires sont des forces intérieures.

Généralement la grandeur, la direction, le sens même de ces forces intérieures nous sont inconnus, et, par conséquent, le travail de chacune de ces forces en particulier, quand leurs points d'application sont en mouvement, nous est également inconnu.

Pourtant, dans le théorème des forces vives, les travaux de ces forces intérieures doivent entrer en ligne de compte aussi bien que les travaux des forces extérieures. Heureusement le calcul de la somme algébrique des travaux des forces intérieures, qui est précisément ce qu'il importe de connaître, est souvent facilité par un théorème dont voici l'énoncé.

La somme algébrique des travaux des forces intérieures d'un système ne dépend que des positions relatives des divers points matériels du système au commencement et à la fin du mouvement considéré (¹). Elle ne dépend nullement des positions intermé-

(1) Pour démontrer ce théorème, il suffit évidemment de faire voir que la somme algébrique des travaux de deux forces dues aux actions mutuelles de deux points l'un sur l'autre ne dépend que de leur distance initiale et de leur distance finale; car alors les travaux des forces agissant entre les divers points du système ne dépendront que des distances initiales et finales de ces points.



Pour cela, remarquons d'abord que, lorsque le point d'application A (fig. 11) d'une force F subit un déplacement AA' assez petit pour que la force

diaires. Si, dans deux transformations différentes du système, les positions initiales et les positions finales des divers points,

puisse se considérer comme constante en grandeur et en direction dans tout l'intervalle, le travail élémentaire a la même valeur, quel que soit le petit chemin parcouru par le point d'application pour aller de A en A'. Car ce travail s'obtient en multipliant la valeur constante de la force par la projection du chemin parcouru sur sa direction, constante aussi; or, tous les chemins qu commencent et finissent en deux mêmes points A et A' ont même projection sur une droite quelconque. Puisque, dans le calcul des travaux élémentaires des forces F et F' appliquées en A et B, peu importe le chemin parcouru par ces points d'application pour aller des positions initiales A et B aux finales A' et B', supposons que d'abord B aille en B' par la ligne droite BB' et que A décrive, en même temps, une droite AA', égale et parallèle à BB' de façon que la figure ABB'A', soit un parallélogramme. Dans ce premier déplacement le travail de F' sera $+ f \times Bb$ et le travail de F sera $-f \times Aa$ (f étant la valeur commune des deux forces F et F', Aa et Bb étant les projections de AA', et de BB' sur AB) ces deux travaux étant évidemment de signes contraires. Leur somme algébrique est :

$$f(Bb - Aa)$$

or on a Bb = Aa, car les deux triangles rectangles AA'_{16} et BB'b sont égaux, comme ayant leurs angles respectivement égaux, et les hypoténuses égales. Donc la somme algébrique de ces deux travaux est nulle. Amenons maintenant le point d'application de la force F de A'_{1} à la position finale A', sans faire varier le point d'application de F'. Le travail de F dans ce dernier déplacement, en vertu du théorème sur les forces centrales, ne dépend que de la distance initiale $B'A'_{1}$ (égale à BA) et de la distance finale B'A'. La somme des travaux élémentaires des deux forces F et F', dans le déplacement, se réduisant à ce dernier travail, ne dépend donc que de la distance initiale et de la distance finale des points d'application de ces forces.

Par conséquent, si e est la diminution de distance des points d'application A et B des forces F et F' pendant un déplacement élémentaire, la somme des deux travaux élémentaires est toujours égale à fe, puisque, si A était resté fixe, et si B s'était rapproché de A de la longueur très petite e suivant la droite BA, le travail de la force F aurait été nul, et celui de F'égal à fe. On voit par là que, lorsque les forces F et F' sont attractives, la somme des deux travaux élémentaires est positive si la distance AB diminue, négative si elle augmente; c'est l'inverse quand les forces F et F' sont répulsives.

Le théorème, démontré pour les travaux élémentaires, s'étend au travail total dans un déplacement quelconque des points d'application. En effet, deux déplacements différents, où les distances initiales et finales sont respectivement les mêmes, peuvent se décomposer en un même nombre de déplacements élémentaires correspondant aux mêmes variations de distance. Dans les deux cas, les travaux élémentaires correspondants ayant la même valeur, leur somme algébrique est aussi la même.

les uns par rapport aux autres, sont respectivement les mêmes, la somme algébrique des travaux des forces intérieures est exactement la même, bien que, pour passer de l'état initial commun à l'état final commun, les chemins aient été tout différents.

En particulier, si le système n'a pas subi de déformation, c'est-à-dire, si les positions relatives au commencement et à la fin du mouvement de ses divers points sont identiques, la somme algébrique des travaux des forces intérieures est toujours nulle. Car, on peut passer de l'état initial à l'état final, qui est le même, sans déplacer aucun des points; auquel cas, les travaux des forces intérieures sont évidemment nuls.

Nous ferons un grand usage de ce théorème; il sert de fondement théorique à toute la calorimétrie et, en particulier, à la thermochimie.

7. ÉNERGIE. — On appelle énergie potentielle d'un système dans un certain état la valeur maximum que peut atteindre la somme des travaux des forces intérieures du système dans ses transformations possibles à partir de l'état considéré.

Comme dans une transformation qui ramène le système à l'état initial la somme des travaux des forces intérieures est nulle, on voit que l'énergie potentielle est une quantité égale ou supérieure à zéro; autrement dit, c'est une grandeur toujours positive.

Désignons par 1, 2 et 3, trois états différents d'un même système. Soit X la somme des travaux des forces intérieures dans le passage de l'état 1 à l'état 2; soient u_1 et u_2 cette somme dans le passage de l'état 1 à l'état 3, et dans le passage de l'état 2 à l'état 3; on a la relation:

$$u_1 = X + u_2$$

puisque, la somme des travaux des forces intérieures u_1 en passant de l'état 1 à l'état 3 étant indépendante de la manière dont s'effectue la transformation, on peut d'abord faire passer le système de l'état 1 à l'état 2, d'où le travail X, et ensuite de l'état 2 à l'état 3, d'où le travail u_2 .

Ainsi, pour deux mêmes états 1 et 2, la différence u_1-u_2 , toujours égale à X, reste constante, quel que soit l'état 3. Il en résulte que, quand cet état 3 est tel que u_1 possède sa plus grande valeur possible, et, par conséquent, représente l'énergie potentielle U_1 de l'état 1, u_2 possède aussi sa valeur maximum et représente l'énergie potentielle U_2 de l'état 2; on a donc :

$$U_4 = X + U_2$$

d'où:

$$(1) X = U_1 - U_2$$

c'est-à-dire, qu'on obtient la quantité de travail accompli par les forces intérieures, dans le passage d'un premier état à un second, en retranchant de l'énergie potentielle du premier état celle du second.

Si l'on a $U_1 > U_2$ ce travail X, accompli par les forces intérieures, est positif; si $U_1 < U_2$ ce travail est négatif. Par conséquent, lorsque les forces intérieures accomplissent un travail positif, l'énergie potentielle diminue; quand les forces intérieures accomplissent un travail négatif, l'énergie potentielle augmente.

On appelle énergie actuelle la demi-force vive d'un système $\left(\frac{1}{2}V\right)$.

On appelle énergie totale, ou simplement énergie, la somme de l'énergie potentielle et de l'énergie actuelle du système.

Si E représente l'énergie d'un système, U son énergie potentielle, V sa force vive et, par conséquent, $\frac{1}{2}$ V son énergie actuelle, en a, d'après ces définitions:

$$(2) E = \frac{1}{2} V + U$$

L'énergie, somme de deux quantités toujours positives, est une grandeur toujours positive.

8. RELATION ENTRE LES VARIATIONS D'ÉNERGIE D'UN SYSTÈME ET LE TRAVAIL DES FORCES EXTÉRIEURES. — La variation d'énergie d'un système dans une transformation est égale au travail des forces extérieures. — Si ce travail est positif, l'énergie du système augmente. Si ce travail est négatif, l'énergie du système diminue. Si ce travail est nul, l'énergie totale du système conserve la même valeur; ce qui aura lieu, en particulier, si aucune force extérieure n'agit sur le système. Tel est le principe de la conservation de l'énergie, qui n'est qu'une conséquence des principes fondamentaux de la dynamique, comme nous allons le montrer.

En effet, la proposition que nous venons d'énoncer découle immédiatement du théorème des forces vives. Soient, dans un premier état, V_1 et U_1 la force vive et l'énergie potentielle d'un système, et, dans un second état V_2 et U_2 les valeurs des mêmes quantités. Soit T la somme algébrique des travaux des forces extérieures au système pendant la transformation. Le travail des forces intérieures étant $U_1 - U_2$, comme nous l'avons vu, la valeur du travail de toutes les forces agissant sur les divers points du système est $U_1 - U_2 + T$; on a donc, d'après le théorème des forces vives:

$$V_2 - V_1 = 2 (U_1 - U_2 + T)$$

ďoù:

$$\left(\frac{1}{2}V_2 + U_2\right) - \left(\frac{1}{2}V_1 + U_1\right) = T$$

Or $\left(\frac{1}{2}V_1 + U_1\right)$ est l'énérgie totale E_1 du système dans le premier état, et $\left(\frac{1}{2}V_2 + U_2\right)$ l'énergie totale E_2 dans le second état; on a donc:

$$\mathbf{E_2} - \mathbf{E_4} = \mathbf{T}$$

ce qui est la relation que nous avons énoncée.

Si T est positif, on a $E_2 > E_1$; si T est négatif, on a $E_2 < E_1$; si T = 0 on a $E_2 = E_1$.

Cette notion de l'énergie est une des plus importantes de la physique moderne, et nous devons, par quelques exemples, la faire bien comprendre.

Supposons qu'une lame flexible soit pincée dans un étau à l'une de ses extrémités: cette lame sera le système considéré. Dérangeons-la de sa position d'équilibre, en écartant son extrémité libre; si l'on abandonne la lame à elle-même, elle revient vers cette position; ce qui montre que des forces intérieures sont nées par suite de ce déplacement, et qu'elles tendent à s'y opposer. En passant de la position d'équilibre à la position écartée, les forces intérieures ont donc accompli un travail négatif: l'énergie potentielle du système a augmenté. On a ainsi accru l'énergie totale de la lame en l'écartant de sa position d'équilibre.

Si maintenant, la lame étant écartée, on l'abandonne à elle-même, et qu'aucune force extérieure, capable d'accomplir un travail pendant le mouvement, n'agisse sur elle, celle-ci revient vers la position d'équilibre, tout en conservant la même quantité d'énergie totale. Arrivée à cette position, son énergie potentielle (qu'on pourrait appeler énergie de position, puisque sa valeur ne dépend que de la position des différentes parties du système les unes par rapport aux autres) a repris la valeur qu'elle avait avant l'écartement; mais, son énergie totale étant plus grande, il faut que l'augmentation porte sur l'énergie actuelle. En effet, les diverses parties de la lame sont alors animées de vitesses, qui lui font dépasser sa position d'équilibre, et, par conséquent, possèdent une certaine quantité de force vive.

Ainsi, dans cet exemple, on voit que l'énergie potentielle, qu'avait la lame écartée, s'est transformée en énergie actuelle en revenant vers sa première position.

Dès que la lame, par suite de la vitesse acquise, a dépassé sa position d'équilibre, les forces élastiques tendent à la ramener vers cette position; ses divers points s'avançant ainsi en sens inverse des forces qui agissent sur eux, celles-ci accomplissent des travaux négatifs: l'énergie potentielle augmente. Mais,

comme aucune force extérieure ne produit de travail, l'énergie totale doit conserver la même valeur : cette augmentation d'énergie potentielle se fait donc aux dépens de l'énergie actuelle, de la force vive qui diminue jusqu'à devenir nulle. A ce moment la lame est sans vitesse, elle se trouve écartée de sa position d'équilibre en sens inverse du premier écartement, et elle possède la même quantité d'énergie potentielle qu'alors.

Ainsi, dans ce passage de la position d'équilibre à cette nouvelle position écartée, il se produit une transformation d'énergie actuelle en énergie potentielle.

Inutile d'ajouter que la lame ne reste pas dans cette nouvelle position; elle revient vers la position d'équilibre, la dépasse pour les mêmes raisons que ci-dessus, et revient à la première position écartée, en reprenant la même énergie potentielle que dans le premier cas; et ainsi de suite: ces phénomènes se produisant indéfiniment, la lame accomplit une série de vibrations autour de sa position d'équilibre (1).

Insistons un peu maintenant sur la variation d'énergie qui résulte du travail des forces extérieures.

Quand un système obéit aux forces extérieures qui lui sont appliquées, c'est-à-dire quand les points d'application se déplacent dans le sens même des forces, celles-ci accomplissent un travail positif, et, comme nous l'avons vu, l'énergie du système augmente d'une quantité égale.

On dit, dans ce cas, que le système reçoit un travail. Par exemple, une pierre qui tombe de haut en bas, obéit à son poids, elle reçoit un travail: son énergie augmente. En effet, sa force vive devient de plus en plus grande.

Au contraire, quand un système surmonte les forces exté-

⁽¹⁾ La résistance de l'étau, force extérieure, ne paraît accomplir aucun travail pendant que la lame vibre par son extrémité libre, puisque l'extrémité pincée est fixe. En réalité, il faudrait une fixité absolue pour qu'il en fût rigoureusement ainsi; comme cela n'a pas lieu, des travaux très faibles sont produits qui diminuent continuellement l'énergie totale de la lame. La résistance de l'air produit le même effet. Il en résulte qu'au bout de quelque temps, tout l'excès d'énergie communiqué par l'écartement a disparu, et, la lame, ramenée au premier état, redevient immobile dans la position d'équilibre.

rieures qui lui sont appliquées, c'est-à-dire quand les points d'application se déplacent en sens inverse des forces, celles-ci accomplissent un travail négatif, et l'énergie du système diminue d'une quantité égale.

On dit, dans ce cas, que le système fournit un travail. Un système ne peut vaincre les forces extérieures, ne peut fournir un travail que par dépense d'énergie.

Par exemple, une pierre lancée de bas en haut, surmonte son poids; en s'élevant elle fournit un travail : son énergie diminue. En effet, sa force vive devient de plus en plus faible.

Il est bon d'expliquer d'où vient l'expression de « fournir un travail », qui, dans l'exemple précédent, peut paraître bizarre. Quand un système A est soumis à des forces émanant d'un système B, réciproquement, B est soumis à des forces égales et contraires émanant de A. Or, parfois (mais pas toujours) les points d'application de l'action et de la réaction conservent la même distance; dans ce cas, comme nous l'avons vu (§ 6), la somme des travaux de l'action et de la réaction est nulle; par conséquent, le travail des forces émanant de A est égal et de signe contraire au travail des forces émanant de B, et agissant sur A. Si donc ce dernier travail est négatif, le premier est positif. Alors le travail reçu par B est égal au travail fourni par A; l'énergie de A diminue et celle de B augmente d'une quantité égale.

Ce n'est pas le cas, dans l'exemple d'une pierre qui s'élève; puisqu'en s'élevant elle s'écarte de la terre sur laquelle elle réagit, et que les points d'application de l'action (poids de la pierre) et de la réaction s'éloignent l'un de l'autre. La terre ne reçoit aucun travail de la pierre; car, sous l'influence de la réaction, elle ne se meut pas d'une quantité appréciable. Mais faisons remarquer que, si l'énergie de la terre reste la même, et si l'énergie de la pierre diminue en s'élevant, pourtant l'énergie totale du système formé par la terre et la pierre conserve la même valeur; en effet, pendant l'ascension de celleci, le système gagne en énergie potentielle précisément ce que la pierre perd en énergie actuelle.

Au contraire, dans l'exemple suivant, où nous serons placés

dans le cas indiqué plus haut, l'expression générale de « travail fourni » se comprendra aisément.

Supposons un arc tendu (système A) et une slèche (système B) reposant sur la corde. Lâchons celle-ci; en revenant à sa position d'équilibre, elle pousse devant elle la slèche, qui, à son tour, réagit sur la corde. La distance entre les points d'application de l'action et de la réaction reste invariable, tant que la force agit, c'est-à-dire tant que la slèche s'appuie sur la corde. Aussi tout le travail fourni par l'arc dans ce mouvement est-il reçu par la slèche, et une portion de l'énergie qu'avait l'arc tendu a passé à celle-ci, qui est lancée au loin.

Si dans la formule fondamentale.

$$E_1 - E_1 = T$$

on fait $E_2 = 0$; il vient :

$$T = -E_{\bullet}$$

c'est-à-dire, que dans une transformation où l'énergie totale du système deviendrait nulle, celui-ci aurait fourni un travail extérieur égal, en valeur absolue, à son énergie primitive.

De là cette définition de l'énergie, souvent donnée :

L'énergie d'un système est la plus grande quantité de travail mécanique qu'il peut fournir.

Mais hâtons-nous d'ajouter qu'on ne peut, en réalité, réduire à zéro l'énergie d'un système, et que, par conséquent, la quantité de travail qu'on peut pratiquement en recevoir reste toujours inférieure à son énergie.

9. DES MACHINES ET DE L'IMPOSSIBILITÉ DU MOUVEMENT PERPÉTUEL. — Une machine est destinée à transformer un travail en un autre plus utile pour l'homme.

La machine, quelle que soit la nature de ses organes, que ce soient des pièces solides, des liquides, des gaz qui y soient employés, qu'on sasse intervenir comme agent l'électricité ou le magnétisme, la machine est un système qui reçoit d'une part

un travail sou des forces motrices (force musculaire de l'homme ou des animaux, chute d'eau, expansion de la vapeur, etc.), et de l'autre fournit un travail. Ce travail fourni se divise en deux parties: 1° un travail utile, tel que l'ascension d'une pierre ou d'un fardeau par un treuil, tel que celui de la traction d'un train sur une voie ferrée, tel que celui de la désagrégation d'un métal par forage, sciage, rabotage, etc.; 2° un travail inutile, tel que celui des trépidations ou des frottements des diverses pièces de la machine dans leurs mouvements (¹). Ce dernier travail peut être diminué par une bonne disposition des organes, par le graissage ou par d'autres moyens, mais il ne peut jamais être complètement annulé.

Il en résulte que le travail utile est toujours inférieur au travail fourni.

Supposons qu'une machine, ayant fonctionné pendant un certain temps, revienne exactement dans le même état; c'est-à-dire, que ses différentes parties reprennent la même position, et que leur force vive présente la même valeur: l'énergie de la machine redevient la même, puisque son énergie potentielle et son énergie actuelle reprennent respectivement les mêmes valeurs. Par conséquent la somme algébrique des travaux des forces extérieures est nulle; c'est-à-dire que la machine a fourni un travail exactement égal à celui qu'elle a reçu.

Le travail utile, qui n'est qu'une fraction du travail fourni, est donc toujours inférieur au travail reçu. Ainsi, loin de créer du travail mécanique, une machine ne rend même pas en travail utile tout ce qu'elle reçoit.

Le problème du mouvement perpétuel est donc insoluble; car sa solution consisterait à trouver une machine qui fournirait indéfiniment du travail utile sans rien recevoir et en revenant au même état, c'est-à-dire, en conservant la même énergie.

⁽¹⁾ Ces frottements, ces trépidations, ont pour effet de donner naissance à un mouvement vibratoire des organes. Ces vibrations (vibrations sonores ou son, vibrations calorifiques ou chaleur), se transmettent au milieu extérieur, au sol, à l'air, aux corps voisins. En transmettant ces vibrations, le système qui constitue la machine accomplit un travail extérieur, puisqu'il déplace de leur position d'équilibre stable, les particules du milieu environnant.

Un moteur à vapeur, pourtant, produit du travail sans paraître en recevoir.

En réalité, tout comme une autre machine, le moteur à vapeur reçoit un travail. Celui-ci provient des forces d'affinités qui entrent en jeu pendant la combustion du charbon dans le foyer. Le système formé d'oxygène et de carbone éprouve une diminution d'énergie potentielle par sa transformation en acide carbonique; d'où résulte la création d'une quantité équivalente de chaleur, qui, ainsi que nous le verrons plus loin, est une des formes de l'énergie. Or, quand la machine à vapeur fournit un travail, une quantité équivalente de chaleur est détruite comme l'ont montré les expériences de M. Hirn. Ainsi, c'est par l'intermédiaire de la chaleur, que le moteur à vapeur reçoit le travail des forces d'affinités.

Un homme, un animal est une machine du même genre. L'être vivant ne peut pas plus créer de l'énergie qu'un engin mécanique ordinaire. Les aliments jouent le rôle de la houille consommée par la machine à vapeur, et les réactions chimiques dont l'organisme est le siège, le rôle de la combustion qui s'opère dans le foyer.

De rien on ne peut créer de la matière; de rien on ne peut créer de l'énergie.

L'Univers est un vaste système dont la matière et l'énergie peuvent bien se transformer en leurs différentes variétés, mais dont la quantité de l'une et de l'autre ne peut ni diminuer ni augmenter (1).

Conservation de la matière, conservation de l'énergie, tels sont les deux grands principes qui dominent le monde physique. C'est l'illustre chimiste français Lavoisier (2) qui a montré la justesse du premier, c'est au physicien allemand Helmholtz qu'est dû le second.

⁽¹⁾ Aucune force extérieure ne pouvant agir sur l'ensemble de l'Univers, son énergie totale doit rester constante.

⁽²⁾ Antoine-Laurent Lavoisier, né en 1743, mort en 1794, est le fondateur de la chimie actuelle.

CHAPITRE II

MESURES ABSOLUES

1. GÉNÉRALITÉS SUR LES MESURES ABSOLUES. — Faire la mesure d'une grandeur consiste à chercher combien une autre grandeur de même espèce, prise comme unité, est contenue de fois dans la première; le nombre entier ou fractionnaire, qui représente le résultat, est la valeur de la grandeur.

Tant qu'on n'établit aucune relation entre les grandeurs de différentes espèces, le choix de l'unité est indifférent, pourvu que cette unité soit bien déterminée, et qu'on puisse se la procurer toujours parfaitement identique. C'est ainsi qu'on a pu employer comme unité de longueur la toise, comme unité de surface la perche des eaux et forêts, comme unité de volume le setier, unités qui n'ont rien de commun.

Pourtant, il convient le plus souvent d'établir une dépendance entre les unités qui servent à mesurer les diverses grandeurs. C'est ce que nous allons faire comprendre.

Les sciences géométriques, les sciences physiques fournissent des relations entre les grandeurs de différentes natures, et ces relations se traduisent par des formules algébriques. Ainsi, la géométrie nous apprend que l'aire d'un rectangle est proportionnelle au produit de ses deux côtés; ce qui est représenté par la formule:

s = all'

dans laquelle s représente l'aire du rectangle mesurée avec

une unité quelconque, la perche par exemple; l et l' les longueurs des côtés mesurés avec une unité quelconque, la toise par exemple; et a un certain coefficient numérique qui est la surface en perches d'un carré ayant une toise de côté; puisqu'en faisant l = l' = 1 dans la formule, on a s = a.

Voici un autre exemple tiré de la physique. L'expérience prouve que la force qui agit entre deux points électrisés est inversement proportionnelle au carré de leur distance, et comme, d'après la définition même de la grandeur appelée quantité d'électricité, cette force est proportionnelle aux quantités d'électricité qui chargent ces points, on a la formule:

$$f=\varphi\,\frac{qq'}{d^2}$$

dans laquelle q et q' représentent les quantités d'électricité des deux points, d leur distance, f la force électrique, et φ un certain coefficient numérique, qui est la force exercée entre deux points chargés chacun de l'unité d'électricité et placés à l'unité de distance; puisqu'en faisant dans la formule q = q' = 1 et d = 1 il vient $f = \varphi$.

Les coefficients numériques, tels que a ou φ , qui s'introduisent ainsi dans les formules, ont une valeur qui dépend des unités choisies pour évaluer les grandeurs. Il en résulte qu'avec un choix d'unités convenable on pourra rendre ces coefficients égaux à 1; ce qui simplissera les formules employées, puisque ces coefficients n'y figureront plus. Il suffit pour cela, dans le premier exemple, de prendre comme unité de surface, celle du carré construit sur l'unité de longueur; on a alors a = 1 et la formule qui donne l'aire d'un rectangle devient s = ll'. Dans le second exemple, on prendra comme uuité de force celle qui s'exerce entre deux points chargés de l'unité d'électricité et placés à l'unité de distance; ou, ce qui revient au même, on prendra comme unité d'électricité celle qui agit sur une égale quantité placée à l'unité de distance avec l'unité de force adoptée; on aura alors q = 1 et la formule qui donne la force électrique deviendra $f = \frac{qq'}{d^2}$.

Un système de mesures faites avec des unités telles que les coefficients se réduisent à 1 dans les principales formules employées est dit un système de mesures absolues.

Le système métrique en est un exemple; puisqu'en prenant le mètre, le mètre carré et le mètre cube pour unités de longueur, de surface et de volume, on a les formules s = ll' pour l'aire d'un rectangle et v = ll'l' pour le volume d'un parallélipipède rectangle dont l, l' et l'' sont les côtés.

Quand une formule, à un seul coefficient numérique, donne une relation entre n grandeurs d'espèces différentes, on peut évaluer avec des unités quelconques (n-1) d'entre elles, et l'on pourra toujours choisir, pour mesurer la n^{mo} , une unité telle que le coefficient numérique devienne égal à 1. La formule employée dans ce cas sera dite la formule de définition de l'unité de cette n^{mo} grandeur.

Ce n'est, du reste, que pour cette formule de définition que le coefficient égale l'unité; il est bien évident que d'autres relations entre les mêmes grandeurs pourront nécessiter l'emploi d'un coefficient numérique différent de 1. C'est ainsi que dans le système métrique la formule de définition de l'unité de surface est celle qui donne l'aire d'un rectangle; ce qui fait que l'aire s d'un triangle équilatéral de côté l'est donné par la formule

$$s = \frac{\sqrt{3}}{4} l^2,$$

qui nécessite le coefficient numérique $\frac{\sqrt{3}}{4}$. On aurait pu prendre, comme formule de définition de l'unité de surface, la formule du triangle équilatéral; c'est-à-dire, prendre comme unité de surface celle du triangle équilatéral de côté-unité; la surface d'un triangle équilatéral de côté l serait alors donnée par la formule $s=l^2$; mais, dans ce cas la surface du rectangle de côté l et l serait représentée par la formule

$$s = \frac{4}{\sqrt{3}} ll'$$

qui nécessite l'emploi du coefficient numérique $\frac{4}{\sqrt{3}}$.

Il est clair que, dans un système de mesures absolues, s'il n'y a que les formules de définition des unités qui aient un coefficient

égal à l'unité, les coefficients numériques des autres formules sont généralement simples, et leur valeur représente une loi. C'est ainsi que le coefficient numérique $\frac{\sqrt{3}}{4}$ qui entre dans la formule de la surface du triangle équilatéral nous fait voir que le rapport qui existe entre la surface d'un triangle équilatéral et celle d'un carré ayant même côté que ce triangle est toujours égal à $\frac{\sqrt{3}}{4}$

2. UNITÉS FONDAMENTALES ET UNITÉS DÉRIVÉES. — Supposons qu'on ait fait choix d'une unité de longueur et d'une unité de temps (le centimètre et la seconde par exemple); il sera convenable de prendre : 1° comme unité de vitesse, celle du mobile animé d'un mouvement uniforme qui parcourt l'unité de longueur dans l'unité de temps; la formule du mouvement uniforme s'écrira alors sans coefficieut (e = vt); 2° comme unité d'accélération, celle d'un mobile animé d'un mouvement uniformément accéléré dont la vitesse s'accroît d'une unité dans l'unité de temps; alors la formule qui donne la vitesse d'un mouvement uniformément varié n'aura pas de coefficient $(v - v_o = gt)$.

Choisissons maintenant une unité de masse quelconque (celle du gramme par exemple); nous devrons prendre, comme unité de force, celle qui imprime à l'unité de masse l'unité d'accélération, d'après la formule de définition de la masse $(m=\frac{f}{g})$, qui nous sert ici à définir l'unité de force.

L'unité de force étant sixée, nous pourrons successivement désinir les unités absolues de la plupart des grandeurs dont s'occupe la physique, les phénomènes se manifestant par des forces généralement mesurables. Nous en avons donné un exemple plus haut dans la mesure absolue d'une quantité d'électricité.

Ainsi, en choisissant arbitrairement les unités de trois grandeurs convenables (dans notre exemple : une unité de longueur, une unité de temps et une unité de masse), qui seront les unités fondamentales du système, on peut en faire dériver les unités des autres grandeurs employées en physique, de façon que les formules les plus importantes, les plus fréquemment employées,

servant de formule de définition d'une unité, n'aient pas de coefficients numériques, et que les autres aient un coefficient simple, rappelant une loi : on aura par là un système de mesures absolues.

Les divers systèmes de mesures absolues, qu'on peut proposer, diffèrent entre eux :

- 1º Par le choix de la nature des trois unités fondamentales. — Au lieu des unités de longueur, de temps et de masse, on pourrait aussi bien prendre soit des unités de longueur, de temps et de force (l'unité de masse serait une unité dérivée); soit des unités de longueur, de masse et de force (l'unité de temps serait une unité dérivée); soit encore des unités de temps, de masse et de force (l'unité de longueur serait, dans ce cas. une unité dérivée);
- 2º Par le choix des dimensions des unités fondamentales.

 On peut, pour unité de longueur, adopter soit la toise, soit le pouce, soit le centimètre.
- 3° Par le choix des formules de définition des unités dérivées. — Nous avons vu, par exemple, que l'unité de longueur étant fixée, on peut prendre comme unité de surface soit celle d'un carré de côté-unité, soit celle d'un triangle équilatéral de côté-unité.

Il était bien désirable qu'une entente s'établisse sur le choix d'un système de mesures absolues, auquel les physiciens se conformeraient à l'avenir, pour que les nombres qui représentent une même grandeur ne soient pas différents d'un ouvrage à un autre. Cette entente a eu lieu au Congrès international des Electriciens, qui a réuni à Paris, en 1881, les notabilités scientifiques du monde entier.

Nous allons exposer le système qui a été adopté par le Congrès; il n'est autre, du reste, que celui qui avait déjà été établi dès 1861 par l'Association Britannique. Nous nous y conformerons dans les calculs et les données numériques de cet ouvrage. Mais, auparavant, signalons une difficulté inhérente à toute espèce de système absolu, et le moyen d'y remédier.

Si les dimensions des unités de certaines espèces de grandeur sont convenables pour la pratique, les dimensions des unités de quelques autres espèces sont, quoi qu'on fasse, ou trop petites, ou trop grandes. C'est ainsi que dans le système adopté par le Congrès, les dimensions des unités fondamentales (centimètre, masse du gramme, seconde) sont convenables pour la pratique; mais, parmi les unités dérivées, il en est, comme l'unité de travail, ou l'unité de résistance électrique, qui sont beaucoup trop petites, et d'autres, comme l'unité de capacité électrique, qui sont beaucoup trop grandes.

On se tire aisément de cette difficulté en prenant pour ces grandeurs une unité secondaire, qui vaut l'unité absolue multipliée par une puissance de dix convenablement choisie, et à laquelle il est bon de donner un nom spécial. C'est ainsi qu'au lieu d'exprimer la valeur d'une résistance électrique en unités absolues, on l'exprime en Ohms, l'Ohm valant 10° unités absolues.

En outre, si, pour certaines mesures, l'unité absolue ou l'unité secondaire est convenable, pour d'autres elle est incommode, étant trop grande ou trop petite.

Ainsi, le mètre, qui est d'une bonne dimension pour mesurer la largeur d'une place, la longueur d'une rue, est une unité trop petite pour mesurer la longueur d'une contrée, et trop grande dans d'autres cas, par exemple, pour évaluer le diamètre des cellules dont se composent les tissus des êtres vivants. Aussi emploie-t-on des unités secondaires qui sont dix, cent, mille ou un million de fois plus grandes et qu'on désigne à l'aide des préfixes déca, hecto, kilo, méga (décamètre, hectomètre, kilo-mètre, mégamètre) et d'autres qui sont le dixième, le centième, le millième ou le millionnième de l'unité et qu'on désigne par les préfixes déci, centi, milli, micro (décimètre, centimètre, millimètre, micromètre) (1).

3. UNITÉS ABSOLUES ACTUELLEMENT EMPLOYÉES DANS LES MESURES DE PHYSIQUE. — En nature, les unités fondamentales

⁽¹⁾ Il est commode, dans l'écriture, de représenter les nombres très grands ou très petits par un nombre compris entre 1 et 10 multiplié par une puissance de dix convenable. Ainsi au lieu d'écrire 2 335 000 000 000 000, d'écrire 2,335 × 1048, et au lieu de 0,000 000 007 821, d'écrire 7,821 × 10 - 9. — La puissance de dix à employer est ainsi la caractéristique du logarithme du nombre.

adoptées par le Congrès des Electriciens sont des unités de longueur, de masse et de temps, dont nous allons donner les définitions.

UNITÉS FONDAMENTALES.

1º Unité de longueur.

Le centimètre défini comme la centième partie de la longueur à O de l'étalon prototype en platine déposé aux Archives et représentant le mêtre (1).

On sait que ce mètre-étalon n'est pas exactement le 1 de la longueur d'un méridien; l'unité de longueur est donc arbitraire, mais parfaitement définie.

2º Unité de masse.

La masse du gramme définie comme la millième partie de la masse de l'étalon prototype en platine déposé aux Archives et représentant le kilogramme.

On sait qu'en établissant le système métrique, la Convention Nationale avait décidé que le kilogramme serait le poids d'un décimètre cube d'eau pure à 4°, pesée dans le vide, à Paris. L'étalon prototype aurait dù avoir, par conséquent, la même masse qu'un décimètre cube d'eau pure à 4°. Mais, par suite d'erreurs assez difficiles à éviter, au temps où cet étalon a été construit, il a une masse un peu moindre. Il en résulte que la masse d'un centimètre cube d'eau pure à 4° n'est pas exactement celle de la millième partie du kilogramme-étalon, autrement dit ne représente pas exactement l'unité de masse adoptée. D'après les recherches les plus récentes, un centimètre cube d'eau pure à 4° a pour masse

1,000 013

Comme on appelle densité d'une substance la masse de l'unité

(1) Les étalons prototypes en platine du mètre et du kilogramme ont été déposés aux Archives le 4 messidor au vII, conformément à la disposition de la loi du 18 germinal au III, concernant les poids et mesures.

de volume, l'eau à son maximum de densité (4°) a pour densité 1,000 013; c'est à 2°,85 ou à 5°,15 que sa densité est égale à l'unité.

3º Unité de temps.

La seconde définie comme la fraction $\frac{1}{24 \times \overline{60}^2}$ du jour so-

laire moyen.

Ce système d'unités absolues, ayant pour base le centimètre, le gramme et la seconde, est connu sous le nom de système C.G.S.

UNITÉS DÉRIVÉES.

Nous n'indiquerons, pour le moment, que les unités mécaniques; à propos de chacune des grandeurs étudiées dans cet ouvrage, nous donnerons la définition de son unité dans le système C.G.S.

Unité de vitesse.

La vitesse d'un mobile animé d'un mouvement uniforme qui franchit l'unité de longueur dans l'unité de temps.

Par conséquent, si un mobile animé d'un mouvement uniforme parcourt un espace e dans le temps t avec une vitesse v, on a la relation:

$$e = vt$$

La lumière parcourant 300 000 kilomètres par seconde, sa vitesse de propagation en unités C.G.S est 3×10^{10} .

Unité d'accélération.

L'accélération d'un mobile animé d'un mouvement uniformément accéléré dans lequel la vitesse s'accroît d'une unité dans l'unité de temps.

D'où, si v représente au temps t la vitesse d'un point mobile doué d'un mouvement uniformément accéléré, v_o sa vitesse initiale, et g l'accélération, la relation:

$$v - v_0 = gt$$

L'intensité de la pesanteur à Paris, comme nous le montrerons plus loin, vaut 980,96 unités C.G.S.

Unité de force.

La force qui imprime à un mobile ayant l'unité de masse l'unité d'accélération.

Si f est la force qui agit sur un mobile de masse m, et si g est l'accélération qu'elle lui communique, on a la relation:

$$f = mg$$

Cette unité de force a reçu le nom de dyne (1). Le poids d'un gramme à Paris, communiquant à la masse de celui-ci (unité de masse C.G.S.) une accélération égale à 980,96 unités C.G.S, vaut d'après la formule ci-dessus 980,96 dynes.

Par conséquent, à Paris, le poids

```
d'un milligramme vaut 0,98096 dyne (grossièrement 1 dyne).

d'un gramme — 0,98096 \times 10<sup>3</sup> dynes, soit 0,98096 kilodyne,

d'un kilogramme — 0,98096 \times 10<sup>6</sup> — — 0,98096 mégadyne.
```

L'unité de force C.G.S. est assez petite, puisque c'est à peu près le poids d'un milligramme.

Unité de travail.

Le travail produit par l'unité de force qui déplace dans sa direction son point d'application de l'unité de longueur.

D'où, en désignant par f la valeur d'une force, par e le chemin parcouru dans sa direction par son point d'application, et par w le travail produit, la relation :

$$w = fe$$

Cette unité de travail a reçu le nom d'erg ('). D'après cela, la valeur du kilogrammètre est

$$0.98096 \times 10^6 \times 10^2 = 0.98096 \times 10^8 \text{ ergs},$$

soit encore 98,096 mégergs.

L'erg est une unité bien petite, puisqu'un milligramme tombant d'un centimètre accomplit à peu près un erg. Une unité secondaire valant 100 mégergs différerait peu du kilogrammètre et pourrait le remplacer dans l'usage pratique (2).

Unité de puissance.

La puissance d'un moteur qui produit une unité de travail dans l'unité de temps.

D'où, si j représente la puissance d'un moteur fournissant un travail w dans le temps t, la relation

$$w = jt$$

Cette unité de puissance, qui n'a pas reçu de nom particulier, est d'une petitesse extrême: une mouche est un moteur d'une puissance de plusieurs unités. Le cheval-vapeur, qui, comme on le sait, est la puissance d'un moteur qui produit 75 kilogrammètres par seconde, vaut

$$75 \times 0.98096 \times 10^8 = 0.73572 \times 10^{10}$$
 unités C.G.S. (3).

⁽¹⁾ De ¿pyov, travail.

⁽²⁾ Il est regrettable qu'on n'ait pas donné un nom spécial à cette unité secondaire valant 100 mégergs, ce qui permettrait d'exprimer en une unité de dimension convenable les travaux mécaniques qui intéressent l'industrie.

⁽³⁾ Une unité secondaire de puissance valant 10¹⁰ unités C.G.S. serait convenable pour l'évaluation pratique de la puissance des machines. Il serait utile de lui donner un nom spécial.

Le cheval-vapeur vaudrait 0,736 de cette unité secondaire.



LIVRE II

PESANTEUR

CHAPITRE PREMIER

GÉNÉRALITÉS SUR LA PESANTEUR

1. LA MATIÈRE EST PESANTE. — A la surface de la Terre, tout corps abandonné à lui-même se dirige vers le sol, tombe suivant l'expression consacrée; placé sur un obstacle, il tend à l'enfoncer; accroché à un dynamomètre, il en fait fléchir le ressort. Ainsi, la matière près de la surface de la Terre est soumise à une force dirigée vers le sol. Sans rien préjuger sur la nature de celle-ci, on lui a donné un nom, on l'appelle la pesanteur: la matière est pesante.

Pourtant, quelques corps, tels que la fumée ou un ballon gonflé de gaz d'éclairage, semblent faire exception à cette loi générale et, abandonnés à eux-mêmes, montent au lieu de descendre. Ceci tient, non à ce que la pesanteur n'agit pas sur eux, mais à ce que son effet est masqué par celui d'une autre force, la poussée de l'air, qui tend à les soulever. Cette poussée provient précisément de ce que l'air est lui-même pesant, comme nous le verrons plus loin.

Nous allons faire l'étude expérimentale de la pesanteur; nous montrerons ensuite qu'elle n'est qu'un cas particulier de l'attraction universelle.

2. DIRECTION DE LA PESANTEUR. — Un moven fort simple pour trouver la direction d'une force consiste à faire agir celle-ci à l'une des extrémités d'un fil flexible dont l'autre extrémité est fixe: le fil se tend sous l'influence de la force et suivant sa direction. C'est, en effet, la tension du fil qui fait équilibre à la force étudiée; or, deux forces ne peuvent se faire équilibre que si elles ont même direction (et sont de sens opposé); et, puisque la tension du fil est toujours dirigée suivant la direction du fil lui-même, il en est de même de l'autre force, quand l'équilibre est atteint.

D'après cela, pour trouver la direction de la pesanteur, nous attacherons un corps quelconque, mais un peu lourd, à l'extrémité inférieure d'un fil flexible, que nous suspendrons à un objet fixe. Quand le fil sera revenu au repos, sa direction sera celle de la pesanteur, qui agit sur le corps placé à son extrémité.

Ce petit appareil bien simple porte le nom de fil à plomb. Répétons cette expérience en employant plusieurs fils terminés par différentes substances pesantes, et placés à côté les uns des autres; nous constaterons que tous ces fils deviennent parallèles dans la position d'équilibre. Nous en concluons que la direction de la pesanteur est la même, dans un même lieu, pour toutes les substances pesantes.

Cette direction a reçu un nom, on l'appelle la verticale du lieu. Le fil à plomb sert à trouver la verticale, passant par un point déterminé.

Si l'on fait cette expérience au-dessus d'un liquide en équilibre (fig. 12), tel que de l'eau ou du mercure, on voit que la direction du fil est exactement perpendiculaire au plan que forme la surface libre du liquide. En effet, l'image du fil, donnée par la réflexion de la lumière à la surface du liquide est juste dans le prolongement du fil lui-même; on s'en assure en plaçant entre l'œil et celui-ci un second fil à plomb tenu à la main : si l'on dispose l'œil de façon que ce fil paraisse couvrir le premier, il paraîtra couvrir aussi son image, quelle que soit la position de l'observateur autour du fil plongeant dans le liquide. Or, nous verrons en optique que, lorsque l'image fournie par une ligne droite se réfléchissant dans un miroir plan est dans le prolongement de la droite elle-même, celle-ci est exactement perpendiculaire au plan réfléchissant.

On a donné le nom de plan horizontal à tout plan perpendiculaire à la verticale. D'après l'expérience précédente, la surface libre d'un liquide en équilibre est un plan horizontal.

Quand nous considérons une vaste étendue d'eau, telle qu'une mer ou un océan, sa surface n'est pas un plan, mais bien une surface courbe, à peu près sphérique, celle du globe terrestre lui-même.

Si la petite quantité de liquide contenu dans un vase ou un bassin nous paraît avoir une surface plane, cela tient à ce que le rayon de la sphère terrestre étant immense par rapport à l'étendue considérée, nous ne pouvons apprécier la faible courbure de la surface sphérique, qui se confond avec son plan tangent.

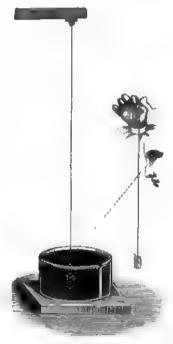


Fig. 12.

L'expérience précédente montre ainsi que la verticale (direction de la pesanteur) est, en chaque lieu, perpendiculaire au plan tangent au globe terrestre. Or, ce globe étant à peu près une sphère, la verticale est dirigée suivant le rayon de celle-ci, ou en d'autres termes, la direction de la pesanteur passe par le centre de la Terre.

En deux points différents du globe, les verticales, se rencontrant au centre de la terre, ne sont pas parallèles; mais, quand les deux points sont très voisins, les verticales se dirigeant vers un même point fort éloigné par rapport à leur distance, nous paraissent parallèles, et peuvent se considérer comme telles. 3. POIDS. — CENTRE DE GRAVITÉ. — Quelque minimes que soient les parties en lesquelles on divise un corps, chacune d'elles est pesante. La pesanteur se fait donc sentir sur toutes les portions d'un objet, et chaque particule est ainsi le point d'application de forces toutes verticales, par conséquent parallèles entre elles et de même sens.

Comme on le sait, l'ensemble de ces forces peut se remplacer par une résultante; celle-ci est égale à leur somme, parallèle à leur direction commune, de même sens qu'elles, et appliquée en un certain point déterminé.

Cette résultante s'appelle le poids, et son point d'application le centre de gravité du corps.

Quand on vient à changer la position d'un corps, l'action de la pesanteur sur chacune de ses parties ne variant pas, le poids du corps, qui est égal à leur somme, ne varie pas non plus.

Si, pendant le changement de position d'un objet, sa forme reste invariable, le centre de gravité conserve la même position par rapport à l'objet. En effet, c'est un centre de forces parallèles, qui, comme on le sait, reste à la même place quand les forces, sans changer ni de grandeur, ni de point d'application, viennent, toutes ensemble, à varier de direction par rapport au corps.

Aussi, dans les problèmes relatifs à l'action de la pesanteur, au lieu de considérer les forces, en nombre infini, agissant sur toutes les particules d'un corps, il suffit d'en considérer une seule, le poids, force verticale, dirigée de haut en bas et appliquée au centre de gravité du corps; ce dernier point occupant une position fixe dans un objet de forme invariable.

Faisons remarquer que ce centre de gravité n'est pas nécessairement un point du corps lui-même; il peut se trouver en
dehors de celui-ci. Par exemple, le centre de gravité d'un anneau, par raison de symétrie, est au centre de l'anneau, là où il
n'y a pas de matière; il en est de même pour la plupart des
corps creux. Il faut supposer ce point relié d'une façon immuable au corps lui-même, pour que le poids, qui y est appliqué,
puisse produire le même effet que l'ensemble des forces provenant de l'action de la pesanteur sur toutes les parties du
corps.

Il semble, au premier abord, que les notions de poids et de centre de gravité, que nous venons d'indiquer, ne conviennent qu'aux corps solides; car il faut que les forces parallèles soient appliquées à un même corps solide pour qu'on soit en droit de les remplacer par une résultante. Mais, dans les problèmes d'équilibre relatif des liquides et des gaz où les diverses particules de ceux-ci ne se déplacent plus les unes par rapport aux autres, on peut supposer celles-ci invariablement liées entre elles, sans que ces liaisons fictives, si elles existaient réellement, puissent troubler l'équilibre des forces considérées. On peut donc encore remplacer les forces de pesanteur par un poids appliqué en un point centre de gravité invariablement lié à tous les points du fluide en équilibre.

Enfin, dans le cas où ces fluides ne sont pas en équilibre, le mot poids n'a d'autre sens que celui de somme des forces dues à la pesanteur.

4. ÉQUILIBRE D'UN CORPS SOLIDE SOUMIS A L'ACTION DE LA PESANTEUR. — Toutes les actions de la pesanteur pouvant être remplacées par le poids du corps, il faut et il suffit, pour que l'équilibre existe, que les autres forces agissantes aient une résultante numériquement égale au poids, verticale comme lui, mais en sens inverse, et appliquée soit au centre de gravité du corps, soit en tout autre point de la verticale passant par ce centre de gravité; on peut toujours supposer, du reste, le point d'application de cette résultante invariablement lié au corps solide.

Prenons, comme exemple, un corps pouvant tourner autour d'un point fixe, la pesanteur et la résistance de ce point étant les seules forces agissant sur lui. Comme cette dernière est toujours appliquée au point fixe, il faut, pour l'équilibrer, que le centre de gravité soit dans la verticale passant par ce point. Cette condition est suffisante du reste, car, si la direction du poids passe par le point fixe, la résistance de celui-ci prend la direction verticale, et croît jusqu'à devenir égale au poids.

Ce cas se présente, en particulier, quand un corps est suspendu par un fil flexible fixé à son extrémité supérieure. Le fil, tendu par le poids du corps, constitue avec lui un solide de forme invariable, qui peut tourner autour du point d'attache du sil. L'équilibre n'a lieu que si le centre de gravité du système est placé sur la verticale passant par ce point.

Pour les mêmes raisons, quand un corps peut tourner autour

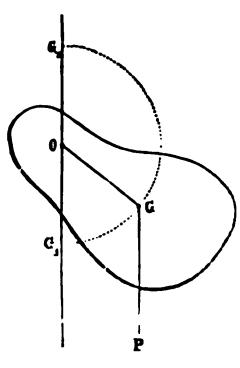


Fig. 43.

d'un axe fixe O (fig. 13), la condition nécessaire et suffisante pour l'équilibre est que le centre de gravité soit placé dans le plan vertical OG₄, passant par l'axe O. Le poids est alors détruit par la résistance de cet axe.

Quand un corps est dérangé très peu de sa position d'équilibre, et abandonné ensuite sans vitesse à lui-même, trois cas peuvent se présenter:

1° Le corps peut revenir vers la position d'équilibre : dans ce cas, l'équilibre est dit stable;

2° Le corps peut s'écarter de plus en plus de sa position d'équilibre : dans ce cas, l'équilibre est dit instable (¹);

3° Le corps peut rester dans sa nouvelle position; dans ce cas, l'équilibre est dit indifférent.

Un corps, pouvant tourner autour d'un axe fixe, nous fournit un exemple de ces trois cas d'équilibre.

Si le centre de gravité est en G₁, dans le plan vertical passant par l'axe O au-dessous de celui-ci, l'équilibre est stable; car, si l'on vient à écarter un peu le corps de cette position, le poids l'e fera tourner autour de O de façon à le ramener vers la position d'équilibre.

Si le centre de gravité est en G_2 dans le plan vertical passant par l'axe O, mais au-dessus de celui-ci, l'équilibre est instable; car, si l'on vient à écarter un peu le corps de cette position, son

⁽¹⁾ L'équilibre instable est irréalisable pratiquement, car il faudrait amener le corps juste dans la position d'équilibre et l'abandonner sans lui communiquer le moindre mouvement, pour qu'il y reste. Or nous ne savons rien faire avec une exactitude absolue.

poids le fera basculer, et il s'écartera de plus en plus de la position d'équilibre.

Ensin, si l'axe passe par le centre de gravité, l'équilibre est indifférent; car le corps est en équilibre dans toutes les positions qu'on peut lui donner, puisque le poids, étant appliqué à l'axe sixe, est toujours détruit par la résistance de celui-ci.

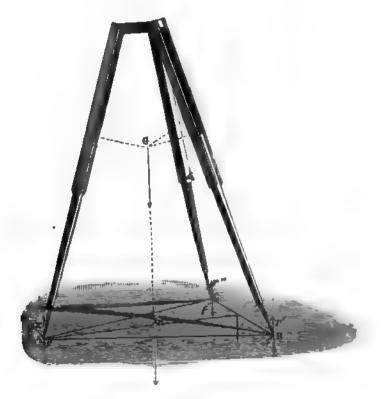
Quand un corps solide repose sur un plan résistant horizontal, comme un meuble sur le plancher d'une pièce, l'équilibre du corps nécessite que la verticale passant par le centre de gravité tombe à l'intérieur de la base de sustentation. On nomme ainsi le polygone convexe dont les sommets sont les points d'appui du corps sur le plan.

Ainsi, pour un trépied (fig. 14), la base de sustentation est le triangle A,B,C dont les trois pointes touchant le sol forment les sommets. Supposons, d'abord, que la verticale passant par le centre de gravité G tombe à l'intérieur G, du triangle: il y aura équilibre. On peut toujours, en effet, dans ce cas, décomposer le poids en trois composantes f, f', f'', parallèles à celui-ci et appliquées aux pointes A, B et C. C'est-à-dire que les actions de la pesanteur produisent le résultat que produiraient ces trois composantes. Or, chacune d'elles a pour effet de déprimer le sol d'une façon insensible, jusqu'à ce que les forces de résistances r, r', r'', provenant de cette légère déformation, sassent respectivement équilibre aux forces f, f', f''. En d'autres termes, le poids du trépied fait appuyer celui-ci sur le sol, et il en résulte trois forces de résistance r, r', r'', ne différant de f, f', f'', que par le sens. Si nous composons r, r', r", leur résultante ne différera aussi que par le sens de celle de f, f', f'' (poids du corps), et, par conséquent, lui fera équilibre.

Si, au contraire, la verticale passant par le centre de gravité G (fig. 15), tombe en dehors G_1 de la base de sustentation ABC, l'équilibre est impossible. En effet, les résistances du sol en A, B et C sont des forces r, r', r'' de même sens, leur résultante, quelles que soient leurs grandeurs, ne pourra avoir son point d'application à l'extérieur du triangle ABC, sur la verticale passant par G, comme il le faudrait pour que l'équilibre fût possible : le trépied basculera dans le sens indiqué par la flèche.

5. POSITION DU CENTRE DE GRAVITÉ. — Nous venons de voir qu'il peut être utile de connaître la position du centre de gravité des corps solides.

Si le corps est homogène et a une forme géométrique simple,



F16. 14.

les règles données pour la composition des forces parallèles permettent de déterminer la position de celui-ci.

Quand le solide est symétrique par rapport à un centre, celuici est évidemment le centre de gravité, (exemple: sphère, ellipsoïde, cube, prisme à base de parallélogramme, d'hexagone régulier, cylindre à base circulaire, etc...).

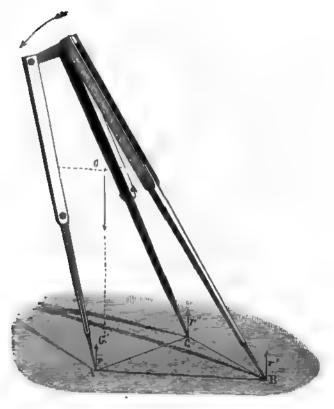


Fig. 45.

Quand le solide est symétrique par rapport à un plan, le centre de gravité se trouve dans ce plan.

Quand le solide est de révolution autour d'un axe, le centre de gravité se trouve sur cet axe.

Dans un prisme à base triangulaire le centre de gravité est au milieu de la droite joignant les points de croisement des médianes des deux bases; dans une pyramide à base triangulaire, à la rencontre des droites joignant leur sommet au point de croisement des médianes de la base opposée; dans une pyramide droite à base régulière, ou dans un cône droit à base circulaire, sur la hauteur, et au quart de celle-ci à partir de la base.

Mais quand le solide est hétérogène, ou a une forme compliquée, le calcul de la position du centre de gravité devient très difficile ou impossible.

Dans tous les cas, on peut déterminer la position du centre de gravité par l'expérience.

Si le corps n'est pas trop lourd, la méthode la plus simple consiste à le suspendre par un fil, ou une petite corde. Nous avons vu que, dans ce cas, quand l'équilibre est atteint, le centre de gravité est placé dans la verticale passant par le point où le fil est fixé à sa partie supérieure; or, comme celuici prend précisément la direction verticale le centre de gravité se trouve dans la direction même du fil de suspension. Prolongeons matériellement cette droite, par un moyen quelconque à l'intérieur du corps: le centre de gravité est sur cette ligne. Faisons une seconde expérience en suspendant le corps par un autre point, pour avoir une seconde droite contenant le centre de gravité: celui-ci se trouve à la rencontre de ces deux droites, puisqu'il est à la fois sur l'une et sur l'autre.

On emploie des procédés différents, toujours fondés sur les conditions d'équilibre, et saciles à imaginer, pour trouver le centre de gravité de corps très pesants, tels qu'un bloc de pierre.

CHAPITRE II

CHUTE DES CORPS

Quand un corps n'est retenu par aucun obstacle il tombe. Dans les circonstances ordinaires, deux forces agissent sur lui pendant la chute: 1° le poids, 2° la résistance qu'oppose l'air au mouvement. La résistance de l'air a un effet peu important sur les corps lourds et de petite surface, tels qu'une balle de plomb; au contraire, son effet est très marqué sur les corps légers et à grande surface, tels qu'une feuille de papier; en outre, cette force croît rapidement avec la vitesse acquise par le corps. Son effet étant très variable selon les circonstances, il convient, pour simplifier la question, d'éliminer cette force, et d'étudier d'abord la chute des corps telle qu'elle serait si le poids agissait seul. C'est cette étude que nous allons faire ici, et nous allons présenter les lois de la chute des corps dans un espace privé d'air, dans le vide:

- 1. LOIS DE LA CHUTE DES CORPS. Quand les corps sont abandonnés à eux-mêmes, sans vitesse initiale, dans le vide:
- 1º Ils tombent d'un mouvement vertical et uniformément accéléré.
 - 2º Ils tombent tous également vite.
- 2. DÉMONSTRATION DE LA PREMIÈRE LOI. Le poids d'un corps est une force verticale, constante, par conséquent en direction; c'est aussi une force constante en grandeur pendant

la chute. En effet, si l'on suspend un corps quelconque à un dynamomètre, quelle que soit la hauteur à laquelle on le place, on constate que l'indication de l'instrument reste la même: le corps pèse donc autant.

Or, comme conséquence des deux premiers principes fondamentaux de la dynamique, on sait qu'une force constante en grandeur et en direction, agissant sur un corps sans vitesse initiale, lui imprime un mouvement rectiligne dans sa direction et uniformément accéléré. D'après cela, le mouvement d'un corps qui tombe, sans vitesse initiale, dans le vide, doit être vertical et uniformément accéléré.

Si e représente l'espace parcouru par le corps pendant le temps t, v la vitesse au bout de ce temps, et g l'accélération du mouvement, on a les deux relations suivantes:

$$\begin{cases} v = g t \\ e = \frac{1}{2} g t^2 \end{cases}$$

c'est-à-dire que pour un corps qui tombe dans le vide, sans vitesse initiale:

- 1º Les vitesses sont proportionnelles aux temps;
- 2º Les espaces parcourus sont proportionnels aux carrés des temps.

Et, comme conséquence de ces formules, l'espace parcouru dans la première unité de temps est égal à la moitié de la vitesse acquise (g) pendant ce temps.

En outre, en éliminant le temps entre ces deux relations on obtient la formule:

$$(2) v = \sqrt{2 g e}$$

c'est-à-dire que la vitesse acquise par un corps qui tombe dans le vide, sans vitesse initiale, est proportionnelle à la racine carrée de l'espace parcouru (1).

(1) Et non pas proportionnelle à l'espace parcouru, comme on le croyait avant Galilée.

Quoique les deux premiers principes de la dynamique soient vérifiés directement par l'expérience, et que nous ne puissions guère avoir de doute sur la légitimité de la conclusion que nous venons d'en tirer, il est bon pourtant de la soumettre au contrôle de l'expérience; car une proposition dans les sciences physiques est d'autant mieux établie, que sa vérification expérimentale est plus directe.

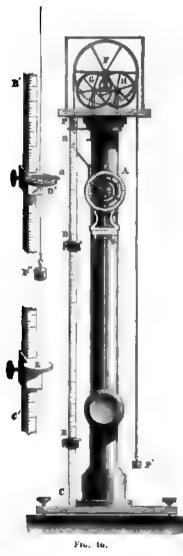
On conçoit trop aisément comment on peut vérisser que le mouvement du corps qui tombe sans vitesse initiale est vertical, pour qu'il soit besoin d'insister sur ce point, qui n'a jamais fait doute pour personne; mais démontrer que le mouvement est uniformément accéléré est moins facile. Il faut, pour cela, vérifier, soit que les espaces parcourus sont proportionnels aux carrés des temps employés à les parcourir, soit que les vitesses acquises sont proportionnelles aux temps. La principale difficulté que présentent les expériences provient de la grande vitesse acquise rapidement par un corps qui tombe. On en aura une idée en sachant, qu'après deux secondes de chute, le corps est déjà tombé d'une hauteur de près de 20 mètres (19^m,62). En outre, comme on ne peut songer à faire l'expérience dans le vide, la résistance opposée par l'air au mouvement est une force perturbatrice. Son effet est d'autant plus accentué que la vitesse acquise est plus considérable. De là, la nécessité de limiter l'expérience à de faibles vitesses, pour que la perturbation produite par l'air soit négligeable.

La première méthode employée pour la vérification expérimentale de la loi de la chute des corps fut le plan incliné; elle est due à Galilée(1). Depuis, un physicien anglais, Atwood(2), a imaginé un appareil, qui porte son nom, et qui est fort commode, non seulement pour étudier la loi de la chute des corps, mais encore pour vérifier plusieurs des conséquences les plus immédiates des principes fondamentaux de la dynamique.

⁽¹⁾ Galilée, physicien italien né à Pise en 1564, mort à Florence en 1642. C'est Galilée qui a posé les bases de la mécanique rationnelle.

⁽²⁾ Atwood, né vers 1745, mort en 1807.

3. MACHINE D'ATWOOD. — Quand un corps tombe librement,



le poids du corps, force agissante, entraine la propre masse de celui-ci : l'accélération (vitesse acquise dans l'unité de temps) est grande. Mais, si nous faisons agir le poids d'un corps sur une masse plus considérable que celle de ce corps, les principes fondamentaux de la dynamique nous apprennent que l'accélération doit devenir d'autant plus petite que la masse sur laquelle agit la force est plus grande, sans, pourtant, que la nature du mouvement soit modifiée: celui-ci restant uniformément accéléré, si la force est constante en grandeur et en direction.

Faire agir un poids sur une masse beaucoup plus grande que celle du poids lui-même, d'où de faibles vitesses acquises, ce qui permet une étude à la fois plus facile et plus exacte de la loi du mouvement, tel est le principe de la machine d'Atwood.

Voici, maintenant, la description de cet appareil.

Deux masses de laiton P et P' (fig. 16), exactement de même poids, ayant chacune la forme d'un cylindre, sont

suspendues aux deux extrémités d'un fil flexible. Ce fil, qui a un

poids négligeable vis-à-vis du poids des masses, passe sur la gorge d'une poulie très mobile et très légère F (1).

Ces deux masses se font mutuellement équilibre; elles restent au repos, si on ne leur communique aucun mouvement. Mais, si l'on vient à ajouter une petite masse additionnelle a sur l'une d'elles P, l'équilibre est rompu, et celle-ci descend sous l'action du poids de la masse additionnelle.

Devant la masse P, se trouve une règle verticale BC graduée en centimètres, et servant à mesurer l'espace parcouru. Une plateforme placée à la partie supérieure de la règle juste en face du
zéro de la graduation permet de maintenir en ce point la masse
P chargée de la masse additionnelle a. Cette plate-forme peut
basculer à un moment voulu, et abandonne les masses à l'action de la pesanteur sans leur communiquer de mouvement.

Une autre plate-forme E et E' (curseur plein) peut se fixer sur la règle, à l'aide d'une vis de pression, à la hauteur que l'on veut. Il en est de même d'un anneau D et D' (curseur annulaire) qui est destiné à enlever, dans certaines expériences, la masse additionnelle a, qui pour cela a une forme allongée, tout en laissant passer la masse P.

Un pendule S battant la seconde et mettant en mouvement une aiguille qui marque le temps sur un cadran A, ou tout autre appareil chronométrique, est joint à la machine d'Atwood.

(1) Pour diminuer autant que possible le frottement dù à la rotation de l'axe de la poulie, dans les machines les plus parfaites, chaque extrémité de l'axe repose sur l'entrecroisement de deux roues H et G, très mobiles elles-mêmes (fig. 16); l'axe de la poulie, par son mouvement, fait tourner les quatre roues qui le supportent; on a ainsi un frottement de roulement plus sible que le frottement de glissement qui a lieu quand l'axe de la poulie repose directement sur des coussinets. Pourtant, cette complication de l'appareil ne paraît pas indispensable à son bon fonctionnement, les frottements de l'axe d'une poulie bien construite étant très faibles par rapport au poids de la masse additionnelle qui met tout le système en mouvement.

Ajoutons que, dans beaucoup de machines, la poulie est placée à l'extrémité supérieure d'une colonne massive, qui repose sur un socle muni de vis calantes, pour rendre bien verticale la règle graduée. Dans ces appareils c'est généralement automatiquement que se produit le mouvement de bascule de la plate-forme; il a lieu juste au moment où l'aiguille qui marque les secondes sur le cadran passe devant la division zéro.

Quand la masse additionnelle a est placée sur P, une force constante, le poids p de a met en mouvement tout le système composé de cette masse a et des deux masses P et P', dont l'une monte quand l'autre descend.

Soient M la valeur commune des masses de P et de P' et m la valeur de la masse de a. La masse totale mise en mouvement est 2M + m, en négligeant la masse faible de la poulie et celle encore plus faible du fil. Si le poids p ne mettait en mouvement que la masse m de a, l'accélération g qui en résulterait serait donnée par la formule :

$$p = mg$$

Quand p agit sur la masse 2 M + m l'accélération γ qui en résulte est donnée par :

$$p = (2 M + m) \gamma$$

d'où l'on tire:

$$mg = (2 M + m) \gamma$$
 ou $\gamma = g \frac{m}{2 M + m}$

Si 2 M + m est égal à 100 fois m, l'accélération γ , dans la machine d'Atwood, ne sera que la 100^{me} partie de l'accélération que prendrait la masse a tombant en chute libre.

4. ÉTUDE EXPÉRIMENTALE DE L'ACTION D'UNE FORCE CONSTANTE A L'AIDE DE LA MACHINE D'ATWOOD. — Nous allons chercher expérimentalement quels sont les espaces parcourus pendant 1, 2, 3, 4.... secondes, par le système des masses entraîné par le poids de la masse additionnelle. Pour cela plaçons-la sur la masse P, et celle-ci sur la plate-forme, devant le zéro de la graduation. Mettons au-dessous, et à une certaine distance, le curseur plein. Au moment où se produit le battement du pendule, qui indique le commencement d'une seconde, la plate-forme bascule, la masse P descend, et, un instant après,

vient frapper le curseur plein. En recommençant un certain nombre de fois cette expérience, on arrive, par tâtonnement, à fixer le curseur plein à une hauteur telle que la masse P vienne le frapper juste une seconde après le moment où la plate-forme a basculé, ce dont on juge au choc de P sur le curseur qui doit coïncider exactement avec le second battement du pendule. Supposons qu'alors le curseur plein soit placé devant la division 10; ceci nous indique que P est tombé de 10 centimètres en 1 seconde. Recommençons l'expérience, et cherchons, par un tàtonnement analogue, où il faut placer le curseur plein pour qu'il soit frappé par P après 2 secondes de chute. Nous trouvons qu'il faut le placer devant la division 40. Nous voyons de même que, pour qu'il soit frappé après 3 et ensuite 4 secondes de chute, il faut le placer successivement devant les divisions 90 et 160. La règle graduée n'est généralement pas assez longue pour qu'on puisse pousser plus loin l'expérience.

Ainsi, en 1, 2, 3, 4 secondes les espaces parcourus ont été respectivement 10, 40, 90, 160 centimètres. On voit que ces espaces sont proportionnels aux carrés des temps employés à les parcourir, et que, si e représente le nombre de centimètres parcourus en t secondes, la formule

$e = 10t^2$

représente bien la loi du mouvement. Si, dans cette expérience, la masse additionnelle a avait été plus pesante ou moins pesante, l'espace b parcouru dans la première seconde de chute aurait été supérieur ou inférieur à 10 centimètres, mais nous aurions encore trouvé que les espaces parcourus obéissent à la formule

$e = bt^2$

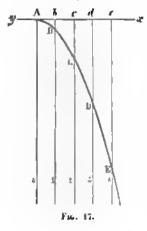
Le mouvement est donc toujours uniformément accéléré.

Ainsi, nous trouvons, par l'expérience, qu'une force constante en grandeur et en direction imprime à un mobile sans vitesse initiale un mouvement uniformément accéléré, comme on peut le déduire des deux premiers principes fondamentaux de la dynamique, qui reçoivent ainsi une nouvelle confirmation.

Il est important de faire observer que ce résultat, purement expérimental, est absolument indépendant des considérations exposées dans le paragraphe précédent, et qui ont guidé dans l'invention de la machine d'Atwood. Il subsisterait encore quand même (ce qui n'est pas) ces considérations seraient inexactes.

Une remarque est à faire au sujet de cette expérience. En général, quand on cherche l'espace parcouru pendant 4 secondes, on le trouve un peu plus petit que 160 cent. Cela tient à ce que, pour les vitesses acquises au bout de 3 à 4 secondes de chute, la résistance de l'air commence à se faire sentir et à diminuer un peu la vitesse du système. Cette résistance de l'air n'est pas une force constante, c'est une force qui augmente rapidement avec la vitesse. Elle était négligeable devant le poids p pour les faibles vitesses acquises avant 3 secondes de chute, elle commence à ne plus l'être pour des vitesses plus grandes.

APPAREIL DE M. MORIN. — On vient de voir que la machine d'Atwood nous donne une démonstration expérimentale complète de la loi qu'une force constante en grandeur et en direction imprime à un mobile, partant de l'état de repos, un mouvement uniformément accéléré Nous ne saurions



donc douter que la chute libre d'un corps s'effectue suivant cette loi. Aussi ne reproduisons-nous ici l'élégante démonstration expérimentale de M. Morin, que pour donner un exemple de la méthode graphique, qui rend tant de services aujourd'hui aux sciences expérimentales.

Voici le principe de l'appareil. Supposons qu'un poids tombe en chute libre devant un plan vertical recouvert d'une feuille de papier, et que ce poids porte un crayon dont la pointe appuie sur la feuille. Si celle-ci est immobile, le crayon tracera une ligne droite verticale. Mais pendant que le poids tombe, la feuille de papier se déplace horizontalement d'un mouvement uniforme, de façon, par exemple, que des droites verticales distantes d'un centimètre, et tracées à l'avance

sur la feuille, mettent $\frac{1}{100}$ de seconde à se succèder devant la pointe du

crayon. Désignons ces droites par les nos 0, 1, 2, 3 (fig. 17). La droite 0 étant celle qui passe devant la pointe du crayon au moment où le poids, abandonné à lui-même, commence à tomber. Menons, en outre, par le point A, qu'occupe à ce moment la pointe du crayon une droite horizontale xy. Après $\frac{1}{400}$ de seconde de chute, la pointe du crayon rencontrera la droite nº 1, et la distance Bb de la trace B que fait le crayon sur cette droite à la ligne xy représentera la hauteur de chute au bout de $\frac{1}{100}$ de seconde. De même, après $\frac{2}{100}$ de seconde, le crayon rencontrera la droite verticale nº 2 et la distance Cc de sa trace à xy donnera la hauteur de chute au bout de $\frac{z}{100}$ de seconde; et ainsi de suite: au bout de $\frac{n}{100}$ de seconde le crayon rencontrera la droite n et la hauteur de chute du poids pendant les $\frac{n}{100}$ de seconde sera la distance de la trace du crayon à xy. On voit, par là, que la pointe du crayon, en descendant, rencontre successivement toutes les verticales qu'on peut tracer sur la feuille de papier, et doit dessiner sur celle-ci une certaine ligne courbe ABCDE. Cette courbe étant tracée par l'expérience même, il suffit, d'après ce que nous venons de dire, de mesurer avec une règle graduée les distances à la ligne xy des points B, C, D, E,, où cette courbe rencontre les lignes verticales n° 1, 2, 3, 4,, pour avoir les hauteurs de chute après 1, 2, 3, 4, unités de temps; l'unité étant ici le temps qui s'écoule entre les passages de deux verticales successives devant la pointe du crayon.

Voici maintenant comment M. Morin a réalisé l'appareil dont nous venons de donner le principe.

Un poids cylindro-conique I en fonte (fig. 18) porte un crayon c qui s'appuie sur une feuille de papier enroulée sur un cylindre vertical A, pouvant tourner autour de son axe TE d'un mouvement uniforme. Un petit ressort force la pointe du crayon à s'appuyer constamment sur la feuille, et, pour que la réaction du ressort sur le poids ne le fasse pas dévier de la verticale pendant la chute, celui-ci est conduit par deux tringles en fer MM' verticales passant chacune dans deux œillets fixés aux poids. Le faible frottement que produit ce glissement est tout à fait négligeable vis-à-vis du poids très considérable de I. Un arrêt F retient le poids I au haut de l'appareil jusqu'au moment où l'on veut saire l'expérience. Pour communiquer au cylindre A un mouvement de rotation uniforme, on se sert d'un mécanisme identique à celui d'un tourne-broche. L'extrémité du cylindre porte une vis sans sin E qui engrène avec une roue à dents obliques R, tournant autour d'un axe horizontal; celui-ci porte un treuîl B solidaire de la roue R, sur lequel est enroulée une corde supportant le poids moteur S. En descendant sous l'influence de la pesanteur, ce poids fait tourner le treuil, la roue dentée, et, par conséquent, le cylindre. Mais, le mouvement d'un corps qui tombe n'étent pas uniforme, la vitesse du cylindre irait en croissant. Pour rendre la vitesse de rotation constante, la roue dentée engrène aussi avec une vis sans

fin D terminant un exe vertical qui porte un petit moulinet PP'P". Per ce moyen, le cylindre et le moulinet ne peuvent tourner l'un sans

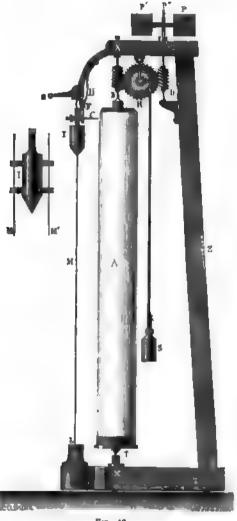


Fig. 18.

l'autre. Or les ailettes, en frappant l'air, éprouvent une résistance qui tend à_diminuer la vitesse de rotation, et cette résistance croît plus rapidement que la vitesse. Grâce à cette disposition, quand le poids moteur commence à descendre, le système, qui part du repos, prend une vitesse qui va d'abord en augmentant; mais au bout de quelque temps, la résistance opposée par l'air au mouvement des ailettes contre-balance exactement l'effet de la pesanteur sur le poids moteur S; la vitesse du système n'augmente plus: son mouvement est devenu uniforme. On a reconnu qu'il en est ainsi dès que

le poids moteur a effectué les $\frac{2}{3}$ de sa course. C'est le moment de saire

l'expérience. On dégage l'arrêt qui retenait le poids cylindro-conique I, celui-ci tombe, et le crayon trace une ligne sur la feuille de papier. Il est clair que des génératrices du cylindre tracées à égales distances les unes des autres se sont succédées devant la pointe du crayon à des intervalles de temps égaux, et qu'on obtient le même résultat qu'avec la feuille de papier plane se déplaçant horizontalement devant le crayon, comme nous l'avions supposé plus haut.

Pour achever l'expérience, on détache la feuille du cylindre; on la déroule pour la rendre plane; on mène avec un crayon, par le point de départ de la courbe, la droite qui représentait la génératrice du cylindre passant par ce point quand la feuille était enroulée, et l'on trace une série de lignes parallèles à la précédente représentant des génératrices équidistantes du cylindre. Ensin, on mène une perpendiculaire xy à ces lignes passant par le point de départ de la courbe. D'après ce que nous avons dit plus haut, les distances à xy des points où la courbe coupe ces diverses génératrices donnent les hauteurs de chute.

On trouve ainsi que les espaces franchis par le poids tombant en chute libre sont proportionnels aux carrés des temps : le mouvement est uniformément accéléré.

Remarquons que, la hauteur totale de la chute restant saible, la vitesse acquise par le poids n'est pas assez considérable pour que la résistance de l'air se sasse sentir d'une saçon appréciable.

Ajoutons que la précision est plus grande qu'avec la machine d'Atwood, et que la loi se trouve ainsi mieux vérissée.

- 5. ÉTUDE EXPÉRIMENTALE DU MOUVEMENT QUI SUCCÈDE AU MOUVEMENT VARIÉ QUAND LA FORCE CESSE D'AGIR. D'après la définition cinématique de la vitesse (1), on sait que dans
- (1) Soit ε l'espace parcouru par un point mobile dans un temps θ ; la quantité $\frac{\varepsilon}{\theta}$ est ce qu'on appelle la vitesse du mobile, si ce rapport est constant, c'est-à-dire si le mouvement est uniforme. Si ce rapport varie avec la valeur de θ , le mouvement est varié; $\frac{\varepsilon}{\theta}$ représente alors la vitesse moyenne pendant le temps θ , et la limite vers laquelle tend ce rapport

un mouvement où les espaces sont représentés par la formule

$$e = 10t^2$$

les vitesses le sont par la formule :

$$v = 20t$$

Nous voyons par là que, dans l'expérience décrite § 4, les vitesses acquises par le système après 1, 2, 3, 4 secondes de chute sont respectivement 20, 40, 60 et 80.

D'après le principe de l'inertie, si la force qui agit sur le système vient à être supprimée, celui-ci, à partir de ce moment, doit se mouvoir d'un mouvement uniforme, dont la vitesse est

quand o tend vers zéro est, par définition, la vitesse du mobile à l'instant considéré.

Soit

$$e = bt^2$$

la formule d'un certain mouvement (mouvement uniformément accéléré). e représentant l'espace parcouru pendant le temps t, et b étant une constante. Si le temps augmente de θ , l'espace s'accroît d'une quantité ϵ , et l'on a :

$$e + \varepsilon = b (t + \theta)^2$$

ďoù:

$$\varepsilon = b (t + \theta)^{\circ} - bt^{\circ} = 2bt\theta + b\theta^{\circ}$$

la vitesse moyenne pendant le temps θ est ainsi:

$$\frac{\epsilon}{\theta} = 2b\ell + b\theta$$

et la limite de cette vitesse moyenne, quand θ tend vers zéro, c'est-a-dire la vitesse v au temps ℓ est :

$$v = \lim_{t \to 0} \frac{\epsilon}{\theta} = 2bt$$

L'accélération 2b est, comme on le voit, le double de l'espace b parcouru dans la première unité de temps.

celle du mouvement varié au moment où la force a cessé d'agir.

C'est ce qu'il est facile de vérisser à l'aide de la machine d'Atwood. La force qui agit sur le système en mouvement est le poids p de la masse additionnelle a; enlevons celle-ci à un certain moment de la chute, aucune force n'agissant plus sur le système, le mouvement doit devenir uniforme, et, en mesurant l'espace parcouru en une seconde, nous aurons la vitesse de ce mouvement.

Pour cela, mettons, comme dans l'expérience précédente, la même masse additionnelle a, de forme allongée, sur la masse P, et celle-ci sur la plate-forme devant le zéro de la graduation. Plaçons le curseur annulaire de manière à enlever la masse additionnelle a après une seconde de chute, tout en laissant passer la masse P: la force qui agit sur le système sera ainsi supprimée après une seconde de mouvement.

Cherchons par tâtonnement à quelle distance il faut placer le curseur plein au-dessous du curseur annulaire pour qu'il soit frappé par P juste une seconde après le passage à travers celui-ci. Nous trouvons qu'il faut le placer à 20 centimètres audessous de la division 10, point où se trouve la base de la masse P au moment où la masse additionnelle est enlevée. Par conséquent, le système débarrassé de la masse additionnelle a franchi 20 centimètres en une seconde. Recommençons la même expérience, en laissant le curseur annulaire à la même place, mais, en cherchant par tâtonnement où il faut mettre le curseur plein pour qu'il soit frappé 2, 3, 4 secondes après le passage à travers le curseur annulaire. Nous trouvons qu'il faut le placer successivement à 40, 60, 80 centimètres au-dessous de la division 10. Par conséquent, les espaces parcourus par le système débarrassé de la masse additionnelle et continuant à se mouvoir sans être soumis à aucune force sont, en 1, 2, 3, 4 secondes, respectivement 20, 40, 60, 80 centimètres. Ce mouvement est donc bien uniforme, et sa vitesse est de 20 centimètres par seconde, précisément celle acquise par le système dans le mouvement uniformément varié après une seconde de chute, moment où la force a cessé d'agir.

Nous pouvons, du reste, poursuivre l'expérience: plaçons le curseur annulaire successivement dans des positions telles que

la masse additionnelle soit enlevée après 2 et 3 secondes de chute. Nous trouvons qu'il faut placer le curseur plein à 40 centimètres dans le premier cas, et à 60 centimètres dans le second, au-dessous du point 40 ou 90, où se trouve la base de la masse P au moment où elle est débarrassée de la masse additionnelle, pour que ce curseur soit frappé par cette masse P juste une seconde après. La vitesse du mouvement uniforme qui succède au mouvement varié est donc 40 ou 60, suivant que la masse additionnelle est enlevée après 2 ou 3 secondes de chute; ce sont bien encore là les vitesses du mouvement varié au moment où la force cesse d'agir.

6. VÉRIFICATION DE LA PROPORTIONNALITÉ DES FORCES AUX ACCÉLÉRATIONS A L'AIDE DE LA MACHINE D'ATWOOD. — On déduit du troisième principe fondamental de la dynamique (independance des effets de plusieurs forces agissant sur un même corps), que, lorsque plusieurs forces constantes agissent successivement sur un même mobile, les accélérations des mouvements uniformément variés qui en résultent sont proportionnelles à ces forces.

La machine d'Atwood va nous permettre de vérisier expérimentalement cette loi. Cette vérisication est d'autant plus importante à faire que ce troisième principe est admis sans preuves directes, et seulement, parce qu'il est justisié par l'exactitude de ses conséquences.

Pour cela, plaçons sur chacune des masses P et P' un même nombre de petites masses additionnelles toutes d'un même poids que nous appellerons $\frac{p}{2}$. L'équilibre n'est pas troublé. Enlevons maintenant de P' l'une de ces petites masses, et plaçons-la sur P. Le poids du côté de P' diminue de $\frac{p}{2}$, et du côté de P augmente de la même quantité; une différence de poids égale à $\frac{p}{2} \times 2 = p$ s'établit ainsi entre les deux extrémités du fil en faveur de l'extrémité P. Mettons la masse P ainsi chargée sur la plate-forme devant le zéro de la graduation, et répétons

l'expérience faite pour trouver l'espace parcouru en une seconde de chute. Supposons que nous trouvions ainsi pour cet espace 9 centimètres. Nous savons que l'accélération d'un mouvement uniformément accéléré est numériquement égal au double de l'espace parcouru dans la première unité de temps (1). L'accélération du mouvement étudié est donc $9 \times 2 = 18$.

Enlevons de P' une seconde masse, et plaçons-la sur P; la dissérence de poids entre les côtés P et P' est maintenant 2p. La force qui agit sur le système est le double de celle qui agissait précédemment et la masse de celui-ci n'a pas varié, puisque nous n'avons fait que transporter une petite masse de P' sur P. En opérant comme ci-dessus nous trouvons que l'accélération du mouvement uniformément varié que prend le système est 36.

Continuons, enlevons encore une petite masse de P' pour la porter sur P, de façon à avoir une force 3p agissant sur le système, tout en lui conservant la même masse: l'accélération trouvée est 54; et ainsi de suite.

On voit ainsi que des forces respectivement égales à 1p, 2p, 3p agissant sur un système de même masse lui communique des accélérations 18, 18×2 , 18×3 , c'est-à-dire, des accélérations proportionnelles aux forces.

7. DÉMONSTRATION EXPÉRIMENTALE DE LA DEUXIÈME LOI DE LA CHUTE DES CORPS. — Tous les corps un peu lourds tombent dans l'air à peu près aussi vite; c'est ce dont s'est assuré Galilée, en faisant tomber du haut de la tour penchée de Pise, des corps de natures très différentes, tels que du plomb, du cuivre, du bois, de l'ivoire, etc.; làchés au même moment, ces corps arrivaient à peu près en même temps au sol.

Mais les corps légers, et surtout ceux qui présentent à l'air une grande surface, comme une feuille de papier, tombent plus lentement. Il est facile de voir que la cause principale de ce retard est la résistance opposée par l'air; car la même feuille de papier réduite en boule, tombe presque aussi vite qu'un

⁽¹⁾ Voir la note précédente (p. 74).

morceau de plomb. Si la résistance opposée par l'air était

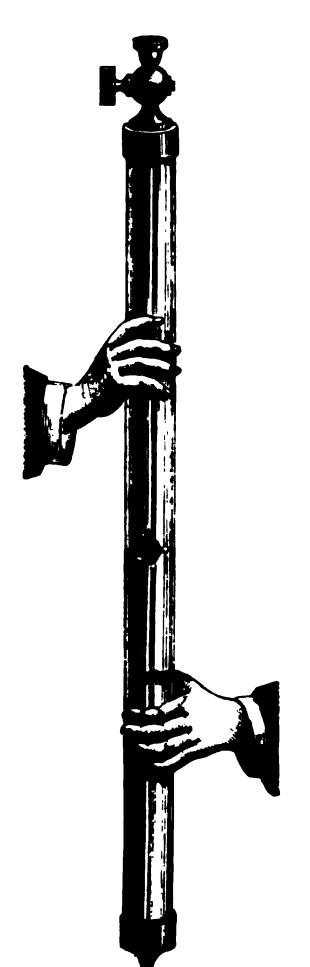


Fig. 19.

complètement supprimée, tous les corps tomberaient-ils également vite? C'est à quoi répond affirmativement l'expérience suivante, due à Newton.

Dans un long tube en cristal (fig. 19) on introduit des corps dissérents en nature et en poids, et qui, dans l'air, tombent inégalement vite, par exemple du plomb, du liège, du papier, du duvet. Ce tube étant complètement fermé à une extrémité, est muni à l'autre extrémité d'une douille à robinet. A l'aide de la machine pneumatique, on enlève à peu près complètement l'air contenu dans le tube: on y fait le vide. Le vide fait, ct le robinet étant fermé, on retourne brusquement le tube, et on le tient vertical: on voit alors tous les corps tomber en même temps; le papier, le duvet, atteignent la base du tube au même moment que le morceau de plomb. Si, en ouvrant le robinet, on laisse rentrer un peu d'air, et que l'on recommence l'expérience, on observe un retard entre la chute de duvet et celle du plomb, et ce retard s'accentue de plus en plus quand on laisse rentrer de plus en plus d'air. C'est donc bien l'air qui s'oppose à ce que tous les corps tombent également vite, dans les circonstances ordinaires.

8. INTENSITÉ DE LA PESANTEUR. — Nous savons que l'accélération est égale au double de l'espace parcouru dans la première unité de temps par un corps animé d'un mouvement uniformément accéléré sans vitesse initiale. Par conséquent, pour tous les corps, qui tombent dans le vide, l'accélération est la même, puisque l'espace parcouru dans la première unité de temps est le même. Cette valeur de l'accélération, commune à tous les corps qui tombent en chute libre à un même endroit, s'appelle l'intensité de la pesanteur.

Soient p le poids d'un corps, force qui le fait tomber, m sa masse, g l'intensité de la pesanteur; on a, d'après la définition de la masse:

$$m = \frac{p}{g} \quad \text{ou} \quad p = mg$$

Quand on passe d'un lieu à un autre, la masse d'un même corps ne change pas, mais l'intensité de la pesanteur g varie un peu, comme nous l'établirons plus loin; par conséquent, d'après la formule (1) le poids p d'un même corps varie aussi, et proportionnellement à g. De là vient le nom d'intensité de la pesanteur donnée à cette quantité, qui représente le poids de l'unité de masse.

9. LE POIDS D'UN CORPS EST PROPORTIONNEL A SA MASSE. — Soient deux corps quelconques, l'un de masse m et de poids p, l'autre de masse m' et de poids p', à un endroit où l'intensité de la pesanteur est g; on a :

$$p = mg$$
$$p' = m'g$$

d'où l'on tire:

$$\frac{p}{p'} = \frac{m}{m'}$$

Le poids en un même endroit est proportionnel à la masse, quelle que soit la nature du corps.

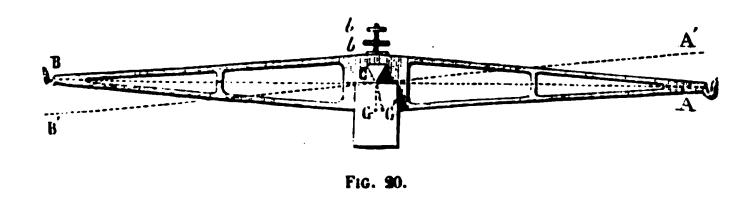
Cette loi, qui est une conséquence immédiate de l'expérience de Newton, est très remarquable; car habituellement les forces physiques dépendent de la nature des corps sur lesquels agissent. Ainsi, un morceau de fer, un morceau de platiun morceau de cuivre de même masse, placés près d'un ain sont soumis à des forces magnétiques bien différentes; taque le fer est vivement attiré, le platine l'est à peine, et le capas du tout.

CHAPITRE III

PENDULE

Nous allons compléter nos connaissances sur la pesanteur par l'étude du pendule.

4. **DÉFINITION**. — On appelle pendule tout corps pesant pouant tourner autour d'un axe horizontal.



Le sléau d'une balance (sig. 20) est un pendule. Un corps pesant suspendu au bout d'un sil flexible, sixé à son extrémité supérieure O (sig. 21), constitue encore un pendule, car il peut tourner autour de toutes les droites menées par O: il a une infinité d'axes de rotation. C'est même cette dernière forme que nous allons principalement étudier, pour plus de généralité; mais tout ce que nous établirons s'appliquera évidemment aussi aux pendules à un seul axe rigide.

C'est Galilée qui, vers 1583, a fait connaître les principales lois qui règlent le mouvement d'un pendule. Il n'avait que 18 ans, quand, un jour, se trouvant dans une église de Pise, son attention fut attirée par une lampe qui se balançait lente-

ment à l'extrémité d'un long cordon fixé à la voûte de l'édifice. La lenteur du mouvement le frappa; il l'attribua à la grande hauteur du cordon, et vit qu'il devait exister une relation entre la durée d'une oscillation d'un corps suspendu et la longueur du fil qui le soutenait. Ce fut là l'origine de ses recherches sur le pendule.

2. OSCILLATION DU PENDULE. — Quand le centre de gravité d'un pendule se trouve sur la verticale menée par le point O de suspension (fig. 21), l'équilibre est possible, car alors le poids du pendule est détruit par la résistance de ce point de suspension.

Mais, si l'on écarte le pendule de sa position d'équilibre G, en l'amonant en G' par exemple, et qu'on l'abandonne à lui-même, l'équilibre n'est pas possible, car le poids appliqué en G' est une force verticale G'P' dont la direction ne passe plus par O; elle ne peut donc être détruite par la résistance appliquée en ce point.

Remplaçons le poids G'P' du pendule par deux composantes, l'une G'F' située suivant le prolongement de OG', l'autre G'F perpendiculaire à la précédente; il suffit pour cela de construire le rectangle ayant ses deux côtés suivant ces deux directions et dont G'P' est la diagonale. La force G'F' a pour effet de tendre le fil OG'; d'où il résulte que le centre de gravité, dans le mouvement du pendule, est forcé de rester à la surface d'un sphère ayant O pour centre. Or, quelle que soit la position de ce point, la force G'F' étant dirigée suivant le rayon de cette sphère, est normale à l'élément de trajectoire décrit par G', et, par conséquent, ne peut exercer aucune influence sur la vitesse du pendule. La force G'F, au contraire, doit modifier celle-ci, et si l'on ne considère que la variation de vitesse, on peut supposer qu'elle agit seule (1).

⁽¹⁾ Il ne saut pas croire que la sorce normale G'F' soit constamment détruite par la résistance du point de suspension, ou, si l'on veut, par la tension du sil. Ceci n'est exact qu'aux extrémités de la course du pendule, quand la vitesse est nulle. Dans tout autre point du parcours, par

Si l'on abandonne sans vitesse le pendule dans la position OG', la force tangentielle G'F le ramène vers sa position

d'équilibre, et, comme cette force reste toujours dans le plan vertical GOG', la trajectoire du centre de gravité est l'arc de cercle G'G₄G compris dans ce plan. Soit G₁ la position du centre de gravité à un moment quelconque du parcours; désignons par 6 l'angle G₁OG que fait alors le pendule avec sa position d'équilibre. Dans le triangle G₄P₄F₄, dont le côté G₁F₁ représente la valeur de la force accélératrice tangente à l'arc

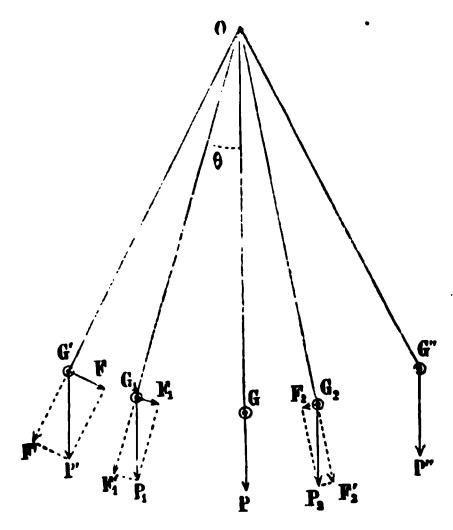


Fig. 21.

de trajectoire, l'angle $G_1P_4F_4$ est égal à 0 comme ayant ses côtés parallèles à ceux de l'angle G_4OG ; on a donc:

$$G_iF_i = G_iP_i \sin \theta$$

ou, en désignant par p et par f les valeurs du poids du pendule et de la force tangentielle:

$$f = p \sin \theta$$

exemple en G_i où le pendule a une certaine vitesse, la tension du fil est plus grande que la composante G_iF_i' et la résultanté de ces deux forces, dirigée de G_i vers O, est ce qu'on appelle la force centripète; elle a pour effet de rendre le mouvement curviligne. Si le pendule est constitué par un petit corps de masse m, suspendu par un fil de longueur l, et de masse négligeable, au moment où la vitesse du corps est v, la valeur de la force centripète est $\frac{mv^2}{l}$.

Cette force f diminue avec l'angle θ ; mais, comme elle est toujours dans le sens du mouvement tant que le centre de gravité n'a pas atteint la position d'équilibre G, la vitesse, nulle en G', va en augmentant jusqu'en G. Arrivé en ce point, f devient nulle; mais en vertu de la vitesse acquise le pendule dépasse la position d'équilibre, et le centre de gravité se relève en parcourant le prolongement GG_2G'' de l'arc de cercle $G'G_1G$. Dès que le pendule a dépassé la position d'équilibre, la construction de la force tangentielle G₂F₂ montre que celle-ci est dirigée en sens inverse du mouvement, et que sa valeur absolue va avec l'angle GOG. Cette force diminue la en croissant vitesse de plus en plus, et celle-ci devient nulle quand le pendule fait de l'autre côté de la verticale un angle G'OG égal à GOG', si toutefois les frottements dus à l'air et à l'axe de rotation sont insensibles: c'est ce que l'expérience constate, et c'est ce que les lois de la mécanique établissent, comme nous le montrerons tout à l'heure. Arrivé dans cette position le pendule ne peut y rester; pour les raisons que nous venons d'indiquer, il se rapproche de sa position d'équilibre, la dépasse, en vertu de la vitesse acquise, revient à son point de départ pour recommencer à descendre, et ainsi de suite : il exécute de part et d'autre de la position d'équilibre une série d'oscillations. Pourtant, à cause des frottements et de la résistance de l'air, à chaque oscillation, le pendule s'écarte un peu moins de la position d'équilibre, sa vitesse diminue de plus en plus, et il finit, au bout d'un temps, qui peut être très long, par devenir immobile. (Voir Chap. Ier, **88** p. **37**, note 1.)

L'oscillation est, à proprement parler, le passage d'une position extrême du pendule à l'autre position extrême.

La durée d'oscillation est le temps nécessaire pour effectuer ce trajet.

L'amplitude de l'oscillation est l'angle G'OG" que forment entre elles les deux positions extrêmes OG' et OG" de la perpendiculaire à l'axe de rotation menée par le centre de gravité (ou de toute autre droite comprise dans le plan d'oscillation).

3. PENDULE SIMPLE. — Pour étudier le phénomène des oscillations d'abord dans le cas le moins compliqué, on a imaginé un pendule idéal, le *pendule simple*: il consisterait en un point pesant, suspendu à l'extrémité d'un fil sans poids, inextensible et parfaitement flexible.

Tout pendule qui n'est pas simple est appelé pendule composé.

Il est clair que nous ne pouvons réaliser que des pendules composés. Mais faisons un pendule avec un fil flexible de lin ou de soie, auquel nous fixons un corps de très petite dimension par rapport à la longueur du fil, et d'un poids très grand au contraire par rapport au poids de celui-ci, tel qu'une boule de cuivre ou de plomb: un pareil pendule se rapproche beaucoup d'un pendule simple. Celui-ci constitue donc un état limite vers lequel peut tendre la forme d'un pendule composé, et les résultats que l'analyse mathématique fournit pour le pendule simple s'appliquent d'autant mieux aux pendules composés qu'ils se rapprochent davantage de cette forme idéale.

On appelle longueur du pendule simple la longueur du fil.

4. LOIS EXPÉRIMENTALES DE LA DURÉE D'OSCILLATION. — Les lois que nous allons indiquer ne sont vraies, en toute rigueur, que si le pendule oscille dans le vide, et n'éprouve aucun frottement résultant de son mode de suspension; en un mot, que s'il n'est soumis qu'aux seules actions de la pesanteur et de la résistance de l'axe. Mais, si le pendule est un peu pesant, si dans son mouvement il ne frappe pas l'air par une trop grande surface, si les oscillations sont de petite amplitude, à cause de la faible vitesse du mobile, la résistance de l'air est une fraction minime du poids du pendule et le mouvement s'exécute au milieu de ce fluide à très peu près comme il le ferait dans le vide.

Les trois premières lois que nous allons exposer s'appliquent à toute espèce de pendule; la dernière est une loi limite, qui se vérisse d'autant mieux que le pendule se rapproche plus de la forme simple.

1^{re} 101. — La durée des oscillations d'un même pendule, oscillant en un même lieu, est indépendante de la valeur de l'amplitude, pourvu que celle-ci soit très petite.

Des escillations d'amplitudes de 2°, de 1°, de 0°30′, etc., s'effectuent dans le même temps. C'est ce qu'on exprime en-

core en disant que les petites oscillations du pendule sont isochrones.

Pour vérisier cette loi, on fait osciller un pendule quelconque, un sieu de balance, ou un pendule se rapprochant de la forme simple, en l'écartant légèrement de sa position d'équilibre. A l'aide d'un chronomètre on compte la durée de cent oscillations; puis on attend que l'amplitude ait diminué, par suite de la résistance de l'air, et l'on compte de nouveau la durée de cent oscillations : on trouve toujours que cette durée est la même que celle des cent oscillations précédentes. Ainsi, quoique ces dernières aient toutes des amplitudes plus saibles que les premières, le temps employé pour les effectuer est le même.

Cette propriété permet d'obtenir très exactement la durée des petites oscillations d'un pendule. Pour faire une mesure, on met en mouvement l'aiguille d'un chronomètre au moment où le pendule occupe l'une des positions extrêmes. On compte un certain nombre n d'oscillations, et l'on arrête l'aiguille à la fin de la dernière. Si l'aiguille s'est avancée de T secondes, et s'il n'y a pas d'erreur dans la mesure du temps, la durée de chaque oscillation est $\frac{T}{n}$. Mais on peut se tromper d'une petite quantité θ (un dixième de seconde, par exemple) sur le moment exact du départ et d'une autre petite quantité θ sur celui de l'arrivée; ce qui fait que la durée des oscillations est en réalité $T \pm \theta \pm \theta'$, et que celle d'une seule oscillation est $\frac{T}{n} \pm \frac{\theta}{n} \pm \frac{\theta'}{n}$.

On voit par là que plus le nombre des oscillations n sera grand, plus les erreurs $\frac{0}{n}$ et $\frac{0}{n}$ qu'on commet sur la durée d'une seule oscillation seront faibles. Si l'on compte 1000 oscillations et, si les erreurs absolues 0 et 0 sont au plus égales à $\frac{1}{10}$ de seconde, l'erreur maximum possible sur la durée d'une oscillation est $\frac{1}{5000}$ de seconde.

wec la latitude : elle est d'autant plus grande que le pendule os-

cille plus près de l'équateur. Elle augmente aussi avec l'altitude.

Ces variations dans la durée d'oscillation d'un pendule sont du reste très faibles.

3^{me} Loi. — Des pendules simples de même longueur, dont les points pesants sont formés de substances différentes ont même durée d'oscillation en un même lieu.

Pour vérifier cette loi, on suspend à des fils d'égale longueur des corps très petits de substances diverses (platine, plomb, fer, bois, ivoire, etc....). Ces corps doivent peser beaucoup plus que le fil. La forme de ces pendules s'approche ainsi extrêmement de celle du pendule simple.

Si, après les avoir écartés de la position d'équilibre, on les lâche en même temps, on constate qu'ils s'accompagnent dans leur mouvement, et, qu'après un nombre quelconque d'oscillations, ils reviennent ensemble à leur position de départ.

Cette loi peut s'étendre aux pendules composés de forme quelconque: des pendules homogènes, géométriquement égaux, et formés de substances différentes, ont même durée d'oscillation en un même lieu.

4^{me} LOI. — En un même lieu, la durée d'oscillation d'un pendule simple est directement proportionnelle à la racine carrée de sa longueur.

On vérifie habituellement cette loi dans les cours en prenant deux pendules se rapprochant de la forme simple, et dont l'un a une longueur quadruple de celle de l'autre. Si, après les avoir écartés, on les abandonne en même temps, on constate qu'après quatre oscillations du petit et deux du grand, ils reviennent ensemble à leur point de départ. Par conséquent, la durée d'oscillation du grand pendule est le double de celle du petit.

Mais la véritable démonstration consiste à mesurer les longueurs l, l', l'' de plusieurs pendules se rapprochant autant que possible de la forme simple, puis à mesurer les durées d'oscillation t, t', t'' en comptant un grand nombre d'oscillations de chacun d'eux, comme nous l'avons indiqué plus haut; on trouve alors que ces valeurs vérissent la relation:

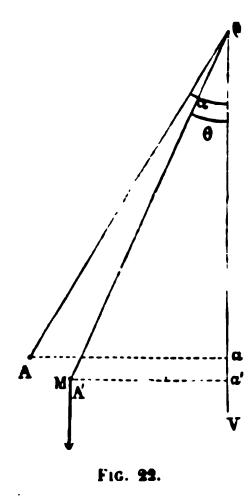
$$\frac{t}{\sqrt{l}} = \frac{t'}{\sqrt{l'}} = \frac{t''}{\sqrt{l''}} = \cdots$$

5. FORMULE DU PENDULE SIMPLE. — On déduit des principes fondamentaux de la dynamique la relation suivante, donnant la durée d'oscillation t d'un pendule simple de longueur l exécutant des oscillations d'amplitude infiniment petite (1):

$$(1) t = \pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

(1) Voici comment on peut établir cette formule.

Soit a l'angle d'écart du pendule (demi-amplitude) (fig. 22). Si celui-ci est



abandonné à lui-même, il oscille, et, au bout du temps t, il occupe une certaine position A'O. Désignons par 0 l'angle A'OV; c'est une fonction du temps t qui peut être positive, nulle ou négative, suivant la position de A'O par rapport à OV. Désignons par v la vitesse, au temps l, du point mobile M, et par m sa masse: mr² est sa force vive. Evaluons les travaux des forces agissant sur M pour appliquer le théorème des forces vives. La résistance du fil, étant une force dirigée suivant A'O, constamment normale à la trajectoire AA'V, n'accomplit aucun travail; il n'y a donc, si l'on néglige les frottements, qu'à s'occuper du travail de la pesanteur. Le poids de M est égal à mg; le travail accompli par la pesanteur, pendant que le mobile décrit l'arc AA', est égal à la projection as' de cet arc sur la verticale multipliée par le poids mg (Chap. I, § 1). On a donc, puisque la vitesse initiale est nulle:

$$mv^3 = 2mg \times \overline{aa'}$$

Or
$$\overline{aa'} = \overline{Oa'} - \overline{Oa} = l (\cos \theta - \cos \alpha) = 2l \left(\sin^2 \frac{\alpha}{2} - \sin^2 \frac{\theta}{2} \right)$$

d'où:

$$v^2 = 4lg\left(\sin^2\frac{\alpha}{2} - \sin^2\frac{\theta}{2}\right) \text{ ou } v = 2\sqrt{lg}\sqrt{\sin^2\frac{\alpha}{2} - \sin^2\frac{\theta}{2}}$$

La vitesse v est la dérivée de l'arc AA' par rapport au temps (Voir page 73, note); or on a:

$$\overline{AA}' = l(\alpha - 0), \quad \text{d'où} \quad v = -l0'$$

en représentant par 6' la dérivée de 6 par rapport au temps.

Dans cette formule π représente le rapport de la circonférence au diamètre, et g désigne l'accélération que prendrait le corps qui forme le point pesant du pendule s'il tombait en chute libre à l'endroit où il oscille.

Remplaçons, il vient:

$$\frac{-\theta'}{2\sqrt{\sin^2\frac{\alpha}{2}-\sin^2\frac{\theta}{2}}}=\sqrt{\frac{g}{l}}$$

En égalant les fonctions primitives des deux membres de cette équation, on arriverait à trouver la formule complète (2). Nous nous bornerons ici à faire le calcul dans le cas où les amplitudes sont assez faibles pour qu'on puisse remplacer $\sin \frac{\alpha}{2}$ et $\sin \frac{\theta}{2}$ par les arcs $\frac{\alpha}{2}$ et $\frac{\theta}{2}$; il vient alors:

$$\frac{-\theta'}{\sqrt{\alpha^2-\theta^2}} = \sqrt{\frac{g}{l}} \quad \text{ou encore} \quad \frac{-\left(\frac{\theta}{\alpha}\right)'}{\sqrt{1-\left(\frac{\theta}{\alpha}\right)^2}} = \sqrt{\frac{g}{l}}$$

La fonction primitive du premier membre étant arc $\cos \frac{\theta}{\alpha}$, on a :

$$arc \cos \frac{\theta}{\alpha} = \sqrt{\frac{g}{l}} t + C$$

C designant la constante arbitraire.

D.Ou:

$$\theta = a\cos\left(C + \sqrt{\frac{g}{l}} t\right)$$

Comme pour t = 0, on a $\theta = \alpha$, il faut que la constante C ait une valeur donnée par

$$1 = \cos C$$
;

d'ou :

 $C = 2k\pi$ (k désignant un nombre entier quelconque)

Si l'amplitude n'est pas infiniment petite la formule devient

(2)
$$t = \pi \sqrt{\frac{l}{g}} \left[1 + \left(\frac{1}{2} \right)^{\frac{2}{2}} \frac{\alpha}{2} + \left(\frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4} \right)^{\frac{2}{4}} \frac{\alpha}{2} + \left(\frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6} \right)^{\frac{2}{6}} \frac{6}{\alpha} + \dots \right]$$

où a désigne la demi-amplitude.

Par conséquent, en substituant il vient:

(1)
$$\theta = \alpha \cos \left(2k\pi + \sqrt{\frac{g}{l}} t\right) = \alpha \cos \left(\sqrt{\frac{g}{l}} t\right)$$

On en tire, pour la vitesse de M:

(2)
$$v = -l\theta' = \alpha \sqrt{gl} \sin \left(\sqrt{\frac{g}{l}} t\right)$$

Pour trouver la durée d'oscillation du pendule, il suffit de discuter les formules (1) et (2).

Pour t=0, on a v=0 et $\theta=\alpha$. Pour $\sqrt{\frac{g}{l}}$ $t=\frac{\pi}{2}$, c'est-à-dire pour $t=\frac{\pi}{2}$ $\sqrt{\frac{l}{g}}$, la vitesse v passe par un maximum, et l'angle θ est nul; le pendule est dans la position OV. Ainsi la durée de la demi-oscillation est $\frac{\pi}{2}$ $\sqrt{\frac{l}{g}}$. Pour $\sqrt{\frac{g}{l}}$ $t=\pi$, c'est-à-dire pour $t=\pi$ $\sqrt{\frac{l}{g}}$, la vitesse devient nulle, et l'angle θ égale $-\alpha$. Si le temps croît à partir de cette valeur, θ diminue en valeur absolue, et, par conséquent, pour $t=\pi$ $\sqrt{\frac{l}{g}}$ le pendule occupe la position extrême; il fait alors avec la normale OV un angle qui, en valeur absolue, est égal à l'angle de départ. La durée d'une oscillation est donc donnée par $t=\pi$ $\sqrt{\frac{l}{g}}$. On voit du reste que, π désignant un entier positif, toutes les fois que t aura la valeur $2\pi\pi$ $\sqrt{\frac{l}{g}}$, le pendule occupera la position de départ; et toutes les fois que t aura la valeur (2n+1) π $\sqrt{\frac{l}{g}}$, le pendule occupera l'autre position extrême : les durées des oscillations sont donc toutes égales à π $\sqrt{\frac{l}{g}}$.

6. COMPARAISON DE LA FORMULE DU PENDULE SIMPLE AVEC LES LOIS EXPÉRIMENTALES. — 1º On voit que la formule (1), qui n'est applicable que lorsque l'amplitude est très petite, ne contient pas la valeur de cette amplitude : par conséquent la durée de l'oscillation est indépendante de l'amplitude, pourvu que celle-ci soit petite. C'est la première loi donnée par l'expérience.

La formule (2) nous montre, qu'en réalité, la durée t dépend de l'amplitude; mais, quand a est faible, le carré et les puissances supérieures de sin $\frac{\alpha}{9}$ deviennent négligeables, et la série se réduisant à l'unité, t devient indépendant de a.

2º On tire de la formule (1)

$$g=\frac{\pi^2\,l}{t^2}$$

Or la troisième loi expérimentale nous apprend que, si des pendules oscillant en un même lieu ont même longueur l, la valeur de t est la même, quelle que soit la nature du corps qui constitue le pendule. Nous en concluons, d'après la formule ci-dessus, que g est le même pour tous ces corps. Ainsi, en un même lieu, l'accélération g que prend un corps tombant en chute libre est la même, quelle que soit la nature de celui-ci. Nous arrivons ainsi à la même conclusion qu'en partant de l'expérience du tube de Newton.. Mais l'égalité de g pour tous les corps est bien mieux démontrée par l'emploi du pendule que par celui du tube de Newton : car nous pouvons connaître la durée t d'une oscillation à $\frac{1}{1000}$ de seconde près, et dès lors être certain que pour des pendules de substances différentes la durée d'oscillation ne diffère pas de cette quantité; tandis que, dans l'expérience de Newton, c'est à peine si nous pouvons répondre à 1/90 de seconde près de l'égalité du temps employé par les divers corps pour parcourir le tube.

3º La deuxième loi expérimentale nous apprend que la durée

d'oscillation d'un même pendule n'est pas la même dans les différents points du globe : nous en concluons que l'intensité de la pesanteur g, qui varie en raison inverse du carré de la durée d'oscillation t, d'après la formule ci-dessus, est variable avec la latitude et avec l'altitude. La valeur de t diminuant quand on va de l'équateur au pôle, l'intensité de la pesanteur g augmente : un corps pèse un peu plus vers le pôle qu'à l'équateur; t augmentant quand on s'élève en altitude, g diminue : un corps pèse un peu moins sur le sommet d'une haute montagne qu'au niveau de la mer. Ces variations de poids d'un même corps sont si faibles qu'elles n'auraient guère pu être décelées avec les dynamomètres à ressorts.

4° Enfin la formule (1) montre immédiatement que les durées d'oscillation de pendules simples de longueurs différentes sont proportionnelles aux racines carrées des longueurs.

Ainsi, des quatre lois expérimentales trouvées pour le pendule, deux, la première et la dernière, peuvent être déduites des principes fondamentaux de la dynamique. La deuxième et la troisième, au contraire, ne peuvent pas être prévues par ces principes; mais, en nous aidant de la formule du pendule, elles nous font connaître avec une grande précision comment la pesanteur varie avec la nature du corps et avec le point du globe où le pendule oscille.

7. PENDULE COMPOSÉ. — PENDULE SYNCHRONE. — Les lois de la mécanique donnent la formule suivante, pour la durée d'oscillation t d'un pendule composé,

$$t = \pi \sqrt{\frac{1}{Pa}}$$

quand les amplitudes sont infiniment petites. Si elles sont finies, il faut multiplier le second membre par la même série que dans le cas du pendule simple, et l'on a pour la formule la plus générale:

$$t = \pi \sqrt{\frac{1}{Pa}} \left[1 + \left(\frac{1}{2}\right)^{2} \sin^{2}\frac{\alpha}{2} + \left(\frac{1.3}{2.4}\right)^{2} \sin^{4}\frac{\alpha}{2} + \left(\frac{1.3.5}{2.4.6}\right)^{2} \sin^{6}\frac{\alpha}{2} + \dots \right]$$

ou, pour abréger, en désignant par (1 + A) la valeur de la série entre crochets:

$$t = \pi \sqrt{\frac{I}{Pa}} (1 + A)$$

Dans ces formules P représente le poids total du pendule, a la distance de son centre de gravité à l'axe de suspension, enfin I est ce qu'on appelle le moment d'inertie. Voici comment cette dernière quantité est définie : divisons le pendule en une infinité de petites parties, et faisons le produit de la masse m de chacune d'elles par le carré de sa distance r à l'axe de suspension; c'est la somme de tous ces produits qui constitue le moment d'inertie; on a donc l'égalité de définition :

$$I = \sum mr^{2} (1)$$

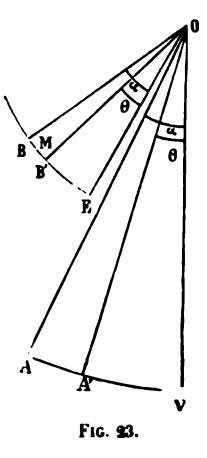
(1) La formule du pendule composé est aisée à obtenir quand on a résolu le problème du pendule simple. Nous pouvons considérer le pendule comme un système composé de différentes masses m à des distances inégales de

l'axe. Appliquons à ce système le théorème des forces vives. Désignons comme ci-dessus par a l'angle d'écart et par θ l'angle que fait à un moment quelconque t la perpendiculaire abaissée de la petite masse considérée M (fig. 23) sur l'axe O avec la position OE de cette droite quand le pendule est en équilibre. On a pour l'arc BB' décrit pendant le temps t:

$$BB' = r (\alpha - \theta)$$

 α et θ ayant la même valeur pour tous les points du pendule (α = VOA et θ = VOA', OA, OA' étant la position extrême et la position au temps ℓ de la perpendiculaire abaissée du centre de gravité sur l'axe O, et OV étant la verticale).

Par consequent, la vitesse du point M au temps t est — rô', en représentant toujours par ô' la dérivée de 6 par rapport au temps; sa force vive est



 $mr^2\theta'^2$, et la force vive totale de tout le système est $\sum mr^2\theta'^2 = \theta'^2\sum mr^2 = \theta'^2$ puisque θ'^2 est un facteur commun à tous les ermes de cette somme.

Si M représente la masse totale du pendule, on a P = Mg; en remplaçant, la quantité $\sqrt{\frac{I}{Pa}}$ devient $\sqrt{\frac{\left(\frac{I}{Ma}\right)}{g}}$. On voit par là qu'un pendule simple qui aurait une longueur égale à $\frac{I}{Ma}$

D'autre part, la somme des travaux des forces intérieures qui agissent entre les divers points du système est nulle, puisque le système ne se déforme pas dans son mouvement (voir Livre I, Chap. I, § 6); le travail de la résistance de l'axe est nul aussi, puisque le point d'application de cette force étant sur l'axe ne se déplace pas; il ne reste à évaluer que les travaux de la pesanteur. Le somme de ceux-ci est égale au travail de la résultante des actions de la pesanteur sur tout le corps, c'est-à-dire au travail du poids P du pendule, appliqué au centre de gravité, qui décrit l'arc AA' pendant le temps 1. Si a désigne la longueur OA, on a pour ce travail:

$$Pa(\cos \theta - \cos \alpha) = 2Pa(\sin^2 \frac{\alpha}{2} - \sin^2 \frac{\theta}{2})$$

La force vive initiale étant nulle, le théorème des forces vives donne

$$\theta'^{*}I = 4Pa\left(\sin^{*}\frac{\alpha}{2} - \sin^{*}\frac{\theta}{2}\right)$$

ďoù ·

$$\frac{-\theta'}{2\sqrt{\sin^2\frac{\alpha}{2}-\sin^2\frac{\theta}{2}}}=\sqrt{\frac{Pa}{1}}.$$

équation qui ne differe de celle relative au pendule simple qu'en ce que la constante $\frac{g}{l}$ est remplacée par la constante $\frac{Pa}{l}$. En faisant le même changement dans la formule du § 5, qui donne la durée d'oscillation du pendule simple, on obtient évidemment la formule donnant la durée d'oscillation du pendule composé.

Celle-ci est donc :

$$t = \pi \sqrt{\frac{1}{Pu}} \left[1 + \left(\frac{1}{2}\right)^2 \sin^2 \frac{\alpha}{2} + \left(\frac{1.3}{2.4}\right)^2 \sin^4 \frac{\alpha}{2} + \dots \right]$$

PENDULE

aurait partout la même durée d'oscillation que le pendule composé. On appelle ce pendule simple, le pendule synchrone du pendule composé.

Quand le pendule est homogène et a une forme géométrique simple, le calcul de la longueur $\frac{I}{Ma}$ du pendule synchrone est une question de géométrie.

Ce calcul est facilité du reste par le théorème suivant : Le moment d'inertie I d'un pendule par rapport à un axe est égal à son moment d'inertie J par rapport à un axe parallèle au précédent et passant par le centre de gravité, augmenté du produit de la masse du pendule M par le carré a² de la distance des deux axes (¹).

$$I = J + Ma^2$$

(1) Soient (fig. 24) m la masse d'un point A du pendule, r sa distance AO

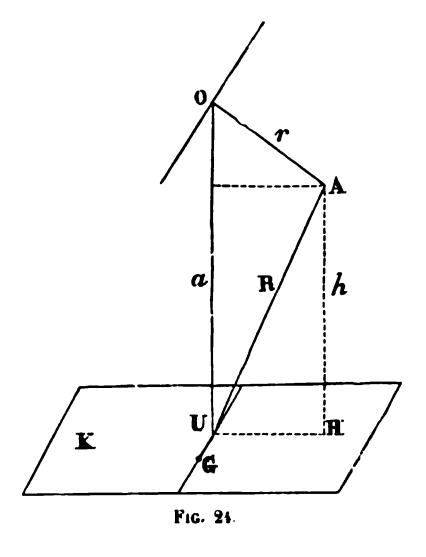
au premier axe O, R sa distance AU au second axe parallèle passant par le centre de gravité G, a la distance OU, et, ensin, h la distance AH de A à un plan K passant par G perpendiculairement à la plus courte distance OU des deux axes. On a dans le triangle AOU:

$$r^* = R^* + a^* - 2ah$$

d'où, en multipliant par m les deux membres:

$$mr^2 = mR^2 + ma^2 - 2amh$$

et en saisant la somme pour tous les points du pendule:



$$\sum_{mr^2} = \sum_{mR^2} + a^2 \sum_{m} - 2a \sum_{mh}$$

Posons $J = MK^2$ (la quantité K ainsi définie se nomme le rayon de giration (1)); l'équation précédente devient :

$$I = M (K^2 + a^2)$$

et la longueur l du pendule synchrone est donnée par

$$l = \frac{I}{Ma} = a + \frac{K^2}{a}$$

Le calcul de la longueur du pendule synchrone est ainsi ramené à celui du rayon de giration K.

La formule du pendule composé devient alors :

$$t = \pi \sqrt{\frac{a + \frac{K^2}{a}}{g}} (1 + A)$$

En désignant par g l'intensité de la pesanteur, $g\sum mh$ ou $\sum mgh$ représente la somme des moments des actions de la pesanteur par rapport au plan K; or cette somme est égale au moment de la résultante (poids du corps) par rapport à ce plan. Mais le centre de gravité étant situé dans le plan, ce moment est nul; on a donc $g\sum mh = 0$, d'où $\sum mh = 0$. L'équation ci-dessus se réduit ainsi à :

$$\sum_{mr^2} = \sum_{mR^2} + a^2 \sum_{m}$$

ou

$$I = J + Ma^2$$

(1) Si une masse M était répandue en couche mince sur une surface cylindrique de rayon R, on aurait pour le moment d'inertie J de cette masse par rapport à l'axe du cylindre:

$$J = MR^{e}$$

et comme $J = MK^2$, on aurait K = R.

Ainsi, dans ce cas, le rayon de giration K serait le rayon même du cylindre.

8. AXE D'OSCILLATION. — On désigne ainsi un axe parallèle à l'axe de suspension, passant par un point O' (fig. 25) situé

sur la perpendiculaire GO abaissée du centre de gravité G sur l'axe de suspension O, et à une distance de cet axe égale à la longueur l du pendule synchrone.

Les axes d'oscillation et de suspension jouissent de la propriété remarquable d'être réciproques l'un de l'autre; c'est-à-dire que, si l'on suspend maintenant le pendule par l'axe d'oscillation, l'ancien axe de suspension devient le nouvel axe d'oscillation. En d'autres termes, la longueur du pendule synchrone reste la même, et, par conséquent, le pendule dans cette nouvelle position a même durée d'oscillation que dans l'ancienne.

En effet, soit l' la longueur du nouveau pendule synchrone après le retournement; si nous désignons par a et a' les distances OG et O'G, nous avons:

$$a + a' = l$$

d'ailleurs la longueur du pendule synchrone l'est donnée par

$$l' = a' + \frac{K^2}{a'} = l - a + \frac{K^2}{l - a}$$

St comme
$$l = a + \frac{K^2}{a}$$
, on a:

$$K^2 = a \ (l - a)$$

d'où:

$$l'=l-a+\frac{a(l-a)}{l-a}=l$$

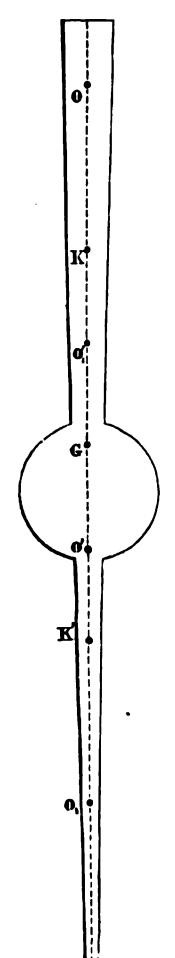


Fig. 25.

Remarquons que les axes symétriques O₁ et O'₁ de l'axe de suspension et de l'axe d'oscillation par rapport au centre de gravité G, étant situés à des distances a et a' de cet axe, donnent encore la même longueur pour le pendule synchrone. Il y a donc, en général, dans tout plan passant par le centre de gravité, quatro axes parallèles autour desquels le corps peut osciller dans le même temps.

Si K et K' désignent deux points pris sur une perpendiculaire à ces axes passant par G, et à des distances de ce point égales au rayon de giration, les quatre axes autour desquels le pendule a même durée d'oscillation sont compris le premier entre l'infini et K, le second entre K et G, le troisième entre G et K', le quatrième entre K' et l'infini (puisqu'on a K²=aa'). Si l'un des axes passe par l'un des points K ou K', le système des quatre axes se réduit à deux axes passant par K et K', et la durée de l'oscillation est la plus petite possible; car la longueur du pendule synchrone

 $a + \frac{K^2}{a}$ prend une valeur minimum pour a = K.

• MESURE DE L'INTENSITÉ DE LA PESANTEUR. — La mesure de la durée d'oscillation d'un pendule dont la longueur du pendule synchrone a été déterminée, fait connaître l'intensité de la pesanteur g au point où l'on opère; car dans la formule

$$t = \pi \sqrt{\frac{1}{g}} (1 + A)$$

sout est connu sauf y.

Les deux méthodes qui ont été les plus employées pour mesurer l'intensité de la pesanteur aux divers points du globe sont dues aux deux navigateurs Borda (¹) et Kater (². Nous allons les exposer.

¹ Jean-Charles Bords, ne à Dax en 1733, mort à Paris en 1739.

² hater, capitaine anglais. Ses experiences sur le pendule out été exeeutres vers 181%

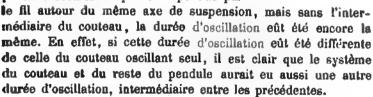
40. PERDULE DE BORDA. — Le pendule de Borda se composait d'une sphère pleine S (fig. 26 et 27), de faible diamètre, suspen-

due à un fil au moyen d'une petite calotte c, dans laquelle la sphère se fixait à l'aide d'un peu de suif. De cette façon, Borda pouvait aisément remplacer une sphère par d'autres de substances différentes, et il s'est assuré que la nature de la substance n'exerçait aucune influence sur la valeur de g. Dans les expériences définitives la sphère était en platine.

Le fil était fixé par sa partie supérieure à une pièce portant un prisme CC' semblable au couteau d'une balance, et dont l'arête reposait, par ses extrémités sur une plaque d'acier celle-ci était soutenue par des supports scellés dans un mur massif, de façon à avoir une grande stabilité. Cette pièce possédait, comme le fléau d'une halance de précision, un bouton B, dont le déplacement, le long de la vis qui le portait, permettait de faire varier la distance du centre de gravité à l'axe de suspension.

En réglant convenablement cette distance, on arrivait à faire osciller le couteau seul, dans le même temps que le pendule tout entier, formé du couteau, du fil et de la sphère.

On était alors assuré que, si l'on avait pu faire osciller la sphère suspendue par



Par cet artifice, on se dispensait de calculer la longueur du



1 to. 26.

pendule synchrone de tout le système oscillant, ce qui aurait été fort compliqué, à cause de la forme du couteau. Il suffisait de faire ce calcul pour le pendule composé du fil et de la sphère seulement, puisque ce pendule plus simple aurait eu même durée d'oscillation que le pendule composé.

Le fil ayant un poids négligeable par rapport à celui de la sphère, le centre de gravité de ce système était le centre même de celle-ci. Or, le rayon de giration d'une sphère pleine homogène se calcule sisément. Le carré K^2 de cette quantité est égai à $\frac{2}{3}$ I^2 , en désignant par r le rayon de la sphère. Si donc a représente la distance du centre de la sphère à l'arête du couteau (axe de suspension), on a pour la longueur du pendule synchrone :

$$l=a+\frac{2r^2}{5a}$$

Le rayon de la sphère s'obtenait par la mesure de son volume, déduit de la poussée exercée par l'eau, en se fondant sur le principe d'Archimède. Pour avoir a, on mesurait la distance entre l'arête du couteau et la partie inférieure de la sphère, et l'on en retranchait le rayon de celle-ci. Cette mesure s'effectuerait aujourd'hui à l'aide d'un cathétomètre. Du temps de Borda cet instrument n'était pas imaginé, et il a eu recours à l'emploi d'une règle graduée (1).

Quelques corrections étaient nécessitées par la présence de l'air au milieu duquel le pendule oscillait.

1) Le pendule étant dans sa position d'equilibre, on plaçait au-dessous une petite plate-forme horizontale M fig. 26), pouvant s'elever à l'aide d'une vis. On la soulevait jusqu'à ce qu'elle vint affeurer à la partie inférieure de la sphère. On substituait alors au pendule une regle graduee portant un couteau, qui permettait de la suspendre comme le pendule lui-même, et dont l'arête correspondait au zero de la graduation Une reglette mobile à coulisse, portant un vernier, pouvait prolonger la regle. On tarait celle-ci, jusqu'à ce que son extremite vint affleurer à la plate-forme, et l'on faisait la lecture.

Dans la formule du pendule composé

$$t = \pi \sqrt{\frac{I}{Pa}} (1 + A)$$

P représente, exactement, la force qui tend à faire tomber le pendule. Or, cette force est égale à son poids dans le vide p diminué de la poussée exercée par l'air. Si d est le poids spécifique absolu de la substance qui forme la sphère, $\frac{p}{d}$ est son volume; et, si δ est le poids spécifique absolu de l'air, la poussée est $\frac{p}{d}$ δ ; d'où $P = p - p \frac{\delta}{d} = p \left(1 - \frac{\delta}{d}\right)$. Comme on le voit, la correction à faire revient à multiplier le poids par la quantité très voisine de l'unité $\left(1 - \frac{\delta}{d}\right)$ (1). La formule qui donne la durée d'oscillation dans l'air est donc :

$$t = \pi \sqrt{\frac{a + \frac{2r^2}{5a}}{g\left(1 - \frac{\delta}{d}\right)}} (1 + A)$$

g représentant l'intensité de la pesanteur dans le vide. Les amplitudes étant environ de 4°, la série (1 + A) pou-

(1) Si la sphère est en platine, on a :

$$\frac{\delta}{d} = \frac{0,0013}{21} = 0,000\,002$$

ot

$$1-\frac{3}{u}=0.999938.$$

vait se réduire, sans erreur sensible, à ses deux premiers termes :

$$\left(1+\frac{1}{4}\sin^2\frac{\alpha}{2}\right)$$

Il nous reste maintenant à faire connaître l'élégante méthode due à de Mairan (1) et employée par Borda pour mesurer la durée d'oscillation.

verre (fig. 27), destinée à protéger les appareils contre les agitations de l'air, se trouvaient le pendule et, derrière lui, une horloge réglée par des observations astronomiques, de façon que le balancier battit exactement la seconde. Celui-ci portait sur une plaque un trait L vertical dans la position d'équilibre, et, par conséquent, parallèle au fil du pendule au repos. On plaçait en dehors de la cage, et à une certaine distance, une lunette qui permettait de voir à la fois le fil du pendule et le trait du balancier; on disposait celle-ci de manière que l'image du premier couvrit celle du second, les deux pendules étant au repos. On mettait alors en mouvement l'horloge et le pendule; or, la longueur de celui-ci était prise telle que sa durée d'oscillation fût très voisine de celle du balancier, c'est-à-dire très voisine d'une seconde. Pour fixer les idées, supposons-la un peu plus petite.

A un certain moment on voyait, en regardant dans la lunette, le fil du pendule passer dans la verticale en même temps que le trait du balancier, en s'accompagnant de façon que le premier paraissait couvrir le second; il y avait coïncidence. A l'oscillation suivante, le pendule, marchant un peu plus vite que le balancier, avait pris une légère avance, et le fil se trouvait un peu en avant du trait. Cet écart augmentait à chaque oscillation, et il arrivait un moment où, le désaccord étant complet,

⁽¹⁾ Jean-Jacques Dortous de Mairan, physicien, mathématicien et littérateur né à Béziers en 1678, mort en 1771.

108

le fil et le trait passaient ensemble dans la verticale, mais en

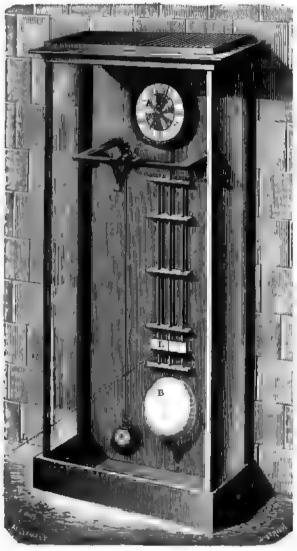


FIG. 27.

sens contraire. A ce moment le pendule avait fait juste une oscillation de plus que le balancier. Le pendule continuant à marcher plus vite que celui-ci, leurs vitesses redevenaient de même sens et, à un certain moment, on notait une nouvelle coïncidence, le fil et le trait passant ensemble dans la verticale en s'accompagnant. Ainsi, le pendule avait fait juste deux oscillations de plus que le balancier dans l'intervalle des deux coïncidences; si, entre celles-ci, n était le nombre des oscillations de ce dernier, n+2 était, par conséquent, celui des oscillations du pendule; et, comme les n oscillations du balancier s'étaient effectuées juste en n secondes, chaque oscillation

du pendule avait pour durée $\frac{n}{n+2}$. Le nombre n des secondes qui s'écoulaient entre deux coïncidences était donné par l'horloge, en notant l'heure lors de la première et lors de la deuxième coïncidence.

Lorsque la durée d'oscillation du pendule était, au contraire, un peu plus grande que celle du balancier, entre deux coîncidences le nombre des oscillations du pendule était n-2, et la durée de

chacune d'elles
$$\frac{n}{n-2}$$
.

Ce qui rend cette méthode élégante, c'est que l'observateur est dispensé de compter le nombre des oscillations du pendule. Si la durée d'oscillation de celui-ci est très voisine d'une seconde, n est très grand. Dans ce cas l'opérateur note l'époque exacte d'une première coïncidence; comme par la connaissance approchée de la durée d'oscillation du pendule, il sait à peu près à quel moment aura lieu la coïncidence suivante, il peut s'absenter, et ne revenir qu'un peu avant l'époque présumée de celle-ci. Mettant alors l'œil à la lunette, il saisit le moment exact où cette coïncidence a lieu.

Ce qui rend la méthode précise, c'est que, quand n est très grand, si l'on se trompe d'une oscillation sur le moment où a lieu exactement la coïncidence, il n'en résulte qu'une erreur très faible dans la durée de l'oscillation. On peut s'en assurer en faisant, dans la formule ci-dessus, n successivement égal à 1000 et à 1001; on trouve pour la durée d'oscillation 0,998 014 et 0,998 016.

12. PENDULE DE KATER. — Il est tout différent de celui de Borda. C'est un pendule composé dont on détermine la longueur du pendule synchrône par la mesure de la distance entre l'axe de suspension et l'axe d'oscillation.

Pour cela, il est formé d'une règle plate métallique portant deux couteaux dont les arêtes parallèles sont placées en regard l'une de l'autre dans un plan K passant par le centre de gravité. L'un des couteaux étant à une distance de celui-ci notablement différente du rayon de giration, l'autre couteau a son arête placée dans la position qu'un calcul approché assigne à l'axe d'oscillation, l'arête du premier couteau étant prise comme axe de suspension.

Un curseur pesant, dont le centre de gravité peut se mouvoir dans le plan K, permet de saire un peu varier la position du centre de gravité de tout le pendule.

En plaçant convenablement ce curseur, on arrive à rendre parfaitement égales les durées d'oscillation du pendule autour de l'une ou de l'autre des arêtes des deux couteaux.

Quand ce résultat est obtenu, une des arêtes étant prise pour axe de suspension, l'autre occupe exactement la position de l'axe d'oscillation, et il suffit de mesurer la distance qui existe entre ces deux arêtes pour avoir la longueur l du pendule synchrone. La durée de l'oscillation t et l'amplitude étant aussi connues, on possède toutes les données nécessaires au calcul de g.

Les observations se font par la méthode des coïncidences.

13. VARIATION DE L'INTENSITÉ DE LA PESANTEUR. — 1° AVEC LA LATITUDE. — Les mesures faites aux divers points du globe peuvent être résumées par la formule empirique suivante :

$$g = 980,6056 (1 - 0,0025523\cos 2\lambda)$$

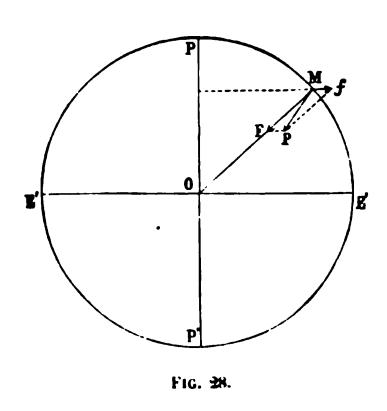
dans laquelle g représente, au niveau de la mer et à la latitude λ, l'intensité de la pesanteur mesurée en prenant comme unité de longueur le centimètre et comme unité de temps la seconde (unités C.G.S.)

Pour $\lambda = 45^{\circ}$, on a cos $2\lambda = 0$; ce qui montre que le facteur

qui multiplie la parenthèse n'est autre que l'intensité de la pesanteur à la latitude de 45°.

On tire de cette formule:

Il y a deux causes qui contribuent à rendre la pesanteur un peu plus grande quand on s'élève on latitude. La première est l'aplatissement du globe terrestre aux pôles. Un corps est moins distant du centre de la terre au pôle qu'à l'équateur et, conformément aux lois de l'attraction universelle, il doit être plus fortement attiré. En second lieu, la terre tournant autour de son axe, la force centrifuge (¹) notable à l'équateur, diminue



quand la latitude augmente, et devient nulle au pôle. Or, à l'équateur, la force centrifuge est directement opposée à l'attraction terrestre, et le poids, résultante de ces deux forces, est égal à leur différence. A une autre latitude (fig. 28) la force centrifuge Mf, toujours normale à l'axe de rotation, fait un certain angle fMO avec l'attraction terrestre MF; le poids MP, résultante de ces deux forces,

n'est pas exactement dirigé vers le centre de la terre, mais sa valeur est plus grande que la différence entre l'attrac-

(1) Quand un corps fait partie d'un système animé d'un mouvement de rotation autour d'un axe, l'équilibre relatif de ce corps par rapport aux autres points du système en mouvement nécessite les mêmes relations entre les forces qui agissent sur lui que si le système était en repos, à condition d'ajouter à celles-ci une force fictive égale à $\frac{mv^2}{r}$ (m désignant la masse

tion MF et la force centrifuge, et d'autant plus voisine de MF que la latitude est plus élevée.

2° AVEC L'ALTITUDE. — Les expériences faites avec le pendule à diverses altitudes ne sont pas assez nombreuses pour permettre de trouver la loi suivant laquelle varie l'intensité de la pesanteur. Mais, l'identité de l'attraction universelle et de l'attraction terrestre nous fait voir que l'intensité de la pesanteur, qui est la force avec laquelle l'unité de masse est attirée vers le centre de la terre (si l'on néglige la force centrifuge très faible par rapport à l'attraction terrestre), doit varier en raison inverse du carré de la distance à ce centre. On a donc, en désignant par R le rayon terrestre par g_a et g_o les intensités de la pesanteur à l'altitude a et au niveau de la mer:

$$\frac{g_a}{g_o} = \frac{R^2}{(R+a)^2} = \frac{1}{\left(1 + \frac{a}{R}\right)^2}$$

ou, en négligeant devant l'unité le carré de $\frac{a}{R}$:

$$g_a = g_o \left(1 - \frac{2a}{R} \right) = g_o \left(1 - 0,000\,000\,000\,1 \,a \right)$$

(a étant exprimé en centimètres).

Il faut tenir compte de cette formule dans les observations faites pour déterminer la valeur de g aux diverses latitudes, et réduire la valeur trouvée g_a à ce qu'elle serait g_o au niveau de la mer.

En réduisant en une seule les deux formules qui donnent les variations avec l'altitude et avec la latitude, on a, en supprimant

du corps, v sa vitesse, r sa distance à l'axe de rotation) dirigée normalement à l'axe de rotation et dans le sens qui écarterait le corps de cet axe. C'est à cette force sictive qu'on donne le nom de force centrifuge.

le produit tout à fait négligeable

 $0,000\,000\,003\,1\,a \times 0,002\,552\,3\cos 2\,\lambda$:

$$g = 980,6056 (1 - 0,0025523\cos 2\lambda - 31 \times 10^{-10} a)$$

ou encore:

$$g = 980,6056 - 2,5028 \cos 2\lambda - 3 \times 10^{-6} a$$
.

14. LONGUEUR DU PENDULE SIMPLE BATTANT LA SECONDE. — Si les oscillations sont d'amplitudes très faibles, la formule

$$t = \pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

est applicable; on en tire $l = g \frac{l^2}{\pi^2}$

La longueur du pendule simple qui bat la seconde est donc égale à $\frac{g}{\pi^2}$. Cette longueur varie proportionnellement à g. Pour Paris, elle est égale à 99,38 centimètres.

On voit, qu'en attachant à un fil de près d'un mètre un petit corps pesant, on aura un appareil fort simple qui permet de mesurer le temps en secondes.

45. APPLICATION DU PENDULE AU RÉGLAGE DES HORLOGES. — Comme nous l'avons déjà dit, c'est Galilée qui a découvert, l'isochronisme des petites oscillations du pendule; c'est lui qui a trouvé la loi suivant laquelle varie la durée de l'oscillation avec la longueur, et qui s'est servi le premier de cet instrument pour mesurer le temps. Mais c'est à Huyghens (1656) (¹) qu'est due l'heureuse application du pendule au réglage des horloges.

⁽¹⁾ Christian Huyghens, né à La Haye en 1629, passa une grande partie de son existence en France; il est mort en 1695.

Supposons que les aiguilles de l'horloge soient astreintes à s'avancer toujours de la même quantité à chaque oscillation d'un pendule. Comme celles-ci se font dans des temps rigoureusement égaux, si l'amplitude reste la même, les aiguilles s'avanceront de quantités égales dans des temps égaux: leur marche sera régulière.

Pour arriver à ce résultat, on se sert d'un pendule appelé balancier; il est constitué par une masse pesante de forme lenticulaire (fig. 29), pour présenter moins de résistance à

l'air pendant le mouvement; la tige qui la supporte est fixée à sa partie supérieure par l'intermédiaire d'une lame flexible qui lui permet d'osciller. L'échappement à ancre est la disposition la plus généralement employée pour commander le mouvement des aiguilles par l'oscillation du balancier. Celui-ci fait corps avec une pièce KK'AF, pouvant osciller en même temps que le pendule autour d'un axe A. Cette pièce porte deux arrêts K et K', qui sont alternativement en prise avec les dents d'une roue à rochet R, sollicitée à tourner dans le sens de la flèche, grâce au poids moteur de l'horloge. Supposons le pendule à une extrémité de sa course, l'arrêt K est en prise avec la dent D; pendant que le pendule descend, l'arrèt K dégage la dent D, et la roue se met à tourner, mais seulement de la moitié de l'intervalle qui sépare deux dents consécutives; car, pendant que le pendule remonte, l'arrêt K' s'avance, la dent D' vient butter contre lui, et la roue est arrêtée dans son mou-



FIG. 99.

vement. A chaque oscillation, cette roue avance ainsi de la même quantité; or, par une série d'engrenages, ce mouvement est communiqué aux aiguilles, qui parcourent la même fraction du cadran à chaque battement du pendule.

Quelque faibles que soient les frottements, ils finiraient par

diminuer les amplitudes du balancier, et à amener l'immobilité, si l'on n'évitait cet inconvénient par une légère impulsion que le pendule reçoit de la roue dentée à chaque oscillation : cette impulsion répare les pertes de vitesse.

Si les aiguilles s'avancent trop vite, il faut augmenter la durée de l'oscillation du balancier; pour cela, on abaisse un peu la masse pesante le long de la tige. On la relève, au contraire, si la marche est trop lente, ce qui diminue la longueur du pendule synchrone.

16. APPLICATION DU PENDULE A LA DÉMONSTRATION DE LA ROTATION DE LA TERRE. — Nous avons vu que les oscillations d'un pendule, constitué par un corps pesant suspendu à l'extrémité d'un fil flexible, se font dans un même plan vertical. Pour faire varier l'azimuth de ce plan, il faut qu'une force étrangère à la pesanteur vienne à agir sur le pendule. Si aucune force n'agit, le plan de l'oscillation conserve une position invariable dans l'espace.

Supposons qu'un pendule oscille au pôle; le fil, étant fixé par sa partie supérieure à un point, qui tournera en même temps que la terre, pourra subir une torsion; celle-ci n'aura d'autre effet que de faire tourner le fil et le corps pesant sur eux-mêmes, sans modifier la position du plan d'oscillation. Ce plan, restant fixe dans l'espace, paraîtra, pour un observateur placé sur la terre, tourner en sens inverse du mouvement de celle-ci. En un autre point du globe situé en dehors de l'équateur, si le plan d'oscillation est dirigé d'abord suivant le méridien du lieu, il s'en écartera au bout de quelque temps; ce qui prouve que la méridienne ne se déplace pas parallèlement à elle-même, et, par conséquent, que la terre a un mouvement de rotation.

Cette expérience intéressante a été imaginée par Foucault, et exécutée par lui en 1851 au Panthéon à Paris. Une sphère de cuivre pesant 28 kilog. était suspendue à un long fil d'acier, de 64 mètres de longueur environ, fixé à la voûte de l'édifice. Ce pendule oscillait avec une grande lenteur et pendant très longtemps. Pour observer le déplacement relatif de son plan d'oscillation, on disposait au-dessous du pendule, et vers les extrémités de sa course de petits tas de sable humide, qu'une pointe,

fixée à la partie inférieure de la sphère, venait entamer à chaque oscillation. On constata alors, conformément aux prévisions, que le plan d'oscillation se déplaçait lentement par rapport au méridien.

17. LA PESANTEUR EST UN CAS PARTICULIER DE L'ATTRACTION UNIVERSELLE. — Newton a montré que le mouvement des planètes et de leurs satellites s'explique en admettant que deux corps s'attirent proportionnellement au produit de leurs masses et en raison inverse du carré de leur distance.

Tel est l'énoncé de la loi de l'attraction universelle. Comme conséquence de cette loi, on démontre que, si un corps_est constitué par des couches sphériques de même densité dans toute leur étendue (comme le sont à peu près tous les astres), l'action exercée par ce corps sur un autre est la même que si toute sa masse était concentrée en son centre (1).

La pesanteur n'est qu'un cas particulier de l'attraction universelle: la terre attire un corps placé à sa surface comme si toute sa masse était réunie en son centre. En effet, l'expérience nous montre: 1° que le poids d'un corps est dirigé vers le centre de la terre; 2° qu'il est proportionnel à la masse du corps; 3° qu'il diminue quand la distance au centre de la terre augmente, et conformément à la loi du carré des distances.

Ce dernier point est établi par la connaissance des intensités de la pesanteur, jointe à celle de la valeur de la force centrifuge, aux diverses latitudes; elle permet de calculer la force attractive exercée par la masse de la terre. Or, le rapport entre les valeurs de cette force attractive au pôle et à l'équateur est égal à l'inverse du carré du rapport entre la longueur du rayon terrestre polaire et celle du rayon équatorial, qui, comme on le sait, ne sont pas exactement les mêmes.

⁽¹⁾ Nous donnerons, a propos de l'électricité, la démonstration de ce théorème très général.

CHAPITRE IV

MESURE DES POIDS ET DES MASSES. BALANCE.

1. MESURE DES POIDS ET DES MASSES. — Un poids, étant une force, peut se mesurer à l'aide d'un dynamomètre à ressort. Mais cet instrument, ou est grossier, et n'a aucune sensibilité, ou, s'il est délicat, varie avec le temps dans ses indications, l'élasticité du ressort ne conservant pas la même valeur : on ne peut pas s'en servir dans les mesures précises.

La méthode employée pour la mesure exacte des poids repose sur l'égalité qui existe entre le poids d'un corps et le produit de sa masse par l'intensité de la pesanteur (p = mg)

Pour déterminer le poids, on aura, d'après cela, deux mesures à essectuer: 1° celle de la masse du corps, quantité invariable, quel que soit le lieu où il est transporté; 2° celle de l'intensité de la pesanteur, quantité variable d'un point du globe à un autre, comme le poids du corps lui-même.

Nous avons vu comment on effectuait cette dernière mesure. Pour déterminer la masse, on cherche combien celle-ci renferme de fois une certaine masse prise comme unité. L'appareil qui sert pour cela est la balance. Cet instrument permet de reconnaître, par une opération appelée pesée, si, en un même lieu, les poids de deux corps sont égaux entre eux, et, par conséquent, s'ils ont même masse.

On commence par se procurer des masses multiples ou sousmultiples de l'unité adoptée. Par un tâtonnement régulier on obtient un morceau de cuivre ou de platine (poids dans le

MESURE DES POIDS ET DES MASSES. — BALANCE 113

langage usuel), qui pèse autant que l'unité de masse, et qui peut la remplacer. On en construit deux semblables; puis un troisième poids qui pèse autant que les deux autres ensemble, et qui, par conséquent, a une masse double de l'unité; et ainsi de suite. On arrive à construire des boîtes de poids contenant:

```
2 poids égaux à 1 unité
1 poids égal à 2 unités
1 poids égal à 5 unités
2 poids égaux à 1 dizaine d'unités
1 poids égal à 2 dizaines d'unités
1 poids égal à 5 dizaines d'unités
2 poids égal à 5 dizaines d'unités
2 poids égal à 2 centaines d'unités
1 poids égal à 2 centaines d'unités
1 poids égal à 5 centaines d'unités
```

et de même pour les mille, les dizaines de mille, etc. En associant convenablement les trois premiers poids, on peut avoir des masses égales à 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 unités; en associant entre eux les trois suivants, des masses égales à 10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90 unités; et, par conséquent, en les combinant aux trois premiers poids, on peut avoir des masses représentées par les nombres compris entre 1 et 99 inclusivement, en y ajoutant les trois suivants, par tous les nombres compris entre 1 et 999; et ainsi de suite.

Ces boîtes contiennent aussi des séries de 4 poids chacune (1, 1, 2, 5,) (1) donnant les dixièmes, les centièmes, les millièmes, etc., d'unité.

La balance nous permet de reconnaître combien il faut prendre de ces unités ou fractions d'unité pour qu'elles pèsent autant que le corps étudié; ce résultat obtenu, la masse de celui-ci sera donnée par la lecture de la masse des poids.

La masse du corps étant connue, pour avoir son poids, on

⁽¹⁾ On peut remplacer les quatre poids (1, 1, 2, 5) par (1, 2, 2, 5), qui permettent d'obtenir tous les nombres comprisentre 1 et 10 inclusivement. Pour les poids très petits (donnant par exemple les grammes, les décigrammes, les centigrammes, etc.), on présere généralement cette dernière combinaiso n le poids 2 étant plus gros et plus maniable que le poids 1.

multiplie celle-ci par l'intensité de la pesanteur, comme nous l'avons déjà dit; on voit qu'en opérant de la sorte on prend comme unité de poids la force qui, agissant sur l'unité de masse, lui communique l'unité d'accélération.

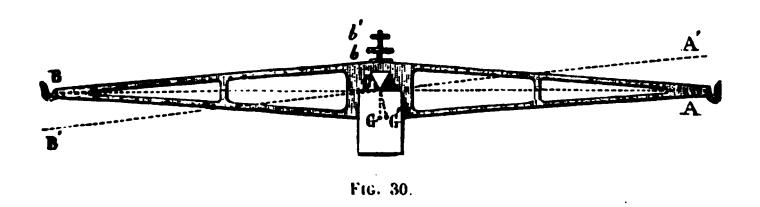
C'est ainsi qu'on procédera toutes les fois qu'on voudra connaître la force réelle qui sollicite le corps à tomber, c'est-àdire le poids, tel qu'il a été défini plus haut. Mais nous nous empressons d'ajouter que, le plus souvent, la connaissance exacte de cette force est inutile, et que celle de la masse, qu'une pesée suffit à donner, intéresse seule. Par exemple, dans les transactions commerciales, on achète non pas tel poids d'une substance qui, pour une même quantité, varierait avec l'endroit où se ferait la mesure, mais bien telle masse de cette substance (1). Et même, quand on veut être renseigné sur le poids même d'un fardeau, pour connaître l'effort qu'il faut faire pour le soulever, la connaissance de sa masse suffit seule en pratique, parce que nos muscles, ou les engins employés pour exercer l'effort, sont incapables d'apprécier la très légère différence de poids qu'une même masse possède aux divers points du globe.

Aussi, est-ce tout à fait exceptionnellement, et pour les besoins de la science seulement, qu'on cherche à déterminer le poids véritable (mg) d'un corps. En réalité, constamment dans le langage usuel le mot poids est employé pour le mot masse : ainsi, quand on dit qu'on achète au poids, on achète à la masse.

(2) Supposons que les transactions commerciales se fassent au poids réel, que le dynamomètre à ressort ait remplacé la balance; il faudrait, en toute rigueur, avoir un tarif variant avec chaque localité en raison inverse de l'intensité de la pesanteur. Avec un tarif uniforme, il en résulterait des erreurs qui pourraient ne pas être toujours insignifiantes. Pour le montrer, supposons qu'on achète au Pérou, à Lima, 1000 kilogrammes-poids d'or, à raison de 3 520 francs le kilogramme-poids, celui-ci étant une force bien définie, par exemple, le poids d'un décimètre cube d'eau pure à 4° à Paris. Cette même masse d'or achetée \$ 520 000 francs, transportée à Paris, pèserait 1000 × $\frac{980,96}{978,34}$ = 1002,860 kilogrammes-poids (980,98 et 978,34 étant respectivement les intensités de la pesanteur à Paris et à Lima). On aurait donc, en revendant à Paris au même tarif, un bénéfice illégal de 2°,680 d'er. soit en francs, 9 433 francs, ce qui n'est pas insignifiant, même sur un marché aussi considérable.

MESURE DES POIDS ET DES MASSES. — BALANCE 115

2. BALANCE. — La balance ordinaire se compose d'un levier rigide BA (fig. 30) appelé fléau, pouvant osciller autour d'un axe horizontal C. Aux deux extrémités A et B, et à des distances égales de l'axe, sont suspendus, d'une façon très mobile, deux plateaux ou bassins de même poids; c'est dans ceux-ci qu'on place l'objet à peser et les poids marqués. Nous appellerons



direction du fléau la ligne droite BA qui joint les points de suspension des plateaux; cette ligne doit passer par l'axe de suspension C.

Les deux bras du fléau CA et CB étant parfaitement symétriques, le centre de gravité de celui-ci se trouve dans un plan passant par l'axe perpendiculairement à la direction du fléau. Il en résulte que, pour le sléau oscillant seul (sans les plateaux), la position d'équilibre est celle dans laquelle la direction de celui-ci est horizontale. Une aiguille fixée au fléau et dont l'extrémité se meut le long d'un arc de cercle divisé, pointe alors le zéro de la graduation. Toutes les fois que, dans une pesée, l'aiguille reste immobile dans cette position, on dit que l'équilibre est établi. Si l'on vient maintenant à suspendre les plateaux vides, ceux-ci étant de même poids et symétriquement placés par rapport à l'axe de suspension, l'aiguille pointera encore le zéro, quand le siéau aura cessé d'osciller. Il en sera évidemment de même si les poids mis dans chaque plateau sont égaux entre eux. Mais, si l'un est plus lourd que l'autre, la résultante des poids inégaux qui agissent aux deux extrémités A et B ne passant plus par l'axe de rotation, l'équilibre n'est plus possible pour la direction horizontale du fléau: il s'incline vers le poids le plus fort. En même temps que le fléau s'abaisse du côté de l'excès de poids, son centre de gravité se relève de l'autre côté; le

poids du fléau tendant à le ramener dans la première position, les deux forces peuvent se faire équilibre, et, après quelques oscillations, le fléau peut rester immobile dans une position plus ou moins inclinée.

3. PESÉE. — La simple pesée se fait en mettant le corps dans l'un des plateaux et des poids marqués dans l'autre, jusqu'à ce que l'aiguille revienne au zéro. Il faut opérer méthodiquement, si l'on ne veut pas perdre un temps trop long en tâtonnements. On trouve facilement deux poids se suivant dans la boite dont l'un est trop fort et l'autre trop faible; conservant ce dernier dans le plateau de la balance, on y ajoute le poids plus faible suivant; s'il est trop fort, on remplace ce dernier par celui d'après, s'il est trop faible on le garde et l'on ajoute le poids suivant; on procède pour lui comme pour le précédent, et ainsi de suite.

Quand l'équilibre est atteint, l'aiguille pointant le zéro, ou oscillant également de part et d'autre de ce zéro, l'ensemble des poids marqués, placés dans l'un des plateaux, pèse autant que le corps, placé dans l'autre plateau, si la balance est exacte.

Nous allons chercher maintenant quelles sont les conditions d'exactitude de la balance, et, pour cela, nous allons établir une relation qui donne l'angle dont s'incline le fléau pour des charges déterminées dans chaque plateau.

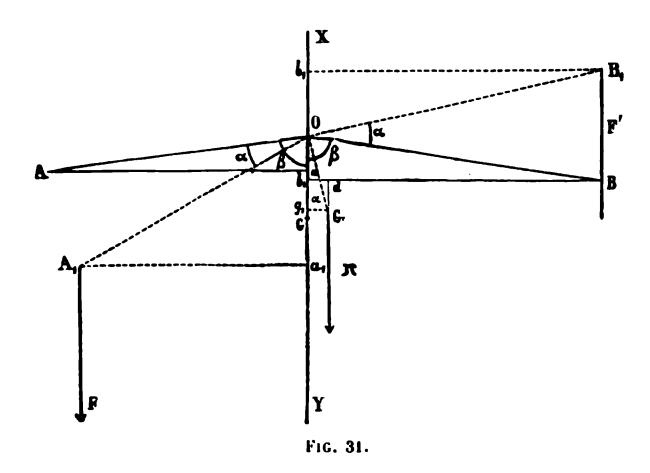
4. CALCUL DE L'ANGLE DONT S'INCLINE LE FLÉAU. — Dans ce calcul nous supposerons une longueur quelconque à chacun des bras du fléau, et, en outre, nous n'admettrons pas que la droite qui joint les points de suspension des plateaux rencontre forcément l'axe de rotation, pour plus de généralité, et pour voir si ces conditions sont nécessaires à l'exactitude de la balance.

Quand aucune force n'agit aux extrémités du sléau, le centre de gravité G (fig. 31) vient se placer dans le plan vertical XY, passant par l'axe de suspension O. Prenons, comme plan de la figure, un plan perpendiculaire à cet axe; soit alors A et B les projections des axes de suspension des plateaux. Posons

$$OG = d$$
 $OA = l$ $OB = l'$ $AOG = \beta$ $BOG = \beta'$

MESURE DES POIDS ET DES MASSES. — BALANCE 117

Appliquons maintenant en A et en B deux forces verticales F et F. Sous l'influence de ces forces, le fléau s'inclinera d'un angle a



et prendra une nouvelle position d'équilibre A_4OB_4 , dans laquelle son centre de gravité sera relevé en G_4 ; on a:

$$|\alpha = AOA_1 = BOB_1 = GOG_1$$

Puisqu'il y a équilibre, la somme des moments de toutes les forces par rapport à un plan quelconque est nulle. Prenons pour plan des moments le plan vertical XOY passant par l'axe de suspension du fléau. Avec ce choix, le moment de la résistance de l'axe est nul, puisque le point d'application de cette force est dans le plan des moments.

Pour avoir les moments des autres forces, abaissons sur le plan XOY les perpendiculaires A_1a_1 , B_1b_1 , G_1g_1 ; les moments des forces F et F' et du poids Π du fléau, appliqués respectivement en A_1 , B_1 et G_1 , sont:

$$- F \times A_1 a_1 = - F l \sin (\beta - \alpha)$$

$$+ F' \times B_1 b_1 = + F' l' \sin (\beta' + \alpha)$$

$$+ \Pi \times G_1 g_1 = + \Pi d \sin \alpha$$

et leur somme étant nulle on a :

$$\Pi d\sin\alpha + F'l'\sin(\beta' + \alpha) - Fl\sin(\beta - \alpha) = 0$$

d'où l'on tire:

(1)
$$\tan \alpha = \frac{Fl\sin\beta - F'l'\sin\beta'}{\Pi d + Fl\cos\beta + F'l'\cos\beta'}$$

5. CONDITION D'EXACTITUDE DE LA BALANCE. — Une balance est exacte si, des poids égaux étant placés dans les plateaux, le fléau prend la même position d'équilibre que celle qu'il possède quand aucune force n'agit à ses extrémités, en d'autres termes, si $\alpha = 0$. Soient P et P' les poids des deux plateaux et p la valeur des poids égaux mis dans chacun d'eux; on a F = P + p, F' = P' + p. Or, la condition nécessaire et suffisante pour que α soit nul est d'avoir:

$$Fl\sin\beta - Fl\sin\beta' = 0$$

ou

Plsin
$$\beta$$
 — P'l'sin β ' + p (lsin β — l'sin β ') = 0.

Comme cette dernière égalité doit avoir lieu quel que soit p, il faut avoir séparément :

$$l\sin 5 - l'\sin 5' = 0$$

$$Pl\sin 5 - P'l\sin 5' = 0,$$

ce qui revient à avoir:

$$l\sin 5 = l\sin 5'$$
$$P = P$$

Ainsi, pour que la balance soit exacte:

- 1º Il faut que les distances $Aa := l\sin\beta$ et $Bb := l'\sin\beta'$ des points de suspension des plateaux au plan passant par le centre de gravité et par l'axe de suspension du fléau soient égales. Ce sont ces distances Aa et Bb qui doivent s'appeler les bras du fléau : il faut qu'ils soient égaux.
- 2° Il faut que les poids des deux plateaux soient les mêmes; condition bien évidente.
- 3° Ensin, nous avons supposé dans ce qui précède que le centre de gravité de l'ensemble d'un plateau et des objets qu'il contient se trouve dans le plan vertical passant par l'axe de suspension (A ou B) de ce plateau, puisque nous avons transporté le poids (F ou F') en ce point. Ceci ne peut avoir lieu, quelle que soit la position de l'objet dans le plateau, que si celui-ci est suspendu d'une façon très mobile à l'extrémité du sléau. Telle est la troisième condition d'exactitude. Si elle n'est pas remplie, le plateau ne pourra pas osciller autour de son axe de suspension, et alors, suivant la position de l'objet, la verticale menée par le centre de gravité du plateau et de son contenu rencontrera le sléau en des points dissérents; ce qui produira le même effet qu'un bras de levier trop long ou trop court, et rendra la pesée inexacte.

Cette troisième condition est très aisée à remplir. Mais il n'en n'est pas de même des deux premières. Le constructeur s'efforce de rendre symétriques autant que possible les deux parties du fléau. Or cette condition, fût-elle parfaitement réalisée à un moment donné, ne le sera généralement plus au bout de quelque temps. Il suffit d'une tache de rouille, d'un peu de poussière, ou même d'une différence de température pour altérer l'égalité des deux bras du fléau, en déplaçant le centre de gravité.

Heureusement que les deux premières conditions ne sont pas nécessaires pour effectuer une pesée exacte par la méthode que nous allons indiquer.

6. DOUBLE PESÉE. — On place l'objet à peser dans l'un des plateaux de la balance, et l'on fait équilibre à son poids au moyen de grenaille de plomb, ou de grains de sable, placés

dans l'autre plateau: on fait la tare. Cette opération effectuée, on retire l'objet, et l'on met à sa place des poids marqués jusqu'à ce que l'équilibre soit rétabli. Il est clair que ceux-ci, produisant sur la balance exactement le même effet que le corps, ont même poids que lui et, par conséquent, même masse, quand même les bras du fléau seraient inégaux, ou que les plateaux n'auraient pas le même poids.

Cette méthode est donc bien préférable à celle de la simple pesée. Dans bien des cas, du reste, elle ne nécessite pas un plus grand nombre d'opérations, par exemple, quand on a à chercher l'augmentation ou la diminution de masse qu'éprouve un objet, par suite d'un traitement auquel on le soumet. On fait d'abord la tare de cet objet, en ayant soin de placer dans le plateau où il se trouve un poids marqué d'une masse supérieure à l'augmentation présumée; puis, l'expérience faite, on replace l'objet sur le même plateau, et l'on ajoute ou l'on retranche des poids marqués jusqu'à ce que l'équilibre soit rétabli : la quantité ajoutée ou retranchée donne directement la variation de masse cherchée.

7. SENSIBILITÉ DE LA BALANCE. — Une balance est dite sensible quand, pour un faible excès de poids dans l'un des plateaux, le fléau s'incline d'une façon visible. C'est de la sensibilité d'une balance que dépend la précision de la pesée effectuée par la méthode précédente. C'est donc la qualité qui caractérise une bonne balance.

Le formule (1. § 4 va nous montrer de quoi dépend cette sensibilité. Si l'on fait agir des forces F et F telles que a soit nul on a :

S. maintenant on a joint à F un excès de sorce s. on a :

$$\frac{F + f \sin z - F \sin z}{100 - F - f \cos z - F \cos z}$$

MESURE DES POIDS ET DES MASSES. — BALANCE 121 cette formule, en vertu de l'égalité précédente, se simplifie; car en remplaçant F'l' par $Fl\frac{\sin\beta'}{\sin\beta}$, elle devient:

$$tang\alpha = \frac{lf \sin \beta \sin \beta'}{\Pi d \sin \beta' + F l \sin (\beta + \beta') + f l \cos \beta \sin \beta'}$$

Remarquons d'abord que, si $\beta + \beta'$ est inférieur à π , c'està-dire si le plan joignant les axes de suspension des plateaux passe au-dessous de l'axe de suspension du fléau, la valeur de tanga, toutes choses égales d'ailleurs, est plus faible quand F est plus grand : la sensibilité de la balance diminue quand les charges placées dans les plateaux augmentent. C'est un inconvénient; aussi les constructeurs s'efforcent-ils de mettre autant que possible en ligne droite les trois axes, et de rendre les deux bras du fléau symétriques, ce qui donne $\beta = \beta' = \frac{\pi}{2}$. S'il en est ainsi, la sensibilité est indépendante de la charge totale; et la formule précédente devient plus simple :

$$\tan \alpha = f \frac{l}{\Pi d}$$

Pour un même excès de charge f la valeur de tang α est d'autant plus grande, que $\frac{l}{IId}$, facteur de f, est plus considérable. On augmente donc la sensibilité :

- 1º En augmentant la longueur l des bras du fléau.
- 2º En diminuant le poids II de celui-ci.
- 8° En diminuant la distance d de son centre de gravité à l'axe de suspension (1).

⁽¹⁾ Remarquons que, si le centre de gravité coïncidait avec l'axe, la sensibilité serait infinie : le moindre excès de charge ferait trébucher complètement le sléau, qui, seul, serait en équilibre dans toutes les positions. Il

Enfin, il est une quatrième condition de sensibilité bien évidente : il faut que le fléau soit parfaitement mobile autour de son axe de supension.

Comme cette mobilité diminue toujours quand la charge augmente, qu'en outre, le fléau fléchit légèrement sous l'effort de cette charge, et qu'alors les axes de suspension des plateaux se trouvent un peu au-dessous de celui du fléau, la sensibilité est toujours moindre quand la charge devient plus grande. Aussi, dans la désignation de la sensibilité d'une balance, doit-on dire qu'elle est sensible à tel excès de poids pour telle charge dans les plateaux; par exemple, qu'elle est sensible au demi-milligramme pour 200 grammes dans chaque plateau.

8. DESCRIPTION D'UNE BALANCE DE PRÉCISION. — Nous allons voir maintenant comment on réalise les conditions de sensibilité

Le stéau doit être long et léger, quoique rigide; pour cela, il est constitué par une lame de métal placée de champ ayant la sorme d'un losange très allongé (BA fig. 30); celui-ci est évidé, ce qui diminue son poids sans compromettre sa rigidité.

Pour réaliser un axe de suspension qui produise le moins de frottement possible, cette lame est traversée perpendiculairement à son plan par une prisme d'acier C à angle aigu, appelé couteau, dont l'arête, dirigée en bas, repose horizontalement par ses extrémités sur deux plans d'acier ou d'agate bien polis (chape). Cette arête est très légèrement arrondie pour ne pas couper les plans qui la supportent; c'est elle qui, restant fixe pendant l'oscillation, constitue l'axe de suspension.

Pour apprécier facilement les petites déviations du fléau, une longue aiguille descendante E (fig. 32) est fixée à celui-ci. Sa pointe so meut devant un arc de cercle divisé G, placé entre les colonnes qui supportent la chape.

Nous avons vu, qu'en diminuant la distance du centre de gravité du sléau à l'axe de suspension, on pouvait augmenter indé-

serait encore plus mauvais de mettre le centre de gravité au-dessus de l'aze de suspension, car le ficeu, seul, resterait toujours penché du côté où on l'a incline, et il pourrait se faire que, les plateaux étant suspendus à ses extrémitée, le fiéau restât penché du côté du poids le plus faible.

MESURE DES POIDS ET DES MASSES. - BALANCE 123

finiment la sensibilité de la balance. Cette propriété permet de régler celle-ci au gré de l'expérimentateur (1). Une vis placée audessus de l'arête du couteau, et dans le plan de symétrie du fléau



F16. 32.

porte un bouton de laiton ou, plus souvent, deux boutons B, de grosseurs inégales, qui forment écrous. En les tournant, dans un sens ou dans l'autre, ils s'élèvent ou s'abaissent, et, par conséquent, rapprochent ou écartent le centre de gravité de l'axe de suspension. Pour un même déplacement, le gros bouton fait plus varier la position de ce point que le petit; celui-ci permet ainsi de parfaire plus facilement le réglage.

Pour suspendre d'une façon très mobile les plateaux, on emploie plusieurs procédés. Le plus souvent, à chacune de ses

⁽³⁾ Il n'est pas toujours avantageux d'avoir une balance d'une sensibilité (22) d'été, car les pesées deviennent alors extrêmement longues.

extrémités, le fléau porte un couteau d'acier I (fig. 33) à arête dirigée en haut et parallèle au couteau du milieu: ce sont les



axes de suspension des plateaux. On s'arrange pour que les arêtes des trois couteaux soient, autant que possible, dans un même plan. Une surface plane E, en acier poli, repose sur chacun de ces couteaux; c'est elle qui, par l'intermédiaire de deux branches en forme d'étrier, d'un crochet et d'un anneau K, supporte le plateau. La balance est enfermée dans une cage en

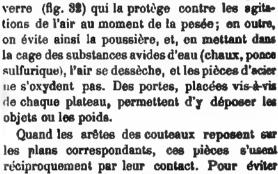




Fig. 33.

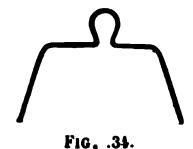
les plans correspondants, ces pièces s'usent réciproquement par leur contact. Pour éviter cette usure lorsque la balance ne sert pas, un système de leviers F, F', mis en mouvement par un bouton T placé extérieurement à la cage, soulève le fléau, et empêche l'arête du couteau de reposer sur la chape. En même temps, une disposition du même genre soulève les étriers

qui portent les plateaux. En tournant le bouton en sens inverse, les leviers F, F' s'abaissent, laissent reposer doucement le couteau central sur la chape et les étriers des plateaux sur les arêtes des couteaux extrêmes. Cette disposition est aussi fort utile pour les pesées : on ne doit jamais mettre un poids dans l'un des plateaux, et surtout l'en ôter, sans avoir auparavant immobilisé le fléau en le soulevant à l'aide des leviers F, F'; sans quoi, les secousses imprimées par la main risquent de blesser l'instrument. L'opération faite, en tournant le bouton T, on permet au fléau d'osciller, pour voir si le poids qu'on vient de poser est convenable.

Les poids qui représentent les fractions du gramme, sont formés de lames de platine découpées en carré qui, à cause de leur petitesse, doivent être prises avec une pince; les dixièmes de milligrammes, limite extrême des poids employés, sont si petits, si légers qu'il devient très difficile de les saisir même avec la pince. On remédie à cet inconvénient de la façon suivante.

Le siéau présente au-dessus de chacun des bras, et parallèlement à leur direction, deux règles métalliques plates, horizontales, hO, h'O partagées chacune par des crans en dix parties égales, le cran d'origine est en O dans le plan passant par le centre de gravité du siéau et par l'axe de suspension, et le dernier cran est dans le plan parallèle au précédent passant par l'arête du couteau qui porte le plateau : le bras du siéau se trouve ainsi divisé en dixièmes. Un petit cavalier, formé par un fil de platine (fig. 34), pesant juste un milligramme, peut

se mettre à cheval sur l'un des crans. Si l'on place ce cavalier sur le dixième cran, c'està-dire au-dessus du couteau qui soutient le plateau, c'est comme si l'on plaçait un milligramme dans celui-ci. Mais, si l'on vient à poser le cavalier sur un autre cran, le troisième, par exemple, à partir du milieu du



fléau, son poids, agissant sur un bras de levier qui n'est que les $\frac{3}{10}$ du précédent, produira le même effet qu'un poids de

de milligramme placé dans le plateau. Deux tiges cylindriques K et K', traversant à frottement les parties latérales de la cage, se terminent par des crochets en forme de bayonnette; elles permettent d'enlever le cavalier et de le poser un cran voulu d'une manière commode, sans être obligé d'ouvrir la cage.

CHAPITRE V

POIDS SPECIFIQUES ET DENSITÉS.

1. POIDS SPÉCIFIQUE ABSOLU. — On appelle poids spécifique absolu, le poids de l'unité de volume d'un corps.

Si δ est la densité (masse de l'unité de volume) de ce corps, et si g est l'intensité de la pesanteur, on a la relation :

$$d = \delta g$$

Ainsi, le poids spécifique absolu d est proportionnel : 1° à la densité δ , 2° à l'intensité de la pesanteur g au lieu considéré. En un même lieu, les poids spécifiques absolus de plusieurs corps sont proportionnels à leurs densités.

A Paris, où l'intensité de la pesanteur est 980,96, le poids spécifique absolu d'un corps est en unités C.G.S.:

980,96
$$\times$$
 δ

pour l'eau pure à 4° on a $\delta = 1,000\,013$ et, par conséquent, le poids spécifique absolu de l'eau pure à 4° est :

$$980,96 \times 1,000013 = 980,97$$

ce qui veut dire qu'un centimètre cube d'eau pure à 4° pèse à Paris 980,97 dynes.

2. POIDS SPÉCIFIQUE RELATIF. — Nous appellerons poids spéfique relatif d'un corps le rapport qui existe entre le poids d'un certain volume de ce corps et le poids du même volume d'eau pure à 4° en un même endroit; ou, ce qui revient au même, le rapport qui existe entre la masse d'un corps et la masse du même volume d'eau pure à 4°.

D'après cela, en désignant par d le poids spécifique absolu du corps, par δ sa densité, et par D et Δ les mêmes quantités pour l'eau pure à 4°, on a pour le poids spécifique relatif ρ d'un corps :

$$\rho = \frac{d}{D} = \frac{\delta}{\Delta}$$

d'où:

$$\delta = \rho \Delta$$

$$d = \rho D = \rho \Delta g$$

Or, comme nous allons le montrer, l'expérience permet de déterminer directement le poids spécifique relatif ρ d'un corps. On voit ainsi que pour avoir la densité du corps δ , ou son poids spécifique absolu d, il suffit de connaître, en outre, la densité Δ de l'eau à 4°. Nous verrons plus loin (Livre III, Chap. I, § 17) comment on l'a obtenue, et que l'expérience a donné :

$$\Delta = 1,000013$$

A est tellement voisin de l'unité (¹), que le nombre qui représente le poids spécifique relatif et celui qui représente la densité d'un corps diffèrent au plus par une unité du cinquième chiffre significatif. Comme les meilleures méthodes que nous allons indiquer pour mesurer ρ, ne permettent pas, en général, d'avoir cinq chiffres significatifs exacts, on peut en

(1) Voir L. I, Ch. II, p. 48.

pratique prendre pour la densité le nombre trouvé pour le poids spécifique relatif.

Faisons remarquer que les poids spécifiques relatifs sont proportionnels partout aux densités, et qu'ils sont proportionnels aussi aux poids spécifiques absolus évalués en un même lieu. Ce qui fait que, dans un rapport de ces dernières grandeurs, on peut toujours remplacer celles-ci, soit par les densités, soit par les poids spécifiques relatifs, sans changer la valeur du rapport.

3. DÉTERMINATION DES POIDS SPÉCIFIQUES RELATIFS. — Toutes les méthodes employées reviennent à mesurer: 1° la masse d'un corps; 2° la masse d'un égal volume d'eau pure; le quotient fournit le poids spécifique relatif, si l'eau est à 4°. Comme il n'est pas commode d'avoir de l'eau à 4°, on se sert d'eau à 0°, qu'on obtient très aisément, et il reste à faire une petite correction que nous indiquerons plus loin.

De toutes les méthodes employées, la plus simple et la plus précise est la méthode dite du flacon; aussi est-ce la seule que nous exposerons ici (voir aussi Livre III, Chap. I, § 18).

1º Corrs sources. — On place sur le plateau d'une balance: 1º le corps, 2º un flacon plein d'eau, et l'on établit l'équilibre à l'aide d'une tare placée dans l'autre plateau. Pour avoir la masse du corps, on enlève celui-ci, et on le remplace par des poids marqués jusqu'à ce que l'équilibre soit atteint de nouveau. Le nombre de grammes inscrits sur ces poids est la valeur de la masse du corps, qui est obtenue ainsi par la méthode de la double pesée. Ensuite on enlève ces poids, et l'on place le corps dans le flacon, après avoir retiré celui-ci du plateau. Un volume d'eau égal à celui du corps sort du vase, et l'on replace celuici sur le plateau de la balance. En comparant ce qui s'y trouve maintenant à ce qui s'y trouvait quand on a établi l'équilibre pour la première sois, on voit qu'il y a en moins le poids de l'eau sortie du flacon; on retablit l'équilibre avec des poids marqués placés sur le plateau où se trouve celui-ci; ces poids donnent la masse d'un volume d'eau égal au volume du corps, toujours par double pesée.

Tel est le principe sort simple de cette méthode. Pour obtenir

des résultats précis, il faut employer quelques précautions que nous allons indiquer.

Le flacon dont on se sert est en verre mince, et a le plus souvent la forme représentée par la figure 35. Le goulot, usé à l'émeri, peut être fermé par un bouchon de verre, usé aussi à l'émeri. Ce bouchon est creux, et se prolonge par un tube étroit évasé en entonnoir à sa partie supérieure. Ce tube porte un

trait de repère a.

Après avoir rempli le flacon d'eau distillée récemment bouillie, pour être privée d'air, on le bouche; l'eau remonte alors dans la tige et jusque dans l'entonnoir. On enlève un peu d'eau de façon que son niveau se trouve dans le tube capillaire; puis le flacon est placé dans la glace fondante,



Fig. 35.

et y est maintenu jusqu'à ce que le niveau de l'eau ne varie plus dans le tube. L'eau possède alors la température de la glace fondante, qui, par définition, est le zéro de l'échelle centigrade. A ce moment, avec un petit rouleau de papier à filtre, on enlève l'eau dans le tube jusqu'au point de repère a. On retire le flacon de la glace, on l'essuie, et on le laisse revenir à la température ambiante, ce qui ne peut changer son poids. Il est porté alors sur le plateau d'une balance de précision, et l'on place à côté le corps dont on veut avoir le poids spécifique; celui-ci doit être réduit en fragments assez petits pour pouvoir entrer dans le flacon. On fait la tare; puis on enlève le corps, et on le remplace par des poids marqués; soit p le nombre de grammes inscrit sur ceux-ci. Cette première opération faite, on enlève les poids et le flacon, et l'on introduit le corps dans celui-ci. Comme, en général, des bulles d'air restent adhérentes aux fragments solides immergés dans l'eau, il faut enlever ces bulles; on y arrive par des secousses, ou mieux en faisant bouillir le liquide dans le flacon, soit en le chaussant, soit en le plaçant dans le vide donné par une machine pneumatique. Le flacon plein d'eau est bouché; l'excès d'eau est enlevé comme précédemment, et ce flacon est placé dans la glace fondante. Quand le niveau de l'eau ne varie plus, on enlève ce liquide jusqu'au trait de repère a.

Le flacon contient alors un volume d'eau égal au volume contenu dans le premier cas diminué exactement du volume du corps à 0°. Le flacon retiré, essuyé et ayant repris la température ambiante, est replacé sur le même plateau de la balance. On rétablit l'équilibre à l'aide de poids marqués; soit p' la masse inscrite sur ces poids.

Le rapport $\frac{p}{p'}$ donne la valeur du poids spécifique, sauf quelques légères corrections dues à la poussée de l'air, et dues aussi à ce que l'eau employée était à 0° et non à 4°.

Indiquons ces corrections. Soient V le volume du corps à 0°, D son poids spécifique absolu à 0°, Δ celui de l'eau à 0°, enfin d et δ les poids spécifiques absolus, à la température à laquelle se font les pesées, 1° de la substance, platine ou laiton, dont sont formés les poids marqués, 2° de l'air qui entoure la balance. Le poids absolu du corps est VD; mais, dans l'air, il subit une poussée égale au poids de l'air déplacé, d'après le principe d'Archimède (Livre III, Chap. I° § 13), c'est-à-dire sensiblement égal à V δ (¹).

L'effort exercé par le corps sur le plateau de la balance est donc VD—Vò; c'est cet effort qui est compensé par celui qu'exercent les poids marqués. Or, pour un instant, donnons comme signification à p le poids réel dans le vide des poids marqués qui compensent l'action du corps, le volume de ces poids est $\frac{p}{d}$ et, par conséquent, déplaçant un poids d'air égal à $\frac{p}{d}$ è, ils exercent sur le plateau de la balance un effort égal à $p - p \frac{\delta}{d}$; on a donc l'égalité :

$$V_i D - \delta_i = p \left(1 - \frac{\delta}{d}\right)$$

I En toute rigueur. Vétant le volume du corps à zère, à la température i son volume est $V_i(t-kt)$, à étant son coefficient de dilatation; et le poids du volume d'air deplace est V(t-kt) à $t \in V$ $t \in V$ son extrémement petits, V $t \in V$ absolument négligeable.

Représentons aussi par p' le poids réel dans le vide des poids marqués qui rétablissent l'équilibre dans la seconde phase de l'opération. On peut voir que l'effort $p'\left(1-\frac{\delta}{d}\right)$ exercé par ceux-ci sur le plateau de la balance égale, non pas exactement le poids $V\Delta$ de l'eau sortie, mais le poids $V\Delta$ — $V\delta$, c'est-à-dire le poids apparent de cette eau dans l'air. En effet, soit K le poids absolu du verre du flacon, soit k la poussée que subit celui-ci de la part de l'air extérieur soit R le poids absolu de l'eau qui remplit le flacon dans le premier cas. L'effort exercé alors par le flacon, son contenu et le corps placé à côté, est

$$(2) K + R - k + VD - V\delta$$

Dans le second cas, quand, le corps étant dans le flacon, il en est sorti un volume d'eau dont le poids absolu est $V\Delta$, et qu'on a mis des poids marqués pour rétablir l'équilibre, l'effort exercé sur ce plateau est

(3)
$$K + R - V\Delta - k + VD + p'\left(1 - \frac{\delta}{d}\right)$$

et comme cet effort est le même que le précédent, en égalant (2) et (3), et en supprimant les termes communs K, R, k et VD, il vient:

$$- V\delta = - V\Delta + p' \left(1 - \frac{\delta}{d}\right)$$

ou

(i)
$$V(\Delta - \delta) = p'\left(1 - \frac{\delta}{d}\right)$$

En divisant membre à membre les égalités (1) et (4), il vient:

$$\frac{D-\delta}{\Delta-\delta}=\frac{p}{p'}$$

Dans le second membre de cette égalité, p et p' peuvent aussi bien représenter les masses des poids marqués (le nombre de grammes qu'ils indiquent) que le poids réel de ceux-ci, puisque le rapport de leurs masses égale le rapport de leurs poids. Dans le premier terme de l'égalité (5) D, Δ et δ peuvent aussi bien représenter les poids spécifiques relatifs du corps, de l'eau à 0° et de l'air, que les poids spécifiques absolus, puisqu'il ne s'agit que d'un rapport.

On tire de l'égalité (5):

$$D = \delta + \frac{p}{p'} (\Delta - \delta)$$

Or, nous verrons, dans le livre consacré à la chaleur, que le poids spécifique relatif Δ de l'eau à 0° est égal à 0,999 871, et que le poids spécifique relatif δ de l'air est donné par :

$$\delta = 0,001 293 \frac{\left(H - \frac{3}{8}f\right)}{(1 + \alpha t) 76}$$

H et f étant les hauteurs en centimètres des colonnes mercurielles qui font équilibre à la pression atmosphérique et à la force élastique de la vapeur d'eau contenue dans l'air, et t étant la température au moment des pesées. Comme f et t sont toujours petits et H voisin de 76, il suffit en général de prendre $\delta = 0,0013$ et $\Delta = 0,9999$ pour faire cette correction; les erreurs commises sur l'évaluation de $\frac{p}{p'}$, rendant le plus souvent illusoire l'emploi d'une correction plus exacte.

2º Corps Liquides. — On prend successivement les masses de volumes égaux du liquide et d'eau à 0°.

Pour cela, on se sert d'un flacon qui est représenté avec son support fig. 36. Il se compose d'une partie large, surmontée d'un canal capillaire sur lequel se trouve un trait de repère a. Ce canal s'évase dans le haut en un entonnoir cylindrique fermé par un bouchon à l'émeri, pour éviter, pendant l'expérience, l'évaporation des liquides volatils.

Le flacon, plein du liquide étudié jusque vers la partie supérieure du tube capillaire, est placé dans la glace fondante.

Quand le niveau est devenu fixe, on enlève le liquide, à l'aide de papier à filtre, jusqu'au trait de repère. On alors le vase, on le laisse revenir à la température ambiante et on le porte, souteau par son support, sur le plateau de la balance de précision. Après avoir mis à côté un poids marqué (10 grammes environ), on établit l'équilibre à l'aide d'une tare placée dans l'autre plateau. Ceci fait, on enlève le flacon, on le vide, on le lave, on le sèche et on le reporte sur le plateau de la balance; soient p les poids marqués nécessaires pour rétablir l'équilibre; ils donnent, sauf corrections, la masse du liquide contenue dans le vase.

On introduit ensuite dans le flacon de l'eau distillée récemment bouillie,



FiG. 36.

et, après avoir répété les opérations précédemment décrites de façon à le remplir d'eau à 0° jusqu'au trait de repère, on porte ce flacou sur le plateau de la balance. Pour rétablir l'équilibre, on enlève alors de ce plateau un certain nombre de poids marqués; soit p' leur valeur. Ces poids représentent, sauf corrections, la masse d'un volume d'eau égal à celui du liquide. (Si p' était plus grand que p, le poids p ajouté dans la seconde opération ne suffirait pas pour pouvoir retirer un poids p' dans la troisième; c'est pour cela que, dans la première opération, il faut ajouter à côté du flacon un poids supérieur à la valeur présumée de p' — p, avant de faire la tare).

Désignons, pour un instant, par p et p' les poids réels dans le vide des poids marqués, et par D, \(\Delta\), d et \(\hat{\chi}\), les poids spécifiques absolus du liquide \(\hat{\chi}\) 0°, de l'eau \(\hat{\chi}\) 0°, du métal qui forme les poids marqués et de l'air \(\hat{\chi}\) la température de la pesée; enfin soit V le volume \(\hat{\chi}\) 0° du vase jusqu'au trait de repère \(a. \)

AND THE PARTY OF THE PROPERTY OF THE PROPERTY

_ = := :: ______.

to miser temper permits it buent

consider the pion of his to a finite the land is the committee of the committee of the constant of the finite of the comment of a section of the comment of

l'union mont met me se methodes tonnent le ponts spécile le me actule su innute à le Nous verrons plus lons le const a consumance le estre plantite et relle de la dilade la molecomes. 4. CORRECTIONS A FAIRE SUBIR AUX PESÉES. — Soit P le poids réel d'un corps homogène, D son poids spécifique absolu, δ celui de l'air, l'effort exercé par le corps sur le plateau de la balance est $P\left(1-\frac{\delta}{D}\right)$. Cet effort est le même que celui exercé par les poids marqués, pesant p dans le vide, que l'on met à la place du corps sur le plateau de la balance, dans la méthode de double pesée; effort qui est $p\left(1-\frac{\delta}{d}\right)$, d étant le poids spécifique absolu du métal qui constitue les poids; on a donc :

$$P\left(1-\frac{\delta}{D}\right)=p\left(1-\frac{\delta}{d}\right)$$

d'où:

$$P = p \frac{1 - \frac{\delta}{d}}{1 - \frac{\delta}{D}}$$

ou, plus simplement, en négligeant le produit extrêmement petit $\frac{\delta}{d} \cdot \frac{\delta}{D}$

$$P = p \left(1 - \frac{\delta}{d} + \frac{\delta}{D} \right)$$

Dans cette formule les lettres D, d, δ peuvent représenter les poids spécifiques relatifs, et les lettres P et p les masses; la masse p étant directement donnée par la lecture du nombre de grammes inscrit sur les poids.

Si le corps à peser était hétérogène, il faudrait déterminer son volume V par une méthode quelconque, qui n'aurait pas besoin d'être très précise; on aurait alors :

$$P - V\delta = p\left(1 - \frac{\delta}{d}\right)$$
 d'où : $P = p\left(1 - \frac{\delta}{d}\right) + V\delta$

5. DÉTERMINATION DU VOLUME D'UN CORPS. — Si V est le volume, D la densité, P la masse d'un corps homogène, on a :

$$P = VD$$
 d'où: $V = \frac{P}{D}$

Pour déterminer V il faut, par conséquent, 1° mesurer la masse P par une pesée, en faisant les corrections indiquées cidessus, si l'on veut beaucoup d'exactitude; 2° prendre le poids spécifique relatif ρ du corps, si celui-ci est inconnu, pour avoir la valeur de la densité D, qui est donnée par la relation :

$$D = \rho \times 1,000013$$

celle-ci se réduit à $D = \rho$ si l'on ne tient pas à avoir le volume à $\frac{1}{400\,000}$ près.

Du reste, que le corps soit homogène ou hétérogène, on peut obtenir son volume, quand il est peu considérable, par la méthode du flacon: on mesure avec la balance la masse de l'eau qu'il déplace, en prenant les précautions indiquées à propos de la recherche du poids spécifique. Si nous employons les mêmes notations que plus haut, la relation (4) du § 3 nous donne:

$$V = \frac{p'}{\Delta - \delta} \left(1 - \frac{\delta}{d} \right)$$

Dans cette relation, p' peut exprimer des grammes, pourvu que Δ et δ représentent les densités de l'eau à 0° et de l'air, dans les circonstances de la pesée; V est donné alors en centimètres cubes (Voir aussi, Livre III, chap. Ier, § 18).

LIVRE III

HYDROSTATIQUE - PNEUMATIQUE

HYDRODYNAMIQUE

CHAPITR'E PREMIER

PRESSIONS

1. TROIS ÉTATS PHYSIQUES DE LA MATIÈRE. — Si un corps conserve de lui-même sa forme, malgré les actions de la pesanteur qui tendent à la modifier, si sa déformation ne peut être produite que par un effort notable, le corps est dit solide.

Si les diverses particules d'un corps peuvent glisser les unes sur les autres avec la plus grande facilité, de façon à obéir aux moindres forces qui tendent à produire ce glissement, si, par là, le corps n'a pas de forme propre, mais prend celle du vase qui le renferme, le corps est dit *fluide*.

Un liquide est un fluide très peu compressible, possédant une densité comparable à celle des solides; quand un liquide est placé en petite quantité dans un vase, il occupe le fond de celui-ci, et se termine par une surface libre.

Un gaz est un fluide léger, très compressible, doué d'expansibilité, c'est-à-dire tendant toujours à occuper un volume plus grand que celui qu'il occupe; si petite que soit la quantité d'un gaz introduite dans un vase clos, il remplit tout l'espace qui lui est offert, et ne présente pas de surface libre.

Pourvu qu'on ne change pas le volume d'un fluide, on peut le

Fr. 3.

déformer sans effort sensible; il n'en n'est pas de même d'un corps solide. En d'autres termes, dans une déformation. les forces intérieures d'un solide accomplissent un certain travail; au contraire, dans une déformation sans changement de volume, les forces intérieures d'un fluide n'accomplissent qu'un travail extrêmement faible.

Nous appellerons fluide parfait un fluide dans lequel ce travail serait nul. C'est un état idéal, mais dont les liquides mobiles comme l'eau, l'alcool, l'éther et tous les gaz, se raprochent assez pour que les théorèmes que nous établirons pour un fluide parfait leur soient applicables.

Les liquides visqueux, les corps pâteux s'éloignent plus de cet état, et forment la transition entre les liquides et les solides.

L'hydrostatique est l'étude des conditions d'équilibre des fluides.

2. PRESSION. — Quand on comprime un fluide, il diminue de volume; si la compression cesse, il reprend son volume primitif: les fluides sont parsaitement élastiques.

Si une compression est exercée sur une partie d'une masse suide, celle-ci non seulement sait essort pour repousser le corps qui exerce la compression, mais encore, en se détendant, com-

> prime les parties voisines du sluide, qui compriment à leur tour les suivantes, et la compression se transmet ainsi dans toute l'étendue du fluide.

> Le fluide comprimé, et en état d'équilibre, exerce des efforts contre les parois du vase qui le renferme et sur la surface des corps qui y sont plongés, tendant à repousser celles-ci pour augmenter de volume. Ces forces exercées par les fluides sur les surfaces qu'ils baignent s'appellent des pressions.

> Nous pouvons aussi concevoir l'existence de pressions à l'intérieur même du fluide comprimé. Supposons qu'une surface ideale MN soit menée à l'intérieur de celui-ci, et le divise en deux parties A et B (fig. 37), la portion A exerce une pression sur la sur-

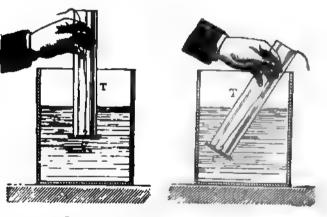
sace MN de la portion B, et, réciproquement, la portion B exerce une pression sur la surface MN de la portion A.

C'est à Pascal (1) qu'est dû le principe de la transmission des pressions dans un fluide. Ce principe, qui sert de base à toute l'hydrostatique, sera surabondamment démontré par toutes les expériences rapportées dans ce chapitre.

Dans les circonstances ordinaires, un fluide exerce toujours des pressions, ne fût-ce que parce que les couches supérieures, pessant sur les couches inférieures, les compriment. Les gaz, du reste, même si on pouvait les soustraire à l'action de la pessanteur, exerceraient encore des pressions, en vertu de leur expansibilité.

L'expérience suivante met en évidence l'existence des pressions exercées par les liquides :

Un tube T (fig. 38 et 39), à parois épaisses, se termine à sa partie inférieure par une section parfaitement plane.



F19. 36

Fig. 39.

Un disque plan C, d'un diamètre un peu supérieur à celui du tube, permet de fermer son orifice inférieur. Cet obturateur C Peut être maintenu contre l'orifice par un fil fixé en son milieu, et

⁽¹⁾ Blaise Pascal, né à Clermont-Ferrand le 19 juin 1623, mort à Paris le 19 août 1662.

qui traverse le tube. Si, l'appareil étant dans l'air, on lâche ce fil, l'obturateur, également pressé sur ses deux faces, tombe en vertu de son poids. Mais, si après l'avoir appliqué contre l'orifice du tube, de facon à fermer celui-ci, on plonge l'appareil dans un liquide, on peut lâcher le fil, et l'obturateur C ne tombera pas : une force le maintiendra appliqué contre l'orifice du tube; cette force, c'est la pression exercée par le liquide sur la face inférieure de l'obturateur.

Quelques expériences, rapportées au commencement du chapitre consacré à l'étude spéciale des gaz, mettront en évidence les pressions exercées par ceux-ci.

3. PRESSION PAR UNITÉ DE SURFACE. — Une pression est une force; elle se mesure donc avec l'unité de force adoptée (avec la dyne dans le système C.G.S.). Sa valeur augmente ou diminue suivant que l'aire de la surface pressée augmente ou diminue, et elle se réduit à zéro, si cette aire devient nulle.

On dit qu'une surface plane est uniformément pressée quand toutes ses parties d'aires égales supportent des pressions égales en grandeur et en direction (nous allons démontrer, du reste, que, dans l'état d'équilibre ces pressions sont normales à la surface pressée, et, par conséquent, toujours de même direction pour un plan; mais nous ne le supposons pas a priori).

Dans ce cas, si p est la pression par unité de surface, une portion de plan qui renferme S unités (c'est-à-dire d'aire S) supporte une pression totale P égale à pS:

$$P = pS$$

nous tirons de là :

$$p = \frac{P}{S}$$

Amsi, il existe un rapport constant entre la pression et l'aire de la surface pressee, quand même, l'aire de la surface tendant

vers zéro, les deux termes du rapport seraient infiniment petits, et ce rapport constant p est la pression par unité de surface.

Quand une surface n'est pas uniformément pressée, le rapport P de la pression totale exercée sur une partie de la surface à l'aire S de cette partie ne reste pas constant, en général, lorsque S varie; dans ce cas nous appellerons le rapport $\frac{P}{S}$ la pression moyenne par unité de surface.

Considérons un point A (fig. 40), sur une surface plane ou

courbe, et décrivons autour de A, sur cette surface, un contour fermé contenant le point A. On démontre que si l'aire de la surface ainsi limitée et son périmètre (1) tendent vers zéro en contenant toujours le point A, la pression moyenne $\frac{P}{S}$ de cette surface infiniment petite tend vers une valeur limite, parsaitement déterminée, dépen-

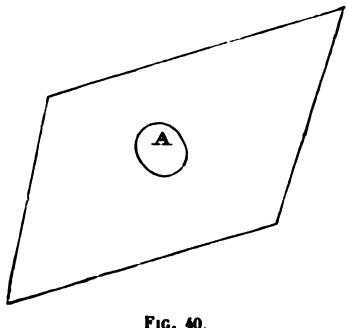


Fig. 40.

dant de la position du point A, mais nullement de la forme du périmètre, ou de la manière dont il tend vers zéro.

Cette valeur limite de la pression moyenne par unité de surface $\frac{P}{S}$, s'appelle la pression par unité de surface au point A. Si nous désignons par p sa valeur on a:

$$(3) p = \lim_{s \to \infty} \frac{P}{S}$$

(1) Quand la pression par unité de surface n'est pas une fonction linéaire des longueurs prises sur les droites menées dans le fluide, la limite de $\frac{P}{Q}$ quand S et P tendent vers zéro dépend de la valeur limité du périmètre,

Si l'aire S de la surface décrite autour de A est très petite, et si P représente la très petite pression totale supportée par elle, le rapport $\frac{P}{S}$ diffère très peu de la limite p, et en écrivant

$$p = \frac{P}{S}$$

ou

$$(4) P = pS$$

on ne commet qu'un erreur relative très faible, qui deviendra tout à fait nulle, si l'on fait tendre la surface S vers zéro à la fin du problème; une pareille surface est appelée un élément de surface.

4. THÉORÈME FONDAMENTAL. — En nous appuyant sur la définition d'un fluide, nous allons démontrer que, dans l'état d'équilibre, les pressions sont normales aux surfaces pressées, et, en outre, nous allons trouver une relation fondamentale entre les pressions par unité de surface en deux points du fluide.

Pour cela, dans une masse fluide en équilibre, limitons un certain volume (fig. 41). Les diverses particules de cette portion ainsi limitée sont soumises à des forces, les unes intérieures, les autres extérieures. Ces dernières se divisent en deux groupes: — 1° les actions de la pesanteur; — 2° les pressions que le fluide ambiant exerce sur la surface de la portion de fluide considérée.

Prenons deux points A et A', sur cette surface; et décrivons autour de chacun d'eux un élément de surface; soient s et s'

même si A reste toujours le centre de gravité de l'aire infiniment petite. C'est pour cela que dans une définition précise de la pression par unité de surface en un point, il faut dire que non seulement l'aire, mais encore le périmètre de la surface tendent vers zéro.

les aires de ces éléments, et p et p' les pressions par unité de surface en A et en A'. La pression totale AF exercée par le

fluide ambiant sur l'élément A a pour valeur ps, et la pression A'F' exercée sur l'élément A' a pour valeur p's'; soient a et a' les angles que font ces deux forces avec les normales AN et A'N' aux éléments. Enfonçons maintenant, d'une très petite quantité et parallèlement à lui même, l'élément A dans une direction AB, comprise dans le plan FAN, et faisant avec

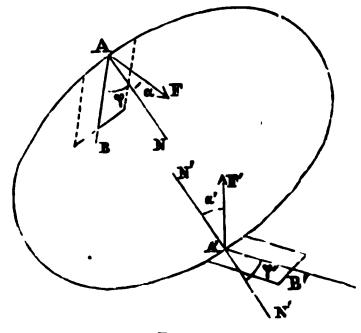


FIG. 41.

la normale AN un angle arbitraire φ. Pour ne pas changer le volume du fluide, retirons en même temps, parallèlement à lui même, l'élément A' dans une direction A'B' située dans le plan F'A'N', et faisant avec le prolongement A'N', de la normale un angle arbitraire φ', de façon que le volume v du cylindre A'B' dont augmente la portion de fluide considérée, soit égal au volume du cylindre AB dont elle diminue. Si let l' sont les longueurs AB et A'B' des axes de ces cylindres, on a la relation géométrique:

(5)
$$v = sl\cos\varphi = s'l'\cos\varphi'.$$

Comme le fluide est en équilibre sous l'action des forces qui agissent sur lui, la somme algébrique des travaux de toutes ces forces, pendant cette déformation, est nulle (1). C'est ce

⁽¹⁾ Quand un système de points est en équilibre sous l'action de toutes les forces qui les sollicitent à se mouvoir, la résultante des forces agissant sur chaque point en particulier est nulle. Par conséquent la somme algébrique des travaux de ces forces, qui est égale au travail de la résultante Livre I, Chap. 1, § 3), est nulle aussi: la somme algébrique des travaux de toutes les forces qui agissent sur le système est donc nulle.

théorème de mécanique qui va nous permettre de trouver une relation entre les pressions.

Evaluons les travaux des diverses forces auxquelles le fluide est soumis.

1° Les pressions agissant sur les surfaces élémentaires A et A' sont les seules qui accomplissent un travail, puisque ce sont les seules dont les points d'application se déplacent. Sur l'élément A la pression a pour valeur ps; son point d'application parcourant une longueur l dans une direction AB faisant un angle $(\varphi + \alpha)$ avec celle de la force, le travail est égal à $+psl\cos(\varphi + \alpha)$. Sur l'élément A', la pression a pour valeur p's'; elle fait l'angle $[\pi-(\varphi'+\alpha')]$ avec la direction A'B' du déplacement, le travail est égal à

$$p's'l'\cos[\pi-(\varphi'+\alpha')]=-p's'l'\cos(\varphi'+\alpha')$$

2° Les actions de la pesanteur sur les diverses particules du fluide qui se déplacent accomplissent un travail. On démontre que la somme algébrique des travaux des actions de la pesanteur est égale au travail effectué par le poids du volume r du fluide primitivement contenu dans AB, tombant du niveau A au niveau A'; par conséquent, si h est la distance verticale de A à A', et d le poids spécifique absolu du fluide (poids de l'unité de volume), le travail de la pesanteur sur tout le fluide en mouvement est égal à tdh (¹).

(1) Pour démontrer ce théorème, évaluons le travail accompli pendant la déformation, par le poids d'une petite masse M (fig. 42) de la portion de fluide considérée.

Soit z_1 la distance initiale de cette masse à un certain plan horizontal HH', soit z_2 sa distance au même plan à la fin de la déformation; si p est le poids de cette petite masse, le travail accompli par ce poids est $p(z_1 - z_2)$, et le travail W des actions de la pesanteur sur tout le système peut être exprimé par :

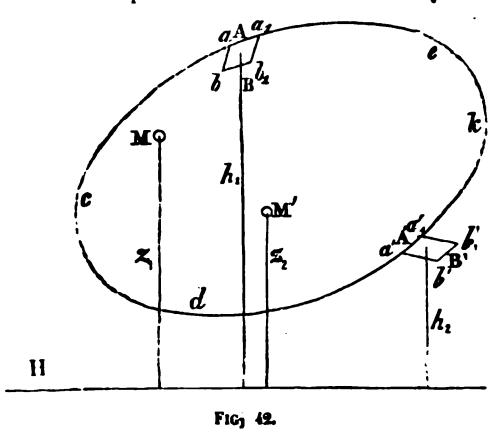
(1)
$$W = \sum_{p(s_1 - s_2)} = \sum_{ps_1} - \sum_{ps_2}$$

Eps, représente la somme des produits des poids des diverses particules

3° Enfin, appelons w le travail des forces intérieures du fluide augmenté du travail des frottements dus au glissement des parties latérales des cylindres AB et A'B'; on a l'équation :

(6)
$$psl\cos(\varphi + \alpha) - p's'l'\cos(\varphi' + \alpha') + vdh + w = 0$$

Mais, si nous avons affaire à un *fluide parfait*, puisque son par leur distance à HH' avant la déformation; et \sum_{pz_2} représente la quantité analogue après la déformation. Or, faisons deux parties de \sum_{pz_1} : 1° une partie correspondant aux particules enfermées dans le cylindre très petit



cylindre, et h_1 sa distance à HH', cette partie de la somme est égale à Ph_1 ; une partie correspondant au reste, c'est-à-dire aux particules renfermées le volume $b_1a_1eka'_1A'a'deab$, et que nous désignerons simplement par M; de façon qu'on ait identiquement:

$$\sum_{pz_1} = Ph_1 + M$$

Paisons de même pour $\sum_{j \in z_2}$, et partageons cette somme en deux parties :

volume ne change pas dans la déformation que nous lui faisons subir, le travail w est nul; l'équation se réduit à :

(7)
$$psl\cos(\varphi + \alpha) - p's'l'\cos(\varphi' + \alpha') + vdh = 0$$

remplaçons sl et s'l' par leurs valeurs $\frac{v}{\cos \varphi}$ et $\frac{v}{\cos \varphi'}$, tirées de l'égalité (5), on a:

(8)
$$pv \frac{\cos(\varphi + \alpha)}{\cos\varphi} - p'v \frac{\cos(\varphi' + \alpha')}{\cos\varphi'} + vdh = 0$$

Supprimant le facteur commun v qui n'est pas nul, développant $\cos(\varphi + \alpha)$ et $\cos(\varphi' + \alpha')$, enfin effectuant les divisions indiquées, il vient:

(9)
$$p \cos \alpha - p \tan \varphi \sin \alpha - p' \cos \alpha' + p' \tan \varphi \sin \alpha' + hd = 0$$
.

1° une partie correspondant aux particules renfermées dans le volume $b_1a_1cka'_1$ A'a'dcab dont il vient d'être question; cette partie a déjà été désignée par M; 2° une partie correspondant aux particules enfermées dans le cylindre très petit $a'a'_1b'b'_1$ dont a augmenté la masse considérée; ce cylindre a aussi pour poids P et si h_2 est sa distance à HH', la partie de la somme qui le concerne a pour valeur Ph_2 . On a donc identiquement:

$$\sum_{pz_2} = M + Ph_2$$

En retranchant membre à membre (3) de (2) il vient:

$$\sum_{pz_1} - \sum_{pz_2} = P(h_1 - h_2)$$

d'où, en vertu de (1):

$$W = P(h_1 - h_2)$$
 C. Q. F. D.

Cette égalité doit subsister quelles que soient les valeurs de tang φ et de tang φ' ; puisque, les déplacements des éléments A et A', pouvant être faits suivant des directions quelconques, φ et φ' sont arbitraires. Or, pour qu'il en soit ainsi, il faut que les facteurs $p \sin \alpha$ et $p' \sin \alpha'$ de tang φ et de tang φ' soient nuls; comme ni p ni p' ne sont nuls, il faut avoir:

$$\sin \alpha = 0$$
 $\sin \alpha' = 0$ d'où: $\alpha = 0$ $\alpha' = 0$

Les pressions exercées par un fluide en équilibre sont normales aux surfaces pressées.

En faisant dans l'équation (5) $\alpha = 0$ $\alpha' = 0$, elle se réduit à :

$$p - p' + hd = 0$$

0u

$$(10) p'-p=hd$$

C'est la relation fondamentale de l'hydrostatique. Elle montre que la pression par unité de surface, dans un fluide pesant, croit avec la profondeur, puisque p' est plus grand que p, et, en outre, que la différence (p' — p) des pressions par unité de surface en deux points d'un fluide, en équilibre, est égale au poids d'un cylindre droit du fluide ayant pour base l'unité de surface et pour hauteur la distance verticale h des deux points considérés; en esset h étant numériquement égal au volume d'un pareil cylindre, hd est son poids (1).

En admettant que les pressions sont normales aux surfaces pressées, on peut démontrer d'une façon fort simple la relation qui existe entre les

⁽¹⁾ Cette démonstration ne suppose pas l'existence de liaisons entre les particules du fluide; elle s'appuie directement sur la définition d'un fluide parfait, et montre, par là, que, plus le corps s'écarte de cet état, moins le théorème précédent lui est applicable; il n'est nullement applicable, en particulier, aux corps solides.

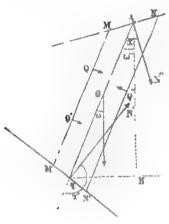
Si nous multiplions par l'aire s d'un élément de surface, les deux membres de la relation (10), elle devient :

$$(11) p's - ps = shd$$

Or ps et p's représentent les pressions totales sur des éléments

pressions par unité de surface. Voici cette démonstration, qui est devenue classique.

assique. Soient A et A' (fig. 43) deux points d'un fluide en équilibre ; faisons passer



Fit. 43.

deux plans de direction quelconque par ces points. Soient p ot p' pressions par unité de surface en A et en A' relatives à la direction de ces plans (pour ne pas supposer a priori que ces valeurs sont indépen dantes de la direction de la surfaça pressée). Décrivons autour de A, et sur le plan passant par ce point, un element de surface MN d'aire a, et circonscrivons à cel élément un cylindre ayant ses génératrices paralleles à AA'; il découpe sur le plan passant par A' un élément M'N', d'aire a', qui sara la seconde base de ce cylindre. Si le fluide est en équilibre, nous pouvons écrire que la somme algébrique des projections sur un exe quelconque de toutes les forces qui agissent sur les differentes

parties de ce cylindre est nulle. Faisons choix, comme axe de projection, de l'axe AA' du cylindre. Les forces agissantes sont — 1° les pressions QQ'Q', etc., sur la surface laterale du cylindre qui, étant normales à cette surface, sont perpendiculaires à l'axe AA', et, par consequent, ont une projection nulle sur cet axe (c'est pour cela que nous avons fait choix de l'axe AA' de préférence à tout autre); — 2° les pressions sur les bases du cylindre; la pression sur la base A est ps; soit a l'angle que fait sa direction AN' avec AA'; sa projection sur cet axe est pscosa; la pression sur la base A' est p's'; soit a' l'angle que fait sa direction AA'; sa projection est p's'cosa' (a' étant obtus, cette projection est négative); — 3° les actions de la pesanteur, dont la somme des projections sur l'axe est egale à la projection du poids l' du cylindre leur résultante, si es est l'angle que fait la verticele

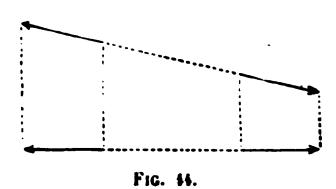
de même aire s placés l'un en A l'autre en A', et shd représente le poids d'un cylindre droit ayant s pour base et h pour hauteur; la relation (11) s'énonce ainsi:

La différence des pressions supportées par deux éléments

avec AA', cette projection est $P\cos\omega$; — 4º les forces intérieures agissant entre les différentes parties comprises dans le cylindre; mais ces forces sont deux à deux égales et directement opposées, or, la projection sur un

axe quelconque de deux forces égales et directement opposées (fig. 44), sont égales, en valeur absolue, et de signes contraires; la somme algébrique des projections de toutes les forces intérieures est donc nulle.

Par conséquent, en égalant à zéro la somme algébrique des projections de toutes les forces agissant sur le cylindre on a:



(1)
$$ps\cos\alpha + p's'\cos\alpha' + P\cos\omega = 0$$

Or, en désignant par l la longueur A' et par σ la section droite du cylindre, son volume est σl ; et, si d est le poids spécifique absolu du fluide, on a:

$$P = \sigma ld$$

D'autre part, a étant l'angle aigu que forme la normale à la base A avec l'axe du cylindre AA' (normale au plau de la section droite), on a:

$$3\cos\alpha = \tau$$

et, α' étant l'angle obtus que forme la normale à la base A' avec l'axe AA, on a:

$$s'\cos\alpha' = -\sigma$$

d'où, en remplaçant $s\cos \alpha$, $s'\cos \alpha'$ et P par leurs valeurs dans l'équation (1), elle devient:

$$p\sigma - p'\sigma + \sigma ld\cos\omega = 0$$

et, en divisant les deux membres par o, qui n'est pas nul:

$$(6) p - p' + dl \cos \omega = 0$$

de surface égaux entre eux, placés dans un même fluide en équilibre, est égale au poids d'un cylindre droit du fluide ayant pour base l'aire commune aux deux éléments et pour hauteur la distance verticale qui les sépare.

Nous allons déduire des conséquences importantes de cette relation fondamentale.

5. 4° CONSÉQUENCE. — La valeur de la pression supportée par un élément de surface est indépendante de sa direction.

Si l'élément placé en A' tourne autour de l'un de ses points, la direction de la pression qu'il supporte, étant toujours normale à la surface de l'élément, change avec la direction de celui-ci; mais, si l'élément ne varie pas de grandeur, la pression conserve la même valeur; car cette valeur p's est, d'après l'equation (11), donnée par la relation

$$p's = ps + shd$$

et le second membre de cette égalité est indépendant de la direction de l'élément A'.

6. 2º CONSÉQUENCE. — Deux éléments de surface égaux entre eux, placés sur un même plan horizontal dans un même fluide en equilibre, supportent la même pression.

En effet, la distance verticale à de ces éléments étant nulle, la formule (11) devient :

$$p : -pt = 0$$
 on $p : -pt$ $(p = p')$

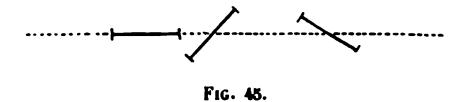
We, Joseph est precisement in valeur de in distance verticale. All des deux elements A et A, passque dans in mangle rectangis AHA on a :

$$\Delta H = AA \cos \mu$$

if it, we appropriat his costs distance AH. h=1 costs. Enterenphysical dates θ_{ij} in traces in formula fundamentals



Ceci est vrai, du reste, même quand l'élément n'est pas horizontal (fig. 45).



La pression par unité de surface ayant la même valeur p dans toute l'étendue d'un plan horizontal situé dans un fluide en équilibre, la pression y est uniforme. Si donc on appelle P, P', P'' les pressions totales supportées par des aires quelconques S, S', S'' placées sur ce plan, on a :

$$\frac{\mathbf{P}}{\mathbf{S}} = \frac{\mathbf{P}'}{\mathbf{S}'} = \frac{\mathbf{P}''}{\mathbf{S}''} = \dots = p$$

Les pressions sont proportionnelles aux aires des surfaces pressées.

7. 3° CONSÉQUENCE. — Deux éléments de surface égaux entre eux qui supportent exactement la même pression dans un fluide pesant en équilibre sont placés sur un même plan horizontal. Car, ayant:

$$p's = ps$$

l'équation (11) donne shd=0; et comme ni s ni d ne sont nuls, il faut avoir h=0.

- 8. 4. CONSÉQUENCE. PRINCIPE DE PASCAL. Pascal, dans son traité de l'équilibre des liqueurs, a posé le principe suivant, qui a longtemps servi de base à toute l'hydrostatique.
- Si un vaisseau plein d'eau, clos de toutes parts, a deux Ouvertures dont l'une soit centuple de l'autre, en mettant à chacune un piston qui lui soit juste, un homme, poussant le petit Piston, égalera la force de cent hommes qui pousseront celui qui

est cent sois plus large, et en surmontera quatre-vingt-dix-neus. Quelque proportion qu'aient ces ouvertures, et quelque direction qu'aient les pistons, si les sorces qu'on met sur ces pistons sont comme les ouvertures, elles seront en équilibre.

Ce principe serait parsaitement exact si le fluide n'était pas soumis à l'action de la pesanteur.

En effet, dans ce cas, le poids de l'unité de volume d étant nul, la formule fondamentale (10) se réduirait à

$$p'-p=0$$
 ou $p=p'$

La pression étant uniforme dans le fluide, on aurait, en appelant P, P', P"... les pressions exercées sur des aires planes quelconques S, S', S"

$$\frac{P}{S} = \frac{P'}{S'} = \frac{P''}{S''} = \cdots = p$$

Les pressions seraient proportionnelles aux surfaces pressées. En réalité, un fluide est toujours pesant, et le principe de Pascal n'est jamais applicable en toute rigueur, si ce n'est pour des aires planes placées sur le même plan horizontal, comme nous l'avons vu § 6. Des surfaces de même étendue placées sur des plans horizontaux différents supportent des pressions inégales, dont la différence est égale au poids d'un cylindre droit du fluide ayant pour base l'aire commune aux deux surfaces et pour hauteur la différence des niveaux (§ 4). Mais, si cette différence de pression est très faible par rapport aux pressions totales supportées par les surfaces, on peut la négliger, et appliquer sans grande erreur le principe de Pascal. C'est ce qui a lieu pour les gaz, à cause de leur faible densité; c'est aussi ce qui a lieu dans une presse hydraulique en fonction, à cause des énormes pressions qui y sont développées.

9. PRESSE HYDRAULIQUE. — Conçu par Pascal, cet appareil est une application directe du principe qui porte son nom, et

son bon fonctionnement en est la démonstration expérimen-

Il se compose de deux corps de pompe, de diamètres très différents, fermés par des pistons, l'un large, l'autre de petite surface. Les deux corps de pompe communiquent entre eux par un canal, et tout l'appareil est plein d'eau.

Supposons que le large piston ait une surface 1000 fois plus grande que celle du petit. Si nous poussons celui-ci avec une force de i kilogramme, cette pression se transmettra dans tout le liquide, et, quand l'équilibre aura lieu, l'eau pressant avec une force de i kilogramme le petit piston, pressera le large piston avec une force de 1000 kilogrammes, en vertu du principe de Pascal. Il aura donc fallu pousser celui-ci avec une force de 1000 kilogrammes pour produire l'équilibre; et, si la force qui ten l'à enfoncer le large piston est moindre, il obéira à la pression de l'eau et s'élèvera.

Ainsi, la presse hydraulique donne le moyen de vaincre une force considérable, avec une force faible.

Pendant longtemps cet appareit, qui aujourd'hui rend tant de services à l'industrie, est resté à l'état de conception théorique. Un obstacle s'opposait à sa réalisation pratique : sous les fortes ressions l'eau fuyait entre la paroi du corps de pompe et celle du piston; si, pour éviter ces fuites, on faisait ce piston très juste, le frottement considérable qui en résultait empéchait appareil de fonctionner. Par un artifice, que nous allons indiquer Bramah (1) est parvenu à remédier complètement à cet inconvément. Voici la description de la presse hydraulique, telle qu'elle est construite aujourd'hui (fig. 46).

Dans le large corps de pompe se trouve un piston plongeur P qui ne touche pas les parois de celui-ci. Il porte à sa partie supérieure une plate-forme A, vis-à-vis de laquelle se trouve un plateau B tixé au socle de l'appareil par quatre fortes colonnes de fer CC'. C'est entre ces deux plateaux qu'est placé l'objet à comprimer.

La partie supérieure du corps de pompe présente une rigole

I. Joseph Bramab, mécanicien anglais, né en 1749, mort en 1814.

circulaire dans laquelle est logé un cuir embouti EE' formant un anneau, dont la section (fig. 47) est un U renversé. Ce

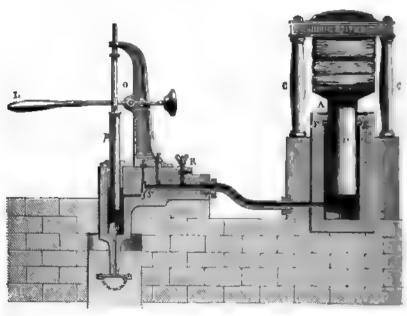


Fig. 46.

cuir souple et bien graissé appuie d'une part contre le piston, de l'autre contre la partie latérale et la

FIG. 47.

partie supérieure de la rigole.

Quand la pression de l'eau devient forte, ce cuir est écrasé par elle, et,

s'appliquant fortement contre le piston et contre les parois de la rigole, il ferme la partie supérieure du corps de pompe, d'autant plus complètement que la pression est plus forte, et, par conséquent, que l'eau a plus de tendance à fuir. Pourtant, grâce à sa souplesse, ce cuir n'apporte aucun obstacle au mouvement du piston.

Le petit corps de pompe contient aussi un piston plongeur p; celui-ci étant de petit diamètre, et les suites ayant moins d'im-

portance dans ce corps de pompe, l'artifice du cuir embouti est inutile; ce piston traverse simplement une boîte à cuir, qui clôt d'une façon suffisante le petit corps de pompe à sa partie supérieure.

L'effort exercé par la main de l'opérateur est transmis à la tête du petit piston par l'intermédiaire d'un levier LO dont l'axe de rotation O est très près de la tête de ce piston. Il en résulte que cet effort est déjà multiplié par le rapport du grand bras de levier au petit.

Quand le petit piston s'abaisse, il refoule un certain volume d'eau dans le grand corps de pompe, et le gros piston se soulève de façon à faire place à l'eau introduite. D'après cela, la quantité dont s'élève le gros piston est à celle dont s'est abaissé le petit, en raison inverse des sections des deux pistons: Comme le gros piston ne s'élève ainsi que d'une quantité très faible, il faut pouvoir injecter une nouvelle quantité d'eau dans le grand corps de pompe. Pour cela, il est nécessaire qu'une soupape S se trouve sur le canal de communication, permettant le passage de l'eau dans le grand corps de pompe, mais ne permettant pas le retour de cette eau quand on soulève le petit piston. Une seconde soupape, placée à la base du petit corps de pompe, y laisse pénétrer l'eau d'un réservoir quand on relève le petit piston, mais empêche le retour de l'eau dans le réservoir quand on abaisse ce piston. Comme on le voit, cette partie de l'appareil est une pompe foulante.

Ensin, à l'aide d'un robinet à vis R on peut donner une issue à l'eau comprimée dans le grand corps de pompe, ce qui permet de faire cesser la pression, quand on veut retirer les objets placés entre les plateaux.

La presse hydraulique est employée toutes les fois qu'on a besoin de faire agir une grande force, à condition que le point d'application de cette force ait peu à se déplacer.

En esset, le travail sourni par la pression de l'eau sur le gros piston n'est pas plus grand que celui qui est sourni par la main de l'opérateur; il est même moindre à cause des frottements. Soient S et S' les sections du gros et du petit piston, soit H la hauteur dont le premier s'élève quand le second s'abaisse de H';

si v est le volume de l'eau qui passe alors d'un corps de pompe dans l'autre, on a :

$$v = SH = S'H'$$

Soit p la pression par unité de surface dans l'appareil; pS est la pression totale sur la base du gros piston, et pSH le travail qu'elle accomplit; on a donc:

$$W = pSH = pv$$

le travail négatif W' accompli par la pression pS' de l'eau sur la base du petit piston qui s'abaisse est -pS'H'; d'où:

$$W' = - pS'H' = - pv$$

on a donc:

$$\mathbf{W} = -\mathbf{W}' \,(^{\mathbf{1}})$$

Or, la main de l'opérateur doit accomplir ce travail W', et, en outre, le travail dû aux frottements.

On ne gagne donc rien en travail en se servant comme intermédiaire de la presse hydraulique : il en est de cet appareil comme de toutes les autres machines.

- 10. 5 CONSÉQUENCE. La surface de séparation d'un liquide et d'un autre fluide (liquide ou gaz) est un plan horizontal dans l'état d'équilibre.
- (1) Faisons remarquer que le petit calcul que nous venons de faire n'est qu'une vérification; puisque, pour établir la relation fondamentale entre les pressions, nous nous sommes précisément appuyés sur ce que la somme algébrique des travaux des forces dans un petit déplacement des particules d'un fluide en équilibre est nulle, ce qui donne immédiatement, puisqu'on néglige ici les actions de la pesanteur, W + W' = 0, d'où : W = -W'.

Soit EE (fig. 48) la surface de séparation; menons dans le liquide inférieur un plan horizontal XY, et dans le fluide supérieur un autre plan horizontal UV; appelons h la distance de

ces deux plans. Considérons sur XY un élément de surface A, et, dans la verticale passant par A, un élément B, sur la surface de séparation EE', et un élément C sur UV. Considérons en un second point quelconque de XY un autre élément de surface A, et, dans la ver-

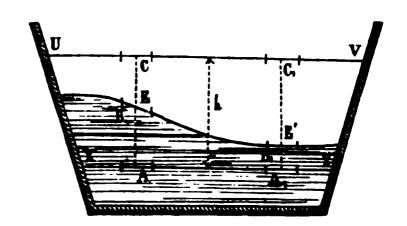


Fig. 48.

ticale passant par A_i un élément B_i sur la surface de séparation EE', et un élément C_i sur UV. Prenons ces six éléments A, B, C, A_i , B_i , C_i , de même aire s. Les éléments égaux C et C_i , placés sur un même plan horizontal dans un même fluide, supportent une même pression P. L'élément B, placé à une distance verticale z au-dessous, supporte une pression qui est égale à P + szd, en appelant d le poids spécifique absolu du fluide supérieur; l'élément A, placé à une distance verticale (h-z) au-dessous de B, supporte une pression égale à la précédente augmentée de s(h-z)d', en appelant d' le poids spécifique absolu du liquide inférieur; c'est-à-dire:

$$P + szd + s(h-z)d'$$

Pour les mêmes raisons, en désignant par z_1 la distance verticale C_1B_1 , l'élément A_1 supporte la pression

$$P + sz_1d + \varepsilon(h - z_1)d'$$

Comme les éléments A et A₄ sont placés sur un même plan horizontal dans un même liquide en équilibre, ils supportent la même pression; d'où l'égalité:

$$P + szd + s(h - z)d' = P + sz_1d + s(h - z_1)d'$$

qui après réduction devient :

$$z(d-d')=z_1(d-d')$$

Si les densités des deux fluides sont différentes, (d - d') n'est pas nul, et, en supprimant ce facteur commun, il vient :

$$z = z_1$$

Tous les points de la surface de séparation EE' sont placés à une même distance verticale au-dessous du plan horizontal UV; par conséquent, la surface de séparation EE' est un plan horizontal (1).

La surface libre d'un liquide est la surface de séparation entre ce liquide et l'air (ou un autre gaz). La surface libre d'un liquide est un plan horizontal dans l'état d'équilibre.

Au point de vue expérimental, le fait est facile à vérisser. La surface d'un liquide résiéchit la lunière en donnant des images virtuelles symétriques des objets : c'est donc un plan. Si l'on dispose un sil à plomb au-dessus du liquide (sig. 49) on voit l'image du sil exactement dans le prolongement du sil lui-même ; la direction du sil à plomb, c'est-à-dire la verticale est donc perpendiculaire à la surface plane résiéchissante : celle-ci est horizontale.

(1) Si l'on a d-d'=0, c'est-à-dire si les poids spécifiques absolus et, par conséquent, les densités sont les mêmes, l'égalité ci-dessus peut être satisfaite sans avoir $z=z_1$. Les phénomènes hydrostatiques laissent alors la surface indéterminée. Mais les liquides sont soumis à des forces intérieures qui, à la surface de séparation de deux fluides, produisent les phénomènes dits de capillarité. Ces forces capillaires sont très faibles, et leur effet est généralement négligeable vis-à-vis des pressions. Pourtant, si l'on a d=d', les pressions hydrostatiques s'équilibrant, quelle que soit la surface de séparation, les forces capillaires règlent la forme de cette surface. Dans le cas, par exemple, d'une goutte d'un liquide en suspension au milieu d'un autre liquide qui ne le dissout pas et qui a même densité que lui, la forme de la goutte est une sphère. On peut réaliser l'expérience avec une goutte d'huile dans un mélange en proportion convenable d'eau et d'alcool.

d, dans un flacon, on met des liquides, sans actions chiou dissolvantes les uns sur les autres, tels que du

o, de l'eau et de l'huile, nides se superposent par le densité, le plus dense a fond, et l'on peut consue les surfaces de sépasont bien des plans hori-

niveau à bulle d'air est plication de l'horizontala surface libre d'un . Cet instrument sert à un plan horizontal, un axe ., ou, encore, à mesurer oles variations de l'angle ait une direction avec n. Il se compose d'un tube e très légèrement courbé iO), fermé à ses deux contenant un liquide très (alcool ou éther) et une 'air. Celle-ci occupe, dans 'équilibre, la partie supélu tube, et, la surface du étant un plan horizontal,



e qui joint les deux extrémités de la bulle est horizonelle que soit la position de l'instrument.



abe est placé dans une monture en laiton (fig. 51), ie convexe tournée en haut (1); cette monture repose

courbure du tube est généralement trop faible pour qu'on puisse

elle-même sur le support de l'instrument par une charnière horizontale, située à l'une des extrémités, et par une vis placée à

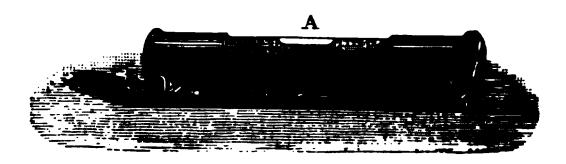
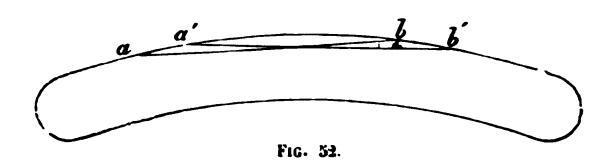


FIG. 51.

l'autre extrémité; cette disposition permet de faire varier un peu l'inclinaison du tube par rapport au support, ce qui est utile pour le réglage.

Supposons que la bulle occupe dans le tube une position ab (fig. 52); la droite ab est horizontale. Inclinons maintenant le



tube d'un angle α dans un plan vertical; ab tournant du même angle fera cet angle α avec toute horizontale, et, par conséquent, avec la nouvelle position a'b' que prendra la bulle. Si la courbure de l'arc aa'bb' est sensiblement uniforme, en appelant R le rayon du cercle dont aba'b' fait partie, on a:

$$\alpha R = \frac{\operatorname{arc} aa' + \operatorname{arc} bh'}{2}$$

voir quel est le côté convexe ou quel est le côté concave. Mais, si le côté convexe est tourné en haut, la bulle pourra rester en équilibre stable au milieu du tube, ce qui est impossible si ce côté est tourné en bas. Cette propriété permet de distinguer aisément la partie convexe de la partie concave.

et comme arcaa' = arcbb', puisque les cordes ab et a'b' sont eg = 1es, on a:

aR = arcaa' = arcbb'.

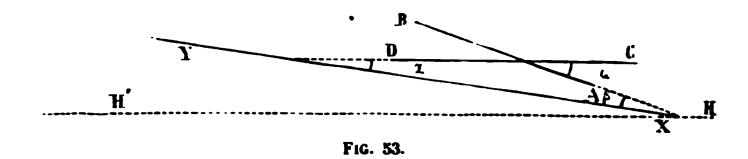
On voit que les longueurs dont se déplaceront les extrémités la bulle pour de faibles inclinaisons, seront d'autant plus grandes que le rayon de courbure R sera plus considérable : les niv caux sensibles doivent avoir une courbure inappréciable à l'œil. Quand on veut se servir de cet instrument pour mesurer de fai les variations de l'angle d'une direction avec l'horizon, il faut qua al soit gradué. Si la courbure était parfaitement circulaire, il sufficient de tracer sur le tube des traits équidistants qui comprendrea i ent entre eux des arcs de cercle égaux : l'inclinaison serait ainsi proportionnelle au nombre de divisions dont s'avancerait bulle. Mais il est difficile de trouver des tubes parfaitement circulaires; pour avoir un instrument précis, il convient alors le graduer empiriquement. On se sert dans ce but d'une planchette mobile autour d'une charnière horizontale placée à l'une de ses extrémités, et dont l'autre extrémité peut être soullevée de quantités très petites et connues à l'aide d'une vis mi crométrique: la planchette s'incline d'un angle proportionnel à la fraction de tour dont on tourne la tête de la vis. On pla ce le niveau sur cette planchette perpendiculairement à la charnière; après avoir amené la bulle à peu près au milieu du tube, on marque un trait à chacune de ses extrémités : ce seront les deux zéros. Puis, en agissant sur la vis de la planchette, on fait varier l'inclinaison du niveau de quantités égales, et l'on marque chaque sois par un trait le point où s'arrête l'extrémité de la bulle qui se trouve du côté du déplacement. On obtient ainsi une graduation à partir de l'un des deux zéros. En retournant le niveau bout pour bout, et en répétant les mêmes opérations, on obtient une seconde graduation partant de l'autre zéro (1).

. .

⁽¹⁾ Quand on veut se servir du niveau à bulle d'air pour rendre un plan borizontal, le niveau doit être supporté par une petite planchette métallique permettant de le poser sur le plan (fig. 51).

11. 6- CONSEQUENCE. — La pression supportée par le fond plan et horizontal d'un vase est égale à la pression supportée

On doit commencer par régler l'instrument de façon que la ligne des zéros AB (fig. 53) soit parallèle au plan de base de la planchette XY. Pour

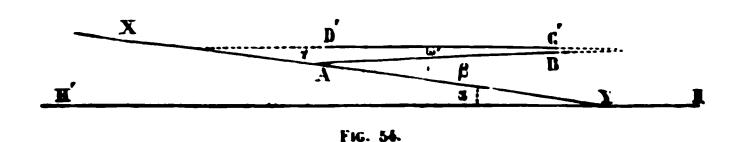


cela, on place le niveau sur un plan à peu près horizontal; la bulle prend une certaine position CD, et, généralement, n'est pas entre les deux zéros: elle s'est avancée de n divisions du côté le plus élevé. Désignons par s l'angle que forme la base XY de la planchette avec l'horizon HH' ou la ligne CD, et par β l'angle que forme la ligne AB des deux zéros avec la base XY. Dans le cas de la figure 53, où les deux angles sont comptes dans le même sens, on a, pour l'angle ω que forme la ligne horizontale CD avec AB:

$$\omega = \alpha + \beta$$

Cet angle ω est mesuré par le nombre n de divisions dont s'est avancée la bulle.

Retournons le niveau bout pour bout. Dans ce cas l'inclinaison sur l'horizon HH' de la base XY de la planchette conserve la même valeur absolue α, mais l'angle β (fig. 54) que fait AB avec XY, est compté en sens in-



verse, ce qui sait que l'angle m' que sorme maintenant la nouvelle pesition. C'D' de la bulie avec la ligne BA des zéros est donnée par

$$\omega = \alpha - \beta_1$$

(w' étant du signe de (a - p) est negatif dans le cas de la figure 54.)

par une surface de même étendue S que le fond, placée sur la surface libre, augmentée du poids d'un cylindre droit du liquide, ayant pour base le fond du vase, et pour hauteur la distance verticale h du fond à la surface libre. C'est une conséquence immédiate de ce qui a été établi §§ 4 et 6.

Si la pression est nulle à la surface libre, la pression sur le fond se réduit au poids Shd de ce cylindre. C'est la pression due au liquide. On voit qu'elle est indépendante de la quantité absolue

Si α est plus grand que β , et il est toujours facile de se mettre dans ce cas, la bulle s'est avancée du même côté par rapport à l'observateur, mais d'un nombre n' de divisions qui, mesurant l'angle ω' , est moindre que précédemment; on tire des deux égalités ci-dessus:

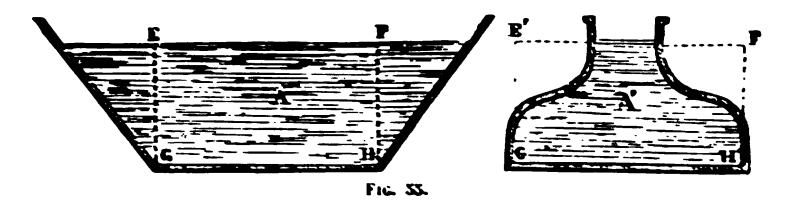
$$\frac{\omega-\omega'}{2}=\beta$$

L'angle β dont la ligne AB des zéros est inclinée sur la base XY de la planchette est ainsi mesuré par $\frac{n-n'}{2}$ divisions. Pour réduire cet angle à zéro, il suffit alors de tourner la vis, qui se trouve à l'une des extrémités du niveau, et qui permet de faire varier un peu l'inclinaison de AB par rapport à XY, de façon à faire avancer la bulle de $\frac{n-n'}{2}$ divisions; la ligne des zéros AB est ainsi rendue parallèle à XY. On s'assurera que ce réglage a été bien fait, en effectuant un nouveau retournement: la bulle doit s'avancer du même nombre de divisions par rapport à l'observateur.

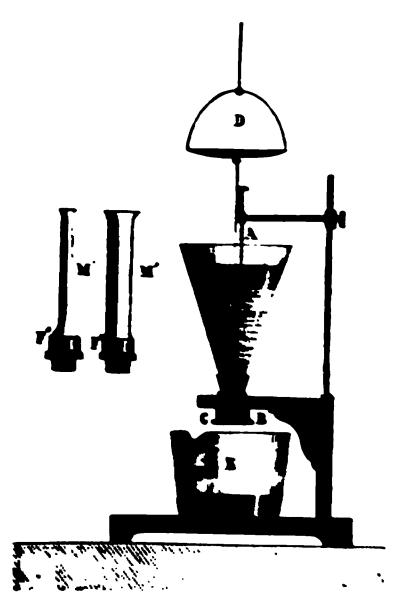
Une fois que le niveau est réglé, pour rendre un plan horizontal, on dispose ce niveau parallèlement à la ligne RS qui joint deux des trois vis calantes R, S, T, qui servent à régler la direction du plan. On agit sur les vis S et R de façon à amener la bulle entre les deux zéros: la ligne RS qui joint les écrous des deux vis est alors horizontale. On tourne ensuite le niveau de 90°, de façon à le rendre perpendiculaire à la direction précédente RS, et l'on agit sur la troisième vis T de manière à amener la bulle entre les deux zeros. La ligne du plan TP perpendiculaire à la précédente RS est minsi rendue horizontale; et, si la direction de RS n'a pas varié, le plan est menu horizontal. Mais en agissant sur T, on peut avoir un peu modifié la mitton de RS; on recommence alors la première opération, et l'on ramène bulle entre les deux zéros en tournant en sens inverse, et de quantités ant que possible égales, les vis R et S; on revient de nouveau à la deuxième sition, et ainsi, après quelques tâtonnements réguliers, on arrive à rendre droites RS et TP horizontales à la fois : le plan est alors horizontal.

de liquide contenue dans le vase, et, par conséquent, du poids total de celui-ci.

Les deux vases A et A', de formes différentes (fig. 55), ont



même surface de fond, et, si l'on y verse le même liquide à la même hauteur, les pressions dues à ce liquide sont les mêmes



Pi X.

sur les deux fonds, étant représentées par les poids des cylindres égaux EFGH et E'F'G'H'.

Cette loi peut se vérifier expérimentalement à l'aide d'un appareil dù à Pascal et qui a été modifié par Masson (1). Sur un anneau en laiton B (fig. 56), dont le bord inférieur est dans un même plan horizontal, peuvent se visser des vases sans fond, de formes différentes M, M', M". Un obturateur C, formé d'une plaque de verre soutenue en son milieu par un fil qu'on attache au-dessous du plateau D d'une balance hydrostatique, constitue m fond mobile au vase vissé

sur l'anneau En mettant un certain poids, 300 grammes par

(1 Antoine-Philibert Massex, né en 1906, mort en 1960, fat probaseur de physique en tyrée Louis-le-Grand et à la Sorbonne. exemple, dans l'autre plateau, cet obturateur est appliqué avec force contre la base de l'anneau. Ceci fait, on verse de l'eau dans le vase jusqu'à ce que la pression exercée par ce liquide fasse détacher l'obturateur, ce dont on s'aperçoit aux gouttes qui commencent à s'échapper. On marque alors le niveau de l'eau dans le vase à l'aide d'un index A, fixé au socle de l'appareil. La même expérience est recommencée après avoir vissé sur l'anneau B un vase de forme différente (M" par exemple), et l'on voit que pour faire détacher l'obturateur, il faut verser de l'eau jusqu'à l'index A. Dans les deux cas, les vases avaient le même fond, et en versant le liquide à la même hauteur, on a obtenu la même pression, quoique le poids total du liquide contenu dans les vases fût très différent.

Un autre appareil dû à de Haldat (1) permet de vérisser plus

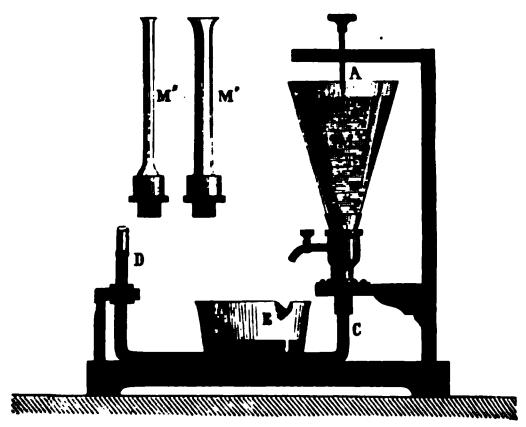


Fig. 57.

aisément la même loi. Il se compose d'un tube de verre deux fois recourbé (fig. 57) présentant deux branches verticales ouvertes. Sur l'une d'elles peuvent se visser des vases sans fond, de forme très différentes M, M', M". Ce tube contient du mercure dont la surface forme, dans la branche C, un fond mobile au vase

⁽¹⁾ De Haldat du Lis, physicien français, né en 1769, mort à Nancy en 1852.

vissé sur l'anneau. On verse de l'eau dans le vase : le mercure, pressé en C, s'élève dans l'autre branche d'autant plus haut que la pression est plus forte; on marque à l'aide d'une bague D, glissant le long de cette branche, le niveau où il s'arrête, quand l'eau affleure à un index A. La même expérience est répétée après avoir vissé sur l'anneau un autre vase (M" par exemple), et, quand on a versé de l'eau jusqu'à l'index A, on constate que le mercure est remonté jusqu'à la bague D. La pression de l'eau sur le même fond, constitué par la surface du mercure en C, est donc la même dans les deux cas.

12. 7- CONSÉQUENCE. — La résultante des pressions exercées par un liquide sur les parois du vase qui le renferme est une force unique verticale dirigée de haut en bas et égale au poids du liquide.

Puisque nous ne considérons que les pressions exercées par le liquide, nous devons supposer nulle la pression à la surface libre. Dans ce cas, en un point situé à une distance verticale h au-dessous de cette surface, la pression par unité de surface est hd.

Prenons trois axes rectangulaires OX, OY, OZ, ce dernier axe étant vertical (fig. 58), et cherchons la somme des projections sur chacun de ces trois axes de toutes les pressions exercées sur les divers éléments de la paroi interne du vase. Comme on le sait, ces sommes sont respectivement égales aux projections X, Y, Z sur les mêmes axes de la résultante des pressions.

Autour d'un point quelconque A de la paroi décrivons un élément de surface d'aire s. Appelons p la pression par unité de surface en A; la pression sur l'élément A est ps. Soient α , β , γ les angles que fait la direction de cette pression (normale à la surface et dirigée vers l'extérieur du vase) avec les parties positives des trois axes des coordonnées; les projections de la pression sur ces axes sont respectivement $ps\cos\alpha$, $ps\cos\beta$ et $ps\cos\gamma$. Par conséquent, X égalant la somme des projections des pressions sur l'axe OX, on a :

$$X = \sum ps \cos z$$

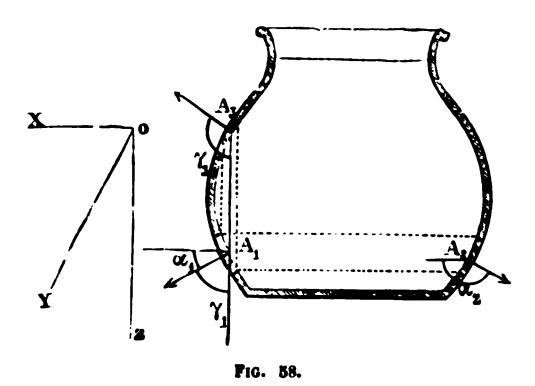
et de même:

$$Y = \sum ps \cos \beta$$

$$z = \sum_{ps\cos\gamma}$$
.

Il est aisé de voir que X = Y = 0. Décomposons, en effet, le volume du liquide en une infinité de cylindres à génératrices parallèles à l'axe OX, tels que $A_1 A_2$. Chacun d'eux découpe deux éléments de surface A_1 et A_2 sur les parois opposées du vase.

Dans la somme $\sum ps \cos \alpha$, groupons les termes deux à deux, en associant ceux qui correspondent aux deux bases d'un même cylindre. Soient s_1 et s_2 pour l'un quelconque d'entre eux A_1A_2 les aires des deux bases, et p la pression par unité de surface, qui est la même pour les deux bases du cylindre, puisqu'elles sont placées sur un même plan horizontal; les pressions supportées par celles-ci sont alors ps_1 et ps_2 . Appelons a_1 et a_2 les



est aigu, a est nécessairement obtus; on a pour la somme brique a de ces deux projections:

$$a = ps_1 \cos \alpha_1 + ps_2 \cos \alpha_2$$

Du reste:

$$X = \sum a$$

Or, en désignant par σ l'aire de la section droite du cylindre, on a :

$$\sigma = s_1 \cos \alpha_1 = -s_2 \cos \alpha_2$$

et, par conséquent :

$$a = p\sigma - p\sigma = 0$$

d'où:

$$X = \sum_{i=1}^{n} 0 = 0.$$

Pour les mêmes raisons Y = 0.

Les projections X et Y de la résultante sur les axes horizontaux OX et OY étant nulles, la résultante est verticale, et, se projetant en vraie grandeur sur l'axe OZ, sa valeur est donnée par :

$$z = \sum_{ps \cos \gamma}$$

Pour évaluer cette somme, décomposons la masse liquide par une infinité de cylindres à génératrices parallèles à OZ. Chacun d'eux découpera deux éléments de surface l'un sur la paroi du vase, l'autre sur cette paroi ou sur la surface, libre du liquide.

Groupons les termes de $\sum ps\cos\gamma$ en associant ceux qui correspondent aux deux bases d'un même cylindre, quand celui-ci rencontre deux fois la paroi (comme en A_1A_3), et laissons isolés

les termes qui correspondent à la base inférieure d'un cylindre rencontrant la surface libre du liquide. Soit un cylindre quelconque du premier cas; appelons s_1 et s_3 les aires de ses deux bases, p_1 et p_3 les pressions par unité de surface; p_1s_1 et p_3s_3 sont les pressions supportées par les bases. Soient γ_1 et γ_3 les angles que font ces pressions avec la partie positive de OZ; si γ_1 est aigu γ_3 est obtus. La somme algébrique c des projections de ces deux pressions sur OZ est:

$$c = p_1 s_1 \cos \gamma_1 + p_3 s_3 \cos \gamma_3$$

Or, si l'on appelle o la section droite de ce cylindre on a :

$$\sigma = s_1 \cos \gamma_1 = - s_3 \cos \gamma_3$$

ďoù:

$$c = p_1 \sigma - p_3 \sigma = \sigma (p_1 - p_3)$$

Mais, si h est la hauteur du cylindre et d le poids spécifique absolu du liquide, on a:

$$p_4 - p_3 = hd$$

d'où:

$$c = \sigma h d$$

c est égal au poids du liquide renfermé dans ce cylindre.

Quant aux cylindres rencontrant la surface libre du liquide, on a pour la projection sur OZ de la pression exercée sur leur base: 170

et comme:

 $s\cos\gamma=\sigma$

et que:

p = hd

h étant la distance de la base inférieure du cylindre à la surface libre du liquide, on a :

 $ps\cos\gamma = \sigma hd$

ce qui est encore égal au poids du liquide renfermé dans le cylindre. Ainsi $\sum ps \cos \gamma$, représentant la somme des poids du liquide renfermé dans chaque cylindre, est égal au poids total P du liquide contenu dans le vase.

Faisons remarquer encore que les composantes horizontales des pressions, se détruisant deux à deux, il n'y a pas de couple résultant à composantes horizontales, tendant à faire tourner le vase autour d'un axe vertical. En outre, dans chacun des cylindres verticaux considérés plus haut, la différence des composantes verticales des pressions sur les deux bases est une force verticale dirigée de haut en bas; ces forces se composent en une résultante unique: il n'y a pas non plus de couple résultant à composantes verticales, tendant à faire tourner le vase autour d'un axe horizontal.

La résultante de toutes les pressions est donc une force unique, verticale, dirigée de haut en bas et égale au poids du liquide contenu dans le vase.

Cette analyse nous fait comprendre pourquoi une balance, qui obéit à la résultante des pressions exercées par le liquide sur les parois du vase, et transmise par elles au plateau, n'accuse que le poids du liquide et non la pression sur le fond du vase, qui en diffère toutes les fois que celui-ci n'est pas un cylindre vertical.

conséquence. — Principe d'Archimède (1). Les pressions s par un fluide sur un corps qui y est immergé ont une une unique, appelée poussée. La poussée est verticale, de bas en haut, égale au poids du fluide déplacé par le tappliquée au centre de gravité du volume de celui-ci.

les éléments de la surface d'un corps immergé sont à des pressions normales à ces éléments (fig. 59). Un

ement, calqué sur celui que
rons fait au paragraphe précéour trouver la résultante des
te exercées sur les parois d'un
tontre que toutes ces pressions
résultante unique, verticale,
de bas en haut et égale au
u volume de fluide déplacé par
s. Mais voici un autre raisonneaucoup plus simple (2). Consiune certaine masse d'un fluide
dibre, et supposons que ses
particules ne puissent plus
les unes par rapport aux autres;

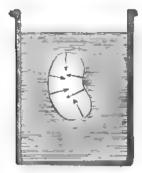


Fig. 50.

areilles liaisons existaient réellement, elles ne sauraient l'équilibre. Cette masse est soumise alors à deux genres es : 1° aux actions de la pesanteur, qui peuvent être ées par une force unique le poids; 2° aux pressions e par le fluide qui l'entoure sur les divers éléments urface. Puisqu'il y a équilibre, il faut que ces pressions ne résultante égale et directement opposée au poids.

himède, né à Syracuse en 287 avant J.-C., fut tué lors de la prise ville en 212. Ce fut en chorchant à décéler la fraude d'un orfèvre, soupçonné d'avoir ajouté beaucoup d'argent à l'or qu'on lui avait ur fabriquer une couronne, qu'Archimède découvrit que la perte de poids que subit un corps immergé dans l'eau est égale au poids léplacée. Cette loi lui fournit un moyen de trouver la densité des de constater la fraude.

a démonstration théorique est due à Simon Stévin, mathématicien ien flamand, mort en 1685. Il a établi expérimentalement la plupart de l'hydrostatique.

Cette résultante doit donc être une force verticale, dirigée de bas en haut, égale au poids du volume du fluide considéré et appliqué au centre de gravité de celui-ci. Si, maintenant, nous supposons la masse de fluide précédente remplacée par un corps de nature quelconque, mais ayant exactement même forme et même position, les pressions exercées sur sa paroi, ne dépendant que de la position et de l'étendue des surfaces, resteront les mêmes, et, par conséquent, auront même résultante.

La même démonstration s'applique au cas où le corps est plongé en partie dans un liquide et en partie dans un autre fluide qui lui est superposé (fig. 60). Prolongeons à l'intérieur du corps,

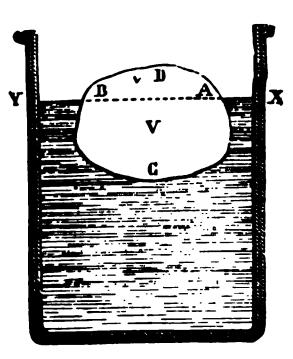


Fig. 60.

suivant AB, le plan horizontal XY qui forme la surface libre du liquide. Le plan AB sépare le volume du corps en deux parties ACB et ADB. La poussée totale est la somme des poussées exercées séparément, par le liquide sur ACB, et par le second fluide sur ADB. Si V et v sont les volumes des parties ACB et ADB, et si D et d sont les poids spécifiques absolus des deux fluides, la poussée est égale à VD + vd.

La démonstration expérimentale du principe d'Archimède se fait généra-

lement dans les cours de la manière suivante. On suspend à la partie inférieure du plateau d'une balance hydrostatique (fig. 61) un vase cylindrique de laiton A, et, au-dessous, un cylindre plein B ayant un volume exactement égal à la capacité intérieure du cylindre A (on le fait voir, en montrant que B peut entrer dans A, et le remplit complètement). Ayant équilibré le système par une tare convenable placée dans l'autre plateau, on plonge le cylindre B dans un liquide. L'équilibre est rompu, et le fléau se relève du côté des cylindres; ce qui montre l'existence de la poussée. Mais on peut rétablir l'équilibre en remplissant complètement le vase A avec le liquide dans lequel est plongé le cylindre B; ce qui montre que la poussée

a la même valeur que le poids d'un volume de ce liquide égal au volume du cylindre immergé.



Fig. 61.

Voici une autre démonstration, qui a l'avantage d'être plus générale, s'appliquant à un corps de forme quelconque. Le corps B (fig. 62) est fixé par un fillau plateau P d'une balance hydrostatique, qui porte un vase K vide. Le tout est équilibré par une tare placée dans l'autre plateau. On immerge alors le corps dans un vase V rempli de liquide jusqu'à un trop-plein; le corps, en entrant, fait sortir du vase un volume de liquide égal au sien, et ce liquide s'écoule dans un vase K', de même poids que le vase K; en même temps l'équilibre est rompu. Or, pour le rétablir, il suffit

de remplacer le vase K par le vase K' contenant le fiquide s'est écoulé; ce qui montre bien que la poussée égale le poids fluide déplacé (1).

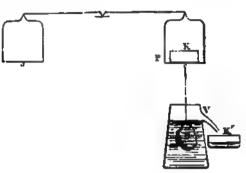


Fig. 68.

On démontre l'existence de la poussée produite par les gaz d'l'aide d'un appareil appelé baroscope. Il se compose d'un fiém de balance, que nous supposerons à bras d'égales longueurs, aux extrémités duquel sont suspendues deux sphères de diamètres



Ftu. 63.

très inégaux A et B (fig. 63); mais la petite sphère B est pleine, la grosse sphère A est creuse, et leurs poids sont tels que dans l'air le fléau est horizontal. Si l'on place le baroscope sous la cloche d'une machine pneumatique, et que l'on fasse le vide autour, on voit le fléau s'incliner du côté de la grosse sphère. Ainsi, en réalité, la grosse sphère pèse plus que la petite; si, dans l'air, elles produisent le même effort aux extrémités du fléau, c'est que la grosse sphère, déplaçant un volume d'air plus considé-

rable que la petite, est soumise à une poussée plus grande.

Examinous, maintenant, quelques conséquences du principe d'Archimède.

(1) Cette élégante démonstration est due à M. Boudréaux.

Quand le corps immergé est homogène, son centre de gravité conncide avec le centre de gravité de son volume, d'après la définition même de ce dernier point. Le poids et la poussée sont toujours directement opposés, et la résultante de ces deux forces est égulle à leur différence (1). Soient d le poids spécifique absolu du fluicle, D celui du corps, et v son volume; le poids de celui-ci éta unt égal à vD, et la poussée à vd, la résultante est v(D — d).

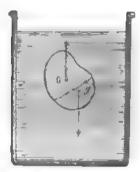
Si D est plus grand que d, le corps abandonné à lui même au sein du fluide se dirige en bas. C'est le cas d'une pierre ou d'un morceau de fer placé dans l'eau; c'est le cas de la plupart des corps placés dans l'air.

Si D égale d, la résultante des forces étant nulle, le corps peut rester immobile dans le fluide.

Si D est plus petit que d, la poussée l'emporte sur le poids, et le corps abandonné à lui-même monte verticalement. C'est le cas du bois ou du liège placé dans l'eau, du fer placé dans un bain de mercure, ou encore des gaz chauds qui s'échappent d'une cheminée et qui s'élèvent dans l'atmosphère.

Quand le corps est hétérogène (fig. 64), le centre de gravité g

peut ne pas coıncider avec le centre de gravité du volume G, c'est-à-dire avec le point d'application de la poussée. Si G et g ne sont pas sur la même verticale, l'équilibre n'est pas possible, quand même la poussée serait égale au poids, puisque les deux forces ne sont pas directement opposées. Dans ce cas, le corps oscillera, et, à cause des frottements, finira par rester inmobile, dans la position où les deux centres de gravité sont sur la même verticale. Si le poids et la poussée ne sont pas égaux, le corps, tout en oscillant, descendra ou montera dans le fluide.



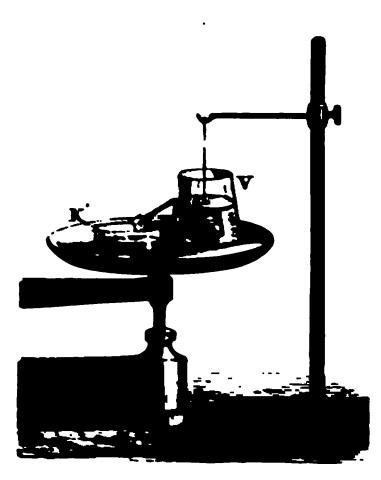
F1G. #6.

Faisons remarquer que le principe d'Archimède n'est par-

(1) C'est ce qui a fait énoncer souvent le principe d'Archimède sous la

faitement exact que si le corps et le fluide sont immobiles. Quand l'un ou l'autre sont en mouvement, il cesse d'être applicable en toute rigueur; mais, si les mouvements sont lents, l'erreur commise en en faisant usage est peu considérable.

14. ACTION EXERCÉE PAR UN CORPS SUR LE FLUIDE QUI L'EN-TOURE. — En vertu du principe « l'action égale la réaction », un corps presse le fluide qui l'entoure avec des forces respectivement égales aux pressions exercées par le fluide sur le corps. Ces contre-pressions, ne diffèrant des pressions que par le sens, ont une résultante qui ne diffère aussi de la poussée que par le sens. Par conséquent c'est une force verticale, dirigée de haut en bas, égale au poids du fluide déplacé et appliquée au centre de gravité



Pri. 65.

du volume du corps (supposé relié invariablement au reste du fluide).

C'est ce que montre l'expérience suivante. Sur le plateau d'une balance de Roberval (fig. 65), on place le vase V de l'expérience qui a servi à vérifier le principe d'Archimède; on le remplit de liquide jusqu'au trop-plein, et, audessous du bec, ou met sur le même plateau le vase K' vide. Après avoir établi l'équilibre, on immerge dans le vase V un corps quelconque, suspendu par un fil.

Aussitôt l'équilibre est rompu, et le plateau qui porte le vase s'abaisse; ce qui montre l'exis-

forme suivante: « l'a corps pisce dans un fluide perd une partie de son posès syste su posés de fluide replace ». Remarquous que la perte de poide n'est qu'apparente, c'est pourquoi cet encace, trop peu géneral du reste, est incorrect.

tence de la contre-poussée. Or, un volume de liquide égal au volume du corps immergé a passé du vase V dans le vase K'. Si l'on enlève du plateau de la balance cette quantité de liquide, le séau redevient horizontal; on voit ainsi que la contre-poussée égale le poids du fluide déplacé.

est moindre que celui du liquide déplacé, le corps abandonné à lui-même remonte vers la surface; il sort en partie du liquide, ou nême totalement, mais, s'il est plus lourd que le volume d'air déplacé, il retombe à la surface du liquide. Ne pouvant rester en équilibre, ni quand il est complètement entouré d'air, ni quand il est complètement immergé dans le liquide, il reste à la surface, en partie plongé dans celui-ci, et en partie en dehors : il sotte. Pour qu'un corps flotte en équilibre il faut que son poids P soit égal à la poussée exercée par les fluides; si V est le volume de la partie immergée ACB (fig. 60), et v celui de la partie ABD située en dehors du liquide, si D est le poids spécifique absolu de celui-ci, et d celui de l'air, on a alors l'égalité:

$$P = VD + vd = VD \left(1 + \frac{vd}{VD}\right)$$

Comme le poids spécifique de l'air est très petit par rapport m poids spécifique des liquides, on néglige généralement le mpport $\frac{d}{D}$, et la formule devient P = VD.

16. 9- CONSÉQUENCE. — VASES COMMUNIQUANTS. — 1º CAS ou la liquide est le même dans les deux vases. — Deux ou plusieurs vases communiquants, remplis d'un même liquide, forment un seul vase au point de vue du théorème fondamental (§ 4), qui est évidemment applicable quelle que soit la forme du vase. Toutes les conséquences que nous en avons tirées s'appliquent encore au cas actuel, et, en particulier, tous les éléments de la surface libre du liquide sont dans un même plan horizontal; par

conséquent, le liquide doit s'élever au même niveau dans tous le vases communiquants.

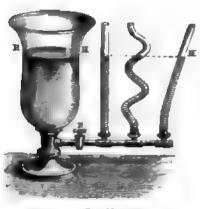


FIG. 86.

On peut le montrer en périmentalement à l'aid de l'appareil représenté fi gure 66.

Le niveau d'eau est un application de ce principil consiste en deux éprouvettes en verre A et (fig. 67), reliées entre ellipar un tabe métallique. «
tube renferme de l'eau, que s'élève à une certaine han teur dans chacune diéprouvettes. Quelle que soit l'inclinaison du table plan passent par le

surfaces libres en A et en B est un plan horizontal. Si don on dispose l'œil de façon à faire coïncider optiquement les sur faces libres en A et en B, on a une ligne de visée herizonta (fig. 68).



Fig. 67.

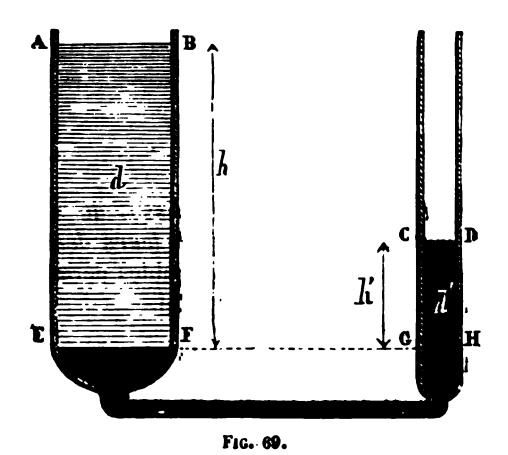
2º — Cas ou les peux vases ausventeur pes lagomes perviseres. Le liquide le plus dense occupe alors le canal de communication entre les deux vases, et s'élève seul dans l'un d'eux. L'autre vase contient, au fond le liquide le plus dense, et au-dessus le liquide le plus léger, conformément au principe d'Archimède. Il



Fig. 68.

peut se faire, pourtant, si le canal de communication est capillaire, que la séparation entre les deux liquides ait lieu dans l'intérieur de celui-ci : chaque vase contient alors un liquide différent.

Soient (fig. 69) h et h' les hauteurs BF et CG de la surface libre



de chacun des liquides au-dessus du plan horizontal de séparation EFGH, et soient d et d' les poids spécifiques absolus de ces liquides. Admettons que la pression par unité de surface soit la même en AB et en CD, ce qui sera à très peu près exact si c'est l'atmosphère qui exerce cette pression, et désignons-la par P. L'unité de surface en EF supporte alors une pression égale à P + hd; l'unité de surface placée en GH: supporte

la pression P + h'd'; et, comme ces deux surfaces égales sont placées sur un même plan horizontal dans un même liquide (le plus dense) elles supportent la même pression, puisqu'il y a équilibre; d'où:

$$P + hd = P + h'd'$$

et, par conséquent:

$$\frac{h}{h} = \frac{d}{d}$$

Si δ et δ' représentent les densités de ces liquides, on $a\frac{d}{d} = \frac{2}{\delta}$, d'où.

$$\frac{h}{h'}=\frac{\delta'}{\delta}$$

Les hauteurs des deux liquides au-dessus du plan horizontal de séparation sont en raison inverse de leurs densités.

La connaissance des densités des liquides permet de vérisser expérimentalement la justesse de cette loi.

17. DÉTERMINATION DE LA DENSITÉ ABSOLUE DE L'EAU. — Nous avons vu (L. II, Chap. V § 2) que, pour obtenir la densité des divers corps solides et liquides, il fallait connaître, outre leur poids spécifique relatif, la densité de l'eau pure à 4°, c'est-à-dire, la masse d'un centimètre cube de cette eau.

Le principe d'Archimède permet d'obtenir très exactement cette quantité.

Prenons un cylindre droit à base circulaire en laiton, bien travaillé, de façon à pouvoir connaître, par la mesure de son diamètre et de sa hauteur, son volume en centimètres cubes. Après l'avoir suspendu par un fil métallique, de volume négligeable, au-dessous du plateau d'une balance de précision, et l'avoir équilibré dans l'air avec une tare placée dans l'autre bassin, plongeons-le dans de l'eau distillée, récemment bouillie, contenue dans un vase entouré de glace fondante. Attendons assez longtemps pour être sûr que l'eau et le cylindre soient à zéro; puis ajoutons des poids marqués dans le plateau qui surmonte le cylindre, pour compenser la poussée. En désignant par p le poids réel de ceux-ci, ils produisent sur le plateau un effort égal à

$$p\left(1-\frac{\delta}{K}\right)$$

δ et K représentant les poids spécifiques relatifs de l'air et de la substance qui forme les poids. D'autre part, cet effort compense la différence des poussées exercées par l'eau et par l'air. Soit V_0 le volume connu du cylindre à 0° (¹). La poussée exercée par l'eau est V_0D_0 , en désignant par D_0 le poids spécifique absolu de l'eau à 0° ; la poussée exercée par l'air sur le cylindre est Vd, en appelant d le poids spécifique absolu de l'air, et V le volume du cylindre à la température t de l'air: comme $V = V_0$ ($1 + \mu t$) en appelant μ le coefficient de dilatation cubique du laiton, on a :

$$p\left(1-\frac{\delta}{K}\right)=V_0\left[D_0-d\left(1+\mu t\right)\right]$$

ou encore:

$$p\left(1-\frac{\delta}{K}\right) = V_0 D_0 \left[1-\frac{d}{D_0}(1+\mu t)\right]$$

(1) La mesure des dimensions linéaires du cylindre se fait à l'aide de la machine à diviser, à la température ambiante connue t; elle permet de calculer le volume V_l du cylindre à cette température. On en déduit V_0 par la formule $V_0 = \frac{V_l}{1+ut}$, μ étant le coefficient de dilatation cubique connu du

laiton

Or, on peut remplacer le rapport $\frac{d}{D_0}$ par celui des poids spécifiques relatifs commus $\frac{\delta}{\Delta_0}$, et l'on a :

$$D_0 = \frac{p}{V_0} \frac{1 - \frac{\delta}{K}}{1 - \frac{\delta}{\Delta_0} (1 + \mu t)}$$

Si, dans cette formule, p représente, au lieu du poids, la masse en grammes des poids marqués directement donnée par une lecture, D₀ représente la masse en grammes du centimètre cube d'eau(c'est-à-dire sa densité) à 0°.

Les expériences les plus récentes ont donné $D_0 = 0,999$ 884. Désignons maintenant par V_0 et V_4 et par D_0 et D_4 les volumes et les densités à 0° et à 4° d'une même masse d'eau; on a :

$$V_0D_0 = V_4D_4$$
 d'où: $D_4 = D_0 \frac{V_0}{\overline{V}_A}$

L'étude de la dilatation de l'eau fait connaître le rapport $\frac{V_0}{V_4}$ et il a été trouvé égal à $\frac{1}{0,999\,871}=1,000\,129$ On a donc, pour la densité D_4 de l'eau à 4°:

$$D_4 = 0,999884 \times 1,000129 = 1,000013$$

Il est très important dans cette détermination fondamentale, et qui doit comporter la plus grande précision possible, d'employer de l'eau partout à la même température. S'il n'en était pas ainsi, comme cela aurait lieu infailliblement si l'on se contentait de mettre de l'eau dans un vase entouré par l'air ambiant, il se produirait des courants liquides dans le vase; car l'eau plus chaude

chauffant le long des parois, varierait de densité. Ces courants auraient pour effet d'augmenter ou de diminuer la poussée apparente du corps immergé, et introduiraient ainsi une grave cause d'erreur. On doit donc faire l'expérience, comme nous l'avons indiqué, dans de l'eau maintenue à 0°; car c'est la seule température basse qu'on sache maintenir constante pendant longtemps (1).

48. DÉTERMINATION DU VOLUME D'UN CORPS SOLIDE PAR LA MESURE DE LA POUSSÉE. — DÉTERMINATION DE SA DENSITÉ.

Maintenant que D₀ est connu, répétons l'expérience précédente avec un corps solide quelconque au lieu du cylindre de laiton; nous aurons, en employant les mêmes notations que ci-dessus:

$$p\left(1-\frac{\delta}{K}\right) = V_0 D_0 \left[1-\frac{\delta}{\Delta_0}(1+\mu t)\right]$$

d'où l'on peut tirer V₀ puisque toutes les autres quantités sont connues (*).

Il est clair que cette méthode est applicable, que le corps soit homogène ou hétérogène.

Si le corps est homogène, elle nous permet de connaître sa densité d_0 à 0°, puisqu'il suffit de prendre, en outre, sa masse P par une pesée ($P = V_0 d_0$).

On pourrait obtenir la densité d'un liquide par une méthode malogue, en mesurant les poussées exercées sur un même corps

⁽¹⁾ La méthode que nous venons de décrire ne diffère que par des détails insignifiants de celle employée par Lesèvre-Gineau en 1799, dans la mesure (en unités arbitraires) de la masse d'un décimètre cube d'eau à 4°, pour établir le kilogramme-étalon. Comme c'est la millième partie de celui-ci que nous appelons le gramme, et que nous prenons aujourd'hui comme unité de masse, on voit que l'erreur qu'il a commise dans ses expériences n'est que de 13 1000 000.

⁽²⁾ Si l'on ne tient pas à l'extrême précision de 6 ou 7 chiffres significatifs exacts, on peut négliger la quantité μt .

à 0°. Mais cette méthode n'offre pas un grand intérêt, elle est moins précise et moins commode que celle du flacon décrite plus haut.

servent, soit à mesurer les densités d'une façon grossière, soit à donner, d'après sa densité, des indications sur le degré de concentration ou la richesse d'une liqueur.

On peut les diviser en aréomètres à volume constant et en aréomètres à poids constant.

La première catégorie comprend l'aréomètre de Nicholson (¹), qui sert à trouver la masse et la densité d'un corps solide, et l'aréomètre de Fahrenheit (²), qui permet de prendre la densité d'un liquide. Ces deux instruments offrent peu de précision, et leur emploi est très incommode; aussi sont-ils à peu près abandonnés aujourd'hui : nous ne les décrirons pas.

Les aréomètres à poids constant se composent d'un flotteur V en verre creux (fig. 70) surmonté d'une tige graduée bien cylindrique; ce flotteur est lesté, à sa partie inférieure, par une ampoule contenant du mercure ou des grains de plomb, pour que l'appareil puisse flotter verticalement.

Désignons par D le poids spécifique absolu du liquide dans lequel flotte l'instrument, par V le volume de la partie immergée, par P le poids de l'aréomètre; on a, en négligeant la poussée insignifiante exercée

par l'air sur la portion de la tige qui sort du liquide:

P = VD

- (1) William Nicholson, né à Londres en 1753, mort en 1815.
- (2) Gabriel-Daniel Fahrenheit, né à Dantzick en 1686, mort en 1740.



FIG. 70.

Si le même instrument flotte dans un autre liquide de poids spécifique absolu D', et s'y enfonce d'un volume V', on a encore:

$$P = V'D'$$

D'où:

$$VD = V'D'$$
 ou $\frac{D'}{D} = \frac{V}{V'}$

Les poids spécifiques, ou les densités, des deux liquides, sont en raison inverse des volumes immergés.

Supposons la tige de l'instrument divisée en parties d'égal volume u, et désignons par v le volume du flotteur jusqu'au zéro de la graduation. Dans deux liquides, de densités connues, v le v l'on aura :

$$V = v + nu$$

$$V' = v + n'u$$

d'où:

$$\frac{D'}{D} = \frac{v + nu}{v + n'u} = \frac{1 + n\left(\frac{u}{v}\right)}{1 + n'\left(\frac{u}{v}\right)}$$

Le rapport $\frac{u}{v}$ peut être déterminé par cette relation. Si maintenant l'aréomètre s'enfonce à la division n_1 dans un autre liquide, la densité D_1 de celui-ci, sera donnée par :

$$\frac{\mathbf{D}_{1}}{\mathbf{D}} = \frac{\mathbf{1} + n\left(\frac{\mathbf{u}}{\mathbf{v}}\right)}{\mathbf{1} + n_{1}\left(\frac{\mathbf{u}}{\mathbf{v}}\right)} = \frac{(n' - n) \mathbf{D}'}{(n' - n_{1}) \mathbf{D}' + (n_{1} - n) \mathbf{D}}$$

ce qui permet de déterminer D_4 . On pourra, par conséquent, inscrire devant chaque division n_4 de la tige, la valeur de la densité D_4 correspondante. L'instrument étant ainsi gradué, une simple lecture suffit pour faire connaître la densité du liquide dans lequel on le plonge.

Cet aréomètre s'appelle un densimètre; son emploi est sort commode, mais ce ne peut être un instrument de précision.

En effet, la manière dont il a été gradué suppose d'abord que la tige est cylindrique, ce qui est difficile à réaliser exactement (¹). Si l'on peut remédier à cet inconvénient, il en est d'autres qu'on ne peut éviter. L'instrument est soumis à l'influence des courants que produit une inégalité de température entre le liquide et l'air ambiant. De plus, outre la pesanteur et la poussée, il y a, même dans l'état d'équilibre du liquide, une autre force dont nous avons, jusqu'à présent, négligé l'effet; c'est l'adhérence entre le liquide et la tige à l'endroit où elle émerge. Cette adhérence a pour effet de faire enfoncer la tige un peu plus que ne l'indiquent les lois de l'hydrostatique; or elle dépend de la nature du liquide, et il peut se faire, dès lors, que l'instrument plonge de quantités inégales dans deux liquides différents de même densité.

Ce sont ces raisons qui ont fait abandonner l'emploi des densimètres dans les recherches précises.

20. ARÉOMÈTRES A GRADUATION ARBITRAIRE. — On emploie trè — fréquemment dans l'industrie des aréomètres à échelle arbitraire, qui permettent de reconnaître si un sirop, un acide — une dissolution saline ou un alcool du commerce a le degré de concentration voulu.

Ces instruments sont connus sous les noms de pèse-acides on pèse-sels, quand ils servent pour les liquides plus denses que l'eau, et de pèse-alcool ou pèse-éther quand ils servent pour le liquides plus lègers.

Le pèse-acide de Beaumé est un aréomètre gradué de la ma-

^{,!} Si la tige n'est pas cylindrique, on peut arriver encore à graducs exactement l'instrument par des procedés qu'il nous semble sans grand in turéi de decrire, les densimètres etant presque sans usage aujourd'hui.

mère suivante: on leste l'instrument de façon qu'il enfonce presque complètement dans l'eau pure; on marque 0 au point d'affleurement. Puis on le plonge dans une dissolution de sel marin contement 15 grammes de sel pour 85 grammes d'eau; l'instrument s'enfonce moins dans ce liquide plus dense; on marque 15 au nouveau point d'affleurement. L'intervalle entre 0 et 15 est divisé en quinze parties égales, et cette graduation en degrés est prolongée jusqu'au bas de la tige.

L'acide sulfurique concentré doit marquer 66° au pèse-acide Beaumé. Si l'instrument s'enfonce dans un acide sulfurique jusqu'à 60°, on voit, par là, qu'il n'a pas le degré de concentration auquel il doit être livré au commerce.

Le pèse-alcool de Beaumé est gradué d'une manière analogue. On leste l'instrument de façon que le point d'affleurement se trouve m bas de la tige dans une dissolution contenant 10 grammes de sel marin pour 90 grammes d'eau; on marque 0 en ce point. L'instrument est placé ensuite dans l'eau pure, où il s'enfonce davantage; on marque 10 au nouveau point d'affleurement. On divise l'intervalle compris entre 0 et 10 en dix degrés égaux, et cette graduation est prolongée jusqu'au haut de la tige.

Dans l'alcool absolu, cet instrument enfonce jusqu'à la division 17; mais si l'alcool renferme de l'eau, il est plus dense, et le point d'affleurement est moins élevé.

21. ALCOOMÈTRE CENTÉSIMAL DE GAY-LUSSAC (1). — Dans l'industrie des eaux-de-vie, on a besoin continuellement de connaître la richesse en alcool pur d'un mélange d'alcool et d'eau. Gay-Lussac a imaginé dans ce but un aréomètre qui, par une simple lecture, fait connaître cette richesse en centièmes.

Si le mélange d'eau et d'alcool conservait un volume égal à la somme des volumes des liquides séparés, le calcul de la densité d'un mélange en proportions connues se ferait sans difficulté; car et d'étant les volumes d'eau et d'alcool mélangés, d et d', les

⁽i) Louis-Joseph Gay-Lussac, physicien et chimiste français, né en 1778 a Saint-Léonard (Haute-Vienne), mort en 1850.

densités de ces liquides, on aurait, en appelant à la densité du mélange

$$(v+v')\delta = vd + v'd'$$
 d'où: $\delta = \frac{vd + v'd'}{v+v'}$

Comme, d'autre part, il est facile de marquer à l'avance sur la tige d'un aréomètre les points d'affleurement pour des liquides de densités données, quand on a marqué ces points dans deux liquides de densités connues (§ 19), il suffirait de prendre les points d'affleurement de l'alcoomètre dans l'eau pure puis dans l'alcool absolu, pour pouvoir graduer sa tige rationnellement.

Mais malheureusement le volume d'un mélange d'eau et d'alcool est toujours plus petit que la somme des volumes des deux liquides, et la contraction dépend des proportions. C'est ce qui a obligé Gay-Lussac à recourir au moyen empirique de graduation que voici.

Après avoir lesté l'appareil de façon que son point d'affleurement dans l'eau pure fût au bas de la tige, il marqua 0 en ce point; puis il marqua successivement 5, 10, 15... 90, 95 et 100 aux points d'affleurement dans différents liquides, composés respectivement de :

eau 95	alcool	5
eau 90	alcool	10
eau 85	alcool	15
eau 10	alcool	90
eau 5	alcool	95
eau 0	alcool	100

Ces divisions, correspondant à des richesses régulièremes croissantes, n'étaient pas équidistantes (1): elles étaient plus

⁽¹⁾ Ce fait ne tient nullement à la contraction qui se produit en mélangement l'eau et l'alcool; contraction qui, du reste, est assez faible. En la suppose

rapprochées vers le bas que vers le haut de la tige. Chaque mtervalle fut alors partagé en 5 parties égales; la tige se trouva ainsi divisée en 100 degrés. Si un pareil instrument est maintenant plongé dans un alcool, et qu'il marque 90°, on est certain que cet alcool a même densité que le mélange formé d'eau 10 et alcool pur 90, et, par conséquent qu'il renferme 90 p. 0/0 d'alcool pur. Si l'alcoomètre marque dans un alcool 87°, sa composition est intermédiaire entre celle des liquides à 85 0/0 et à 90 0/0 d'alcool qui ont servi à étalonner l'instrument, et le liquide contient à très peu près 87 0/0 d'alcool pur.

Ce travail, un peu long, ayant été fait une fois pour toutes, on peut, rmaintenant, graduer tous les alcoomètres par comparaison avec l'alcoomètre centésimal étalon. Pour cela, on détermine les points d'affleurement de l'alcoomètre à graduer dans l'eau pure et dans l'alcool absolu, c'est-à-dire les points 0 et 100; puis l'on divise cet intervalle en parties respectivement proportionnelles aux clegrés de l'alcoomètre étalon. Nous allons voir que, quelle que soit la dimension ou la forme de l'instrument, il donnera les rmêmes indications que l'alcoomètre étalon lui-même.

Remarquons que, si la température d'un alcool vient à s'élever, sa densité diminue, et l'aréomètre s'y enfonçant davantage, fera croire à une richesse trop grande.

Gay-Lussac a étalonné son appareil avec des liquides à la température de 15°; c'est donc pour cette température seulement que les indications de son alcoomètre sont exactes. Pourtant on n'est pas astreint à n'opérer qu'à 15°, car une table de correction, dressée par Gay-Lussac, permet, étant connues l'indication de l'instrument et la température du liquide, d'en déduire sa richesse en alcool.

22. COMPARABILITÉ DES ARÉOMÈTRES DE MÉME TYPE. — Nous avons vu que les aréomètres appartenant à un même type (par exemple tous les alcoomètres centésimaux), étaient gradués en

dans le cas où cette supposition serait exacte, on trouverait encore des degrés non équidistants. prenant deux points d'affleurement a_1 et a_2 (fig. 71) dans deux liquides déterminés A_1 et A_2 (eau pure, alcool pur, pour les

alcoomètres centésimaux), puis en divisant l'intervalle compris entre les deux points a_1 et a_2 en parties respectivement proportionnelles pour chaque instrument. Il résulte nécessairement de ce mode de graduation, quelle que soit la forme de l'instrument, que sa tige soit longue ou courte, mince ou large, que tous les aréomètres de même type doivent donner la même indication dans un même liquide A. En effet, désignons par d le poids spécifique absolu de ce liquide A, par d_1 et d_2 ceux des liquides A_1 et A_2 , par V le volume de l'instrument jusqu'en a, par l, la distance a_1a_2 , par l la distance a_1a et par s la section de la tige. En écrivant que, pour un même instrument flottant en équilibre, le poids du liquide déplacé est toujours le même (puisqu'il est égal au poids de l'instrument), on a:

$$Vd_1 = (V + sl_2)d_2$$

$$Vd_1 = (V + sl)d$$

FIG. 71.

On peut éliminer entre ces deux égalités le rapport $\frac{s}{V}$, et il vient :

$$\frac{s}{V} = \frac{d_1 - d_2}{l_2 d_2} = \frac{d_1 - d}{ld}$$

d'où:

$$\frac{l}{l_2} = \frac{(d_1 - d) d_2}{(d_1 - d_2) d}$$

Ainsi, quelle que soit la forme de l'instrument, le rapport des longueurs de tige immergées dans les liquides A et A_2 est le même, puisqu'il ne dépend que des rapports des poids spécifiques d_1, d_2 . Par conséquent, dans le même liquide A, les divers instruments, gradués proportionnellement les uns aux autres, doivent affleurer à la même division.

CHAPITRE II

PROPRIETÉS DES GAZ — FORCE ÉLASTIQUE

- 1. PROPRIÉTÉS CARACTÉRISTIQUES DES GAZ. Les gaz distinguent des liquides par plusieurs caractères.
- 1° Ils sont doués d'expansibilité: si petite que soit quantité d'un gaz introduite dans un vase, il en remplit l'espace, au lieu d'en occuper seulement le fond, comme le rait un liquide. Les gaz tendent toujours à prendre un voluplus considérable, et exercent des pressions sur les parois vases qui les renferment.

On met ce fait en évidence par l'expérience suivante.

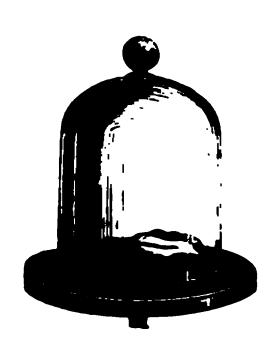


FIG. 72.

ressie complètement close, et ne i fermant qu'une petite quantité d'est placée sous la cloche d'une i chine pneumatique (fig. 72). En riflant l'air contenu dans la cloche, diminue la pression exercée par air sur la paroi extérieure de la ves les pressions produites par le gaz i rieur sont alors rendues manifes car on voit la vessie se gonfier de en plus, à mesure que l'air extérieu raréfie davantage.

2° — Les gaz sont très compre bles. On peut le montrer à l'aide du petit appareil connu : le nom de briquet à air. Il se compose (fig. 73) d'un

cylindrique en cristal, à parois épaisses, fermé à l'une de ses extrémités, et contenant un piston qui emprisonne une certaine

masse d'air. Vient-on à appuyer sur la tête du piston, celui-ci s'enfonce dans le tube, et, par conséquent, le volume de l'air diminue. Si l'on cesse d'agir sur la tête du piston, l'air comprimé repousse celui-ci, et il reprend sa première position: les gaz sont parfaitement élastiques.

Si le tube était rempli par un liquide, on ne pourrait pas enfoncer le piston, les liquides étant à peine compressibles.

On peut encore mettre en évidence la grande compressibilité des gaz, en faisant rentrer l'air dans la cloche, où se trouve la vessie gonflée de l'expérience rapportée ci-dessus. On voit la vessie s'affaisser; le volume de l'air qu'elle contient diminue, par conséquent, sous l'effet des pressions exercées par l'air extérieur.



3° — En comprimant un gaz, il se produit de la chaleur. Si l'on place un petit morceau d'amadou sur le piston du briquet à air, et qu'on enfonce brusquement celui-ci, le morceau d'amadou prend feu. De là le nom de briquet à air donné à l'instrument.

Réciproquement, un gaz en se détendant se refroidit: si, après avoir comprimé de l'air dans un ballon, on ouvre largement celuici, le gaz s'échappe en partie, par conséquent, augmente de volume, et un thermomètre sensible placé dans le vase indique un abaissement de température.

4 - Le poids spécifique d'un gaz est extrêmement faible.

Pendant longtemps même on a cru que les gaz ne pesaient pas, ou même avaient une tendance à s'élever. Aristote admit sans démonstration expérimentale que les gaz étaient pesants (1).

Aristote (né en 384, av. J.-C., à Stagyre en Macédoine, mort à Chalcis en Eubée, en 322) raconte qu'ayant rempli d'air une vessie, il la trouva plus pesante que vide. Remarquons que, s'il introduisait un litre d'air dans la vessie, le poids de celle-ci était bien augmenté du poids de ce litre d'air; mais, comme elle déplaçait un litre d'air extérieur en plus, la poussée provenant.

Galilée le prouva en refoulant, à l'aide d'une pompe, de l'air d une sphère à parois rigides : elle devint plus pesante.

L'expérience suivante, due à Otto de Guéricke (1), est c

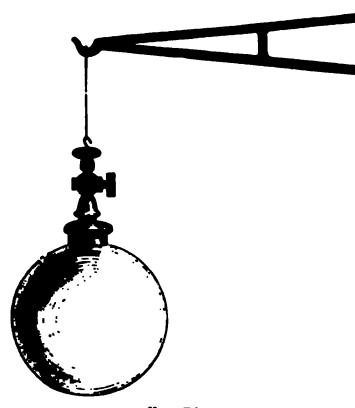


FIG. 74.

qu'on répéte le plus habits lement dans les cours. Apavoir rarésé l'air d'un ball au moyen de la machine pamatique, on suspend celuil'extrémité du sléau d'une l'aire (sig. 74), et l'on étal l'équilibre à l'aide d'une ta En ouvrant le robinet du balon, l'air extérieur y rentavec un sissement, et l'on vaussitôt le sléau s'incliner ce côté; ce qui prouve quel'a introduit est pesant.

2. FORCE ÉLASTIQUE D'UN GAZ. — La pression qu'exerce un grui parois du vase qui le renferme, ou sur la surface des conqui y sont plongés, en vertu de son expansibilité, est proportionnelle à l'aire de la surface pressée; mais, pour une métendue de surface, cette pression dépend des condition physiques dans lesquelles se trouve le gaz (densité, temp rature).

On appelle force élastique d'un gaz la pression qu'il exert par unité de surface; c'est de la valeur de cette grandeur quépendent ses effets mécaniques. Le mécanicien, chargé conduire un moteur à vapeur, sait que la machine est préte fonctionner quand la force élastique de la vapeur d'eau dens chaudière a atteint une certaine valeur; il sait que, pour un autre valeur plus considérable, la chaudière ferait explosion.

de celui-ci était augmentée de la même quantité : le poids apparent cette vessie, le seul qui pouvait être constaté à l'aide de la balance, de rester le même.

L'assertion d'Aristote est donc inexacte.

(1) Otto de Guéricke, né à Magdebourg en 1602, mort en 1686.

La valeur numérique d'une force élastique déterminée, dépend du choix de l'unité de surface et de l'unité de force. Dans le système C.G.S., l'unité de surface étant le centimètre carré, et l'unité de force étant la dyne, la force élastique a pour valeur le nom le re de dynes qui représente l'effort exercé par le gaz sur un continuètre carré de la surface pressée.

Il n'y a, du reste, aucun inconvénient à étendre la notion de lorce élastique à un liquide comprimé : la force élastique d'un faide quelconque est la pression qu'il exerce sur l'unité de surface.

1. MESURE DE LA FORCE ÉLASTIQUE D'UN GAZ. — BAROMÈTRE. — Le Baromètre est l'instrument par excellence pour mesurer la

force élastique d'un gaz, ou même d'un liquide; c'est le seul instrument, employé dans ce but, qui se suffise à lu-unième.

Il se compose (fig. 75) d'un tube de verre, fermé à son extrémité supérieure, plongeant par l'extrémité inférieure ouverte dans un liquide, qui, le plus souvent, est le mercure. La partie supérieure du tube (chambre berométrique) est vide de toute matière pondérable, et le liquide s'élève dans ce tube à une hauteur dépendant de la valeur de la force élastique du fuide qui presse sa surface hbre dans la cuvette. La hauteur du liquide soulevé permetde mesurer cette force élastique.

Pour le montrer, prenons sur la surface libre du liquide de la cuvette un élément A d'aire s. Si p représente la force élastique du fluide qui presse la surface du liquide, ps est la pression

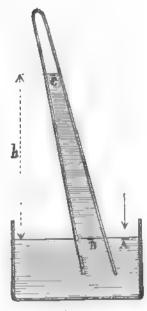


FIG. 75.

supportée par l'élément A. Prenons un élément B de même étendue que le précédent sur le même plan horizontal, mais à l'intérieur du tube, et un autre élément C, encore de même aire s, sur la surface libre du liquide dans le tube. La différence des pressons supportées par C et par B est égale à shd, d'après les lois de l'hydrostatique, en appelant h la distance verticale entre les surfaces libres dans le tube et dans la cuvette, et en appelant de poids spécifique absolu du liquide. Mais comme C n'est pas pressé, puisque le vide existe dans la chambre barométrique, la pression totale que supporte B est shd. Or cette pression est la même que celle supportée par A, puisque A et B sont des surfaces égales placées sur un même plan horizontal dans un même liquide en équilibre; d'où:

$$(1) ps = shd ou p = hd$$

La force élastique (p) d'un gaz est égale au poids d'un cylindre droit de liquide ayant pour base l'unité de surface et pour hauteur (h, la distance verticale qui sépare les niveaux de liquide dans le tube et dans la cuvette. C'est cette distance que, pour abréger, nous appellerons la hauteur du liquide dans le baronêtre.

Par conséquent, la pression exercée par un gaz sur une surface est la même que celle que produirait une couche de liquide s'elevant au-dessus de la surface pressée à la hauteur de ce liquide dans un baromètre entouré par le gaz.

Faisons remarquer que cette hauteur h est proportionnelle à la force clastique p du gaz; il en résulte qu'on peut remplacer le rapport de deux forces élastiques par le rapport des hauteus d'un même liquide qui leur font equilibre à un même endroit.

La manière dont nous venons de mesurer la force élastique du gaz qui presse sur la cuvette du haromètre montre pourquoi le liquide se tient en equilibre à une certaine hauteur dans le tube-le niveau du liquide dans celui-ci ne pourrait être sur le plan de la surface libre dans la cuvette, que si la force élastique du gaz etant nulle. D'un autre côte, le liquide ne peut rester en equilibre en remplissant complètement le tube, que si la hauteur de celui-ci est inférieure ou au plus egale à la hauteur à donnée par la relation [1].

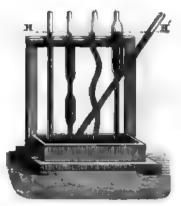
l la hauteur du tube est inférieure à h, le liquide le remèrement, et il presse d'autant plus fortement son extréérieure que la différence entre la hauteur du tube et h considérable.

voyons aussi que, si l'on vient à faire varier l'inclinaison

t long pour que le liquitteigne point le sommet, se verticale h doit rester s, quand la force élasgaz p reste la même

la forme du tube barone peut avoir aucune sur la bauteur h à lay élève le liquide (fig.

x baromètres contenant des différents, de poids es absolus d et d', ont vettes placées dans le



Fag. 76.

az de force élastique p, les hauteurs h et h' des deux sont données par la relation :

$$p = hd = h'd'$$

$$\frac{h}{h'} = \frac{d'}{d} = \frac{\delta'}{\delta}$$

étant les densités des liquides : les hauteurs sont en werse des densités.

rcure étant le plus dense des liquides connus, est i exige le tube barométrique le moins long. En outre, rt des autres liquides émettent des vapeurs dès la ure ordinaire, et, si on les employait, la chambre ique contiendrait un gaz ayant une certaine force élastique, au lieu d'être vide. C'est pour ces deux raisons sert presque exclusivement du mercure dans la confe baromètres (1).

Le baromètre que nous venons de décrire s'appelle à

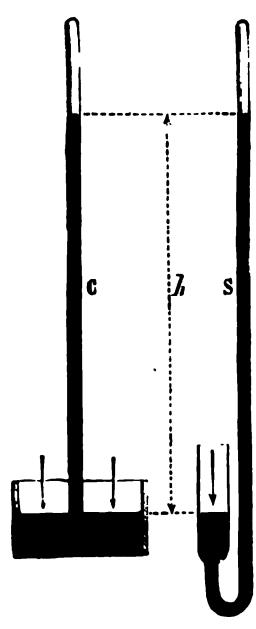


FIG. 77

à cuvette. On emploie aussimètre à siphon (S, fig. 77 diffère du précédent qu'e le tube barométrique, au plonger dans une cuvette, se à sa partie inférieure et se par une branche ouverte qui cette cuvette.

Il est évident que la diffiniveau entre le mercure de la ouverte et le mercure de la fermée est égale à la haut métrique h, d'un baromètre C, mesurant la même force

4. PRESSION ATMOSPHÉRI
L'atmosphère s'élève au-d
sol à une grande hauteur.
ches d'air supérieures, pesa
couches inférieures, les con
par conséquent, l'air de cel
avoir une force élastique no
appelle pression atmosph
force élastique de l'air libi

Nous ne nous apercevons pas habituellement de l'exi cette force élastique, parce que les pressions qui s'exe la surface d'un objet placé dans l'air, ayant lieu en s'équilibrent à peu près : leur résultante étant, comme égale au poids très faible de l'air déplacé. Ainsi, une

(1) L'acide sulfurique monohydraté et la glycérine, qui n'émet vapeurs à la température ordinaire, peuvent aussi servir pour con baromètres destinés à mesurer de faibles forces élastiques.

papier est pressée sur une de ses faces autant que sur la face opposée. Pour mettre en évidence la pression exercée sur l'une d'elles, il faudrait annuler ou diminuer celle qui a lieu sur l'autre. C'est ce qu'a fait Otto de Guéricke dans l'expérience du crèvevessie.

Une peau de vessie, ou une feuille de fort papier, ferme complètement la partie supérieure d'un manchon en verre à bord

inférieur plan et rodé à l'émeri (C, fig. 78). Ce manchon est placé sur la platine de la machine pneumatique; on raréfie l'air contenu à son intérieur, et, par là, on diminue sa force élastique. On voit alors la membrane devenir concave, puis crever avec bruit, sous l'effort de la pression de l'air extérieur.

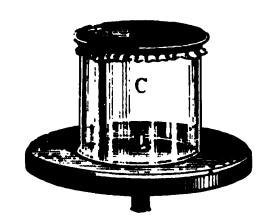


Fig. 78

Par la célèbre expérience des hémisphères de Magdebourg, des nom de la ville natale d'Otto de Guéricke, cet ingénieux physicien montra mieux encore la grande valeur de la pression atmosphérique.

Deux hémisphères creuses en cuivre peuvent former une boîte sphérique, en s'adaptant l'une sur l'autre (fig. 79); un cuir gras, interposé entre leurs bords, rend la fermeture hermétique. Dans l'une des hémisphères débouche un canal, pouvant être fermé à l'aide d'un robinet, et qui permet de faire le vide dans l'intérieur de la sphère. Quand l'air contenu dans celle-ci est très rarésé, il faut un effort considérable pour séparer les deux hémis-

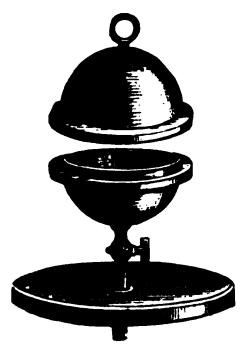


Fig. 79.

Phères, qui sont appliquées l'une contre l'autre par la pression de l'air extérieur. La force qui est nécessaire alors pour les séparer est, du reste, proportionnelle à la surface d'un grand cercle de la sphère (1).

⁽¹⁾ Soit A fig. 80) une surface courbe, limitée par une base plane BC;

Dans une expérience restée célèbre, deux hémisphères de grand diamètre ne purent être séparées par vingt chevaux, dix tirant de chaque côté en sens inverse.

supposons-là pressée par un gaz. Considérons le volume ABC. La résultante

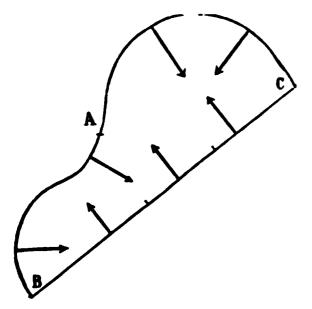


FIG. 80.

des pressions sur sa surface est égale au poids très faible du gaz déplacé. Si nous négligeons ce poids, cette résultante est nulle; par conséquent, la résultante des pressions exercées sur la surface courbe A est égale, et de sens contraire, à la résultante des pressions exercées sur sa base plane BC.

On voit, par là, que la résultante des pressions exercées sur une hémisphère est normale à sa base, et égale à la pression qui serait exercée sur une surface plans de même aire que le plan diamétral de base de l'hémisphère.

Soient R le rayon extérieur des hémisphères et H la hauteur du mercure qui sait équilibre à la pression almosphérique; la résultante des pressions extérieures sur une hémisphère est πR^2Hd , détant le poids spécifique absolu du mercure.

Si r est le rayon de la sphère intérieure, et h la hauteur de la colonne de mercure qui fait équilibre à la force élastique de l'air qui y est contenu, la résultante des pressions intérieures sur l'hémisphère est $\pi r^2 hd$. La résultante f des pressions tant intérieures qu'extérieures est donc donnée par

$$F = \pi R^{2}Hd - \pi r^{2}hd$$

Telle est la sorce avec laquelle il saudra tirer chacune des hémisphères pour les séparer.

Supposons H = 76 cent., d = 13.6 grammes-poids, $\pi R^2 = 100$ cent. carrés (1 décimètre carré); supposons, en outre, que l'air intérieur soit assez raréllé pour que h soit négligeable, on a :

$$F = 100 \times 76 \times 13,6 = 103360$$
 grammes-poids

Soit encore 103 kilogrammes-poids. C'est une force considérable. Quand on a fait rentrer l'air extérieur dans la sphère, on a h = H; d'où

$$F = \pi H d(R^2 - r^2)$$

il saut encore un certain essort pour séparer les deux hémisphères, mais il est d'autant plus petit que R et r son! plus voisins.

Quand on laisse rentrer l'air à l'intérieur, en ouvrant le robinet, la résultante des pressions étant à peu près égale à l'intérieur et à l'extérieur de chaque hémisphère, on peut séparer celles-ci sans grand effort.

5. MESURE DE LA PRESSION ATMOSPHÉRIQUE. — La valeur de la pression atmosphérique s'obtient au moyen d'un baromètre dont la cuvette est exposée à l'air libre. On trouve que la hauteur du mercure dans le tube est en moyenne de 76 centimètres. Par conséquent, en vertu de la formule p = hd, dans laquelle il faut faire:

d = 13,596 grammes-poids (si le mercure est à 0°),

ou

 $d=13,596 \times 980,96=13337$ dynes (si, en outre, le baromètre est à Paris), on a :

p=76 imes13,596=1033,3 grammes-poids par cent. carré

ou

$$p = 76 \times 13337 = 1013622$$
 dynes par cent. carré.

Ainsi, la pression atmosphérique exerce par décimètre carré une force égale au poids de 103,33 kilogrammes; on s'explique, par la grandeur de ce nombre, le résultat des expériences du crève-vessie et des hémisphères de Magdebourg.

Du reste, la pression atmosphérique varie continuellement. La hauteur du baromètre peut descendre à Paris jusque vers 78 cent. et monter jusqu'à 78, et même parfois ces limites sont un peu dépassées. En outre, quand on s'élève en altitude, la pression atmosphérique diminue.

hauteur moyenne du baromètre à Briançon (1300^m) est cent.; sur le sommet du mont Blanc (4816^m) elle n'est que cent

6. HISTOIRE DU BAROMÈTRE. — Galilée fut informé, un jour, par un fontamier, que l'eau refusait constamment de s'élever, dans le tuyau d'une pompe aspirante à une hauteur de plus de 18 brasses (32 pieds ou 10^m,30) au-dessus du niveau de l'eau dans la citerne où elle était puisée.

Galilée attribua ce phénomène à ce que la colonne d'eau, tirée par sa partie supérieure, finissait par se rompre sous son propre poids, comme le ferait une corde très longue. Il en conclut que, dans le tuyau d'une pompe aspirante, les colonnes hquides se rompraient d'autant plus vite que leur densité serait plus grande, et que le mercure, le plus dense des liquides, ne s'élèverait qu'à une faible hauteur.

Torricelli (1), en réfléchissant à ce phénomène, comprit que le vide devait exister au-dessus de l'eau, dans le tuyau d'aspiration (2). Guidé par les idées de Galilée, il pensa qu'on pourrait obtenir le vide au-dessus du mercure avec une hauteur de liquide beaucoup moindre qu'avec l'eau.

Il communiqua sa pensée à son élève Viviani (3), qui lit l'expérience suivante (1643, un an après la mort de Galilée). Il prit un tube de verre d'environ un mêtre de longueur, fermé par un bout; il le remplit de mercure, puis, l'ayant bouché avec le doigt, il le retourna en plongeant l'extrémité dans une cuvette pleine de ce liquide. Ayant retiré le doigt, il vit le mercure quitter le sommet du tube, s'abaisser et se maintenir en équilibre à une hauteur de 28 pouces environ au-dessus du niveau de la cuvette, laissant le vide au-dessus de lui: il avait construit le premier baromètre.

Torricelli répéta cette expérience, qu'il avait prévue, la publice et c'est pour cela, qu'à juste titre, elle porte son nom.

Elle fut connue en France par une lettre de Michel-Ange Ricc -

(2) Il etant general ment admis, du temps de Torricelli, que la nateravait horreur du vide, suivant l'opinion d'Aristote. Pascal eut beaucou lutter contre cette croyance.

(3) Vincent Viviani, ne a Florence en 1622, mort en 1708, fut professe

⁽¹⁾ Evangelista Torricelli, ne à Fasaza en 1608, mort en 1647, successà Galilee dans la chaire de mathématiques à Florence.

de mathématiques a Florence, et associe de l'Académie des sciences

Paris.

les 1644, Torricelli pensa que c'était le poids de l'air qui asintenait le mercure en équilibre dans le tube. Pascal, qui eut massance de cette idée, la trouva « tout à fait belle », comme le aconte lui-même, et résolut de la soumettre au contrôle de sperieuce. Si le poids de l'air est la cause qui maintient le secure soulevé, en s'élevant dans l'atmosphère, la colonne d'air, bannant de hauteur, doit moins peser sur le mercure de la cuvetet la colonne mercurielle doit monter moins hant dans le tube. Il pria son beau-frère Périer, qui habitait Clermont-Ferrand, repeter l'expérience du vide au sommet du Puy-de-Dôme, montagne haute de 500 toises environ. Ce fut le 19 septembre 1618 un an après la mort de Torricelli), que fut faite cette e blre expérience. Périer trouva que la colonne mercurielle els. moins elevée au sommet de la montagne qu'à la base : La afference était de 8 pouces 1 ligne 1/2. Pascal répéta ensuite 1. -même l'expérience sur la tour Saint-Jacques-la-Boucherie, Paris, haute de 25 toises environ, et trouva une diminution Tie 2 lignes, dans la hauteur du mercure.

levant des preuves aussi concluantes, on ne put plus douter pur le poids de l'air ou, plus directement, la pression exercée par la surface du liquide de la cuvette fût la cause qui mainsenat le mercure soulevé dans le tube de Torricelli.

7 CONSTRUCTION DU BAROMÉTRE. — Un baromètre, pour satiswere aux conditions nécessaires à une bonne mesure de la force des que du gaz, doit :

t' Contenir du mercure pur, pour que la densité du liquide soit

* Avoir une chambre barométrique vide de tout gaz ou vapeu, pour que la pression soit nulle à la surface du mercure dans tabe.

J Mana Mersenne, religieux de l'ordre des Minimes, né à Oizé (Marne,)

La première condition est aisément réalisée: on emploie du mercure neuf, qu'on prend seulement la précaution de filtrer à travers un orifice très étroit, pour retenir les poussières qui flottent à sa surface.

La seconde condition est plus difficile à remplir. Le mercure n'est pas sec généralement; le verre, condensant l'humidité de l'air, se couvre d'une mince couche d'eau très difficile à faire disparaître entièrement. Quand on construit le baromètre comme le faisait Torricelli, cette eau s'évapore en partie dans la chambre barométrique.

Pour remédier à cet inconvénient et avoir du mercure sec dansun tube rendu sec, on emploie aujourd'hui l'un des trois procedés suivants.

1º Pour les tubes étroits (6 à 10^{mm} de diamètre, tubes de Fortin, _____ par exemple), on dessèche par l'ébullition du mercure en tube clos, le vide existant au-dessus du liquide. On commence par nettoyer le tube en le lavant successivement à l'acide azotique, à l'acide sulfurique, à l'eau et à l'alcool. On l'essuie ensuite soigneusement avec un linge sec(1). Après l'avoir fermé par un bout on l'étrangle à l'autre extrémité, de façon à transformer la partie supérieure en une sorte d'entonnoir; on le remplit alors complètement de mercure neuf filtré, jusqu'au-dessus de l'étranglement.... On effile la partie supérieure de l'entonnoir, on fait le vide à l'aide d'une machine pneumatique, dans l'espace privé de mercure (fig. 81), et l'on ferme à la lampe. Le tube, ainsi préparé, est place sur une grille légèrement inclinée, et l'on chausse avec quelques charbons d'abord la partie inférieure B du tube. Les vapeurs mercurielles vont se condenser dans les couches supérieures, qui s'échauffent par la chaleur de liquéfaction, et la très petite quantité d'eau qui reste dans le tube se dégage sous forme de vapeur dans la chambre A. On déplace ensuite les charbons de façon à faire bouillir successivement le mercure dans toutes les parties du tube jusqu'à l'extrémité supérieure. L'opération terminée, on donne un trait de lime sur la partie étranglée, on la casse en ce

⁽¹⁾ Il vaut encore mieux prendre des tubes qui ont été fermés aux deux bouts au moment de leur fabrication. Ils sont alors parfaitement propres et secs.

point, on met le doigt sur la goutelette de mercure qui fait saillie, et l'on retourne le tube dans la cuvette, qui doit contenir du mercure bien sec.



Fig. 81.

Tube large de 15 à 25^{-m}, tube de baromètre normal). L'ébulition est très difficile à effectuer sans briser le tube, quand celui-ci est large. Aussi emploie-t-on, dans ce cas, un autre procédé. Le tube nettoyé et séché comme ci-dessus, est fermé et enrondi à un bout, rétréci à l'autre bout, auquel on soude une pour le en verre B à deux tubulures (fig. 82). La tubulure inférieure est effilée très finement et fermée à la lampe, la supérieure est



Fpg. 82.

vide presque parfait dans le tubé. La pointe effilée est placée alors dans un vase en fer plein de mercure chauffé un peu au delà de 100°, et l'on brise avec une pince l'extrémité de cette

pointe. Le mercure monte très lentement, à cause de la sinesse du canal capillaire, dans le tube, préalablement chaussé, et le remplit petit à petit (le remplissage dure plus d'une heure), la très petite quantité d'eau qui mouille encore le verre se vaporise au contact du mercure chaud, et vient se loger dans la boule.

Le tube est ainsi séché parsaitement et rempli de mercure sec on achève l'opération comme dans le cas précédent.

3° Enfin, on emploie parfois pour les tubes larges ou fins le mode de remplissage suivant. Le tube effilé et ouvert à ses deu bouts est placé verticalement, son extrémité inférieure plongeau dans la cuvette du baromètre, qui doit contenir du mercure froid l, mais bien sec (¹). L'extrémité supérieure est mise en commune cation avec une trompe de Sprengel, qui fait le vide très le tement, mais avec une perfection telle que la chambre barometrique est encore mieux purgée d'air ou de vapeur que par le se deux méthodes précédentes.

L'opération terminée (elle peut durer huit à quinze joursi. l'extrémité supérieure est fermée à la lampe.

Ce dernier procédé, outre sa lenteur, a encore l'inconvénient de donner des tubes barométriques très fragiles et non transportables. Si le mercure vient à frapper l'extrémité supérieure estilée et non arrondie comme dans les autres baromètres, celle-ci est brisée presque infailliblement.

- 8. DÉPRESSION CAPILLAIRE. Quand on compare les indications de plusieurs baromètres construits avec soin, et dont les tubes sont de calibres différents, on remarque que ceux dont le diamètre est supérieur à 18 ou 20^{mm}, donnent exactement la même indication; mais ceux d'un moindre calibre contiennent une colonne mercurielle un peu moins haute. La différence entre les hauteurs du mercure dans un baromètre large et dans un baromètre étroit est d'autant plus grande, du reste, que le diamètre de ce dernier est plus faible. Cette différence porte le nom de
- (1) On dessèche parfaitement le mercure à froid, en le filtrant 10 à 12 fois dans des cornets de papier à tiltre percés d'une ouverture très fine à la partie inférieure. C'est à l'obligeance de MM. Alvergniat que nous devons les détails pratiques, rapportés ci-dessus, sur la construction des baromètres.

dépression capillaire. En voici la valeur moyenne pour des tubes de différents calibres :

Diamètre du tube.	Dépression capillaire.
en centimètres	en centimètres
0,2	0,45
0,4	.0,21
0,6	0,12
0 ,8	0,07
1,0	0,04
1,2	0,03
1,4	0,02
1,6	0,01
2,0	0,00

Si l'on observe la surface du mercure dans un tube étroit, on voit que cette surface est convexe, et que la courbure est, en général, d'autant plus grande que le diamètre est plus étroit. Dans les tubes larges la surface est plane, si ce n'est sur les bords, où elle se courbe. Ce sont là des phénomènes dits capillaires. Or il est démontré que, quand un liquide et un autre fluide sont séparés par une surface plane (1), il n'y a aucun changement brusque dans les pressions en traversant la surface de séparation; mais il n'en est plus de même quand, par une cause quelconque, la surface est courbe: en passant du côté convexe au côté concave de la surface de séparation, il y a une brusque augmentation dans la valeur de la pression par unité de surface. Cette augmentation est d'autant plus grande que la courbure est plus forte, et sa valeur dépend aussi de la nature des deux fluides en contact (2).

$$p = A \frac{1}{R} \left(+ \frac{1}{R'} \right)$$

⁽¹⁾ Comme le veulent les lois de l'hydrostatique, dans lesquelles nous avons négligé les phénomènes capillaires.

⁽²⁾ En désignant par R et par R' les deux rayons de courbure principaux de la surface, et par A une constante (constante capillaire), dépendant de la nature des deux fluides en contact, la brusque augmentation de force élastique p qui se produit, en passant du côté convexe au côté concave, est donnée par la formule:

Il résulte de là, qu'un élément de surface placé immédiatement au-dessous de la surface libre du mercure dans la chambre barométrique ne supporte aucune pression si la surface est plane (comme nous l'avons admis dans la théorie du baromètre). Au contraire, il supporte une pression finie si la surface est convexe, cette pression étant d'autant plus grande que la courbure est plus forte; la colonne mercurielle doit alors être moins élevée dans ce tube de la hauteur de mercure qui produirait précisément cette pression sur l'élément considéré. Il est clair que pour avoir la hauteur véritable de la colonne mercurielle faisant équilibre à la force élastique du gaz qui presse la cuvette, il faut ajouter à la hauteur lue la valeur de la dépression capillaire. C'est ce qu'on appelle faire la correction de capillarité.

Si le verre et le mercure étaient parfaitement propres, et s'il n'y avait aucune adhérence entre eux, la courbure de la surface qui termine la colonne mercurielle conserverait toujours la même valeur, et, dès lors, la dépression capillaire serait une quantité constante pour un même baroinètre. Mais il n'en n'est pas tout à fait ainsi; quand le mercure monte dans le tube, l'adhérence entre le liquide et le verre occasionne un retard entre les bords du ménisque et le centre, qui s'élève davantage au-dessus des

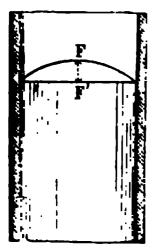


Fig. 83.

bords: la courbure et, par suite, la dépression capillaire deviennent plus grandes. Quand le mercure baisse, au contraire, le ménisque s'applatit, et la dépression diminue de valeur.

La connaissance du diamètre des tubes, et la mesure de la flèche FF' du ménisque (fig. 83), permettent de connaître la courbure de celui-ci, et, par suite, la valeur de la dépression capillaire, d'après une formule établie par Laplace (voir la note 2 de la page précédente), ou par l'emploi d'une table à double entrée calculée à

l'aide de cette formule. Malheureusement, la mesure de la flèche

Si la surface de séparation est sphérique, comme cela a lieu à peu près dans les tubes barométriques étroits, on a R = R', et la formule devient:

$$p = \frac{2\Lambda}{R}$$

nisque est généralement très difficile, et cette valeur étant nnue, la correction capillaire est incertaine.

résumé, les baromètres de haute précision doivent être arges pour que la dépression capillaire soit insignifiante. aux baromètres étroits, le mieux pour faire la correction

re est d'amener le ménisque, par quelhocs sur le tube, à prendre sa forme e avant de faire la lecture, et d'y ajoue constante déterminée par la compade l'instrument avec un baromètre à tube.

AROMÈTRE BORMAL. — C'est l'instruype, le plus simple et le plus parfait de g. 84).

compose d'un large tube de 20^{mm} inau moins, pour ne pas avoir à effece correction de capillarité. Ce tube, son extrémité inférieure, plonge dans vette. La hauteur du mercure est reà l'aide d'un cathétomètre (¹), ce qui me de rendre le tube parfaitement verlomme il ne serait pas commode de niveau du mercure de la cuvette, on le procédé suivant. Une vis verticale v tée par un écrou m, fixé aux parois de tte; cette vis est terminée en pointe à extrémité. En la tournant dans le sens



FIG. 84.

able, on amène la pointe inférieure à affieurer à la surn mercure, ce qui peut se faire avec une grande préci-

cathétomètre est un instrument qui permet de mesurer avec une récision des distances verticales inferieures à un mètre. Il consiste lement en une lunette astronomique, pourvue d'un réticule, et dont ique est exactement horizontal, quand l'instrument est réglé. Il est du reste, de faire tourner la lunette autour d'un axe vertical ; équent, son axe optique est mobile dans un plan horizontal. Cette eut se déplacer le long d'une regle graduée verticale, et se fixe à la

sion. En effet, tant que la pointe ne touche pas le mercur, on voit une certaine distance entre l'extrémité de celle-ci son image fournie par la réflexion de la lumière sur la surface e plane du liquide; cette distance est le double de celle qui exisentre la pointe et le mercure: on abaisse la vis jusqu'à l'annule si l'on vient du reste à dépasser le point d'affleurement, si la point plonge dans le mercure, on en est averti immédiatement par formation d'un bourrelet circulaire nettement visible, dù à la des pression du mercure autour de la pointe. Cette opération fait on détermine, à l'aide du cathétomètre, la distance vertice de la vis; en y ajoutant la distance des deux pointes, mesur une fois pour toutes, on a la hauteur barométrique.

Comme il est nécessaire de prendre la température du mercure pour connaître sa densité, un thermomètre est placé à côté tube barométrique; son réservoir plonge dans une éprouvette, d'un diamètre égal à celui du tube, contenant du mercure qui, soum aux mêmes influences, prend la même température que la colonnée barométrique.

Il est clair que le baromètre normal est un instrument de laboratoire; il ne peut être emporté en voyage. Comme on peut me surer une altitude à l'aide d'observations barométriques, il est nécessaire d'avoir pour cet usage des instruments transportables. C'est dans ce but qu'ont été construits le baromètre de Fortin celui de Gay-Lussac.

5

3

Ç.

13

40. BAROMÈTRE DE FORTIN. — Il se compose d'un tube de faible calibre (8 à 10^{mm} de diamètre intérieur), pour ne pas contenir un poids de mercure trop considérable. Ce tube est protégé dans toute sa longueur par une gaîne en laiton (fig. 86 et 87), qui présente deux fenêtres longitudinales opposées, pour laisser voir la colonne mercurielle. Cette gaîne porte une graduation en milli-

nauteur voulue sur celle-ci. On vise successivement avec la lunette les deux points dont on veut mesurer la distance verticale, et, que ces deux points soient ou non dans un même plan vertical, la heuteur dont il a fallu déplacer la lunette sur la règle graduée donne exactement la distance cherchée.

dont le zéro correspond à l'extrémité d'une pointe d'ivoire 15) fixée à la partie supérieure de la cuvette.

arseur, pourvu d'un vernier au $\frac{4}{10}$ ou au $\frac{4}{20}$, mobile à l'ai-

a bouton B (fig. 87), permet de la position de l'extrémité S de la mercurielle. Les bords inférieurs de antérieure et de la partie postérieue curseur sont dans un même plan iculaire à l'axe du tube.

ci est efflié dans le bas et plonge e cuvette complètement close (fig. it le fond est mobile, et peut s'élever isser, à volonté; de cette façon, on

ire affleurer le niveau du mercure à uté d'une pointe d'ivoire A à laquelle and le zéro de l'échelle graduée. uvette possède une paroi latérale, e à sa partie supérieure D, en buis artie inférieure MM; son fond est é par une peau de chamois souple; elle est fermée par un disque de

2 percé d'une ouverture centrale au passage du tube. Pour empêcher, transport, le mercure de la cuvette par cette ouverture, une peau de est fixée, d'une part sur le pourtour erture, d'autre part sur un étrangle-

très petites, trop fines pour laisser le mercure (à moins qu'il ne soit at comprimé) mais assez larges pour

ue présente le tube en ce point. eau est criblée naturellement d'ou-

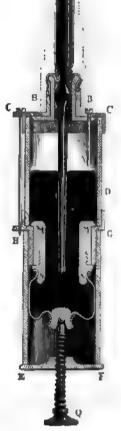


FIG. 85.

librement passer l'air; il en résulte gaz qui surmonte le mercure de la cuvette a toujours ne force élastique que l'atmosphère environnante. La inférieure de la cuvette est protégée par un cylindre nn HGEF; le fond en est percé d'une ouverture taraudée, qui constitue l'écrou d'une vis Q dont la par

Fig. 185.

suspension précédent.

rieure supporte le milieu d de chamois formant le for de la cuvette. En tourna: dans le sens convenable. remonter ou descendre l du mercure.

Un thermomètre placé le tube (fig. 86), et dont le rés protégé par une gaine de lais la température du baromètre

Pour faire l'observation, cessaire que l'échelle gra verticele. L'instrument éta près de révolution, son centi vité est situé sur l'axe, et ! cause du poids du mercure vette; il suffit, dès lors, de l dre par un point de l'axe celui-ci se mette de lui mê cal, et qu'il en soit de mên chelle, qui lui est parallèle. on peut employer deux moyer simple consiste à suspendre ment à l'aide d'un cordon pas un anneau, qu'il porte à sa 1 périeure. Mais, comme en 1 pagne on n'a pas toujours le nécessaire à ce mode de su on emploie le plus habit un trépied qui porte l'instru une suspension dite à la C celle-ci lui permet de prend les positions possibles autour de son axe, comme le

(1) La suspension à la Cardan, qui est employée aussi pour le

Voici maintenant comment on observe l'instrument.

On amène d'abord le niveau du mercure à affil eurer à l'extrémité de la pointe d'ivoire, en to zzrnant la vis dans le sens convenable; puis, ap∍rès avoir donné quelques légers chocs sur le tube, pour que le ménisque prenne sa forme normale, on amène le plan passant par les bords inférieurs de la partie antérieure et de la partie postérieure du curseur à être tangent à ce ménisque, ce dont on juge en plaçant l'œil de façon è voir coïncider ces deux bords avec le sommet de celui-ci. On n'a plus qu'à faire la lecture la position du vernier, et à noter la température, pour avoir la densité du mercure et pour faire la correction due à la dilatation de l'échelle. Il faudra ajouter au nombre lu la correction capillaire, qui ici n'est pas négligeable. En déterminant par la comparaison du Fortin evec un baromètre normal, on a l'avantage de corriger en même temps la petite erreur provesea rat de ce que l'extrémité de la pointe d'ivoire Peut ne pas correspondre exactement au zéro l'échelle.

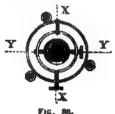
Quand on veut transporter l'instrument, il faut abord le remplir complètement de mercure;



Fig. 87.

en scela, par suite des oscillations de la colonne mercurielle

rine, consiste à rendre l'instrument mobile autour d'un premier axe YY (8. 88), dont les tourillons sont portés par un neau mobile lui-même autour d'un second axe perpendiculaire au premier, et qui le rencontre ométriquement sur l'axe de révolution de l'insament. Celui-ci peut ainsi tourner, soit autour YY, soit autour de XX. D'après cels, les mouements qu'il peut exécuter sont les mêmes que il était suspendu par le point d'entrecroisement 🔾 des deux axes de retation ; car, si nous consirone un point quelconque A de l'instrument et la **Tphère passant** par ce point et ayant O pour contre,



Do point A peut toujours passer de sa position actuelle à une autre posi-

produites par les secousses du transport, celle-ci viendrait choquer et briser l'extrémité du tube. Pour remplir l'instrument de mercure, il suffit de tourner la vis de façon à faire monter la liquide dans la cuvette; l'air qui est au-dessus s'en va par les porcs de la peau de chamois, et le mercure monte d'une égale quantité dans le tube barométrique. Quand l'air a complètemen disparu de la cuvette, et que le mercure est arrivé au contact de la peau de chamois, en continuant à tourner la vis dans le mêmsens, on comprime ce liquide qui s'élève alors jusqu'au haut dtube. On en est averti au léger choc qui se produit.

Cette opération faite, on retourne l'instrument, et on peut transporter sans danger dans cette position renversée (1).

Le baromètre de Fortin est excellent. Comme il ne n cessite pas l'emploi d'un cathétomètre, on s'en sert même dance les laboratoires ou dans les observatoires météorologiques ; seul ment, il est préférable, pour cet usage, d'employer un tube d' calibre un peu plus fort, afin de rendre moindre la correction pillaire.

_

11. BAROMÈTRE DE GAY-LUSSAC.— C'est un baromètre à siphe -et sont placées dans le prolongement l'une de l'autre, éten mit raccordées par un tube très fin ST convenablement courbé. branche à air est fermée à sa partie supérieure F, et préser = C une petite ouverture latérale O pour que la pression extérieu 🗷 🖛 se transmette à l'intérieur; cette ouverture est trop fine popermettre au mercure de passer, s'il n'est pas fortement comprir

tion quelconque prise sur cette sphère par une rotation autour de XX su = ie d'une rotation autour de YY.

1 Il serait mauvais de transporter l'instrument dans la position de l' servation, même qu'uni il est plein de mercure, car, à cause de l'élasticités la peau de chimis, qui forme le fond de la cuvette, dans une forte secou 💳 **ser** ensell ore **a fraggant.**

Un clui cales l'quel peuvent se l'ger le burometre et le trépied démondre permet un trinsport finite

Fig. 89.

Une gaîne en laiton protège tout le tube et présente des fenêtres longitudinales en haut et en bas pour laisser voir les deux niveaux du mercure C et A. Le long des branches se trouvent

delle x graduations en millimètres qui partent d'un même zéro. Des curseurs portant vernier et semblables à cellui du Fortin permettent de relever la hauteur de chacun des deux niveaux au-dessus du zéro commun des graduations. La différence des lectures donne, par com séquent, la hauteur barométrique quand les échaelles sont verticales, ce qui s'obtient en suspendant l'instrument par un anneau placé à sa partie supérieure. En sin un thermomètre, protégé par la gaîne de laiton, sait connaître la température.

Pay-Lussac espérait qu'avec cet instrument on n'aurait pas à effectuer de correction de capillarité, la dépression capillaire, qu'il faudrait ajouter en haut et en bas, ayant la même valeur, et disparaissant dans la différence. Mais ce dernier point n'est pas tout à fait exact. La dépression capillaire, pour un tube de même diamètre, n'a pas exactement la même valeur, suivant que le vide ou l'air existe au-dessus du mercure. En outre, le mercure de la branche inférieure finit par s'oxyder au contact de l'air, ce qui change complètement la valeur de la dépression capillaire. Comme on le voit, la correction de capillarité n'est pas négligeable dans cet instrument, et malheureuse-

ment elle est fort incertaine. En outre, la nécessité de faire deux lectures au lieu d'une, ce qui double l'erreur possible, et la grande fragilité du baromètre de Gay-Lussac le rendent inférieur à celui de Fortin. Pourtant, à cause de sa plus grande légèreté, il lui est quelquefois préféré en voyage.

Lorsque, après une observation, on veut transporter l'instrument, on le retourne dans le sens des flèches marquées sur la figure 89; le mercure gagne le haut de la chambre barométrique C, et le tube se trouve plein (fig. 90). Quant au mercure de la cuvette, il tombe dans le cul-de-sac qu'elle présente en F, la séparation se faisant dans le tube capillaire S.

Pour remettre l'instrument en observation, il suffit de le

retourner. Il pourrait arriver que, cette opération étant effectuée

sans précaution, une bulle d'air vint à pénétrer dans le tube de communication, et de là dans la chambre barométrique. Asin de remédier à cet inconvénient, Bunten a persectionné l'instrument de la saçon suivante: la branche supérieure s'essile en T (fig. 91),

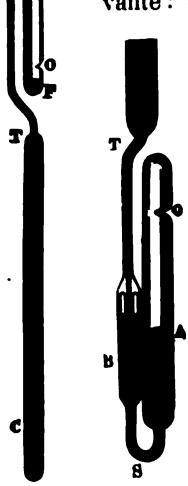


Fig. 90. Fig. 91.

et se termine par une partie capillaire, qui pénètre dans un renslement B, clos à sa partie supérieure; celui-ci se prolonge insérieurement par le tube de raccord des deux branches S. Si, pendant le retournement, une bulle d'air vient à pénétrer dans ce tube elle glisse le long des parois et ne peut pénétrer par la pointe très fine et centrale. Cette bulle d'air vient alors se loger dans le cul-de-sac du renslement B, et sa présence ne peut en rien nuire à l'exactitude de l'instrument, puisque la colonne mercurielle n'est pas interrompue entre les deux branches.

12. BAROMÈTRES DE FORME PLUS SIMPLE.

Outre ces instruments de précision, en emploie dans les appartements des baromètres soit à cuvette, soit is siphon d'une construction plus simple. Ces baromètres ont surtoure le défaut d'avoir une échelle fixe, dont le zéro correspond au nivemoyen du mercure dans la cuvette. Or, si la pression augment le niveau monte dans le tube et, par conséquent, descend dans la cuvette : ce niveau cesse d'être au zéro de la graduation y était précédemment. L'erreur est faible quand la surface la cuvette est grande par rapport à la section du tube; aussi baromètres dits à cuvette sont-ils moins inexacts que les barmètres dits à siphon, dont la branche ouverte (cuvette) a section qui souvent n'est pas de beaucoup supérieure à celle tube.

Pourtant un baromètre à échelle et à cuvette sixes sort employé dans les observatoires météorologiques, et connu sous nom de baromètre Tonnelot, permet d'obtenir des résultements

exacts. Dans cet instrument, qui rappelle par sa forme le baromètre de Fortin, la surface libre du mercure dans la cuvette est juste cent fois plus grande que dans le tube barométrique; de cette façon, quand le mercure monte de n millimètres dans le tube, il descend de $\frac{n}{100}$ de millimètre dans la cuvette, et viceversă. Quand l'extrémité de la colonne mercurielle est devant la division 760, le niveau du mercure dans la cuvette est juste au zéro de la graduation. D'après cela, si dans une observation on trouve que la colonne mercurielle s'arrête devant la division 760 $\pm n$, il n'y a qu'à corriger la lecture de $\pm \frac{n}{100}$ de millimètre, pour avoir le nombre exact.

13. BAROMÈTRES MÉTALLIQUES. — Sous ce nom on comprend des baromètres sans liquide, dont le principe repose sur l'élasticité des métaux solides.

Le baromètre imaginé par M. Vidi (baromètre anéroïde) se compose (fig. 92) d'une boite B circulaire plate, en métal. Sa face

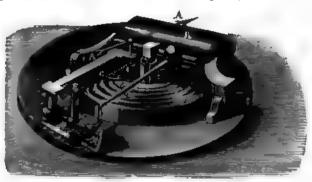


Fig. 94,

de l'és de façon à présenter des reliefs et des creux circulaires et con centriques. L'air a été très raréllé dans l'intérieur de cette boîte à l'aide d'une machine pneumatique. Il en résulte que la face périeure, mince et élastique, est déprimée par la pression transpérieure, comme la membrane dans l'expérience du crève-

vessie; le centre de la face est donc plus enfoncé qu'il ne le serait si la pression atmosphérique n'agissait pas, et sa position change suivant la valeur de celle-ci. Les déplacements qu'éprouv ce centre, par suite des variations de la pression atmosphérique sont, du reste, très faibles; mais, par une disposition mécanique ingénieuse (¹), elles se transmettent très amplifiées à une aiguille AA mobile sur un cadran (non représenté sur la figure). Celle-ci prend ainsi une position déterminée pour chaque valeur de la pression atmosphérique. L'instrument est gradué par comparaison avec un baromètre à mercure. Du reste on trouve que, dans les limites où varie la pression atmosphérique, la marche de l'aiguille est proportionnelle à la variation de pression de pression



sion; ceci permet de graduer l'instrument à l'aide de deux comparaisons seulement, faites, pour plus d'exactitude, à des pressions aussi différentes que possible.

M. Bourdon a imaginé un autre baromètre métallique d'une forme toute différente. L'organe essentiel de l'instrument est un tube (b F b'. fig. 93) en laiton mince, dont la section est elliptique M, et dont l'axe a une courbure circulaire. Catube est clos à ses deux extremités, et l'air est très rarélé son intérieur. Quand la pression

atmosphérique augmente, le tube s'applatit davantage, le granda axe de la section elliptique s'allonge, le petit axe se raccourcil il en résulte que la courbure du tube augmente, et que la distance des extrémités b et b' devient moindre. Un effet inverse produit quand la pression atmosphérique diminue; ce tube,

⁽¹⁾ Une tige fixée au centre egit sur la lame-ressort R qui, par l'internation diaire des leviers amplificateurs L et K, et de l'axe de rotation XX, transmite mouvement à l'extremite E du levier ME. A celle-ci est fixée une chaire C, qui s'enroule sur l'axe de rotation portant l'aiguille A. Un ressort assegniste Z maintient la chaine tendue.

de son élasticité, se rapproche de la forme plus rensiée qu'il mait si la pression était nulle; la courbure de l'axe diminue et extrémités b et b' s'écartent. Ces mouvements sont transmis deux tiges, articulées à leurs extrémités, à une portion de dentée qui engrène avec un pignon. Celui-ci porte une suille qui se meut sur un cadran. Cet instrument se gradue si par comparaison, et la marche de l'aiguille est proportion-le à la variation de pression.

Ces deux baromètres, d'une forme élégante et d'un faible ids (¹) ont l'inconvénient de tous les instruments de mesure dés sur l'élasticité des métaux. Celle-ci varie avec le temps différentes influences. Il en résulte que les indications, même elles sont exactes au moment où l'on vient de graduer l'instrunt, cessent généralement de l'être au bout d'un certain temps. ne sont à aucun titre des instruments de précision; mais, pour age qu'on en fait dans les appartements, ils sont bien sufficients; aussi sont-ils fort employés.

MANOMÈTRES. — On donne le nom de manomètre à tout trument destiné à mesurer la force élastique des gaz. D'après ette définition, le baromètre est un manomètre. C'est même le qui se suffise à lui-même, car tous les autres manomètres écessitent l'emploi direct ou indirect d'un baromètre pour donner le force élastique du gaz. Quoique ce dernier instrument soit suffisant pour cet usage, la difficulté d'avoir un tube assez long pour mesurer les pressions élevées, ou celle de faire communiquer la cavette avec l'enceinte contenant le gaz dont on veut mesurer la force élastique, a fait employer d'autres appareils. Nous allons décire, dans ce chapitre, le manomètre à air tibre et le manomètre barométrique, dont la connaissance est indispensable pour comprendre les vérifications expérimentales de la loi de Mariotte. Nous complèterons l'étude des manomètres après l'exposé de cette loi.

(1) On construit des baromètres anéroïdes de la grosseur d'une montre, pri teraient extrêmement utiles pour relever les altitudes, s'ils étaient plus exect.

45. MANOMÉTRE A AIR LIBRE. — Cet instrument se (fig. 94) d'un tube de verre présentant deux branches



ou à peu près, communiquant ent contenant un liquide qui, le plus lement, est du mercure. L'une de A est en communication avec l'en fermant le gaz dont on veut mesur élastique, l'autre B avec l'atmospi branche étant ouverte à sa partie s

Soit P la force élastique du gaz sur le liquide de la branche ferme pression atmosphérique. Un éléme situé sur la surface libre du liqu supporte une pression égale à P: ment de même aire s, situé sur la liquide en B, supporte une press troisième élément, de même aire précédents, et situé dans la branc le plan horizontal AC, passant pa du liquide dans la branche fermé: une pression égale à ps + shd, s distance verticale des niveaux A d est le poids spécifique absolu contenu dans le manemètre. Or, le en A et en C étant placés sur un horizontal, dans un même fluide (et ayant des aires égales, supporte

pression; d'où:

$$Ps = ps + shd \quad \text{ou} \quad P = p + hd$$

Pour avoir p, il faut consulter un baromètre ; soient l' barométrique et D le poids spécifique absolu du mer romètre ; on a :

p = HD

'Où:

$$P = HD + hd$$

sa, ce qui est le cas habituel, le manomètre renferme du mercure à la même température et, par conséquent, de même densité que le mercure du baromètre, on a :

$$d = D$$

et

$$P = (H + h)D$$

Supposons que la cuvette d'un baromètre à tube suffisamment long, soit placée dans l'enceinte renfermant le gaz de force élastique P, et soit H' la hauteur du mercure dans ce baromètre; on surait :

$$P = H'D$$

d, par conséquent:

$$H'D = (H + h)D$$
 ou $H' = H + h$

C'est-à-dire qu'en ajoutant à la hauteur h du mercure dans le manomètre, la hauteur H du mercure dans un baromètre, mesurut la pression atmosphérique, on a la hauteur H' de la colonne mercurielle qui ferait équilibre à la force élastique du gaz.

Nous avons supposé, dans ce qui précède, que le niveau du mercure en B était plus élevé que le niveau en A. S'il était plus bes, il est clair qu'il faudrait retrancher de H la différence de miveau pour avoir la hauteur H' de la colonne mercurielle qui ferait équilibre à la force élastique du gaz. En d'autres termes, dans la formule H' = H + h, on doit considérer h comme une quantité positive, si le niveau du mercure dans la branche ouverte est plus

élevé que dans la branche fermée, et comme une quantité négrantive dans le cas contraire.

e dans le cas contraire. Quand le niveau du mercure est sur le même plan horizon 🖘



Fig. 95.

dans les deux branches (h = et H' = H), la force élastiq du gaz égale la pression atmo---phérique du moment.

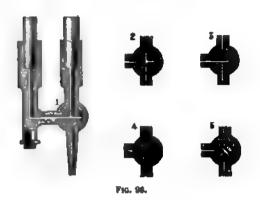
Dans les manomètres à air lib grossiers, la différence de niveh est mesurée par une éche 1 graduée tracée sur la planche & qui supporte le tube; cette éche-1 doit être verticale. Ces instaments présentent en généra le même inconvénient que baromètres à échelle fixe : lorser le mercure s'élève dans le tall B, il s'abaisse dans la cuvette et cesse d'être au zéro de la gra duation s'il y était précédemme Cet inconvénient est d'autant par les sensible que le rapport entre 🖫 🖛 section des tubes A et B moins grand.

Dans les recherches précisla différence de niveau doit relevée au cathétomètre.

Regnault a employé souve dens ses expériences un manornatre à air libre représenté figure dont les deux branches sont d'un même diamètre, assez considérations

ble (20 mm) pour ne pas avoir à effectuer de corrections capillaires. Une tubulure, située à la partie inférieure, permet de faire écouler le mercure de l'une ou de l'autre branche ou des deux à la fois, à l'aide d'un robinet à trois voies (représenté en coupe dans la figure 96). Ce robinet tourné dans la position (1) fait communiquer entre elles les deux branches; dans la position (2) ou dans la posi-

tion (3), l'une ou l'autre des deux branches communique avec le 2 ubulure inférieure; dans la position (4), les deux branches communiquent à la fois avec cette tubulure; et enfin, tourné



de 45 à partir de l'une quelconque de ces positions (5), les communications entre les trois branchements sont interrompues. Nous versons plus loin la nécessité de ces diverses manœuvres.

Sa la branche fermée a plus de 78 centimètres de hauteur, on pount évaluer les forces élastiques les plus faibles. Quant à la plus franche force élastique que peut mesurer l'instrument, elle ne dépend que de la hauteur de la branche ouverte.

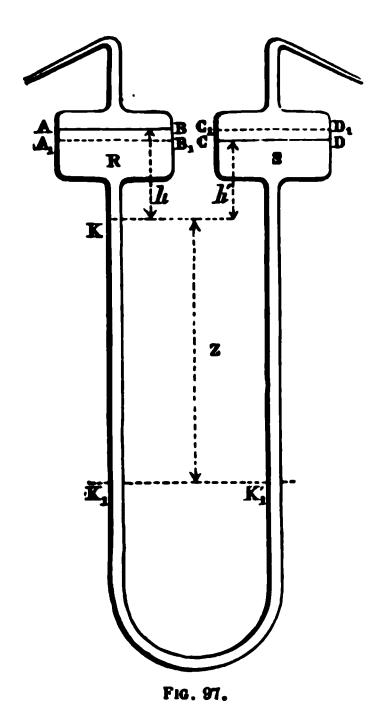
Quoique, sous cette forme, le manomètre à air libre permette de trouver la valeur des forces élastiques inférieures à la pression term osphérique, on lui préfère généralement pour cet usage le momètre barométrique.

ABONÈTRE DIFFÉRENTIEL DE M. ERETS. — C'est un manomètre

se compose (fig. 97) de deux vases cylindriques R et S de même secreties par un tube en forme d'U, d'un faible diamètre. L'un des vases S, le l'auche correspondante et la partie inférieure de l'autre branche renferment un même liquide. L'autre vase R et la partie supérieure de la branche cente renferment un autre liquide d'une densité un peu moindre, et non même liquide d'une densité un peu moindre, et non meible avec le premier. La partie supérieure de chacun des vases est mise value navec l'une des deux enceintes contenant les gaz dont on veut la différence de force élastique. C'est la position de la surface de

séparation des deux liquides dans la branche K qui donne la vale différence de force élastique.

Soient AB et CD les niveaux des liquides dans les deux v



K leur surface de soient h et h' les dis plan horizontal passas des niveaux AB et CD liquides, de poids spécis solus d et d', quand la stique est la même en CD.

D'après la loi des va muniquants, on a:

$$(1) \qquad hd = h'd'$$

Supposons, maintenar force élastique du gez (P + p) dans le vase dans le vase S. Le nivea jusqu'en A₁B₁ dans k vase et s'élève dans d'une même hauteur 2 C₁D₁, puisque les vase ont la même section. temps, la surface de des deux liquides s'es d'une hauteur beauci grande z, et est venue e volumes ABA₄B₄ et 1 égaux, puisque le volum

liquides n'a pas varié dans ce déplacement, on a :

$$xS = xs$$

en appelant S la section commune des deux vases, et s celle du tu D'autre part la pression π sur l'unité de surface en K_1 est donn

(3)
$$\pi = P + p + (h - x + z) d$$

celle π' sur l'unité de surface placée en K'_1 sur le même plan le est donnée par :

(4)
$$\pi' = P + (h' + x + z)d'$$

225

e comme $\pi = \pi'$, puisque les deux surfaces égales sont placées sur le même plan horizontal dans un même liquide, on a :

(5)
$$P + p + (h - x + z) d = P + (h' + x + z) d'$$

don.

$$(6. p = h d' - hd + z (d' - d) + x (d' + d)$$

en vortu de (1) et de (2) cette équation devient :

$$p = z \left[d' - d + \frac{s}{s} (d' + d) \right]$$

mesure de z donne p en valeur absolue si l'on connaît d et d' et le

L'instrument est d'autant plus sensible que z est plus grand pour même valeur de p; il est donc d'autant plus sensible que le facteur -d $+\frac{s}{S}(d'+d)$ est plus petit. Or, les deux termes de cette somme positifs puisque l'on a d'>d, leur somme est d'autant plus faible que chacun des deux termes est plus voisin de zéro. Les conditions de sensibi-

1º d' très voisin de d;

₹ 5 très grand par rapport à s.

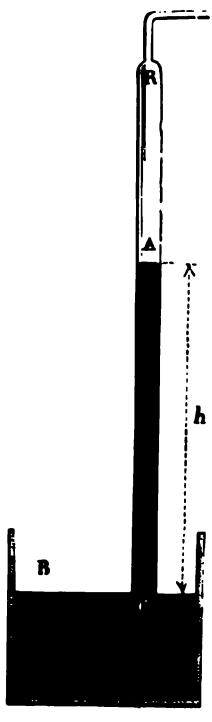
Le construction de l'appareil réalise la seconde condition.

Pour remplir la première, on se sert, comme liquide le plus léger d'alcool coloré en rouge par l'orseille, et, comme liquide le plus lourd, d'essence de l'élémenthine dont la densité n'est pas très différente. Il y aurait un inconvément. du reste, à exagérer la sensibilité en prenant deux liquides de densiétre proisines: la surface de séparation, au lieu de se déplacer régulièrement. Pour de petites variations continues de la pression, ne se déplacerait que par secades, à cause des adhérences dont l'effet serait de même ordre le grandeur que ces faibles variations de pression.

MANOMÈTRE BAROMÉTRIQUE. — Il se compose simplement d'un tube RC (fig. 98) à peu près vertical, d'environ 80 cent. de magueur, communiquant, par sa partie supérieure R, avec l'enceinte contenant le gaz dont on veut mesurer la force élastique, et, par sa partie inférieure, avec le mercure d'une cuvette ouverte à l'air

libre. Si la force élastique du gaz renfermé dans l'enceinte est inférieure à la pression atmosphérique, le mercure s'élève dans

le tube à une certaine hauteur CA.



Soit h la distance verticale entre les niveaux du mercure dans le tube et dans la cuvette. Soient P la force élastique du gazet la pression atmosphérique. Un élément de surface d'aire s, placé sur le niveau A. supporte une pression Ps; un élément de même aire s, placé en C dans le tube, sur le plan horizontal de la surface libre du mercure dans la cuvette, supporte une pression Ps + shD, en appelant D, le poids spécifique absolu du mercure; mais un élément B de même aire s, situé sur la surface libre du mercure, supporte la même pression; or, cette pression, étant produit e par l'atmosphère, est égale à ps, d'où:

$$ps = Ps + shD$$

Otl

$$P = p - hD$$
.

Pour avoir p, il faut consulter un baromètre; soit H la hauteur de la colonne mercurielle qui fait équilibre à la pression atmosphérique, on a:

d'ou:

$$P = HD - hD = (H - h)D$$

ongions la cuvette d'un baromètre dans l'enceinte gaz de force élastique P, le mercure s'élèverait à hauteur H', et l'on aurait :

$$P = H'D$$

$$H'D = (H - h)D$$

H' = H - h

t la hauteur H' de la colonne qui ferait équilibre à la force gaz en retranchant de la hausercure qui fait équilibre à la mosphérique la hauteur h du as le manomètre barometrique. ouvent, dans la cuvette même re barométrique plonge le tube tre normal (fig. 99); en relevant ètre la différence (H - h) entre du mercure dans le baromètre e niveau a dans le manomètre e, on a immédiatement la haut colonne mercurielle qui ferait la force élastique du gaz.

tre du tube doit être au moins ur que la dépression capillaire iante.



Fig. 99.

r que l'emploi de cet instrument est limité à la déters forces élastiques inférieures à la pression atmosphétandis qu'il faut faire deux mesures (celle de H, et pour évaluer la force élastique à l'aide d'un manomèe, il n'en faut faire qu'une (celle de H - A) quand on emploie un manomètre barométrique; c'est pourquoi ce derni instrument est préférable, quand il est possible de l'employer.

47. CORRECTION DE TEMPÉRATURE. — Les échelles qui serve à mesurer les hauteurs du mercure dans un baromètre ou dans manoinètre (règle graduée du cathétomètre, échelle d'un baron tre de Fortin ou de Gay-Lussae) ne donnent d'indications exact que si leur température est 0° ; car c'est à 0° que chacune des evisions vaut 1^{mm} . A une température t chaque division vaut $1^{mm} \times (1 + \lambda t)$, λ étant le coefficient de dilatation linéaire de substance (généralement le laiton) qui forme l'échelle. Il en résu que si nous trouvons que la colonne mercurielle vaut t divisions la règle, celle-ci étant à la température t, la véritable hauteur mercure t est t (t + t); d'où :

$$(1) H = h(1 + \lambda t)$$

La correction consiste donc à multiplier par le binôme de latation linéaire la hauteur lue pour avoir la hauteur vraie.

18. RÉDUCTION DES HAUTEURS BAROMÉTRIQUES OU MANO. TRIQUES A 0°— Dans un très grand nombre de cas, on n'a besque de connaître le rapport des forces élastiques des mas gazeuses qu'on étudie, rapport qui est égal à celui des colon de mercure qui leur font équilibre. De là vient l'usage d'exp mer une force élastique par cette hauteur. Il suffira du reste multiplier celle-ci par le poids spécifique absolu du mercure p avoir, en valeur absolue, la force élastique. Mais, la densité par conséquent, le poids spécifique absolu du mercure vari avec la température. Il convient dès lors de ramener par un c cul la hauteur du mercure à t°, qui fait équilibre à la force él tique du gaz considéré, à ce qu'elle serait à une autre tempé ture choisie la même pour toutes les comparaisons qu'on faire, et que, pour plus de simplicité, on est convenu de preu égale à 0°.

C'est ce qui s'appelle réduire les hauteurs mercurie

Soit H la hauteur du mercure à t^{\bullet} qui fait équilibre à la force élastique p d'un gaz; si D_t est le poids spécifique absolu du mercure à cette température, on a :

$$(1) p = HD_t$$

Soient H_0 la hauteur du mercure à 0° qui ferait équilibre à la même force élastique p, et D_0 le poids spécifique absolu du mercure à 0° ; on a :

$$p = H_0 D_0$$

d'où:

(3)
$$H_0D_0 = HD_t$$
 $H_0 = H \frac{D_t}{D_0}$

Or, on a, en appelant μ le coefficient de dilatation absolue du mercure :

$$\frac{D_t}{D_0} = \frac{1}{1 + \mu t}$$

d'où, en remplaçant:

$$H_0 = \frac{H}{1 + \mu t}$$

Il va sans dire que si l'on a à ajouter ou à retrancher les hauteurs de deux colonnes mercurielles à des températures dissérentes, comme cela arrive dans la mesure des sorces élastiques par l'emploi simultané d'un manomètre et d'un baromètre, la réduction à 0° devra se saire séparément sur chacune des colonnes d'après la température correspondante, avant de les ajouter ou de les retrancher (1).

- 19. RÉDUCTION DE LA HAUTEUR MERCURIELLE AU NIVEAU DE LA MER ET A LA LATITUDE DE 45°. Le poids spécifique absolu du mercure a 0° (poids de l'unité de volume) est proportionnel à l'intensité de la pesanteur. Il en résulte que la hauteur de la colonne mercurielle qui fait équilibre à une même force élastique est d'autant plus courte que l'intensité de la pesanteur est plus grande. Or, celle-ci varie avec la latitude et avec l'altitude; si donc on se contente, pour comparer les forces élastiques, cle comparer les hauteurs barométriques relevées en divers points du globe, comme on le fait, en particulier, dans les études météco-
- (1) Dans l'emploi des baromètres de Fortin et de Gay-Lussac, et même dans l'emploi du baromètre normal la température de l'échelle est sensiblement la même que celle de la colonne mercurielle. On peut alors faire à la fois la correction due a la température de l'échelle et la réduction à O. Remplaçous dans la formule (5) du § 18 la hauteur vraie H du mercure à le par sa val tirée de la formule (1) du § 17; il vient:

$$H_0 = h \, \frac{1 + \lambda t}{1 + \mu t}$$

ou, en négligeant les produits très petits de μ par λ:

$$H_0 = h \left[1 - (\mu - \lambda)t \right]$$
 ou encore $H_0 = h - (\mu - \lambda)ht$

quand l'échelle est en laiton $\lambda = 0,00001878$

du reste on a: $\mu = 0.00018002$

d'où: $\mu - \lambda = 0,000 161 24$

et par conséquent :

$$H_0 = h - 0,000 161 24ht$$

Il sussit donc de retrancher du nombre de divisions lu à la qua 0,000 161 24 nt. Des tables à double entrée, calculées d'après cette sorme donnent ce terme correctif quand on connaît h et t, ce qui réduit la cortion à une simple soustraction. On trouvera à la sin de la première p de cet ouvrage une de ces tables.

rologiques, il est nécessaire de réduire ces hauteurs à ce qu'elles auraient été si le mercure avait eu le poidsspécifique absolu qu'il possède en un lieu déterminé, le même dans toutes les comparaisons qu'on a à faire. On est convenu deprendre pour cet endroit déterminé la latitude de 45° et l'altitude 0 (niveau de la mer).

Soit H_0 la hauteur du mercure à 0° qui, en un endroit où le poids spécifique absolu de ce mercure est D_0 , fait équilibre à la force élastique p d'un gaz; et soit H_1 la hauteur qui fait équilibre à la même force élastique p à la latitude de 45° et au niveau de la mer, où le mercure a un poids spécifique absolu D_1 , on a:

$$p = H_0 D_0 = H_1 D_1$$

d'où:

$$H_1 = H_0 \frac{D_0}{D_1}$$

Or, si g est l'intensité de la pesanteur au premier endroit et G l'intensité de la pesanteur à la latitude de 45° et au niveau de la mer, puisque le poids d'un même corps est proportionnel à l'intensité de la pesanteur, on a :

$$\frac{D_0}{D_1} = \frac{g}{G}$$

d'où:

$$H_1 = H_0 \frac{g}{G} (1)$$

(1) On a du reste (L. 2 Chap. III, § 13):

$$\frac{g}{G} = 1 - 0,002552 \cos 2\lambda - 31 \times 10^{-10} a$$

et, par conséquent :

$$H_1 = H_0 - 0,002552 H_0 \cos 2\lambda - 31 \times 10^{-10} aH_0$$

formule dans laquelle λ est la latitude, et a l'altitude en centimetres.

20. UNITÉ SECONDAIRE DE FORCE ÉLASTIQUE. — Nous avons vu ? 2 que l'unité de force élastique dans le système C. G. S. est la lorce élastique d'un gaz qui presse avec la force d'une dyne un cetatimètre carré de surface.

Comme cette unité est très petite, pour la pratique on peut en ployer une unité secondaire valant 10 unités absolues, c'est force élastique d'un gaz qui exerce une force d'un million (1000) de dynes par centimètre carré. Cette force élastique est à peu pression atmosphérique moyenne pour les diverses altitude la pression atmosphérique moyenne pour les diverses altitude la habitées, car c'est la pression exercée à Paris par une colonne mercure à 0° haute de 74,978 cent. (en nombre rond 75 cent.) nous appellerons cette unité secondaire (10°) une atmosphére c. G. S., pour la distinguer de la force élastique qu'on désigne avant l'adoption du système C. G. S. sous le nom d'une atmosphère et qui est la pression exercée à Paris par une colonne mercure à 0° de 76 cent. de hauteur.

C'est à cette unité qu'il convient dorénavant de rapporter Le diverses constantes des gaz.

CHAPITRE III

LOI DE MARIOTTE

1. ÉNONCÉ DE LA LOI DE MARIOTTE. — Quand on diminue le volume d'une masse gazeuse, sa force élastique augmente : l'expérience du briquet à air le prouve. Le physicien anglais Boyle (¹) en 1661, le physicien français Mariotte (²) en 1676, énoncèrent la loi de la compressibilité des gaz et la vérisièrent par l'expérience. Cette loi porte en France et dans la plupart des pays étrangers le nom de ce dernier physicien (³); en voici l'énoncé.

A une même température, la force élastique d'une même masse gueuse varie en raison inverse de son volume.

Soit V_1 le volume d'une masse gazeuse dont la force élastique est P_1 , et V_2 le volume de la même masse gazeuse à la même température, quand sa force élastique est P_2 , la loi s'exprime par la relation :

$$\frac{P_1}{P_2} = \frac{V_2}{V_1}$$

⁽¹⁾ Robert Boyle né à Lismore en Irlande en 1626, mort à Londres en 1691.

L'abbé Edme Mariotte né en Bourgogne vers 1620, mort en 1684.

⁽³⁾ Les Anglais l'appellent loi de Boyle.

Mariotte vérifia la loi dans le cas des pressions plus faibles et plus fortes que la pression atmosphérique; Boyle, dans ce dernier cas seulement.

Comme le rapport $\frac{P_1}{P_2}$ des forces élastiques est le même que le rapport $\frac{H_1}{H_2}$ des hauteurs d'un même liquide qui leur font respectivement équilibre, on a :

$$\frac{H_1}{H_2} = \frac{V_2}{V_1}$$

De l'équation (1) on tire :

(3)
$$P_1V_1 = P_2V_2 = P_3V_3 = \dots$$
 constante

D'où cet autre énoncé de la loi de Mariotte :

Le produit de la force élastique d'une masse gazeuse par son volume est une quantité constante pour une même température. Soit k la valeur de cette constante :

$$(4) PV = k$$

Cette constante k a une signification physique très sim \mathbb{R}^{-1} e. Faisons P = 1 dans la formule (4), il vient :

$$k = V$$

La constante à représente donc le volume de la masse gaz — use quand elle possède l'unité de force élastique.

On been, farsons dans (4) V = 1, il vient :

La constante à représente aussi la force élastique de la masseure quand elle occupe l'unité de volume.

De même, l'équation (2) donne:

(5)
$$H_1V_1 = H_2V_2 = H_3V_3 = \dots$$
 constante.

et cette constante représente le volume de la masse gazeuse sous la pression d'une colonne du liquide considéré ayant l'unité de hauteur, ou bien la hauteur de ce liquide qui fait équilibre à la force élastique du gaz quand il occupe l'unité de volume.

2. DENSITÉ D'UN GAZ. — Soient p la masse d'une certaine quantité de gaz, D_1 sa densité et V_4 son volume, on a :

$$p = V_1 D_1$$

d'après la définition de D₄.

Si la même masse p prend un volume V_2 , sa densité devient D_2 , et l'on a :

$$p = V_1 D_1 = V_2 D_2$$

d'où:

$$\frac{D_2}{D_1} = \frac{V_1}{V_2}$$

Si la température est la même, la loi de Mariotte donne la relation :

$$\frac{\mathbf{V_i}}{\mathbf{V_g}} = \frac{\mathbf{P_g}}{\mathbf{P_i}} = \frac{\mathbf{H_g}}{\mathbf{H_i}}$$

d'où:

$$\frac{D_{2}}{D_{1}} = \frac{P_{2}}{P_{1}} = \frac{H_{2}}{H_{1}}$$

La densité d'un gaz, à une même température, varie comme sa force élastique (ou comme la pression qu'il supporte).

Soit a la masse de l'unité de volume d'un gaz à la température considérée et sous la pression de 1 cent. de mercure. A la même température et sous la pression de H cent. de mercure, on a pour la densité D de ce gaz :

$$\frac{\mathrm{D}}{a} = \frac{\mathrm{H}}{\mathrm{I}}$$

d'où

$$D = aH$$

et, par conséquent, pour la masse p d'un volume V de ce gaz:

$$p = aHV$$

- 3. VÉRIFICATION EXPÉRIMENTALE DE LA LOI DE MARIOTTE. Mariotte a démontré l'exactitude de cette loi : 1° dans le cas des forces élastiques supérieures à la pression atmosphérique; 2° dans le cas des forces élastiques inférieures à cette pression.
- 1° Dans le premier cas, pour répéter sa démonstration, on se sert d'un tube de verre présentant deux branches verticales (fig. 100), l'une courte et fermée B, l'autre longue et ouverte A. Ce tube est supporté par une planchette verticale; sur celle-ci se trouven deux graduations en parties d'égale hauteur, partant d'un zér commun, l'une le long de la grande branche, l'autre le long de petite; en outre, vis à vis de cette dernière, se trouve une graduation en parties d'égale capacité dont le zéro correspond à partie supérieure de la branche.

On introduit dans le tube une quantité convenable de mercure pour qu'on puisse l'amener par tâtonnement à s'élever dans les deux branches jusqu'au zéro commun des premières graduations. On emprisonne ainsi dans la branche fermée un volume d'air

la

is la pression atmosphérique, puisque le mercure se

r le même plan horizontal dans pranches; soit H la hauteur de pui fait équilibre à cette pres-

se ensuite du mercure par la ouverte, ce qui fait monter le mercure dans la branche isqu'à réduire à moitié le vol'air qui y est contenu : on rs que la différence de niveau lit entre les deux branches est 1. D'après ce que nous avons pos du manomètre à air libre, lastique du gaz emprisonné est alors par une colonne de mere à H + H ou 2H. Ainsi l'expéentre que le volume étant réduit la force élastique a doublé. En e nouveau du mercure jusqu'à i volume de l'air au tiers de ce primitivement, on trouve que ace des niveaux du mercure leux branches est 2H; la force du gaz est donc équilibrée par $\mathbf{r} + \mathbf{H} + \mathbf{2H}$ ou $\mathbf{3H}$: elle est le ce qu'elle était primitivement; ; suite.

our démontrer la loi dans le forces élastiques inférieures à l'atmosphère, on se sert d'un métrique B (fig. 101) dans leintroduit une certaine quantité qu'on peut enfoncer complètes une cuvette profonde C. Ce radué en parties d'égale capaparties d'égale hauteur.



ace d'abord le tube jusqu'à ce que le mercure soit au

même niveau à l'intérieur et à l'extérieur. L'air emprison



étant alors sous la pression atmospherique H, on lit le volume qu'il occupe On soulève ensuite le tube, ce qui augmente le volume de l'air, jusqu'à ce que ce volume ait doublé; le niveau du mer cure est alors plus élevé dans le tube qu dans la cuvette, et l'on trouve que la différence de hauteur est égale à $\frac{H}{2}$. D'aprèce que nous avons vu, à propos du mano mêtre barométrique, la force étastique de gaz est alors équilibrée par une colonne de mercure égale à $\left(H-\frac{H}{2}\right)$ ou $\frac{H}{2}$

Ainsi, le volume de l'air ayant doublé, s force élastique est réduite à la moitié d sa valeur primitive. Si l'on soulève d nouveau le tube jusqu à ce que le volum de l'air ait triplé, on trouve que la hauteu du mercure soulevé est plus grande, e est égale à $\frac{2}{3}$ H: la force élastique d mercure de hauteur $\left(H - \frac{2}{3}H\right)$ ou $\frac{H}{3}$

Ainsi, le volume ayant triplé, la forc élastique est réduite au tiers; et ains de suite: quand le volume est rendu a foi plus grand, on trouve que la hauteur d'intercure soulevé est $\frac{n-1}{n}$ H, ce qu'donne pour la colonne qui fait équilibre à force élastique de l'air $\left(H - \frac{n-1}{n}\right)$ H.

ou $\frac{H}{n}$, conformément à la loi de Mariotte.

4. EXPÉRIENCES DE DESPRETZ. - Après Boyle et Mariotte, un

grand nombre de physiciens refirent leurs expériences, et en général confirmèrent l'exactitude de la loi qu'ils avaient découverte. Aussi pendant longtemps fut-elle généralement admise comme parfaitement exacte, non-seulement pour l'air, mais encore pour les autres gaz.

En 1826, Œrsted (1) et Swendsen, après avoir reconnu que la loi s'applique bien à l'air et à plusieurs autres gaz, virent que l'acide sulfureux se comprimait plus que l'air dans les inêmes circonstances : la densité de l'air ayant augmenté dans le rapport 3,189, celle de l'acide sulfureux augmenta dans le rapport 3,319.

Vers la même époque, Despretz (2) fit une étude comparative plus complète de la compressibilité de divers gaz soumis aux mêmes pressions.

Voici la description de l'appareil fort simple qu'il employa.

Deux éprouvettes (fig. 102) identiques entre elles, plongent dans une petite cuve à mercure. Elles renferment l'une a de l'air, l'autre quin gaz différent, de l'acide sulfu-

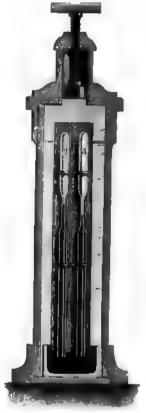


Fig. 102.

reux, par exemple. Ces deux éprouvettes sont fixées à une même planchette, et le tout est placé au fond d'un tube de cristal à

(1) J.-Chr. (Ersted, né à Rudkjöbing (Danemark) en 1777, mort en 1851, fat professeur a l'Université de Copenhague.

(3) César Mansuète Despretz, physicien français né à Lessines (Hainaut) en 1792, mort le 15 mars 1863. Il fut professeur au lycée Henri IV et à la Sorbonne.

parois très épaisses et plein d'eau. On ferme le cylindre à l'aide d'un couvercle qui se visse sur une garniture métallique. Ce couvercle porte un corps de pompe contenant un piston, sur lequel on agit avec une vis. En enfonçant le piston, la pression augmente, et les gaz se comprimant, le mercure s'élève dans les deux éprouvettes. Les volumes des deux gaz, égaux sous la pression atmosphérique, restent encore égaux tout en devenant plus petits quand la pression commence à augmenter; car le mercure s'élève à la même hauteur dans les deux éprouvettes. Mais dès que la pression devient un peu grande, on voir le mercure monter plus haut dans l'une des éprouvettes (pour l'exemple choisi, dans celle qui contient l'acide sulfureux), indiquant que l'un des deux gaz est plus compressible que l'autre

Despretz trouva ainsi que l'acide sulfureux, l'acide sulfly — drique, le cyanogène et l'ammoniaque se comprimaient plus que l'air. L'hydrogène se comprimait un peu moins sous de trèffortes pressions.

Il résulte de ces expériences que, si l'air suit la loi de Mariotte d'autres gaz ne la suivent pas exactement : car, si deux gabéissant à la loi de Mariotte ont des volumes égaux V sous un certaine pression, sous une pression n foi plus grande les volumes doivent devenir chacun $\frac{V}{n}$, et, par conséquent rester égaux entre eux.

D'après cela il devenait probable que l'air lui même ne devai suivre qu'approximativement la loi de Mariotte.

5. EXPÉRIENCES DE DULONG ET ARAGO. — C'est pour éclairei. — cette question que peu d'années après les expériences de Despretz — un remarquable travail fut fait par Dulong (1) et Arago (2) sur la vérification de la loi de Mariotte dans le cas de l'air soumés à de fortes pressions.

L'appareil qu'employèrent ces savants (fig. 103) n'était au

¹ Pierre-Louis Dulong, ne à Rouen en 1785, mort à Paris en 1838.

² Dominique-François trago, né à Estagel (Pyréneces-Orientales) en 1786, mort a l'aris en 1883.

le tube de Mariotte mais avec des dimensions colossales. the fermée FG contenant l'air était formée d'un tube de parois très épaisses (6^{mm}) ayant 2 mètres de haut sur

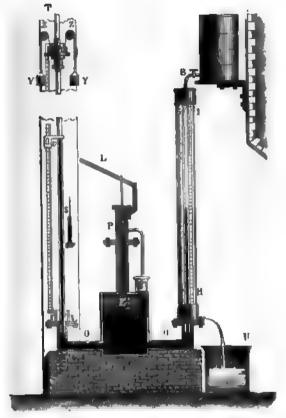


FIG. 108.

le diamètre intérieur; il était entouré d'un manchon HI equel circulait constamment un courant d'eau froide pour nir l'air emprisonné à une température constante. La e ouverte T avait une hauteur de 26 mètres; elle était de 18 tubes en cristal de 2 mètres chacun. Cette longue

colonne était appuyée contre un madrier de sapin qui s'élevait à l'intérieur de la tour Clovis, située dans les bâtiments du lycée Henri IV. Chaque tube qui la composait était équilibré isolément par un système de poulie ZZ et de contre-poids YY, pour que la colonne ne fléchisse pas sous son propre poids: ces tubes étaient réunis entre eux par une virole à vis, et un cuir gras interposé empêchait toute fuite.

Des thermomètres S placés de distance en distance, et dont les réservoirs plongeaient dans des éprouvettes pleines de mercure et ayant même section que les tubes, servaient à donner la température des diverses parties de la colonne manométrique.

Comme on ne pouvait songer à verser le mercure par l'extrémité supérieure de la branche ouverte, un réservoir E contenns ce métal était situé sur le canal de communication OO entre les deux branches; une petite pompe P permettait d'injecter de l'ess à la surface du mercure pour le forcer à s'élever.

Les volumes de l'air étaient donnés par une règle verticele en cuivre placée contre la branche fermée.

Des règles graduées mobiles, munies d'un vernier r, et dont l'observateur au moment de la mesure appliquait le zéro à des repères fixés aux tubulures de jonction, permettaient de mesure la hauteur du mercure dans la branche ouverte.

L'expérience se faisait d'une façon très simple: après avor refoulé le mercure dans le tube FG au point voulu, on lisait le volume de l'air et la différence de niveau entre le mercure des deux branches; en y ajoutant la hauteur barométrique on avoir la hauteur de la colonne mercurielle qui faisait équilibre à la force élastique du gaz.

Arago et Dulong poussèrent leurs expériences jusqu'à 26 atmorphères, et trouvèrent que l'air suit la loi de Mariotte jusqu'à cette pression élevée. Pourtant, en examinant les nombres qui résultant de leurs expériences, on peut remarquer qu'ils indiquent me compressibilité un peu plus grande que celle qu'exigerait cette loi. Mais les différences sont si faibles qu'elles peuvent tre attribuées aux erreurs d'expérience.

Malheureusement la précision de cette méthode de mesure décroît quand la pression augmente. En esset volumes de la masse gazeuse pour des sorces élastiques H et H,

(supposons H' > H). Il faut voir si le rapport $\frac{V'}{V}$ est égal au rapport $\frac{H}{H'}$. Or l'erreur relative maximum qu'on peut commettre sur l'évaluation de $\frac{V'}{V}$ est, comme on le sait, égale à la somme des erreurs relatives maximum possibles dans la mesure de V et de V'. Quel que soit le volume de l'air, la plus grande erreur absolue que l'on peut commettre sur la lecture du volume est toujours la même (par exemple c'est $\frac{1}{10}$ de centimètre cube); unis le quotient de cette erreur absolue par le volume V', c'est-à-dire l'erreur relative, est d'autant plus grand que le volume V' de l'air est plus petit. Le rapport $\frac{V'}{V}$ est donc connu d'autant moins exectement, la vérification de la loi est d'autant moins précise, que la pression est plus élevée.

La disposition expérimentale présentait, en outre, un défaut. Sons les fortes pressions la petite pompe à eau fuyait. Quand on cossit de la faire fonctionner, la pression diminuait dans le réservoir E à cause de ces fuites, et les colonnes mercurielles, mieu de rester fixes dans les deux branches, baissaient lentement, ce qui génait beaucoup pour faire la mesure.

Argo n'avaient pu étudier la compressibilité des gaz aisément puélables, qui, d'après les expériences de Despretz, devaient comprimer plus que ne l'indique la loi de Mariotte.

Pour combler cette lacune, Pouillet (1) reprit les expériences de Depretz, avec un appareil qui lui permettait de comparer la compressibilité d'un gaz à celle de l'air jusqu'à 100 atmosphères; a voici la description.

1 se compose (fig. 104) de deux tubes en cristal G et F, à

- may 6

エッ

He

Claude-Servais-Mathias Pouillet, né à Cazance (Doubs) en 1761, mort à 5 jain 1868. Il fut maître de conférences à l'École Normale Supérieure de Professeur au Conservatoire des Arts-et-Métiers.

parois épaisses, longs de 2 mètres environ, et qui communiquent par leur partie inférieure avec un réservoir en fer très résistant,



Fig. 104.

contenant du mercure. Au-dessus de ce liquide se trouve de l'huile, qui baigne un pisten plongeur C terminé par une vis A passant dans l'écrou B. Ce piston, qui peut être enfoncé plus ou moins dans le réservoir, en tournant la manette DD, permet de comprimer les fluides.

Les tubes G et F étant de bord ouverts à la partie supérieure, on fait monter le mercure jusqu'en haut; après 🚾 avoir mis en communication avec les réservoirs renferme l'un de l'air sec, l'autre le 🕬 à étudier, on relève le pistos B: le mercure baisse dans les deux tubes, qui s'emplisses 🌢 gaz sous la pression atmosphirique. On ferme alors à la lamps l'extrémité des tubes, et l'appareil est disposé pour faire l'epérience. En enfonçant le piri on fait monter le mercure de les tubes G et F; on redu ainsi le volume des gaz qu'à renferment, en les soumette

à une même pression.

Pouillet a trouvé les résultats suivants :

1° L'oxygène, l'azote, l'hydrogène, le bioxyde d'azote et l'ayabe de carbone se compriment comme l'air jusqu'à 100 atmosphères, et, par conséquent, obéissent à la loi de Mariotte aussi bien que ce dernier gaz.

2º L'acide sulfureux, l'ammoniaque, l'acide carbonique et le protoxyde d'azote se compriment plus que l'air (et par cuest quent plus que ne l'indique la loi de Mariotte) dès que leur volume est réduit au $\frac{1}{3}$ ou au $\frac{1}{4}$ du volume primitif. (Tous ces gaz se hquéfiaient dans l'appareil en augmentant la pression).

3° Le protocarbure et le bicarbure d'hydrogène, quoique ne se le perion pas, même sous la pression de 100 atmosphères à la temperature de l'expérience (8° à 10°), se compriment pourtant plus que l'air.

1 EXPÉRIENCES DE REGNAULT. — Regnault (1), convaincu par ses expensees sur la dilatation des gaz, qu'aucun d'eux n'obéit neuceusement à la loi de Mariotte, résolut de reprendre l'étude troite de la foi de leur compressibilité. Plus heureux qu'Arago Dulong, it eut le loisir d'étudier non seulement l'air, mais excre l'azote, l'hydrogène et l'acide carbonique.

Son appareil ressemblait beaucoup dans son ensemble à celui de on thysiciens; mais la méthode employée était différente. Chaur repenseure comprenait deux séries de mesures. On commenon par remplir la branche ferinée du gaz à étudier sous une cerare pression (égale ou supérieure à la pression atmosphérique). har ela, cette branche présentait une ouverture à sa partie su-Micure qui permettait la communication du tube avec le récipertrenfermant le gaz; cette communication pouvait être interopter ensuite à l'aide d'un excellent robinet. Après avoir fermé celor connecurant la force élastique. En refoulant du mercure dans rent branches, on réduisait alors le volume du gaz dans un rapparonnu, qui dans toutes les expériences était très voisin du rappr. 1,2. On mesurant la nouvelle force élastique, et l'on avait ainsi 💀 - les données nécessaires à l'étude de la compressibilité du pu pour res deux forces élastiques. Dans l'expérience suivante, Traphssait le tube du même gaz sous une pression très voisine Pla qui existait à la fin de l'expérience précédente, puis on relusant de même le volume à la mortie de sa valeur primitive

deur-Victor Regnault, physicien français, né à Aix-la-Chapelle, la 1810 mort le 19 janvier 1878. Il fut pendant 38 ans professeur au Collège de France

et l'on mesurait la force élastique. On opérait ainsi jusqu'à ce qu'on cut atteint 30 atmosphères environ.

On voit que, quelque grande que soit la pression, les erreurs relatives commises sur les volumes sont toujours les mêmes; cette méthode se trouve donc à l'abri de la critique que l'on peut adresser à celle de Dulong et Arago.

8. DESCRIPTION DE L'APPAREIL DE REGNAULT ET MARCHE D'UN EXPÉRIENCE. — Cet appareil était installé dans une tour peu élevée, construite par Savart derrière le Collège de France, à Paris.

La branche fermée JR (fig. 105) était formée d'un tube ca cristal, de 3 mètres de long et d'un diamètre intérieur de 11. Ce tube portait, dans toute sa hauteur, une graduation en millimètres; par un jaugeage au mercure, on avait déterminé la capacité de chaque division avant de le mettre en place dans l'appareil. Il fut mastiqué ensuite sur un tube horizontal en fonte OO', sur lequel était ajustée aussi la branche manométrique ouverte CD. Ce tube de fonte OO' portait à l'une de ses extrémités le réservoir à mercure M surmonté de la pompe P, destinée à injecter de l'eau à la surface de celui-ci. La communication entre le réservoir et les deux tubes pouvait être interceptee, au moment de la mesure, par un gros robinet à levier L; on évitait ainsi l'inconvénient dû aux fuites de la pompe. Celle-ci était munic d'un robinet r, qui permettait de faire écouler l'est pour diminuer la pression.

La branche fermée portait à son extrémité supérieure, comme nous l'avons déjà dit, un robinet R travaillé avec beaucoup de soin, pour ne laisser échapper aucune trace du gaz sous les fortes pressions qui devaient exister à l'intérieur de cette branche. De ce relinet partait un tale ce qui faisait communiquer la branche JR avec un recipient W contenant le gaz étudié. Un système de plusieurs pempes à gaz p et p, mises en mouvement par une même manivelle puisait le gaz et le comprimait dans le recipient W, celuser était entiture élean froide, pour maintenir se temperature constante. La branche fermée JR était aussi entorree élan manchen HI dans le piel circulait constamment un contant élean froite, pendant l'experience; la température de cette cau était dennée par un thermemetre très sensible.

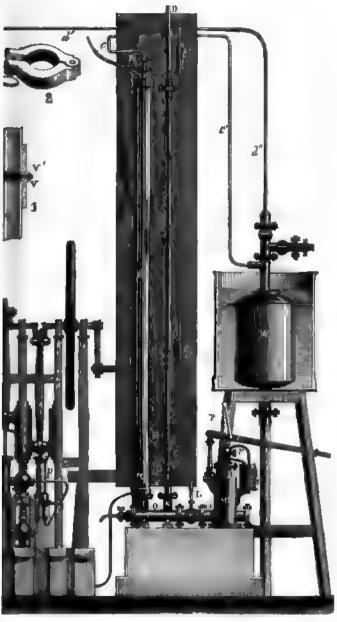


FIG. 105.

La branche ouverte CD était composée par une série de tubes de cristal de 3 mètres environ de longueur.

Pour les relier les uns aux autres, Regnault a employé un système fort commode. Chaque tube portait à ses extrémités une virole en fer V et V' solidement mastiquée (représentées en 1); celleci s'évasait extérieurement en forme de tronc de cône et se terminait par une base plane. Aux extrémités de deux tubes à recorder T et T' ces bases planes se faisaient face, et étaient séperées l'une de l'autre par un cuir gras G. Celui-ci était fortement pressé entre les deux bases par un collier à charnière (représenté en 2), creusé intérieurement d'une gorge formant le moule isterne du bord des deux viroles appuyées l'une contre l'autre. Une vis v permettait de serrer les deux parties du collier qui, embrassant les viroles, les pressaient fortement l'une contre l'autre. Toute fuite était rendue impossible par ce système de fermeture, que Regnault a appliqué depuis à plusieurs autres appareils.

La colonne formée par ces tubes était appuyée contre une forte planche en sapin, solidement fixée contre le mur de la tour. Mais celle-ci n'avait que 12,50 de hauteur; aussi un mât de sapin, soutenu par des haubans, fut dressé sur la tour; il servait à supporter la partie supérieure de la branche ouverte, qui s'élevait ainsi jusqu'à 24 mètres au-dessus du sol. Les tubes n'étaient pas équilibrés par un système de contre-poids, comme dans l'appereil d'Arago et Dulong, mais chacun était fixé sur deux tasseaux es chène par des brides en cuivre mince.

Tant que le niveau du mercure dans la branche ouverte ne dépassait pas le sommet de la tour, on relevait les hauteurs au cethétomètre. Pour cela, des tenons en fer fixés de distance en distance contre le mur, supportaient une plate forme destinée à porter le cathétomètre. Des traits très fins, 0, 1, 2, 3, etc., avaient éte tracés à l'acide fluorhydrique sur les tubes, à environ 95 centimètres les uns des autres. Les tubes étant en place, la distance de ces traits avait été soigneusement mesuré au cathétomètre, et, dans chaque expérience, il suffisait de relever la hauteur du mercure au-dessus du trait immédialement inférieur.

l'our la partie de la branche manométrique qui surmontait la

tour, l'emploi du cathétomètre n'était plus possible. On avait, à l'arance, divisé chacun des tubes en millimetres, et vérifié la gradoublen; ceux-ci étant en place, on avait mesuré avec un compas la distance qui séparait le dernier trait d'un tube du premier du tube sinvant. La lecture de la hauteur du mercure se faisait directement, et l'erreur totale était, même pour les plus grandes hauteurs, inférieure à 1/2 millimètre.

Une charse, mobile le long d'un chemin de fer vertical, et convenablement équilibrée, portait l'observateur. Celui-ci avait sous sa main une manivelle qui mettait en mouvement un pignon engrement avec une crémaillère verticale : il pouvait ainsi s'élever ou s'abasser lui-mème le long du tube, et s'arrêter à la hauteur convenable pour régler le cathétomètre, ou faire la lecture.

Des thermomètres à gros réservoirs tt', placés de distance en distance le long de la branche ouverte, donnaient la température du mercure.

Avant de commencer ses expériences, Regnault fit deux vérifications importantes. Il s'assura que le robinet R qui terminait la branche fermée ne laissait échapper aucune trace de gaz. Pour els, il comprima de l'air dans cette branche sous la plus forte presson qu'il devait atteindre dans ses expériences. Le niveau du mercure, qui s'élevait jusqu'au haut de la branche ouverte, fut relevé au moment où l'on venait de fermer le robinet et, ensuite, mgt-quatre heures après. On trouva qu'il n'avait pas varié, ce qui montrait que le robinet R tenait parfaitement.

Sous les fortes pressions on pouvait craindre que la branche fermée n'augmentât un peu de capacité, à cause de l'élasticité du vere, ce qui aurait faussé la mesure des volumes gazeux. Afin de voir s'il en était ainsi, on mesura au cathétomètre la distance de deux traits éloignés tracés sur le tube, 1° quand à l'intérieur celui-ci la pression était d'une atmosphère; 2° quand elle était le 30 atmosphères. On ne trouva aucune différence dans la distance par conséquent les dimensions linéaires du tube n'ayant pas varié, sa capacité intérieure était restée la même.

Passons maintenant à la description d'une expérience. On commençant par comprimer le gaz bien desséché dans le récipent W sous une pression un peu plus forte que celle sous laqueire on voulait remplir la branche fermée; puis, ouvrant le ro-

binet R, le gaz s'introduisait dans cette branche (¹). On interceptait la communication quand le tube était plein jusqu'à un trait de repère a, marqué au bas du tube. On notait alors : 1° la hauteur du mercure dans la branche ouverte; 2° la température indiquée par les thermomètres placés le long de cette branche manométrique; 3° la hauteur barométrique; 4° la température de l'eau qui entourait la branche fermée.

Ensuite, en ouvrant le gros robinet L, fermé jusqu'alors, et en faisant jouer la pompe P, pour refouler le mercure, on réduisait le volume du gaz jusqu'à un second trait de repère β, divisant l'espace compris entre a et le robinet R en deux parties sensiblement égales et dans un rapport parfaitement connu. Après avoir fermé le robinet L, on procédait alors aux mêmes observations que ci-dessus.

- 9. CORRECTIONS. Certaines corrections étaient nécessaires :
- 1° Il fallait faire les corrections de température pour l'échelle de laiton du cathétomètre, ou pour les échelles gravées sur le verre des tubes de la branche ouverte.
 - 2º Il fallait réduire à zéro les hauteurs mercurielles.

Comme le mercure n'avait pas une température uniforme dans toute sa hauteur, on divisait la colonne en autant de tronçons de longueur $l_1, l_2, l_3, \ldots, l_n$ qu'il y avait de thermomètres donnant les températures moyennes $l_1, l_2, l_3, \ldots, l_n$ de ces tronçons.

La hauteur L_0 de la colonne mercurielle qui à 0° aurait exercé la même pression que le mercure de la branche ouverte, était alors donnée par la formule :

$$L_0 = \frac{l_4}{1 + \mu l_4} + \frac{l_2}{1 + \mu l_2} + \frac{l_3}{1 + \mu l_3} + \dots + \frac{l_{n-1}}{1 + \mu l_{n-1}} + \frac{l_n}{1 + \mu l_n}$$

Du reste, rien n'empêchait de prendre $l_1 = l_2 = l_3 = ... = l_{n-1}$

⁽¹⁾ On avait pris la précaution de dessécher parfaitement la branche JR en y faisant le vide, et en y laissant rentrer de l'air un grand nombre de fois, tout en maintenant celle-ci à une température voisine de 45°.

(égal à la distance moyenne de deux thermomètres consécutifs), ce qui simplifiait un peu cette formule.

So Il fallait ajouter à L₀ la hauteur H' du mercure qui à 0° faisait équilibre à la pression atmosphérique à l'endroit où s'arrêtait le mercure dans la branche ouverte. Or, on ne se donnait pas la peine de transporter en ce point le baromètre qui restait à poste fixe, au bas de la tour. La hauteur H qu'il indiquait était un peu plus forte que H', puisque la pression atmosphérique diminue quand on s'élève. Regnault s'est servi pour trouver H de la formule de Laplace, que nous établirons plus loin:

$$z = 18393 \log \frac{H}{H'}$$

dans laquelle, z représente, en mêtres, la distance entre la cuvette du baromètre et le sommet de la colonne mercurielle dans la branche ouverte (1).

4º Le mercure étant un peu compressible, Regnault a tenu compte de l'augmentation très faible que subissait la densité de ce liquide par suite de la pression, qui devenait considérable au bas

(1) Remarquons que pour trouver H' on aurait pu, puisque z est très faible, considérer le poids spécifique absolu de l'air à comme constant dans l'étendue de la hauteur z; dans ce cas, la différence de pression par unité de surface p aurait été exprimée soit par

$$p = z\delta$$

soit par

$$p = (H - H')D$$

Détant le poids spécifique absolu du mercure ; d'où:

$$z\delta = (H - H')D$$

formule dans laquelle D et 8 peuvent représenter les poids spécifiques relatifs du mercure et de l'air, et où z, H et H' doivent être exprimés avec la même unité de longueur. de la colonne manométrique, quand celle-ci atteignait 24 mètres de hauteur. La densité du mercure, pour une même température, allait, à cause de cette compressibilité, en croissant depuis le sommet de la colonne jusqu'au bas.

En appelant l la hauteur vraie à 0° de la colonne du manomètre augmentée de la hauteur du mercure dans le baromètre, et L la hauteur qui produirait la même pression si la compressibilité du mercure était nulle, on avait:

$$L = l + 0,00000002315 l^3$$
 (1)

(1) Voici comment on peut établir cette formule.

Supposons la colonne mercurielle de la branche ouverte à une même ten-

pérature 0°; supposons en outre, qu'elle soit surmontée de la hauteur du mercure à 0° qui dans le baromètre fait équilibre à la pression atmosphérique, et que le vide existe sedessus; nous transformons ainsi l'appareil de mesure es magrand baromètre, et rien n'est changé aux pressions. Soit (fig. 106) x la distance verticale SA d'une tranche A de mercure au sommet S de cette colonne barométrique. Prenous une seconde tranche A' située au-dessous de A à une distance Δx très petite. Soit p la pression par unité de surface en A, et p + Δp en A'. Appelons D le poids spécifique absolutions que du mercure entre A et A', on a:

$$\Delta p = D\Delta z$$

ou

$$\frac{\Delta p}{\Delta x} = D$$

comme D varie avec x cette équation est d'autant plus que Δx est plus petit, et elle devient tout à fait exacté limite, quand les deux termes du rapport $\frac{\Delta p}{\Delta x}$ tendez

Fig. 106.

zéro : or p étant une sonction de x, la limite de $\frac{\Delta p}{\Delta x}$ dérivée p'_{x} de p par rapport à x; on a donc, en toute rigueur :

$$p^{w} = D$$

Let l'étant exprimés en centimètres. Pour la plus grande hauteur de mercure (24 mètres) qu'a atteint la colonne manométrique dans les expériences, on avait :

$$l = 2400^{\circ}$$

et le terme correctif pour cette valeur était égal à 0°,133. Ainsi la plus forte valeur de la correction n'atteignait pas 1^{mm}, 5.

Soit V_e et D_o le volume et le poids spécifique absolu d'une masse de mercure sous une pression nulle, V et D les mêmes quantités pour la pression p, on a :

$$VD = V_0 D_0$$

$$\frac{D}{D_0} = \frac{V_0}{V}$$

D'autre part, en appelant & la constante qui représente le coefficient de compressibilité du mercure, on a :

$$V = V_0 (1 - kp)$$

$$\frac{\mathbf{V_0}}{\mathbf{V}} = \frac{1}{1 - kp}$$

et, par conséquent:

M

00

$$D = \frac{D_0}{1 - kp}$$

remplaçant D par cette valeur dans (2) il vient.

$$p'_{\varpi} = \frac{D_0}{1 - kp}$$

5° Entre les deux phases de l'expérience, la température du gaz contenu dans le tube JR pouvait varier un peu; mais les variations avaient des valeurs tellement faibles que la correction était presqu'insignifiante. Elle s'effectuait du reste avec la plus grande facilité. Si V' était le volume observé à la température l',

ou

(6)
$$p'_{x}(1-kp) = D_{0}$$
 $p'_{x}-kpp'_{x}= D_{0}$

En prenant la fonction primitive des deux membres, il vient :

(7)
$$p - \frac{1}{2}kp^2 = D_0x + C$$

La constante C se détermine par la connaissance de la fonction p denument un cas particulier. Or, pour x=0, on a p=0, d'où C=0. Par conséquent on a pour déterminer p l'équation :

$$kp^2 - 2p + 2D_0x = 0$$

qui étant résolue donne:

$$p = \frac{1 - \sqrt{1 - 2kD_0x}}{k}$$

(Le signe + ne convenant pas devant le radical, puisque pour s=0 on doit avoir p=0)

Comme k est extrêmement petit, on peut prendre pour (1 — 210-x) les premiers termes du développement, en négligeant les autres; on a alors:

$$p = \frac{1}{k} \left[1 - \left(1 - k D_0 x - \frac{1}{2} k^2 D_0^2 x^2 - \frac{1}{2} k^2 D_0^2 x^2 + \dots \right) \right]$$

ou

(10)
$$p = D_0 x + \frac{1}{2} k D_0^2 x^2 + \frac{1}{2} k^2 D_0^2 x^2 + \dots$$

le volume V à la température t très voisine de t', pour la même force élastique, était donné par:

$$V = V' + V' \alpha (t - t')$$
 ($\alpha = 0.00367$)

Quoique la valeur de a varie un peu pour les différentes

Comme k^2 , k^2 ,... sont absolument négligeables, les termes qui suivent les deux premiers peuvent être supprimés, et il reste :

(11)
$$p = D_0 x + \frac{1}{2} k D_0^2 x^2$$

Pour z = l, on a:

$$p = D_0 l + \frac{1}{2} k D_0^2 l^2$$

Si le mercure n'était pas compressible, sa hauteur L pour la même pres sion p serait donnée par :

$$(13) p = D_0 L$$

đoù:

(14)
$$D_0L = D_0l + \frac{1}{2}kD_0^2l^2$$

enfin

$$(15) L = l + \frac{1}{2}kD_0l$$

Regnault a trouvé que, pour une pression d'un mêtre de mercure, la compression $\frac{V_0-V}{V_0}$ de ce liquide est égale à 0,000,00463; or, on a dans ce puisque nous avons pris le centimètre pour unité :

$$p = 100 \times D_0$$

pressions et pour les divers gaz, on pouvait, pour cette correction très petite, prendre la valeur constante 0,00367 qui était toujours suffisamment approchée.

10. DISCUSSION ET RÉSULTATS. — Soient P₁ et V₁ la force élastique et le volume du gaz dans la première phase de l'expérience, soient P₂ et V₂ les mêmes quantités quand on a réduit la masse gazeuse à environ la moitié de son volume. Si le gaz obéissait à la loi de Mariotte, on aurait:

$$P_1V_1 = P_2V_2$$

ou

$$\frac{P_1V_1}{P_2V_2}-1=0$$

C'est la valeur de l'expression $\left(\frac{P_1V_1}{P_2V_2}-1\right)$ que calculait Regnault, $\frac{P_1}{P_2}$ et $\frac{V_1}{V_2}$ étant donnés par ses expériences. Or il trouva que cette expression différait toujours de zéro. Appelons α sa valeur $\left(\frac{P_1V_1}{P_2V_2}-1=\alpha\right)$.

d'où, en vertu de l'égalité (4):

$$kD_0100 = \frac{V_0 - V}{V_0} = 0,000000463$$

ďoù:

$$\frac{1}{2} kD_0 = 0,000000002315$$

Cette valeur portée dans l'égalité (15) donne la formule indiquée ci-dessus.

Il importe de savoir si a ne diffère de zéro que par suite des erreurs inévitables de l'expérience.

Or, on pouvait connaître aisément les erreurs maximum possibles dans l'évaluation des quantités P_1 , P_2 , V_4 et V_2 et en conclure l'erreur maximum possible de la valeur de $\frac{P_4V_4}{P_2V_2}-1$. On trouva que cette erreur maximum était toujours notablement inférieure à α .

Il faut en conclure que les gaz ne suivent pas exactement la bi de Mariotte.

Pour tous les gaz, sauf l'hydrogène, α fut trouvé positif (P_2 étant plus grand que P_4).

On a donc:

$$\frac{P_1V_1}{P_2V_2} - 1 > 0$$

OII

$$P_1V_1 > P_2V_2$$

Si donc Pest juste le double de Pi, on a:

$$V_1 > 2V_2$$

OU

$$V_2 < \frac{V_1}{2}$$

c'est-à-dire que le volume du gaz est réduit, par une pression double, à un peu moins de la moitié de son volume primitif. Les par, sauf l'hydrogène, se compriment un peu plus que ne l'indique la loi de Mariotte.

Pour l'hydrogène a fut trouvé négatif. L'hydrogène se comprime un peu moins que ne l'indique la loi de Mariotte.

En outre, Regnault trouva que a augmentait pour un même gaz avec la force élastique initiale P₄.

Ensin, a très saible pour l'air, l'hydrogène et l'azote, sut trouvé plus grand pour l'acide carbonique; ce qui s'accorde avec les expériences comparatives de Despretz et de Pouillet.

Voici quelques nombres extraits du mémoire de Regnault(1).

Dans ce tableau P₄ est, en centimètres, la hauteur de la colonne de mercure à 0° qui, à Paris, fait équilibre à la force élastique du gaz remplissant le tube jusqu'au trait de repère inférieur, et P₂ est la hauteur qui fait équilibre à la force élastique du gaz quand son volume est réduit à moitié.

Air		Azote		Acide carbonique		Hydrogène	
Pg	$\frac{P_1V_1}{P_2V_2}-1$	P ₄	$\frac{P_1V_1}{P_2V_2}-1$	Pf	$\frac{P_1V_1}{P_2V_2}-1$	Pa	$\begin{bmatrix} P_{\underline{1}}V_{\underline{1}} \\ \bar{P}_{\underline{2}}V_{\underline{2}} - 1 \end{bmatrix}$
73; 919	+0,001 421	75; 396	+0,001012	76; 38 6	+0,007636	30	,
2 11,163	0,002 765	2 15, 9 12	0,001 245	216, 431	0,019014	>	•
421,905	0,003 495	3 03, 0 2 2	0,001 950	318,613	0,028698	398;947	_0,002 4232
933, 282	0,006132	977, 29 9	0,004822	962,006	0,099830	917,525	0,00687
>>	»	>	»	>	*	1036, 188	
							3,000

On peut avoir, d'après les expériences de Regnault, le volume V d'une masse gazeuse pour la force élastique P, quand on connaît le volume V₀ pour une force élastique P₀, voisine de pression atmosphérique.

⁽¹⁾ Dans ce tableau, nous avons conservé, pour la valeur de « autant décimales que Regnault en a inscrites dans son mémoire; mais, en compar les nombres correspondant aux diverses expériences faites dans les mémoires conditions, on voit qu'il ne pouvait répondre tout au plus que de l'exactit des deux premiers chiffres significatifs.

Appelons $V_0, V_1, V_2, \ldots, V_n$ des volumes qui soient chacun la moitié des précédents, et $P_0, P_1, P_2, \ldots, P_n$ les forces élastiques correspondantes; V étant compris entre V_n et V_{n+1} , écrivons l'identité:

$$\frac{P_0V_0}{PV} = \frac{P_0V_0}{P_1V_1} \cdot \frac{P_1V_1}{P_2V_2} \cdot \frac{P_2V_2}{P_3V_3} \cdot \dots \cdot \frac{P_{n-1}V_{n-1}}{P_nV_n} \cdot \frac{P_nV_n}{PV}$$

Les forces élastiques $P_0, P_1, P_2, \dots P_{n-1}, P_n$ étant très voisines de celles qu'a observées successivement Regnault comme forces élastiques, initiales ou finales dans ses expériences, les rapports $\frac{P_0V_0}{P_1V_1}, \frac{P_4V_4}{P_2V_2}$... sont donnés par ces expériences mêmes. Quant à la valeur du rapport $\frac{P_nV_n}{P_1V_1}$, on prendra une valeur intermédiaire entre les valeurs très rapprochées de $\frac{P_{n-1}V_{n-1}}{P_nV_n}$ et de $\frac{P_nV_n}{P_{n+1}V_{n+1}}$. Regnault a pu, d'après cela, représenter par une femule empirique la valeur du rapport $\frac{P_0V_0}{P_1V_0}$. Voici cette formule:

$$\frac{PV}{P_0V_0} = 1 + A\left(\frac{V_0}{V} - 1\right) + B\left(\frac{V_0}{V} - 1\right)^2$$

Dans cette formule, A et B représentent deux constantes. Comme P est plus grand que P_0 , le rapport $\frac{P}{P_0V_0}$ est plus petit que l'unité pour tous les gaz, sauf l'hydrogène; aussi pour ce dernier gaz la constante A est positive, et, pour les autres, elle est négative.

5

£

\$

Du reste, voici le signe et le logarithme de la valeur absolue de ces constantes, d'après le mémoire de Regnault :

	LOGARITHME DE LA VALEUR ABSOLUE DE A	SIGNE DE A	LOGARITHME DE LA VALEUR ABSOLUE DE B	SIGME DE B
Air atmosphérique	3 , 0435120	_	5, 287 37 5 1	+
Azote	4 , 838 937 5	_	ē, 847 602 0	+
Acide carbonique.	3 , 931 039 9		6 , 862 472 1	_
Hydrogène	4 , 738 1736	+	6 , 9 2 5 078 7	

Voici, enfin, quelques nombres calculés par Regnault, d'après la formule relative à l'air :

$\frac{\mathbf{V_0}}{\mathbf{V}}$	$\frac{\mathbf{V}}{\mathbf{P}}$	
1	1,000 000	
2	1,997 828	
4	3,987 432	
8	7,945 696	
16	15,804,480	

44. EXPÉRIENCES DE M. CAILLETET. — M. Cailletet a étudié la compressibilité des gaz sous de très fortes pressions. Dans ce but, il a employé divers appareils; voici la description de celui qui lui a servi dans ses dernières recherches.

Le gaz étudié était comprimé dans une éprouvette en verre A (fig 107) large environ de 2 cent. dans son tiers inférieur, beaucoup plus étroite dans ses deux tiers supérieurs, et qui, en bas, se rétrécissait et se recourbait comme le montre la figure. Après avoir été graduée et jaugée, cette éprouvette était dorée intérieurement dans un but que nous indiquerons plus loin. Pour la remplir, étant ouverte des deux bouts, et son extrémité inférieure recourbée plongeant dans le mercure, on la faisait traverser par un courant du gaz (azote), dont M. Cailletet

t étudier la compressibilité. On la plaçait ensuite dans un

aboratoire en acier de 180 centimètres igueur et de 2,5 cent. de diamètre. Ce plein de mercure, était fermé à sa supérieure par un bouchon conique en seré par un écrou E. Par sa partie infé, il communiquait avec un tube d'acier le B, rempli de mercure, et qui servait momètre. Ce tube, long de 250 mètres nroulé sur un gros treuil vertical foi mé ylindre en bois de 2 mètres de diamètre i d'une rainure héliçoïdale afin de loger ires.

r faire l'expérience, on descendait dans its très profond (plus de 500 mètres), à à la Butte-aux-Cailles, le tube-labo-, en déroulant le tube manométrique. tube-laboratoire était supporté par un cier, soigneusement gradué, et enroulé i autre cylindre. C'est par la longueur déroulé qu'on mesurait la profondeur elle on descendait l'éprouvette.

e-ci était ainsi amenée à une distance 3, au-dessous de l'extrémité du tube sétrique ouverte à l'air libre, ce qui connaître la pression à laquelle le ait soumis. Le mercure, en montant éprouvette, dissolvait la couche d'or au point où il s'arrêtait. On connaisar là le volume minimum auquel le rait été réduit sous la pression maxi-

expériences faites sur l'azole concorvec celles de Regnault pour les prespeu élevées; c'est-à-dire que ce gaz prime plus que ne l'indique la loi de le. Mais M. Cailletet a trouvé que dans



Fig. 107.

virons de la pression de 60 mètres de mercure, l'azote suit

la loi de Mariotte, et, que pour des pressions plus fortes il se comprime moins que ne l'indique cette loi.

La courbe (fig. 108) résume les expériences de M. Cailletet

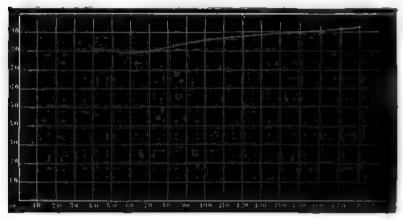


Fig. 408.

sur l'azote. Les ordonnées représentent le produit du volume de la masse gazeuse par la pression correspondante, et les abcisses représentent la hauteur (en mètres) de la colonne de mercure qui exerce la pression. On voit, à l'aspect de cette courbe, que le produit du volume par la force élastique du gaz commences par décroître; puis, vers la pression de 60 mètres du mercures, passant par un minimum, il reste à peu près constant pour une petite variation de pression: le gaz suit alors la loi de Mariot 1.40. Au delà le produit augmente avec la force élastique.

Ainsi, à partir de cette pression de 60 mètres de mercure, la zote se comporte comme le fait l'hydrogène sous les pressionaires.

Il est du reste présumable que pour tous les gaz soumis à fortes pressions, il en est ainsi, quand la température ne permet la liquéfaction. En effet, si le gaz continuait à obéir à la loi de Mariotte, ou à une loi de compressibilité plus grande, son volume tendrait vers zéro quand la pression tend vers l'infini, ce qui paraît inadmissible.

12. INFLUENCE DE LA TEMPÉRATURE. — Quelques recherches directes de M. Amagat, exécutées de 100° à 320° et entre 1 et 2 atmosphères, ont montré que les gaz qui s'écartent notablement de la loi de Mariotte aux températures basses, s'en écartent de moins ma moins quand la température s'élève. Les expériences de Regnault sur la dilatation des gaz, et sur la mesure de leurs dentaite à diverses températures et sous des pressions différentes, distincent à la même conclusion. Ainsi l'acide carbonique dès 100° le sulfureux vers 200° ne s'écartent pas plus de la loi de la loi de la loi de l'air à la température ordinaire.

GAR. — La loi de Mariotte n'est suivie exactement par gaz; mais, plus la température est élevée, plus la vériloi de compressibilité s'en rapproche : c'est donc une loi fatte. Quand un gaz se trouve dans des conditions de température et de pression voisines de celles qui sont nécessaires à sa iquéfaction, il se comprime notablement plus que ne l'indique cette loi. Pour un gaz loin de son point de liquéfaction, comme l'azote, l'oxygène, l'hydrogène dans les circonstances ordinaires, la loi de compressibilité est si voisine de la loi de Mariotte, qu'il a fallu toute l'habileté expérimentale de Regnault pour mettre mettement en évidence le désaccord. C'est dire qu'on pourra Loujours employer cette loi dans les applications qui ne nécessiteront pas une extrême précision.

CHAPITRE IV

MANOMÈTRES ET APPLICATIONS DE LA LOI DE MARIOTTE.

1. MANOMÈTRE A AIR COMPRIMÉ. — La loi de Mariotte moment de déduire du volume d'une masse gazeuse sa force éle-

tique, quand celle-ci est connue pour un volume déterminé à la même température. Toest le principe du manomètre à air conprimé.

Cet instrument (fig. 109) se compose d'un tube vertical, sermé à sa partie supérieure, et plongeant par son extrémité insérieure un verte dans une cuvette contenant du mercure; celle-ci est close et communique par un conduit avec l'enceinte rensermant le gaz dont on veut mesurer la sorce élastique.

Le tube contient de l'air. Quand la force élastique du gaz qui surmonte le mercure de la cuvette est égale à la pression atmosphérique moyenne (76 cent.), on s'arrange pour que le mercure soit dans le tube au même niveau que dans la cuvette : l'air emprisonné se trouve alors sous la pression d'une atmosphère. Si la force élastique du gaz contenu dans la cuvette devient plus grande, le mercure monte dans le tube, l'air

se comprime jusqu'à ce que sa sorce élastique, augmentée de la

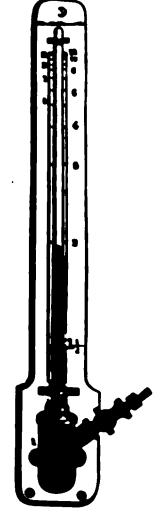


Fig. 109.

zduite par le mercure du tube, fasse équilibre à la ce élastique du gaz de la cuvette; par conséquent, le

ève d'autant plus haut que cette que est plus grande. L'instruêtre gradué par comparaison nomètre à air libre: on marque lette qui supporte le tube (fig. r le tube lui-même, les points re s'arrête pour 2, 3, 4... atet l'instrument ainsi gradué peut m tour, à mesurer les forces lette graduation, toute empiriintage de ne pas nécessiter un ique ou régulier pour construire

Mais cet appareil était surtout ur mesurer les hautes pressions eût construit les grands manolibre nécessaires à sa graduaue. Le tube était choisi alors rique que possible, et il était le calcul en se fondant sur la tte ('). C'est précisément pour loi est suivie par l'air avec une uffisante pour la justesse de



Fig. 410

tion, qu'Arago et Dulong d'abord, Regnault ensuite, leur grand travail de vérification. Dans les deux

alcul.

teur PM (fig. 110) à laquelle s'élève le mercure dans le tube niveau primitif MN de ce liquide dans la cuvette; soit y la lont il s'est abaissé dans celle-ci au-dessous de MN. Si s'est be et S l'aire de la surface libre du mercure de la cuvette, on ue le volume de mercure qui s'est introduit dans le tube est sorti de la cuvette:

ax = Sy

soit i le hauteur AM du tube au-dessus du niveau MN, c'est-

cas, ce sut comme membres d'une commission chargée par le Gouvernement de l'étude des machines à vapeur: le manomètre à air comprimé était à peu près le seul instrument employé alors pour mesurer la force élastique de la vapeur d'eau des chandières.

La sensibilité de cet appareil décroît à mesure que la force élastique augmente; car la hauteur dont s'élève le mercure dans

à-dire, la hauteur occupée par l'air du tube quand sa force élastique est équilibrée par une hauteur mercurielle de 76 cent. (= H): sl est alors le volume de cette masse d'air. Celui-ci se trouve réduit à s(l-x), quand le mercure s'élève à la hauteur x. Soit alors nH la hauteur de la colonne mercerielle qui ferait équilibre à la force élastique du gaz contenu dans la cuvette; n représente la force élastique de ce gaz en atmosphère. La hauteur qui ferait équilibre à la force élastique de l'air emprisonné dans le tube est, par conséquent, nH — (y+x). D'après la loi de Mariotte, on a :

$$(2) s(l-x)(nH-y-x) = slH$$

ou, en simplifiant, en remplaçant y par sa valeur tirée de (1) et en ordonnant par rapport à x:

(3)
$$x^2 \left(1 + \frac{s}{S}\right) - x \left[\left(1 + \frac{s}{S}\right)l + nH\right] + (n-1)lH = 0$$

d'où enfin:

(4)
$$x = \frac{\left(1 + \frac{s}{S}\right)l + nH - \sqrt{\left[\left(1 + \frac{s}{S}\right)l + nH\right]^2 - 4\left(1 + \frac{s}{S}\right)(n-1)B}}{2\left(1 + \frac{s}{S}\right)}$$

Comme pour n = 1 on doit avoir x = 0, c'est le signe (—) et sos le signe (+) qui convient devant le radical.

En faisant successivement π égal à 1,5 , 2 , 2,5 ,3 etc., dans confident les valeurs de x correspondantes et, par conséquent, les points où il faut marquer 1,5 , 2 , 2,5, 3 , etc. sur le tube, pour \P^{\bullet} le manomètre soit gradué en atmosphères.

rur un même accroissement de ique, diminue quand la valeur celle-ci devient plus consi-

loyant un tube conique (fig. tténue, sans le faire dispaèrement, cet inconvénient. omètre à air comprimé est mployé aujourd'hui. Ce n'est strument de précision et, evention des manomètres mésa fragilité en a fait abanmploi pour les chaudières à



Fis. 111.

METRE MÉTALLIQUE. — Fondé sur le même principe romètre métallique de M. Bourdon, cet instrument du enteur est partout employé maintenant pour la mesure : élastique de la vapeur d'eau dans les chaudières.

npose d'un tube métallique BA siliptique enroulé comme l'indi.112. Une de ses extrémités A ; cette extrémité est mobile et tiguille indicatrice; par l'autre qui est fixe, s'établit la commentre l'intérieur du tube et renfermant le gaz dont on veut force élastique. Quand celle-ci le tube se renfle et se déroule, l'avance sur le cadran; elle quand la pression diminue. nent se gradue par comparain monomètre à air libre (1): la



FIG. 119.

: l'aiguille est proportionnelle aux variations de force

s très fortes pressions, on gradue l'instrument en le mettent en on avec un réservoir résistant rempli d'eau comprimée par une » foulante. La force élastique de cette eau est mesurée par une élastique. Ajoutons que les critiques, que nous avons faites au sujet des baromètres métalliques, ne peuvent être reproduites pour cet instrument qui est beaucoup moins délicat, et, dès lors, moins sujet à varier dans ses indications.

3. MANOMÈTRE A DÉTENTE DE REGNAULT. — Cet appareil est destiné à mesurer de grandes forces élastiques. Il se compose (fig. 113) d'un récipient A formé d'un tube de laiton à parois épaisses, clos en bas, et pouvant communiquer par le haut, soit avec l'enceinte renfermant le gaz dont on veut mesurer la force élastique, soit avec le tube B. Un robinet à trois voies D permet d'établir l'une ou l'autre de ces communications. Le tube B, gradué en parties d'égale capacité, constitue la branche fermée d'un manomètre à air libre de Regnault, dont C est la branche ouverte. Un robinet à conduit coudé E permet, soit la communication de B avec le récipient A, soit la communication de B avec le récipient A, soit la communication de B avec l'atmosphère par le tube G. Les trois tubes A, B, sont contenus dans une cuve pleine d'eau, fermée en avant par une glace transparente.

Pour se servir de l'instrument, on commence par remplir manomètre de mercure jusqu'au haut du tube B, celui-ci communiquant avec l'atmosphère par G. On établit ensuite la communication entre le récipient A et l'enceinte renfermant le gauce récipient se remplit alors d'un volume v de gaz ayant la formélastique x qu'il possède dans l'enceinte. On emprisonne ce masse gazeuse en tournant le robinet D; puis on fait communique

soupape de surface connue, qui est chargée de poids connus. Soit s la face de la soupape, en centimètres carrés, et P le poids en grammes. Il a charge; au moment où elle commence à être soulevée par la pression l'eau, la force élastique H de cette eau, est, en atmosphères:

$$H = \frac{P}{s \times 1033} + 1$$

En particulier, c'est ainsi qu'on gradue les manometres qui servent à déterminer la force élastique dans les appareils de M. Cailletet pour compriser et liquésser les gaz. c B. Le gaz contenu dans A se détend alors dans le tube B, scupe un volume V indiqué par la gra luation : v + V est



Fig. 113.

veau volume de la masse gazeuse, dont la force élastique H unée immédiatement par le manomètre. Or, la loi de Mariotte fournit la relation:

$$xv = H(V + v)$$

d'où:

$$(1) x = H \frac{V + v}{v}$$

Pour que cette équation fournisse x, il faut connaître v et la capacité comprise entre chaque division de B. La détermination de cette dernière quantité se fait par un jaugeage au mercure: on fait écouler par la tubulure inférieure le mercure contenu entre deux divisions espacées de la branche B, le robinet à trois voies F étant convenablement tourné. La masse du mercure écoulé, divisée par sa densité, donne son volume, et, par conséquent, la valeur de la capacité comprise entre les deux divisions.

Pour connaître v, on fait une expérience semblable à celle qui a été indiquée ci-dessus, en emprisonnant dans A de l'air possédant une force élastique x connue à l'avance, par exemple égale à la pression atmosphérique; la mesure de H fait connaître v d'après l'égalité (1). Quand l'air emprisonné dans A possède, comme dans l'exemple précédent, une force élastique égale ou inférieure à la pression atmosphérique, il faut, avant d'établir la communication entre A et B, avoir fait écouler presque complètement le mercure de la branche ouverte C, pour que le gaz puisse se détendre sous une pression inférieure à celle de l'atmosphère.

- 4. VOLUMENOMETRE. Cet instrument, imaginé par Say (1797) et perfectionné par Regnault, sert à déterminer le volume et, par conséquent, la densité des corps en menus fragments. Il est employé surtout dans le cas de substances qui ne pourraient être immergées dans l'eau sans inconvénient (1).
- (i) Le voluménomètre a été employé pour déterminer la densité de la postre de guerre. On ne s'en sert plus aujourd'hui: son emploi repose en est

fonctionnement repose sur le même principe que celui du lètre à détente.

compose (fig. 114) anomètre à air libre gnault, dont la branrmée P présente un nent A à sa partie sure. Cette branche munique par un tube n ballon B, destiné à ir le corps dont on éterminer le volume. y introduire celui-ci, on peut être détaché pareil; l'emploi d'un à gorge C permet de tre en place, et d'obune fermeture par-Enfin, on peut faire miquer avec l'atmosl'intérieur du ballon, · conséquent, la bran-, en ouvrant un robi-

r faire une expé-, on introduit le corps e ballon, et l'on met i en place; puis re le robinet R, et sree par la branche mercure jusqu'à ce niveau de ce liquide

id de Mariotte; or, on a que les poudres condens gaz, et, quand même de gaz condensée serait

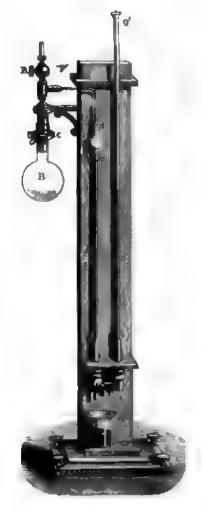


FIG. 114.

canelle à la pression, l'ignorance où l'on set du coefficient de sona rend toute mesure execte impossible. atteigne un trait β , marqué sur la branche P au-dessus du rensle ment A. Le mercure s'arrête à la même hauteur dans les deux branches, puisque l'une et l'autre communiquent avec l'atmosphère.

On ferme alors le robinet R, et l'on fait écouler du mercure des branches P et Q à la fois, en tournant le robinet à trois voies T dans la position convenable, jusqu'à amener le niveau dans la branche P à un second trait a, marqué sur le tube au-dessous de A : le mercure s'arrête plus bas dans la branche QQ'.

Désignons par V le volume compris entre les deux traits $x \in \beta$, par v le volume du ballon vide et des tubes jusqu'en β , et, enfin, par x le volume du corps introduit. L'air du ballon occupait d'abord un volume v-x, et sa force élastique, égale à la pression atmosphérique, était équilibrée par une colonne de mercure de hauteur H, fournie par l'observation du baromètre. Après l'opération, la même masse d'air occupe le volume V+v-x, et sa force élastique est équilibrée par une colonne de mercure de hauteur H-h, en désignant par h la différence entre les niveaux du mercure dans les deux branches P et Q de voluménomètre. La loi de Mariotte donne la relation :

(1)
$$(H - h)(V + v - x) = H(v - x).$$

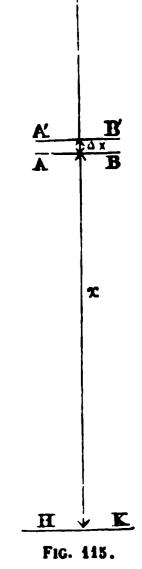
Cette égalité fait connaître x, quand on a mesuré H et h, pour qu'on ait déterminé, une fois pour toutes, les volumes v et V. Cette dernière quantité s'obtient par un jaugeage au mercur e, comme nous l'avons indiqué à propos du manomètre à détent v. Pour avoir v, on fait une expérience sans rien mettre dans v. ke ballon. L'égalité (1), dans laquelle v = 0, fournit la valeur de v.

6. MESURE DE L'ALTITUDE AU MOYEN DU BAROMÈTRE. — L'ide de mesurer la hauteur d'une montagne par l'abaissement de colonne mercurielle doit remonter à la célèbre expérience une Puy de Dôme imaginée par Pascal. Mais c'est Laplace qui, dans sa Mécanique céleste, a donné la loi suivant laquelle décroit hauteur barométrique quand on s'élève, et qui permet de calcula la différence d'altitude de deux stations au moyen de la mesure

des hauteurs barométriques. Voici comment on peut établir la formule de Laplace.

Si l'air était un fluide incompressible, conservant la même densité quelle que fût sa force élastique, la diminution de pression atmosphérique serait proportionnelle à l'élévation; mais à mesure qu'on s'élève, la force élastique de l'air diminuant, sa densité diminue aussi, ce qui rend le calcul moins simple.

Supposons l'air parfaitement calme, et supposons, en outre, que sa température soit uniforme our pouvoir appliquer la loi de Mariotte. Dans ce la pression barométrique est une fonction de altitude qui doit décroître régulièrement quand elle-ci augmente. Soit alors (fig. 115) HK un plan rizontal, à partir duquel nous compterons les litudes; soient AB et A'B' deux plans horizontal très voisins, l'un situé à une hauteur x, l'autre l'alle x au-dessus de HK. Soient P et P + ΔP pression atmosphérique en AB et en A'B'. Comme la hauteur Δx est très faible, l'air a un poids spécifique absolu d sensiblement constant entre AB et A'B'; on doit donc avoir (ΔP étant legatif)



 $-\Delta P = d.\Delta x$

D'autre part si H et H $+\Delta$ H sont les hauteurs barométriques en AB, et en A'B', et si D est le poids spécifique absolu du mercure, on a :

 $\Delta P = D.\Delta H$

ďou:

- D. $\Delta H = d.\Delta x$

274

Oll

$$\frac{\Delta H}{\Delta x} = -\frac{d}{D}$$

Cette égalité, dans laquelle d et D peuvent représenter les densités de l'air et du mercure, est d'autant plus exacte que Δx est plus petit, et devient rigoureuse quand Δx et, par conséquent. ΔH tendent vers zéro. Or la limite du rapport $\frac{\Delta H}{\Delta x}$ est la dérivée de la fonction H par rapport à sa variable x; représentons-la par H'_x ; on a, en toute rigueur:

$$H'_x = -\frac{d}{D}$$

Nous avons vu (Chap. 11 § 2) qu'en désignant par a la densité de l'air sous la pression d'un centimètre de mercure, la loi de Mariotte donne pour sa densité, d sous la pression de H centa à la même température

$$d=aH$$

En remplaçant dans (1), il vient:

$$H'_{J} = -\frac{a}{D}H$$

OU

$$\frac{H_{J}}{H} = -\frac{a}{D}$$

(l' Pans cette egalité, a représente la densité de l'air sec sons la pression qu'exerce à l'endroit AB, un centimetre de mercure à O. Cette pression

Egalons les fonctions primitives des deux membres de cette égalité, nous obtenons:

(4)
$$L.H = C - \frac{a}{D}x$$

change un peu avec l'altitude et avec la latitude. Dans le texte nous avons négligé ces variations très faibles d'ailleurs; mais on peut aisément en tenir compte.

Sous la pression qu'exerce, à Paris, un centimètre de mercure à 0°, la densité de l'air sec est:

$$\frac{0.001293}{76(1 + \alpha t)}$$

en comme la densité d'un gaz est proportionnelle à la pression qu'il supporte, et que la pression exercée par un centimètre de mercure est proportiontelle à l'intensité de la pesanteur, on a, en appelant g la valeur de cette ternière quantité à l'endroit AB, et G sa valeur à Paris:

$$a = \frac{0,001293}{76(1+\alpha t)} \cdot \frac{g}{G}$$

mais nous avons vu (L. II, Chap. III, § 13) qu'en appelant λ la latitude et Z l'altitude, on a :

$$\frac{g}{G} = \frac{980,605}{980,960} \left(1 - 0,0025523 \cos 2\lambda - 31 \times 10^{-10} \text{ z} \right)$$

D'ailleurs, si Z_0 est l'altitude de la station HK, on a $Z=Z_0+x$; d'autre part D=13,596. On a donc, en remplaçant dans l'égalité (3):

$$z = -\frac{0.001293}{13.596 \times 76 \ (1 + \alpha t)} \frac{980,605}{980,960} \left[1 - 0.0025523 \cos 2\lambda - 31 \times 10^{-10} (Z_0 + x) \right]$$

En remontant aux fonctions primitives des deux membres, et en détermi-

$$-L_{\text{H}_1=x_1} \frac{0,001293}{13,596 \times 76 \ (1+\alpha t)} \frac{980,605}{980,960} \left[1 - 0,0025523 \cos 2\lambda - 31 \times 10^{-10} \ \left(Z_0 + \frac{x_1}{2} \right) \right]$$

C étant la constante arbitraire. Pour trouver sa valeur, prenons le cas particulier où x=0; la hauteur barométrique possèle alors une certaine valeur H_0 , et il vient:

d'où:

(6)
$$L.H_0 - L.H = \frac{a}{D} x$$

d'où, ensin, si H₁ est la pression barométrique pour une altitude 🗻 😴

(7)
$$x_i = \frac{D}{a} \left(L.H_0 - L.H_i \right)$$

Dans cette formule D représente la densité du mercure à 0 — si nous supposons que H₀ et H₁ sont les hauteurs barométriq — si réduites à 0° (D = 13,596). Quant à la quantité a elle est donce comme nous le verrons plus loin, si l'air est sec par :

$$a = \frac{0.001293}{76(1 + et)}$$

Entin, en evaluant les logarithmes népériens à l'aide des logarit. En aucs vulgaires et de leur module, en a la formule de Laplace, qui donne la leur de se en centimètres, puisque telle est l'unité qui a eté adoptée dans ce can le cul:

$$z_{1} = 1.540 500 \text{ fog. H}_{0} - \log_{10} H_{1}^{1} \begin{cases} 1 + 0.00367 \text{ ft} \left(1 + 0.0025523 \cos^{2} \frac{2}{3}\right) \\ \times \left[1 + 31 \times 10^{-10} \left(Z_{0} + \frac{z_{1}}{2}\right)\right] \end{cases}$$

Pes tables calcultes d'après cette longue formule, se trouvent dans l'Asnuaire du Bareau des Lingitudes et dispensent du calcul pénible que necessate seu emple direct. t étant la température supposée constante de l'air compris entre la station inférieure et la station supérieure, et α le coefficient de dilatation de ce gaz ($\alpha = 0.00367$); en remplaçant il vient:

$$a_i = \frac{13,596 \times 76 (1 + 0,00367t)}{0,001293} \left(L. H_0 - L. H_1 \right)$$

Enfin, en exprimant les logarithmes népériens au moyen des logarithmes vulgaires et de leur module, on trouve, après avoir effectué les calculs numériques:

$$x_1 = 1839800 (\log_{10} H_0 - \log_{10} H_1) (1 + 0.00367t)$$

où x, est la différence d'altitude exprimée en centimètres.

Ainsi, la connaissance de la hauteur barométrique H_0 à la station inférieure et de la hauteur barométrique H_1 à la station supérieure permet de calculer la différence d'altitude x_1 qui existe entre ces deux stations.

On ne saurait attendre de cette formule des résultats très exacts, car nous avons supposé: — 1° L'air au repos, et il ne l'est jamais. — 2° La température t uniforme; elle ne l'est pas, et il convient de prendre pour t, dans la formule la moyenne $\frac{t_1+t_2}{2}$ des lempératures, aux deux stations extrêmes. — 3° L'air sec; or il

renserme toujours une proportion de vapeur d'eau très variable qui a pour effet de diminuer sa densité.

Malgré ces causes d'inexactitude, cette formule rend de grands services, soit dans la mesure des hauteurs des montagnes, soit pour connaître d'après la hauteur barométrique observée à un endroit, celle qu'on observerait en un autre point de la même rerticale à une distance x_1 du premier.

dans les airs, et ont proposé, dans ce but, diverses inventions plus ou moins chimériques. Nous laisserons de côté tous ces projets qui, pour la plupart, n'ont pas été réalisés et qui,

du reste, n'auraient pas été réalisables pour arriver aux célèbre expériences des frères Montgolfier (1).

Le 5 juin 1783, à Annonay, devant les Etats du Vivarais al La Jors assemblés, Joseph et Etienne Montgolfier gonflèrent avec l'air chaud un ballon, de 35 pieds de diamètre, en toile doublé - e de papier. Ce ballon présentait à la partie inférieure une ouver - ture par laquelle s'introduisaient les gaz chauds et la fumée prove- nant d'un feu de laine et de paille humide placé au-dessous.

ren-

J, A

de.

feu

Le poids de l'enveloppe et des gaz peu denses qu'elle fermait étant devenu moindre que le poids du volume < ___l'air déplacé, le ballon s'éleva aux applaudissements des nombermeux spectateurs que cette curieuse expérience avait attirés. Le 17 septembre 1783 elle fut répétée à Versailles devant Louis et la Cour, et le 21 novembre de la même année, une nac-elle ayant été attachée à une nouvelle montgolsière lancée du parc château de la Muette, Pilâtre des Rosiers eut la hardiesse monter : ce fut le premier aéronaute.

Ces ballons gonflés d'air chaud avaient l'inconvénient redescendre assez vite vers le sol, l'air renfermé se refroidissars à moins d'entretenir sous l'ouverture béante du ballon un se allumé dans la nacelle même, ce qui présentait quelque danges ser.

L'idée d'employer l'hydrogène pour gonsler les aérostats s'était présentée à l'esprit de tous les physiciens. Les frères Montgolfi. Il elsier eux-mêmes avaient dirigé leurs premiers essais dans ce sen en ens. Mais ils avaient renoncé à l'emploi de ce gaz parcequ'il travers trop vite les enveloppes de papier, et que le ballon après s'êts s'êts élevé retombait rapidement.

Quand l'expérience d'Annonay sut connue à Paris, elle exciun vif enthousiasme, et une souscription fut ouverte pour la répéter. Ce soin fut confié au physicien Charles qui, ignorant . le procédé employé par les frères Montgolfier, gonfla un ballon en

⁽¹⁾ Joseph-Michel Montgolster naquit en 1740, à Vidalon-lès-Annonay, et mourut aux eaux de Balaruc en 1810. Son frère Jacques-Etienne naquit au même endroit en 1745 et mourut à Ferrières en 1799. Leur père Joseph Montgolster dirigeait, à Vidalon-lès-Annonay, une importante sabrique de papier. La première expérience de Joseph et d'Etienne sut exécutée à Avignon, en décembre 1782.

le ser et l'acide sulfurique; le gaz était bien lavé du reste avant l'etre introduit dans l'enveloppe.

Le 26 août 1783 ce ballon, qui avait 4 mètres de diamètre, s'éleva du Champ de Mars et alla retomber, trois quarts d'heure près, à cinq lieues de son point de départ.

Depuis que l'usage du gaz d'éclairage s'est répandu, c'est presque toujours lui qui est employé pour gonfler les aérostats. Il faut, il est vrai, un ballon de plus grand volume pour obtenir même force ascensionnelle qu'avec l'hydrogène, car le gaz d'éclairage est plus dense; mais cet inconvénient est largement compensé par plusieurs avantages: le gaz est tout préparé, et, passant plus lentement à travers les pores de l'enveloppe, l'aérostat se dégonfle moins rapidement.

Pourtant, toutes les fois qu'on désire avoir une grande force ascensionnelle pour un faible volume, on se sert encore de l'hydrogène; ainsi, le ballon captif de l'ingénieur Giffard, qui en 1878 a fait de si nombreuses ascensions, en s'élevant de la place du Carrousel à Paris, était gonflé avec ce gaz.

Parmi les nombreux essais entrepris en vue de diriger les ballons, nous ne saurions passer sous silence l'ascension exécutée le 2 février 1872 par M. Dupuy de Lôme. L'aérostat était gonflé avec de l'hydrogène; il avait une forme ovalaire, et une hélice à deux ailes, mue à bras d'hommes, lui donnait une vitesse, indépendante de celle résultant du vent, de 2^m,5 en moyenne par seconde. Après le succès de cette expérience, M. Dupuy de Lôme ne doute pas qu'on puisse naviguer dans les airs, et se diriger, malgré un vent faible, avec un moteur de huit chevaux; le poids de ce moteur pourrait ne pas surpasser celui des hommes employés dans son expérience.

7. FORCE ASCENSIONNELLE. — La force ascensionnelle d'un aérostat est le poids qu'il faudrait mettre dans la nacelle pour maintenir le ballon en équilibre dans l'air, sans qu'il monte ni me descende.

D'après cette définition, si nous désignons par A la force ascensionnelle, par P le poids de l'enveloppe, des agrès, de la nacelle et de son contenu, par II le poids du gaz enfermé dans

le ballon, et par II' le poids de l'air qu'il déplace, le principe d'Archimède fournit l'égalité:

$$A + P + \Pi = \Pi'$$
 d'où : $A = \Pi' - \Pi - P$

Evaluons Π et Π' . Le volume extérieur et la capacité intérieure du ballon diffèrent si peu qu'on peut représenter ces quantités par une même lettre V; appelons H et H' les hauteurs de mercure qui font équilibre à la force élastique du gaz enfermé dans le ballon et à celle de l'air qui l'entoure; appelons a le poids de l'unité de volume d'air sous la pression de 76 cent. de mercure et à la température des couches d'air qui environnent le ballon, température que nous supposerons être aussi celle du gaz qu'il renferme (¹); soit enfin d la densité de ce gaz par rapport à l'air, on a les deux relations:

$$II = aV \frac{H}{76}d \qquad \text{et} \qquad \Pi' = aV \frac{H'}{76}$$

d'où pour la valeur de la force ascensionnelle:

(1)
$$\mathbf{A} = \frac{a\mathbf{V}}{76} \left(\mathbf{H'} - \mathbf{H} \mathbf{d} \right) - \mathbf{P}$$

Le plus souvent, le ballon est fermé de toutes parts; dans cas, on ne le gonfle pas complètement au départ, pour permettre au gaz de prendre à chaque instant la force élastique de l'air extérieur. En effet, si le ballon était complètement gonflé en quit tant le sol, le gaz, ne pouvant prendre un volume plus grand pendant l'ascension, conserverait sa force élastique initiale; or, a mesure que l'aérostat s'élève, la pression de l'air environment

⁽¹⁾ Cette supposition n'est pas toujours exacte; quand le ballon monse rapidement, l'air extérieur se refroidit plus vite que le gaz; aussi, dans cas, la force ascensionnelle doit-elle être un peu plus grande que celle que un calculons ci-dessus.

devient de plus en plus faible, et le ballon risquerait d'éclater sous l'excès de pression intérieure.

Tant que le ballon n'est pas complètement gonssé, on a H=H', et la formule (1) devient:

$$A = \frac{aVH}{76} (1 - d) - P.$$

Cette formule montre que la force ascensionnelle reste à peu près constante, quand le ballon s'élève; car, si nous négligeons l'effet des variations de température, le produit VH du volume de la masse de gaz invariable que contient le ballon par sa force élastique demeure constant, d'après la loi de Mariotte; or, toutes les autres quantités qui entrent dans le second membre de la formule étant évidemment constantes, il en est de même de A.

On voit, du reste, que cette force ascensionnelle croît avec le volume V du ballon et diminue quand la densité d du gaz augmente, ce qui était évident a priori.

A partie du moment où, par suite de la diminution de pression le volume du gaz a assez augmenté pour gonfler complètement le ballon, la force élastique de ce gaz H conserve la même valeur; celle de l'air H' diminuant, si le ballon s'élève encore, la formule (1) nous montre que la force ascensionnelle doit devenir moindre.

Dans le ballon de M. Dupuy de Lôme et de quelques autres séronautes, des tubes ouverts, pendants au-dessous de la nacelle permettaient au gaz intérieur de s'échapper quand la force élastique de l'air environnant devenait inférieure à la sienne. Dans ce cas le ballon est gonflé complètement au départ et son volume V reste invariable pendant l'ascension. Du reste, la force élastique H du gaz reste à peine supérieure à celle de l'air ambiant, cassi la formule (2) est-elle applicable. Mais dans ce cas, comme V demeure constant et que H diminue pendant l'ascension, en est de même de la force ascensionnelle A.

Lorsque le ballon cesse de s'élever, ce dont l'aéronaute juge à la mne barométrique qui cesse de baisser, s'il veut monter haut, il jette du lest; alors le poids P diminuant, la force

ascensionnelle, qui était devenue nulle, reprend une valeur positive, et le ballon remonte.

Quand, au contraire, l'aéronaute veut descendre, il ouvre une soupape placée à la partie supérieure de l'aérostat à l'aide d'une corde qui pend jusque dans la nacelle. Le gaz s'échappe à cause de l'excès de force élastique qu'il possède dans le haut du ballon; son volume V diminuant, la force ascensionnelle prend une valeur négative, et l'aérostat descend.

CHAPITRE V

MELANGE DES GAZ — DISSOLUTION DES GAZ

I — MÉLANGE DES GAZ

1. LOI DU MÉLANGE DES GAZ. — Quand plusieurs gaz sont mélantés, chacun d'eux occupe tout l'espace qui lui est offert, et, quand l'équilibre est atteint, chaque portion du mélange offre la même composition, quelque différentes que soient les densités des que, quelles que soient les inégalités que présente la température de l'enceinte.

Dans un mélange de plusieurs gaz, on appelle force élastique de l'un des gaz, la force élastique qu'il aurait s'il occupait seul tout le vase à la même température.

L'expérience montre que la force élastique totale d'un mélange de plusieurs gaz, sans action chimique les uns sur les aulres, est égale à la somme des forces élastiques de chacun des paz.

Soient v_1 et h_1 , v_2 et h_2 , v_3 et h_3 etc... les volumes et les forces élastiques correspondantes de plusieurs gaz à la même température; mettons-les ensemble dans un vase de volume V, et soit H la force élastique du mélange. D'après la loi précédente, en appelant H_1 , H_2 , H_3 les forces élastiques de chacun des gaz dans le mélange. on a :

$$H = H_1 + H_2 + H_3 + \cdots$$

Puisque H, représente la force élastique qu'aurait à la même

température quand son volume devient V, le gaz qui occupait le volume v_i pour la force élastique h_i . la loi de Mariotte donne la relation :

$$H_1V = h_1v_1$$

Ott

$$H_i = h_i \frac{v_i}{V}$$

On a de même:

$$H_2 = h_2 \frac{v_2}{V}$$
 $H_3 = h_3 \frac{r_3}{V}$

d'où, d'après la loi du mélange des gaz, exprimée par la relation (1):

(2)
$$H := h_1 \frac{r_1}{V} + h_2 \frac{r_2}{V} + h_3 \frac{r_3}{V} + \cdots$$

Cette égalité (2) montre que la force élastique d'un mélange de plusieurs gaz, primitivement séparés, ne varie pas quand ils se diffusent les uns dans les autres. En effet, si avant la diffusion les gaz occupent séparément dans le vase de capacité V les volumes r_1 , r_2 , r_3 ..., de façon qu'on ait :

$$V = r_1 - r_2 - r_3 - \cdots$$

et que à soit alors la valeur commune de leur force élasiquée la relation (2) nous fait voir qu'après la diffusion, la force clastique H du mélange est donnée par :

$$\mathbf{H} \quad \mathbf{i} \frac{\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_3 - \cdots}{\mathbf{i}} = \mathbf{A}$$

En multipliant par V les deux membres de l'équation (2), elle devient:

(3)
$$HV = h_1v_1 + h_2v_2 + h_3v_3 + \cdots$$

Cette formule, qui est une conséquence de la loi du mélange des gaz et de la loi de Mariotte, est aisée à retenir à cause de sa forme symétrique.

En divisant les deux membres de (3) par H, il vient :

(4)
$$V = v_1 \frac{h_1}{H} + v_2 \frac{h_2}{H} + v_3 \frac{h_3}{H} + \cdots$$

Chaque terme de la somme du second membre représente précisément, en vertu de la loi de Mariotte, le volume qu'aurait chacun des gaz sous la pression totale du mélange H. Sous cette nouvelle somme, la loi s'énonce ainsi : le volume d'un mélange queux est égal à la somme des volumes qu'aurait chacun des gueux est égal à la somme des v

Un mélange de plusieurs gaz suit la loi de Mariotte avec le même degré d'approximation que les gaz composants eux-mêmes.

En effet, si H et V, H' et V' représentent la force élastique et le volume correspondant d'un même mélange gazeux dans deux états différents, à la même température, on a d'après (3):

$$HV = h_1 v_1 + h_2 v_2 + h_3 v_3 + \cdots$$

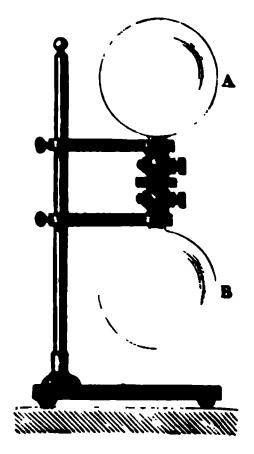
$$H'V' = h_1 v_1 + h_2 v_2 + h_3 v_3 + \cdots$$

d'où:

$$HV = H'V$$

2. EXPÉRIENCE DE BERTHOLLET.(1) — On conçoit aisément comment on peut vérifler la loi du mélange des gaz que nous venons d'énoncer, puisque la vérification ne nécessite que des mesures de volumes gazeux et de forces élastiques.

Berthollet a fait, à cet égard, une expérience qui est restée célèbre. Il remplit deux ballons de même capacité, et pouvant se fermer à l'aide de robinets, l'un d'hydrogène, l'autre d'acide carbonique; les gaz y furent enfermés sous la pression atmosphérique. Les deux ballons, ayant été descendus dans les caves de l'Observatoire de Paris, furent réunis par les robinets, qui pouvaient se visser l'un sur l'autre (fig. 116); on disposa



Fri. His.

le ballon à hydrogène en haut, celui à acide carbonique en bas, puis on ouvrit les robinets de façon à mettre les deux gaz en communication.

Or, les caves de l'Observatoire (portion des Catacombes) sont situées à une profondeur telle que la température y est presque invariable et que les trépidations du sol ne s'y font plus sentir. Malgré ces conditions de tranquillité, malgré la grande différence de densité, qui aurait pu faire supposer que l'acide carbonique, vingt-deux fois plus lourd que l'hydrogène, resterait en bas, les deux gaz se mélangèrent intimement.

En esset, après quelques heures, Berthollet serma les robinets, sépara

les deux ballons, et après les avoir ouverts sur le mercure constata: 1° que l'atmosphère gazeuse de chacun d'eux était sous la pression atmosphérique, car le mercure ne monta pas dans le vase, et aucune bulle de gaz n'en sortit; 2° que l'analyse donnait une egale proportion d'acide carbonique et d'hydrogène dans chaque ballon.

t Clause Units Fernance, chimiste français, ne en 1718 à Talloir Savour, mort la 1822

Remarquons que le premier point constaté s'accorde avec la loi énoncée ci-dessus. Car, soient V_1 et V_2 les capacités de chacun des ballons; l'acide carbonique occupait d'abord un volume V_1 en possédant une force élastique H, celle de l'atmosphère; ensuite son volume est devenu $V_1 + V_2$ pour une force élastique x, donnée par la relation:

$$x \left(\mathbf{V_1} + \mathbf{V_2} \right) = \mathbf{V_1} \mathbf{H}$$

d'où:

$$x = \frac{V_{t}H}{V_{t} + V_{\bullet}}$$

L'hydrogène occupait d'abord un volume V_2 et possédait la force élastique H; ensuite son volume est devenu $V_1 + V_2$ pour la force élastique y donnée par la relation :

$$y = \frac{V_2H}{V_1 + V_2}$$

Or,

$$x + y = \frac{V_1 H}{V_1 + V_2} + \frac{V_2 H}{V_1 + V_2} = H$$

et Berthollet constata en effet que la force élastique totale du mélange était la pression atmosphérique H, c'est-à-dire, la somme de x et de y forces élastiques propres de chacun des gaz dans le mélange.

3. EXPÉRIENCES DE REGNAULT, DE M. ANDREWS ET DE M. CAILLETET.

A un degré d'exactitude plus grand, et en tenant compte de la véritable loi de compressibilité des gaz composant un mélange, même quand elle s'écarterait notablement de la loi de Mariotte, peut-on admettre encore que la force élastique totale du mélange

soit égale à la somme des forces élastiques qu'aurait chaque gazs il occupait seul tout l'espace?

Quelques expériences de Regnault sur un mélange d'air et d'acide carbonique, dont la force élastique totale a varié jusqu'à deux atmosphères, ont montré que, pour les pressions ordinaires, il en était ainsi. Mais M. Andrews et M. Cailletet ont trouvé que, pour des pressions très élevées, chaque mélange gazeux avait une loi de compressibilité propre qui ne pouvait être exactement déduite de la connaissance de la loi de compressibilité de chacun des gaz composants.

II — DISSOLUTION DES GAZ

Quand un gaz est en présence d'un liquide, on peut constate que celui-ci dissout une certaine quantité du gaz. On le voit faisant bouillir le liquide, le gaz dissous se sépare alors sous forme de bulles qu'on peut recueillir et analyser. L'emploi de la trompe de Sprengel, que nous décrirons plus loin, permet aussi, en faisant le vide au-dessus du liquide, d'en extraire les gaz et de le recueillir.

La quantité du gaz dissous dans un liquide a une limite qui dépend non seulement des circonstances physiques (pression température), mais encore de la nature du gaz et de celle du la quide.

4. LOIS DE SOLUBILITÉ DES GAZ. — Désignons par r le volume qu'à rait à 0° et pour la force élastique du gaz qui surmonte le liquide la dissolution étant achevée, la masse de ce gaz dissoute dans volume V de ce liquide.

On appelle coefficient de solubilité c du gaz dans le liquide 1 = rapport +:

$$c = \frac{r}{V}$$

L'expérience prouve que le coefficient de solubilité est à très peu près indépendant de la force élastique du gaz, au moins pour les gaz peu solubles: c'est en cela que consiste la première loi de solubilité. Ce coefficient dépend de la température à laquelle se trouve le liquide, et, à de très rares exceptions près, diminue quand la température s'élève. Pour les gaz qui ne contractent pas de combinaison chimique avec le liquide, il devient nul, en général, avant la température d'ébullition de celui-ci sous la pression atmosphérique.

Soit h la force élastique que posséderait le gaz dissous s'il occupait seul le volume V du dissolvant; soit v le volume qu'aurait la même masse de gaz pour la force élastique finale H de ce gaz dans l'atmosphère qui surmonte le liquide; la loi de Mariotte fournit la relation:

$$Vh = vH$$

d'où:

$$\frac{h}{H} = \frac{v}{V} = c$$

Le coefficient de solubilité peut donc encore se définir comme le rapport qui existe entre la force élastique qu'aurait la masse de gaz dissoute, si elle occupait seule le volume du dissolvant, à la force élastique du gaz qui surmonte le liquide quand la dissolution est achevée.

Soit a la densité de ce gaz à 0° et pour l'unité de force élasique; aH étant sa densité pour la force élastique II, la masse du gaz clissous est donnée par :

$$p = aHv$$

Or, comme on a, d'après (1):

$$v = cV$$

il vient:

$$(4) p = acHV$$

C'est-à-dire que, à une même température, c étant indépendant de la force élastique H, la masse p du gaz dissous est proportionnelle à la force élastique du gaz qui surmonte le liquide quand la dissolution est achevée.

La loi précédente est applicable, soit quand le gaz considéré existe seul au-dessus du liquide, soit quand il est mélangé à d'autres gaz. Dans ce dernier cas, chacun des gaz du mélange se dissout comme s'il était seul. C'est une deuxième loi expérimentale fournie par l'étude de la solubilité des gaz (1).

(1) Pour bien saire comprendre cette loi, calculons les proportions d'exygène et d'avote dissous par l'eau exposée à l'air.

dans ce melange est égale à $\frac{21}{100}$ H, et celle de l'azote à $\frac{79}{100}$ H. Les coefficients de solubilité de l'azote et de l'oxygène à 0° sont respectivement 0,0° et 0,041. Soit V le volume de l'eau; le volume qu'aurait l'azote dissous pour la force élastique $\frac{79}{100}$ H serait 0,020 V; et, par conséquent, son volume pour une autre force élastique H_1 , est donné par :

$$xH_1 = 0.020 \text{ V} \times \frac{79}{100} \text{ H}$$

Le volume qu'aurait l'orygine dissous pour la force élastique $\frac{21}{100}$ H mit thibit, et pur obserquent, son rolume y, pour la même force élastif et ll. observer et dessus, est donce par :

$$gH_{\nu} = \partial_{\nu}M(V) \times \frac{21}{100} H$$

L'où pour le répéret muse es volumes des deux **par lissons, supposés ex a ruil** de l'ou le médiane quare le présenteux **une même force élastique** He :

Un liquide qui a dissous un gaz en laisse échapper une partie dans une atmosphère où ce gaz possède une force élastique moindre que celle sous laquelle la dissolution s'est effectuée; il n'en garde, après un certain temps, que la quantité correspondant à la nouvelle force élastique du gaz qui existe au-dessus de lui. C'est ainsi que l'eau de Seltz (dissolution d'acide carbonique dans l'eau sous 3 ou 4 atmosphères de pression), exposée à l'air libre, finit par perdre presque tout l'acide carbonique qu'elle renferme.

Quand on fait le vide au-dessus d'une dissolution d'un gaz, celui-ci s'échappe du liquide.

5. MÉTHODE DE BUNSEN POUR DÉTERMINER LE COEFFICIENT DE SOLUBILITÉ D'UN GAZ. — On introduit dans une éprouvette, placée sur le mercure, une certaine masse du gaz étudié. On mesure sa force élastique H, puis son volume et sa température, d'où l'on déduit le volume V du gaz à 0°. On y ajoute ensuite un volume V, du liquide dans lequel on veut faire dissoudre le gaz. Quand la dissolution est achevée, ce dont on juge à ce que le volume gazeux ne varie plus, on détermine le nouveau volume V' à 0° du gaz restant, ainsi que sa force élastique H'.

Désignons par c le coefficient de solubilité du gaz; d'après sa définition, la masse de gaz dissoute occuperait un volume cV_i à 0 si el le possédait la force élastique H'. En ajoutant cette masse de gaz dissoute à la masse de gaz restant au-dessus du liquide

Si l'on veut avoir la composition de ce mélange en 100-, il n'y a qu'à poser:

$$x + y = 100$$

La résolution des deux équations précédentes donne -

$$x = 64,7$$

$$y = 35,3$$

ce qui est conforme à l'analyse de l'air extrait de l'eau.

quand la dissolution est terminée, les deux masses réunics occuperaient à 0° le volume V' $+ cV_1$, pour la force élastique H'; et

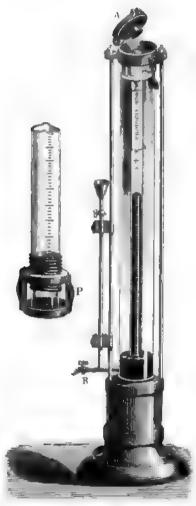


FIG. 1.7.

comme on aurait ainsi la masse gazeuse primitive, la loi de Mariotte fournit la relation:

$$HV = H'(V' + \epsilon V)$$

Cette égalité fait connaitre c.

Pour réaliser commodément l'expérience, M. Bunsen se sert de l'appareil représenté figure 117. L'éprouvette graduée peut être fermée à sapartie inférieure par une pièce P. Pour cela, le haut de cette pièce formes l'écrou d'une vis que possèdes la partie inférieure de l'éprouvette; en tournant celle-c 🖷 dans le sens convenable, ocom appuie avec force son oriflo= contre une plaque de caoutchouc que porte la pièce P -On commence par introduires le gaz, l'éprouvette étan 🕏 placée sur une cuve à mercure; puis on ferme celle 🖘 et on la transporte dans les manchon de verre représenté sur la figure. Après avoirmi≓ du mercure au fond, et de l'eau par-dessus, on débouch€ l'éprouvette pour faire communiquer le mercure qu'elle

renferme avec celui du manchon. On note alors le volume occupé

par le gaz, amené à la température connue de l'eau qui l'entoure, ainsi que sa force élastique. Pour avoir celle-ci, on mesure la hauteur barométrique, la hauteur du mercure de l'éprouvette au-dessus du mercure du manchon et enfin la hauteur de la colonne d'eau qu'il contient. Après avoir fermé de nouveau l'éprouvette, on la transporte sur la cuve à mercure et l'on y introduit une certaine quantité de liquide, dont on mesure immédiatement le volume. Lorsqu'on a replacé l'éprouvette fermée dans le manchon, on abaisse le couvercle A de celui-ci, ce qui maintient l'éprouvette en place, et l'on agite vivement l'appareil pour favoriser la dissoluion du gaz. De temps en temps on débouche l'orifice de l'éprouvette pour permettre au mercure de monter par suite de la raréfaction laquelle la dissolution du gaz a donné lieu; quand le merre cesse de s'élever dans l'éprouvette, on procède à la mesure **Lastique**.

Faisons remarquer, qu'il faudra retrancher de la force élastile totale de l'atmosphère qui surmonte le liquide dans l'éprouvette, force élastique maximum de la vapeur de ce liquide pour avoir force élastique H' propre au gaz lui-même, puisque ce gaz est lors saturé de la vapeur du liquide.

On a ainsi tous les éléments nécessaires au calcul de c.

Exemple 1 Les expériences faites sur la solubilité des prouvent que jusqu'à trois atmosphères (on n'a guère été plus loin), le coefficient de solubilité est à peu près indépendant de la pression, pour les gaz peu solubles. Mais, pour les gaz aussi solubles que l'acide carbonique et surtout que l'acide sulfureux ou l'ammoniaque vis-à-vis de l'eau, il n'en est plus ainsi : le coefficient de solubilité augmente avec la pression.

Quant aux gaz qui contractent des combinaisons avec l'eau, comme les acides chlorhydrique, bromhydrique, iodhydrique, leur loi de solubilité s'écarte complètement de celles des autres la force élastique influe très peu sur la masse de gaz dissoute.

Le coefficient de solubilité diminue généralement quand la l'empérature s'élève; ainsi le coefficient de solubilité de l'ammonique dans l'eau est d'après M. Bunsen:

LIVRE III. — CHAPITRE V

0•	1049,6
10°	812,8
20°	654,0
70°	0,0

Pourtant, la solubilité du chlore dans l'eau passe par un maximum à 8°; celle de l'hydrogène dans l'eau et celle de l'oxygène dans l'alcool restent à peu près constantes entre 0° et 20°; tandis que la solubilité de l'hydrogène dans l'alcool et celle de l'oxygène dans l'eau suivent la loi générale.

CHAPITRE VI

PPAREILS PNEUMATIQUES ET POMPES

I. MACHINES PNEUMATIQUES

désigne sous le nom de machine pneumatique un appareil de à rarésser l'air, ou tout autre gaz, contenu dans un ient.

PRINCIPE DE LA MACHINE PNEUMATIQUE. — Réduite à ses

pneumatique se comd'un corps de pompe C
118) dans lequel peut se
orps de pompe commue par un conduit avec le
pient R contenant le gaz
veut raréster. Ce conpossède, dans le voisiimmédiat du corps de
pe, un robinet r permetd'intercepter et d'étaà volonté la communi-

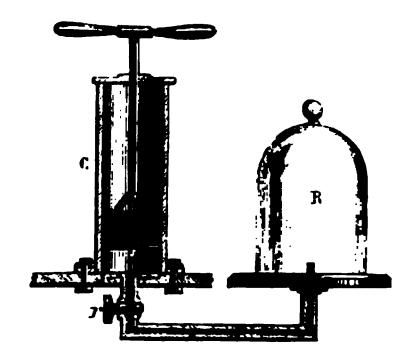


FIG. 118.

n avec le récipient, ou tout autre dispositif produisant le le effet. Le piston présente une ouverture à soupape s; celleme l'ouverture, quand la force élastique de l'atmosphère égale ou supérieure à celle du gaz contenu dans le corps de

pompe, et, au contraire, se soulève et livre passage au gaz emprisonné sous le piston, dès que sa force élastique devient supérieure à celle de l'atmosphère.

Supposons que le piston soit au bas de sa course, que le robinet r soit ouvert, et que le gaz contenu dans le récipient soit sous une pression H_0 au plus égale à celle de l'atmosphère.

Dans ce cas, la soupape s ferme l'ouverture du piston. Si nous soulevons celui-ci, l'air du récipient se détend, et une portion de cet air passe dans la partie inférieure du corps de pompe. Le volume de la masse gazeuse augmentant, sa force élastique diminue, et la soupape s reste fermée. Appelons R le volume du récipient et C celui du corps de pompe quand le piston est au haut de sa course; soit alors H₁ la force élastique du gaz qui occupe le volume R -\(\psi\) C; la loi de Mariotte fournit la relation.

$$(1) H_1 R - C) = H_0 R$$

d'où:

$$H_1 = H_0 \frac{R}{R + C}$$

A ce moment, fermons le robinet r; le gaz emprisonné dans récipient possède une force élastique H_1 . Abaissons le piston = gaz enfermé dans le corps de pompe, diminuant de volume augmente de force élastique, et celle-ci, d'abord moindre qua la pression atmosphérique, lui devient égale quand le volume suffisamment réduit. La soupape, qui jusque-là avait fer l'ouverture du piston, se soulève alors si l'on continue à abais celui-ci, et le gaz contenu à la partie inférieure du corps pompe s'échappe dans l'atmosphère. Quand le piston est au de sa course et au repos, l'équilibre de pression se product entre la très petite quantité de gaz qui reste au-dessous de lui l'atmosphère; la soupape retombe alors par son poids, et ferma l'ouverture. L'appareil se trouve ainsi ramené à l'état qui ne a servi de point de départ; mais le gaz enfermé dans le récipie

possède maintenant une force élastique H_1 inférieure à la force élastique initiale H_0 . Il résulte de là que, si nous recommençons la même série d'opérations, nous réduirons la force élastique du gaz à une nouvelle valeur H_2 , qui sera donnée par la formule (2) dans laquelle il faudra changer H_1 en H_2 et H_0 en H_1 , c'est-à-dire par :

$$H_2 = H_1 \frac{R}{R + C}$$

d'où, en remplaçant H, par sa valeur tirer de (2) :

$$H_{2} = H_{0} \left(\frac{R}{R + C} \right)^{2}$$

On voit, de même, qu'après trois coups de piston, la force élastique du gaz dans le récipient est réduite à une valeur H₃, donnée par:

$$H_3 = H_3 \frac{R}{R - C} = H_0 \left(\frac{R}{R + C}\right)^3$$

et qu'ensin, après n coups de piston, la force élastique H_n du gaz clans le récipient est donnée par :

$$H_n = H_0 \left(\frac{R}{R + C} \right)^n$$

La fraction $\frac{R}{R+C}$ étant plus petite que l'unité, H_n est d'autant plus faible que n est plus grand, et tend vers zéro quand le nombre des coups de piston tend vers l'infini. D'après cela, si l'on n'atteint pas le vide parsait, on peut s'en rapprocher de plus en plus.

Remarquons que, lorsqu'on abaisse le piston, l'air qui se trouve

au-dessous de lui est, dans chaque opération, plus raréfié que dans l'opération précédente; par conséquent, il faut abaisser le piston davantage pour que la soupape se soulève et permette au gaz de s'échapper.

2. INFLUENCE DE L'ESPACE NUISIBLE. — Dans le raisonnement précédent, nous avons supposé qu'aucune masse gazeuse n'existait entre la base du corps de pompe et la partie inférieure du piston, quand celui-ci est au-bas de sa course. Quelque parfaite que soit la construction de l'appareil, cette supposition ne peut être rigoureusement exacte. Or le petit espace plein d'air, qui reste alors entre le piston et la base du corps de pompe, a pour effet d'empêcher le gaz du récipient d'être rarésié au delà de toute limite, comme nous allons le montrer. De là, le nom d'espace nuisible qu'on lui donne.

Désignons par u la capacité de l'espace nuisible, et désignons, comme ci-dessus, par R et par C les capacités du récipient et du corps de pompe.

Supposons le piston au bas de sa course, et le robinet r ferméSoit alors H la force élastique de l'air emprisonné dans l'espace
nuisible; H est au plus égal à la pression atmosphérique, car sans
cela la soupape du piston se soulèverait immédiatement. Tout en
laissant le robinet fermé, soulevons maintenant le piston jusqu'au
haut de sa course: la soupape du piston reste fermée, et la massad'air, qui, en occupant le volume u, possédait une force élastique
H, occupant maintenant un volume C, prend une force élastique
Celle-ci est donnée, d'après la loi de Mariotte, par la relation:

$$^{\prime}$$
 $\mathbf{C} \mathbf{y} = \mathbf{n} \mathbf{H} \qquad \text{d'où}: \qquad \mathbf{y} = \mathbf{H} \frac{\mathbf{C}}{\mathbf{n}}$

Supposons que nous établissions maintenant la communication entre le corps de pompe et le recipient; il est clair que le partage de l'air va se produire, et que la force élastique $H_{\bullet+1}$, que va en resulter pour le gaz du récipient, sera exactement la mérique si le robinet r avait eté ouvert dès le début de l'ascension du pisten. Or, soit H_{\bullet} la force élastique de l'air emprison dans le recipient avant d'envir le robinet; au moment où

communication s'établit, si H_n est plus grand que h, une certaine quantité d'air passe du récipient dans le corps de pompe, et la pression diminue dans celui-là : puisque H_{n+1} est plus petit que H_n la limite de la raréfaction n'était pas atteinte. Si au contraire H_n est égal à h, au moment de l'ouverture du robinet, l'air du récipient ne passe pas dans le corps de pompe : la limite de raréfaction est atteinte dans ce récipient, puisqu'on ne peut plus en extraire de l'air par le jeu de la machine.

La force élastique h, donnée par la relation (1), est ainsi la limite du degré de raréfaction qu'on peut atteindre dans le récipient (1).

Dans le fonctionnement de la machine tel que nous l'avons décrit ci-dessus, quand on abaisse le piston, la soupape de celui-ci se lève à un certain moment, et la communication entre la partie inférieure du corps de pompe et l'atmosphère étant ainsi

(I) On peut reprendre le calcul de la force élastique obtenue dans le récipient après n coups de piston, en tenant compte de l'espace nuisible, ce qui va nous conduire au même résultat pour la limite du degré de raréfaction.

Soit H_i la force élastique du gaz contenu dans le récipient au bout de i coaps de piston; soit II la force élastique (toujours la même) de l'air de l'espace nuisible, quand le piston est au bas de sa course. Nous avons alors deux masses d'air, l'une occupant le volume R et possédant une force élastique H_i, l'autre occupant le volume u et ayant une force élastique H. Quand le piston sera au haut de sa course, l'ensemble des deux masses d'air occupera le volume: R+C et possèdera la force élastique H_{i+1}; la loi du mélange des gaz donne la relation:

$$(R + C)H_{i+1} = RH_i + uH$$

ďoù:

$$H_{i+1} = H_i \frac{R}{R+C} + H \frac{u}{R+C}$$

Faisant successivement dans cette formule générale

$$i = 0, 1, 2, 3, \ldots, n-1, n$$

établie, l'air se trouve emprisonné sous la pression at phérique dans l'espace nuisible, au moment où la soupar

nous obtiendrons les n égalités suivantes:

$$H_{1} = H_{0} \frac{R}{R + C} + H \frac{M}{R + C}$$

$$H_{2} = H_{1} \frac{R}{R + C} + H \frac{M}{R + C}$$

$$H_{3} = H_{2} \frac{R}{R + C} + H \frac{M}{R + C}$$

$$H_{n-1} = H_{n-2} \frac{R}{R - C} + H \frac{N}{R + C}$$

$$H_{n} = H_{n-1} \frac{R}{R - C} + H \frac{N}{R - C}$$

Si l'on veut éliminer les forces elastiques intermédiaires

$$H_1$$
 H_2 H_3 H_{n-1}

il suffit de multiplier chacune des équations respectivement por

$$1 - \left(\frac{R}{R - C}\right)^{-1} \cdot \left(\frac{R}{R - C}\right)^{2} \cdot \left(\frac{R}{R - C}\right)^{3} \cdot \dots \cdot \left(\frac{R}{R - C}\right)^{n-1}$$

en commençant par la ilruiere, plur que les mêmes forces élastique trouvent, dans à avergre les surcessives, multiplies par le même la cu ajourant membre à moultre les agalités ainsi traitées, les pressions

$$H_1 H_2 \dots H_{n-1}$$

disparelles of the disparel

$$-\frac{1}{2} \left(\frac{R}{R} \right)^{-1} \left($$

rme: Dans ce cas, H étant égal à la pression atmoshérique, la limite de raréfaction h est la fraction $\frac{u}{C}$ de celle-ci.

lais, supposons qu'à l'aide d'une autre machine pneumatique sus rarétions l'air contenu dans l'espace nuisible, H diminuant valeur, la limite de raréfaction h dans le récipient de la première achine diminuera proportionnellement: tel est le principe du rectionnement de Babinet dont nous parlerons plus loin.

Ajoutons qu'une autre cause limite le degré de raréfaction; st la rentrée de l'air qui se produit entre les bords du piston les parois du corps de pompe, ou par l'ouverture du piston, le la soupape ne ferme jamais d'une façon absolue.

3. FORCE A VAINCRE POUR SOULEVER LE PISTON. — Le piston de machine que nous venons de décrire est pressé extérieurement pr'atmosphère et intérieurement par le gaz contenu dans le corps pompe. Ces deux pressions sont inégales pendant la marche cendante du piston, puisque le corps de pompe communique pre avec le récipient, et d'autant plus inégales que la raréfaction poussée plus loin dans celui-ci. Pour fixer les idées, supposons la force élastique soit réduite à n'être plus équilibrée dans récipient que par 1 cent. de mercure, tandis que la pression

le crochets se trouve la somme des termes d'une progression géométricette somme est égale à :

$$\frac{1 - \left(\frac{R}{R + C}\right)^n}{1 - \frac{R}{R + C}} = \frac{\left(R + C\right)\left[1 - \left(\frac{R}{R + C}\right)^n\right]}{C}$$

mplaçant, il vient:

$$H_{n} = H_{0} \left(\frac{R}{R + C} \right)^{n} + H \frac{u}{C} \left[1 - \left(\frac{R}{R + C} \right)^{n} \right]$$

voit que si n tend vers l'infini, H_n tend vers $H\frac{u}{C}$.

atmosphérique est équilibrée par 76 cent.; supposons en outre que le piston ait $\frac{1}{2}$ décimètre carré de surface. La pression exté-

rieure sera égale au poids de $\frac{1}{2} \times 103,33$ kilogrammes, et la pression intérieure ne sera égale qu'au poids de

$$\frac{1}{2}$$
 \times 103,33 \times $\frac{1}{76}$ kilogrammes.

La différence des deux pressions, c'est-à-dire la force à vaincre pour soulever le piston, sera égale au poids de

$$\frac{4}{2}$$
 103,33 $-\frac{1}{2}$ 103,33 $\times \frac{1}{76}$ = 51 kilogrammes.

C'est donc un effort considérable qu'il faudra faire; c'est un travail très grand qu'il sera nécessaire d'effectuer à chaque coup de piston. Il est vrai que cette différence de pression facilite la manœuvre lors de la descente du piston, mais sans grand bénéfice pour l'opérateur, dans la machine à un seul corps de pompe, telle que nous l'avons décrite. Il n'en est plus de même, si l'on capploie une machine possédant deux corps de pompe symétriques (fig. 121) dont les pistons sont reliés par une disposition mécanique telle que l'un soit forcé de monter quand l'autre descend, et qui font alternativement le vide dans le même récipient. Les pressions exercées par l'atmosphère sur chacun des pistons de même surface se font mutuellement équilibre, et l'opérateur n'applus à vaincre que la différence des pressions sur les faces inférieures. Or cette différence n'est pas très considérable, amoins dans la plus grande partie de la course des pistons.

On peut aussi éviter l'inconvénient d'avoir à vaincre pression atmosphérique, tout en employant un seul corps de pompe, par diverses modifications, que nous décrirons plus lois dans la disposition de la machine.

Outre les dissérences de pression, l'opérateur a encore à surmonter les frottements des pistons contre les parois du corpde pompe; ces frottements sont considérables et rendent lmanœuvre de la machine pneumatique assez pénible. A RISTOIRE DE LA MACHINE PNEUMATIQUE. — C'est à Otto de Guericke, bourgmestre de la ville de Magdebourg, qu'est due I avention de la machine pneumatique (1650). Après quelques esses infructueux pour retirer, avec une pompe, l'eau d'un tonnelet exactement plein, l'ingénieux expérimentateur eut l'idéo d'extraire l'air contenu dans un globe de cuivre, en se servant d'une sorte de seringue adaptée à ce récipient. Le globe de cuivre ; ossédait un robinet à la partie inférieure, et le corps de pompe presentant, dans la partie voisine du récipient, une ouverture fermée par un second robinet, qui permettait de faire évacuer l'air.

Oute de Guéricke perfectionna ensuite dans ses détails cet appareil primitif, et il s'en servit pour exécuter de nombreuses t remarquables expériences sur le vide; nous en avons déjà apporte quelques-unes (hémisphères de Magdebourg, crève-vesse, vessie qui se gonfle dans le vide, etc...). Il comprit paralement du reste que son appareil ne permettait pas d'obtenir a ride absolu, et il se fit une idée très exacte de l'élasticité de goz.

Robert Boyle en Angleterre, après avoir eu connaissance des genen les de Magdebourg, perfectionna l'appareil précédent, armatait sa manœuvre plus commode (1).

Mas c'est surtout à Denis Papin (2), médecin de Blois, que ent d.4 les perfectionnements les plus importants. Ce sut lui per ent l'heureuse idée d'employer deux corps de pompe, purend la manœuvre bien moins pénible. C'est aussi lui qui remaca les robinets par des soupapes à fonctionnement automatque Entin il sit déboucher le conduit, qui part des corps le pempe, au mitieu d'une platesorme (platine) à surface plane lorn dre-sée, pour pouvoir faire le vide sous une cloche. Il louis, par conséquent, à la machine pneumatique sa sorme actuelle sig. 110).

Ajoutons que c'est l'ingénieur anglais Smeaton (3) qui ima-

l Cost Boyle qui employa le premier une roue dentée engrenant avec communitée que porte la tige du piston, disposition qui est encore employée export bui.

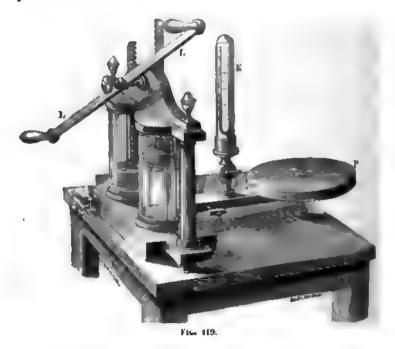
[😂] Deals Papin, né a Blois en 1647, mort en 1710.

³ John Smeaton ne en 1724, mort en 1792.

gina de mettre en communication avec le récipient une éprouvette renfermant un petit baromètre à siphon pour indiquer la force élastique du gaz qui reste dans le récipient.

Plus récemment Babinet, par un artifice ingénieux, a diminué beaucoup l'inconvénient de l'espace nuisible, et MM. Bianchi, Deleuil, Carré ont donné à la machine pneumatique des formes d'un usage commode dans la pratique.

Enfin la pompe à mercure de Geissler et surtout la trompe de Sprengel permettent d'obtenir le vide le plus parfait qu'on at pu réaliser.



5. MACHIES PREUMATIQUE A DEUX CORPS DE POMPE (fig. 119). — Cette machine, encore la plus fréquemment employée dans les cabinets de physique, se compose de deux corps de pompe géneralement en cristal. Le pourtour des pistons (fig. 120) es formé par des rondelles de cuir graissées, empilées et com-



atre deux disques de laiton A et B. Ces pistons sont me soupape Z permet à l'air emprisonné dans le corps de s'échapper dans l'atmosphère, mais empêche le verse. Les tiges des pistons sont formées par des es K et K' (fig. 121) engrenant dans une même roue

, que l'on met en mouır un levier à deux mani-.. De cette façon, quand istons s'abaisse l'autre rea conduit C ou C' part de inférieure de chacun des mpe; ces deux conduits joutiesent à un canal U, che au milieu d'une platine r une glace dépolie parplane P (fig. 119). Cellesupporter une cloche de rd bien rodé, qui peut s'apxactement sur la platine ; le suif rend la fermeture L'orifice de chacun des let C'est évasé en tronc de

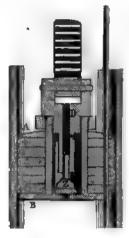


Fig. \$

121); un bouchon conique s ou s' peut fermer cet est actionné par une tige verticale, qui passe à frotteà travers le piston. Quand celui-ci commence à tige, entraînée par le piston, débouche l'orifice, et e pompe communique avec le récipient; mais presque l'extrémité supérieure de cette tige est arrêtée par le du corps de pompe; elle glisse alors à l'intérieur du le bouchon ne reste que très peu soulevé au-dessus e. Quand le piston s'abaisse, il pousse la tige, et e trouve immédiatement fermé. On voit que ce dispouit le même effet que le robinet r de l'appareil simple qui nous a servi à expliquer la manière dont fonctionne pneumatique; mais sa manœuvre est automatique, un grand avantage.

rajet du canal aboutissant à la platine est placée une e E (fig. 119) contenant un petit baromètre à siphon;

la différence de niveau entre le mercure de la branche fermée et celui de la branche ouverte donne la valeur de la force élastique du gaz dans le récipient.

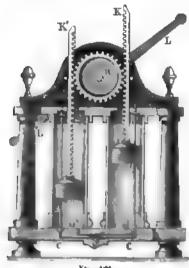


Fig. 121.

Comme les pistons ne tiennent jamais d'une façon parfaite, quand on veut mainteair le vide dans le récipient, on interrompt le canal de communication de la platine aux corps de pompe à l'aide dus gros robinet X (fig. 119 . En faisant faire un quart de tout à celui-ci dans le sens convenable, il présente du côté de la platine (fig. 422) l'onfice d'un conduit qui se recourbe l'intérieur du robinet et vieul déboucher extérieurement par un oritice O, fermé habituellement par un petit bouchon vis; en enlevant celui-ci 🗪

permet à l'air extérieur de rentrer dans le récipient.

6. PERFECTIONNEMENT DE BABINET. - Nous avons département : raréles douné plus haut, § 2, le principe de ce perfectionnement : raréles



Fig. 122

l'air contenu dans l'espace nuisible des corrs de pompe qui fait le vide dans les recquents, pour reculer le degré de ruifaction qu'en peut obtenir dans celui-di-

Quand, avec l'appareil à deux corps des pempe, en est arrivé à peu près à la limbe il rere la tion, qu'en peut obtenir par le jeux

ordinaire de la machine, ou intercepte la communication du réciment avec l'un des corps, de pempe. On emploie alors celu-ci s taredes l'air dans le sevent corps de pompe, qui, lui, coninue s saire se vide dans le res quent nr obtenir ce résultat, on peut employer le dispositif nt (¹). Un tube T (fig. 123 et 124) fait communiquer le con-

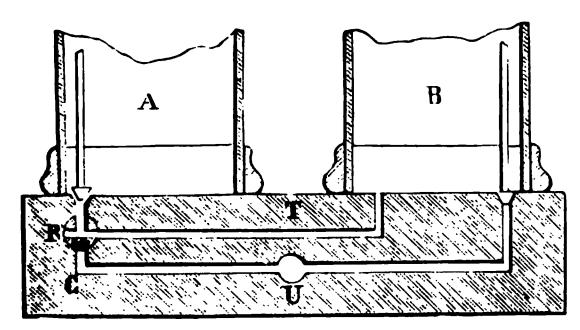


Fig. 123.

C du corps de pompe A avec le corps de pompe B, dans l il débouche librement. A la jonction des deux conduits

T, se trouve un robinet à trois R. Quand on veut faire fonctionamachine à la manière ordinaire, urne le robinet dans la position de rure 124; le tube T ne joue alors rôle, et les deux corps de pompe lternativement le vide dans le rétt. Quand on veut appliquer le ipe de Babinet, on tourne le robidans la position de la figure 123. Pres de pompe B continue à faire e dans le récipient, avec lequel A de communiquer; mais A com-

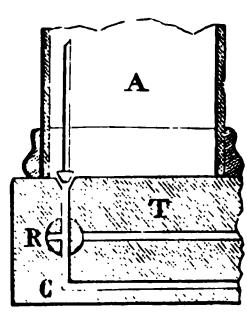


Fig. 124.

que maintenant avec le corps de pompe B par le conduit T; i fait que B joue le rôle de récipient par rapport à A.

dispositif varie un peu suivant les constructeurs; nous décrivons con le plus employé, du moins le plus simple et peut-être le meilleur.

Supposons le piston de B au haut de sa course, le piston A en bas. Il existe dans B un volume C d'air dont la force élastique est H_i, celle du gaz contenu dans le récipient; et dans l'espace nuisible du corps de pompe A se trouve un volume u' d'air sous la pression atmosphérique H. Quand le piston de B s'abaisse, celui de A se relève et l'air passe de B, qui ne communique plus avec le récipient, dans A. La force élastique H'_i de cet air, quand les pistons sont à l'extrémité de leur course, est donnée par la relation:

$$H'_i(u + C') = H_iC + u'H$$

u étant la capacité de l'espace nuisible de B et C' la capacité du corps de pompe A. D'où:

(1)
$$H'_{i} = \frac{C}{u + C'} H_{i} + \frac{u'}{u + C'} H$$

Quand le piston de A commence à s'abaisser, la communication entre les deux corps de pompe est interrompue, et l'air enfermé ainsi dans l'espace nuisible de B possède la force élastique H; or celle-ci est d'autant plus faible que la force élastique H, de l'air dans le récipient est elle-même plus faible. Il est aisé de voir (1) que la limite de raréfaction qu'on peut alors obtenir dans

(1) Si l'on soulève le piston B. la communication avec A étant interrospos, l'air de l'espace nuisible qui occupal: le volume u et possédait la force élutique H, se repand dans le corps de pompe ainsi que l'air du récipient R, soit H, et la force élusique de l'air dans le recipient et dans B, quad le peston est au haut de su course. On a :

$$_{i}R + CH_{i+1} = RH_{i} + \alpha H_{i}$$

de la remplesant H, per se veltar, time de 1 :

$$S_{n-1} = S_{n-1} = S_{n-1} + \frac{8C}{8-C}H_{n} + \frac{8C}{8+C}H_{n}$$

le récipient est égale sensiblement à $\left(\frac{u}{C}, \frac{u'}{C'}\right)$ H; ou si $\frac{u}{C} = \frac{u}{C'}$ à $\left(\frac{u}{C}\right)^2$ H. Par exemple, si $\frac{u}{C} = \frac{1}{100}$, la limite de raréfaction sans le perfectionnement de Babinet est $\frac{H}{100}$, et avec le perfectionnement $\frac{H}{10000}$.

ďoù:

$$H_{i+1} = H_i \left(\frac{R + \frac{uC}{u + C'}}{R + C} \right) + H \frac{\frac{uu'}{u + C'}}{R + C}$$

Cette égalité ne dissère de celle du § 2 (note) que par le changement de

$$\frac{R}{R+C} = n \left(\frac{R + \frac{uC}{u+C'}}{R+C} \right) \text{ et par celui de } \frac{u}{R+C} = n \frac{\frac{uu'}{u+C'}}{R+C}$$

On doit donc avoir:

$$H_{n} = H_{0} \left(\frac{R + \frac{uC}{u + C'}}{R + C} \right)^{n} + H \frac{\left(\frac{uu'}{u + C'} \right)}{C \left(1 - \frac{u}{u + C'} \right)} \left[1 - \left(\frac{R + \frac{uC}{u + C'}}{R + C} \right)^{n} \right]$$

la limite de raréfaction, quand n tend vers l'infini, est donc:

$$H \frac{\frac{u u'}{u + C'}}{C \left(1 - \frac{u}{u + C'}\right)}$$

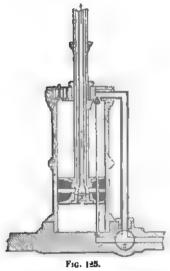
et comme $\frac{u}{u+C'}$ est négligeable devant l'unité, et que u est négligeable devant C', il reste:

$$H\left(\frac{u}{C}\frac{u'}{C'}\right)$$

Un raisonnement moins précis, mais plus rapide, permet de trouver la

7. MACHINE PNEUMATIQUE DE M. BIANCHI. - Cet appareil (fig. 125 et 126) n'a qu'un seul corps de pompe; mais le piston fait le vide dans le récipient en montant et en descendant.

Pour cela la tige du piston est cylindrique et passe à frottement dans une boîte à cuir qui ne permet pas la communication



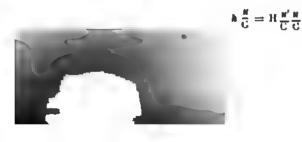
de la partie supérieure du corps de pompe avec l'air extérieur. Le canal qui vient du récipient se bifurque en deux conduits, qui débouchent, l'un à la partie supérieure, l'autre à la partie inférieure du corps de pompe. Une même tige, passant à frottement dur dans le piston, porte à ses extrémilés les bouchons coniques qui doivent former alternativement les orifices de ces conduits. L'ar qui se trouve au-dessus du piston, peut s'échapper dans l'atmosphère par une souppe placée à la partie supérieure du corps de pompe, dès que, par suite de la compression, la force élastique de cet air devient plus

grande que la pression atmosphérique. Du reste, le piston

valeur de la limite. L'espace nuisible de B pouvont se considérer comme 10 récipent de A, la limite de rarefaction de l'air à qu'on peut atteindre dans ce récipient est donnée par :

$$h = \frac{R'}{|R|} H$$

D'un autro côté, si h est la force élastique finale de l'air dans l'o pace nuisible de B, la limite de rarefaction dans le récipient est



présente une soupape disposée comme dans la machine ordi-taire; elle permet à l'air comprimé dans la partie inférieur.



Te de pompe de s'échapper dans l'atmosphère, la tige

du piston étant creuse, et formant un canal qui débouche au dehors.

On voit que, si le piston est animé d'un mouvement de va et vient, l'air du récipient sera raréfié aussi rapidement que par l'emploi d'une machine à deux corps de pompe. On n'a à vaincre, outre les frottements, que la différence des pressions sur les deux faces du piston, et, par suite, le travail consommé est exactement le même que dans la machine à deux corps de pompe. Cet appareil présente ainsi tous les avantages de la machine ordinaire. Ajoutons que sa manœuvre est rendue beaucoup plus commode, par la disposition suivante.

La tête du piston est articulée à une manivelle m, et, pour qu'elle puisse suivre le mouvement de celle-ci, le corps de pompe peut osciller autour d'un axe de rotation coıncidant avec l'axe B du canal allant au récipient.

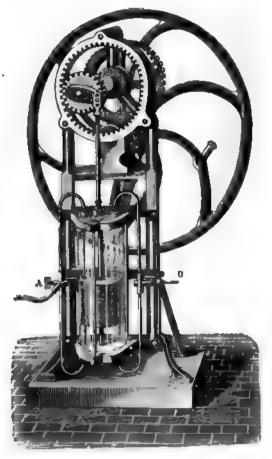
Un volant V, que l'opérateur fait tourner à l'aide de la manivelle M, transmet par une série d'engrenages un mouvement de rotation à la manivelle m qui, décrivant un cercle, force le piston à s'élever et à s'abaisser alternativement dans le corps de pompe. Le diamètre du cercle décrit par cette manivelle est un peu plus grand que la course du piston. Il en résulterait une impossibilité dans la manœuvre de l'appareil si l'articulation m ne présentait pas un peu de jeu; mais des plaques de caoutchoucinterposées entre la tête du piston et la manivelle, se compriment quand celui-ci est à l'une des extrémités de sa course-Cette disposition a pour but de faire appuyer avec force le piston contre le fond ou contre la partie supérieure du corps de pompe ce qui réduit au minimum l'espace nuisible.

La platine est séparée du reste de l'appareil; elle communique avec le canal B par un tube de caoutchouc à parois épaisses, que par sa flexibilité, se prête au mouvement de va et vient du compe de pompe.

Ajoutons qu'un système de graissage ingénieux assure le bootonnement du piston.

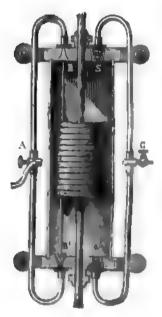
8. MACHINE DE M. DELEUIL. — Comme la précédente, ce 21 machine n'a qu'un seul corps de pompe (fig. 127 et 128); maxis

immobile, le mouvement de la tête du piston étant rectiligne, ciqu'obtenu par la rotation continue d'un volant (*).



Fag. 127.

aystème d'engrensges, qui réalise cette transformation d'un mouvecirculaire en un mouvement rectiligne, est fondé sur la propriété que Le piston (fig. 128) ne présente pas de soupape, la partie inférieure et la partie supérieure du corps de pompe étant symétri-



Feb. 1284

ques, et possédant chacune une soupape S et S' pour le rejet de l'air i l'extérieur. L'air rejeté pénètre dans des conduits se réunissant en un seul canal C; ce qui permet de se servir de cet appareil pour comprmer un gaz dans un réservoir. La communication alternative de la partie inférieure et de la partie supérieure du corps de pompe avec le récipient a lieu comme dans les machine de M. Bianchi.

pas graissé, glissant sans frottements, ne s'use ni ne s'échauffer-Malgré ce défaut de contact, l'appareil fonctionne comme si le piston interceptant toute communication entre les deux partie du corps de pompe, à cause de la grande difficulté qu'éprouve : 2 2 fluide à traverser un espace capillaire présentant des renflements et des ctranglements successifs.

MACHINE DE M. CARRÉ. — Cet appareil (fig. 129) se composició

possède un certain point d'un servie, qui roule à l'intérieur d'un suire ceruir de rayon double, de decrire le damètre de ce dernier carde.

un seul corps de pompe P fixe, long et étroit. Le mouvement du ston s'obtient à l'aide d'un levier LF, et par le procédé très

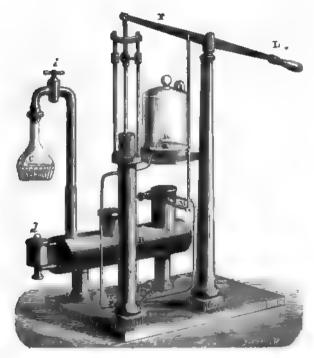


Fig. 1: 9.

Ple que la figure suffit à faire comprendre. La base seule du les de pompe communique avec le récipient au moyen d'un ori-pouvant être fermé par un bouchon conique; ce bouchon est é par une tige qui passe à travers le piston, à la façon ordi-le. Quant à celui-ci, il présente une soupape, disposée comme la première machine que nous avons décrite; elle permet faire communiquer la partie inférieure du corps de pompe avec l'artie supérieure, qui est close, la tige du piston passant les une bolte à cuir. Enfin, une soupape s'ouvrant de l'intérieur

à l'extérieur permet le rejet au dehors de l'air comprimé da la partie supérieure du corps de pompe.

Supposons le piston au bas de sa course, et toutes les sou papes fermées. Dès que le piston s'élève, l'orifice du canal about tissant au récipient est débouché et l'air se partage entre celui ci et le corps de pompe, comme dans la machine ordinaire D'un autre côté, la soupape du piston étant restée fermée l'air est emprisonné dans la partie supérieure du corps de pompe; à un certain moment, sa force élastique devient égale à la pression atmosphérique, et le piston continuant à s'élever, la soupape supérieure s'ouvre et laisse échapper l'air dans l'atmosphère.

Le piston étant parvenu à l'extrémité de sa course, cette soupape se ferme, et il ne reste qu'un peu d'air sous la pression atmosphérique dans l'espace nuisible de la partie supérieure du corps de pompe. Aussi quand le piston s'abaisse, presque tout de suite la force élastique de l'air au-dessus de lui devient-elle moindre qu'au-dessous; la soupape s'ouvre, et l'air, sans changer de force élastique, passe de la partie inférieure à la partie supérieure du corps de pompe.

Arrivée au bas de sa course, la soupape du piston se ferme et emprisonne dans l'espace nuisible de l'air sous une for élastique à peine supérieure à celle de l'air du récipient, trafaible, par conséquent, vers la sin de l'opération.

On obtient ainsi le même résultat qu'avec le perfectionner de Babinet, ce qui permet de pousser très loin la raréfaction l'air.

Quand le gaz est déjà très raréfié dans le récipient, il arriver que, lors de la descente du piston, la soupape qu'i sède reste constamment fermée; l'adhérence produite p huiles épaissies s'opposant à l'effet d'une faible différer pression. On évite cet inconvénient, dans l'appareil de M par la disposition suivante : la soupape dépasse légèren base intérieure du piston : il en resulte qu'au moment où vient à rencontrer le fond du corps de pompe, cette sou trouve soulevee mécaniquement.

Une disposition semblable force la soupape supérieur vrir quand le piston arrive au haut de sa course.

Comme cet appareil est destiné spécialement à produire la congélation de l'eau d'une carafe C, par suite de l'ébullition à losse température dans le vide, on place, sur le trajet du conduit atlant du corps de pompe à la carafe, un cylindre horizontal R à moitié plein d'acide sulfurique. Cet acide absorbe la vapeur d'eau provenant de l'évaporation, et l'opérateur n'est pas chage de l'enlever mécamquement à l'aide de la machine. Un argusteur M mis en mouvement par le jeu du levier LF renou-cile sans cesse la surface de l'acide sulfurique.

Quoique construit dans un but spécial, cet appareil fort simple

constitue une excellente machine pneumatique.

Une platine K, à laquelle aboutit un conduit venant du corps e pompe, permet de réaliser toutes les expériences qu'on fait vec la machine ordinaire.

10. POMPE A MERCURE. — Le vide obtenu à l'aide des machines prédentes est mons parfait que le vide de Torricelli. M. Geissler, revenant au procédé de ce physicien, a construit un appareil, com sous le nom de pompe a mercure, permettant de pousser loin la raréfaction d'un gaz. Dans l'appareil de M. Geissler, tel ce trouve actuellement dans la plupart des cabinets de physique, des robinets en verre remplacent les soupapes des machines ordinaires. Ces robinets, pour ne pas fuir, sont graissés; le mercure au contact des corps gras s'altère, et l'appareil est promptement sali.

I Jean, M. Topler et enfin MM. Alvergniat ont modifié cressivement la pompe de M. Geissler, et, par des dissistent ingénieuses, ont supprimé l'emploi de toute espèce robinet. C'est cet appareil, qui résume les derniers perfectionnements apportés à la pompe à mercure, que nous allons

deienre.

Il se compose d'un tube vertical BB' (fig. 130) évasé en une vaste ampoule A à sa partie supérieure; BB' communique par le tas, à l'aide d'un tube en caoutchouc CC', avec un réservoir feoutenant du mercure. Celui-ci peut être élevé jusqu'au niteu de la partie supérieure d'un tube J qui fait suite à ampoule, ou abaissé jusqu'à la partie inférieure du tube BB', à ade d'une manivelle M, d'un système d'engrenages Z et d'une

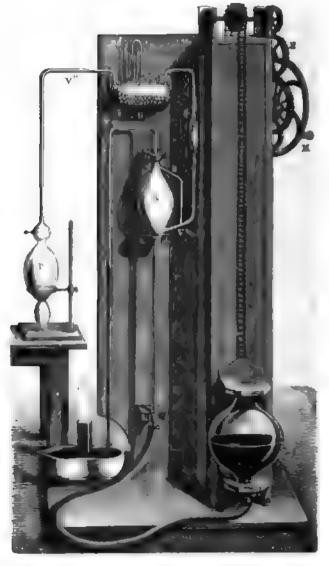


Fig. 130.

chaîne. Quand ce réservoir R est au bas de sa course, le niveau du mercure doit y être à une distance verticale de la base de l'ampoule A supérieure à la hauteur barométrique.

C'est de la partie inférieure de l'ampoule que part le tube de communication VV'V" avec le récipient P. Ce tube présente sur son trajet en S une petite soupape de

cette soupape permet au mercure ou au gaz de serendre dans l'ampoule A, mais elle ne permet pas au
mercure de suivre la marche inverse (1). Un petit
tube D raccorde la base du tube V avec la partie supéreure de l'ampoule A. Celle-ci se prolonge par un
tube J, dont la branche descendante a plus d'un mètre
de longueur; il se recourbe à sa partie inférieure, en
tome de tube à recueillir les gaz, et plonge dans
me petite cuve à mercure O. C'est par ce tube J
que le gaz du récipient s'échappe de l'appareil, et
cette disposition permet de le recueillir dans une

Ajoutons qu'entre le récipient P et l'appareil, se louve un cylindre U contenant des perles de verre banctées d'acide sulfurique destiné à dessécher le fit aspiré, pour que le mercure et les tubes restent tres secs. Un petit baromètre tronqué b permet de considre le degré de raréfaction.

éprouvette.

Voyons maintenant comment fonctionne la pompe à mercure. Supposons le récipient et l'appareil plein d'un

» V

Fig. 131.

su sons la pression atmosphérique, le réservoir R étant à la partie inférieure de sa course. Élevons celui-ci : le mercure monte dans le tabe à une hauteur égale et le gaz refoulé s'échappe par le tabe J à travers le mercure de la cuve O. Dès que le mercure dépassé le niveau V, l'orifice du tube VV' qui communique avec le réspiant est fermé; on continue à élever le réservoir R jusqu'à

(i) Cette sompape se compose d'un flotteur 1Sc en verre, terminé par un des shieu rodé à l'émeri, pouvant obturer le cône creux c' bien rodé aussi. Camé le marcure pénètre par V il soulève la soupape S, et l'orifice du tube P in trave fermé d'une façon complète pour le mercure.

ce que l'ampoule A et le tube descendant J soient pleins de mercure. A ce moment on abaisse le réservoir R: le mercure qui s'était un peu élevé dans le tube VS redescend pressé par le gaz du récipient. Dès que ce liquide a dépassé le niveau V, le gaz passe par le tube de raccord D et gagne le haut de l'ampoule A qui se vide de mercure. Quand le réservoir R est au bas de sa course, l'ampoule A est complètement pleine de gaz, quelque faible que soit la force élastique de celui-ci, puisqu'elle se trouve à une hauteur au-dessus du niveau du mercure en R supérieure à la hauteur barométrique. Ce liquide s'élève alors dans le tube BB au-dessus du réservoir, et dans le tube J au-dessus de la cuve 0, à des hauteurs qui sont la différence entre la hauteur barométrique du moment et la hauteur de la colonne mercurielle qui ferait équilibre à la force élastique du gaz contenu dans l'appareil: d'où, la nécessité de donner à ces deux tubes une longueur stpérieure à celle de la colonne barométrique.

Si maintenant nous élevons de nouveau le réservoir, dès que le mercure, en pénétrant dans le tube VS a dépassé le nivem V, le gaz ne peut plus retourner dans le récipient, et il me trouve d'autre issue que le tube J.

Chaque fois que l'on recommence cette manœuvre, on enlève une nouvelle quantité de gaz du récipient, et, comme il n'y a ni espace nuisible ni fuite, si faible que soit la pression du gaz, le jeu de l'appareil la diminue encore. Ainsi s'explique la grande supériorité que présente cet appareil à piston liquide sur les machines à piston solide.

Faisons remarquer que, quand le réservoir R est à l'extrémité supérieure de sa course, le mercure tend à s'élever dans le tube VV à une hauteur au-dessus de R qui peut atteindre la hauteur barométrique quand on approche du vide parfait dans le récipient. Il faut donc, ou donner à la partie ascendante de ce tube VV une longueur supérieure à celle de la colonne barométrique, ce qui est incommode, ou comme le font MM. Alvergniat disposé en S une petite soupape en verre, qui s'oppose au mouvement ascensionnel du mercure.

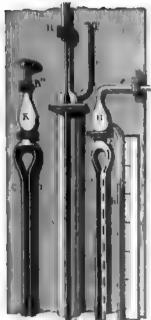
Le seul inconvenient de la pompe à mercure est la lenter avec laquelle le vide se fait dès que la capacité du récipient P est un peu grande par rapport à celle de l'ampoule A.

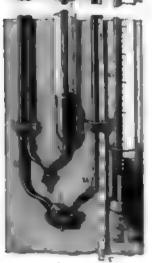
MPE DE SPRENGEL. - Le de cet appareil est tout t de celui des précédents. ercure bien sec tombe d'un ir U (fig. 192) dans une tubes AA, BB (fig. 182 et i) qui ont pour but de le sser de l'air qu'il peut enavec lui; cet air s'échappe, plus grande partie, par le inulaire aJT, et la très uantité qui peut encore acner le mercure dans la ascendante BB reste dans le K, et ne redescend pas mercure dans la branche liquide passant par nappe 3 de B à C.

ercure arrive ensuite à la ine seconde ampoule H par DD, qui se retrécit dans le e de l'ampoule. Enfin il lans un tube vertical FF fin, qui se recourbe à son .é inférieure, et plonge e petite cuve à mercure O. ilement est réglé par les R et R' de façon que le passe goutte à goutte, et ae manière continue, du au tube F. Il en résulte moment où une goulte ce à s'engager dans le , la précédente est déjà ue, par son poids, à une distance. Entre deux consécutives se trouve ınée ainsi une certaine



Feb. 138.





Ph. 155

quantité du gaz contenu poule H. Ces petites r zeuses, qui séparent cha sont entraînées avec elle dent dans le tube FF, « être recueillies sur la c cure O.

La force élastique d minue ainsi de plus en l'ampoule H, et il en est dans le récipient que l'or muniquer avec elle par Un manomètre baromé fait connaître le degré d tion.

La trompe de Spren; le vide que fort lenten avec une rare perfection peut être même bien p que celui obtenu par l'a de Torricelli (1).

C'est en épuisant l'air avec cet instrument, pond jours consécutifs, que h

I On peut rendre le fon de citte trompe plus rapide e en H, au leu d'une seule ch care FF. 3 au 6 chutest Il 1 la rerefaction se fera 3 on utte MM Alvergniat combine de égrengel a 6 chutes avec membre perfectionnes par en un soil appareil. On commen des 1 e dans le recipient ave care, par un jeu de robineta, mis en communication avec pour achevir de faire le vide la rend de le glos parfoit é gapenne coes. es arrivé à le raréfler tellement que le gaz ne transmet plus es pressions, au moins rapidement (radiomètre), et que le pasage de l'électricité y détermine les phénomènes extraordinaires qui nous occuperont plus loin.

12. APPAREIL PREUMATIQUE DE M. DE ROMILLY. - Dans cet appereil, d'invention récente, l'air d'une cavité F (fig. 134) est

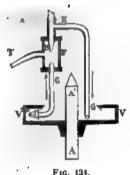
entriné par un jet ascendant de mercare qui s'échappe du tube C pour sengager dans le tube B. En vertu de sa légèreté spécifique, l'air entraîné, gestant au-dessus du mercure en E, ne revent pas vers la cavité F, où le vide se hit par conséquent ainsi que dans un récipient quelconque communiquant avec F par le conduit T. Le mercure arrivé en E retombe par le tube G dans un vase VV. Celui-ci est animé d'un mourement rapide de rotation autour d'un ** AA'; grâce à la force centrifuge, le

10 E

18 12 T

هيد پي

< ± ₹



necure reflue sur les bords du vase où il rencontre l'orifice o ta toyau dont l'extrémuté inférieure est dirigée tangentielle-🖦 au pourtour du vase tournant. A cause de la grande vitesse tuyau C, s'y élève et an sous forme de jet par son orifice supérieur, pour pénétrer

Cel appareil présente le double avantage de faire le vide très milement et avec une grande perfection.

II. – APPAREILS POUR COMPRIMER LES GAZ.

41. MACRIME A DEUX CORPS DE POMPE. — Pour comprimer l'air 🖦 n récipient et l'amener à une force élastique supérieure à Process atmosphérique, on peut se servir d'un instrument 🗣 185) qui, par sa forme, rappelle la machine pneumatique ordinaire, et qui n'en diffère que par la disposition des se

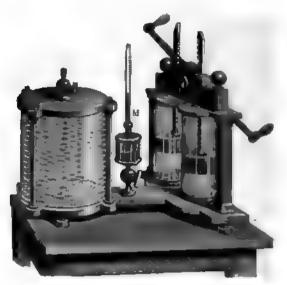


Fig. 133.

Colle du piston S (fig. 136) peut s'ouvrir de haut en permet à l'air extérieur de pénétrer dans le corps d mais ne permet pas le retour de l'air dans l'atmosp base du corps de pompe se trouve une autre soupap ment semblable à celle du piston, permettant le pass du corps de pompe dans le récipient, et non le passa;

On concoit assement la mamère dont fonctionne e quand le piston s'elève, la soupape s reste fermé piston S, pressee par l'air exterieur, s'ouvre tout de e le piston est arrive au haut de sa course, la soupappressee sur ses deux faces, se ferme, à cause du pla pousse, et le corps de pompe se trouve pleipression atmospherique.

Le pisten, en s'abaissant, comprime cet air, et s' augmente de plus en plus : à partir du moment egale à elle de l'air centenu dans le récipier 'e, et le gaz passe du corps de pompe dans celui-ci. A te coup de piston, on introduit ainsi une masse d'air qui

ie le volume C du de pompe sous la ion atmosphérique ar conséquent, en nant par R le vo du récipient et par force élastique inidu gaz qui y est au, la loi du médes gaz donne, la force élastique u bout de n coups ston, la relation:

:

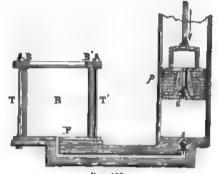


Fig. 136.

$$RH_a = RH_a + nCH$$

$$H_a = H_0 + n \frac{C}{R}H$$

ès cela, H, tendrait vers l'infini en même temps que le re n des coups de piston. Mais remarquons que nous les par tenu compte de l'influence de l'espace nuisible. Il air que la soupape de la base du corps de pompe ne ira plus, et que, par conséquent, plus rien ne passera e récipient, lorsque la force élastique h du gaz dans celuidevenue égale à la force élastique qu'acquiert l'air quand 3€ du volume C du corps de pompe à celui u de l'espace le; ce qui donne, pour la valeur de la force élastique

$$h = H \frac{R}{C}$$

Les fuites par les pistons rendent du reste cette limite bien moins grande, quand la solidité du réservoir et des corps de pompe permet de l'atteindre.

Si l'on veut comprimer l'air dans une cloche, il est nécessaire de la maintenir fortement appuyée sur la platine P par des vis de pression BT, BT. Un grillage préserve l'opérateur en cas d'explosion. Ajoutons que le baromètre de la machine poetmatique est ici remplacé par un manomètre à air comprimé I (fig. 435).

Cet appareil est fort peu employé, les suivants le sont beucoup plus.

14. POMPE A AIR. - Cet instrument, d'une construction très simple, se compose (fig. 137) d'un corps de pompe en méul,



de petite section, présentant à sa parie inférieure une soupape disposée comme dans l'appareil précédent. Le piston est plem, et est mis directement en mouvement en agissant sur la tige par une manette. Quand le piston s'élève à partir du fond, le vide se fait au-dessous de lui; mais, dès que sa partie merieure a dépassé une ouverture latérile O que présente le corps de pompe, l'imextérieur s'y précipite et remplit celu-cisous la pression atmosphérique. Le pston en descendant bouche l'ouverture 0l'air emprisonne se trouve compriné, 🖛 passe dans le récipient, sur lequel ce petite pompe est vissée directement-C'est cet appareil qui est employé pour comprimer l'air dans la crosse du faille à vent.

15 POMPE A GAZ DE REGNAULT. — La pompe à gaz de Regnault pompet le rareiter le gaz es atenu dans un recipient et de le com primer lans un autre fig. 138 . Le piston est plein, comme desse eil précédent; mais le corps de pompe présente à sa base

e d'aspiration A peut s'ouvrir en haut; elle ferme le conduit du récipient où le gaz doit résé. L'autre, la soupape de ession B peut s'ouvrir de haut; elle serme le conduit aboutisrécipient dans lequel le gaz e comprimé. Il est inutile d'insur la manière dont sonctionne pareil : elle se devine aisé-

nettent d'interrompre la comtion des récipients avec la , et qu'à l'aide d'un robinet E, fermé quand on fait fonccelle-ci, on peut établir une mication directe entre les 'écipients.

III. - POMPES

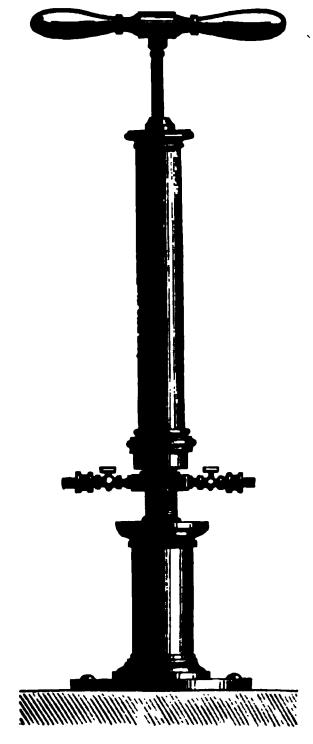
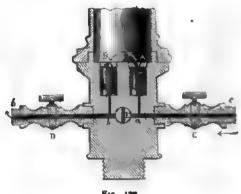


Fig. 134.

pompes sont des appareils sa élever l'eau par l'emploi des pressions. La pompe e aspirante, quand c'est la pression atmosphérique qui eau à monter, foulante si c'est la pression d'un piston duit cet effet. La pompe aspirante et foulante est une aison des deux précédentes.

DEPE ASPIRANTE. — C'est une véritable machine pneuma-Elle se compose (fig. 140) d'un corps de pompe dans lequel L'un piston. Celui-ci présente une ouverture O, fermée

par une soupape s pouvant se soulever de bas en haut. A la partie inférieure du corps de pompe débouche le tuyau d'aspiration L;



l'orifice A de ce tuyau est fermé par une soupape S pouvai, comme la précédente, se soulever de bas en haut. Le tuyau L plonge par sa partie inférieure dans le réservoir, dont on vel faire monter l'eau (b).

Supposons le piston au bas de sa course, et le tuyau d'asiration plein d'air sous la pression atmosphérique; si l'on des le piston la soupape s reste fermée, celle de la base du corps de pompe S se soulève, pressée par l'air du tube L, qui se partage alors entre celui-ci et le corps de pompe. La force élastique 🛎 cet air diminuant. l'eau monte dans le tube L à une hauteur qui fait équilibre à la différence des forces élastiques de l'équ'il renferme et de l'air exterieur. Quand le piston arrive # haut de sa course, la soupape S se ferme par son poids; le piston, en s'abanssant, comprime l'air du corps de pompe, qui fluit par acquérir une force élastique suffisante pour soulever 🕨 soupape s et s'echapper. A une nouvelle ascension du pater

^{1.} Un petit gellage est disposo a l'éas du tube L pour empêcher le mile u en gen ral les corps solides en suspension dans l'eau, de pénétrer dest Lapparei.,

'eau monte encore dans le tuyau L et, si celui-ci n'est pas trop unt, après quelques coups de piston, l'eau pénètre dans le xrps de pompe : la pompe est

Nors amorcée.

A partir de ce moment, quand le piston s'abaisse, la soupape s de celui-ci se soulève tout de mite, l'eau étant presque incomressible, et le liquide passe de partie inférieure du corps de compe à sa partie supérieure. lors, à chaque ascension du pis-• ▶ , la soupape s étant fermée, eau qui se trouve au-dessus est oulevée, et elle s'écoule par le u yau de déversement D.

Pendant qu'on amorce la pompe, na hauteur de l'eau dans le tuyau **Caspiration** est H — h, H et h étant les hauteurs des colonnes d'eau, qui font respectivement équilibre 🌢 la pression atmosphérique et à la force élastique de l'air du tuyau L. Aussi, la plus grande hauteur à laquelle peut s'élever l'eau est H; We correspond à h=0, c'est-àire au vide parfait dans la partie férieure du corps de pompe.



On ne peut donc pas, à l'aide d'une pompe aspirante, élever à une hauteur supérieure à H (soit 10,33 mètres en Yenne). Ajoutons que les fuites, plus grandes dans cet Mareil, généralement grossier, que dans les machines pneuliques, réduisent encore cette hauteur.

TRAVAIL NÉCESSAIRE POUR ÉLEVER L'EAU A L'AIDE D'UNE ASPIRANTE. — Supposons la pompe amorcée. Pendant que iston s'abaisse, la soupape s étant soulevée, la pression est siblement la même sur les deux faces du piston, et l'on n'a

à vaincre que les travaux des frottements. Mais il n'en est plus de même quand le piston s'élève. Soient S sa surface, l la longueur de sa course, a la hauteur de l'orifice du tuyau de déversement D au-dessus du niveau de l'eau dans le réservoir, a la distance à l'orifice de la face supérieure du piston, e l'épaisseur de celui-ci. La pression que supporte le piston à sa partie supérieure est:

$$SHd + Sxd$$

Hétant la hauteur de la colonne d'eau qui fait équilibre à la pression atmosphérique du moment, et d le poids spécifique absolu de l'eau.

La pression sur la face inférieure est plus faible, sa valeurest:

$$SHd - S(a - x - e)d$$

La dissérence des pressions sur les deux faces est égale à

$$S(a - e)d$$

ou

Sad

en négligeant l'épaisseur très faible e du piston devant la grande hauteur a (4).

Le travail à essectuer pour soulever le piston est donc:

$$\operatorname{Sad} \setminus I = \operatorname{Sld} \times a$$

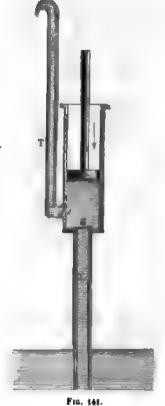
I Dans ce petit culcul et dans ceux des 22 18 et 19, nous évaluous les pressions, comme s'il y avait equilibre. Le calcul est donc d'autant plus exact que le mouvement du piston est plus lent.

représente précisément le poids P de l'eau qui s'écoule yau de déversement pendant l'ascension du piston, et ou Pa représente le travail qu'il faudrait effectuer pour ectement ce poids d'eau, depuis le niveau du réservoir tuyau de déversement. Le travail moteur qu'il faut

pour élever l'eau avec se est donc le même que ontait l'eau à l'aide d'un nme dans les puits ordi-

MPE ASPIRANTE ET FOUg. 141). - Elle diffère cédente en ce que le pislein, et en ce qu'un tuyau ement T, s'élève à partir se du corps de pompe; oférieur de ce tuyau est l'aide d'une soupape s de dedans en dehors. ons l'appareil amorcé; la descente du piston, la S est fermée et la sououvre tout de suite : l'eau corps de pompe dans le refoulement T. Quand le Hève, s se ferme, S s'oua corps de pompe s'ems tuyau d'aspiration L.

la hauteur de l'eau dans de refoulement T au-desbase inferieure du piston. rface de l'eau contenue



ayau T agit la pression atmosphérique; par conséquent, on supportée par la face inférieure du piston pendant ite est:

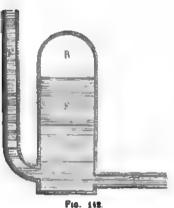
la pression qui agit sur la face supérieure est seulement :

SHd

On a donc à vaincre, pour abaisser le piston, la différence de ces deux forces, soit Shd: l'effort à faire est d'autant plus considérable que h est plus grand. On voit, par là, qu'il n'y d'autre limite à la hauteur à laquelle on peut refouler l'eau, que celle qui provient de la force motrice dont on dispose pour enfoncer le piston.

10. TRAVAIL ACCOMPLI DANS LE REPOULEMENT DE L'EAU. -Pendant que le piston s'enfonce d'une petite quantité λ, le travail à effectuer est, en négligeant les frottements, Shak ou Ska 🗙 🌬 🤅 or Sid représente précisément le poids P d'eau qui, pendant 🖙 temps, s'écoule par l'extrémité du tuyau de renfoulement, le trav sil est donc égal à Ph, c'est-à-dire est le même que celui qua il faudrait effectuer pour élever avec un seau le même poids 🧬 d'eau à la même hauteur h.

20. ÉCOULEMENT CONTINU. — Dans l'appareil précédent l'éco



lement de l'eau par l'orifice de tuyau de refoulement est inter mittent, n'ayant pas lieu quarrel le piston s'élève. On peut rench l'écoulement continu par l'art# fice suivant. Le tuyau T, parter ... du corps de pompe, débouch dans un réservoir fermé (fig -142) contenant de l'eau à 🚑 partie inférieure E, de l'air à 🚅 partie supérieure R. Un tuyes de refoulement F s'élève 🌌 fond de ce réservoir. Lors de la descente du piston, l'eau irjectée dans le réservoir par le

tube T comprime l'air de la partie supérieure R; celui-ci, pres-

POMPES 88

ut la surface du liquide, le force à s'échapper par le tuyau F, se détendant. Mais, cette détente de l'air continue à s'effectre pendant l'ascension du piston, quand le réservoir ne reçoit n : d'où résulte un écoulement continu.

24. POMPE FOULANTE. — C'est la pompe précédente, dont le yau d'aspiration est supprimé, l'eau à resouler étant placée ns un bac entourant le corps de pompe, et pénétrant par une verture à soupape S située à la base de celui-ci, quand le piston élève.

Telle est la pompe à incendie (fig. 143) qui possède générale-

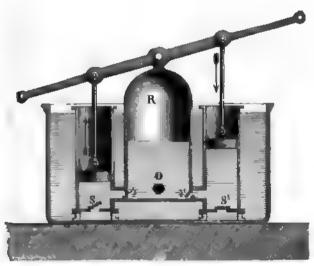


Fig 113,

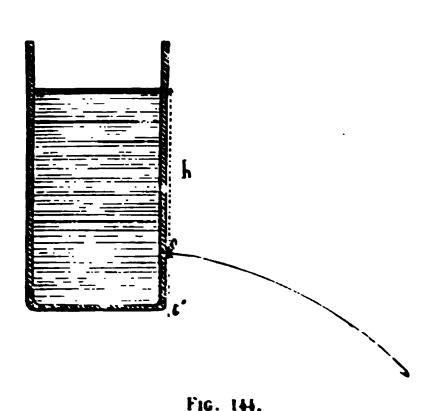
deux corps de pompe lançant alternativement l'eau dans le me réservoir à air R, d'où elle s'échappe d'une façon continue l'orifice O du tuyau de refoulement.

CHAPITRE VII

HYDRODYNAMIQUE.

L'Hydrodynamique est la science du mouvement des fluides-Les problèmes qui se posent dans cette étude sont beaucous plus difficiles à résoudre que ceux d'hydrostatique; aussi nous bornerons-nous ici à l'exposé de quelques notions élémentaires

1. PRINCIPE DE TORRICELLI. — Supposons qu'un vase contenan un liquide, et ouvert à sa partie supérieure, soit percé dans le



bas d'une petite ouverture o (fig. 144); le liquide s'écoulera par liet sortira avec une certaine vitesse. Si la paroidu vase, où l'ouverturest percée, est trènnince, de façon que lefrottements occasionnesur le liquide par lebords de l'orifice soientrès faibles, la vitesse
du jet est normale à la vitesse acquise par une
tesse acquise par une

corps qui tomberait depuis la surtace libre du liquide jusqu' niveau de l'oritice.

C'est-à-dire, qu'en désignant par v cette vitesse, par h la

distance verticale entre la surface libre du liquide et l'orifice; et par g l'intensité de la pesanteur, on a :

$$v = \sqrt{2gh}$$

Telle est la loi énoncée par Torricelli.

Cette loi n'est qu'une conséquence des principes de la dynamique, comme nous allons le montrer.

Remarquons d'abord que, dans l'état d'équilibre, la force avec laquelle une petite portion de liquide est poussée contre une paroi par le liquide environnant est normale à cette paroi, et que l'équilibre est maintenu par la réaction de celle-ci. Si une petite portion de la paroi vient à manquer, cette réaction n'existant plus, l'équilibre ne peut avoir lieu et le liquide s'échappe par cette ouverture suivant la direction de la force qui agit sur lui, c'est-à-dire normalement à la paroi; car, si l'orifice est petit, les pressions ne peuvent être que peu modifiées par le mouvement du fluide à une certaine distance de l'ouverture.

Pour trouver la vitesse du liquide à sa sortie, nous allons appliquer le théorème des forces vives.

Evaluons les travaux de toutes les forces qui agissent sur le liquide en mouvement pendant le temps très court où une petite masse m de liquide sort par l'orifice.

I'll y a les travaux des actions de la pesanteur sur toutes les particules du liquide. Or nous avons vu (Livre III, Chap. Ier § 4, note) que la somme de ces travaux est égale au travail accompli par le poids mg de la masse m tombant de la hauteur h (la 145) qui sépare la surface libre du liquide, dont le niveau s'abaisse, de l'orifice par où ce liquide s'échappe; ce travail est donc égal à + mgh.

La pression que le gaz, qui est au-dessus du liquide, exerce sur hi accomplit un travail positif. Si P est la force élastique de ce gaz, et S la section du vase à la partie supérieure, PS es. la raleur de la pression; et, si le liquide s'abaisse de la hauteur e pendant le temps considéré, + PSe représente ce travail. Or se est le volume u de la masse m de liquide écoulé, ce travail est donc égal à + Pu.

3° La pression du gaz qui entoure l'orifice accomplit un travail négatif sur le liquide qui s'en échappe. Si P' est la force

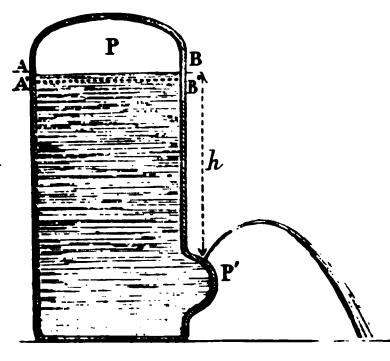


Fig. 145.

élastique de ce gaz, que, pour plus de généralité, nous ne supposons pas forcément égale à P, ce travail a pour valeur — Pu (!).

La somme des travaux des forces agissant sur le liquide est donc:

$$mgh + (P-P')u$$

car, le liquide étant, par hypothèse, un fluide parfait, le travail des sone

intérieures est nul puisqu'il n'y a pas changement de volume, est la paroi étant très mince, les travaux dus aux frottements qu'ell exerce sur le liquide à sa sortie peuvent être négligés.

D'autre par tcherchons quel est l'accroissement de force viveSoient AB et A'B' les niveaux du liquide au commencement
à la sin du temps considéré. Si v_i est la vitesse avec laquell
descend la surface libre du liquide, mv_i^2 est au début la sorvive de la masse m comprise entre AB et A'B'. Désignommaintenant par K la sorce vive, au même moment, du liquid
contenu au-dessous de A'B'; la sorce vive initiale de toute le masse est ainsi:

$$mv_1^2 + K$$

(1) Puisque le temps considéré est aussi petit que nous le voulons, no pouvons toujours regarder le jet qui est sorti par l'orifice pendant es temps comme suffisamment court pour avoir la forme d'un cylindre. Si alors S' l'aire de la base de ce cylindre droit, S'P' est la pression supportée par elle, si e' est la longueur du jet pendant le temps considéré, le travail S'P'e' = P's en valeur absolue.

Du reste, on peut aisément voir par le calcul que, quelle que soit la ferme

A la fin du temps considéré, il est sorti par l'orifice une masse m de liquide avec une vitesse v, dont la force vive est par conséquent mv^2 , et il reste dans le vase, au-dessous de A'B' (niveau actuel) une masse de liquide ayant la même force vive K que précédemment; la force vive finale est donc:

$$mv^2 + K$$

On voit par là que l'accroissement de force vive pendant le temps considéré est simplement $mv^2 - mv_1^2$.

En appliquant le théorème des forces vives, nous obtenons la relation:

(i)
$$m(v^2 - v_1^2) = 2mgh + 2u(P - P')$$

Mais, le poids mg de la masse m est égal au produit ud de son volume u par le poids spécifique absolu d du liquide; d'où:

$$m = u \frac{d}{g}$$

En remplaçant m par sa valeur, après avoir divisé les deux membres de l'égalité par cette quantité, il vient:

(8)
$$v^2 - v_1^2 = 2gh + 2g\left(\frac{P}{d} - \frac{P'}{d}\right) = 2g\left(h + \frac{P}{d} - \frac{P'}{d}\right)$$

0 $\frac{P}{d}$ et $\frac{P'}{d}$ représentent précisément les hauteurs H et H' du

Frend un fluide, qui augmente d'un volume u, s'il est soumis à une pression uniforme par unité de surface p, le travail des pressions extérieures et - pu (Voir L. IV. Chap. XIII 2 11).

liquide qui feraient respectivement équilibre aux forces élastiques P et P'; l'égalité (3) peut donc s'écrire:

(4)
$$v^2 - v_1^2 = 2g(h + H - H)$$

Telle est la formule la plus générale donnant la relation entre la vitesse v à l'orifice et la vitesse v_1 à la surface libre. Mais si l'aire de cette surface est grande vis-à-vis de l'aire de l'orifice, v_1 est petit par rapport à v_2 , et son carré v_1^2 négligeable devant v_2^2 . Dans ce cas la formule (4) se simplifie et devient:

$$v = \sqrt{2g(h + H - H')}$$

Enfin, si le gaz qui surmonte la surface libre du liquide possède la même force élastique que celui qui environne l'orifice, on a H = H' et la formule (5) se réduit à:

$$(6) v = \sqrt{2gh}$$

Ce qui correspond à l'énoncé de Torricelli.

La manière dont cette formule a été établie montre bien que le principe de Torricelli n'est applicable que dans les conditions suivantes: — 1° le liquide doit être assez mobile pour pouvoit être considéré comme un fluide parfait; — 2° la paroi dans laquelle l'orifice est percé doit être très mince; — 3° l'aire la surface libre du liquide doit être grande vis-à-vis de celle l'orifice; — 4° la force élastique du gaz qui presse le liquide de être la même à la surface libre et autour de l'orifice.

La formule 5 donne la valeur de la vitesse quand cette dernière condition n'est pas satisfaite. Remarquons que, de cette formule, la quantité h — H — H représente la hauteur de la colonne liquide qui ferait équilibre à l'excès de la force élatique du liquide situe au niveau de l'orifice sur la force élatique du gaz exterieur, si. Porifice etant bouché, le liquide était equilibre, par consequent a est la hauteur à laquelle le liquide.

s'éleverait dans un tube ouvert surmontant l'orifice, en vertu des lois de l'hydrostatique. En introduisant dans la formule (5) cette quantité a, toujours facile à déterminer, elle devient:

$$v = \sqrt{2ga}$$

On voit que la vitesse d'écoulement est la même que si, le vase étant ouvert à sa partie supérieure, la hauteur du liquide an-dessus de l'orifice était égale à a; résultat qu'il est facile, du reste, d'établir a priori.

2. CONSÉQUENCES ET VÉRIFICATION EXPÉRIMENTALE DU PRIN-CIPE DE TORRICELLI. — On sait que, grâce à la pesanteur, un corps qui est lancé dans le vide avec une vitesse v et suivant me direction faisant un angle α avec l'horizon décrit, dans un plan vertical passant par la direction de la vitesse initiale, une parabole dont l'équation est:

$$y = x \tan \alpha - x^2 \frac{y}{2v^2 \cos^2 \alpha}$$

en prenant pour axe des abscisses (x) l'horizontale et pour axe des ordonnées (y) la verticale passant par le point de départ.

Par conséquent, au sortir de l'orifice, les particules du liquide devent décrire une parabole: le jet doit être parabolique.

Si dans la formule (1) nous remplaçons v par la valeur donnée par la formule (7) du paragraphe précédent elle devient :

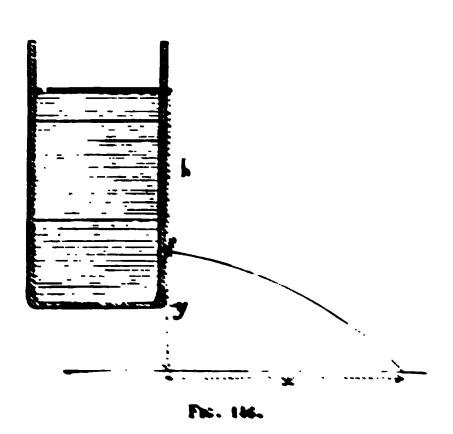
$$(2) y = x \tan \alpha - x^2 \frac{1}{4a \cos^2 \alpha}$$

Cette formule permet de vérisser expérimentalement l'exacti-

Le valeur maximum de y donnée par la formule (2) correspond à l'abscisse $a \sin 2\alpha$, et est égale à $a \sin^2 \alpha$.

Si le jet s'élance verticalement, on a $z = \frac{\pi}{2}$ d'où sin² = 1, et, par conséquent, a doit être la hauteur maximum. Ainsi le jet doit s'élever à la hauteur que le liquide atteindrait, en vertu des lois de l'hydrostatique, dans un tube ouvert qui surmonterait l'orifice. Dans le cas où le vase est ouvert, on a a = h: et le jet doit s'élever au niveau de la surface libre du liquide dans le vase.

Eh bien l'expérience, même faite avec un orifice percé en très mince paroi, montre que le jet s'élève toujours à une hauteur un peu moindre. Mais deux causes, dont nous avons négligé les effets, produisent ce désaccord: — 1° la résistance de l'air, dont ne tiennent pas compte les formules (1) et (2), et qui, rendant la vitesse plus faible, raccourcit la hauteur du jet; — 2° l'effet des gouttelettes qui, après s'être élevées, retombent sur celles qui montent et diminuent leur vitesse par le choc. Cette dernière cause perturbatrice devient de plus en plus faible quand la direction du jet s'écarte de la verticale, et l'accord entre la for-



mule (2) et l'expérience est bien plus satissai-sant.

Quand le jet sort horizontalement (fig. 146) —
il faut dans la formule
(2) faire a = 0; il vienna
alors, dans le cas d'une
vase ouvert, pour leque

$$(-y).4h=x^4$$

C'est-à-dire que le jos doit venir frapper un

plan horizontal, mené à une distance verticale y au-dessous de l'oritiee, à une distance horizontale x dout le carré égale le quadruple du produit de y par la hauteur à du liquide contem dans le vase ouvert.

C'est ce que Bossut (1) a vérifié; et les valeurs trouvées pour x sont à peine inférieures de $\frac{1}{100}$ aux valeurs calculées d'après la connaissance de y et de h. Cette légère différence s'explique sisément par l'effet de la résistance de l'air (2).

Pour un liquide qui s'échappe d'un vase à travers un tube capillaire, on se trouve dans des conditions toutes différentes de celles où le principe de Torricelli est applicable, car il faut tenir compte des frottements exercés par le liquide contre les parois du tube, et aussi des frottements des diverses couches liquides les unes sur les autres. Ces derniers frottements, qui seraient culs dans un fluide parfait, pouvaient être négligés dans le cas cu s'applique le principe de Torricelli à cause de la faible vitesse du liquide dans le vase; mais ils prennent une valeur notable dans un tube étroit où le liquide circule rapidement.

M. Poiseuille a étudié expérimentalement l'écoulement des liquides dans des tubes capillaires horizontaux mouillés par eux; il a trouvé que le débit Q — 1° est proportionnel à la différence de lorce élastique H que présente le liquide aux deux extrémités du lube (3); — 2° est proportionnel à la quatrième puissance du dia-

(1) Charles Bossut, né en 1730 près de Lyon, mort en 1814, fut professeur de mathématiques et d'hydrodynamique, et plus tard, examinateur à l'École Polytechnique.

On avait pensé aussi à vérisser le principe de Torricelli en mesurant le dédit. Si west la section de l'ouverture et v la vitesse du jet, il semble que wo doit être le volume du liquide sorti dans l'unité de temps. En saisant l'expérience, on a trouvé que le débit observé n'était environ que les 2/3 du débit misi calculé. Le désaccord s'explique, quand on examine la sorme de la veine liquide qui s'échappe du vase. Celle-ci n'est pas un cylindre ayant pour section w; elle va d'abord en se rétrécissant à partir de l'orisse jusqu'à avoir me section égale aux 2/3 environ de la section w; à partir de là, elle de-vient cylindrique; le débit doit donc être à peu près $\frac{2}{9}$ wv.

En suivant la marche du liquide dans le tube, les forces élastiques minuent, et les variations des forces élastiques sont proportionnelles aux variations de longueur. En d'autres termes, la force élastique est une fonction liséaire des longueurs comptées sur le tube. mètre D du tube (supposé à section circulaire); — 3° est inversement proportionnel à la longueur L du tube; — 4° dépend de la nature du liquide.

La formule suivante résume ces lois :

$$Q = K \frac{HD^4}{L}$$

Dans cette formule K représente un coefficient de proportionnallité qui varie avec la nature du liquide et aussi avec sa température, augmentant beaucoup quand celle-ci s'élève.

Ajoutons que l'application des lois de la mécanique conduit in la formule de M. Poiseuille, comme l'a montré cet auteur.

Quand un liquide filtre, à travers du papier ou à travers un couche de sable, le phénomène est le même que s'il traversai une série de tubes capillaires. La filtration est donc d'autant plurapide que la pression à la surface du liquide est plus forte, que l'épaisseur du filtre est plus faible, que les pores sont plus larges; enfin elle est plus rapide, pour un même liquide, quand il est chaud que quand il est froid.

4. VASE DE MARIOTTE. — Cet appareil sert à obtenir un écoulement régulier; il permet aussi de vérifier quelques conséquences du principe de Torricelli.

Il se compose (tig. 147) d'un flacon, dont le goulot est fermes par un bouchon traversé par un tube LK, qui plonge dans le liquide contenu dans le vase. Celui-ci possède un, ou plusieur ornices a, b à des hauteurs différentes, percés en mince paroi et pouvant être fermés à l'aide de petits bouchons.

Supposons que le vase soit à peu près plein de liquide, et que el n-ci s'elève à une certaine hauteur K dans le tube. Si nous veneus à detenicher l'orifice inférieur a, le liquide s'écoule vevenent d'ab rd, à cause de la grande hauteur à laquelle le avea e K, où s'exerce la pression atmosphérique, se trouve audessus de l'artice. Mais le niveau du liquide baissant rapidement dans le tabe, l'amplitude du jet diminue jusqu'à ce que le

e soit plein d'air. A partir de ce moment, à mesure que le wide s'écoule, des bulles d'air s'échappent de l'extrémité O du se et gagnent la partie supérioure du flacon. L'atmosphère

erçant sa pression en O, et le Mide sur le plan horizontal passant ree point O étant à peu près imbile, toutes les parties de cette rehe supportent la pression atmos-rique, c'est-à-dire la pression au qui s'exerce en dehors du à l'orifice a; dès lors, si nous mons par h la distance de l'extaté O au plan horizontal aa', la se d'écoulement, d'après lo pipe de Torricelli est

$$v = \sqrt{2gh}$$

demeure donc constante, puisreste invariable, tant que le u HH' du liquide dans le vase pas descendu au-dessous de O.



lien de déboucher l'ouverture a, débouchons une ouverture luée dans un plan horizontal rencontrant le tube en L: le de s'écoule jusqu'à ce que le niveau se soit abaissé dans le jusqu'en L. A partir de ce moment tout écoulement cesse : équilibre. En effet, à l'intérieur du flacon, tout le plan contal bLb' supporte la pression atmosphérique, puisqu'elle rec en L dans le tube, et comme elle s'exerce aussi à l'exerc, la petite surface liquide, qui se trouve à l'orifice, étant ment pressée des deux côtés reste en équilibre.

evenons au premier cas, l'orifice a est ouvert et l'écoulement régulier. Puisque la pression atmosphérique s'exerce sur le n horizontal passant par O, sur un autre plan plus élevé, en bL exemple (l'orifice b étant houché), s'exerce une pression moine. Aussi, quand on vient à boucher a et à déboucher b, l'équine ne peut exister, puisque la surface liquide qui se trouve en

b subirait de la part de l'air extérieur une pression plus grande que la pression qu'elle recevrait de l'intérieur. On voit alors des bulles d'air s'introduire par l'orifice b : le niveau du liquide remonte dans le tube, et l'équilibre se rétablit dès qu'il atteint le plan bl.b.

5. FONTAINE INTERMITTENTE DE STURM (1) (fig. 148) — Elle se



F16- 148

compose d'un vase A, en partie rempli d'eau, qu'on introduit per l'ouverture D, fermée ensuite m moyen d'un bouchon à l'émeri. Un, ou plusieurs orifices situés dans le même plan horizontal OO permettent au liquide de s'écouler dans un bassin B. Celui-ci présente vers son centre une petites ouverture par laquelle l'eau per#\$ tomber dans un second bassin C placé au-dessous du premier. Exfin un tube vertical K s'ouvre 🚄 sa partie supérieure S dans l'asse du vase A, et se termine à sal partie inférieure I par une sections oblique, à une petite distance del fond du bassin B.

Supposons ce bassin B vide :

l'air du flacon A communiquant avec l'extérieur par le tubel K se trouve sous la pression atmosphérique : l'eau s'écoule par les orifices OO. Comme l'ouverture du bassin B laisse échapper une quantité d'eau plus petite que celle qui est fournise par le vase A, ce bassin se remplit, et l'orifice I se trouve bientou ferme par l'eau. A partir de ce moment, la libre communication entre la partie supérieure du vase A et l'atmosphère est intervoupue : aussi, l'eau continuant à s'écouler par les orifices OO, les volume de la masse d'air hintiée contenue dans la partie supérieure du vase A et dans le tube K augmente, et sa force élem-

¹¹ Fran Christophe Sturm, ne en 1605 dans la principauté de Neuboungage mort en 1705

Tape diminue. En désignant alors par h la hauteur de l'eau du se CD au-dessus des orifices, par H et par H' les hauteurs des colonnes d'eau qui font respectivement équilibre à la pression mosphérique et à la force élastique de l'air dans l'intérieur du see A, on a pour la vitesse d'écoulement v par les orifices :

$$V = \sqrt{2g(h + H' - H)}$$

comme H' diminue de plus en plus, il en est de même de v: aussi it-on le débit des orifices devenir de plus en plus faible. Enfin coulement s'arrête quand on a:

$$h + H' - H = 0$$
 ou $H' = H - h$

A ce moment l'eau du bassin B pressée par l'atmosphère, s'est Elevée dans le tube à une hauteur H - H' = h.

Au bout d'un certain temps, le bassin B se vidant lentement par l'ouverture centrale, l'orifice I est rendu libre de nouveau, l'air du vase A reprend une force élastique égale à la pression atmosphérique, et l'écoulement par les orifices recommence, pour s'interrompre de nouveau au bout de quelque temps : la même série de phénomènes se reproduisant jusqu'à ce que le vase A se soit complètement vidé.

Contenant de l'eau et communiquant par un tube B avec la partie inférieure d'un vase clos N renfermant de l'eau et de l'air; un sure tube CD met l'atmosphère de ce vase N en communication trec celle d'un troisième vase P contenant une certaine quantité desu. Ce vase P peut être placé soit plus haut soit plus bas que le rese N. Du fond de ce vase part un tube EF que nous suppose-rese d'abord d'une hauteur supérieure à AB (1, fig. 149).

⁽¹⁾ Héron l'Ancien, mécanicien et physicien d'Alexandrie, vivait vors l'an 100 avant J.-C.

Admettons que l'équilibre existe dans ces conditions; désignons par h la distance verticale qui sépare les surfaces libres des liquides en A et en N, et par H la hauteur de la colonne d'eau qui fait

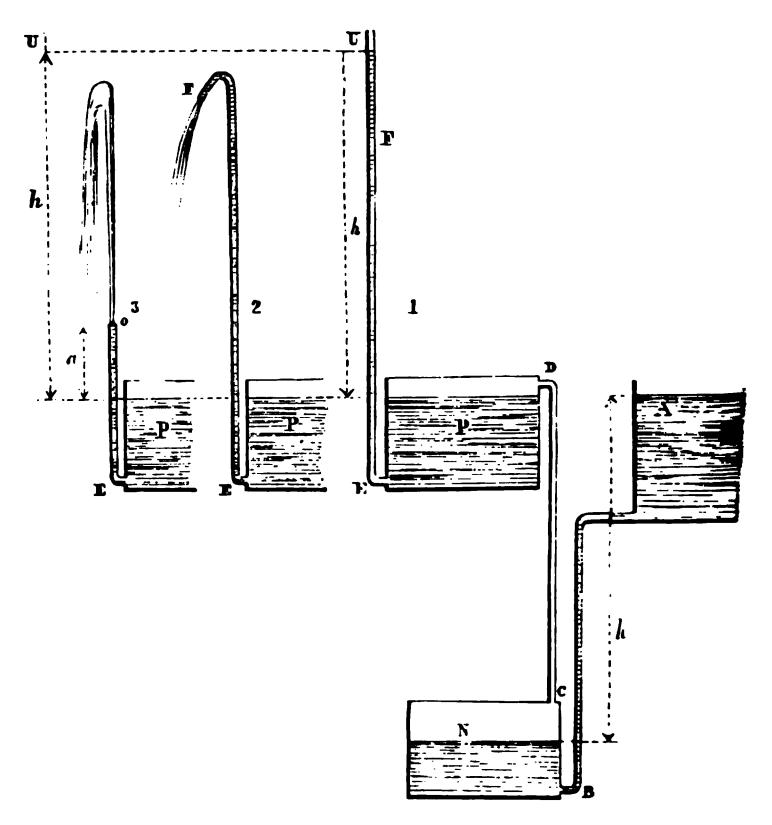


Fig. 149.

équilibre à la pression atmosphérique. Alors les forces élastiques des atmosphères des vases N et P, qui sont les mêmes puisqu'il y a communication par le tube CD, sont équilibrées par une colonne d'eau d'une hauteur égale à H+h. Pour que l'équilibre existe, il faut donc que l'eau se soit élevée dans le tube EF à une

our, au-dessus du niveau liquide en P, précisément égale ce qui est possible si ce tube est assez long.

iis, si le tuyau EF ne s'élève pas à hauteur h au-dessus du fond du P, l'équilibre est impossible; l'eau ule alors par l'orifice F jusqu'à ce e bassin P soit vide (2, fig. 149). et appareil peut donc servir à éleun liquide d'une façon économi-; on l'emploierait avec avantage faire monter l'eau d'une source, i'échappe à mi-hauteur d'un coteau, i'au sommet de celui-ci. A mesure le vase P se vide, le vase N se olit; quand P est vide et N plein, areil cesse de fonctionner. Il faut , à l'aide de robinets, interrompre mmunication en B, vider le vase N r un tuyau (non représenté sur la e ainsi que les robinets nécess pour ces opérations) remplir à eau le vase P. On peut ainsi faire er un certain poids d'eau de P en condition de faire descendre d'une tité au moins égale un même poids i de A en N.

machine représentée figure 151, sert à l'épuisement de l'eau des s de Schemnitz, est fondée sur le e principe; le vase P est dans la au-dessous du vase N, et est di dès qu'il est vide, par l'eau à ire, qui se déverse ensuite au u du sol par le tube F.

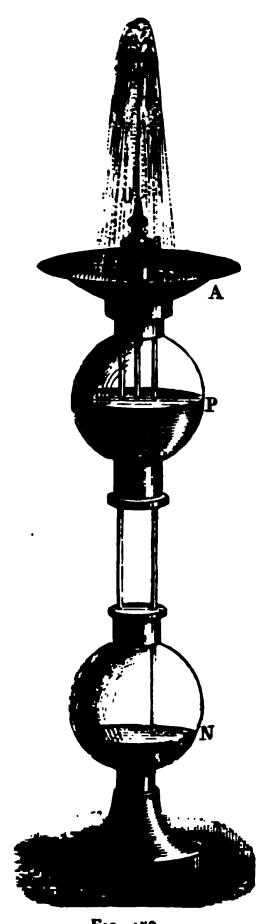
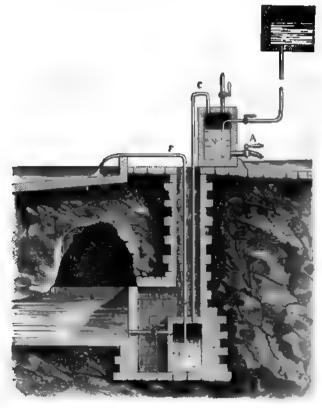


Fig. 150.

lieu d'un long tuyau de déversement EF, supposons (149) que le tuyau soit court, fermé, et qu'il présente un oripercé dans une mince paroi horizontale. L'eau s'échappera forme d'un jet vertical.

D'après ce que nous avons établi (§ 2), ce jet s'élèverait jusque niveau UU, à une hauteur h au-dessus de la surface libre du quide dans le vase P, si la résistance de l'air et l'effet des gou lettes qui retombent ne diminuaient la vitesse de l'eau qui s'élè

La figure 150 représente le modèle de la fontaine de Hé qui se trouve habituellement dans les cabinets de physique.



PiG. 151.

7. SIPHON. — Un siphon est un tube recourbé servant à ***
vaser un liquide par-dessus le bord d'un vase. Pour cela ***

in branches plonge dans le liquide d'un vase A, et l'autre

🖦 k liquide de même ntere place dans un second vase B (fig. 158), a ben elle débouche des l'eir (fig. 152).

Quad le siphon est amorcé, c'est - à - dire larqu'il est plein de liquide, on constate, si l'enérience est disposée

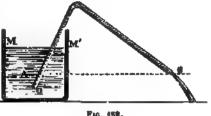
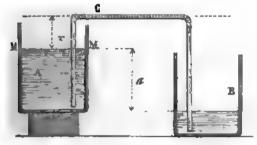


Fig. 152.

conne dans la figure 158, que le liquide s'écoule à travers le siplon du vase A où son niveau est le plus élevé vers le vase B



F10. 433.

cà le zivem est le plus bas. L'écoulement s'arrête si les surfaces libres dans les deux vases arrivent sur le même plan horizontal. Des le cas de la figure 152 l'écoulement du liquide se produit par l'wike 0, tant que cet orifice est au-dessous du niveau MM et re l'extrémité O' plonge dans le liquide. Si l'orifice O est plus ené que O', comme dans le cas de la figure, l'écoulement s'arthe quand le niveau MM' s'est abaissé jusqu'au plan horizontal Peset par O; si au contraire O est plus bas que O', l'écoulee cesse que quand MM' s'est abaissé jusqu'en O'.

Ces phénomènes sont indépendants de la hauteur du siphon, amation pourtant que la distance verticale de son point le plus élevé au-dessus du niveau le plus haut MM' (fig. 152 ou fig. 153) n'excède pas la hauteur H de la colonne du liquide à transvaser, qui ferait équilibre à la force élastique du gaz (habituellement l'atmosphère) qui presse la surface libre de ce liquide.

Si la hauteur du siphon dépasse H, celui-ci ne peut pas rester amorcé; quand après l'avoir rempli on le retourne, pour plonger ses extrémités dans chacun des vases, on voit la colonne liquide (fig. 154) se séparer au sommet du siphon, et rester soulevée dans

l'une et l'autre branche à une hauteur H au-dessus de la surface libre du liquide dans le vase correspondant : il se forme un double baromètre, et le vide existe au sommet du siphon. Dans ces conditions, il y a équilibre, et le liquide ne passe pas d'un vase dans l'autre. L'expérience est aisée à réaliser avec le mercure, puisque H n'excédant pas 78 centimètres, il suffit de prendre un siphon de 80 à 100 centimètres de longueur.

Cette dernière expérience montre bien que, dans le transport du liquide par un siphon, la pression atmosphérique joue un rôle.

Quand le liquide est en mouvement à l'intérieur du siphon, on n'est plus dans les conditions d'équillibre où les théorèmes d'hydrostatique peuvent du appliqués et, en en faisant usage, on risquerait de commettre de graves erreurs.

Pourtant, les lois de l'hydrostatique permettent de voir a priori que dans les conditions où l'expérience montre qu'il y a mouvement du liquide, l'équilibres est effectivement impossible.

Admettons, pour un instant, que l'équilibre existent dans les conditions de la figure 153. Considérons une

petite surface d'aire x prise à l'intérieur du siphon en un point que le conque C, situé à une hauteur x au-dessus du niveau du liquide dans le vase A, et à une hauteur (a + x) au-dessus du niveau du liqui le dans le vase B, en désignant par a la distance verticale entre les niveaux des deux vases.

Appelons p la pression par unité de surface au niveau MM, dans le fluide qui entoure le siphon et les vases A et B (air #-



mosphérique dans les circonstances ordinaires). Si nous considérons les pressions transmises par le liquide du vase A et par la portion du siphon qui y plonge, la surface d'aire s doit supporter une pression égale à ps - sxD, en désignant par D le poids spécifique absolu du liquide. Mais si nous considérons les pressions comme transmises par le liquide du vase B, la pression sur la même surface C doit être égale à ps + sad - s(a + x)D, d étant le poids spécifique absolu du fluide qui entoure les vases. La différence entre la première et la deuxième pression que nous venons d'obtenir est égale à

$$sa(D-d)$$

Or cette différence doit être nulle, car sur une même surface il ne peut y avoir qu'une même pression. Si donc D - d n'est pas nul il faut que a soit nul pour que l'équilibre soit possible : dans les deux vases le liquide doit être au même niveau (1).

Si a est différent de zéro, la supposition que nous avons faite en admettant l'état d'équilibre du fluide, nous conduisant à une impossibilité, est inexacte, et, par conséquent, le liquide est en mouvement.

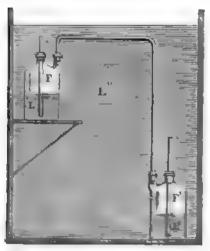
Dans ce cas on ne peut guère douter a priori que le passage du fluide le plus dense, se fasse du vase où le niveau est le plus

Quand le siphon présente une branche horizontale, les lois de M. Poiseuille répliquent à cette partie du tube, et, en suivant la marche du liquide, les pressions par unité de surface vont en diminuant, la différence des pressions réportées par deux tranches étant proportionnelle à leur distance.

élevé vers celui où il est le plus bas; au surplus, c' montre immédiatement la considération des travaux agissant sur le liquide.

En effet, soit v la variation de volume du liquide de A où le niveau est le plus élevé, pendant un temps tre considérons cette quantité comme positive si ce volume et comme négative dans le cas contraire. La quantit sente en même temps la variation de volume, inverse cédente, que subit le liquide du vase B pendant temps 0.

On sait que pendant ce temps e, le travail de la per les particules du liquide en mouvement est égal au



Pro. 185.

poids vD du vo liquide tombant teur a, c'est-àvDa D'autre pa qui surmonte éprouve dans (vases une varis lume r, mais : verse de celle le travail des a pesanteur sur l les de ce fluid vement est do Ajoutons aux (la pesanteur, l toujours négat (W étant un positive) des fr alors pendant l

la somme des travaux des forces agissant sur le systèm vement est :

rDa — rda — W

Le double de ce travail est égal à la variation de l' Considérons ce qui se passe au moment où le liquide nouvoir: les fluides, primitivement innnobiles, prennent une ne vitesse, et augmentent de force vive; si V représente augmentation pendant le temps 0, on a :

$$V = 2(vDa - vda - W)$$

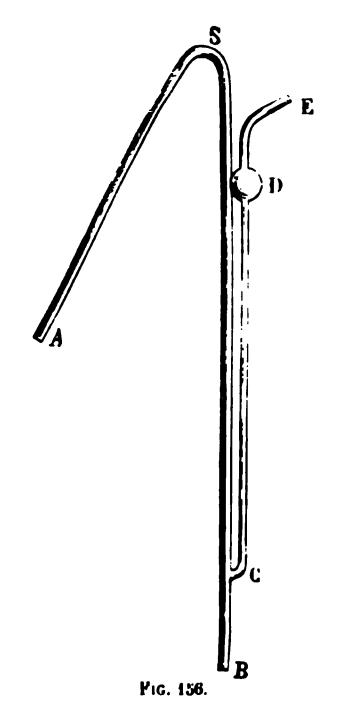
$$va(D-d) = W + \frac{V}{2}$$

econd membre de cette égalité étant positif, il en est de

que d, comme a est positif, il ie v soit aussi positif: le fluide i dense doit donc commencer à ler du vase où le niveau est le levé vers celui où il est le plus t ce mouvement doit continuer même sens tant que a n'est I. En effet le liquide ne saurait rader, sans avoir un instant ; or, à partir de ce moment, ement devrait reprendre dans me sens qu'auparavant, d'adémonstration précédente. 3 la disposition représentée par re 155 où, contrairement à ce lieu habituellement, le fluide dense LL'L" entoure complèles deux vases, et où les es du siphon sont plongées e fluide (liquide ou gaz) le lense F et F', il en est encore ne: le liquide le plus dense

du vase supérieur au vase

du premier, et si D est plus



ır, et le fluide le moins dense passe, par l'intermédiaire du , du vase inférieur au vase supérieur.

amorcer un siphon on peut employer plusieurs procédés:

par exemple, après l'avoir rempli du liquide à transvaser et avors bouché l'un des orifices avec le doigt, on retourne le siphon, *** plonge l'une des branches dans le liquide et l'on retire le doigt. 🕒 🖜 🔊 peut aussi, après avoir placé l'une des branches du siphon ple x x 1 d'air dans le liquide, aspirer avec la bouche par l'extrémité 🖎 🧸 l'autre branche. Ce procédé ne peut évidemment pas convenir da 🗷 🗨 🛊 le cas d'un liquide vénéneux ou corrosif. Pour ces liquides, on 🛁 sert d'un siphon ASB (fig. 156) qui présente un tube latéral CDE: plonge l'extrémité de la petite branche A dans le liquide, 👡- 👔 après avoir bouché B avec le doigt, on aspire par E, jusqu'à que les deux branches AS et SB soient pleines; grâce à l'ampiera les D'on peut facilement éviter l'entrée du liquide dans la bouclie. Quand on ôte le doigt, le siphon étant amorcé, le liquide s'écoule. à condition que le point C où vient aboutir le tube d'aspiration soit au-dessous du niveau du liquide dans le vase; car à mesure que le liquide s'écoule par B, le tube EDC se vide, et. quand ce tube est plein d'air, la pression atmosphérique s'exerce en C.

8. VASE DE TANTALE. — Ce petit appareil offre l'intérêt de nou-

donner l'explication des sources intermittentes naturelles.

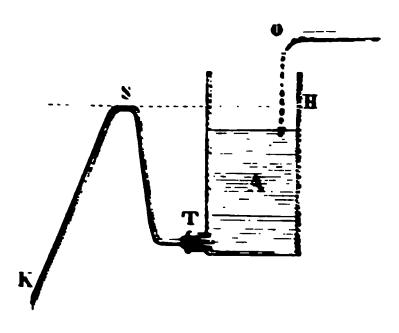


Fig. 15

Adaptons à un vase A dig. 157) tubulé à sa partie mérieure T un tube recourbé en siphon TSK, dont l'extrémite ouverte K soit située au-dessons du fond du vase, et dont la partie supérieure S soit à un niveau SH inférieur à celui des bords. Supposons que l'eau tombe goute à goutte ou en mince filet par un orifice

O, le vase se remplit lentement et le liquide monte à la même hauteur dans la branche TS du siphon; dès que l'eau dans le vase dépasse tant soit peu le niveau SH, le liquide descent par la branche SK, qui se remplit ainsi. Le siphon TKS étant amorcé, l'au du vase s'ecoule, et, si le débit de l'orifice 0

ible vis-à-vis de celui du siphon, le vase se vide presqu'entent. Quand, par suite de l'abaissement du liquide dans se, l'air arrive en T, le siphon se désamorce et l'écout s'arrète en K, pour reprendre quelque temps après quand e se trouve de nouveau remph jusqu'en SH (1).



Fig. 158

figure 158 suffit à faire comprendre comment une cavité de peut faire l'office du vase A, comment des infiltrations at lentement remplir d'eau cette cavité, comment, enfin, un it partant du fond de celle-ci, et commençant par s'élever lescendre ensuite, peut jouer le rôle du siphon TSK.

n voit que le niveau du liquide ne peut, dans ce vase, dépasser SH, place un peu au-dessus de ce niveau la bouche d'une petite figurine, iontera jusque dans le voisinage de celle-ci, mais au moment de dre le vase se videra, d'on le nom de vase de Tantale donné à ce pareil.

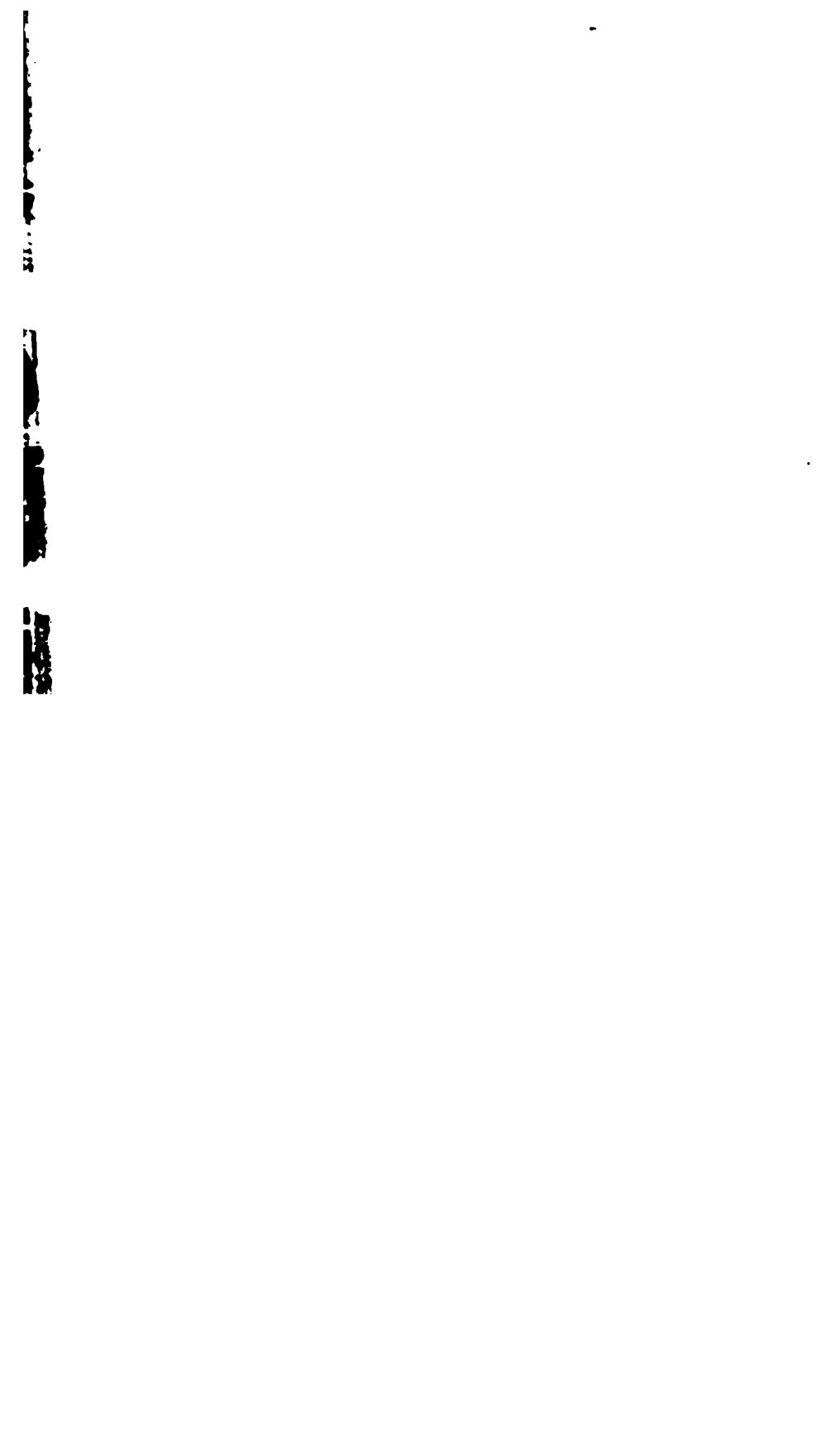


TABLE POUR LA RÉDUCTION DU BAROMÈTRE A 0º 357

ampirataes	70	71	72	73	74	75	76	77	78
0°,0	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0,000	0.000
9,2	02	02	02	02		02		03	03
0,4	03		03					05	05
0,6	07	07	07	07	07	07	07	07	08
8, 0	09	09			10		10	10	10
0,1	0,011	0,012	0,012	0,012	0,012	0,012	0,012	0,012	0,013
1,2	14	14	14		14				
1,4	16	16	16	16	47	17	17	17	48
1,6	18	18	19	19	49	19	20	20	
1,8	20	21	21	21	21	22	22	22	29
2*,0	0,023	0,023	0,023	0,024	0,024	0,024	0,025	0,023	0,028
2,2	25	25	26	26	26	27	27	27	28
2.4	27	27	28	28	29	29	29	30	30
2,6	29	30	30	- 31	34	31	32	32	33
2,8	32	32	33	33	33	34	34	35	35
31,0	0,034	0,034	0,033	0,035	0,036	0,036	0,037	0,037	0,038
3,2	36	37	37	38	38	39	39	40	40
3,4	38	39	39	40	41	41	42	42	43
3,6	- 61	41	42	42	43	44	44	45	45
3,8	43	43	44	43	45	40	47	47	48
4,0	0,043	0,046	0,046	0,047	0,048	0,048	0,049	0,030	0,030
1,3	47	48	49	49	20	31	- 51	52	52
1.4	50	30	31	32	52	53	34	33	99
1,6	32	53	53	54	35	56	56	37	38
1,8	声 24	55	36	56	57	58	29	59	60

NOIA: La correction s'obtient en prenant le nombre inscrit à la rencon-tre de la rangée horizontale correspondant à la température du baromètre et de la rangée horizontale correspondant à la température du parometre et de la colonne verticale correspondant à la hauteur la plus voisine de celle pou a observée. Si la température est supérieure à 0°, ce nombre correctif de être retranché de la hauteur lue, évaluée en centimètres ; si la température est inférieure à 0°, il doit y être ajouté.

358 TABLE POUR LA RÉDUCTION DU BAROMÈTRE A 0

Tem pératur e	70	71	72	73	74	75	76	77	78
5°,0	0,056	0,057	0,058	0,059	0,060	0,060	0,061	0,062	0,06
5,2	59				62	_	l 1	•	_
5,4	61	62	63	63	64	'	1	67	
5,6	63	64	63	66	67	68	69	69	7
5,8	65	66	67	68	69	70	71	72	7.
6°,0	0,068	0.069	0.070	0.071	0.071	0.072	0,073	0.074	0.07
6 ,2	70	71	72			1 '	_		_ ا
6 ,4	72	73	74	75	'	1	i		*
6,6	74	75	77	78	i e	ŀ	1		l
8, 0	77	78	79	80	81	82	ł.	1	Ĭ
7°,0	0,079	0,080	0,081	0.082	0.083	0.085	0,086	0.087	0.08
7,2	81	82					Į.		
7,4	83	85	86	87	88	89		1	1
7,6	86	87	88	89	91				
7,8	88	89	90	92	93	l	Í		•
8°,0	0,090	0,091	0,093	0,094	0,095	0.097	 0,098	0.039	0.10
8,2	92	ł		1		1 -	0,100	•	
8,4	95	96	97	99	0,100		03	1 '	
8,6	97	98	0,100	I.	I •	T ·	05	07	U
8,8	99	0,101	02	J J3	02	06	08	09	. 1
9°,0	0,101	0,103	0,104	0.106	0.107	0.109	0,110	0.112	0.11
9 ,2	04					-	1 '	1	· 1
9,4	06	07	09	ŀ	i				
9,6	08	10	11	l		}	_	1	1
9 ,8	10	12	14	15	17	1	ì		۱ ـ
10°,0	0,113	0,114	0,116	0,118	0,119	0.121	0,122	0.124	0.13
10,2	15		18	_	21	23	1 ,		١ _
10,4	17	19		22			1	l .	
10 ,6	19		23				ŀ	l	i
10 ,8	22	1	25	27	29	30	1	1	1 .

11	Sempirature	70	71	72	73	74	75	76	77	78
11	11•,0	0,124	0,126	0,128	0,129	0,131	0,133	0,135	0,136	0,138
11	1 ' 1	26	28	30	32	33	35	37	39	40
11	1 ' 1	28	30	32	34	36	38	39	41	43
12.0 0,435 0,137 0,139 0,141 0,143 0,145 0,147 0,149 0,151 12.2 37 39 41 43 45 47 49 51 53 12.6 42 44 46 48 50 52 54 56 59 12.6 42 44 46 48 50 52 54 56 59 12.8 44 46 48 50 52 54 56 59 13.9 49 51 53 55 57 59 62 64 66 69 13.4 31 53 55 57 60 62 64 66 69 71 73 14.0 0,138 0,160 0,162 0,165 0,167 0,169 0,171 0,174 0,176 74 76 79 81 84 86 14.0 60 <td< th=""><th>1 ' 1</th><th>34</th><th>33</th><th>34</th><th>36</th><th>38</th><th>40</th><th>42</th><th>44</th><th>46</th></td<>	1 ' 1	34	33	34	36	38	40	42	44	46
19.2 37 39 41 43 45 47 49 51 53 12.4 40 42 44 46 48 50 52 54 56 59 12.6 42 44 46 48 50 52 54 56 59 12.8 44 46 48 50 53 55 57 59 61 13.0 0,147 0,149 0,151 0,153 0,153 0,157 0,159 0,161 0,164 13.2 49 51 53 55 57 60 62 64 66 69 13.4 51 53 55 57 60 62 64 66 69 71 73 14.5 6 53 55 58 60 62 64 66 69 71 73 14.6 6 65 67 69 72	11,8	33	33	37	39	41	42	44	46	48
12 , 4	12.0	0,135	0,137	0,139	0,141	0,143	0,145	0,147	0,149	0,151
12,6 42 44 46 48 50 52 54 56 59 61 13,0 0,147 0,149 0,451 0,153 0,157 0,159 0,161 0,164 66 69 13,4 51 53 55 57 60 62 64 66 69 71 13,6 53 55 58 60 62 64 66 69 71 73 14,0 0,158 0,160 0,162 0,165 0,167 0,169 0,171 0,174 0,176 78 71 74 76 79 81 84 86 14,6 65 67 69 72 74 76 79 81 84 86 15,0 0,169 0,171 0,174 0,174 0,176 0,179 0,181 0,184 0,186 0,189 15,6 76 78 81 83 86 88 91 93 96 98 0,201 03 16,2 <	12,2	37	39	41	43	45	47	49	51	53
12,8 44 46 48 50 53 55 57 59 61 13,0 0,147 0,149 0,451 0,153 0,153 0,157 0,159 0,161 0,164 13,2 49 51 53 55 57 60 62 64 66 69 13,4 51 53 55 57 60 62 64 66 69 71 13,6 53 55 58 60 62 64 66 69 71 73 14,0 0,158 0,160 0,162 0,165 0,167 0,169 0,171 0,174 0,176 0,169 0,171 0,174 0,176 0,179 0,181 0,184 0,186 0,189 15,0 0,169 0,171 0,174 0,174 0,174 0,176 0,179 0,181 0,184 0,186 0,189 15,4 74 76 78	12 ,4	40	42	44	46	48	5 0	52	54	56
13,0	12,6	42	44	46	48	5 0	52	54	56	59
13 , 2	12 ,8	44	46	48	50	53	55	57	59	61
13,4 51 53 55 57 60 62 64 66 69 71 13,6 53 55 58 60 62 64 66 69 71 13,8 56 58 60 62 64 67 69 71 73 14,0 0,158 0,160 0,162 0,165 0,167 0,169 0,171 0,174 0,176 14,4 62 65 67 69 72 74 76 79 81 84 14,6 65 67 69 72 74 76 79 81 84 14,8 67 69 72 74 76 79 81 84 15,0 0,169 0,171 0,174 0,476 0,179 0,181 0,184 0,186 0,189 15,4 74 76 78 81 83 86 88 91 93 96 15,6 76 78 81 83 86 88 <th>130,0</th> <th>0,147</th> <th>0,149</th> <th>0,151</th> <th>0,133</th> <th>0,153</th> <th>0,157</th> <th>0,159</th> <th>0,161</th> <th>0,164</th>	130,0	0,147	0,149	0,151	0,133	0,153	0,157	0,159	0,161	0,164
13,6 53 55 58 60 62 64 66 69 71 73 14°,0 0,158 0,160 0,162 0,165 0,167 0,169 0,171 0,174 0,176 78 14,4 62 65 67 69 72 74 76 79 81 84 14,6 65 67 69 72 74 76 79 81 84 14,8 67 69 72 74 76 79 81 84 86 15,0 0,169 0,171 0,174 0,176 0,179 0,181 0,184 0,186 0,189 15,4 74 76 78 81 83 86 88 91 94 15,6 76 78 81 83 86 88 91 93 96 15,8 78 81 83 86 88 91 93 96 98 16,2 83 85 88 90 93 <th>43 ,2</th> <th>49</th> <th>51</th> <th>53</th> <th>55</th> <th>57</th> <th>59</th> <th>62</th> <th>64</th> <th>66</th>	43 ,2	49	51	5 3	55	57	59	62	64	66
13,8 56 58 60 62 64 67 69 71 73 14°,0 0,458 0,460 0,462 0,465 0,467 0,469 0,171 0,474 0,476 14,2 60 62 65 67 69 72 74 76 79 81 14,6 65 67 69 72 74 76 79 81 84 14,8 67 69 72 74 76 79 81 84 15,0 0,469 0,474 0,476 0,179 0,481 0,484 0,486 0,489 15,4 74 76 78 81 84 86 88 91 94 15,6 76 78 81 83 86 88 91 93 96 15,8 78 81 83 86 88 91 93 96 98 16,0 0,480 0,483 0,483 0,488 0,491 0,493 0,496 0,498	13 ,4	31	53	55	57	60	62	64	66	69
14°,0 0,158 0,160 0,162 0,165 0,167 0,169 0,171 0,174 0,176 78 78 71 74 76 78 78 71 74 76 79 81 84 86 84 86 84 86 84 86 84 86 88 91 93 96 98 98 9201 93 96 98 0,201 03 06 08 06 06 06 06 06 06 06 07 06 79 74 76 79 81 84 86 88 91 93 96 98 91 93 96 98 91 93 96 98 98 99 93 96 98 99 93 96 98 99 93 96 98 99 93 96 98 99 93 96 98 99 93 96 98 99 93 96 98 99 93 96 98 98 99		5 3	55	58	60	62	64	l i	69	71
14,2 60 62 65 67 69 71 74 76 78 81 14,4 62 65 67 69 72 74 76 79 81 84 14,6 65 67 69 72 74 76 79 81 84 86 15,0 0,169 0,171 0,174 0,176 0,179 0,181 0,184 0,186 0,189 15,2 71 74 76 79 81 84 86 88 91 15,4 74 76 78 81 83 86 88 91 93 96 15,6 76 78 81 83 86 88 91 93 96 98 15,8 78 81 83 86 88 91 93 96 98 16,0 0,180 0,183 0,183 0,188 0,191 0,193 0,196 0,198 0,201 03 16,4 85 87 <th>13 ,8</th> <th>56</th> <th>58</th> <th>60</th> <th>62</th> <th>64</th> <th>67</th> <th>69</th> <th>71</th> <th>73</th>	13 ,8	56	58	60	62	64	67	69	71	73
14,2 60 62 65 67 69 71 74 76 78 81 14,4 62 65 67 69 72 74 76 79 81 84 14,6 65 67 69 72 74 76 79 81 84 86 15,0 0,169 0,171 0,174 0,176 0,179 0,181 0,184 0,186 0,189 15,2 71 74 76 79 81 84 86 88 91 15,4 74 76 78 81 83 86 88 91 93 96 15,6 76 78 81 83 86 88 91 93 96 98 15,8 78 81 83 86 88 91 93 96 98 16,0 0,180 0,183 0,183 0,188 0,191 0,193 0,196 0,198 0,201 03 16,4 85 87 <th>140,0</th> <th>0,158</th> <th>0,160</th> <th>0,162</th> <th>0,165</th> <th>0,167</th> <th>0,169</th> <th>0,171</th> <th>0,174</th> <th>0,176</th>	140,0	0,158	0,160	0,162	0,165	0,167	0,169	0,171	0,174	0,176
14,6 65 67 69 72 74 76 79 81 84 15,0 0,169 0,171 0,174 0,176 0,179 0,181 0,184 0,186 0,189 15,2 71 74 76 79 81 84 86 88 91 15,4 74 76 78 81 83 86 88 91 93 96 15,6 76 78 81 83 86 88 91 93 96 15,8 78 81 83 86 88 91 93 96 15,8 78 81 83 86 88 91 93 96 15,8 78 81 83 86 88 91 93 96 15,8 78 81 83 86 88 91 93 96 98 16,9 83 85 88 90 93 96 98 0,201 03 16,4	1	11 '				-			_	78
14 ,8 67 69 72 74 76 79 81 84 86 15 ,0 0,169 0,171 0,174 0,176 0,179 0,181 0,184 0,186 0,189 15 ,2 71 74 76 79 81 84 86 88 91 15 ,4 74 76 78 81 83 86 88 91 93 96 15 ,6 76 78 81 83 86 88 91 93 96 15 ,8 78 81 83 86 88 91 93 96 16 ,0 0,180 0,183 0,185 0,188 0,191 0,193 0,196 0,198 0,201 03 16 ,2 83 85 88 90 93 96 98 0,201 03 16 ,4 85 87 90 93 96 98 0,201 03 05 16 ,6 87 90 92 95 98 0,200 <th>14,4</th> <th>62</th> <th>65</th> <th>67</th> <th>69</th> <th>72</th> <th>74</th> <th>76</th> <th>79</th> <th>81</th>	14,4	62	65	67	69	72	74	76	79	81
15,0 0,169 0,171 0,174 0,176 0,179 0,181 0,184 0,186 0,189 15,2 71 74 76 79 81 84 86 88 91 15,4 74 76 78 81 83 86 88 91 94 15,6 76 78 81 83 86 88 91 93 96 13,8 78 81 83 86 88 91 93 96 98 16,0 0,180 0,183 0,185 0,188 0,191 0,193 0,196 0,198 0,201 16,2 83 85 88 90 93 96 98 0,201 03 16,4 85 87 90 93 96 98 0,201 03 05 16,6 87 90 92 93 96 98 0,201 03 06	14,6	65	67	69	72	74	76	79	81	84
15,2 71 74 76 79 81 84 86 88 91 15,4 74 76 78 81 83 86 88 91 94 15,6 76 78 81 83 86 88 91 93 96 15,8 78 81 83 86 88 91 93 96 98 16,0 0,180 0,183 0,185 0,188 0,191 0,193 0,196 0,198 0,201 03 16,2 83 85 88 90 93 96 98 0,201 03 16,4 85 87 90 93 96 98 0,201 03 05 16,6 87 90 92 95 98 0,200 03 06 08	14 ,8	67	69	72	74	76	79	81	84	86
15 ,4 74 76 78 81 83 86 88 91 94 15 ,6 76 78 81 83 86 88 91 93 96 15 ,8 78 81 83 86 88 91 93 96 98 16 ,0 0,180 0,183 0,185 0,188 0,191 0,193 0,196 0,198 0,201 03 16 ,2 83 85 88 90 93 96 98 0,201 03 16 ,4 85 87 90 93 96 98 0,201 03 05 16 ,6 87 90 92 95 98 0,200 03 06 08	150,0	0,169	0,171	0,174	0,176	0,179	0,181	0,184	0,186	0,189
15,6 76 78 81 83 86 88 91 93 96 98 15,8 78 81 83 86 88 91 93 96 98 16,0 0,180 0,183 0,185 0,188 0,191 0,193 0,196 0,198 0,201 03 16,2 83 85 88 90 93 96 98 0,201 03 16,4 85 87 90 93 96 98 0,201 03 05 16,6 87 90 92 95 98 0,200 03 06 08	15 ,2	71	74	76	7 9	81	84	86	88	91
15,8 78 81 83 86 88 91 93 96 98 16,0 0,180 0,183 0,185 0,188 0,191 0,193 0,196 0,198 0,201 16,2 83 85 88 90 93 96 98 0,201 03 16,4 85 87 90 93 96 98 0,201 03 05 16,6 87 90 92 95 98 0,200 03 06 08	15 ,4	74	76	78	81	83	86	88	91	94
16°,0 0,180 0,183 0,185 0,188 0,191 0,193 0,196 0,198 0,201 16,2 83 85 88 90 93 96 98 0,201 03 16,4 85 87 90 93 96 98 0,201 03 05 16,6 87 90 92 95 98 0,200 03 06 08		76	78	81	83	86	88	91	93	96
16,2 83 85 88 90 93 96 98 0,201 03 16,4 85 87 90 93 96 98 0,201 03 05 16,6 87 90 92 95 98 0,200 03 06 08	13 ,8	78	81	83	86	88	91	93	96	98
16,4 85 87 90 93 96 98 0,201 03 05 16,6 87 90 92 95 98 0,200 03 06 08	,	0,180	0,483	0,185	0,188	0,191	0,193	0,196	0,198	0,201
16 ,6 87 90 92 93 98 0,200 03 06 08		83	85	88	90	93	96	98	0,201	03
		85	87		[li .	,	1	
16,8 89 92 95 97 0,200 03 06 08 11	•	87		i	l	1				
	16 ,8	89	92	95	97	0,200	03	06	08	11

60 TABLE POUR LA RÉDUCTION DU BAROMÈTRE A 0

78	77	76	75	74	73	72	71	70	l'empérature
0,21	0,211	0,208	0,203	0,203	0,200	0,197	0,194	0,192	47°,0
	43		08			99		94	17 ,2
						0,202		96	47 ,4
							0,201	98	47 ,6
3	21	18	45	12	09	06	03	0,201	17,8
0,33	0,223	0,220	0,217	0,214	0,212	0,209	0,206	0,203	18°,0
	26						08		48 ,2
3	28	25	22	19	16	13	10	07	18 ,4
3	31	28	25	22	19	16	43	10	18 ,6
36	33	30	27	24	21	18	18	12	18 ,8
0,339	0,236	0,232	0,229	0,226	0,223	0,220	0,217	0,214	190,0
41	38	35	32	29	26	23	19	16	19 ,2
44	- 51	37	34	34	28	25	22	49	19,4
46	- 43	40	37	34	30	27	24	21	19 ,6
49	45	42	39	36	33	29	26	23	19 ,8
0,252	0,248	0,245	0,241	0,238	0,235	0,232	0,229	0,225	20°,0
24	50;	47	44	- 41	37	34	31	28	20 ,2
	33	30	46	43	40	36	- 33	30	20,4
39	33	32	49	45	42	39	35	32	20 ,6
61	38	33	- 51	48	44	41	38	34	20 ,8
0,204	0,260	0,237	0,254	0,250	0,247	0,243	0,240	0,237	21°,0
Ů6	63	39	56	53	49			39	21 ,2
09	60	62	38	53	52			41	21,4
73	68	64	61	37	34	50	47	43	24 ,6
11	70	67	63	60	36	53	49	46	21 ,8
0,27	0,273	0,269	0,266	0,262	0,259	0,255	0,251	0,248	220,0
3	75	72						30	22 ,2
8	78	74	70	67				52	22 ,4
) 8	80			_				99	22 ,6
3 8	87	79	73	72	68	64	61	57	22 ,8

1	l'empérature	70	71	72	73	74	75	76	77	78
	23° ,0	0,259	0,263	0,267	0,270	0,274	0,278	0,281	0,283	0,289
	23,2	61	65	69	73	76	80	84	88	91
	23 ,4	64	67	71	75	79	83	86	90	94
	23 ,6	66	70	74	77	81	83	89	93	97
	23 ,8	68	72	76	80	84	87	91	95	99
	24°,0	0,270	0,274	0,278	0,282	0,286	0,290	0,294	0,298	0,302
	24 ,2	73	77	81	84	88	92	96	0,300	04
	24,4	75	79	83	87	91	95	99	03	07
	24,6	77	81	85		I]	0,301	03	09
	24 ,8	79	83	87	91	95	99	03	07	11
	25° ,0	0,282	0,2 86	0,290	0,294	0,298	0,302	0,306	0,310	0,314
	25 ,2	84	88	92	96	0,300	04	08	12	16
	25,4	86	90	94	99	03	07	11	13	19
	25 ,6	89	93	97	0,301	05			17	21
	25 ,8	91	93	99	03	07	12	16	2 0	24
1	2 6°,0	0, 2 93	0,297	0,301	0,306	0,310	0,314	0,318	0,322	0,327
	26,2	93	99	04	08	12	16	21	25	29
	20 ,4	98	0,302	06	10	15	19	23	27	32
	26,6	0,300	04	08	13	17	21	25	30	35
	26 ,8	02	06	11	15	19	24	28	32	37
	270,0	0,304	0,309	0,313	0,317	0,322	0,326	0,330	0,333	0,340
	27 ,2	07	11	15	20	24	28	33	37	42
	27 ,4	09	13	18	22	2 6	31	35	40	45
	27 ,6	11	15	i	24	29	33	38	42	47
i	27 ,8	13	18	22	27	31	36	40	45	49
}	28° ,0	0,316	0,320	0,325	0,329	0,334	0,338	0,343	0,347	0,352
	28 ,2	18	22	27	31	36	41	45	50	54
	28,4	2 0	25	29	34	38	43	48	52	
	28,6	22	27	32	36	41	45		55	
	28,8	25	29	34	38	43	48	52	57	62
						<u> </u>				

362 TABLE POUR LA RÉDUCTION DU BAROMÈTRE A 0-

l'empérature	70	71	72	73	74	7 5	76	77	78
29°,0	0,327	0.331	0,336	0,341	0,346	0,350	0,333	0,360	0,36
29,2	29	34	38	43	48	53	57	62	6
29,4	31	36	41	46	50	55	60	65	7
29,6	34	38	43	48	53	57	62	67	7
29,8	36	41	45	50	55	60	65	69	7
30°,0	0,338	0.343	0.348	0.353	0.357	0.362	0,367	0,372	0.37
30 ,2	40	1 -	, ,	l '	1	1			7
30 ,4	43	1				67	72	77	*
30 ,6	45	50		60	65	70	75	80	8
30 ,8	47	52	57	62	67	72	77	82	8
31°,0	0,349	0,354	0,359	0,364	0,369	0,374	0,379	0,384	0,39
31 ,2	32		1	1			82		9
31 ,4	54	59	64	69	74	79	84	89	9
31 ,6	56	•	66	71	76	82	87	92	9
8, 18	58	63	69	74	79	84	89	94	0,50
3 2° ,0	0,361	0,366	0,371	0,376	0,382	0,387	0,392	0,397	0,40
32 ,2	63	68	73	78	84	89	94	99	0
32 ,4	65	71	76	81	87	92	97	0,402	0
32 ,6	68	4		83	89	94	99	04	_
32 ,8	70	7.5	80	85	92	97	0,402	07	1
33°,0	0,372	0,377	0,383	0,388	0,394	0,399	0,404	0,409	0, 41
33 ,2	75	80	85	90	96	0,402	07	12	1
33 ,4	77	85	***	03	99	04	09	14	3
33,6	. 79	81	<i>i</i>)()	95	0,401	07	12	17	I
33 ,8	8 3	87	. 93	, 98	: 03	09	14	19	3
0, %	0,384	0,389	0,395	0,400	0,405	0,411	0,417	0,422	0,43
34 ,2	86		97	_	l .			1	1
34 ,4	(38	10	0,400	0.5	10	16	22	27	1
34 ,6	91	96	113	07	12	18	31	2	
8, 48	93	ige	04	(16)	15	21	, 27	332	3

COURS

ьĸ

PHYSIQUE

A L'USAGE

DES VES DE LA CLASSE DE MATHÉMATIQUES SPÉCIALES

Par

H. PELLAT

ACRÉCÉ DE L'UNIVERSITÉ, DOCTEUR ÈS SCIBACES PROPESSION DE PUTSIQUE AU LYCÉE LOUIS-LE-GRAND BY A LA WALSON D'ÉDUCATION DE LA LÉGION D'HONNEUR DE SAINT-BERIA

TOME PREMIER

Deuzièmo Partie. — TEERMOMÉTRIE, DILATATIONS TOMAN GEMENTS D'ÉTAT, — DENSITÉ DES GAS. — ETGROMÉTRIE CALORIMÉTRIE. — TRURMODYNAMIQUE

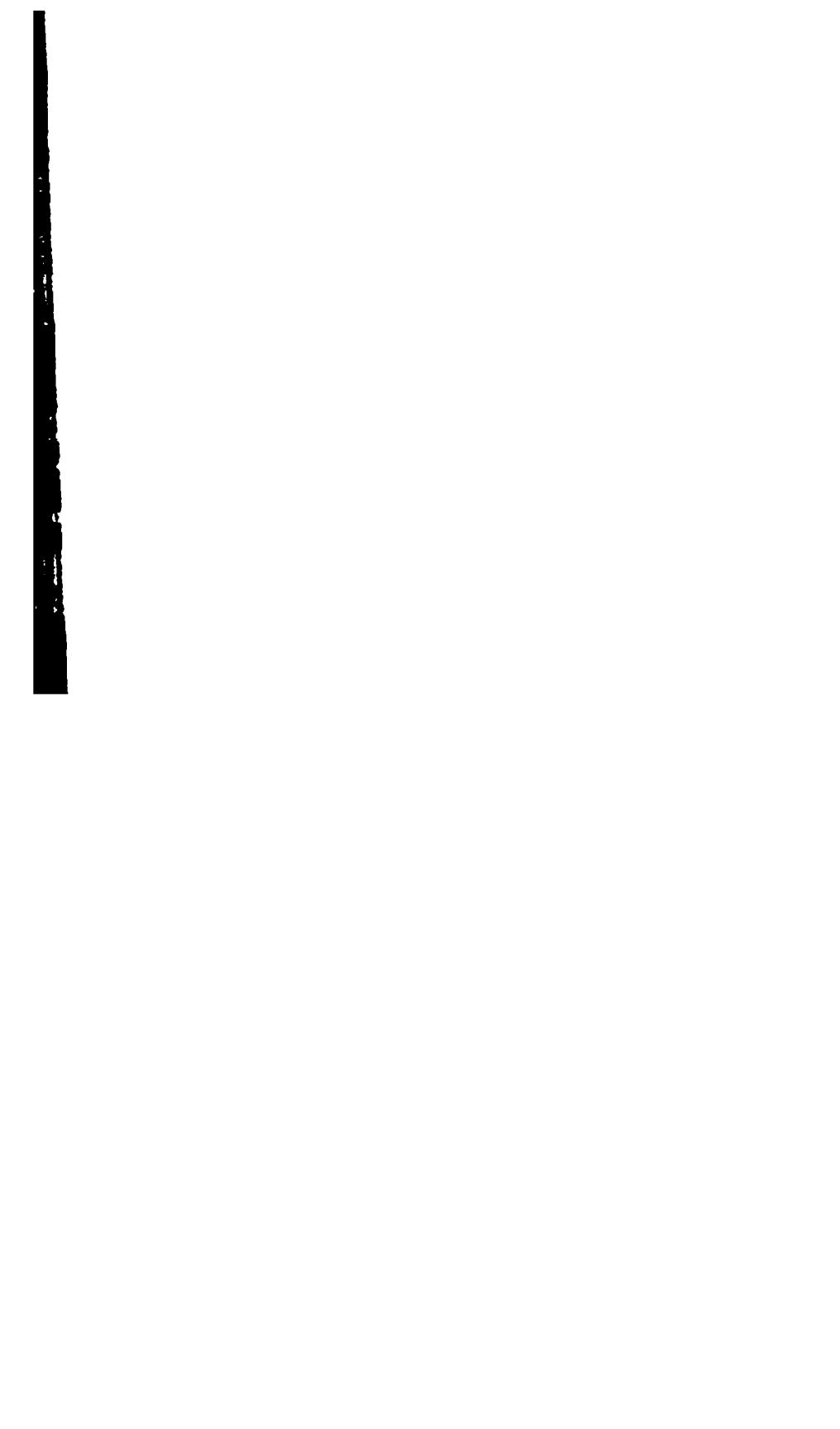


PARIS

SOCIETE D'IMPRIMERIE ET LIBRAIRIE ADMINISTRATIVES ET CLASSIQUES
Paul DUPONT, Éditeur

41, RUE JEAN-JACQUES-ROUSSEAU, 41

1883

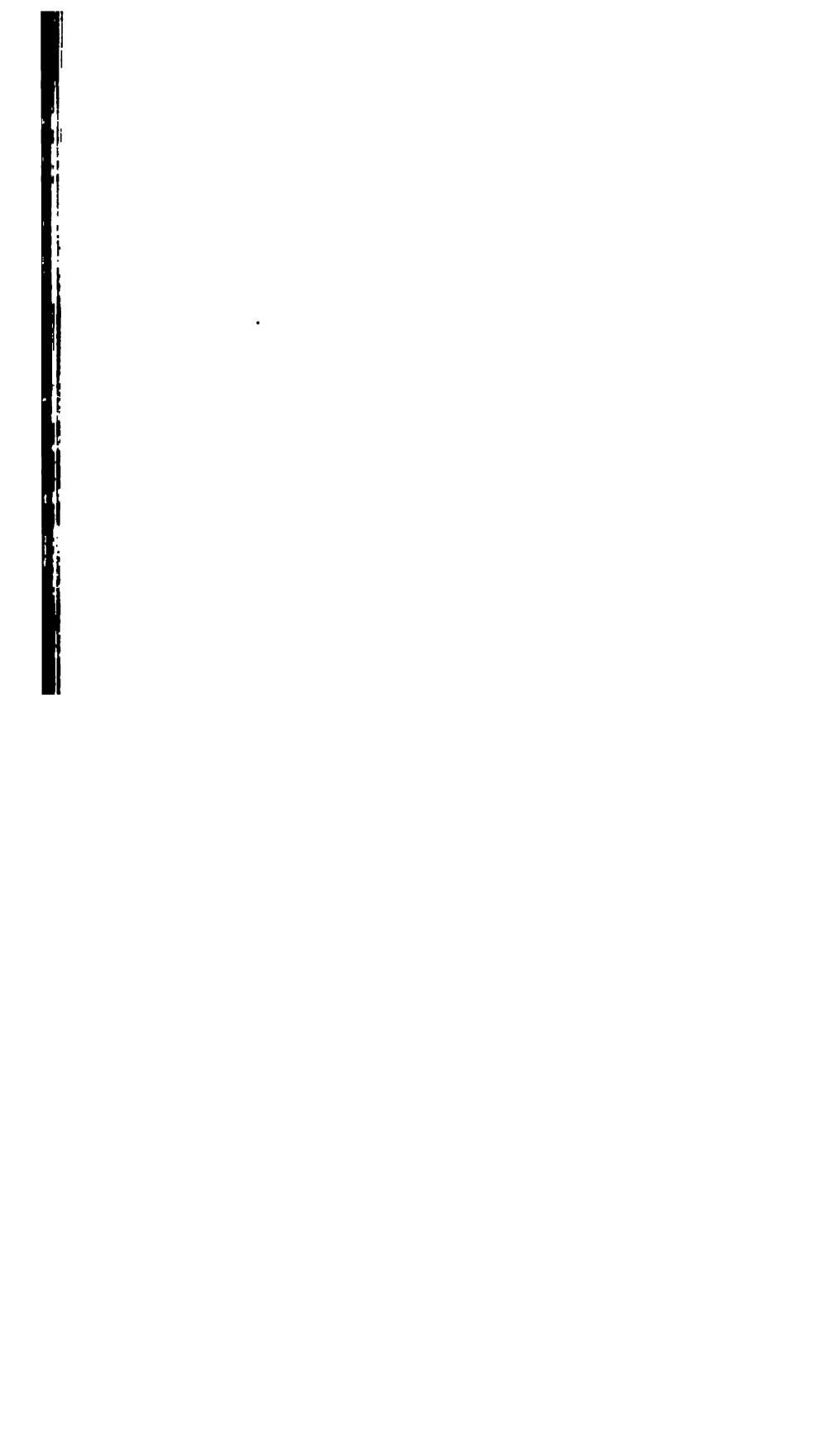


DEUXIÈME PARTIE

THERMOMÉTRIE, DILATATIONS. — CHANGEMENTS D'ÉTAT

DENSITÉ DES GAZ

HYGROMÉTRIE. — CALORIMÉTRIE. — THERMODYNAMIQUE



LIVRE IV

CHALEUR

CHAPITRE PREMIER

GÉNÉRALITÉS SUR LES DILATATIONS ET SUR LA TEMPÉRATURE

1. DÉFINITION DE LA CHALEUR. — Un même corps peut nous paraître au toucher froid ou chaud, suivant les circonstances où il s'est trouvé placé. Comme la plupart des propriétés, et en particulier la composition chimique d'un corps chaud, peuvent rester les mêmes que celles de ce corps quand il est froid, on admet que l'état chaud ne diffère de l'état froid que par une plus grande quantité de chaleur: plus un corps est chaud, plus il renferme de chaleur; plus il est froid, moins il en contient.

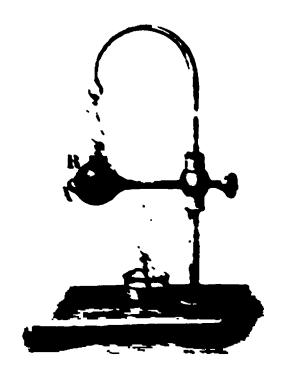
Ce n'est là qu'une simple définition du mot chaleur et, bien entendu, elle ne nous fait en rien connaître la nature intime du phénomène.

Nous allons étudier les phénomènes calorifiques, et cette étude pourra nous conduire à la connaissance de la nature de la chaleur que nous ne saurions établir a priori.

2. SOURCES DE CHALEUR. — Beaucoup de réactions chimiques, et en particulier les combustions, jouissent de la propriété d'échaufler les corps qui se trouvent dans le voisinage de l'endroit où elles se produisent. Ces phénomènes chimiques dégagent de La chaleur.

Le siège d'une combustion est appelé, d'après cela, une sour de chaleur, et ce nom est donné d'une façon générale à tout qui dégage de la chaleur. Le feu, le soleil sont des sources chaleur. Quand on frotte, lime, perfore un corps dur, il s'échauft les surfaces frottantes sont encore des sources de chaleur. No verrons plus loin que le passage d'un corps de l'état gazeur l'état liquide ou le passage de l'état liquide l'état solide, dégate de la chaleur. Enfin, un corps chaud peut se considérer lui-mè comme une source de chaleur, car les corps placés dans voisinage s'échauffent peudant que lui-même se refroidit.

3. DILATATION DES CORPS PAR LA CHALEUR. — Quand un correscionautic, il change de volume et, dans l'immense majorité rescas, son volume augmente : la chaleur dilate les corps. Inverse ment, quand le corps se refroidit, il se contracte. Ces variat rons de volume, n'étant pas très considérables, peuvent échapper i



1.3.134

une observation superficielle, **mai**s l'expérience permet de les constater aisément.

petite sphère de cuivre B (fig. 1500)
peut passer tout juste à travers une anneau de même métal A quand elle est froide; si l'on vient à la chausser à l'aide d'une lampe, on constate qu'elle ne peut plus passer à travers l'anneau; son volume a donc augmente. Quand elle est redevenue froide, elle passe de nouveau. Cette experience est due à S'Gravesande(1).

Figenoral, quant un come solute est chauffé, toutes ses dimonsions la aires teviennent plus grandes; par exemple, une

industrial of a file of the companies of the second of the companies of th

berre augmente de longuour. On le montre à l'aide de barres meallipes, qui peuvent, quand elles sont froides, se placer teat juste entre deux arrêts fixés sur une planchette, mais qui, lorsquelles sont chaudes, ne peuvent plus se placer entre ces mêmes arrêts.

le prometre à cadran (fig. 160) permet de rendre visible à



Fre. 160.

🔤 u. anditoire le phénomène de l'allongement d'une barre mé-Trafar la chaleur. Une tige BA de fer ou de cuivre est liver une torne P par son extremité B. L'autre extrémité A 🍑 obrement a travers un trou pratiqué dans une seconde 🐃 Q Cette extrémité appuie sur le petit bras AO d'un levier NOC, et l'extrémité C du grand bras du levier OC, qui a la ned ne argintle indicatrice, pent s'elever le long d'un quart The avise. St, par une cause quelconque, la barre AB vient salonger, l'extremité B étant fixe, A s'avance et pousse l'exa du petit bras du levier OA d'une quantité égale a l'allon-Mart, le levier tournant autour de O, l'extremite C de l'aignille vine sur le cadran d'une quantité qui est à l'allongement de barn dans le rapport des deux bras du levier CO et AO, C'est May nel araphifier le déplacement du à une variation de lonsour et de le rendre facilement visible. Or, quand on vient à mer l'alcool qui imbibe une mèche de coton placée dans une agole L au-dessous de AB, on voit l'extremté de l'aiguille s'elever, indiquant ainsi que la barre AB s'allonge. Quand, après voir éternt la lampe L, la barre est redevenue froide, l'extrémité de l'aiguille a repris la position qu'elle avait avant l'échant ment : la barre se raccourcit en se refroidissant.

Lorsque les corps solides ne sont pas cristallisés, ou qu'ils cristallisés dans le système cubique ou bien lorsque la cristall tion, quel que soit le système, est confuse de façon que le consoit constitué par un très grand nombre de cristaux dont les soient orientés d'une manière quelconque les uns par rapport autres, c'est-à-dire, en définitive, dans l'immense majorité cas, chaque unité de longueur prise dans une direction quelce que augmente de la même quantité pour le même échaussement reste géomé quement semblable à ce qu'il était à froid. Il en résulte que le corps est creux, le rapport qui existe entre la capacité in rieure et le volume extérieur du corps, conserve la même valce que le corps soit chaud ou froid, et, comme par l'échaussement le volume extérieur s'est dilaté, il en est de même de la ca cité intérieure. Pour la même raison, le diamètre intérieur d'entre la capacité intérieure.

anneau est plus grand à chaud qu'à froid. Si, d l'expérience de l'anneau de S'Gravesande, on cha en même temps l'anneau et la sphère, elle cont à pouvoir passer à travers celui-là.

2º Cas des liquides. — Comme un liquide être contenu dans un vase, pour constater aisé sa dilatation il convient de surmonter celui-ci tube de verre étroit (fig. 161) dans lequel le lic s'élève à une certaine hauteur A. Si r est l'accroment de volume du liquide et s la section du tult quantité dont augmente la hauteur du liquide ce tube, par le fait de la dilatation, est resu sant que le vase ne varie pas de capacité; elle donc d'autant plus grande, pour une même ve de r, que la section du tube s'est plus petite.

En realite, quand on vient à chausser le vasité du deux essets se produisent : — l'la capacité du augmente, par suite de la listation du solide qui le constitut qui tend à faire rentrer le liquide dans le vase et à diminu

B

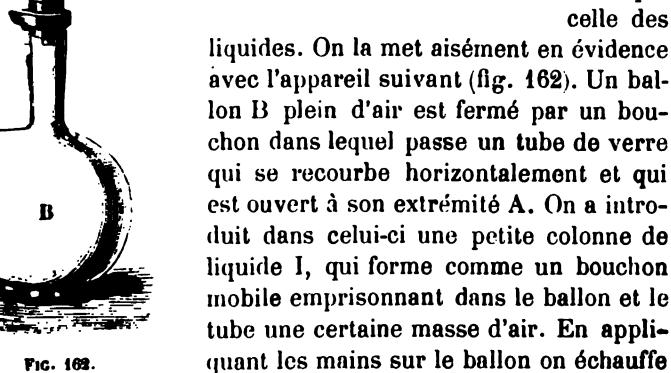
ur dans le tube; — 2º le liquide se dilate, ce qui tend à proun effet inverse, c'est-à-dire à faire monter le liquide dans e.

constate, en effet, qu'en immergeant le vase B dans l'eau le, le niveau du liquide commence par baisser de A en A'; l s'élève ensuite, atteint de nouveau le point A (qu'on a dû zer par un trait sur le tube) le dépasse de beaucoup et arrive '. L'abaissement observé d'abord est dù à ce que la chaleur au a échauffé les parois du vase avant d'échauffer le liquide : acité de B augmentant, sans que le liquide ait varié de vole niveau baisse; mais le liquide s'échauffe à son tour, se et le niveau remonte. Le fait qu'il s'élève bien au-dessus et le niveau remonte. Le fait qu'il s'élève bien plus grande le du solide qui constitue le vase.

1 là un fait général : les liquides se dilatent plus que les

LE DES GAZ. — La dilatation des gaz est bien plus considé-

rable encore que celle des



1'à l'extrémité du tube.

ens cette expérience le gaz échauffé a conservé la même destique qu'à froid, cette force élastique étant celle de cosphère dans laquelle débouche l'extrémité A du tube. il est clair qu'en augmentant, par cette extrémité A, la

le gaz assez pour voir l'index I s'avancer

force élastique de l'air qui se trouve en avant de l'index I, nous pourrions ramener celui-ci à sa première position sans refroidis le gaz. Dans ce cas le volume du gaz n'aurait pas varié pas l'échaussement, mais sa sorce élastique aurait augmenté. Ainsi quand on échausse un gaz et qu'on l'empêche de se dilater, si sorce élastique augmente.

On peut le montrer directement par l'expérience suivante. Ut

Fig. 163.

ballon (fig. 163) contenant de l'air, est sur monté d'un tube en S renfermant un liquid qui occupe une partie de l'ampoule A et de la branche vorticale BB'. Si l'on vient échaulfer le ballon, on voit le nivean d'liquide s'élever dans la branche BB', ce qui indique que la force élastique du gaz angmente.

Co que nous venons de dire au sujet de gaz est vrai aussi pour les solides et la liquides : quand ils ont été dilatés par I chaleur on peut, sans les refroidir, les mener au volume primitif en exerçant un pression à leur surface. Mais, comme le solides et les liquides sont très peu compressibles, il faut exercer des pression énormes pour obtenir cet effet. Par consequent, si l'on vient à chauffer un de ce corps, il exercera un effort considérable su

les obstacles qui s'opposent à sa dilatation.

M. Tommasi a réalisé une expérience qui montre quelle énompression un liquide chauffe dans un vase clos peut exercer un les parois de celui-ci. Un tube en fer forgé T (fig. 164), forma à sa partie inferieure, est remph d'huile d'olive; sur son orificest placee une plaque de plemb de 6⁻¹ d'épaisseur, qui y est assipettie à l'ai le d'un convercle en fer E formant écrou et vissé sal'extremite B du tube ciargne et taraudée en vis. Une ouvertain cylindrique de ce convercle prolènge en quelque sorte de l'auxicète de la plaque la cavite interieure du cylindre. On chauffe i



le fer avec une rampe verticale de becs de gaz GG. L'huile, atant plus que le fer, exerce une telle pression, que la por-

de la plaque R cordant au trou du cle E se détache enlevée à l'em-∍i èce. -æement, si l'on fixer les extré-." une barre de fer 🍝e, celle-ci, en > ādiesant, rappror ec une grande ≥s corps qui tenmettre obstacle ccourcissement. · à profit cette Lé pour ramener la verticale les murs opposés Lifice, quand, par une construction ceuse, ils s'écarla partie supé-

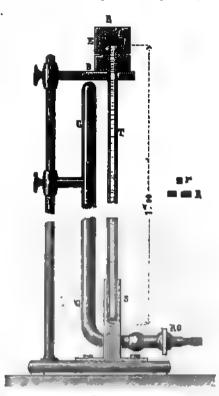


Fig. 164.

Propriété que l'ex-

c, nous permet d'apprécier, beaucoup mieux que par le r, si un corps s'échausse ou se resroidit. A l'aide des disus représentées par les figures 161 ou 162, on peut accuser petites variations de volume et, par là, un très petit échaust ou resroidissement du corps.

EMPÉRATURE. — La température est une grandeur qui sente l'état d'échanffement d'un corps. Quoique tout le e en ait une idée plus ou moins vague, la définition pré-

cise de ce terme ne laisse pas que d'être un peu délicate à donner.

Pour un même corps, nous dirons que sa température s'élève ou s'abaisse, suivant qu'il s'échauffe ou se refroidit, ce dont nous pouvons juger avec précision par les variations de volume, et que sa température est stationnaire si son volume reste le même, pour une même pression extérieure bien entendu.

Qu'entend-on maintenant par deux ou plusieurs corps à la même température ou à des températures différentes?

Plaçons dans une même enceinte plusieurs corps A, B, C...; en général nous verrons, par le changement de volume qu'ils éprouvent, que la température de chacun d'eux varie, les uns s'échauffent, les autres so refroidissent. Mais, si la température de l'enceinte ne varie pas, il arrivera toujours un moment à partir duquel la température de chacun des corps A, B, C... ne variera plus. Nous dirons que dans cet état ces corps A, B, C..., et l'enceinte ont la même température.

Ainsi, quand plusieurs corps sont dans le voisinage les uns des autres, leur température tend à s'égaliser par échange de chaleur entre eux.

Il résulte de là que, si un corps A cède de la chaleur à un corps B, sa température est plus élevée que celle de B, puisque la température de A s'abaisse, que celle de B s'élève par cet échange de chaleur, et que ces deux températures tendent à devenir égales.

D'après la définition même de la température, la loi des phénomènes de dilatation étudiés dans lo paragraphe précédent peut s'énoncer ainsi :

Le volume d'un corps, soumis à une même pression extérieure dépend de sa température. Dans l'immense majorité des cas, quand la température s'élève, le volume augmente, quand elle s'abaisse le volume diminue, et celui-ci reprend toujours la même valeur pour une même température, s'il n'a subi aucune alteration.

Et il résulte de là que:

La force élastique d'une m: me masse gazeuse, qui conserve

le même volume, augmente, quand la température s'élève, diminoe, quand elle s'abaisse, reprend la même valeur, quand la temperature redevient la même.

5 TEMPÉRATURES FIXES. - Si nous laissons dans l'air l'appanul regresenté par la figure 161, nous verrons que le volume du errouve constamment des variations lentes, ce qui nous 🚐 🗷 que l'air atmosphérique ne conserve pas indéfiniment la le l'empérature. Nous verrions de même que l'eau des rivers, des sources, de la mer, etc., a une température variable temps, amsi que la plupart des corps places à la surface de se le serait pourt int utile d'avoir comme points de repère des températures invariables; il en existe heureusement. Plaçons lapare de la figure 161 dans de la glace fondante, la colonne ape. fara par prendre une position fixe dans le tube, indipart que la glace fondante conscrye indefiniment la même ten senture, et cela quand même la piece dans laquelle elle est placte s'échauffe ou se refroidit. Toutes les fois que nous remettrack même appareil dans de la glace bien pure en fusion, la 🗝 runde s'arrêtera au même point dans le tube. Ainsi la imiante possede toujours la même température.

* Lin'est pas particulier à la glace; nous pourrions constal'imme que tout corps qui fond conserve une température and pendant toute la durée de la fusion, mais cette temtiur change avec la nature du corps. On a ainsi une série de la maratures fixes.

utre phénomène peut encore nous fournir des températures constates. Plaçons l'appareil, qui vient de nous servir dans expénence précédente, au milieu de la vapeur d'eau bouillante; cons verrons que la colonne liquide, après s'être élevée, s'arrête de relube à un naveau qui ne varie plus, si toutefois la pression donné dons phère dans laquelle se dégage la vapeur d'eau demeure relique.

La rapeur d'eau bouillante sous une même pression est donc l'une lempérature invariable. Ce fait n'est pas particulier à l'eau:

a lempérature de la vapeur de tout liquide en ébullition est

alternature pour une même pression; mais cette température —1° va
avec a nature du liquide,—2° augmente avec la force élastique

de l'atmosphère qui l'entoure. Cette dernière propriété perme d'obtenir une infinité de températures fixes se suivant par degré continus.

- 6. THERMOMÉTRIE. La température est une grandeur mest rable, et les instruments qui servent à la déterminer s'appeller thermomètres. La thermométrie pratique repose sur les deu principes suivants:
- 1° Le volume d'un corps sous une même pression peut défini sa propre température, ou, dans le cas d'un gaz, la force élasti que de celui-ci, sous un même volume, peut définir sa propr température.
- 2º Un corps prend, au bout d'un certain temps, la températur du milieu qui l'environne; si sa propre température est conque on a, par là même, la température de ce milieu.

Par conséquent tout corps dont le volume sert à définir s propre température est un thermomètre : la valeur de la tre pérature est l'indication du thermomètre.

On peut encore se servir comme thermomètre d'une masse gazeuse conservant le même volume et dont on détermine force élastique, celle-ci permettant de définir la température

7. CHOIX D'UNE SUBSTANCE THERMOMÉTRIQUE. — Le choix d'corps qui doit servir de thermomètre n'est pas tout à fait indifferent. Il est clair d'abord qu'il faut exclure comme agent therme métrique les corps, en très petit nombre (eau, dissolutions aque ses et quelques cristaux), qui, pour une température déterminé prennent un minimum de volume, car il en résulte qu'un mem volume peut correspondre à deux températures différentes, ce que pourrait donner lieu à une incertitude dans leur usage comme thermomètre.

Il faut encore que la substance employée ne s'altère pas p l'échaussement. Or, outre les décompositions chimiques que p opérer une élévation de température, des modifications per nentes, ou du moins qui ne disparaissent qu'avec une extré lenteur, se produisent dans la structure des métaux, du vern de la plupart des corps solides, quand ils ont été chaussés.

Mettons une barre un peu longue d'un de ces corps dans d glace fondante, mesurons par un moyen précis sa longueur, 1 après l'avoir chauffée, replaçons-la dans la glace fondante et recommençons la mesure; quand la longueur de la barre ne varient plus, nous la trouverons un peu différente de ce qu'elle était dans le premier cas. Il faudra parfois des années pour que le changement de structure, d'où résulte la variation de longueur à une même température, ait disparu.

Les thermomètres métalliques, qui peuvent rendre des services dans certains cas, présentent l'inconvénient grave que nous venons de signaler; c'est ce qui en fait exclure l'usage pour les recherches précises.

Les liquides et les gaz n'ont jamais ce défaut, aussi sont-ils bien préférables comme agents thermométriques. Mais ces fluides doivent être renfermés dans des enveloppes solides, généralement en verre, comme dans les appareils représentés figures 161 et 162. Or les indications de ces instruments dépendent nonseulement du volume du fluide, mais encore de la capacité du vase. Quand l'instrument revient à la même température, le fluide reprend le même volume (pour une même pression, bien entendu), mis il peut n'en être pas exactement de même de la capacité de l'enveloppe. Dès lors, en revenant à une même température, l'instrument donne une indication un peu différente, ce qui est me cause d'erreur. Mais celle-ci est d'autant plus faible, que la distation à qu'éprouve le fluide pour une variation de tempéraure déterminée est plus considérable, car la différence d'indication nous fait croire à une variation de température d'autant plus ble que la dilatation δ est plus forte. Aussi cette cause d'erreur, déjà très petite, mais pas tout à fait négligeable, lorsqu'on exploie un liquide, tel que le mercure, pour construire le bermomètre, devient-elle tout à fait insignissante quand on fait rege d'un gaz comme agent thermométrique.

A MESURE CONVENTIONNELLE DES TEMPÉRATURES. — ÉCHELLES TERMOMÉTRIQUES. — Prenons le thermomètre à liquide représenté par la figure 161; divisons la tige par des traits assez rapprochés, équidistants ou non, et inscrivons 0, 1, 2, 3, 4... devant hacun de ces traits en commençant par le bas. Suivant la température de l'instrument, la colonne liquide s'arrêtera devant l'une u l'autre de ces divisions. Nous pouvons convenir de prendre

comme mesure de la température le nombre inscrit devant le trait où la colonne liquide s'arrête: nous aurons ainsi un thermomètre à échelle arbitraire. Mais il est clair que si aucune loi ne préside à leur graduation, les divers thermomètres ne seront pas comparables entre eux, chacun donnant un nombre différent pour la même température. C'est là un inconvénient qu'il faut faire disparaître en convenant d'une échelle uniforme.

En France, et dans la plupart des pays étrangers, on a adopté maintenant l'échelle centigrade.

On prend la température fixe de la glace fondante pour température 0, et la température fixe de la vapeur d'eau pure et bouillante sous la pression de 76 cent. de mercure pour la température 100.

Soit V_0 le volume du corps thermométrique à la température 0, et soit V_{100} son volume à la température 100 ainsi définie. Divisons l'augmentation de volume $(V_{100}-V_0)$ en 100 parties égales $\frac{V_{100}-V_0}{100}$. Chaque fois que le volume du corps s'accroîtra de $\frac{V_{100}-V_0}{100}$, nous dirons que la température augmente d'un degré centigrade. D'après cela, si V_i est le volume du corps à une certaine température I_i comme son accroissement de volume à partir de 0 est V_i-V_0 et qu'il contient $\frac{V_i-V_0}{V_{100}-V_0}$ fois l'augmente V_i-V_0 fois l'augmente V_i-V_0

mentation de volume correspondant au degré, on aura, d'après la definition même de la mesure de la température sur l'échelle centigrade :

$$\frac{V_{i} - V_{o}}{\frac{V_{io} - V_{o}}{100}} = 100. \frac{V_{i} - V_{o}}{V_{ioo} - V_{o}}$$

. Le symbol declinier, chermanistique le rapport $\frac{V_{000}-V_0}{100~V_0}$. Il est

t peut être ainsi un nombre entier ou fractionnaire, positif ou négatif; si V_{i} est plus grand que V_{0} la température est supérieure à 0, elle est positive; si V_{i} est plus petit que V_{0} la température est inférieure à 0°, elle est négative.

Quand l'agent thermométrique est un liquide, on peut, au lieu des variations réelles de volumes $(V_t - V_0)$ et $(V_{100} - V_0)$, prendre les variations apparentes, obtenues par la lecture du nombre de divisions d'égale capacité dont s'avance la colonne liquide et qui seraient identiques aux augmentations réelles de volume, si le vase n'éprouvait aucun changement de capacité par suite de la variation de température.

Dans le cas où l'agent thermométrique est une masse gazeuse, on peut, si l'on conserve à celle-ci le même volume, mesurer la température par ses variations de force élastique. En effet, désignons par V_0 et P_0 le volume et la force élastique du gaz à 0° , par V_i son volume à t° , si sa force élastique reste P_0 , et par P_i sa force élastique à t° , si son volume au contraire ne varie pas et reste V_0 ; admettons que le gaz obéisse à la loi de Mariotte à toute température on a :

$$V_{\iota}P_{0} = V_{0}P_{\iota}$$

d'où:

$$\frac{\mathbf{V_t} - \mathbf{V_0}}{\mathbf{V_0}} = \frac{\mathbf{P_t} - \mathbf{P_0}}{\mathbf{P_0}}$$

clair que cette grandeur ne dépend que de la nature de la substance et est indépendante de sa quantité, puisque c'est la 100^{me} partie de l'accroissement de volume qu'éprouve, en passant de 0° à 100°, la masse du corps qui occu-pe l'unité de volume à 0°. En désignant cette quantité par k, la formule (1) peut s'écrire:

$$t = \frac{1}{k} \frac{V_t - V_0}{V_0} \qquad \text{d'où} : \qquad V_t = V_0 (1 + kt)$$

En particulier, si la température t devient égale à 100°, on a :

(4)
$$\frac{V_{100} - V_{0}}{V_{0}} = \frac{P_{100} - P_{0}}{P_{0}}$$

d'où, en divisant membre à membre (3) et (4), il vient :

$$\frac{V_t - V_0}{V_{100} - V_0} = \frac{P_t - P_0}{P_{100} - P_0}$$

or on a par définition:

(5)
$$t = 100 \frac{V_t - V_0}{V_{100} - V_0}$$

d'où:

(6)
$$t = 100 \frac{P_t - P_0}{P_{100} - P_0}$$

La température t correspond à autant de degrés centigrades que la variation de force élastique $(P_t - P_0)$ à partir de la température 0° contient de fois la 100^{m_0} partie $\frac{P_{100} - P_0}{100}$ de l'accroissement de force élastique éprouvée en passant de température 0° à la température de 100° .

La définition directe du degré centigrade d'après la définition indirecte donnée plus haut, est donc la suivante :

Le degré centigrade est l'accroissement de température qui correspond à une augmentation de volume de l'agent thermométrique égale à la 100 partie de l'augmentation de volume qu'il éprouve en passant de la température de la glace fondante à celle de la vapeur d'eau pure et bouillante sous la pression qu'exercent à Paris 76 centimètres de mercure à la température

de la glace fondante. (Les augmentations de volume étant réelles ou apparentes dans le cas des liquides) (1).

Il se présente maintenant une question importante : est-on bien sûr que le degré centigrade, ainsi défini, soit une quantité constante quelle que soit la substance thermométrique employée?

Sera-t-il le même si aux dilatations vraies on substitue les dila-

I I est bien clair que tous les thermomètres à échelles centigrade donneront la même indication dans la glace fondante ou

Pendant longtemps, en France, on s'est servi de la graduation Réaumur.

me dans l'échelle centigrade, le zéro de cette graduation correspond à la

érature de la glace fondante: mais, à la température de la vapeur d'eau

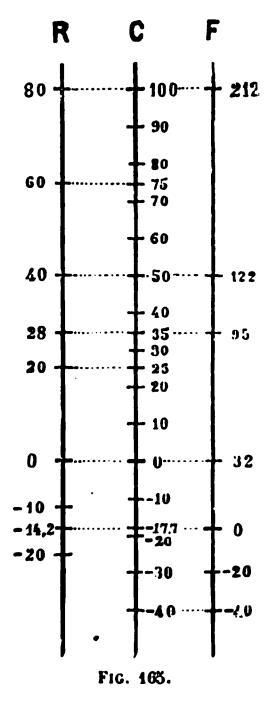
l'ante correspond la division 80. Il résulte

allante correspond la division 80. Il résulte que 80 degrés Réaumur valent 100 degrés grades et que, par conséquent, 1 degré Réauvaut $\frac{100}{80} = \frac{5}{4}$ de degré centigrade. Si C désignent les nombres de degrés sur l'échelle Réaumur correspondent à la même température, on

$$C = \frac{5}{4} R$$

formule qui permet de convertir en degrés centigrades les indications du thermomètre Réaumur et inversement.

En Angleterre on se sert encore d'une échelle thermométrique due à Fahrenheit. La température de la glace fondante correspond au 32^{me} degré, celle de la vapeur d'eau bouillante au 212^{me} . Il résulte de là que 212 - 32 ou 180 degres Fahrenheit valent 100 degrés centigrades; par conséquent, 1 degré Fahrenheit vaut les $\frac{100}{180} = \frac{5}{9}$ d'un degré centigrade. Si la température en degrés Fahrenheit est F, elle est de (F - 32) degrés Fahrenheit plus élevée que celle de la glace fondante, et en degrés



contigrades (F -32) $\frac{5}{9}$. Ainsi, en représentant par C le nombre de degrés

dans la vapeur d'eau bouillante, puisque le mode même de graduation les astreint à marquer 0° dans le premier cas, 100° dans le second. Mais est-on assuré qu'à la température où un thermomètre à mercure marque 45°, un thermomètre à air donners le même nombre? C'est à l'expérience à répondre à ces questions. Or, elle montre que les indications de thermomètres de nature différente, d'accord exactement à 0° et à 100°, sont encore à très peu près d'accord pour les températures comprises entre 0° et 100°; mais pour des températures élevées le désaccord peut être très notable. Nous reviendrons plus loin sur cette question importante, qu'il était utile de soulever tout de suite pour montrer que cette convention de l'échelle centigrade n'est pas encore suffisamment précise.

Faisons remarquer, en outre, que les indications d'un thermomètre à gaz, dans le cas où la température est donnée par la mesure de la force élastique à volume constant, ne doivent coïncider exactement avec celles fournies dans le cas où la température se déduit de la mesure du volume à pression constante, que si le gaz obéit à la loi de Mariotte, d'après le petit calcul que nous avons fait ci-dessus. Or, on sait qu'aucun gaz ne suit rigoureusement cette loi, et que l'écart dépend de la température et de la pression. Mais le désaccord entre les résultats fournis par les deux manières de consulter le thermomètre à gaz doit être extrêmement faible dans le cas de l'air sec ou des autres gaz difficilement liquéfiables.

qui, sur l'échelle centigrade, correspond à la température F de l'échelle Fahrenheit, on a :

$$C = \frac{5}{9} (F - 32)$$

d'ou:

$$\mathbf{F} = \frac{9}{5} \, \mathbf{C} + \mathbf{32}$$

Ces deux sormules permettent d'essectuer les conversions.

La figure 165 représents les trois échelles Réaumur R, centigrade C, et Fahrenheit F.

Ainsi il convient de donner plus de précision encore à la désinition du degré centigrade, en adoptant un agent thermométrique spécial, et en indiquant la manière de consulter le thermomètre.

Les gaz difficilement liquéfiables, comme l'air, conservent le même état dans les limites les plus étendues où nous puissions mesurer les températures, tandis que les solides et les liquides, deviennent gazeux aux hautes températures. En outre, nous avons vu plus haut d'autres raisons qui font préférer un gaz à un solide ou à un liquide comme agent thermométrique. Si nous ajoutons que l'observation de la variation de force élastique d'un gaz, qui conserve le même volume, est plus facile et moins sujette à erreur que l'observation des changements de volume d'une masse gazeuse qui conserve la même force élastique, on comprendra pourquoi Regnault a fait adopter la définition précise du degré centigrade que voici :

Le degré centigrade est l'élévation de température à laquelle correspond un accroissement de force élastique d'une masse d'air sec, qui conserve le même volume, égal à la 100 partie de l'accroissement qu'elle éprouverait en passant de la température de la glace fondante à celle de la vapeur d'eau bouillante sous la pression qu'exerce à Paris 76 cent. de mercure à 0°, la force élastique de la masse d'air à la température de la glace fondante étant égale à la pression atmosphérique.

D'après cette définition si P_0 , P_{100} , P_t sont les forces élastiques de la masse d'air sec sous le même volume à 0°, à 100° et à t°, on a :

(2)
$$t = \frac{P_t - P_0}{\left(\frac{P_{100} - P_0}{100}\right)} = \frac{\frac{P_t - P_0}{P_0}}{\frac{P_{100} - P_0}{100 P_0}}$$

La quantité $\frac{P_i - P_0}{100 P_0}$ est une constante absolue; c'est le

coefficient thermométrique du thermomètre à air. Nous verrons plus loin comment on a déterminé sa valeur : elle est égale a 0,003665. Désignons-la pour abréger par a; on a alors:

(3)
$$t = \frac{1}{\alpha} \left(\frac{P_t}{P_0} - 1 \right) \qquad \text{d'où}: \quad P_t = P_0 (1 + \alpha t)$$

Avant de décrire les thermomètres les plus employés, il es mécessaire, pour l'intelligence de ce qui va suivre, de donner tou de suite quelques notions générales sur les dilatations.

9. GÉNÉRALITÉS SUR LES DILATATIONS. — Désignons par Δ_{\bullet} l'accroissement de volume qu'éprouve la masse d'une substances occupant l'unité de volume à 0° quand la température varie de 0° à t° (l'échelle thermométrique étant quelconque du reste), des façon que le volume de cette masse à t° soit $1 + \Delta_{t}$. Si V_{\bullet} est le volume à 0° d'un corps formé de cette substance, comme $\overline{\bullet}$ renferme V_{0} masses dont le volume occupe l'unité à zéro, some volume V_{t} à t° sera $V_{0}(1 + \Delta_{t})$; d'où l'égalité:

$$V_{i} = V_{0} \cdot 1 + \Delta_{i}$$

cette relation fait connaître l'une des trois quantités V_0 , V_t , Δ_t quand les deux autres sont connues.

La quantité Δ_i s'appelle la dilatation cubique de la substance entre 0 et t degrés: c'est une fonction de la température. Or l'expérience prouve que, si la température est comptée sur une échelle thermométrique régulière, comme l'échelle centigrade, quelle que soit d'ailleurs la nature du thermomètre, cette fonction peut se développer suivant les puissances croissantes de la température:

$$\Delta_i = at - bt^2 - ct^3 - \dots$$

et que les coefficients a, b, c, ... des puissances de plus en plus élevées de t décroissent très rapidement. En employant les deux premiers termes $(at + bt^2)$ pour les solides et les gaz, les trois premiers termes $(at + bt^2 + ct^3)$ pour les liquides, autres que l'eau (1), on a des fonctions paraboliques qui représentent avec une exactitude suffisante la valeur de Δ_{t} (2).

L'égalité (1) peut s'écrire

$$V_t = V_0 \left[1 + \left(\frac{\Delta_t}{t} \right) t \right]$$

(1) L'eau et les dissolutions aqueuses ont une dilatation qui ne peut pas être représentée par une formule parabolique à exposants entiers dans toute l'étendue des températures d'observation. Nous ferons plus loin (Chap. III, 27,8,9, 10 et 11) l'étude particulière de la dilatation de l'eau.

L'expérience permet de trouver la valeur de Δ_l pour autant de températures l qui on le désire, comme nous le verrons plus loin. Si, à l'aide des données expérime m tales, on veut déterminer les coefficients a, b, c, que nous supposerons au nombre de trois seulement, on fera choix de trois observations, parmi celles qui paraissent les meilleures, correspondant à des températures convenable ment espacées. Représentons les valeurs trouvées aux températures l_1 , l_2 , \mathcal{E}_1 par Δ_{l_1} , Δ_{l_2} , Δ_{l_3} ; on a:

$$ct_1^3 + bt_1^2 + at_1 = \Delta_{t_1}$$

 $ct_2^3 + bt_2^2 + at_2 = \Delta_{t_2}$
 $ct_3^3 + bt_3^2 + at_3 = \Delta_{t_3}$

Ces trois équations du premier degré à trois inconnues c, b, a, les déterminent. On trouvera presque toujours que, pour tous les solides et les gaz, cest négligeable. Il est indispensable de vérisser après coup que la sormule

$$\Delta_l = at + bl^2 + cl^3$$

représente convenablement les observations autres que celles qui ont servi a déterminer ces coefficients.

At an antageux, au point de vue de l'exactitude, de prendre pour Δ_{l_1} , Δ_{l_2} . Don les résultats directs des expériences, mais les valeurs de Δ_{l_1} fournies pour les températures espacées l_1 , l_2 , l_3 , par une courbe qui représente l'ensemble des observations corrigées en partie des erreurs inévitables de l'expérience. Cette courbe se construit comme nous l'indiquons plus loin (Chap. 111, § 2, page 434) à propos des expériences de Regnault sur la dilatation absolue du mercure.

La quantité $\frac{\Delta_t}{t}$ s'appelle le coefficient de dilatation moyen eutre 0° et t°; en le désignant par m_t , on a:

$$V_{l} = V_{0}(1 + m_{l}t)$$

et

$$m_t = \frac{\Delta_t}{t} = a + bt + ct^2$$

 m_t est donc une fonction de t. Mais comme b et surtout c sont très petits, on voit que pour les valeurs de t peu considérables, m_t se réduit sensiblement au terme constant a, ce qui rend la formule (2) très simple: dans la plupart des applications qu'a à faire de la formule (2), on a une précision suffisante en considérant m_t comme une constante (coefficient de dilatation).

A un degré de précision plus grand, il peut être utile de considérer un coefficient de dilatation moyen entre deux températures t_1 et t_2 ; en appliquant la formule (1), on a:

$$V_{t_4} = V_0(1 + \Delta_{t_4})$$

$$V_{t_2} = V_0(1 + \Delta_{t_2})$$

d'où:

$$V_{t_2} - V_{t_1} = V_0(\Delta_{t_2} - \Delta_{t_1}) = V_0(\frac{\Delta_{t_2} - \Delta_{t_1}}{t_2 - t_1})(t_2 - t_1)$$

la quantité $\frac{\Delta_{l_2} - \Delta_{l_1}}{t_2 - t_1}$ est le coefficient de dilatation moyen entre t_1 et t_2 : désignons-le par $m_{l_1 l_2}$.

On a alors:

$$V_{t_2} - V_{t_1} = V_0 m_{t_1 t_2} (t_2 - t_1)$$

et

$$m_{t_1t_2} = a + b \, \frac{t_2^2 - t_1^2}{t_2 - t_1} + c \, \frac{t_2^3 - t_1^3}{t_2 - t_1}$$

ce qui se réduit le plus souvent à:

$$m_{t_1t_2} = a + b(t_1 + t_2)$$

Voici quel est l'usage de ce coefficient de dilatation moyen: quand on a une série de calculs à faire sur les variations de volume d'un corps pour des températures t comprises entre deux températures voisines t_1 et t_2 , on devrait rigoureusement employer la formule

$$\mathbf{V}_{t} - \mathbf{V}_{t_1} = \mathbf{V}_{0} m_{t_1 t} (t - t_1)$$

mais cor $m_{l_1 l_2}$, fonction de la température t, diffère à peine de $m_{l_1 l_2}$ qui en est indépendant, on peut employer, pour simplifier le scalculs, ce dernier coefficient mesuré ou calculé une fois par t outes, au lieu de $m_{l_1 l_2}$, si l'on n'a pas besoin d'une extrême précision.

Supposons que les deux températures t_1 et t_2 entre lesquelles on considére le coefficient de dilatation moyen se rapprochent indéfinirement ent et tendent vers une limite commune t, le coefficient de dilatation moyen tend vers la limite du rapport

$$\frac{\Delta_{l_2}-\Delta_{l_1}}{t_2-t_1}$$

c'est-à-dire vers la dérivée de la fonction Δ_{ℓ} par rapport à la varia-

ble t. On désigne cette limite sous le nom de coefficient de diletation vraie à t° ; d'après cela, si nous le désignons par m_t nous avons:

$$m_{t} = \lim_{t_{2}} \frac{\Delta_{t_{2}} - \Delta_{t_{1}}}{t_{2} - t_{1}} = (\Delta_{t})' = a + 2bt + 3ct^{2}$$

Si l'on a à calculer les variations de volume d'un corps pour des températures t' très voisines de t on peut employer la formule

$$V_{t'} - V_{t} = V_{0}m_{t}(t'-t)$$

car m_t , qui est constant par rapport à t', et qu'on peut calculer une fois pour toutes, diffère à peine de m_{tr} .

10. DILATATION APPARENTE. — Supposons qu'un liquide soit renfermé dans un vase surmonté d'un tube mince, portant des divisions d'égale capacité, comme dans la figure 161. Si la température s'élève, le liquide monte dans le tube d'un nombre de divisions qu'une simple lecture suffit à faire connaître. Soit N le volume du liquide à la température de 0°, en prenant comme unité de volume celui d'une division de la tige à cette température; soit n le nombre de divisions dont a avancé le liquide à la température t. Si le vase n'avait subi aucune augmentation de capacité, n serait la dilatation vraie du liquide; mais, comme le vase s'est dilaté, on appelle ce rapport n la dilatation apparente; désignons cette quantité par a la dilatation apparente; désignons cette quantité par a la dilatation apparente; désignons cette quantité par a la dilatation apparente par a la dilatation a la dilatation a la dilatation a la dilatation a la d

$$a_i = \frac{n}{N}$$

La dilatation apparente étant très facile à déterminer, c'est elle qu'on mesure directement dans la plupart des recherches faites sur la dilatation des liquides. Voyons comment elle est liée à la dilatation vraie ou absolue du liquide Δ_{l} , et à la dilatation du vase K_{l} .

Puisque N est le volume du liquide à 0° , son volume à t° est $N(1 + \Delta_{l})$. Le liquide est contenu alors dans une partie du vase dont le volume à 0° est (N + n), mais qui étant à t° a pour volume réel $(N + n)(1 + K_{l})$. Comme le volume du contenu égale celui du contenant on a :

$$N(1 + \Delta_i) = (N + n)(1 + K_i)$$

ou

$$1 + \Delta_{l} = \left(1 + \frac{n}{N}\right)(1 + K_{l})$$

et, puisquo $\frac{n}{N}$ est la dilatation apparente a_i :

$$1 + \Delta_{l} = (1 + a_{l})(1 + K_{l})$$

Telle est la relation cherchée. Mais comme le produit $a_{\ell}K$ des deux quantités très petites a_{ℓ} et K_{ℓ} est le plus souvent négligeable, en développant, cette relation se simplifie alors et devient :

$$\Delta_{t} = a_{t} + K_{t}$$

La dilatation vraie égale la somme de la dilatation apparente et de la dilatation de l'enveloppe.

Le quotient $\frac{a_t}{t}$ s'appelle le coefficient de dilatation apparent moyen entre 0° et t°.

11. VARIATION DE LA DENSITÉ AVEC LA TEMPÉRATURE. — Si Do et D représentent les densités, et V₀ et V₁ les volumes d'un

même corps à 0° et à t° , en écrivant que la masse ne varie pas avec la température, ce qu'il est aisé de constater avec la balance, on a:

$$V_0 D_0 = V_t D_t$$

d'où:

$$\frac{D_{t}}{D_{0}} = \frac{V_{0}}{V_{t}} = \frac{1}{1 + \Delta_{t}}$$

et par conséquent:

$$D_t = \frac{D_0}{1 + \Delta_t}$$

La même formule est évidemment applicable aussi aux poid spécifiques relatifs ou absolus, D_0 et D_t représentant l'une o l'autre de ces grandeurs à 0° et à t° .

Comme en général Δ , augmente avec la température, on vou que la densité du corps diminue quand sa température s'élève Les corps qui, comme l'eau et quelques cristaux, prennent volume minimum à une certaine température, présentent pou celle-ci un maximum de densité.

22. RELATION ENTRE LE VOLUME, LA TEMPÉRATURE ET LA FORCÉLASTIQUE D'UNE MASSE GAZEUSE. — Soit V le volume d'un masse gazeuse possédant une force élastique H à la température D'après la loi de Mariotte son volume à la même température pour l'unité de force élastique adoptée est VH; si nous désignons maintenant par α_i le coefficient de dilatation moyen du gaz entre et t° , le volume de cette masse gazeuse pour l'unité de force élastique et à la température de 0° , est $\frac{VH}{1+\alpha_i t}$.

Désignons le volume, la force élastique et la température de la même masse gazeuse dans d'autres états par V',H',t',V'',H'',t'', etc., on a:

(1)
$$\frac{VH}{1+\alpha_{l}t} = \frac{V'H'}{1+\alpha_{l'}t'} = \frac{V''H''}{1+\alpha_{l''}t''} = \dots = constante$$

puisque chacune de ces expressions représente la même quantité, savoir le volume de la masse gazeuse à 0° quand elle possède l'unité de force élastique.

Si V₀ et H₀ représentent le volume et la force élastique du gaz à la température de 0°, on a :

$$V_0H_0=\frac{VH}{1+\alpha_{\ell}t}$$

si maintenant les forces élastiques H et H_o sont les mêmes, la formule se réduit à:

(2)
$$V_0 = \frac{V}{1 + \alpha_t t}$$
 d'où: $V = V_0(1 + \alpha_t t)$

si au contraire les volumes V et V₀ sont les mêmes, la formule se réduit à .

(3)
$$H_0 = \frac{H}{1 + \alpha_i t}$$
 d'où: $H = H_0(1 + \alpha_i t)$

Ainsi, on voit que pour les gaz qui obéissent à la loi de Mariotte le coefficient d'augmentation de pression à volume constant qui figure dans cette dernière formule est le même que le coefficient de dilatation à pression constante.

Mais il est aisé de voir qu'il n'en est plus ainsi si le gaz n'obéit pas à la loi de Mariotte. Conservons la notation α_i pour représenter le coefficient d'augmentation de pression moye entre 0° et t° à volume constant désini par la relation (8), c'està-dire par :

$$\alpha_t = \frac{1}{t} \left(\frac{H}{H_0} - 1 \right) \quad \left(\text{d'où} : H = H_0 (1 + \alpha_t t) \right)$$

H et H_0 étant les forces élastiques d'une même masse gaze conservant le même volume à t^0 et à 0° .

Désignons par la notation β_t le coefficient de dilatat α moyen entre 0° et t' à pression constante:

$$\beta_t = \frac{1}{t} \left(\frac{V}{V_0} - 1 \right) \quad \left(\text{d'où} : V = V_0 (1 + \beta_t I) \right)$$

V et V_0 étant les volumes d'une même masse gazeuse conserver. vant la même force élastique à t^0 et à 0° .

Portons une masse de gaz, qui à 0° occupe le volume V_{\bullet} et possède la force élastique H_0 , à la température t sans change F_0 le pression; le volume deviendra $V = V_0(1 + \beta_t t)$. Comprime maintenant le gaz à la température t de façon à lui rendre volume primitif V_0 , la force élastique de H_0 passera à la valeur H_0 donnée par la relation :

$$\frac{VH_0}{V_0H} = 1 + \epsilon$$

étant connu d'après les expériences de Regnault. Mais puisque le volume du gaz est redevenu V_0 , on a $H = H_0(1 + x_i t)$; et en remplaçant dans la formule ci-dessus H et V par leur valeur, il vient :

$$\frac{V_{0}(1 + \beta_{t}t)H_{0}}{V_{0}H_{0}(1 + \alpha_{t}t)} = 1 + \epsilon$$

d'où:

$$1 + \beta_i t = (1 + \epsilon)(1 + \alpha_i t)$$

on encore, en négligeant le produit des deux quantités très petites et 2,1:

$$\beta_t = \alpha_t + \frac{\epsilon}{t} \quad (1)$$

Sauf l'hydrogène, tous les gaz, se comprimant plus que ne l'indique la loi de Mariotte, ont un coefficient de dilatation β, plus
grand que le coefficient d'augmentation de pression α, puisque e est positif. Pour l'hydrogène e est négatif, et β, est plus
petit que α, Mais pour tous les gaz difficilement liquéfiables, e
étant toujours très petit, les deux coefficients β, et α, diffèrent
peine l'un de l'autre.

Quand la température est définie par le thermomètre à air à volume constant, pour une masse d'air dont la force élastique à est voisine de la pression atmosphérique, le coefficient d'augmentation de pression a, est une constante, absolument indépendante de la température, puisque c'est la constance de ce nombre qui sert à délinir celle-ci. En est-il de même pour les autres gaz ou pour l'air partant d'une force élastique, notablement différente de la pression atmosphérique? C'est à l'expérience à nous l'apprendre; et nous verrons plus loin que s'il n'en est pas rigoureusement ainsi, du moins pour tous les gaz qui sui vent à peu près la loi de Mariotte, non seulement les coefficients a, et par conséquent β_i , varient très peu avec la tempé-

⁽¹⁾ Faisons remarquer que ε est d'autant plus petit que H et H_0 sont plus voisins, c'est-à-dire que t est plus petit; ε tend vers zéro en même temps que t, ce qui fait que le rapport $\frac{\varepsilon}{t}$ tend alors vers une valeur finie, très petite du reste.

rature comptée sur le thermomètre à air, mais encore diffèrent fort peu d'un gaz à un autre. Cette loi expérimentale simplifie beaucoup l'application de la formule (1), puisque les quantités α_t , $\alpha_{t'}$, $\alpha_{t''}$, qui a priori devaient être considérées comme des fonctions de t, t', t'', peuvent être remplacées par une contante ($\alpha = 0.00367$) dans la plupart des applications.

Enfin, saisons remarquer que dans l'emploi de la formule $\frac{VII}{1+\alpha t} = \frac{V'H'}{1+\alpha t'}$, si V est très voisin de V' il saut prendre pour α le coefficient d'augmentation de pression du gaz puisque c'est la pression qui a surtout varié. Si au contraire, H est très voisin de H' il saut prendre le coefficient de dilatation du gaz, toujours peu dissérent, du reste, du coefficient précédent.

13. DILATATION LINEAIRE. — Nous pouvons répéter exactement pour les variations de longueur des corps solides tout ce que nous avons dit au 39 pour les variations de volume. Désignons par λ_i l'accroissement que subit en passant de 0° à t° la longueur d'une dimension linéaire d'un corps solide qui à 0° était égale à l'unité, de taçon qu'à t cette dimension linéaire devienne $1 \cdots \lambda_i$. Il est clair que si une dimension linéaire de ce corps possède à 0° une longueur l_{\bullet} , à t° sa longueur l_{\bullet} sera donnée par :

$$i_i = i_i \cdot 1 - i_i$$

conte quantite à est de diduction lineare du corps entre 0 etc.

deux pour une considerer un cuellicient de dilutation lineare
noisex contre d'est tour cuellicient de dilutation linéaire
noisex contre d'est tour cuellicient de dilutation linéaire
noisex contre de la contre de dilutation linéaire
noisex contre de la contre de dilutation linéaire
noisex contre de la contre de la contre de dilutation linéaire
noisex contre de la contre de la contre de dilutation linéaire
noisex contre de la contre de la contre de dilutation linéaire
noisex contre de la contre d

Pour un corps qui possède une même dilatation linéaire dans toutes les directions, et qui, par conséquent, affecte des formes géométriquement semblables aux diverses températures, ce qui est le cas le plus commun, il y a une relation très simple entre la dilatation linéaire λ_i et la dilatation cubique Δ_i .

Soient effectivement V_0 et l_0 , V_t et l_t le volume d'un corps et la longueur d'une de ses dimensions linéaires à 0° et à t° , on a :

$$V_{l} = V_{0}(1 + \Delta_{l}) \qquad l_{l} = l_{0}(1 + \lambda_{l})$$

Mais, puisque dans les deux états, à 0° et à t° , les deux solides sont géométriquement semblables, on a la relation:

$$\frac{\mathbf{V}_{l}}{\mathbf{V}_{0}} = \left(\frac{l_{l}}{l_{0}}\right)^{3} \quad \text{ou} \quad \mathbf{1} + \Delta_{l} = (\mathbf{1} + \lambda_{l})^{3}$$

ce qui, en développant, devient:

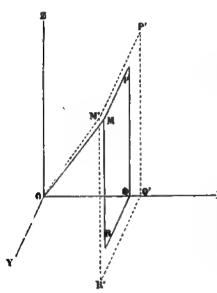
$$\Delta_{t} = 3\lambda_{t} + 3\lambda_{t}^{2} + \lambda_{t}^{3}$$

Or l'expérience montre que λ_l est toujours très petit, ainsi pour le cuivre entre 0° et 100° du thermomètre centigrade on a $\lambda_l = 0.0017$; il en résulte que les quantités $3\lambda_l^2$ et λ_l^3 (égales respectivement dans l'exemple choisi à 0.00000867 et à 0.00000004913) sont absolument négligeables; dès lors l'égalité ci-dessus se réduit à :

$$\Delta_{l} = 3\lambda_{l}$$

La dilatation cubique est le triple de la dilatation linéaire. li est clair, d'après cela, que les divers coefficients de dilatation cubique (moyens, vrais, etc...) sont respectivement le triple des coefficients de dilatation linéaire correspondants. DILATATION DES CRISTAUX. — Les corps cristallisés ont en gisiral des coefficients de dilatation linéaire variables suivant la direction considéré à l'intérieur du cristal. Il en résulte qu'un plan de particules cristallises me reste généralement pas parallèle à lui-même pendant la dilatation, comme cela a licu dans les corps amorphes, et que le solide ne reste pas semblish à lui-même.

L'expérience montre que dans tout cristal en peut trouver trois direc-



on peut tronver trois enterions rectangulaires enterelles, telles que les plans perpendiculaires à ces lois directions restent parallèles à eux-mêmes pendant la dilatation. Nous appelleres ces directions les trois directions principales, et les trois dilatations linéaires gènéralement différentes ξ_r ξ_r suivant ces trois directions les dilatations linéaires principales.

Prenons pour axes de ecordonnées trois directises principales OX, OY et OZ, passant par un même pointo (fig. 166). Soit x_0 la distance OQ à l'origine O, d'un pius MPQR perpendiculaire à OX quand la temperature est θ , si la température s'élère à t^* , ce plan se déplace parlètement à lui-même, et t^* nouvelle distance OQ' = x_1^2

l'origine est donnée par :

$$(1) x_i = x_0 \cdot t + \xi_i)$$

de même pour des plans perpendiculaires à OY et à OZ on aurait:

$$y_l = y_0 1 - \tau_l \quad \text{ et } \quad z_l = z_0 1 + \zeta_l$$

Considere as maintenant une particule cristalline quelconque compairespectivement les positions M et M a 0 et à 1. Nous pouvous la cadderer comme se trouvant a la fois dans trois plans respectivement prinsidiculaires a OX, OY, OZ et aituee à des distances x, y, x de l'argin.



z, y, z étant précisément les coordonnées de la particule cristalline. Ces plus sent à des distances x_0, y_0, z_0 , de l'origine à la température 0° et, à lempérature t°, à des distances x_t, y_t, z_t , fournies par les formules tidess. Celles-ci donnent par conséquent les coordonnées du point contiète à la température t.

Designons par l_0 et l_l les distances de M et de M' à l'origine et par l_0 α_l , β_l , γ_l les angles faits pas les directions OM et OM', avec α_l , OY et OZ aux témpératures 0° et l°; on a:

$$x_0 = l_0 \cos x_0$$

$$y_0 = l_0 \cos \beta_0$$

$$z_0 = l_0 \cos \gamma_0$$

$$x_t = l_t \cos \alpha_t$$

$$y_t = l_t \cos \beta_t$$

$$z_t = l_t \cos \gamma_t$$

for l'on tire:

$$l_{t}\cos\alpha_{t} = l_{0}\cos\alpha_{0} (1 + \xi_{t})$$

$$l_{t}\cos\beta_{t} = l_{0}\cos\beta_{0} (1 + \eta_{t})$$

$$l_{t}\cos\gamma_{t} = l_{0}\cos\gamma_{0} (1 + \zeta_{t})$$

En ajoutant membre à membre ces trois égalités après les avoir élevées carré, il vient:

En développant les carrés des binômes, en négligeant les carrés des unités très petites ξ_l , η_l , ζ_l et enfin en extrayant la racine carrée des deux mbres, il vient:

$$I_{\ell} = I_0(1 + 2\xi_{\ell}\cos^2\alpha_0 + 2\eta_{\ell}\cos^2\beta_0 + 2\zeta_{\ell}\cos^2\gamma_0)^{\frac{1}{2}}$$

remarquant que dans la parenthèse la quantité qui suit l'unité est petite, nous pouvons, au même degré d'approximation que ci-dessus, ger son carré et ses puissances supérieures, ce qui limite le développe-de la Puissance 1, et l'on a:

$$= l_0(1 + \xi_t \cos^2 \alpha_0 + \eta_t \cos^2 \beta_0 + \zeta_t \cos^2 \gamma_0)$$

Cette formule montre bien que la dilatation varie avec la direction sidérée dans le cristal.

Les formules (4) nous donnent les angles α_l , β_l , γ_l de la nouvelle directe de OM à la température t. On voit qu'ils ne sont pas égaux générale aux angles α_0 , β_0 , γ_0 .

Toutes les particules contenues à 0° dans le plan dont l'équation es

$$Ax_0 + By_0 + Cz_0 + D = 0$$

sont à to contenues dans la surface

(6)
$$\frac{A}{1+\xi_{\ell}} x + \frac{B}{1+\eta_{\ell}} y + \frac{C}{1+\zeta_{\ell}} z + D = 0$$

qui est encore un plan mais, en général, non parallèle au premier.

Si nous considérons une portion du cristal qui à 0° est renfermé un cube ayant ses arêtes égales à l'unité suivant les trois directions pales, cette portion du cristal se transforme à la température de t^* parallèlipipède rectangle, dont les arêtes ont pour longueur $1 + \xi_l$, $1 + \xi_l$, et, par conséquent, dont le volume est $(1 + \xi_l)(1 + \eta_l)(1 +$

$$\Delta_{\ell} = (1 + \xi_{\ell})(1 + \eta_{\ell})(1 + \zeta_{\ell}) - 1$$

ou, en négligeant les produits des quantités très petites ξ_l , η_l , ζ_l par \sim

$$\Delta_{\ell} = \xi_{\ell} + \eta_{\ell} + \zeta_{\ell}$$

Les raisons de symétrie font prévoir et l'expérience justifie que de cristaux appartenant au système du cube, du prisme droit à base ca du prisme droit à base rectangle les directions principales ou axes ticité coïncident avec les axes cristallographiques. Dans le système du droit à base hexagonale, l'un des axes d'élasticité coincide ave cristallographique inégal, les deux autres occupent une position ar dans le plan perpendiculaire à ce dernier. Dans le système du prism à base de parallélogramme, l'un des axes d'élasticité est perpendiculaire plan de symétrie; les deux autres ont des positions déterminées de plan, mais ces positions ne présentent aucune relation simple ave des axes cristallographiques Enfin dans le dernier système il n'y a relation simple entre la position des axes d'élasticité et celles de cristallographiques.

by the système du cube les trois dilatations principales sont égales; le système du prisme droit à base carrée et du prisme droit à base carrée et du prisme droit à base comple, les deux dilatations principales comprises dans le plan des axes de la troisième; enfin, dans de la troisième; enfin, dans de la troisième systèmes, les trois dilatations principales sont différentes de la troisième dans le système du cube on a $\xi_l = \eta_l = \zeta_l = \lambda_l$ les formules de la viennent respectivement :

u'un corps cristallisé dans ce système se comporte au point ations comme un corps amorphe.

CHAPITRE II

THERMOMÈTRES

1. DESCRIPTION DU THERMOMÈTRE A MERCURE A TIGE.

Le thermomètre à mercure est l'instrument le plus employé pomesurer la température. Il se compose (fig. 167) d'un réservoir exerce renfermant du mercure, et ayant généralement une some cylindrique, ou mieux, légèrement conique; celui-ci est surmonté d'une tige de verre creusée d'un canal très sin dans lequel le mercure du réservoir s'élève à une certaine hauteur. Elle est sermée par en haut, et un gaz très rarésié existe dans la partie du canal qui n'est pas occupée par le mercure.

Cette tige est partagée par des traits numérotés en divisions d'égale capacité. Quand l'instrument est gradué suivant l'échelle centigrade, le mercure s'arrête au trait 0 à la température de la glace fondante et au trait 100 à la température de la vapeur d'eau bouillante sous la pression de 76 cent. de mercure. L'intervalle entre le trait 0 et le trait 100 est en général divisé en 100 parties; chacune correspond alors au degré centigrade. L'instrument est d'autant plus sensible qu'il y a une distance plus grande entre deux traits limitant un degré, c'est-à-dire que la section du canal est plus petite par rapport à la capacité du réservoir. Dans les thermomètres très sensibles, l'intervalle correspondant au degré est divisé en dixièmes, parfois même en centièmes de degré. La température la plus basse que puisse marquer cet instrument est — 40° point de congélation du mereure, la plus élevée + 360° température d'ébullition de ce liquide (1...

Au delà de cette température la force élastique de la vapeur du mer-

n veut déterminer la température, non seulement rvoir, mais encore la partie de la tige contenant nne mercurielle. Le point où s'arrête le mercure la température. On voit qu'en prenant les indis mèmes de cet instrument comme valeur de i, on adopte la définition suivante pour le degré rade:

t l'élévation de température qui correspond à la partie de la dilatation apparente qu'éprouve le re dans le verre en passant de la température glace fondante à celle de la vapeur d'eau bouilsous la pression de 76 centimètres de mercure.

ignons par V le volume à 0° du réservoir et de ie de la tige jusqu'au trait zéro, par u le volume 'une division correspondant au degré. Si n est abre de degrés dont à t° la colonne mercurielle : au-dessus du trait zéro, $\frac{nu}{V}$ est la dilatation ente a_t du mercure dans le verre :

$$\frac{nu}{V} = a_t$$
 d'où: $\frac{u}{V} = \frac{a_t}{n}$

a température est donnée par l'indication du mêtre à mercure, on a n=t; d'où:

$$\frac{a_t}{t} = \frac{u}{V}$$

 $\frac{u}{V}$ étant indépendant de la température, on voit Fig. 167. finir celle-ci par le thermomètre à mercure revient à dire

me contient le canal dépasse la pression atmosphérique, et le réservoir d'éclater.

que le coefficient de dilatation apparente $\frac{a_t}{t}$ du mercure dans le verre est une quantité constante.

Cette convention pour la mesure de la température n'est pacielle que Regnault a fait adopter; mais on conçoit qu'une comparaison du thermomètre à mercure et du thermomètre à aimpermette de dresser une table de correction pour ramener le indications du premier instrument à celles que fourniraient le second; et, comme le thermomètre à mercure est beaucoup plusimple que le thermomètre à air, c'est encore l'instrument le plus souvent employé, même dans les recherches précises.

2. COMPARABILITÉ DES THERMOMÈTRES A MERCURE. — Tous le thermomètres à mercure donnent-ils la même indication à même température quelle que soit leur forme, quelle que soit le nature du verre dont ils sont formés? Le raisonnement suivant montre aisément que la forme de l'instrument est sans influence sur ses indications.

Reprenons la formule.

$$\frac{u}{V} = \frac{a_t}{n}$$

du paragraphe précedent: en y faisant $t = 100^\circ$, comme $n = 100^\circ$ l'après le mode de graduation même, celle-ci devient:

$$\frac{x}{V} = \frac{a_{top}}{100}$$

de il et de 2, an ure.

$$x = 100 \frac{d_1}{d_{100}}$$

< 7

$$z - z - i$$
. $z_{100} = z_{100} - k_{100}$

en désignant par Δ_t et k_t la dilatation absolue du mercure et celle du verre entre 0° et t° , et par Δ_{100} et k_{100} les mêmes quantités entre 0° et 100°; la relation (3) devient ainsi :

$$n = 100 \frac{\Delta_t - k_t}{\Delta_{100} - k_{100}}$$

On voit que la valeur de n, étant indépendante de u et de V, est la même quelle que soit la forme de l'instrument; mais n dépend de k. et de k₁₀₀; par conséquent, la nature du verre peut avoir de l'influence sur l'indication. C'est ce que vérisse en esset l'expérience. Le tableau suivant, tiré du mémoire de Regnault, donne les indications pour des températures égales, de plusieurs thermonnètres à mercure formés de verres dissérents.

Pour de hautes températures il peut y avoir plus de 6° d'écart. Cette raison n'a pas peu contribué à faire abandonner le choix du thermomètre à mercure pour définir la température, puisqu'il aurait fallu définir alors la nature du verre employé, ce qui est impossible.

TEMPÉRATURE \ INDIQUÉE In le thermomètre à air (thermomètre normal)	TEMPÉRATURE INDIQUÉE PAR UN THERMOMÈTRE A MERCURE			
	Cristal de Choisy-le-Roi	Verre ordinaire	Verre vert	Verre de Suède
100•	100,00	100,00	100,00	100,00
150•	150,40	149,80	150,30	150,15
200•	201,25	199,70	200,80	200,50
250•	2 53,00	250,0 5	2 51,85	251,44
300•	305,72	301,08	>	•
350•	360,50	354,00	•	>

On commence par se procurer une tige de verre dont le canal autant que possible la même section dans toute sa longueur.
On s'en assure en y introduisant une colonne de mercure qui

doit y occuper une longueur de deux ou trois centimètres, et à laquelle on fait parcourir les différentes parties de la tige; la longueur de la colonne doit être à peu près constante. On souffe à l'une des extrémités de la tige choisie un réservoir R (fig. 168)

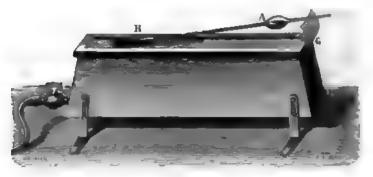


Fig. 168.

dont la capacité est déterminée approximativement par la losgueur qu'on veut faire occuper au degré sur la tige (4). A l'autre extrémité on soude une ampoule A formant entonoir. Après avoir introduit dans celle-ci du mercure bien pur, ©

(1) Soit à 0°, s la section mesurée du canal. I la longueur que l'on vest hir occuper au degre, V le volume que doit avoir pour cela le réservoir et h portion de la tige jusqu'au zéro. En écrivant qu'à 1° le volume du merent egale le volume du vasc qui le contient, et en employant les notatessé à paragraphe precedent, on a :

$$V_i(t+\Delta_i) = V - t \epsilon_i(t+k_i)$$
 doù: $\frac{t \epsilon}{V} = \frac{\Delta_i + k_i}{1+k_i}$

ou approximativement

$$\frac{lt}{\hat{\chi}} = \Delta_1 - k_1$$

Or, d'après Dulong et Petit, $\Delta_1 + k_1 = \frac{4}{6 \, 480}$. Par conséquent V=6W il est bien coir que le souffeur ne peut que se rapprocher de celle W determinée par ce coloni, mais cela suffit pour donner au degre la ion qui convient.

che l'appareil, en l'inclinant un peu, sur une grille G, placée clessus d'une rampe à gaz. On chausse unisormément le réser-R, la tige et l'ampoule A: une certaine quantité d'air mappe du réservoir à travers le mercure de l'ampoule. En sant resroidir, la sorce élastique de l'air contenu dans le rvoir diminue, et la pression atmosphérique sorce le mercure enu dans l'ampoule à franchir le canal capillaire et à pénétrer R (1). Après y avoir introduit ainsi une certaine quantité mercure, on porte ce liquide à l'ébullition, et l'on prolonge ci assez longtemps pour être certain que toute trace d'huité ait disparu.

es vapeurs mercuriclles, en se dégageant, entraînent l'air, et

le refroidissement, le réservoir et anal se remplissent entièrement du cure contenu dans l'ampoule.

rieure, on porte l'instrument à la haute température qu'on veut lui marquer, pour chasser l'excès de cure. On sépare alors l'ampoule de ige, et l'on fermo celle-ci à la lampe. le refroidissement, le mercure rentre partie dans le réservoir et laisse le au-dessus de lui. L'instrument est à être gradué.

Premination des points fixes. — ir obtenir le point où l'on doit marle trait 0°, on plonge le réservoir une portion de la tige au milieu de ce pilée, bien tassée et à l'état de lon; celle-ci est contenue dans un onnoir (fig. 169) pour permettre à



Fig. 169.

u provenant de sa fusion de s'écouler. Le réservoir doit être

⁾ Si le mercure était plus chaud ou moins chaud que le verre du réseril amenerait la rupture de celui-ci en y pénétrant; c'est pour cela qu'il chausser unisormément l'appareil.

placé à plusieurs centimètres au-dessous de la couche de gluce supérieure pour que l'eau produite par la fusion de celle-ci, et qui s'est un peu surchauffée, soit bien revenue à zéro par l'écoulement sur la glace, avant d'atteindre le réservoir.

Le mercure baisse, et l'on marque un trait au point où i s'arrête (1). On doit du reste prendre la précaution d'enfoncer la tige assez profondément pour que le point où se fixe le mercure fasse à peine saillie au-dessus de la glace.

Pour déterminer le point 100°, on place l'instrument des une étuve à vapeur : la figure 170 représente le modèle qui



l'aide d'un bouchon.

est employé depuis Regnault. La vapeur d'eau provenant d'une chaudière A, monte dans un cylindre B qui contient le thermemètre, puis redescend dans l'erpace annulaire compris entre o cylindre et une enveloppe exirieure ME pour s'échapper dus l'atmosphère par le tube EF; 🛚 vapeur qui circule dans l'env loppe ME empêche le refroidssement de celle qui se trosve autour du thermomètre. Un petit manomètre à air libre conten de l'eau CLD est destiné à ind quer si la force élastique de vapeur à l'intérieur de l'étuve « bien égale à la pression atmes phérique. La tige du thorn mètre passe par une ouvert: pratiquée dans le couvercle M l'étuve, et y est assujetties

Dès que l'eau est à l'ébullition on voit le mercure monter :====

f. Supposente que la colonne mercurielle s'arrête dens le thermanum paste à la hauteur d'au trait marque sur la tige. Comme la tige a mon est teure epasseur, en ploquet l'arà pare has que le trait, un verse l'extraitement. dement puis se fixer à une certaine position. On doit enfoncer l'instrument dans l'étuve de façon que le niveau du mercure sorte peme de celle-ci. On marque un trait en ce point. Si la colonne barometrique indiquant la pression atmosphérique du moment est de 76 cent., et l'on peut toujours attendre un moment où il en soit ansi, on inscrire 100° devant ce trait. Quand la hauteur du barometre diffère de 76 cent., on peut encore trouver aisément la temperature qui doit être inscrite vis-à-vis du point ou s'arrête molonne thermométrique. En effet l'étude de la force élastique maxima de la vapeur d'eau montre que pour un accroissement de 2°, 7 dans la hauteur du baromètre, la température d'ébullition de l'eau s'elève de 1° centigrade dans le voisinage de 100°. Dapres cela un simple calcul de proportion indique où il faut marquer le point 100°.

inaduation. — On divise l'intervalle entre le trait 0° et le trait 100° en cent parties d'égale longueur, à l'aide de la machine à diviser 1, et on prolonge cette graduation en parties égales endera du trait 0° et au-delà du trait 100°. On a ainsi des divisions d'égales capacités à condition que le canal soit parfaitement cylindague.

ETUDE DU CANAL CAPILLAIRE. — Il est à peu près impossible le rouver des tiges de verre à canal parfaitement cylindrique, et pourtant, d'après le mode de graduation indiqué ci-dessus, cette condition est indispensable pour l'exactitude de l'instrument. Comme le plus souvent, au lieu de faire soi-même le thermo-

os a colonne mercurielle au-dessous du trait; si, au contraire, on place del plus haut que le trait, l'extremité de la colonne paraîtra au-dessus du trait Amst, suivant la position de l'œil, on peut commettre des erreurs dans la lecture, dites erreurs de collimation.

'n rvite ces erreurs, en observant l'instrument de loin avec une lunette dont lexe doit être perpendiculaire à la tige du thermomètre. Il faudra procèder ainsi pour marquer sans erreurs la position des points fixes aur la lige

En general, on grave les traits sur la tige de verre per l'acide fluorbydrque. Pour cela on recouvre celle-ci d'un vernis inattaquable par cet acide; à l'ude du burin de la machine à diviser, on fait des traits qui mettent le verre à nu; puis on traite par l'acide, et enfin on enlève le vernis. mêtre dont on a besoin, on se le procure tout construit, il est essentiel de voir si l'instrument livré par le constructeur possède une tige suffisamment régulière pour le degré d'exactitude qu'en désire.

Pour faire cette vérification, on détache une portion de l'extrémité de la colonne thermométrique (¹), de manière à former un index auquel on fera parcourir les diverses parties de la tige il suffit d'incliner légèrement celle-ci pour faire voyager l'index. Si celui-ci occupe partout le même nombre de divisions, le cannest bien cylindrique. Mais il n'en est presque jamais ainsi; on jugalors, d'après les variations de longueur de l'index, du défaut d'exactitude de la graduation. En redressant verticalement l'instrument, l'index se soude au reste de la colonne thermométrique, et l'instrument est ramené à son premier état.

4. VARIATIONS DES POINTS FIXES. — Quand on vient à déter-

(l' Pour détacher un index, le meilleur procédé consiste à retourner l'instrument verticalement, le réservoir étant en haut. Le mercure descend des dans la tige et un espace vide, une bulle, se forme au sommet du réservoir. En amenant ensuite l'instrument dans une position presque horizonté, un pen inclinee du côté du réservoir, la bulle gagne la partie supérieure de celui-ci, et la colonne thermométrique se rompt à la base de la tige. On a ainsi detache un index, mais il n'a pas généralement la longueur voule.

Quand on went un index de longueur determinée, on fait avancer l'isist precedent dans la tige jusqu'à ce que son extrémité la plus rapprochée la reservoir occupe une certaine division A, qu'on note, et qui doit êtred'autsi plus loin dans la tige qu'on vent un index plus court. En chauffant alors le coservoir, tout en tenant l'instrument horizontal, on fait dillater le mercuragi penetre dans le canal et vient se souder à l'index, vis-à-vis de la division à s'avance encore si l'on contunue à chauffer. On laisse alors refroidir lattement l'instrument dans la même position : l'extremité de la colonne themmett du la longueur qu'en vent donner a l'index, en incline brusquement l'instrument du oble du reservoir, la con une se rompt en A, et l'on a separé un infit de la longueur voulue.

c'e phonomère songenier, qui est mis a profit ici, paraît s'expliquer pris poisson a une balli garease misconsongage qui resterait en A sur le sur a l'enancia mère au s'est operer la gonction entre le premier index d'u colonne misconson au ai age. Ceste balle qui resterait en A malgre la de l'acconsonst de la colonne, prominant un pourt fiable, qui permettrait è allecia de se remper plus assentent en respecta qu'autrus.



iner à nouveau la position du zéro d'un thermomètre à mercure isieurs mois après une détermination qui a suivi la constructe de l'instrument, on trouve que la colonne mercurielle rrête dans la glace fondante un peu plus haut que dans le precas; la différence peut atteindre jusqu'à 1°. On ne peut pliquer ce phénomène qu'en admettant que le réservoir diminue tement de capacité par suite d'un changement de structure verre.

Ce corps, après avoir été chauffé pour souffler le réservoir, ne prend son état primitif qu'après avoir été maintenu pendant usieurs années à la température ordinaire. Aussi convient-il de éterminer les points fixes de l'instrument un ou deux ans après a confection. Cette précaution n'est même pas suffisante, car 1. Berthelot a remarqué que toutes les fois que l'instrument est naintenu dans le voisinage de 100°, ou a fortiori à une tempéraure plus élevée, ne fût-ce que pendant un quart d'heure, le zéro st abaissé, et que l'effet met plusieurs mois à disparaître.

Ce qu'il y a de mieux à faire pour obvier le plus possible à cet neonvénient est de déterminer longtemps après la construction le l'instrument — 1° le point 100°, — 2° le point 0° tout de suite près, pour avoir la valeur du degré. Toutes les fois qu'on aura à servir de l'instrument pour mesurer des températures peu levées, on déterminera le zéro, et l'on élèvera toute l'échelle de valeur de son déplacement.

5. THERMOMÉTRE DE PRÉCISION. — Comme nous l'avons déjà it, il est à peu près impossible de trouver une tige de verre dont 5 canal présente partout la même section.

Ce défaut de cylindricité, joint à l'inconvénient dû au déplacement des points fixes, a fait renoncer à graduer en degrés la tige es thermomètres de haute précision : on se borne à graduer elle-ci en parties d'égales longueurs.

Par sa construction même, la tige de verre présente un canal sèrement conique, et l'on trouve aisément une tige telle qu'un dex de mercure introduit dans le canal varie régulièrement de pas de la longueur d'une extrémité à l'autre : si cette variation n'excède pas de la longueur totale, la tige peut être considérée comme bonne

On s'en sert alors pour construire le thermomètre et, sans déterminer à l'avance la position des points fixes, on gradue la tage, en parties d'égales longueurs, en millimètres généralement, d'une extrémuté à l'autre. On inscrit 0 devant la première division du côté du réservoir, et on numérote les autres divisions de dix en dix; l'instrument présente ainsi une échelle arhitraire. Le rôle du constructeur est fini; c'est au physicien à déterminer la température correspondant à chacune de ces divisions.

Pour cela, on note d'abord la division correspondant à 100 et tout de suite après la division correspondant au 0°, comme mus l'avons dit au paragraphe précédent. Puis, en détachant success-vement des index de longueurs convenables, on arrive, par au méthode qui serait trop longue à exposer ici dans tous ses détails, à connaître les capacités de chaque division, en premi comme unité la centième partie de la capacité comprise entre les divisions correspondant à 0° et à 100°.

On sait alors à quelle fraction de degré correspond l'interalle compris entre deux divisions consécutives déterminées, et l'andresse une table, où vis-à-vis de chacune des divisions de l'échèle arbutraire se trouve inscrite la température qu'indiquerat ma thermomètre à mercure idéal réalisant toutes les condities d'exactitude nécessaires.

Avant chaque sèrie d'observations, il convient de prende la position exacte du point 0° et de corriger la table de la petité quantité dont a varié la position de ce point, si les observations doivent se faire aux températures ordinaires.

6. THERMOMÈTRES À ALCOOL. THERMOMÈTRES À SULFURE EL CARBONE. — Les thermomètres à alcool, coloré en rouge parde l'orsculle, se construisent comme les thermomètres à mercure. Must la determination du point 100°, ne pouvant être faite sur ces intruments, puisqu'ils ne penvent supporter une température supérieure à 80°, on determine à sa ; lace un autre point, 40° par exemple, en le comparant à un thermomètre à mercure; on divise, dans ce cas, en 60° parties egales. l'intervalle compris entre le peint 0° et le peint 40° et l'en ; rolonge cette graduation audients de 6° et ausdeux le 40°. Fa sons remarquer qu'il n'y a mercure raison pour qu'un thermomètre ainse gradue soit exactence.



avec le thermomètre à mercure en dehors des points 0°, par le fait, ses indications sont notablement différentes es températures.

l'alcool est plus dilatable que le mercure, on emploie nent une tige à canal plus large. Ces instruments sont loyés comme thermomètres grossiers, à cause du bon elatif de l'alcool. On s'en sert encore pour mesurer de es températures, car l'alcool ne se solidifie pas au plus id qu'on a pu obtenir.

it employer aussi pour cet usage des thermomètres à e carbone.

MOMETRES & MAXIMA ET & MINIMA. - Pour les obser-

nétéorologiques, on a besoin d'instrudiquant, soit la plus haute tempéras'est produite pendant un certain taps , soit la plus basse.

dans ce but qu'on a construit les êtres à maxima, et les thermomètres . Il en existe de beaucoup de moférents. Nous nous bornerons à dée thermométrographe de Six et Bel-171) qui indique à la fois les maxima nima de température.

in thermomètre à alcool dont la tige irbée en U. La colonne d'alcool est sue par du mercure qui occupe la inférieure et s'élève à une certaine dans les deux branches verticales. Lits index en fer peuvent glisser à it dans chacune de ces branches; is sont mouillés par l'alcool et non preure, par suite d'un phénomène de

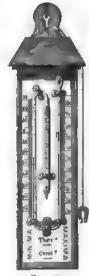


Fig. 171.

5, ils ne peuvent pénétrer dans ce dernier liquide. on veut se servir de l'instrument, à l'aide d'un petit n fait glisser les index jusqu'à la surface du mercure. 18 qu'à partir de ce moment la température s'élève, e dilatant, le mercure descend à gauche et monte à droite; l'index de gauche reste en place à cause du frottem tandis que l'autre index, poussé par le mercure, s'élève avec Si maintenant la température passe par un maximum, puis baisse, le mercure en descendant dans la branche de da abandonne l'index qui reste en place, et qui, par son extré inférieure, indique la plus grande hauteur que le mercu atteint, c'est-à-dire la température maxima. Par suite d'un nomène du même genre, l'index de gauche est poussé par le cure, tant que la température s'abaisse au-dessous de la ter rature initiale, puis reste en place quand la température sant par un minimum s'élève ensuite; il marque ainsi, par extrémité inférieure, la plus grande hauteur qu'a occup colonne mercurielle dans la branche de gauche, et, par là, é la température minima.

On gradue cet instrument par comparaison avec un the mètre à mercure.

8. THERMOMÈTRE A POIDS. — Le thermomètre à poids, beaucoup servi à Dulong et à Petit, consiste en un gros rése R (tig. 172) en verre, de forme cylindrique, ayant une cap

de 150^{ce} au moins, surmonté d'un tube capil deux fois recourbé et estilé en pointe P.

Après avoir porté l'instrument sur la balancen avoir fait la tare, on le remplit de mercur plaçant sous la pointe P une capsule C renfer ce liquide, et en opérant exactement comme premplir un thermomètre à tige.

Quand on veut se servir de cet instrument, o porte dans la glace fondante, après avoir plong bec P dans du mercure, pour que ce liquide e dans l'appareil à mesure que celui-ci se refroi Lorsque le thermomètre est plein de mercure d'un dont on s'assure en retirant la capsule, pour voi le mercure ne reutre plus dans le réservoir, on t la capsule, on en fait la tare, et, après l'avoir i

placer sous le bec, on porte l'instrument sur la balance par premire la masse P du mercure qu'il renferme à 0°.

On place le thermomètre ainsi préparé dans l'enceinte de



on veut déterminer la température (celle-ci devant être supérieure à 0°). Il sort par la pointe une certaine quantité de mercure dont la masse p est donnée par une pesée. Cette dernière mesure suffit à faire connaître la température, si, une fois pour toutes, on a pesé — 1° la masse p_{100} de mercure qui sort par la pointe du même instrument quand on le porte de la glace fondante dans la vapeur d'eau bouillante sous la pression de 76 cent. de mercure, — 2° la masse P du mercure qui remplit l'appareil 2° 0, comme nous venons de l'indiquer ci-dessus.

En effet, désignons par D la densité de ce liquide à 0°, $\frac{P}{D}$ est le volume du mercure contenu dans l'appareil à 0°, et par conséquent est aussi la capacité de l'instrument à cette température. A t° la capacité de l'enveloppe de verre devient $\frac{P}{D} \left(1 + K_{t} \right)$, en appelant K_{t} la dilatation du verre ; à cette température l'instrument ne renferme plus qu'une masse $P - p_{t}$ de mercure dont le volume à 0° serait $\frac{P - p_{t}}{D}$, mais qui à t° occupe un volume

$$\frac{P-p_{\iota}}{D}\left(1+\Delta_{\iota}\right)$$

du contenu égale celui du contenant, on a :

$$\frac{P}{D}\left(1+K_{t}\right) = \frac{P-p_{t}}{D}\left(1+\Delta_{t}\right)$$

d'où:

$$\frac{P}{P-p_t} = \frac{1+\Delta_t}{1+K_t} = 1+at$$

a étant le coefficient de dilatation apparente du mercure dans le verre. On tire de là:

$$\frac{p_t}{P - p_t} = at$$

Désinissons la température par l'indication d'un thermomètre à tige formé du même verre: c'est dire que a est une constante (§ 1). Pour déterminer celle-ci, mesurons la masse de mercure p_{100} qui sort de l'appareil quand on le porte de 0° à 100°. On a :

(2)
$$\frac{p_{100}}{P - p_{100}} = a \times 100$$

équation qui fait connaître a. Dulong et Petit ont trouvé pour le verre dont ils se servaient $a = \frac{1}{6480}$.

a étant connu, l'égalité (1) donne la température t, la même qu'indiquerait un thermomètre à tige formé du même verre.

Si l'on maintient le bec de l'instrument plongé dans le mercure qui s'en échappe, on a la température du moment même où l'on enlève la capsule. Si on laisse, au contraire, une certaine distance entre le bec et la surface du mercure de la capsule, le liquide peut sortir de l'instrument sans y rentrer, et celui-ci fournit le température maxima auquel il a été porté.

Le thermomètre à poids offre plus de précision que le thermomètre à tige; car les pesées sont bien plus exactes que des éveluations de volume, toujours faites d'après un calibrage plus commoins défectueux. Mais les pesées sont longues à faire; en outre pour qu'elles aient de la précision il faut employer une masse des mercure assez considérable dans l'instrument, ce qui gêne des un grand nombre d'expériences. Aussi le thermomètre à poide est-il beaucoup moins employé que le thermomètre à tige.

9. THERMOMÈTRE NORMAL. — Nous avons déjà vu que c'éle III



aux indications du thermomètre à air à pression variable et à volume gazeux constant qu'on est convenu de rapporter toutes les mesures thermometriques.

Voici la forme à laquelle Regnault s'est définitivement arrêté pour let instrument, que nous appellerons thermomètre normal. Descriptor, fig 173). — Le réservoir à gaz est genéralement



Fig. 173.

formé d'un vase de verre A (ballon ou cylindre suivant les usa-

ges) d'un demi-litre de capacité environ; il doit être placé dans l'enceinte dont on veut déterminer la température. A re réservoir est soudé un tube très fin qui sort de l'enceinte et fait communiquer le réservoir avec la branche CB du manomètre à air libre décrit L. III, chap. II, § 15 (fig. 95); celui-ci doit refermer du mercure bien sec. La branche CB porte à sa patte supérieure, très près du point où aboutit le tube de communication, un trait de repère a; c'est à ce trait qu'on fera affleurer le mercure avant chaque détermination pour ramener la masse gazeuse à occuper le même volume. Sur le trajet du tube de communication, se trouve en r un robinet à trois voies permetant de faire communiquer le ballon avec une pompe à gaze de Regnault P, à travers des tubes desséchants TT renfermant de la ponce sulfurique.

Opérations préliminaires. — On commence par déterminer le capacité du réservoir A; pour cela on le remplit de mercure à 0 comme un thermomètre à poids, et l'augmentation de sa masse donnée par la balance, fait connaître la masse du mercure qui le remplit; en divisant cette quantité par la densité du mercure a 0 con a très exactement le volume V du ballon à cette température.

On profite de ce que celui-ci est rempli de mercure pour determiner la dilatation K_T du verre qui le constitue aux diverse températures qu'on aura à évaluer, en opérant par le procédé de thermomètre à poids, indiqué un peu plus loin, et en détermine la température T avec un thermomètre à mercure ordinaire. Or mesure ensuite, par des pesées au mercure, le volume très pelle des tubes de communication et de la partie de la branche manométrique BC qui se trouve au-dessus du point de repère a, pour pouvoir effectuer une correction. Comme ces parties de l'appareil restent toujours à la température ambiante qui change peu, on pout parfaitement admettre que ce volume r reste invariable. Ces opérations terminées, on met (après l'avoir vidé le réservoir A en place dans l'appareil.

Il convient maintenant de le dessécher avec le plus grand soin : le verre est recouvert, dans les circonstances ordinaires, d'une couche d'humudité qu'il est très difficile de faire disparaire.

Voici comment, d'après le physicien suédois Rudberg, or doi procéder pour arriver à ce but. Après avoir porté à baute ten-



pérature (100° par exemple) le réservoir A, on fait le vide dans celui-ci à l'aide de la pompe P (¹). Le vide fait, on laisse rentrer lent ement de l'air qui se dessèche en traversant les tubes TT'. Cet air reclevient humide aux dépens d'une portion de l'eau adhérente aux parois du ballon; on l'enlève de nouveau pour le remplacer par cle l'air sec. On recommence cette série d'opérations une dizaine de fois; l'expérience a appris à Regnault que ce n'est qu'au bout de ce nombre d'opérations qu'on peut considérer le ballon comme parfaitement desséché (²).

Après avoir désséché ainsi le ballon, on y introduit une dernière fois de l'air sec; on laisse refroidir le réservoir, puis on l'entoure de glace fondante. Pour chauffer celui-ci, on l'avait placé dans une chaudière M, munie d'un double fond K percé de trous; pour le refroidir à 0°, il suffit de mettre de la glace pilée autour de lui dans ce double fond K; l'eau provenant de la fusion s'écoule par les trous dans la partie inférieure de la chaudière.

On verse alors du mercure par la branche ouverte E jusqu'à amener le niveau dans la branche BC en a. Comme l'intérieur du ballon communique avec l'atmosphère par l'intermédiaire des tubes desséchants, le mercure se met sur le même plan horizontal dans les deux branches du manomètre. A ce moment, on note la pression atmosphérique H à l'aide du baromètre, pour connaître la force élastique de l'air contenu dans le ballon à 0°, et l'on note aussi la température t de l'air ambiant, à l'aide d'un thermomètre à mercure ordinaire, pour effectuer une correction; on interrompt la communication du réservoir avec l'atmosphère

⁽¹⁾ Avant de faire le vide, il convient de tourner le robinet à trois voies qui se trouve au bas du manomètre (fig. 95), de manière à intercepter la communication entre les deux branches, pour empêcher le mercure de pénétrer dans le ballon. Si, comme dans la figure 173, il n'y a qu'un robinet simple au bas du manomètre, il faut faire écouler le mercure des deux branches à la fois par ce robinet ouvert pendant qu'on fait le vide, de manière à s'opposer ainsi à la rentrée du mercure dans le ballon.

⁽²⁾ Tant que le ballon n'est pas parsaitement sec, on trouve des valeurs dissertes pour le coefsicient & (voir pages suivantes); c'est en voyant que la valeur trouvée pour ce coefsicient ne varie plus des qu'on a répété huit à lix sois l'opération précédente, que Regnault en a conclu que l'appareil tait alors parsaitement desséché.

tout en le laissant communiquer avec le manomètre, en tourns convennblement le robinet à trois voies r (*). L'appareil est als disposé pour l'expérience.

Mesure de la température. — On place le réservoir dans l'e ceinte dont on veut évaluer la température. Si cette température est supérieure à 0°, l'air du ballon, se dilatant, refoule le mercu qui s'abaisse en BC et remonte en DE. Quand le niveau est d venu stationnaire, on verse dans la branche E du mercure por ramener exactement le niveau en a. Si, au contraire, la température était inférieure à 0°, à l'aide du robinet R on ferait écoule du mercure des deux branches BC et DE pour s'opposer à se ascension.

Une fois le mercure ramené en a, on note — 1° la différence d'niveau entre les deux branches, — 2° la hauteur du baromètr (ces deux quantités font connaître la force élastique H' de l'ai contenu dans le ballon), — 3° la température t' de l'air ambiar — 4° la température donnée par un thermomètre à mercure ordinaire plongé dans l'enceinte pour faire connaître K_q.

Si la capacité du ballon n'avait pas un peu varié par changement de température; si en outre il n'y avait pas une petà quantité d'air contenue dans le tube de communication et la para supéricure de la branche manométrique, qui n'est pas à la tem pérature du ballon, la température T de celui-ci serant dons « par la formule très simple :

(1)
$$H' = H(1 + \alpha T)$$

où a est un coefficient constant qu'on déterminerait une fois potoutes en faisant T = 100° par l'immersion du réservoir dans vapeur d'eau bouillante, d'après la définition même de la température donnée par le thermomètre à air. Mais quelques constions sont nécessaires puisque le volume du réservoir, et pronséquent de l'air qu'il renferme, est V à 0° et V(1 + K).

⁽¹⁾ Au lieu du robinet à trois voies 7, on peut mettre un sample a trois voies en verre; dans ce cas, on forme à la lampe la bracke communique avec les tubes desséchants.

empérature T à déterminer, et qu'en outre une portion de la lasse gazeuse occupe le volume v des tubes de communication t se trouve à une température qu'on doit considérer comme la la température ambiante t ou t'.

Afin d'établir l'égalité qui permet de calculer T, nous allons in ettre, pour un instant, que l'air suit exactement la loi de lariotte et, par conséquent, qu'il n'y a aucune différence entre on coefficient de dilatation et son coefficient d'augmentation de ression 2 (voir Chap. I, § 12); en outre, nous devons considérer ette quantité 2 comme une constante, puisque c'est sa constance ui définit la température donnée par le thermomètre à air.

Calculons quelle serait à 0° le volume de la masse d'air en ermée dans l'appareil si elle possédait l'unité de force élastique en nous servant — 1° des données expérimentales V, H, t, correspondant au cas où le réservoir se trouve dans la glace fondante 1°état; — 2° des données V(1 + K_T), H' et t', correspondant au la soù il se trouve à la température T (2° état), et égalons ces leux expressions.

A Or, et pour l'unité de force élastique, le volume de la masse l'air renfermé,

dans le 1er état
$$\begin{cases} \hat{a} \text{ l'intérieur du réservoir, deviendrait} & \text{VH} \\ \hat{a} \text{ l'intérieur des tubes de communication, deviendrait} & \frac{vH}{1+\alpha t} \end{cases}$$

$$\hat{a} \text{ l'intérieur du réservoir, de-} \\ \hat{a} \text{ l'intérieur du réservoir, de-} \\ \text{ viendrait} & \frac{V(1+K_T)H'}{1+\alpha T} \end{cases}$$

$$\hat{a} \text{ l'intérieur des tubes de communication, deviendrait} & \frac{vH'}{1+\alpha t} \end{cases}$$

$$\hat{a} \text{ l'intérieur des tubes de communication, deviendrait}$$

$$\left(\begin{array}{c} V + \frac{v}{1 + zt} \end{array}\right) H = \left[\begin{array}{c} \frac{V(1 + K_T)}{1 + zT} + \frac{v}{1 + zt} \right] H$$

Si maintenant nous voulons tenir compte du fait que l'ai suit qu'à peu près la loi de Mariotte, nous devons nous deman si a, dans cette formule, représente le coefficient de dilataix pression constante, ou le coefficient d'augmentation de press à volume constant, ou enfin un coefficient intermédiaire. marquons d'abord que, l'air suivant à très peu près la loi Mariotte, l'application directe que nous avons faite de cette pour tenir compte du changement de volume de la masse gaze est parfaitement légitime, puisque ce changement de volume extrêmement faible; en outre, les coefficients de dilatatio d'augmentation de pression sont si voisins (voir Chap. 1, 2 qu'il est absolument indifférent d'employer l'un ou l'autre p

les termes correctifs très petits $\frac{v}{1+zt}$ et $\frac{v}{1-zt}$. Quant

signification exacte de z dans le terme principal $\frac{1}{1-zT}$ elle n'est pas douteuse: rendons nuls, en effet, les termes contifs, très petits v et K_T ; la formule (2) se réduit, comme cela cêtre, à la formule (1); ce qui montre que, dans ce terme, z resente le coefficient d'augmentation de pression constant avec température définie par le thermomètre à air. Nous pouvons à employer cette même constante dans les trois termes en z.

Pour obtenir la valeur de ce coefficient, qu'il est nécessaire connaître pour que la formule (2) puisse donner la température on fait une expérience à la température connue de la vapeur d'e bouillante. On se sert pour cela de la chaudière M représent sur la figure 173. La vapeur qui circule autour de l'enveloppe protège contre le refroidissement celle qui se trouve à l'intrieur. La pression atmosphérique donnée par un haromètre à connaître exactement la température T de la vapeur d'eau bout lante, qui, par définition, égale 100° si la pression est de 76 ce tuniètres de mercure. Dans l'équation (2) tout est connu alors sauf x: la résolution de cette équation (4) en fournit la valor.

⁽¹⁾ L'équation 2 est du troisieme degré en x; comme la résolution desse équation numerique par les méthodes ordinaires serait laborieus, «» per employer la méthode suivante dites des approximations successires. On the

Regnault a trouvé ainsi le nombre 0,0036645, comme moyenne * * expériences.

L'oefficient a étant connu maintenant, la formule (2) permet

Eug. Japord les termes correctifs très pelits $\frac{v}{1-\alpha t}$ et $\frac{v}{1+\alpha t'}$: l'équa-

to, at at de premier degré, et donne de a, une valeur opproches a. On empar custate a par cette valeur approrheo at dans les termes correctifs Rematigue and abord, ce qui en donne une valeur à tres peu pres exacte, et, de et convelle equation du premier degre en a, on tire une deuxieme vale ce 3, 1 = approchee que la premiere. On substitue a 2, dans les termes Commis, cette nouvelle valeur a, et l'on obtient pour a une troisieme va-Le carette quand doux valeurs conne z, et an + i ne different entre elles que d'une quantite inferioure a Cal properties de l'experience, et c'est cette dernière valeur * _ +| que l'on preud pour a.

Nos assente cette occasion pour indiqueran lecteur comment on pour

Fr in a precision d'une expérience.

Cabrille de mesures particulieres dont l'ensemble est nécessaire pour - - aur la quantite cherchée, est cutaches d'une certaine erreur : ninsi, on De la commettre une légere erreur dans la lecture du vernier du cathétomea sert a relever la hauteur d'une colonne de mercure; cette mesure deux pointes, celui du haut de la colonne et celui du bes: si C les sount de ces lectures ne peut être faite qu'à $\frac{1}{40}$ de millimetre près, l'er-

Tar mattan possible sur la hauteur de la colonne mercurielle sere 40 le milimetre. Si la mesure d'une force élastique nécessite, comme

dans e as du manometre a air libre, la mesure de deux colonnes mer-Curabs, celles du manometre et celle du baromètre, chacune ne pouvant être onnu qu's 1 de millimetre près, leur somme peut être entachée

1 an erreur maxima possible de $\frac{2}{20}$ ou de $\frac{1}{10}$ de millimetre. Et c'est trousquoi le manomètre barométrique est plus précis que le manomètre à a tir juisqu'il ne nécessite que deux pointés au lieu de quatre.

1 o st de même de toutes les autres mesures mesure de volume, de Dans, de température, etc... Il faut tenir compte, dans la formule qui donne control de cherchee, des erreurs maxima qui peuvent entacher chaque to façon que toutes les errours s'ajoutent, et l'on aura l'errour Sauta possible qui peut affecter le resultat.

Cost la le moyen de se rendre compte « priori de la précision d'une

de déterminer la valeur de T d'après les données V, r, $K_{\overline{t}}$, H', t et t', propres à chaque expérience.

Quand la température à mesurer est supérieure à celle à quelle le verre se ramollit, on remplace le réservoir de verre pun réservoir en porcelaine vernie à l'intérieur et à l'extérit qui peut supporter, sans se déformer, une bien plus haute temprature. On emploie habituellement maintenant, comme tube communication entre le ballon et le manomètre, un tube en cui rouge à canal extrêmement fin. Ce tube peut avoir une gran longueur et sa capacité rester négligeable vis-à-vis de celle réservoir, ce qui permet d'éloigner le manomètre de l'enceint température élevée où se trouve celui-ci.

Ajoutons que des expériences comparatives, dans lesquel Regnault employait deux appareils thermométriques semblable dont les réservoirs à gaz étaient placés dans le même bain, montré qu'on pouvait mettre dans le thermomètre de l'air se une pression initiale inférieure à la pression atmosphérique centimètres de mercure) ou supérieure à la pression atmosphérique

méthode, et d'en comparer les avantages à ceux d'un autre. Mais qu beaucoup d'expériences ont été faites par une même méthode, pour obti la valeur d'une même quantité, on peut tres bien juger des erreurs a dentelles, telles que les erreurs de lecture, par la plus ou moins gra concordance des nombres. Si ceux-ci présentent toujours les trois prem chiffres significatifs communs, le nombre est connu avec trois chif significatifs exacts, et la moyenne du nombre donnera pour le chiffre vant une valeur entachée d'une erreur probable d'autant plus faible qu nombre des experiences est plus considerable.

Il est pour ant d'autres erreurs, dites erreurs systématiques, qui per dépendre de la disposition experimentale même employée, ou de la man d'operer, et qui, tendant à fausser tous les nombres dans le même sens, peuvent être mises en évidence par la comparaison des nombres obtenus pune même valeur, et ne disparaissent pas dans les moyennes. C'est en var les dispositions experimentales, les manières d'opèrer et les méthodes et mêmes qu'en arrive à decouvrir et à eviter ces causes d'erreurs.

Regnault reconnaît, par exemple, que la mesure du coefficient de dilatation par par l'appareil decrit Chap V. § 3 fig. 194 et 1951 donne toujours un nou un peu plus faible que celui cetenu par d'autres methodes : il y a li crecur systematique, et il decouvre qu'une petite bulle d'air s'introduit d'accerve in refrecti. su moment où il brise la pointe effilée sous le merci le cour a rentree de cet air par les artifices indiqués plus loin, et il troi des nombres identiques à ceux fournis pour les autres méthodes.

rique (150 centimètres de mercure), et que les indications de l'instrument étaient exactement les mêmes que celles du thermomètre renfermant de l'air sous une pression initiale égale à celle de l'atmosphère. Ce n'était pas évident a priori.

On voit par là que, dans l'emploi du thermomètre à air, on n'aura pas besoin de se préoccuper de mettre l'air sous une pression initiale exactement égale à la pression atmosphérique moyenne.

Regnault a constaté aussi que l'on pouvait remplacer l'air de l'un des ballons par de l'hydrogène ou par de l'acide carbonique et que les températures indiquées étaient encore les mêmes, pourvu qu'on se servit dans chaque cas du coefficient a correspondant au gaz employé; ce coefficient diffère peu, du reste, d'un gaz à un autre. Mais en mettant dans l'un des ballons de l'acide sulfureux, gaz très facilement liquéfiable, il n'en était plus de même: à haute température le thermomètre à acide sulfureux était en désaccord avec le thermomètre à air.

Il existe plusieurs autres formes de thermomètre à gaz : d'une façon générale tous les appareils qui servent à déterminer la dilatation des gaz, et dont plusieurs seront décrits plus loin, peuvent servir, cette dilatation une fois connue, à mesurer la température. Mais la plupart présentent pour ce but des inconvénients qui en ont fait abandonner l'usage.

The state of the s

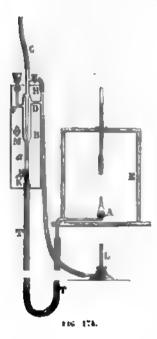
Le volume assez considérable du réservoir du thermomètre à air restreint l'emploi de cet instrument. Ce gros réservoir est sans inconvénient dans la mesure de la température des vapeurs ou dans celle de grandes masses de liquide; mais on conçoit que pour une foule d'autres usages, en calorimétrie, par exemple, où le thermomètre doit être très petit et avoir une très faible masse, on ne puisse s'en servir. Cet instrument, comme nous l'avons déjà dit, est surtout employé, soit dans les mesures directes de température très élevées, soit pour comparer ses indications à celles du thermomètre à mercure ou du thermomètre à sulfure de carbone, de façon à dresser une table de correction qui permette de déduire des données de ces derniers instruments la température qu'indiquerait le thermomètre à air (¹).

⁽¹⁾ Pour ces comparaisons il faut placer le réservoir du thermomètre à air

A propos de la mesure de la densité des vapeurs, nous rons un autre procédé employé quelquefois pour éva hautes températures (Chap. X, 2 8).

et le thormomètre à mercure dans un même bein liquide, très pr l'autre; on porte ce bain à des températures croissantes qu'en constantes pendant quelque temps et qu'on rend uniforme dans toute par des agitations fréquentes. Ce n'est que quand les indications « fixes qu'on fait l'observation comparée.

Pour maintenir la même température dans un bain liquide on



thermo-régulateurs. Un des pix est celui qui a été imaginé par ; noît et qui est employé au Burea tional des Poids et Mesures.

Cet ingenieux instrument (6g compose d'un petit réservoir A p le bain ou dans l'étuve dent on 1 tenir la température constante; voir A renferme un liquide ve exemple de l'esprit de bois, et 4 du mercure, qui remplit égalemes de communication en caoutchoue TT, aboutissant en K à un intert gaz d'éclairage qui alimente la lac tince à chausser l'étuve. Le gaz le conduit C, sort par l'orifice & duit et, par le tube annulaire B conduit D qui le niène à la lamp par suite de l'élévation de temps force clastique de la vapeur sa liquide volatil placé en A a attait leur sufilsante pour soulever le dans les tubes TK jusqu'en s. se trouve bouché. La lamps e alors, si un peu de gaz ne lui a core par le conduit à robinet H; tite quantité de gaz pormet au bes

en veilleuse. L'etuve, ne recevant presque plus de chaleur, se re force clastique de la vapeur saturante diminue en A et, le mercut dans le tube TK. l'ornice a se trouve ouvert de nouveau; la flat lampe reprir 1 sa hauteur primitive, le liquide s'échauffe et le me montant, bouche de nouveau l'orifice a. Il résulte de cette disposit temperature du bain esculle entre deux limites très rapprochées, est rendue pratiquement constante, car la force élastique man vapeur d'un liquide volatif croît rapidement avec la température

Istorique. — La notion de température, si répandue l'hui, n'est pas d'origine bien ancienne. Van Helmont (¹), imencement du xvii° siècle, paraît être le premier auteur fasse mention: il parle d'un instrument composé d'une urmontée d'un tube de verre creux renfermant de l'eau nte ou descend « juxta temperamentum ambientis » (²). ini attribue à Galilée l'invention du thermomètre:

17 il se serait servi d'une sorte air pourvu rmomètre à d'un représenté figure 175. Mais les de Galilée n'en font aucune men-'est pourquoi l'invention du therre est généralement attribuée à Van l, physicien hollandais qui, vers les ncements du xviie siècle, en répanage en Flandre et en Angleterre i forme représentée figure 176. un réservoir à air prolongé par un ertical descendant plongeant dans renfermant de l'eau acidulée par 1 forte (acide azotique), pour l'emde geler, et qui s'élevait plus ou haut dans la tige suivant la teme. Cet instrument, comme celui de , était sensible aux variations de

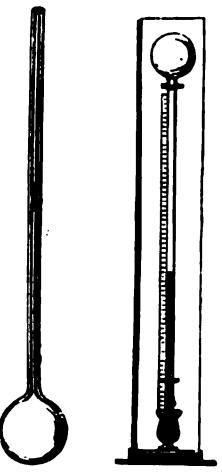


Fig. 175. Fig. 176.

ion atmosphérique, dont alors on ignorait l'existence. rent les académiciens de Florence qui construisirent le

ntenir pendant plusieurs heures une masse d'eau à une température ns que celle-ci éprouve une variation d'un dixième de degré. rupteur KMF est mobile le long d'une glissière verticale, et peut se sérentes hauteurs à l'aide d'une vis de pression M. Plus il est placé la température doit s'élever, pour que la sorce élastique de la varrante du réservoir A puisse soulever le mercure jusqu'en a. C'est aisant varier la position de l'interrupteur qu'on peut passer d'une tre constante à une autre.

1-Baptiste Van Helmont, né à Bruxelles, en 1577, mort en 1644.

de l'Histoire de la Physique, de M. Hæfer.

premier thermomètre à liquide; ils choisirent l'alcool coloré et sauf le mode de graduation, leur instrument est en tout semblable à celui qu'on emploie encore aujourd'hui.

Les échelles furent d'abord arbitraires; chaque physicie avait la sienne; les moyens les plus divers et parfois les plus bizarres furent employés pour graduer les instruments. Les un marquaient le degré du froid au point où l'alcool s'arrêtait dan les grandes gelées d'hiver, et marquaient le chaud à celui où il se fixait quand l'instrument était exposé au soleil ou placé dans le main d'un « fébricitant ». Les académiciens de Florence mettaient le zéro de leur graduation à la température des cave de leur Observatoire.

Robert Boyle proposa, vers le milieu du xvii siècle, de prendre la température de la congélation de l'eau comme point fixe — Mais on vit bientôt qu'un seul point fixe ne suffisait pas — Charles Renaldini, physicien de Pavie, vers 1694, fit marquer de à son thermomètre dans la glace fondante: puis il obtint d'autre degrés avec des mélanges d'eau froide et d'eau bouillante proportions déterminées. Newton, qui se servait d'un thermomètre à huile de lin (1701), employait six points fixes qui étaient température — 1° de la glace fondante, — 2° du sang humain — 3° de la fusion de la cire, — 4° de l'ébullition de l'eau, — 5° de la fusion d'un alliage de plomb, d'étain et de bismuth, — 6° de la fusion du plomb.

Fahrenheit fut le premier qui construisit des thermomètres comparables, quoique de grandeurs différentes (1) (1714). Il employad'abord comme liquide l'alcool. Il marquait 0° à la température d'un mélange de glace et de sel marin en proportions déterminées, et 32° dans la glace fondante. Mais ayant eu connaissance des travaux du physicien français Amontons (2), il fit usage ensuite, comme point fixe, de la température de l'eau bouillante, dans la quelle ses premiers instruments marquaient 212°, et il remplace l'alcool par le mercure.

⁽¹⁾ Les académiciens de Florence avaient déjà construit des thermomètres à peu près comparables entre eux, ce qu'ils obtenaient en leur donné autant que possible les mêmes dimensions.

⁽²⁾ Guillaume Amontons, né à Paris en 1663, mort en 1705.

Réaumur (1), en 1730, construisit des thermomètres dont le liquide était un mélange d'eau et d'alcool en proportions telles qu'il se dilatait des $\frac{80}{1000}$ de son volume en passant de la tem-

pérature de la glace fondante (0°) à la température de la vapeur d'eau bouillante (80°). Ce thermomètre, ou tout au moins son mode de graduation, a été longtemps employé en France et en Italie.

C'est Celsius (2), professeur de physique à l'université d'Upsal, qui imagina l'échelle centigrade et insista sur la nécessité de deux points fixes, et de deux seulement: il fit choix de la température de la glace fondante et de celle de la vapeur d'eau bouillante. Les Suédois se servirent dès 1742 de cet instrument.

Ensin, Dulong et Petit en inventant le thermomètre à poids, et Regnault en persectionnant le thermomètre à air, en montrant le désaccord des thermomètres à mercure sormés de verres dissérents et en désinissant exactement le degré centigrade par l'augmentation de pression de l'air à volume constant, ont sait entrer la thermométrie dans la voie de la précision.

Ajoutons, pour terminer, que les travaux de MM. Deville et Troost sur la perméabilité pour les gaz du platine chauffé ont fait renoncer à l'emploi de ce métal dans la confection des thermomètres à air destinés à mesurer les hautes températures; ce sont eux qui ont employé les premiers des réservoirs en porcelaine vernie pour cet usage.

⁽¹⁾ René-Antoine Ferchault de Résumur, né à la Rochelle en 1683, mort en 1757.

⁽²⁾ André Celsius, né en 1701, mort en 1744.

CHAPITRE III

DILATATION DES LIQUIDES

Nous avons vu (Chap. I, § 10) comment on pouvait mesure la dilatation apparente d'un liquide dans le verre et comment, la dilatation du verre étant connue, on pouvait en déduire la dilatation absolue du liquide. Mais, pour connaître la dilatation du verre, nous allons voir qu'il est nécessaire d'avoir mesuré la dilatation absolue d'un liquide. Dulong et Petit (4) sont sortis de cette difficulté en imaginant une méthode qui permet d'obtenir directement la dilatation absolue du mercure. C'est pourqui l'envient de commencer l'étude de la dilatation des liquides per la description de leurs expériences.

1. MESURE DE LA DILATATION ABSOLUE DU MERCURE PAR LONG ET PETIT. — Principe de la méthode. Deux tubes vertican AB et A'B' (fig. 177) contiennent le premier du mercure à 0, le second du mercure à t°; ils sont réunis par un tube horizontel BB' très fin, de façon à constituer deux vases communiquents. Si D₀ est la densité du mercure à 0°, et D sa densité à t°, on 4, en appelant Δ_t, la dilatation de ce liquide entre 0° et t°:

$$\frac{D_0}{D_t} = 1 + \Delta_t$$

(1) Alexis-Thérèse Petit, né à Vesoul en 1791, mort en 1820. L'étude de la dilatation du mercure a été faite par ces physiciens en 1817.

illeurs les hauteurs H₀ et H₁ du mercure froid et du mercure lau-dessus du tube horizontal BB', doivent être, en vertu

loi des vases comuants, inversement rtionnelles aux denle ces liquides, d'où:

$$= \frac{D_0}{D_1} = 1 + \Delta$$

e de là:

$$\Delta_{t} = \frac{H_{t} - H_{0}}{H_{0}}$$

nsi la mesure de la rence des niveaux — H_o) du mercure

d et du mercure froid,

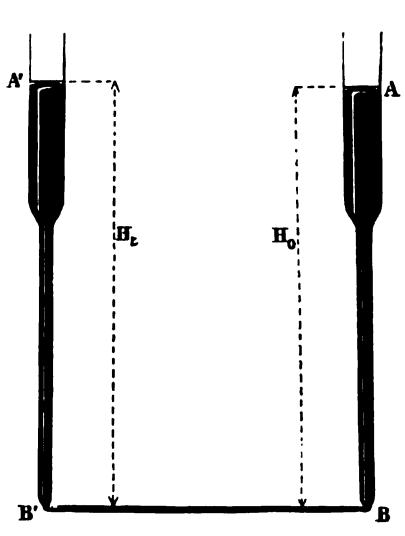


FIG. 177.

e à la mesure de la hauteur H_0 du mercure froid, suffit à connaître Δ_i .

isons remarquer qu'il est essentiel, dans cette méthode, que be horizontal BB' soit capillaire; s'il était large, l'équilibre ourrait avoir lieu: il se produirait à sa partie supérieure ourant de mercure chaud allant de B' vers B, à sa partie ieure un courant de mercure froid marchant en sens inverse, suite des différences de densité. Avec un tube très étroit, ottements s'opposent à ce double courant, l'équilibre existe, température du mercure stationnaire du tube BB' va en sant de B en B'.

aut aussi que ce tube soit parfaitement horizontal, car ce qu'à cette condition que deux éléments de surfaces égaux s à ses deux extrémités B et B', supportent la même presce qui est nécessaire pour que les hauteurs des liquides, au dessus de ces extrémités B et B', soient en raison inverse des densités.

Description de l'appareil. — Le tube recourbé qui content le mercure était en verre; it était capillaire dans la partie hoizontale BB' et assez étroit dans la plus grande portion de la hauteur des branches verticales, pour que la température de mercure fût plus exactement celle des milieux qui les entoraient. Elles s'élargissaient à la partie supérieure, pour évite à la surface libre du mercure les dépressions capillaires.

La partie horizontale BB' reposait sur la grande barre ZZ (fig. 178) d'un support de fer en forme de T, porté lui-mêm par un fort socle en chêne. Ce socle était muni de vis calante qui, à l'aide de deux niveaux placés perpendiculairement l'ai l'autre sur le support en fer, permettaient de rendre les branches BB' parfaitement horizontales.

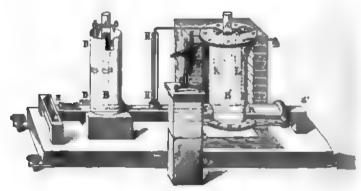


Fig. 179.

Le tube vertical AB était entouré d'un manchon DD coblanc, presentant à sa partie supérieure une petite fenère dans lequel on placait de la glace. Le tube A'B' était con a dans un cylindre en cuivre EE plein d'huile, et présental et 8 des prolongements, dont l'un d'eux recouvrait une pour de la branche horizontale BB.

Ce cylindre etait chauffé par un foyer latéral FF. La lempsé



rature du bain d'huile, assez uniforme était donnée, par un thermomètre à poids L et par un thermomètre à air, dont le réservoir K, ayant la forme d'un cylindre allongé, occupait la plus grande partie de la hauteur du bain, pour mieux prendre la température moyenne de celui-ci. Ce dernier instrument présentait en HH une branche verticale étroite plongeant par son extrémité ouverte dans un bain de mercure et formant l'appareil manométrique. La section de cette branche étant faible, le volume de la masse gazeuse restait à peu près constant, et cet instrument fonctionnait comme le thermomètre normal de Regnault. Dulong et Petit, du reste, tenaient compte de la dépression capillaire que subissait le mercure dans le tube manométrique. Cette dépression était assez forte; c'était là le principal défaut de cette forme de thermomètre à air.

MARCHE D'UNE EXPÉRIENCE. — On versait du mercure dans le tube de verre, de manière à ce que son niveau dans la branche A'B' atteignit la partie supérieure du bain d'huile. On entourait de glace la branche AB, et l'on chauffait A'B'. Quand on avait atteint une température convenable, on fermait les issues du foyer, pour ralentir le feu : la température s'élevait encore un peu puis, passant par un maximum, restait à peu près stationnaire pendant quelques instants; on saisissait ce moment Pour faire les observations. Après avoir ajouté ou enlevé, avec une pipette, un peu de mercure pour que ce liquide depassât * peine le bain d'huile dans la branche A', on ouvrait la fenêtre l'et l'on écartait la glace afin d'apercevoir le niveau du mercure de la branche froide. A l'aide du cathétomètre, inventé Par Dulong et Petit à cette occasion, on relevait avec précision la d'ifférence de niveau (H_T - H₀) du mercure en A' et en A, ain si que la hauteur z du mercure froid au-dessous d'un repère O. La Lige qui portait ce repère, étant placée dans la glace, conser vait la même longueur; on mesura une fois pour toutes la distance verticale h de ce repère à l'axe du tube BB' (1) avec

L'erreur relative qu'on pouvait commettre sur Δ_ℓ était la somme des erreurs relatives maxima possibles sur $(H_T - H_0)$ et sur H_0 . Or, pour une même erreur absolue, l'erreur relative commise sur la quantité très

une règle graduée en millimètre, dont on plaçait le zéro sur le support en fer. La différence h-z donnait la hauteur H_{\bullet} du mercure froid au-dessus de l'axe du tube.

On procédait en même temps aux opérations nécessaires l'évaluation de la température du bain d'huile.

Résultats obtenus. — Dulong et Petit sirent plusieurs expériences, les premières dans le voisinage de 100°, les autres vez 200° et vers 300°. Ils ont calculé le coefficient de dilatation

absolue moyen du mercure $m_{\tau} = \frac{\Delta_{\tau}}{T}$ entre 0° et T, et voici $\mathbf{l}_{\mathbf{z}}$ moyenne des résultats, fort concordants du reste, qu'ils ont obtenus.

Température indiquée yar le thermomètre à air.	Moyenne des valeurs trouvées pour m _T	Température qui serait indiquée par un thermomètre fondé sur la dilatation absolute du mercure [1].
100°	$\frac{1}{5550} = 0,0001802$	100°,00
500°	$\frac{1}{5425} = 0,0001843.$	204°,61
300°	$\frac{1}{5300} = 0,0001887$	314°,15

On voit que le coessicient de dilatation moyen du mercure n'est pas constant mais augmente avec la température.

petite $H_T = H_0$ aurait été bien plus grande que celle commise sur H_0 . Il fallait par consequent, mesurer avec beaucoup plus de précision $H_T = H_0$) que H_0 .

1 Les nombres de cette colonne ont été obtenus en partant de la formule $V_T = V_0$ 1 -- KT ou $\frac{V_T}{V_0} = 1$ -- KT, ou encore $\Delta_T = KT$ dans laquelle K

represente le coefficient de dilatation absolue moyen du mercure entre 0 et 1:0°. On voit que les indications d'un thermomètre fondé sur la dilataisse vrais du mercure s'écartent encore plus de celle du thermomètre à air, que les indications des thermomètres à mercure ordinaires, fondes sur la diletation apparente de ce liquide.

Chariques des expériences de Dulong et Petit. — Les remarqui les expériences de ces ingénieux et habites physiciens, do a les resultats out été a très peu près confirmés par les rea lerches plus récentes, peuvent pourtant prêter prises à quel at a segeres critiques. Le bain d'huile n'était pas pourvu d'agita a cur on n'était pas assuré des lors de l'uniformité de la temmanufacture En outro celle-ci n'itait pas très exactement déterminée ra = - thermometre a air, parce qu'on ne savait j as alors desséch - r convenablement l'intérieur des vases, et suitout parce que Dia ang et Petit out employé, pour coefficient d'augmentation de - son de l'air, le nombre 0,00375 donné par les expériences - av-Lussac, nombre qui est trop fort. La hauteur des tubes 10 🕿 ant pas bien consi térable (55 cent, environ) la valeur de 1116 Ha était très faible, ce qui rendait possible une errour He r.1= tre assez grande.

ta : E chode, qui est excellente, mais la disposition expérimentale,

re- mis à l'abri de ces causes d'incertitude.

APPAREIL DE REGNAULT. - Description. - Cet appareil, citti - trave encore au Collège de France, se compose (fig. 179) I enviobes verticans en fer AB et A'B' ayant 150 centimetres se le staneur et 1 centimetre de diamètre intérieur. Chacun d'eux atterme en haut et en bas, par un godet creux en fer. Un tube hort colaitres mince AA' rémut les godets supérieurs, un autre ber lorzontal BB' peut réunir les godets inférieurs (ce tube est abreventu sur la figure de la facon que nons allons indi pier dans Tustant). Au-dessus des godets superieurs, les tubes AB et AB presentent des prolongements ouverts dans l'atmosphère. La manchon en tôle galvanisée entonre le tube AB, qui se tronat ten renu a une basse température constante par un courant 🐧 de la ville, pénétrant à la purhe inférieure du manchon par se canoir a long tuyau ZZ et débordant à la partie supérieure E lembant cette can arrosait des cordes CC enfourant les tubes bet contaux AA et BB', pour les refroidir. Des thermomètres à accure, placés dans le manchon, donnaient la température de an, et, par conséquent, celle du mercure contenu dans AB. Le tube A'B' était chauffé par un bain d'huile contenu dans une

chaudière cylindrique. Celle-ci était placée presque tout entière dans la cheminée P d'un fourneau qui en chauffait le fond. Un.

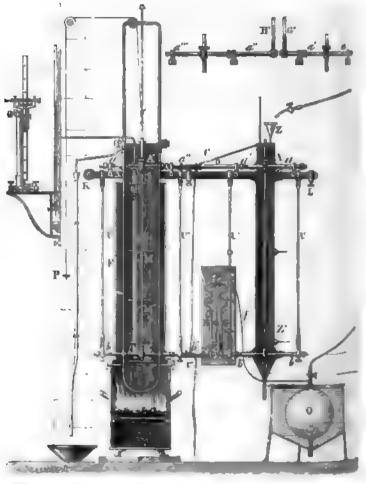


FIG. 173

thermemètre à air de Regnault, décrit dans le chapitre précédit

donnait la température de l'huile. Comme dans les expériences de Dulong et Petit, le réservoir RR' de ce thermomètre était un cylindre allongé, occupant toute la hauteur du bain. Du reste la temperature était rendue uniforme au moyen d'un agitateur poignée P.

Tout le système est soutenu par une forte barre de fer KL pouvant tourner autour d'un axe K scellé au mur; une vis supporte son extrémité L, et permet de faire varier un peu son inclinaison, pour régler l'horizontalité des tubes AA et BB'.

Des supports de fer fixés à la barre soutiennent le tube AA' ou ses prolongements a et a''', des tirants U,U',U',U', U' supportent le tube BB et ses prolongements b et b'''. On a tracé quatre points de repère a,u,a',a'' sur le tube supérieur AA', suivant une droite à la hauteur de son axe, et de même deux points de repère b,b et b',b à la hauteur de l'axe sur chaque moitié du tube inférieur BB A l'aide d'un cathétomètre bien réglé (dont la lunette pouvant our ner autour de l'axe vertical dans un plan horizontal), on s'assorant que les repères a,a',a'',a' étaient dans un plan horizontal, et qu'il en était de même des deux repères b,b' et b'',b'''.

Reguault a employé cet appareil de deux manières différentes.

1º Mode d'expérience. — Le tube BB' était interrompu comme le représente la figure 179, les deux portions de ce tube étaient termoces par deux éprouvettes en verre verticales G et H, qui communiquaient par leur partie supérieure favec [l'intérieur d'un matebalon Q, contenant de l'air comprimé. Pour éviter les variants le température, qui produiraient un changement dans la force elistique de l'air contenu dans ce ballon, il était entouré d'eau.

Aut le tube horizontal AA' présentait une petite ouverture O à mate supérieure.

les maintenant comment on opérait. On versait du mercure les extrémités ouvertes des deux branches AB et AB jusqu'à se ce liquide apparût à l'ouverture O, et en inême temps on rimait de l'air dans le ballon Q pour empêcher le mercure de rjusqu'au sommet des deux éprouvettes H et G. On amenait d'huile à une température convenable, puis on modérait le la fermant les issues du foyer. Alors, après avoir agité le

bain pour rendre sa température uniforme, après avoir remain parfaitement horizontaux le tube AA' et les deux portions de Bais et enfin après avoir un peu augmenté la force élastique dans le ballon Q pour refouler le increure et le faire apparaître en s'il y avait lieu, plusieurs aides faisaient simultanément le s'il y avait lieu, plusieurs aides faisaient simultanément le sobservations suivantes : on mesurait au cathétomètre — 1° le distance verticale H de la ligne des repères horizontale au a la ligne bb', — 2° la distance H' de aa'a''a''' à b''b''', — 3° le distance h du niveau du mercure dans l'éprouvette G à la ligne bb', — 4° la distance h' du niveau du mercure dans l'éprouvet le la ligne b''b''' (1). En outre, on faisait les opérations néces saires pour obtenir la température T du bain d'huile au moyent du thermomètre à air, on notait la température t de l'eau froide manchon AB, et enfin la température ambiante et qui était celle le mercure contenu dans les éprouvettes G et H.

Afin d'établir l'équation qui donnera la dilatation du mercua. A, entre 0° et T° faisons la remarque générale suivante.

Si a_{τ} représente la hauteur d'une colonne de mercure à τ .

hauteur a_0 de la colonne de mercure à 0° qui produit la mère τ pression est $a_0 = a_{\tau} \frac{D_{\tau}}{D_0}$, en appelant D_{τ} et D_0 les densités τ mercure à τ et à 0° . Or

$$\frac{D_{\tau}}{D_{0}} = \frac{1}{1 - \Delta_{\tau}}$$
 d'où, par conséquent $a_{0} = \frac{a_{\tau}}{1 - \Delta_{\tau}}$

1 Comme le mercure variait parfois lentement de position dans les tots et H. par suite d'une legère variation de la force élastique de l'air datailles lon Q, deux observateurs suivaient chacun avec un cathétomètre les des niveaux mercuriels en G et en H. A un signal donne, on fixait les lunctures des cathétomètres, et sans toucher à l'un d'eux, celui qui visait 6 presumer cathétomètre servait la différence des niveaux en G et H. L. le presumer cathétomètre servait à voir si le mercure n'avait pas bougé en E pendant code mesure. Il suffisait de relever ensuite les hauteurs audesseude de de de de de de de point où l'on avait fixé ce cathétomètre (niveaux de mercure en G, pour obtenir avec precision les quantités désignées dans de texte par le et par le.

:,

114

D'après cela, la hauteur de mercure à 0° qui aurait fait équilibre à la différence de force élastique entre le mercure contenu dans le tube horizontal très mince AA' et l'air contenu dans la partie supérieure des deux éprouvettes G et H a pour expression:

soit
$$\frac{H}{1+\Delta_{l}} - \frac{h}{1+\Delta_{\theta}}$$
 (en considérant la colonne de mercure froid AB).

soit
$$\frac{H'}{1+\Delta_r} - \frac{h'}{1+\Delta_\theta}$$
 (en considérant la colonne de mercure chaud A'B'.)

d'où l'égalité:

$$\frac{H'}{1+\Delta_T} - \frac{h'}{1+\Delta_0} = \frac{H}{1+\Delta_L} - \frac{h}{1+\Delta_0}$$

Les valeurs de Δ_{θ} et Δ_{t} qui représentent la dilatation moyenne entre 0° et les températures θ et t sont très faibles, et l'on prit pour ces valeurs celles qu'on pouvait déduire des expériences de Dulong et Petit. L'équation précédente, ne contenant alors d'autre inconnue que Δ_{τ} fait connaître sa valeur.

Mode d'expérience. — Le tube horizontal inférieur BB' était continu ou, du moins, ses deux tronçons étaient reliés par un tube de fer flexible plein de mercure, et c'était le tube horizontal supérieur AA' qui était interrompu et dont les deux parties étaient terminées par deux éprouvettes en verre G' et H' (fig. 179) ouvertes à l'air libre. Le mercure s'élevait dans ces éprouvettes à des hauteurs différentes h et h' au-dessus de aa' et de a'a''. Sous cette forme l'expérience était presque identique icelle de Dulong et Petit.

Les observations se faisaient comme dans le premier cas; mais on avait soin, auparavant, d'amener les deux lignes de repères bb' et b''b''' dans le même plan horizontal. Du reste, cette opération n'avait pas besoin d'être faite avec une très grande précision, car, la température du mercure dans la branche froide AB étant presque la même que celle de la portion bb' du tube horizontal et du tube de raccord jusqu'en b''b''', ces tubes pouvaient se considérer comme des prolongements de la branche AB. On voit que, dans ce cas, il fallait prendre pour les hauteurs H et H' les distances verticales de aa' et de a''a''' à la même portion b''b''' du tube horizontal capillaire.

Evaluons, comme ci-dessus, la hauteur de la colonne de mercure à 0° qui aurait fait équilibre à la différence entre la force élastique de l'atmosphère et celle du mercure contenu dans le tube b"b", soit en considérant le mercure de la branche froide AB, soit en considérant le mercure de la branche chaude A'B, et égalons ces deux expressions. Nous obtenons l'égalité:

$$\frac{H'}{1+\Delta_{1}} + \frac{h'}{1+\Delta_{0}} = \frac{H}{1+\Delta_{1}} + \frac{h}{1+\Delta_{0}}$$

Résultats. — Les deux manières d'opérer donnèrent des résultats parfaitement concordants. Les expériences furent faites à des températures T qui ont varié de 25° à 350°. Pour coordonner ses expériences et obtenir la fonction Δ_T , Regnault a employé la néthode graphique.

Une planche de cuivre carrée, de 85 centimètres de côté, préparée pour la gravure, fut partagée à l'aide de la machine à diviser en 10000 petits carrés de 8 millimètres de côté par 101 lignes parallèles et parfaitement équidistantes, coupées par 101 lignes parfaitement équidistantes aux précédentes. On porta en abscisse les températures, chaque division représentant un degré du thermomètre à air, et l'on porta en ordonnée les valeurs trouvées pour $\Delta_{\rm r}$, chaque division représentait un millième, les dilatations étant toujours des nombres très faibles $A_{\rm r}$.

¹ Comme il n'y avait que 1(t) divisions sur la ligne des abscisses, esqui ne permettant que de reproduire les observations comprises dans un in-

Chaque point correspondait ainsi à une observation (au nombre de 130 environ); ils formaient une sorte de constellation située de part et d'autres et s'écartant très peu d'une ligne moyenne de courbure régulière. Regnault traça lui-même cette ligne, qui devait représenter la fonction Δ_T d'une façon plus exacte que la ligne brisée qui aurait joint chacun des points correspondant à une observation, car par sa régularité elle devait corriger en partie les erreurs inévitables de chaque expérience.

A l'aide de cette planche, on a pu tirer un grand nombre d'exemplaires de la courbe représentant Δ_{T} . Mais, comme il est plus commode, pour trouver la valeur de Δ_{T} correspondant à une température donnée T, de se servir d'une formule que de prendre des mesures précises sur une courbe, qu'au surplus on n'a pas toujours à sa disposition, Regnault a essayé d'exprimer Δ_{T} par une formule parabolique à deux termes que voici:

$$\Delta = 0,0001790066 T + 0,00000000252316 T2 (1).$$

Cette sormule représente bien la courbe.

terville de cent degrés, on coupa la courbe en quatre tronçons superposés sur la planche, le premier allant de 0° à 100°, le second allant de 100° à 200°, le point 100° correspondant à l'abscisse du point 0° du premier tronçon, le troisième allant de 200° à 300°, et le quatrième de 300° à 350°.

(1) Voici les logarithmes de ces nombres :

$$\log 0,0001790066 = 4,2528690$$
 $\log 0,00000000252316 = 8,4019441$

Ce sont ces logarithmes mêmes qui se trouvent dans le mémoire de Regnault.

M. Mendeleess représente éxactement les expériences de Regnault par une sommule à deux termes plus simple, que voici :

$$\Delta_{\tau} = 0,000\,180\,1\,T + 0,000\,000\,02\,T^{2}$$

Le coefficient de dilatation moyen m_{τ} entre 0° et Test, d'après cela, donné par :

$$m_{\rm T} = \frac{\Delta_{\rm T}}{\rm T} = 0,000179\,006\,6 + 0,0000000\,025\,231\,6\,{\rm T}$$

et le coefficient de dilatation vraie μ_{r} à T° par :

$$\mu_{\rm T} = (\Delta_{\rm T})' = 0,000\,179\,006\,6 + 0,000\,000\,050\,463\,2\,{\rm T}.$$

Voici un tableau qui donne ces quantités pour les températures 100°, 200°, 300° et 350°.

Température T donnée par le thermomètre à air.	Dilatation entre O° et T° $\Delta_{\overline{1}}$	Coefficient de dilatation moyen entre 0° et T° m T	Coefficient de dilatation vraie à T° L'T
100	0,018 153	0,000 181 53	0,000 184 05
200	0.036811	0,000 184 05	0,000 189 10
300	0,055 973	0,000 186 58	0,000 194 15
\$50	0,065743	0,000 187 84	0,000 198 66

On voit que les valeurs de m, diffèrent peu de celles trouvée par Dulong et Petit (p. 428)

3. MESURE DE LA DILATATION D'UN VASE. — Nous avons de vu, à propos du thermomètre à air, la nécessité de considerable dilatation d'un réservoir: nous avons vu aussi que la considerable de la dilatation des enveloppes de verre est nécessirement deduire de la dilatation apparente d'un liquide, sa dilatation absolue.

Quoique ce sujet appartienne à la dilatation des solides, il nous parait indispensable de le traiter dès à présent pour l'intelligence de ce qui va suivre.

Le procédé employé pour obtenir la dilatation K_T d'une enveloppe consiste à mesurer la dilatation apparente a_T du mercure dans cette enveloppe, et d'après la connaissance de la dilatation absolue Δ_T de ce liquide, d'en déduire K_T .

I' CAS. — Le vase n'est pas rourvu d'une tige graduée (réservoir d'un thermomètre à air par exemple). — Dans ce cas on fait de ce vase un thermomètre à poids, et l'on répète avec lui teutes les opérations que nous avons indiquées à propos de cet appareil. Soit P la masse de mercure qui remplit le vase à 0° et soit p_T la masse du mercure qui en sort, quand on le porte de 0° à T°, la température étant donnée par un thermomètre quelconque.

On a la relation (Chap. II, § 8)

$$P(1+K_T) = (P-p_T)(1+\Delta_T)$$

Pet p_{T} étant donnés par des pesées (¹) et Δ_{T} par les expériences de Dulong et Petit ou de Regnault, cette égalité fait connaître K_{T} Cas. — Le vase est pourvu d'une tige graduée en parties d'égale capacité (²) (comme un thermomètre à tige). — On

(1) Faisons remarquer que cette expérience seule ne peut donner que le rapport $\frac{P}{P-p_{_T}}$, égal d'après l'équation ci-dessus à $\frac{1+\Delta_{_T}}{1+K_{_T}}=1+a_{_T}$. c'est-

a-dire ne peut donner que la dilatation apparente; ce qui est conforme à ce que nous avons dit à propos de la méthode générale.

(2) Il est assez difficile de bien graduer une tige creuse en parties d'égale capacité, car, comme on le sait le canal de la tige n'est jamais parsaitement cylindrique. Ce qu'il y a de mieux à saire est de graduer la tige en parties d'égale longueur, et par la méthode indiquée à propos du thermomètre (Chap. II, § 3 p. 405) de déterminer la capacité de chaque division en prenant la capacité de l'une d'elle A comme unité.

On dresse alors une table de correction qui permet, d'après le nombre N

commence par déterminer la capacité V du réservoir et de la tige jusqu'au zéro de la graduation, et la capacité v d'une division à 0°

Pour cela, après avoir fait la tare de l'instrument vide, remplit de mercure son réservoir et une portion de sa tig comme nous l'avons vu à propos du thermomètre à mercu rodinaire; puis on place l'instrument dans la glace fondante. Son la division à laquelle s'arrête le mercure. On porte alors l'in trument sur la balance, pour avoir la masse P du mercu rintroduit. En appelant D la densité du mercure à 0°, on a :

$$\frac{P}{D} = V + nv$$

On introduit ensuite une nouvelle quantité de mercure, de façon à remplir presque complètement l'instrument. On détermine comme ci-dessus la division n' où le mercure s'arrête dans la glace fondante et la masse P' de mercure contenu dans l'instrument; on a alors la relation:

$$\frac{P'}{D} = V + n'v$$

la résolution des équations (1) et (2) fait connaître V et r a valeur absolue :

$$v = \frac{P' - P}{(n' - n)D}$$
 $V = \frac{n'P - nP'}{(n' - n)D}$

Cette première opération saite, on enlève l'excès de mercure, et on laisse dans l'instrument une masse de ce liquide dont on

de divisions trouvé dans une observation, d'en déduire le nombre a qu'en aurait eu si toutes les divisions avaient la capacité de la division A. C'este nombre corrigé n qu'il faut introduire dans les formules ci-dessus et des celles des paragraphes suivants. La capacite que nous y désignons per sest alors celle de la division A à l'e.

détermine le volume à 0°; si n_0 est la division à laquelle le mercure s'arrête dans la glace fondante, son volume est alors $V + n_0 v$. On note ensuite la division n_T où se fixe la colonne mercurielle pour une température T, la dilatation apparente du

mercure dans ce verre est $\frac{(n_{\rm r}-n_{\rm o})v}{V+n_{\rm o}v}=a_{\rm r}$. La relation connue (Chap. ler, § 10)

$$(1 + \Delta_T) = (1 + a_T)(1 + K_T)$$

sait alors connaître la quantité K_r.

Ces expériences faites en prenant cinq ou six valeurs différentes pour T permettent de déterminer, soit une courbe, soit une formule à deux termes $(aT + bT^2)$ représentant la fonction K_T .

Faisons remarquer que K_T variant, non seulement avec la nature du verre (celle-ci étant du reste toujours très mal désinie), mais aussi avec la façon dont ce verre a été travaillé, dans toute expérience où l'on a besoin de connaître avec précision la valeur de K_T, il faudra déterminer directement cette quantité, par l'une des méthodes que nous venons d'indiquer, sur l'enveloppe même dont on compte se servir.

4. MÉTHODE DES THERMOMÈTRES COMPARÉS. — La méthode la plus simple pour obtenir la dilatation d'un liquide, consiste à mesurer sa dilatation apparente dans une enveloppe de verre dont on a, au préalable, déterminé la dilatation.

Pour cela, on construit avec le liquide un thermomètre à tige à gros réservoir en prenant les mêmes précautions que dans la construction d'un thermomètre ordinaire; la tige doit avoir été graduée en parties d'égale capacité (ou mieux d'égale longueur, voir la note 2 de la page 437). Avant de remplir l'instrument on mesure la capacité du réservoir et celle des divisions par des pesées au mercure ainsi que la dilatation K_r (§ 3).

On commence par placer le thermomètre dans la glace fondante, pour noter la division où le liquide s'arrête à 0° , puis on le dispose à côté d'un thermomètre à mercure à peu près de même dimension dans un bain dont on peut faire varier la température à volonté et qui doit être pourvu d'un agitateur pour la rendre uniforme. Celle-ci est donnée par le thermomètre à mercure, et les indications de l'autre thermomètre font connaître la dilatation apparente a_r du liquide qu'il renferme.

La relation:

$$1 + \Delta_{T} = (1 + a_{T}) (1 + K_{T})$$

qui, quand le produit $a_{T}K_{T}$, est négligeable se réduit à

$$\Delta_{\mathbf{r}} = \mathbf{a}_{\mathbf{r}} + \mathbf{K}_{\mathbf{r}}$$

fait connaître $\Delta_{\mathbf{r}}$.

Imaginée par de Luc (1), perfectionnée par Biot, cette méthode a été employée par plusieurs physiciens; nous nous bornerossi décrire ici avec quelques détails les expériences de M. Is. Pierre.

5. EXPÉRIENCES DE M. IS. PIERRE.— Deux thermomètres, à gros réservoirs et à tige très longues, de même dimension, étaient construits l'un avec du mercure, et servait à donner la température, l'autre avec le liquide étudié. M. Is. Pierre préparait lumème les liquides employés et les analysait, pour s'assurer de leur pureté. Comme on n'aurait pas pu maintenir uniforme la température d'un bain assez haut pour contenir en entier ces thermomètres, on plaçait seulement leurs réservoirs R et l'adans le bain B (fig. 180), et les tiges de ces thermomètres, traversant un bouchon, sortaient de celui-ci. Mais ainsi la portion du liquide contenue dans la tige n'était plus à la température? du bain : une correction était donc nécessaire. Pour pouvoir la faire exactement il fallait connaître la température? des tiges-

l' De Luc, ne à Genève en 1727, mort à Windsor en 1817.

si celles-ci étaient-elles entourées par un manchon M dans sel circulait constamment un courant d'eau froide.

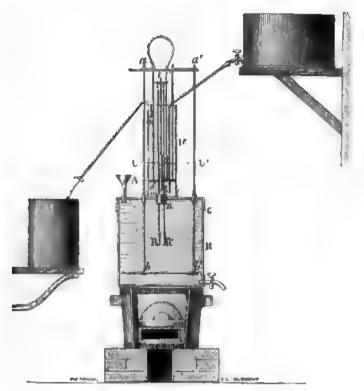


Fig. 460.

In petit thermomètre à mercure U et un petit thermomètre à side U, tous les deux à long réservoir, plongeaient entièremet dans l'eau du manchon; le premier en donnait la tempéture t, le second faisait connaître Δ_t par la méthode des thermètres comparés simples, cette quantité étant utile pour la rection, que nous allons indiquer. Enfin des agitateurs A et A' daient uniforme la température du bain et de l'eau du mante,

Il nous reste à indiquer — 1° comment on corrige les indications du grand thermomètre à mercure pour avoir la température T du bain, — 2° l'équation qui donne la dilatation du liquide.

Correction des indications du theimomètre a mercure. — Cette correction, que l'on a constamment à faire dans les recherches précises, quand une portion de la tige sort de l'enceinte dont on veut mesurer la température, s'obtient de la façon suivante.

Désignons par T la véritable température du bain, par T_4 la température un peu plus faible, lue sur le thermomètre, par n le nombre de degrés dont la colonne mercurielle s'élève au-dessidu point où la tige sort du bain, enfin par t la température de la tige. Prenons comme unite de volume celui d'une division de la tige; il y a alors un volume de mercure n a la temperature t. Si l'on portait cette petite masse de liquide a la température du bain T_i son volume n s'accroîtrait de la quantité na(T-t) (1), a étant le coefficient de dilatation apparente du mercure dans le verre, de façon que le mercure s'arrêterait dans la tige à la division $T_1 - naiT - t$. Mais alors tout l'instrument étant à T^o , le thermomètre indiquerait cette température.

On a done:

$$T = T_1 + na(T - t)$$

équation du premier degré qui fait connaître T (*).

Equation donnant la dilatation Δ_r . — Désignons par n_0 la division on le liquide s'arrête quand tout l'instrument est ploagé dans la glace, le volume à 0° du liquide est $V \leftarrow n_0 v$, en appelant V et v les volumes connus du réservoir et d'une division de la

⁽¹⁾ En négligeant les quantités contenant les puissances de a supernouve a la premare.

⁽² Quand a et T ne sont pas tres grands, on pout tres bien remplacer, dans le terme correctif, la temperature vraie T par la temperature approché. T ; l'equation devient plus simple ainsi, et est toute résolue par rapport à T

uge. Quand l'instrument est dans le bain, une portion seulement du liquide est à la température T de celui-ci, l'autre est à la température t. Soit n la division où la tige sort du bain, et n' la division où s'arrête le liquide. Il y a alors

un volume
$$(V + nv)(1 + K_T)$$
 de liquide à T° et un volume $(n' - n)v(1 + K_t)$ de liquide à t °

(K_r et K_t désignant, comme toujours, les dilatations du verre de 0° à T° et de 0° à t°). En réduisant séparément à 0° le volume de chacune de ces masses liquides, et en écrivant que la somme des deux volumes réduits à 0° est égale au volume total du liquide à cette température, on a l'équation

$$\frac{(V + nv)(1 + K_{T})}{1 + \Delta_{T}} + \frac{(n' - n)v(1 + K_{t})}{1 + \Delta_{t}} = V + n_{0}v$$

qui fait connaître Δ_{τ} .

6. RÉSULTATS OBTENUS POUR LA DILATATION DES LIQUIDES. — Si nous exceptons l'eau et les dissolutions aqueuses, la dilatation des autres liquides est généralement bien représentée, pour un assez grand intervalle de température, par une formule parabolique à trois termes :

$$\Delta_{\mathbf{T}} = a\mathbf{T} + b\mathbf{T}^{2} + c\mathbf{T}^{3}$$

dans laquelle a, b, c sont trois coefficients le plus souvent positifs. Le volume, du reste, croît constamment avec la température. Voici, d'après M. Is. Pierre, la valeur de ces coefficients pour quelques liquides:

	a	b	c	Limites de temperature matro Legendo la formate est applicable
Alcool éthylique Alcool méthylique Sulfure de carbone Ether éthylique Ether éthylchlorhydrique	0.001 185 569 707 407 0,001 139 803 833 952 0,001 513 244 795 062	0,000 001 564 932 615 0,000 001 370 651 328 0,000 002 359 182 881	0,000 000 000 111 344 0.000 000 019 122 546 0.000 000 040 051 24	-31 à + 01

7. DILATATION DE L'EAU. — L'eau présente une dilatation anormale : quand la température s'élève à partir de 0°, elle se contracte au lieu de se dilater, comme les autres liquides, et, vers 4°, elle passe par un minimum de volume pour se dilater ensuite.

Ce furent les académiciens de Florence qui, en 1670, constatèrent les premiers que dans un thermomètre à eau, le liquide en se refroidissant dans le voisinage de 0°, augmentait de volume au lieu de se contracter.

Une conséquence de ce sait sut vérissée par les expériences de Trallès en Suisse et de Hope en Ecosse, qui par des procédés semblables, montrèrent que l'eau présente un maximum de densité vers 4°. Depuis, un très grand nombre de physiciens se sont occupés de la dilatation de l'eau; nous allons indiquer les principales méthodes employées dans cette étude.

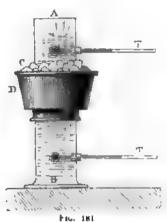
8. EXPÉRIENCE DE HOPE. — EMPLOI DE CETTE MÉTHODE PAR DESPRETZ. — Hope (1804), disposa un vase profond contenant de l'eau à 0° dans une pièce à 15°; un thermomètre était placé à la partie supérieure et un autre à la partie inférieure du vase. La température de ce dernier s'éleva d'abord plus vite que celle du thermomètre supérieur jusqu'à ce qu'elle eût atteint 4°; elleresta alors stationnaire pendant longtemps, tandis que celle du thermomètre supérieur continuait à s'élever jusqu'à 15°. Comme l'em la plus dense gagne le fond du vase. Hope conclut de cette expérience qu'entre 0° et 4° l'eau la plus dense était la moins froide. Il fit ensuite l'expérience en sens inverse, mettant dans de la

glace un vase semblable au précédent plein d'eau à 10°; le thermomètre inférieur baissa plus rapidement que l'autre jusqu'à 4°, s'y maintint pendant longtemps tandis que le thermomètre supérieur baissait jusqu'à 0°.

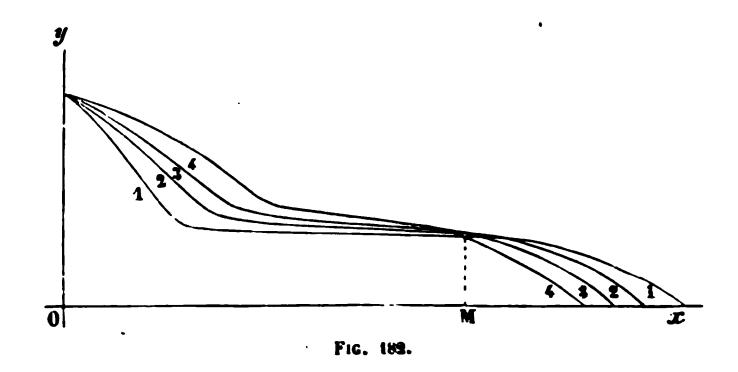
Dans les cours on répète habituellement cette dermere expé-

rience sous une forme un peu différento que Hope lui a donnée plus tard. Une éprouvette pleine d'eau (fig. 181), possède dans son axe les réservoirs de deux thermomètres T et T' l'un en haut l'autre en bas; dans une galerie D, on met de la glace, qui refroidit l'eau contenue dans l'éprouvette. Les résultats sont les mêmes que ceux indiqués cidessus.

Despretz, vers 1839, a rendu plus précise cette méthode de Trailés et de Hope, en représentant graphiquement la marche



des thermomètres. Un vase de faïence contenant 6 kilogrammes d'eau vers 10°, et présentant quatre thermomètres à différentes hauteurs était suspendu dans une pièce à très basse température; l'eau se refroidissait, et Despretz notait la température des quatre thermomètres à des époques déterminées. Pour représenter graphiquement la marche de ces instruments, il porta en abscisse les temps et en ordonnées les températures; il obtint ainsi les quatre courbes 1, 2, 3, 4, représentées fig. 182. On voit que la courbe nº 1, qui correspond au thermomètre le plus bas, s'abaisse rapidement d'abord, puis présente une brusque inflexion, devient presque horizontale, indiquant que la température reste à peu près stationnaire, et baisse ensuite lentement. La courbe nº 4, qui correspond au thermomètre supérieur, baisse moins rapidement d'abord, son inflexion est moins brusque, mais après avoir coupé la première, elle baisse plus rapidement qu'elle. Les courbes 2 et 3, correspondant aux thermomètres placés entre les deux précédents, ont des aspects intermédiaires. Toutes ces courbes se coupent à peu près en un même point, indiquant qu'à un certain moment la température est uniforme dans le vase:



c'est la température du maximum de densité. La moyenne de plusieurs expériences, les unes faites par refroidissement, les autres par échaussement de l'eau primitivement refroidie vers 0°, donna, pour cette température, la valeur 3°,98.

9. MESURE DE LA DILATATION DE L'EAU PAR LEFÈVRE-GINEAU ET PAR HÄLLSTRÖM. — Les premières expériences un peu précises faites pour étudier la dilatation de l'eau, dans le voisinage de son maximum de densité, sont dues à Lefèvre-Gineau (1799); elles furent exécutées en vue de fixer la valeur du kilogramme. (Voir L. III, Chap. Iet, § 17). La méthode qu'il employa, et qui paraît due à Lavoisier, fut reprise avec plus de soin par Hällström (¹). En voici le principe : on mesure, à l'aide de la balance, la perte de poids apparente qu'un même corps subit lorsqu'il est immergé dans de l'eau à différentes températures. Si V₇ est le volume à T du corps immergé dans l'eau à cette température, et si D₇ est le poids spécifique absolu de cette eau, le produit V₇D₇ représente le poids de l'eau déplacée et, par conséquent, est égal au poids par l'eau déplacée et, par conséquent, est égal au poids par le poids de l'eau déplacée et, par conséquent, est égal au poids par l'eau de l'eau déplacée et, par conséquent, est égal au poids par le produit V₇D₇ représente le poids de l'eau déplacée et, par conséquent, est égal au poids par l'eau de l'eau d'eau de l'eau d'eau de l'eau d'eau de l'eau d'eau d'eau d'eau d

^{1.} Hallström, professeur de physique à Abo (Suède), fit ses expériences en 1823.

que l'on doit mettre dans le plateau, au-dessous duquel le corps immergé est attaché, pour contre-balancer l'effet de la poussée. On a donc (sauf les corrections très petites indiquées L. III, Chap. I^{er}, § 17 et qui proviennent de la poussée de l'air sur le corps et sur les poids marqués):

$$p_{\mathbf{T}} = V_{\mathbf{T}}D_{\mathbf{T}}$$
 d'où: $D_{\mathbf{T}} = \frac{p_{\mathbf{T}}}{V_{\mathbf{T}}}$

Or, on a, en désignant par Δ_{τ} la dilatation de l'eau :

$$1 + \Delta_{\mathbf{T}} = \frac{D_0}{D_{\mathbf{T}}} = \frac{p_0}{V_0} \frac{V_{\mathbf{T}}}{p_{\mathbf{T}}} = \frac{p_0}{p_{\mathbf{T}}} \frac{V_{\mathbf{T}}}{V_0}$$

Dans cette égalité le rapport des poids $\frac{p_0}{p_{\rm T}}$ peut être remplacé par le rapport des masses des poids marqués, données directement par la lecture.

Pour connaître $\Delta_{\rm T}$ il faut donc: — 1° déterminer par la balance $p_{\rm 0}$ et $p_{\rm T}$; — 2° mesurer la dilatation du corps immergé, ce qui donne $\frac{{\rm V_T}}{{\rm V_0}}$.

Lesèvre-Gineau employait, pour celui-ci, un cylindre en laiton, Hällström une boule de verre lestée. Ce dernier physicien mesura la dilatation linéaire d'un tube mince formé de verre provenant du même creuset que celui de la boule, par une méthode presqu'identique à celle qui est employée actuellement au Bureau international des Poids et Mesures, et que nous décrivons plus loin (Chap. IV, § 5). C'est le triple de la dilatation linéaire, ainsi trouvée, qu'il prit pour la dilatation cubique de sa boule de verre. En opérant ainsi il ne pouvait commettre qu'une bien saible erreur, car le verre qui composait sa boule avait exactement la même composition que le tube de verre mince et était soussilé à

peu près de même. Hällström a donné la formule suivante qui représente bien ses expériences:

$$1 + \Delta_{T} = \frac{1}{1 - 0,000052939T - 0,0000005322T^{2} + 0,000000001445T^{-1}}$$

d'où l'on tire:

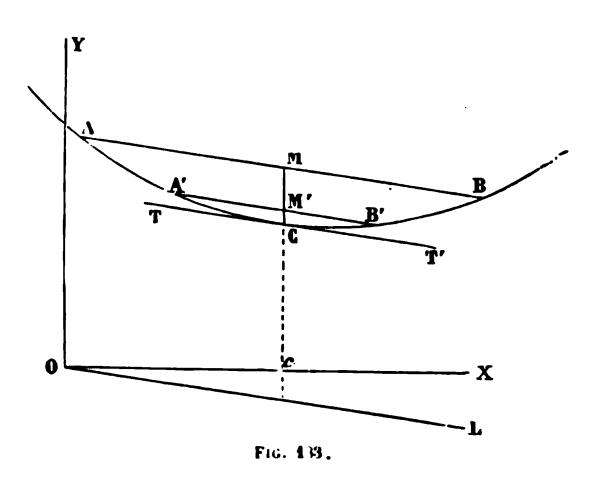
$$\Delta_{T} = -0,000052939T + 0,0000065350T^{2}$$
$$-0,00000001514T^{3}$$

Cette formule, qui n'est applicable qu'entre les limites où Hällström a opéré (de 0°,8 à 32°,5), montre bien que, si la température de l'eau s'élève à partir de 0°, son volume commence par diminuer, car pour T=0 la dérivée de Δ_T est négative. Celle-ci s'annule pour $T=4^\circ,108$; c'est donc pour cette température qu'une masse d'eau prend son minimum de volume, d'après Hällström. Au delà Δ_T croît indéfiniment avec la température (¹).

Hällström fait remarquer que l'erreur maxima possible sur les températures fournies par ses expériences pour le maximum de densité est ± 0°,238; c'est une erreur assez considérable.

- 10. EXPÉRIENCES DE DESPRETZ. Despretz a étudié la dilatation de l'eau par la méthode des thermomètres comparés. L'eau employée était bien pure et parfaitement privée d'air par une longue ébullition. Il se servait de deux thermomètres à eau entourés de trois thermomètres à mercure. Les expériences furent faites entre 20° et 10°, l'eau, par suite du phénomène de la surfusion. pouvant rester liquide dans le thermomètre jusqu'à ces basses températures.
- (1) La fonction donnée ci-dessus pour représenter Δ_r possède bien un maximum pour $T = 200^\circ$; mais cette fonction empirique ne représente les experiences qu'entre les limites 0° et 32° où elles ont été exécutees et nulle ment aux temperatures elevées.

>ur représenter ses résultats, Despretz employa la méthode hique: il porta en abscisses les températures, et en ordonnée $\frac{V_{\tau}}{V_{0}}$ du volume apparent V_{τ} de l'eau à T° au volume de celle-ci à 0°, c'est-à-dire le binome de dilatation appa- $1 + a_{\tau}$. En joignant par un trait continu les points reprént les observations, il obtint une courbe qui a la forme d'une bole (figure 183, où la courbure est exagérée pour la rendre



visible). Si Δ_{τ} est la dilatation absolue de l'eau, et K_{τ} celle re, on a :

$$1 + \Delta_{T} = (1 + a_{T})(1 + K_{T})$$

en négligeant le terme $a_{T}K_{T}$:

$$1 + \Delta_{\mathbf{r}} = 1 + a_{\mathbf{r}} + K_{\mathbf{r}}$$

 \mathbf{q} voit qu'aux ordonnées $\mathbf{1} + a_{\mathbf{r}}$ de la courbe, il faut ajouter

la quantité K_T pour avoir le binome de dilatation absolue. Si donc on trace la ligne, dont l'équation est

$$y = -K_{T}$$

et qui, dans les limites de températures employées, est sensiblement une ligne droite OL passant par l'origine, il sussit des prolonger les ordonnées de la courbe jusqu'à cette droite pour avoir $1 + \Delta_T$. En d'autres termes, en prenant OL comme nouve axe des abscisses, la courbe représente la dilatation absolue de l'eau.

La température à laquelle ce liquide passe par son minimum de volume, est donnée par l'abscisse Oc du point de contact C d'use tangente TT' parallèle à OL. Pour avoir avec exactitude ce point C, Despretz a profité de ce que la courbe est, à très peu près une parabole dans le voisinage du minimum: il a mené deux cordes AB et A'B' parallèles à OL, et il ajoint leurs milieux M et M, ce qui a donné le diamètre correspondant qui, comme on le sait, rencontre la courbe au point de contact C de la tangente parallèle à ces cordes; en menant Cc parallèle à Oy, on obtient la température correspondante Oc. Il a trouvé ainsi que le minimum de volume de l'eau correspond à 4°,001.

Quand la température de l'eau baisse, à partir de ce point, le volume augmente non seulement jusqu'à 0, mais encore audelà et, jusqu'à — 10°, limite des expériences.

Beaucoup d'autres physiciens ont employé la même méthode pour étudier la dilatation de l'eau.

41. EXPÉRIENCES DE M. ROSETTI. — RÉSULTATS. — M. Rosett a étudié la dilatation de l'eau en prenant son poids spécifique à diverses températures par la méthode du flacon. Il opérait du reste exactement comme nous l'avons décrit (L. II, Chap. V, § 3: sauf que le niveau était ramené au point de repère, quand le flacon avait pris la température connue d'un bain dans lequel il était immergé. Du reste, le tube sin portait plusieurs points de

repère équidistants comprenant des intervalles dont la capacité à 0° était exactement connue ainsi que celle du réservoir. Pour les observations se succédant à des températures peu différentes, on se bornait à noter la variation de volume apparent de l'eau dans son enveloppe, en employant ainsi la méthode des thermomètres comparés.

M. Rosetti a discuté et coordonné, non seulement les résultats de ses propres expériences, mais encore celles de tous les observateurs dont les expériences méritent confiance. Il a dressé un tableau contenant les valeurs trouvées par eux et par lui-même pour la dilatation de l'eau; puis il a pris la moyenne des valeurs obtenues à une même température par les divers observateurs. Ces moyennes fixent à 4°,00 le maximum de densité de l'eau.

Elles ont permis de calculer le tableau suivant pour le poids spécifique relatif d_{τ} de l'eau aux diverses températures, qu'il est souvent utile de connaître; on a, en effet :

$$d_{\mathtt{T}} = \frac{d_{\mathtt{T}}}{d_{\mathtt{A}\bullet}} = \frac{1 + \Delta_{\mathtt{A}\bullet}}{1 + \Delta_{\mathtt{T}}}$$

Température	Poids spécifique relatif	Température	Poids spécifique relatif.	Température	Poids spécitique relatif
0=	0,999 871	13•	0,999 430	35•	0,994 18
1	0,999 928	14	0,999 299	40	0,992 35
2	0,999 969	15	0,999 160	45	0,990 37
3	0,999 991	16	0,999 002	50	0,988 20
4	1,000 000	17	0,998 841	55	0,985 82
5	0,999 990	18	0,998 654	60	0,983 38
6	0,999 970	19	0,998 460	65	0,980 74
7	0,999 933	20	0,998 259	70	0,977 94
8	0,999886	22	0,997 823	75	0,974 98
9	0,999 824	24	0,997 367	80	0,971 94
10	0,999747	2 6	0,996 866	85	0,968 79
11	0,999 655	2 8	0,996 331	90	0,965 56
12	0,999 549	30	0,995 765	100	0,958 65
	<u> </u>	11	<u> </u>		!

Rappelons qu'il sussit de multiplier ces nombres par le sacteur

presqu'égal à l'unité 1,000013 pour avoir la densité de l'em dans le système C.G.S.

Il n'est pas possible de représenter la dilatation de l'eau entre 0° et 100° par une formule de la forme $aT + bT^{2} + cT^{3} + \dots$ à un petit nombre de termes. M. Rosetti a indiqué la formule empirique suivante, qui donne de bons résultats :

$$V_r = 1 + a (T - 4)^2 - b (T - 4)^{2,6} + c (T - 4)^{3,2}$$

où V_{τ} représente le volume à T° de la masse d'eau qui occupe l'unité de volume à 4°, et dans laquelle les coefficients a, b, c on les valeurs suivantes :

a = 0,0000080875

b = 0.00000029123

c = 0,000000045778

- 12. DILATATION DES DISSOLUTIONS AQUEUSES. Les recherches de Despretz ont montré que les dissolutions aqueuses des sels présentent, comme l'eau, un maximum de densité. Celui-ri est à une température d'autant plus basse que le poids du sel dissout est plus considérable. Cette température est souvent inférieure au point de congélation du liquide; aussi ne peut-ce observer le phénomène du maximum de densité que dans l'étal de surfusion. C'est ainsi que l'eau de mer, qui se solidifie i 1°,88, possède un maximum de densité à 3°,67.
- 13. DILATATION DES LIQUIDES AU-DESSUS DE LEUR POINT D'ESTI-LITION NORMAL. — Thilorier, qui le premier a liquésé en quatité un peu considérable l'acide carbonique, sut frappé de la grande dilatation que présente ce corps à l'état liquide; il trouve que cette dilatation était supérieure non seulement à celles des autres liquides connues alors, mais même supérieure à celle des gaz. Du reste, cette dilatation croît très rapidement avec la ter-

le 0° à 10°, le coefficient de dilatation moyen de l'acide liquide est 0,00633, et 0,02067 de 10° à 30°.

pas là un fait isolé, le protoxyde d'azote liquide se comème. Drion, vers 1859, a étudié à ce point de vue l'éther drique, l'acide sulfureux et l'hypoazotide, qu'il maintet liquide dans des vases scellés. Au-dessous de leur llition sous la pression atmosphérique, le coefficient de rai de ces corps est analogue à celui des autres liqui-, au-dessus de ce point, ce coefficient croît rapidement, épasse celui des gaz, comme on peut en juger par les ombres suivants extraits du mémoire de Drion.

	Coefficients de dilatation vrais de			
e mpéra ture	Ether chlorhydrique	Acide hypoazotique	Acide sulfareux	
0	0,001 482	0,001 445	0,001 734	
10	0,001 588	0,001 515	0,001 878	
80	0,002 625	0,002 768	0,003 608	
90	0,002 910	0,003 081	0,004 147	
120	0,004 306	×	0,007 565	
130	0,005 031	>>	0,009 571	

cela, il était probable que les liquides tels que l'alcool, ni n'entrent en ébullition qu'à des températures notable-rieures aux températures ordinaires, se comporteraient quand ils seraient surchauffés. C'est ce que M. Hirn a a trouvé que l'alcool qui bout à 78°,3 possède à 160° un de dilatation vrai cinq fois supérieur à celui de l'air, u à 180° atteint un coefficient qui est la moitié de celui es corps restaient liquides, à ces hautes températures, orce élastique constante, équilibrée par une colonne de e 1125 cent. de hauteur.

nc là un fait général : aux températures pour lesquelles élastiques des vapeurs émises par le liquide restent faibles, le coefficient de dilatation du liquide est faible mainférieur notablement à celui des gaz parfaits; mais ce coeffic augmente avec la température et, à partir du point où les for élastiques des vapeurs deviennent supérieures à la pression au phérique, le coefficient de dilatation des liquides croît rapides et finit par dépasser de beaucoup celui des gaz parfaits.

CHAPITRE IV

DILATATION DES SOLIDES

Comme nous l'avons vu, dans un solide on peut considérer une le la latation cubique et une dilatation linéaire (1) qui, du reste, présent une relation étroite entre elles, la première étant le triple la seconde. Chacune de ces deux quantités peut se déterminer ectement par l'expérience.

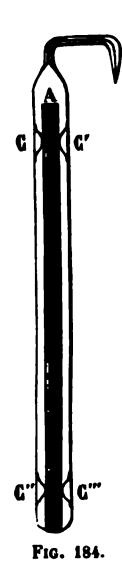
La mesure de La dilatation cubique. — La méthode qui pert d'obtenir directement la dilatation cubique d'un corps solide due à Dulong et Petit, et l'instrument qu'ont employé ces siciens est le thermomètre à poids.

In commence par déterminer la dilatation K_T du verre qui le stitue par le procédé indiqué (Chap. III, § 3), et l'on représente fonction soit par une courbe, soit par une formule empirique ux termes $(aT + bT^2)$. On prend le corps solide, dont on veut rer la dilatation, sous la forme d'un barreau A (fig. 184) pouvant logé dans le réservoir du thermomètre. On pèse ce barreau, ri donne sa masse Π , puis on l'introduit dans le réservoir la ouvert en en coupant le fond; celui-ci est ensuite refermé lampe.

procède alors aux mêmes opérations que dans la mesure de

Il est rare que l'on ait besoin de connaître la dilatation supersicielle, le reste s'obtient en doublant la dilatation linéaire. On ne l'a jamais directement.

la dilatation de l'enveloppe de verre: — 1° or l'instrument; — 2° on le remplit de mercure à 0°; sur la balance (avec la capsule tarée en même trument, et qui permet de recueillir la petite q



cure qui sort par sa pointe quand 0° à la température ambiante); on masse P de mercure qui est contennent à 0° ; — 4° on place l'apparei d'eau ou d'huile à une températur un thermomètre à air ou par un mercure comparé à celui-ci; il so une certaine quantité de mercure fait connaître la masse p_{τ} .

Avec ces données expérimentale dilatation X_{τ} du corps de 0° à T°, є l'équation que nous allons établir.

Soient D et δ les densités du mer à 0°; les volumes des masses P et enfermés à 0° dans le thermomètr vement $\frac{P}{D}$ et $\frac{II}{\delta}$. Par conséquent

térieure de l'instrument à 0° est-

température T, cette capacité devient $\left(\frac{P}{D} + \frac{\Pi}{\delta}\right)$ vons qu'elle est égale à la somme des volumes i ture du corps et du mercure contenu alors dans désignant par X_T la dilatation cherchée, le volu devenu $\frac{\Pi}{\delta}$ $(1 + X_T)$. Quant à la masse du me plus que $(P - p_T)$ et son volume à T° a pour expr

$$\frac{P-p_{T}}{D}(1+\Delta_{T})$$

en appelant $\Delta_{\mathbf{r}}$ la dilatation absolue du mercure; on a donc :

$$\left(\frac{P}{D} + \frac{\Pi}{\delta}\right)(1 + K_T) = \frac{\Pi}{\delta} (1 + X_T) + \frac{P - p_T}{D} (1 + \Delta_T) (1)$$

Cette égalité étant homogène en D et δ , ces densités peuvent y être remplacées par les poids spécifiques relatifs du mercure et du corps à 0°, déterminés par les méthodes ordinaires. Tout étant connu sauf X_{τ} , l'équation en fournit la valeur.

Il y a quelques précautions à prendre dans cette expérience. Il est bon de munir de coins de même substance C,C',C'',C''' le barreau introduit dans le thermomètre pour l'empêcher de ballotter et de briser le verre. Quand le corps est attaquable par le mercure, comme le cuivre, l'argent.. (et tous les métaux sauf le platine et le fer) il faut oxyder ou sulfurer leur surface pour empêcher l'amalgamation.

Il convient comme toujours de résumer les résultats de l'expérience soit par une courbe, soit, ce qui est plus commode, par une formule empirique. On reconnaît alors qu'une formule à deux termes

$$X_r = aT + bT^2$$

suffit à représenter les expériences pour les corps qui ne sont pas cristallisés.

Dulong et Petit n'ont appliqué leur méthode qu'au cas du fer et du cuivre, mais depuis d'autres physiciens l'ont employée, et ent déterminé ainsi la dilatation de la plupart des corps solides.

- 2. MESURE DE LA DILATATION LINÉAIRE. Les mesures de longueur sont faites avec des règles, généralement métalliques, dont les divisions ne représentent exactement l'unité adoptée ou
- 1) Faisons remarquer qu'en saisant dans l'égalité ci-dessus $\Pi = 0$, on retombe, comme cela doit être, sur l'égalité que nous avons donnée Chap. III, 3 pour la mesure de la dilatation de l'enveloppe.

L

ses subdivisions qu'à 0°. A la température de la mesure, elles ont généralement une valeur un peu différente; la lecture doit donc être corrigée, et la correction nécessite la connaissance de la dilatation linéaire de la substance qui forme la règle. De là l'importance toute particulière que présente la détermination de cette grandeur. Comme, en outre, elle peut s'effectuer sans grandes difficultés, il n'est pas étonnant que l'étude expérimentale des dilatations ait commencé par la dilatation linéaire.

Les méthodes employées tout d'abord étaient plutôt propres à montrer le fait même de la dilatation qu'à la mesurer exactement. Telles sont les expériences de Musschenbroek (¹) en 1731, de Smeaton, de Nollet (²), de Guyton de Morveau (³), faites avec un appareil qui rappelle l'anneau de S' Gravesande : un cône métallique entrant plus ou moins profondément, suivant sa température dans un trou percé au milieu d'une plaque restant froide. Les expériences de Berthoud (⁴) faites avec un appareil semblable au pyromètre à cadran, ne donnaient que la différence estre la dilatation linéaire de la barre solide étudiée et celle d'une table de marbre sur laquelle elle reposait.

3. MÉTHODE DE LAVOISIER ET LAPLACE. — Ce furent Lavoisier et Laplace (5) qui les premiers mesurèrent d'une façon précise à dilatation linéaire des solides.

La méthode employée par ces deux illustres savants n'était an fond que celle du pyromètre à cadran; mais l'aiguille indicatrice était remplacée par l'axe optique LOMK (fig. 185) d'une le-

- (1) Pierre van Musschenbroek, né à Leyde en 1602, mort en 1761.
- (2) L'abbé Jean-Antoine Nollet, né à Pimpré (Noyonnais) en 1700, moment en 1770, a beaucoup contribué par ses cours et ses expériences à répandement en France le goût de la physique.
- (3) Louis-Bernard Guyton de Morveau, célèbre chimiste, est né à Dijcen 1737, et est mort en 1816.
- (4) Ferdinand Berthoud, célèbre horloger, membre de l'Institut, est né 1726 dans le comté de Neuschâtel, et est mort en 1807.
- (5) Pierre-Simon Laplace, est né à Beaumont-en-Auge (Calvados) en ! et est mort en 1827. Ce grand géomètre était fils d'un pauvre cultivate Napoléon I et le fit comte de l'Empire, et Louis XVIII merquis et pair France.

nette visant une règle graduée verticale XY, placée à une grande distance, et jouant le rôle du cadran.

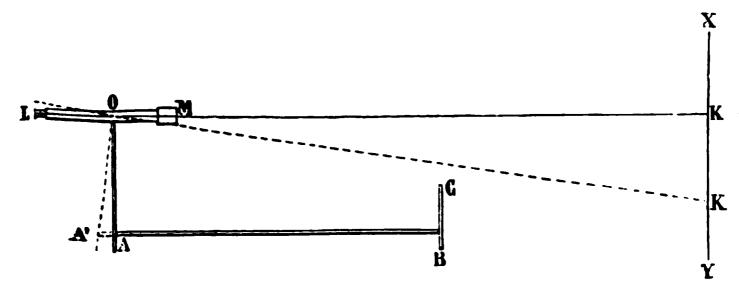


Fig. 185.

cette lunette faisait corps avec un levier AO, pouvant tourner autour d'un axe fixe O, et reposant constamment contre l'extrémité A de la barre AB dont on voulait étudier la dilatation. Celle-ci, par son autre extrémité B, s'appuyait contre un arrêt fixe CB. La barre, en s'allongeant, faisait tourner le levier OA et la lunette LM, qui visait alors une autre division K' sur la règle graduée.

Soit l la longueur AA' dont la barre AB s'allongeait en passant de 0° à T°; soit α l'angle dont tournait alors le levier et la lunette; soit N la longueur comprise entre les points K et K' visés sur la règle dans les deux positions successives de la lunette; soient enfin d la distance OA de l'axe de rotation O au point A où la barre touchait le levier, et D la distance OK de l'axe de rotation à la règle graduée. Comme l'angle α était assez petit pour qu'on puisse confondre la valeur du sinus et de la tangente avec celle de l'arc, on avait $l = \alpha d$ et $N = \alpha D$; d'où:

$$l = N \frac{d}{\overline{D}}$$

La quantité N, donnée immédiatement par les lectures de l'expérience, et la mesure des longueurs d et D, faisaient ainsi con-

naître l. En divisant cette quantité par la longueur L de la barre AB à 0°, on avait la dilatation $\left(\frac{l}{L}\right)$ entre 0° et T°.

La barre était posée sur des rouleaux de verre, dans une auge rectangulaire; on pouvait mettre dans celle-ci soit de l'eau mélangée de glace, soit un bain liquide dont on élevait la température à l'aide d'un foyer disposé au-dessous. Quatre blocs massifs en maçonnerie étaient placés aux quatre coins de cette auge; deux d'entre eux soutenaient l'axe de rotation O de la lunette et du levier OA, les deux autres maintenaient immobile l'arrêt CD.

L'avantage de cette méthode est de remplacer la mesure directe d'une quantité très petite l par celle d'une quantité beaucoup plus grande N, qui est à la précédente dans un rapport $\frac{D}{d}$ d'autant plus considérable que la distance de la règle graduée à la lunette est plus grande. Dans les expériences de Lavoisier et Laplace, la distance D était de 100 toises et la longueur d de 116 lignes (26,2 cent.), ce qui donne pour le rapport d'amplification $\frac{D}{d}$ la valeur 744.

Mais faisons remarquer que si les quantités N et D se mesuraient facilement avec une approximation suffisante, la mesure de la quantité assez petite d devait être difficile à effectuer avec exactitude; or l'erreur relative commise sur l égalait l'erreur lative commise sur d. Cette méthode offre ainsi une précisé moins grande qu'on serait tenté de le croire à première une

4. MÉTHODE DE ROY ET RAMSDEN. — Vers 1783, l'opticien anglais Ramsden (b a construit, sur les indications du général Roy, un appareil très remarquable pour déterminer la dilatation des règles qui devaient servir à mesurer un arc de méridienne. Dass la méthode employée par ces physiciens, le très petit allongement qu'eprouve la règle quand on l'échauste est, en quelque sorte, amplité par l'emploi de microscopes; de là le nom de microscopes pyrometer que Roy a donné à cet appareil.

l' Josse Ramsden ne en 1785 à Halifax York, membre de la Société Royale de Londres en 1785, est mort en 1800. Tros auges rectangulaires parallèles (fig. 186 et 187) conteparent celle du milieu la barre BB dont on voulait mesurer la



Fig. 18 ..

al manon, et les deux extrêmes des barres de fonte AA et CC, une temperature constante par de la glace fondante.

Les larres avanent la forme de prismes triangulaires, et la barre leb reposant sur des rouleaux par sa base la plus large.



Fig. 187

La barre de fonte AA' portait à chacune de ses extrémités, auseus de l'auge et dans un plan vertical, une croisée de fils formant un réticule A ou A'. Ces réticules pouvaient être 1 par un microscope horizontal pourvu d'un micromètre constitué: l'objectif B ou B' du microscope était porté barre du milieu BB'; le micromètre et l'oculaire qui pern le regarder C ou C' étaient portés aux extrémités de la t barre CC'; des tubes fixes K et K', indépendants des c complétaient les microscopes. Lorsque la croisée des fils à travers le microscope se trouvait sur le fil vertical du n tre, c'est-à-dire quand l'image réelle de cette croisée de fil par l'objectif, tombait en un point du fil du micromètre, le centre optique de l'objectif et la croisée des fils du étaient en ligne droite.

Le fil du micromètre de l'un des deux microscopes, cel par exemple, était mobile horizontalement à l'aide d'une crométrique S, dont le nombre de tours était indiqué par l'duation linéaire, et les fractions de tour par une graduatio tambour porté par la tête de la vis, comme dans un sphé

La barre etudiée BB' s'appuyait constamment, par une extrémités B' contre une vis V qui traversait la paroi de un ressort poussant l'autre extrémité B assurait le con l'extrémité B' et de la vis V.

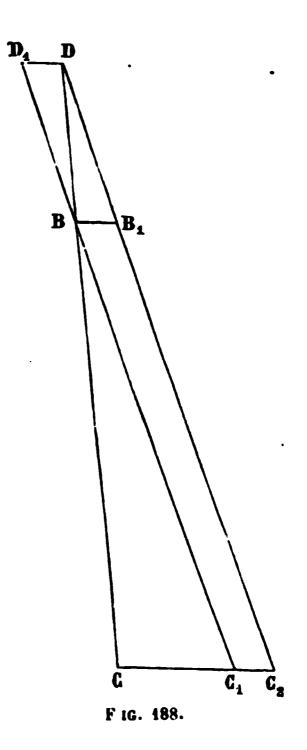
Pour faire une expérience, on remplissait d'abord d'fondante les trois auges, et l'on attendait assez longten que les trois barres fussent à 0°. En tournant alors dans convenable la vis V, on amenait l'objectif B' que portait BB dans une position telle que l'image de la croisée de reticule A se formait sur le fil vertical du micromète l'aide de la vis micrometrique S, on déplaçait ensuite l'image de la des fils A donnée par l'objectif B.

L'appareil etant ainsi régle, on remplaçait la glace de BB par un bam highide, chauffé par une douzaine de la hinde en à alcoch ha barre BB se dilatait en prenant le perature du bam. Les chiectifs se deplaçaient horizontales le reglage optique était détruit. Pour le rétablir, à l'aide vis V en ramenant l'et petif B dans la première posit dont ou jugesait qua dite di in micromètre C recouvrait le la croisce des his A. Le centre optique de l'objectif le

alors écarté de sa position primitive d'une longueur précisément égale à l'allongement de la règle, et l'image de A n'était plus sur le fil du micromètre C. En tournant la vis micrométrique S, on amenait de nouveau ce fil sur l'image de la croisée A. Le nombre n de tours et de fractions de tours de la vis S, faisait connaître l'allongement l de BB', à condition qu'on eût fait la tare de l'instrument, c'est-à-dire qu'on eût déterminé à quel allongement a correspondait un tour complet de la vis, car on avait évidemment l = na.

Pour déterminer a, Roy et Ramsden disposèrent, à la place

du réticule A, une règle divisée en parties d'égales longueurs; la distance de deux divisions était très petite et parsaitement connue. Pour viser successivement deux de ces divisions, il fallait déplacer le sil micrométrique C d'une longueur L = Np, en appelant N le nombre entier ou fractionnaire de tours dont on avait tourné la tête de la vis micrométrique, et p la valeur connue du pas do cette vis. Or, soit D (fig. 188) l'une des divisions, soit B le centre optique de l'objectif et soit Cla position du fil micrométrique quand l'image de D se forme sur æ fil; soit d'autre part D₄, une autre division placée à une distance L' de h première, et soit C₁ la position qu'il faut donner au sil pour viser celle division, B restant fixe. Il est zisé de voir par la figure 188, qu'en déplaçant le centre optique de l'objectif et le fil micrométrique d'une longueur L' dans le sens D₁D, de



manière à les amener respectivement en B_1 et en C_2 , le sil micrométrique visera la première division D. Ainsi, quand le centre optique se déplaçait d'une longueur $BB_1 = L'$, il fallait déplacer

le fil micrométrique d'une longueur $CC_2 = L + L'$ pour viser le même point. Or, le nombre de tours N_4 qui produisait un deplacement L = L', était donné par la relation $N_4p = L + L$, d'el $N_4 = \frac{L}{p} + \frac{L'}{p} = N + \frac{L'}{p}$. On avait ainsi le nombre de tours N_4 qui correspondait à un allongement L' de la barre BB', d'où le valeur de a par la relation $L' = N_1a$.

On a souvent modifié dans ses détails cette méthode, mais on ne peut guère considérer comme des perfectionnements les medifications qu'on a fait subir à l'appareil primitif des physiciens anglais, aussi ne les décrirons-nous pas.

5. MÉTHODE ACTUELLE. — COMPARATEUR. — Au Bureau international des Poids et Mesures, on a constamment à faire l'étude de la dilatation des règles de platine ou de cuivre qui servent comme étalon de longueur, un même métal ayant des propriétés assez variables d'un échantillon à un autre pour qu'on soit oblige d'étudier la dilatation de chacune des règles en particulier.

La méthode employée présente une grande analogie avec celle de Roy et Ramsden mais elle est plus simple en principe et plus précise.

L'appareil employé dig. 189 et 1905 est appelé comparateze parce qu'il permet de comparer la longueur de la règle étudié AA à celle d'une autre règle prise comme étalon. En voici à description.

La règle AA est placée horizontalement dans une auge rectazgulaire N pleme d'eau; ce liquide est maintenu à une température constante par un courant d'eau, refroidie ou échauffee d' suivant les cas, qui exemie constamment dans une seconde auge M plus large centenant la première. Des agitateurs KK m s ca menvenient par les roues à manivelles RR d' remuent l'eau

t der er en man men den den bein chauffe par une impe i groot en en en gant ein telegar note :

and the control of the little name halos hong, 190 qui, en tournant he may be a some for the case quellent and product une aspiration par lunched any one of the second of



Fig. 199.

des deux auges. Quatre thermomètres couchés horizontalemen a le long de la barre étudiée font connaître sa température. Ces

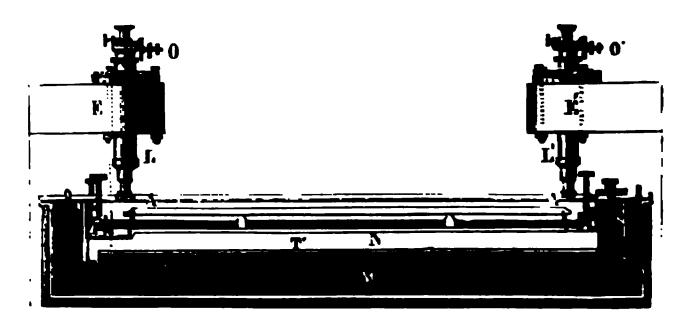


Fig. 190.

thermomètres sont gradués en dixièmes de degré et, comme ils sont observés à l'aide de microscopes mm' qui en grossissent les divisions, on peut apprécier le $\frac{4}{200}$ de degré.

La règle de platine servant d'étalon de longueur, est placée parallèlement à la première dans une auge toute semblable. L'en courante qui circule dans l'auge extérieure M' est à la température ordinaire, et cette température ne varie que très peu pendant la durée des expériences, ce qui assure à la règle une longueur à peu près constante.

Chacune des deux règles porte vers ses extrémités, a environ un mêtre de distance, deux traits très fins. En face de coux-ci, le couvercle métallique de l'auge est percé de deux fenêtres pour-vues de glace qui permettent d'éclairer et de voir les traits. Le système des deux caisses contenant les règles est placé sur ma chariet CC mobile sur rails rr. ce qui permet d'amener sus effert, à l'aude de la manivelle Z, les traits de l'une des règles sous deux unicroscopes verticaux L,L'. Ceux-ci sont pour chacun d'un unicromètre oculaire 0.0 pour mesurer les allorgements.

Chaque microscope est porté par une équerre en ser très sorte soulle dans un bloc de pierre extrêmement pesant P.P. Les

dem blos reposent eux-mêmes sur des fondations en béton. Ce support est d'une solidité telle, que l'on doit considérer comme insegnitant, les deplacements que peuvent éprouver les axes des meroscopes pendant la durée d'une expérience.

Le merometre oculaire de chaque microscope est composé d'un reticule, formé de deux fils parallèles très rapprochés, de façona pouvoir comprendre entre cux juste l'épaiss ur du trait le la regle vu à travers le microscope. Le système des deux fils est mobile parallelement à lui-même et à la longueur de la règle, au mi ven d'une vis micrometrique, dont le nombre de tours est donne par une graduation lineaure, et le nombre de fractions de tour par une graduation sur un tambour divisé (visible en 0 et l'). Le pointe se fait en amenant les deux fils du rétreule à comprendre l'image du trait fournie par l'objectif du microscope, et sus sur, ainsi que les fils, par l'oculaire.

Supposons que le trait vienne à se déplacer par suite de la dilatation de la règle; le nombre de tours et de fractions de tour dont d'faudra tourner la tête de la vis micrométrique pour le pointer e nouveau donnera la valeur absolue du deplacement, si la tare du micrométre a été faite.

Pour faire la tare de l'instrument, on place devant le microsope, a l'endroit où se trouve l'extrémite de la règle étudiée
pour autre règle graduée en millimetres.
Leux divisions de cette règle sont visibles dans le champ du
acrossope et paraissent très écartées à cause du grossissement
senviron); on amène successivement les fils du réticule sur
distince d'elles; le nombre de tours dont il faut faire tourner la
limiteremetrique pour passer d'une division à l'autre donne le
combre qui correspond à un déplacement d'un millimètre.

On commonce par amener sous les microscopes la règle ctal m. On commonce par amener sous les microscopes la règle ctal m. on fait le pointé de chacun des traits et l'on note la temperature t de cette règle. Pins, en faisant rouler le chariot sur les rails, on amène la regle AA sous les microscopes; on note la température T de cette règle, et l'on fait le pointé de chacun des traits. La différence algebrique des déplacements de ceux-ci l'ar rapport aux traits de la règle étalon, donnés par l'appareil micrométrique, égale la différence L_T — l_t entre la distance L_T

des traits de la règle AA' et la distance l_i des traits de la règle étalon.

On répète ensuite la même expérience après avoir porté la règle AA' à une autre température T' la règle étalon étant restée à la température ambiante, qui a pu un peu varier, et que nous désignons par t'; on obtient de même $L_{T'}$ — $l_{t'}$, et ainsi de suite.

Or, en appelant Λ_T la dilatation de la règle AA' pour la température T, L_0 sa longueur à 0° , λ_l la dilatation de la règle étalon, et l_0 sa longueur à 0° , on a:

$$L_{T} = L_{0} (1 + \Lambda_{T})$$

$$l_{t} = l_{0} (1 + \lambda_{t})$$

d'où, en retranchant membre à membre, on a:

$$L_{T} - l_{t} = L_{0} - l_{0} + L_{0}\Lambda_{T} - l_{0}\lambda_{t}$$

on tire de là:

(1)
$$\Lambda_{\rm T} = \frac{(L_{\rm T} - l_{\rm I}) - (L_{\rm 0} - l_{\rm 0}) + l_{\rm 0}\lambda_{\rm I}}{L_{\rm 0}}$$

Une expérience faite en mettant de la glace autour des harres donne la valeur de $L_0 - l_0(1)$; la longueur l_0 est commune fois pour toutes (c'est un mêtre dans les appareils du Buille international), on a donc L_0 . L'étude de la dilatation λ_i de la resident

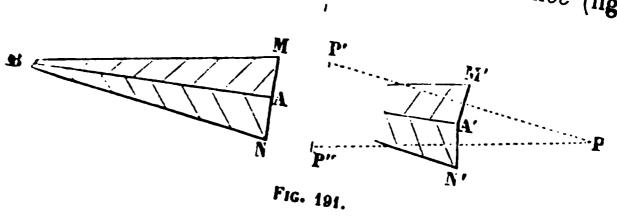
il the se dispusse grandelement de mettre de la glace autour de la médicion, comme nous l'arres supprés dans le texte pour simplifier l'applieur lève. Le constant de la laisser à la température ambiente course l' ; h

DILATATION DES SOLIDES étalon ayant été faite auparavant, on possède tous les éléments nécessaires au calcul de Λ_T .

6. DILATATION DES CRISTAUX. — Les cristaux qui appartiennent à un système différent de celui du cube ne présentent pas la même dilatation linéaire dans tous les sens, et il en résulte qu'ils ne restent pas semblables à eux-mêmes par la dilatation (voir Chap. I., p. 392 et suiv.).

C'est ce que Mitscherlich a découvert en mesurant les angles d'un même cristal à des températures dissérentes: en général ces angles varient par la dilatation.

L'expérience suivante permet de constater facilement ce phénomène. On coupe un cristal de gypse fer de lance (fig. 189)



par un plan MAN perpendiculaires au plan AB de la macle, et l'on polit cette face MAN de façon à constituer un miroir, qui

comparateur fournit alors la valeur $L_0-l_{l'}$ d'où l'on déduit L_0-l_0 par

$$L_0 - l_{\ell'} = L_0 - l_0 (1 + \lambda_{\ell'}) = L_0 - l_0 - l_0 \lambda_{\ell'}$$
a Portant dans la relation (1) la min

en Portant dans la relation (1) la valeur L_0-l_0 tirée de cette relation (2) et en remarquant que $\lambda_t - \lambda_{t'} = K(t-t')$, en désignant par K le coefficient de dilatation linéaire vraie de la règle étalon pour la température ordinaire,

$$\Lambda_{T} = \frac{(L_{T} - l_{\ell}) - (L_{0} - l_{\ell'}) + K l_{0}(t - \ell')}{L_{0}}$$

étant plan donne une seule image d'un point. Mais si l'on vient à chausser le cristal, on voit par réslexion deux images P' et P' d'un même point P, ce qui indique que la face M'A'N' est composée par deux miroirs plans M'A' et A'N', formant entre eux mangle très obtus, au lieu d'être exactement dans le prolongement l'un de l'autre comme ils l'étaient à froid.

M. Fizeau a étudié la dilatation des cristaux, par une méthode optique très sensible. Nous ne la décrirons pas, parce qu'il faut connaître les propriétés des anneaux colorés pour en comprendre le principe. Cette étude a montré que quelques cristaux pouvaient avoir une dilatation négative suivant l'un des axes entre certaines températures. Ainsi quand la température s'élève, l'émeraude se contracte suivant son axe et se dilate suivant une direction perpendiculaire. Il résulte des mesures des dilatations linéaires suivant ces deux directions, que la dilatation cubique est négative au-dessous de — 4°,2 et positive au-dessus de cette température; autrement dit, l'émeraude présente maximum de densité à — 4°,2. L'iodure d'argent cristalisé a une dilatation cubique négative entre les limites (10° et 70°), où l'observation a été faite; c'est un fait absolument exceptionnel.

7. RÉSULTATS. — La dilatation linéaire λ_T des corps solides s'exprime assez bien par une formule parabolique à deux termes :

$$\lambda_r = aT - bT^2$$

Voici d'après les expériences de M. Fizeau la valeur des cod ficients a et b pour quelques solides. Nous donnois en temps la valeur du coefficient moyen de dilatation entre con a 100°.



Dilatation linéaire des corps solides $(\lambda_{\rm T} = a {\rm T} + b {\rm T}^2)$.

NOM DE LA SUBSTANCE	a	b	Coefficient de dilutation moyen entre 0° et 100° a+100b
Diamant	+0,000 600 604		-
Graphite	007 45ს	0050	. 007 96
Charbon de cornues,	004 960	005 5	005 51
Silicium (cristallin)	002 176	007 3	002 91
Sélénium (fondu)	032 340	055 7	037 91
Tellure (fondu)	014 450	0287	017 32
Platine (fondu)	008 626	005 3	009 16
Platine iridié (Ir = 0,08)	008 516	0038	008 90
Or (fondu)	014 098	004 1	014 51
Argent (fondu)	018 622	007 3	01936
Cuivre (natif (du lac Supérieur)	016 168	009 1	017 08
rouge des arts		010 2	016 98
Cuivre jaune (Cu = 71,5;			
Zn = 27,7; $Sn = 0,3$;			1
Pb = 0,5)	017 800	009 8	01879
Fer (doux des arts)	011 360	009 2	012 28
Acier français (trempé	011 624	0199	01362
(fondu) (recuit		006 2	011 13
Acier anglais (fonda) recuit	010 345	007 6	011 10
Fonte de ser (grise)		006 8	010 75
Plomb (fondu)		0113	029 48
Aluminium (fondu)	I	0114	023 26

Voici un second tableau donnant le coefficient de dilatation cubique moyen du verre entre 0° et 100°, d'après Regnault. On peut voir combien, non seulement la nature chimique, mais

LIVRE IV. - CHAPITRE IV

même la manière dont le verre a été travaillé influe sur la valeur de la dilatation.

	(en tube 0,00	0 026 480	Verre(en tube 0,000 023630
Verro	le même 1º de 46==	025 920	Verrejen tube 0,000023630 do le même souffi en boule de Suède 34== de diam. 021439
blanc	en tube 0,00 le même 1º de 46*** soufflé de dismèt en 2º de 33 ** boule de dismet.	025 140	
Verma	(en tube	022 990	ordina1re à (£7610
vert	en tube	021 320	Cristal de (de 021440 Chorsy-le-Roi (à 621420

Enfin voici d'après Regnault la valeur de la dilatation cubique



CHAPITRE V

DILATATION DES GAZ

4. EXPÉRIENCES DE GAY-LUSSAC. — Gay-Lussac est le premier physicien qui ait mesuré d'une façon un peu précise la dilatation des gaz. Ses expériences sont restées célèbres, et les résultats qu'il a obtenus ont fait loi pendant longtemps.

L'appareil, que cet illustre savant a employé dans ses dermières expériences, est des plus simples : un thermomètre à
gros réservoir pourvu d'une tige graduée en parties d'égale
capacité. Un index de mercure, placé dans cette tige, emprisonne la masse gazeuse soumise à l'expérience, et par ses déplacements donne les variations de volume de celle-ci. La tige,
placée horizontalement, est ouverte à son extrémité, et, par
conséquent, la dilatation du gaz s'opère sous la pression à peu
près constante de l'atmosphère.

Soit V le volume à 0° de la masse gazeuse contenue dans le thermomètre, soit n le nombre de divisions, dont s'avance l'index quand on porte la température de l'appareil de 0° à T°. En appelant v le volume d'une division, le volume apparent du gaz est alors V + nv; mais comme l'enveloppe s'est dilatée, son volume réel est $(V + nv)(1 + K_T)$, en désignant par K_T la dilatation cubique du verre. Appelons β le coefficient de dilatation oyen du gaz de 0° à T°, c'est-à-dire la quantité à déterminer; sous la même pression le volume de cette masse gazeuse

• Serait
$$\frac{(V + nv)(1 + K_T)}{1 + \beta T}$$

Par conséquent si, dans l'intervalle des mesures faites et à To, la pression atmosphérique n'a pas varié, on a l'égal

$$V = \frac{(V + nv)(1 + K_T)}{1 + \beta T}$$

Si la pression atmosphérique a changé, en appelant II : ses valeurs dans le premier et dans le deuxième cas, la le Mariotte, très légitimement applicable, puisqu'il s'agit de riations de pression très faibles, donne la relation :

$$VH = \frac{(V + nv)(1 + K_{T})}{1 + \beta T} H$$

Les mesures de n do T de H et de H ainsi connaître le coefficient \$, si l'on a de miné le rapport $\frac{v}{V}$.

Gay-Lussac mesurait la capacité du ré voir et celle de chaque division de la tige des pesées au mercure. Pour desséche thermomètre, il faisait bouillir du mercu l'intérieur, comme dans la construction thermomètre ordinaire, et pour le remplire il procédait ainsi : l'instrument étant plei mercure bouilli, il engageait la tige des bouchon d'un large tube P (fig. 192) coate du chlorure de calcium; puis, tenant l'app verticalement le réservoir R en haut, à l' d'un fil de platine F engagé dans la tig-forçait le mercure à sortir goutte à gor l'air, qui prenait sa place, se desséchait passant sur le chlorure de calcium. Il lai ainsi complètement écouler le mercere l'appareil à l'exception d'une petite gon qu'il laissait dans la tige comme inder L'appareil préparé de la sorte était placé le



razontalement dans une cuve en fer-blanc (fig. 195 content



de l'eau, dont on amenant la température à 0° en la mélangeant de glace, ou que l'on chauffait, la température étant donnée par

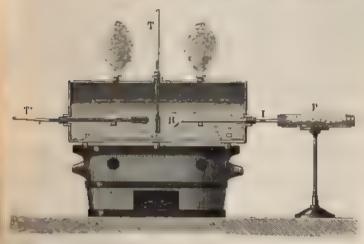


Fig. 193

des thermomètres à mercure T et T'. La tige du thermomètre aux R passait à travers un bouchon, et on prenait la précaution de enfoncer dans la cuve presque jusqu'à l'index I, pour que la masse gazeuse fût à la température du bain.

'm)-Lussac trouva ainsi le nombre 0,00375 pour coefficient de la la moyen de l'air entre 0° et 100°.

la première série d'expériences faites, en 1801, sur divers suiva dessechés et par une autre méthode (1), avait donné les combres suivants pour la dilatation totale entre 0° et 100°:

Air	Oxygène	Azote	Hydrogène
0,3750	0,3748	0,8749	0,3752

Cette premiere méthode était fort analogue a celle qui a éte employée equis par Dulong et Petit & 3,. Au lieu de faire entrer a froid du morcure de l'escritoir contenant le gaz (ballon), Gay-Lussac faisait entrer de l'eau. Pour les gaz très solubles dans l'eau, it comparant leur dilatation a celle

C'est-à-dire des valeurs égales pour ces quatre gaz, car les différences très faibles entre ces nombres pouvaient être atribuées aux erreurs d'expérience. Mais il craignit que la vapeur d'eau contenue dans les gaz n'cût troublé les résultats. C'est pourquoi il refit les expériences sur l'air en prenant les précautions que nous venons d'indiquer, et qu'il croyait suffisantes pour assurer la sécheresse parfaite du gaz. Ayant trouvé le même nombre 0,375, il en conclut que l'humidité n'avait pas une influence aussi considérable qu'il l'avait craint, et que ses premières expériences étaient bonnes. Il énonça alors la loi suivante:

Tous les gaz ont le même coefficient de dilatation.

Ce résultat avait déjà été trouvé par le physicien Charles (1); c'est pourquoi cette loi, qui porte en France le nom de loi de Gaş-Lussac, en Angleterre porte, avec plus de raison, le nom de loi de Charles.

Gay-Lussac ajouta que le coefficient de dilatation des gui était indépendant de la pression, ce qui résultait de quelques expériences faites par Davy, sur l'air comprimé ou raréfié.

Cette loi de Gay-Lussac fut, ainsi que la loi de Mariotte, considérée pendant longtemps comme ayant une rigueur absolue; on croyait alors volontiers à l'extrême simplicité des lois naturelles.

Quelques expériences de Dulong et Petit vinrent confirmer le nombre 0,00375 trouvé par Gay-Lussac pour le coefficient de dilatation des gaz. Ces physiciens vérifièrent, en outre, qu'entre

de l'air, en plaçant chacun de ces gaz dans des éprouvettes graduées, reposant sur le mercure et dont il élevait la température en même temps.

Cette méthode, un peu grossière, ne lui permit pas de constater la discrete de dilatation existant entre l'air et les gaz très solubles, qui pourtant suite éte reconnue déjà par le physicien Charles.

1) Jacques-Alexandre-César Charles, né à Beaugency en 1746, est mort em 1823. Charles enfermait les gaz dans la cuvette d'un baromètre à siphon, et il trouvait qu'en les portant à des températures égales la colonne mercurishe s'élevait autant pour les gaz peu solubles dans l'eau. Ses expériences cel même été faites avec beaucoup de soin, puisqu'il a reconnu que les peutrès solubles avaient une dilatation un peu plus forte.

- 36° et 300° l'hydrogène et l'air avaient la même dilatation.

Pomblet, a l'aide du pyromètre à air (décrit plus loin), trouva,

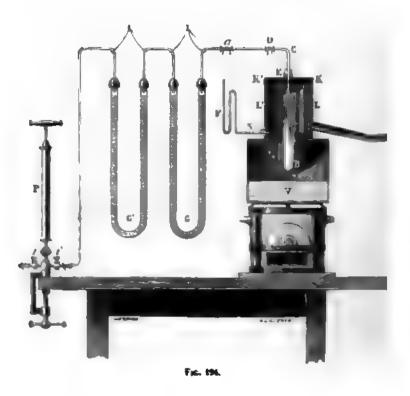
il est vai, un nombre plus faible, mais ses expériences ne furent

publiées quaprès celles de Rudberg, dont nous allons parler.

2. EXPÉRIENCES DE RUDBERG, DE REGNAULT ET DE MAGNUS. -Rusilierg fut le premier qui osa contester l'exactitude des résultata de Gay-Lussac. Ses expériences lui donnèrent un nombre compris entre 0,0036f à 0,00365 comme coefficient de dilatation de lair. Il prinait les plus grandes précautions pour dessécher le reservoir à gaz, et ce fut lui qui imagina la méthode de dessiettron, toujours employée depuis, et que nous avons décrite à 101 s du thermomètre à air. Elle consiste, on se le rappelle, à are le vole dans le réservoir chauffe, et à laisser rentrer le gaz Rudl erg repétait cette opération 50 à 60 fois, et c'est seule-"entalors qu'il admettait que le vase était parfaitement desséché. l'attel ir ausi à l'humidité restant sur les parois, le nombre trop fort abtenn par Gay-Lussac, et pour montrer que telle était bren la cause du désaccord, il refit la détermination de la dila-'al, , de l'air en ne desséchant qu'imparfaitement le réservoir; tronva dans deux experiences consécutives le nombre 0,00384 et 9 00390. On conçoit en effet que, la couche d'eau adhérente à Lator interne du verre se volatilisant quand on chauffe, l'augmentation de la masse gazeuse fasse croire à une plus grande dilatution

Vagnus en Allemagne, Regnault en France se mirent alors à dudier avec beaucoup de soin la dilatation des gaz. C'est ce demier physicien qui a fait les plus nombreuses expériences à trapet, il a repris et étudié les méthodes de Gay-Lussac, de blang et Petit, de Poullet, de Rudberg. Il a abandonré la transcre, parce qu'il a reconnu que l'index de mercure boutant anal le tube; quand on chauffe, une petite quantité du su enfermé s'échappe en passant entre le mercure et le verre : reservoir étant ramené à 0°, l'index ne revient jamais exactement ala même position. Il s'est servi, en les perfectionnant, des trois autres méthodes. Nous allons les décrire sous les noms de leurs aventeurs, mais en indiquant la mamère dont Regnault les a empoyées.

3 MÉTHODE DE DULONG ET PETIT. — Ce n'est qu'incidemment, et à propos du thermomètre à air, que ces deux savants ont de nouveau déterminé la dilatation de l'air et de l'hydrogène 1816, car ils ne doutaient pas de l'exactitude des résultats de Gay-Lussac. Ils ont employé deux méthodes différentes : dans la première ils se servaient du thermomètre à air représenté KHH (fig. 478) dans la mesure de la dilatation du mercure. La seconde, plus précise, a été employée ensuite par Rudberg et par Regnault; c'est cette méthode que nous allons décrire, en indiquant la manière dont ce dernier physicien s'en est servi.



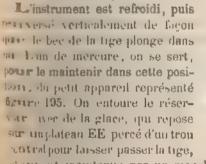
L'appareil co siste en un réservoir de verre terminé par une tige recourbs e à angle droit et effiée, comme un thermonètre é

poids On seche ce réservoir à chaud en employant la méthode de Budberg (25 à 30 opérations).

L'instrument étant sec, on le porte dans une enceinte à température comme T (par exemple dans l'étuve à déterminer le pount 100° du thermometre à mercure, comme le représente la figure 191, si l'on veut opérer à la température de la vapeur d'eau bomilante). On fait le vide d'une façon aussi perfaite que possible, puis on introduit le gaz sec qu'on veut étudier, et l'on repete encore quatre ou cinq fois cette opération en laissant permetrer chaque fois le gaz bien desséché. L'appareil étant remple de gaz see sous la pression atmospherique, on retire les condunts de caoutchouc qui ont servi à amener le gaz : l'atmosphère

du reservoir se met exactement en é probre de pression avec l'extéricur. On forme ensuite l'appareil can lordant au chalumeau la pointe effice, et l'on emprisonne amsi ura masse de gaz a une tempémattere comme T, et sous la pression atmosphérique du moment, dram, e par la hauteur H de la barométrique.

torr, du petit appareil représenté faure 195. On entoure le réservar use de la glace, qui repose



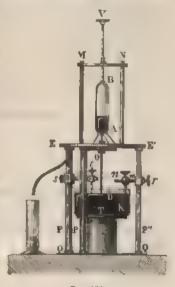


Fig. 195

et qui est maintenue par un manchon de verre (non représenté sur la figure).

On casse alors la pointe, à l'aide d'une pince. Comme la force élastique du gaz contenu dans le réservoir a diminué par le refra hisement, la pression atmosphérique fait monter le mercure dans la tige et jusque dans le réservoir.

On enlève alors le manchon, on écarte un peu la glace et l'on relève au cathétomètre la différence de niveau h entre le mercure du réservoir et celui de la cuvette. Il est commode, dans cette opération, de se servir de la vis à deux pointes t, comme nous l'avons indiqué à propos du baromètre normal (Livre III, Chap. II, § 9). On consulte en même temps le baromètre; si H est la hauteur de la colonne mercurielle qui fait équilibre à la pression atmosphérique du moment, H' — h est celle qui fait équilibre à la force élastique du gaz contenu dans le réservoir.

Il ne reste plus qu'à connaître les volumes du gaz à 0° et à T°, et l'on aura toutes les données nécessaires pour déterminer la dilatation du gaz. On y arrive par des pesées au mercure de la façon suivante. On bouche avec un peu de cire molle, contenue dans une cuillère mobile K, la pointe effilée qui plonge dans le mercure. On porte sur la balance l'appareil ainsi fermé, et dont on avait fait la tare quan l'il était vide; la pesée donne la masse de mercure p qu'il renferme. On achève de le remplir de mercure bouilli à 0° comme un thermomètre à poids, et on le pèse de nouveau, ce qui donne la masse P de mercure qui remplir l'appareil à cette température. Comme la masse P — p de mercure occupe le même volume V₀ que le gaz à 0°, le rapport P — est égal au rapport V, en appelant V la capacité totale de l'est égal au rapport V, en appelant V la capacité totale de l'est égal au rapport V, en appelant V la capacité totale de l'est égal au rapport V, en appelant V la capacité totale de l'est égal au rapport V, en appelant V la capacité totale de l'est égal au rapport V v en appelant V la capacité totale de l'est égal au rapport V v en appelant V la capacité totale de l'est vive l'est l'

trument à 0°. Enfin, on profite de ce que l'instrument est pleimercure pour déterminer la dilatation K_T du verre. On obtient aisément l'équation qui fournit le coefficient de

tation du gaz à l'aide de ces données.

La même masse gazeuse a été successivement dans deux différents.

	Temperature.	l'a ema	ica.
i" Etat.	T	$V = K_T$	de H cent. de mer cure.
2 Eist.	4)	V.	> H' — h >

En chaluant le relume de la masse gazense à 0° et sous le

pression d'un centimètre de mercure au moyen des données du premier état et au moyen des données du deuxième état, et en égalant les deux expressions, on a :

$$\frac{V(1+K_T)H}{1+\alpha T}=V_0(H'-h)$$

d'où l'on tire:

$$1 + \alpha T = \frac{V}{V_0} \frac{H}{H' - h} (1 + K_T)$$

et, en remplaçant $\frac{V}{V_0}$ par sa valeur $\frac{P}{P-p}$:

(1)
$$1 + \alpha T = \frac{P}{P-p} \frac{H}{H'-h} (1 + K_T)$$

La quantité a obtenue par cette méthode n'est exactement ni le coessicient de dilatation à pression constante, ni le coessicient d'augmentation de pression à volume constant, puisque le volume et la pression varient à la fois : c'est un coefficient intermédiaire. On peut, en modifiant un peu la forme de l'instrument, se rapprocher beaucoup de l'une ou de l'autre de ces valeurs extrêmes (si voisines du reste). Si l'on prend un appareil à tige extremement courte, pendant le refroidissement le mercure en ontant arrivera tout de suite dans le réservoir, le volume gazeux minuera notablement, et le mercure s'élevant peu au-dessus de cuvette, H' — h sera voisin de H. Dans ce cas on a à peu Près le coefficient de dilatation à pression constante. Si au con-I aire l'instrument a une tige très longue, le mercure dans son ascension n'atteindra pas le réservoir, la variation de volume du gaz sera dès lors très faible, tandis que la quantité h sera wotable. On obtiendra alors, à très peu près, le coefficient d'augmentation de pression à voluine constant (1).

(1) Si le mercure s'arrêtait dans une tige étroite, il en résulterait un

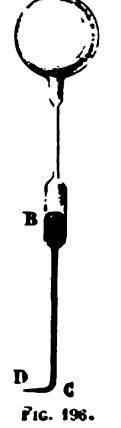
Dans les premières expériences saites à l'aide de cet appareil, Regnault trouva des nombres voisins de ceux de Rudberg et un peu plus saibles que ceux que lui sournissaient les autres méthodes. Il reconnut alors une cause d'erreur qui avait échappé au physicien suédois.

Au moment où l'on casse la pointe, une petite quantité d'air, qui était logée entre le mercure de la cuvette et la tige (qui n'est pas mouillée par ce liquide), s'introduit dans celle-ci en même temps que le inercure et vient augmenter la masse gazeuse, ce qui diminue h et fait croire à une dilatation moins grande. Regnault a remédié à cette cause d'erreur, soit en mettant une légère couche d'acide sulfurique à la surface du mercure pour mouiller la tige, soit en entourant le bec d'un petit disque de laiton amalgamé, ce qui empêche l'air de pénétrer lorsqu'on casse la pointe. Il trouva alors, pour la dilatation de l'air entre 0 et 100°, le nombre 0,36623 comme moyenne de quatorze expériences très concordantes faites avec des appareils à tige courte. Ce nombre est un peu plus fort que celui donné par Rudberg et presqu'identique à ceux trouvés par les autres méthodes.

Faisons remarquer qu'après avoir déterminé ainsi le coefficient

de dilatation de l'air, en prenant pour T la température de la vapeur d'eau bouillante, égale à 100 par définition, cet appareil peut servir de thermomètre à air.

En répétant les opérations que nous venons d'indiquer, l'équation (1) fournira la valeur de T, température à laquelle a été porté l'instrument dans



grave inconvénient, celui de la dépression capillaire, nécessitant une correction toujours incertaine. Afin de l'éviter, la tipe doit être rensiée en un tube de 15 de diametre environ de 196) sur une certaine hauteur vers l'endroit B où doit s'arrêter le mercure; mais, pour que la diminution de volume ne soit qu'une fraction insignifiante du volume total, il faut donner une grande capacité au réservoir A. Regnault a employé six spereils de cette forme, et a trouvé avec eux le nombre 0,3853 en moyenne pour la dilatation de l'air entre 0 100.

C'est par cette méthode, et avec cette dernière forme d'appareil, qu'il se mesure le c'esticient d'augmentation de préssion de la plupart des gaz-

la première phase de l'expérience. Dans ce cas, on peut très bien considérer $K_{\mathbf{T}}$ comme proportionnel à la température $(K_{\mathbf{T}} = k\mathbf{T})$, et alors l'équation (1) devient du premier degré en \mathbf{T}

$$1 + \alpha T = \frac{P}{P-p} \frac{H}{H'-h} (1+kT)$$

4. DÉTERMINATION DU COEFFICIENT D'AUGMENTATION DE PRES810N A VOLUME CONSTANT. — MÉTHODE DE RUDBERG. — Regnault
à repris, en la perfectionnant, une méthode due à Rudberg pour
déterminer plus exactement que par la précédente le coefficient
d'augmentation de pression d'un gaz à volume constant. Nous
avons déjà complètement décrit l'appareil qu'il a employé et la
marche d'une expérience à propos du thermomètre à air (Chap. II,
§ 9, auquel nous renvoyons le lecteur). Il n'y a pas lieu de chercher si le coefficient d'augmentation de pression a de l'air varie
avec la température, puisque c'est la constance de ce nombre
qui définit celle-ci; mais il est bon de voir si, pour les autres
gaz, cette quantité est constante ou un peu variable; on place
pour cela le réservoir contenant le gaz dans une enceinte qu'on
peut porter à diverses températures données par le thermomètre
à air.

Ajoutons que Regnault a fait un certain nombre d'expériences sur l'air en partant de pressions inférieures ou supérieures à la pression atmosphérique. — Nous donnons plus loin les résultats qu'il a obtenus ainsi.

5. DÉTERMINATION DU COEFFICIENT DE DILATATION A PRESSION CONSTANTE. — MÉTHODE DE POUILLET. — Pour déterminer exactement cette quantité, Regnault a employé le pyromètre à air de Pouillet.

L'appareil est à peu près le même que celui qui sert dans la méthode de Rudberg, mais la manière d'opérer est complètement dissérente.

Quand on chauffe le réservoir renfermant le gaz, celui-ci se dilate et fait remonter le mercure dans la branche ouverte du manomètre : son volume et sa force élastique augmentent à la

fois. Au lieu de ramener le gaz au même volume, come la méthode de Rudberg, en versant du mercure par la la



ouverte, on fait au co écouler du mercure de branches à la fois, à l'a robinet à trois voies maintenir constante la élastique du gaz sos l'expérience.

Le gaz alors se di brement, et une porti table de celui-ci (plus : si l'on élève la temp de 0° à 100°) passe sin la branche fermée du mètre. Celle-ci doit do graduée en parties capacité pour pouvoi surer cette augmental volume (fig. 197). On mine la capacité de c visions en faisant éco niercure contenu dans branche manométrique deux traits notés, et pesant, comme nous ! déjà vu à propos du 🕫 nomètre. Il faut aussi

naître exactement la température du gaz sorti du réservoir; pourquoi tout l'appareil manométrique est placé dans une rectangulaire, qui contient de l'eau dont la température donnée par un thermomètre. Une des faces de la cuve est in d'une glace transparente qui permet de faire les lectures. tout le reste l'appareil ne diffère pas du précédent.

Après avoir dispose l'expérience comme pour la morai coefficient d'augmentation de pression, avoir refroidile rést à 0° et avoir amené le mercure à la partie supérieure ' branche manométrique graduée, on procéde aux mesures vantes. On note la hauteur barométrique et, si l'on opère sous une pression supérieure à la pression atmosphérique, on y ajoute la différence de niveau entre les deux branches du manomètre (¹) pour avoir la force élastique H du gaz enfermé dans le reservoir; in note aussi le volume très faible occupé par le gaz à la partie supérieure de la branche manométrique graduée, et la température t de l'eau de la cuve, que nous prendrons comme temperature ambiante.

On porte ensuite le réservoir à une température T par exemple a la température de la vapeur d'eau boudlante exactement connue par la hauteur barométrique), et l'on fait écouler du mercure des deux branches manométriques à la fois pour mainter reinstante (ou à très peu près) la pression du gaz. On note alors le nombre de divisions occupées dans la branche manométr pur graduée par le gaz sorti du récipient, et l'on détermine coume ci-dessus la force élastique H' du gaz et la température f de l'eau de la cuve.

Représentant, d'une façon générale, par β_t le coefficient de liaition moyen du gaz de 0° à t° sons la pression à laquelle on que. L'ésignons par V le volume du réservoir à 0° , et par v et v' les volumes apparents du gaz en dehors du réservoir (tubes de communication et branche manométrique graduée) dans chacun les deux états, c'est-à-dire la capacité que possedent à 0° les civeloppes de verre qui renferment ces masses gazenses. Celles-ont alors pour volumes réels $v(1+K_t)$ et $v'(1+K_t)$, en appetin K_t la dilatation du verre entre 0° et t° .

Nous avons une même masse de gaz successivement dans deux etats différents, comme dans chacun d'eux la masse gazeuse est parlagée en deux parties à des températures inégales, il convient, four établir l'équation qui fournira \(\beta \), de réduire isotément à 0° le volume de chacune de ces deux parties et de les ajouter pour tion à 0° le volume de la masse gazeuse totale.

d'on peut aussi opérer sous une pression inférieure à la pression atmotéberque, dans ce cas, on retranche de la hauteur barometrique la différence La avenu autre le mercure des deux branches pour avoir H.

Au moyen des données du premier état on obtient :

$$V + \frac{v(1 + K_l)}{1 + \beta_l t}$$

Au moyen des données du deuxième état on obtient:

$$\frac{V(1+K_T)}{1+\beta_T T} + \frac{v'(1+K_{p'})}{1+\beta_{p'}t'}$$

Si la pression était restée exactement la même, il n'y aur qu'à égaler ces deux sommes pour obtenir l'équation; mais com elle a pu un peu varier, on a, en appliquant la loi de Mariot l'égalité:

اخا

17

14

ært,

$$\left[V - \frac{v(1+K_{t})}{1+\beta_{t}t}\right]H = \left[\frac{V(1+K_{T})}{1-\beta_{T}T} + \frac{v'(1+K_{t})}{1+\beta_{t}t'}\right]H'$$

Comme les températures t et t' sontpeu élevées, et que toulles expériences sur les dilatations des gaz montrent que coefficients de dilatation varient à peine avec la température on peut sans erreur prendre les trois coefficients β_t , β_t et comme égaux entre eux, et alors la résolution de l'équation pedédente par la méthole des approximations successives connaître ce coefficient $\frac{1}{2}$.

Il est iautile d'insister sur la manière dont on peut applique cette methode à l'évaluation de la température d'une enceine de fait considéré alors comme une constante absolument in the pendante de la température. Mais rappelons ici ce que nous avec déjà dit plus haut : il est moins facile de mesurer exactem une augmentation de volume qu'une augmentation de force éla

l Dans la reschulon de l'equation on pourra très bien, pour la premie de sois, remplacer p, et p, par 0,0,3 di, coefficient de dilatation sourni à Regionne pur la methode de Dulong et Petit.

appareil passe en dehors du réservoir et ne se trouve plus à la empératuré T que l'on veut évaluer, d'où la nécessité d'un terme $\frac{v'(1+K_{t'})}{1+\beta t'}$ très important. Ces deux raisons ont fait bandonner cette méthode pour la thermométrie.

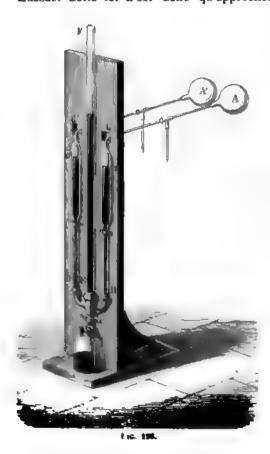
6. RÉSULTATS OBTENUS DANS L'ÉTUDE DE LA DILATATION DES GAZ. Le tableau suivant, extrait du mémoire de Regnault, donne les résultats obtenus par ce physicien dans l'étude de la dilatation des gaz.

	Coefficient d'augmentation de pression moyen entre 0° et 100° (La pression étant celle de l'atmosphère à 0°).	Coefficient de dilatation moyen entre 0° et 100°, sous la pression constante de l'atmosphère.
Hydrogène (1)	0, 003 6 37	0,003 661
Air	0,003 665	0,003 670
Azole	0,003 668	»
Oxyde de carbone	0,003 667	0,003 669
Acide carbonique	0,003 688	0,003 710
Protoxyde d'azote	0,003 676	0,003 719
Acide sulfureux	0,003 845	0,003 903
Cyanogène	0 ,003 829	0,003 877

Nous ferons d'abord remarquer que le coefficient de dilatation est plus grand que le coefficient d'augmentation de pression, sauf pour l'hydrogène où c'est l'inverse, et que la différence est plus forte pour les gaz facilement liquéfiables (acide sulfureux, eyanogène...) que pour les gaz difficilement liquéfiables (air, oxyde decarbone...). Ce résultat justifie pleinement les prévisions que nous avons faites (Chap. I^{or}, § 12), d'après la loi exacte de la compressibilité des gaz.

⁽¹⁾ L'oxygène ne figure pas dans ce tableau. Les résultats que fournit ce gaz se sont pas concordants parce qu'il est légèrement absorbé par le mercure.

En outre, les deux espèces de coefficients ne sont pas exactement égaux pour les divers gaz, comme le veut la loi de Gay-Lussac. Cette loi n'est donc qu'approchée, comme la loi de



Mariotte; mais la différence entre les coefficients de dilatation est très faible pour les gas difficilement liquéfiables.

La loi de Gay-Lussac était considérée comme parfaitement rigoureuse avant les travaux de Begnault; aussi æ physicien voulut montrer, par use expérience comp rative, l'inégalit 🚅 des coefficients de dilatation de ga poca différents, qu'on ne pùt pe attribuer aux e reurs d'expérie résult ces le qu'il avait obten

L'appareil de il se servit pe cela sig. 198

différant d'un double thermomètre à air qu'en ce que les branches manometriques fermées CD et C'D' communiquavec la même branche ouverte EF. Les deux ballons à étaient plac s côte à côte dans une même enceinte, per de les entourer de glace ou de vapeur d'eau bouillante. Ils formés du même verre et présentaient à peu près la même ce



cité. Pourtant comme ces capacités n'étaient pas exactement égales, on avait disposé du volume des tubes de communication de façon que le rapport $\frac{v}{V}$ du volume v des tubes jusqu'au trait de repère au volume V du ballon, fût le même pour les deux appareils.

Dans ces conditions, l'équation du thermomètre à air (Chap. II, 9, p. 415), qui peut se mettre sous la forme

$$\left(1 + \frac{v}{V} \frac{1}{1 + \alpha t}\right) H = \left(\frac{1 + K_T}{1 + \alpha T} + \frac{v}{V} \frac{1}{1 + \alpha t'}\right) H'$$

hallons et amenés à une même pour les gaz contenus dans les deux hallons et amenés à une même force élastique H quand ils étaient à O, la force élastique finale H' devait être aussi la même lorsqu'on les portait à une commune température T. Comme les traits de repère a et a' étaient placés dans un même plan horizontal, la colonne de mercure qu'on versait alors dans la branche Ouverte FE pour ramener le niveau du mercure en a, devait ramener aussi le niveau du mercure au trait de repère a'. Il en devait être autrement si le coefficient a n'avait pas la même valeur Pour les deux gaz contenus en A et en A'.

Pour s'assurer que l'appareil ne présentait aucune cause d'ereur, Regnault introduisit d'abord de l'air dans les deux ballons,
en prenant les précautions habituelles. Il fit l'expérience comme
Pour déterminer le coefficient a, et constata que la colonne de
Percure versée dans FE, qui ramenait le niveau en a, le ramenit aussi en a'. Puis, laissant de l'air dans le ballon A, il remlique ce gaz par de l'acide sulfureux dans A', et resit l'expélence. Cette fois la colonne de mercure ajoutée en FE, qui ramenit le niveau en a, était insussisante pour le ramener en a';
Pour obtenir ce dernier résultat il fallait une colonne de mercure
un peu plus haute. Cette expérience montre d'une saçon irrésulable que l'acide sulfureux possède un coefficient d'augmentalion de pression supérieur à celui de l'air.

Le coefficient d'augmentation de pression d'un gaz, autre que l'air, est-il variable avec la température donnée par le thermo-

mètre à air? Regnault a résolu cette question, en comparant la température indiquée par un thermomètre à air, à volume constant, et par un thermomètre formé d'un autre gaz, les deux réservoirs étant placés côte à côte dans une même enceinte. Il a trouvé que les thermomètres à air, à hydrogène et à acide carbonique donnaient exactement les mêmes indications. Le coefficient d'augmentation de pression étant constant pour l'air, d'après la définition de la température, cette expérience montre qu'il est constant aussi pour l'hydrogène et l'acide carbonique. Dès lors on peut affirmer sans crainte qu'il en est de même pour tous les gaz qui obéissent à peu près à la loi de Mariotte. Mais les températures indiquées par un thermomètre à air et par un thermomètre à acide sulfureux ne furent plus exactement égales comme le montre le tableau suivant:

Thermomètre à air	Thermomètre à scide sulfureux.	
0-	0-	
92,63	92,63	
98,12	98,12	
102,45	10≥,38	
185,42	184,≥0	
257,17	254,93	
290,90	297,18	
310,30	307,41	

Il est aisé de voir, d'après ces expériences, que la tempéraire étant définie par le thermomètre à air, et le nombre 0,00886 étant le coefficient d'augmentation de pression moyen entre le 100° de l'acide sulfureux, ce coefficient entre 0° et 310° n'est plus que 0,003 809 (¹). Ainsi, pour les gaz très facilement liqui-

At L'expérience du thermomètre à gaz donne, pour le gaz considér, le valeur du produit aT. Si l'on veut en deduire la température T, sa prépour a une valeur constante, qui est le coefficient d'augmentation de préparent entre (** et 10.5**, soit 0.03885 pour l'acide sulfureux; en trout préparent pour T le valeur SU.41 correspondant à la température 309,0 de thermometer à a.r., dans ce cus, le produit aT a donc pour vier

finbles le coefficient diminue un peu quand la température s'eleve.

Foin, les expériences de Regnault ont montré que les coefficients de dilatation ou d'augmentation de pression des gaz ne sont pas absolument indépendants de la pression, comme les expériences de Davy l'avaient fait admettre. Voici deux tableaux qui donnent les résultats que Regnault a obtenus à ce sujet.

Coefficient de dilatation moyen entre 0° et 100° sous pression constante.

		Sous la pression		Sous la pression de
Atr	0,008 670 6	76 cent. de mercuee	0,003 694 4	2520,5 de mercure
Hydrogène	0,003 661 8	Id.	0,008 661 6	254°,6 n
bride enrhanique, .	0,003 709 9	Id.	0,008 845 5	252-2 3
heade sulfurent	0,003,003	Id.	0,003 980 4	985,3 "

Coefficient d'augmentation de pression à volume constant pour différentes pressions initiales.

	Pression du gaz à 0° en cent. de mercure	Coefficient d'augmentation de pression moven cutre 0° et 100°	Pression en cant de mercura du gaz a 00	Coefficient d'augmentation de pross on moyen entre 0° et 103°
åir	10,975	0,003 644 8	76,000	0,003 665 0
	17,443	0,003 647 8	167,840	0,003 676 0
	26,615	0,003 652 5	214,418	0,003 689 4
	37,467	0,003 658 7	365,556	0,003 709 1
terda	75,847	0,003 685 6	174,298	0,003 752 3
carbonique	90,109	0,003 694 3	358,907	0,003 859 8

Ouxis / 307,41. Si au contraire dans le produit aT, nous considérons le mateiant la température 310,80) donnée par le thermometre a air, nous raiser a sera le coefficient d'augmentation de pression de l'acide sulfureux me de 1300,30 et l'on aura:

 $2 \times 310.30 = 0.003845 \times 307.41$ d'où : $\alpha = 0.003809$

On voit que les deux coefficients croissent avec la pression; l'augmentation à peine sensible pour l'hydrogène est notable pour l'acide carbonique et l'acide sulfureux.

Il en résulte une conséquence importante, c'est que la loi de compressibilité des gaz facilement liquéfiables, qui s'écarte notablement de la loi de Mariotte à la température ordinaire, s'en écarte de moins en moins quand la température s'élève. Es effet, soient V et H le volume et la force élastique d'une masse gazeuse à 0°, et V' le volume de cette masse à la même température 0°, pour une force élastique plus considérable H'; posons:

$$\frac{VH}{V'H'}=1+\varepsilon_0$$

En conservant au gaz la force élastique H, portons-le à la tespérature t; son volume deviendra $V_t = V(1 + \beta t)$.

Si nous le portons à cette température t en le maintenant i le force élastique H', son volume deviendra $V'_{i} = V'(1 + \beta' t)$.

En remplaçant dans la relation

$$\frac{V_{\ell}H}{V_{\ell}'H'}=1+\epsilon_{\ell}$$

V et V', par leur valeur, il vient:

$$1+\epsilon_t=\frac{VH(1+\beta t)}{V'H'(1+\beta't)}=(1+\epsilon_0)\frac{1+\beta t}{1+\beta't}$$

Or β' , coefficient de dilatation pour la force élastique if, plus grand que β , coefficient pour la force élastique H, la tité ϵ_i est plus petite que la quantité positive ϵ_0 , et la different (sensiblement égale à $(\beta - \beta')t$), est d'autant plus grande est plus considérable; c'est-à-dire que ϵ_i diminue quand la pérature 'élève.



lois de Manotte et de Gay-Lussac ne sont que des lois approchées, mais dont les gaz s'écartent d'autant moins qu'ils sont plus loin des circonstances de température et de pression nécessaires à leur liquéfaction.

Les gaz qui, comme l'air, l'hydrogène, l'oxyde de carbone, ne se liquéfient qu'à des températures extrèmement basses, ont aux températures ordinaires une loi de compressibilité si voisine de la loi de Mariotte et des coefficients de dilatation si voisins les une des autres qu'il a fallu les expériences les plus précises pour trettre le désaccord en évidence.

Toutes les fois par conséquent que les données d'une expérience ne comportent pas une extrême exactitude, ou qu'on n'a les besoin d'une très grande précision, on peut employer la for-

VH = constante, pour une même masse gazeuse de l'une V possédant une force élastique H à la température t du thermomètre à air, et où a peut se prendre égal à 0,003 67, que les que soient la température, la pression et la nature du dont il s'agit, pourvu qu'il ne puisse se liquéfier qu'à une le repérature très inférieure à t.

Si ton désire plus d'exactitude, on pourra continuer à appliquer la loi de Mariotte, quand les changements de volume ou les mangements de force élastique sont peu considérables, et employer pour a le coefficient de dilatation propre au gaz considéré, a la force élastique change peu avec la température, et au contraire le coefficient d'augmentation de pression de ce gaz, si l'est le volume qui n'éprouve que de faibles variations.

Ensin il est présumable, qu'à une température très élevée, tous les gaz obéiraient à la loi de Mariotte et auraient un même coefficient de diffatation (ne se distinguant plus du coefficient d'augmentation de pression).

CHAPITRE VI

FUSION — SOLIDIFICATION

1 CHANGEMENT D'ÉTAT. — Tous les corps solides convenablement chausses passent à l'état liquide, fondent, suivant l'expression consacrée, pourvu, bien entendu, qu'ils puissent supporter cet échaussement sans se décomposer.

Si la cire, le soufre, l'étain fondent facilement, le fer, k platine exigent des températures très élevées pour entrer et fusion; quant au charbon, Despretz a dû recourir à l'énorme élévation de température obtenue par le courant fourni par 500 ou 600 éléments Bunsen passant dans une mince baguette de graphite, pour voir ce charbon se ramollir et subir ainsi us commencement de fusion. Le même physicien a montré que le bore, le silicium, la magnésie, la chaux et un grand nombre de substances, qui jusqu'alors passaient pour infusibles, peuve être fondues à la température extrêmement élevée, produite pur l'arc voltaïque.

Réciproquement un corps liquide convenablement refroit prend l'état solide: l'eau se solidifie à 0°, le mercure ver — 40°; dans un mélange de protoxyde d'azote solide et d'éthe l'alcool s'épaissit, devient visqueux au point de ne pouvoir place couler. Si l'on n'a pu obtenir la solidification complète de corps, si l'on n'a pu congeler quelques autres liquides en petit nombre, comme le sulfure de carbone, le chlore ou l'acceptable de conformatique, cela tient uniquement à ce que les mortingorifiques employés n'étaient pas assez puissants. On the conformatique employés n'étaient pas assez puissants.

clone admettre aussi que tout corps liquide amené à une tem-

D'un autre côté, tous les liquides émettent des vapeurs, c'esta-dire que ces corps de liquide passent à l'état de gaz, et cela en genéral à toutes températures, mais plus rapidement dans les mêmes circonstances, quand la température s'élève Les corps solides eux-mêmes peuvent se vaporiser, sans passei par l'état liquide : le camphre, l'iode émettent des vapeurs dès la température ordinaire, et un fragment de ces corps exposé à l'air, finit par disparaître entièrement par suite de leur volatilisation. Du reste, il est bien prouvé aujourd'hui que l'organe de l'odorat ne peut être affecté que par des gaz; or, un très s'and nombre de corps solides ont une odeur même à froid; il faut en conclure qu'ils se vaporisent.

Inversement les gaz peuvent tous être amenés à l'état liquide

Par un froid suflisamment intense.

L'oxygène, l'azote, l'hydrogène qui pendant si longtemps ont Passe pour des gaz permanents ont pu être hquésiés grâce aux ux travaux de M. Cailletet et de M. Pictet.

Ut corps du reste peut passer directement de l'état gazeux a l'état sohde sans passer par l'état liquide : tels sont, par exemple, ramphre, l'iode, l'eau au-dessous de 0°.

Quoique le mot de vapeur soit employé plus spécialement ur designer le gaz provenant de la volatilisation d'un corps que connaissons surtout à l'état liquide ou solide (eau, 10de), on ne peut établir aucune distinction scientifique entre les vapeurs et les gaz, puisque tout gaz peut se considérer comme la vapeur d'un certain liquide.

En résumé, on voit qu'une même substance peut généralement exister sous les trois états : solide, liquide, gazeux.

2. LOI DE LA FUSION. — Suivant la nature du corps solide, deux modes de fusion peuvent se présenter. Certaines substances londent brusquement (glace, soufre, étain), et le retour de l'état aquide à l'état solide se fait de même sans intermédiaires. Poutres substances au contraire se ramollissent avant de fondre, as deviennent visqueuses, et c'est par dogrés insensibles que 'ellectue le passage de l'état parfaitement solide à l'état parfai-

tement liquide. Le retour de ce dernier état au premier a lieu graduellement aussi par la même série d'états intermédiaires. Ou dit que ces corps subissent la fusion pâteuse. Tels sont la cire à cacheter, la gutta-percha, le verre, le fer et un très grand nombre d'autres corps; parmi eux on peut encore citer l'alcool et le carbone, qui, d'après les expériences rapportées plus haut, subissent la fusion pâteuse aux deux températures les plus extrêmes que les physiciens ont su obtenir.

La loi suivante, d'après son énoncé même, ne s'applique qu'aux substances de la première catégorie.

Pendant toute la durée de la fusion d'un corps, le mélange du solide et du liquide conserve une température invariable quelles que soient les causes de réchaussement extérieures. Cette température est toujours la même pour une même substance soumise à la même pression.

On l'appelle le point de fusion.

Il est inutile d'insister sur la démonstration de cette loi expérimentale : l'énoncé même l'indique. Faisons pourtant remarquer que si le thermomètre permet aisément de la vérifier dans le cas des corps, bons conducteurs de la chaleur, comme l'em ou un métal, il se présente quelques difficultés pour les corps mauvais conducteurs comme le soufre, parce qu'alors le liquide qui baigne le thermomètre n'a généralement pas la même temperature dans toutes ses parties. En agitant beaucoup le mélange du solide et du liquide, qui provient de sa fusion, on arrive à rendre la température de la masse plus homogène, et la vérification se fait mieux. On ne saurait douter du reste, par analogie avec ce qui se passe pour les corps bons conducteurs, que la température des couches du liquide et du solide immédiatement au contact ne soit constante : c'est le véritable point de fusion du corps.

Comme nous le verrons dans un prochain paragraphe, il set des augmentations énormes dans la pression pour changer un peu la valeur du peunt de susion. Les variations de la pression atmospherique sont beaucoup trop saibles, pour entrainer un changement de la temperature de susion sensible au thermondu audme le plus delicat. C'est pourquoi, dans les circonstances ordendement de plus delicat. C'est pourquoi, dans les circonstances ordendements de la plus delicat.

naires, celle-ci ne dépend que de la nature du corps et en est une des caractéristiques les plus importantes.

Voici un tableau donnant les températures auxquelles fondent les substances les plus communes (1).

POINT DE FUSION

Acide sulfureux	— 78,9	Camphre	十 175
Mercure	— 39,5	Lithium	180
Aicool amylique	— 23	Arsenic	210
Hypoazotide	— 9	Sélénium	217
Brôme	 7, 5	Etain	23 5
Eau	0	Bismuth	26 5
Benzine	+ 7	Plomb	33 5
Acide acétique	17	Chlorure d'argent	3 50
Phosphore	44,2	Antimoine	440
Potassium	55	Aluminium	600≄
Acide margarique	60	Argent	1000≄
Acide stéarique	70	Cuivre	1050≄
Naphtaline	7 8	Or	1250*
Sodium	90	Fer	1500≉
Iode	107	Palladium	1700 ^
Soufre	114,5	Platine au delà de	1700

Un nombre marqué de (*) ne doit être considéré que comme une valeur approchée seulement.

On voit, en parcourant ce tableau, que les points de fusion des diverses substances s'étendent sur toute l'échelle des températures que nous pouvons obtenir.

3. LOI DE LA SOLIDIFICATION. — SURFUSION. — Dès qu'un corps solide est arrivé à son point de fusion, pour peu qu'on le soumette à une cause d'échauffement, il fond toujours. De même lorsqu'un corps liquide est amené au point de fusion du solide correspondant, il passe généralement à l'état solide si on le soumet à une cause de refroidissement.

Le point de solidification est ainsi le même que le point de

`

⁽i) Ce tableau a été extrait de l'Annuaire du Bureau des Longitudes pour 1883.

fusion, et pendant toute la durée du phénomène le mélange de liquide et de solide conserve la même température quelles que soient les causes de refroidissement extérieures.

Pourtant il n'en est pas toujours ainsi: avec quelques précautions on peut abaisser la température d'un liquide au-dessous du point de fusion sans amener la solidification.

Ce phénomène, qui a reçu le nom de surfusion, a été découvert par Fahrenheit. Ce physicien enfermait de l'eau dans un

ballon de verre à col effilé, qu'il fermait ensuite à la lampe; dans ces conditions il pouvait abaisser la température de l'eau au-dessous de 0° sans qu'elle se congelât; une secousse produisait alors la solidification.

L'appareil représenté figure 199 permet de répéter aisément cette expérience dans un cours : c'est un cylindre renfermant de l'eau E privé d'air par l'ébulition; au milieu de celle-ci plonge le réservoir R d'un thermomètre, qui en indique la température. On place ce petit appareil dans un mélange réfrigérant, et l'on constate que l'eau conserve l'état liquide à plusieurs degrés au-dessous de 0°. Une brusque agitation produit alors la congélation, et la température remonte brusquement à cause de la chaleur créée par ce changement d'état.

Despretz a observé que de l'eau contenue dans des tubes capillaires pouvait être portée jusqu'à — 20° sans qu'elle se congelât. M. Dufour a obtenu le même résultat en maintenant des globules d'eau en suspension dans un liquide de même densité formé d'un mélange de chloroforme et d'huile d'amande douce.

Le phosphore fond à 44°,2; M. Schrætter a pu l'amener à l'état liquide jusqu'à la température de — 5°. Le soufre possède un point de fusion voisin de 115°; or M. Company de proposition de 15°; or M. Company d

M. Gernez a pu abaisser la température de globules de soufre fondu, en suspension dans une dissolution de chlorure de zinc de même densité que le soufre, jusqu'à la température ordinaire.

Le contact de l'air, l'agitation, les vibrations sont cesser le



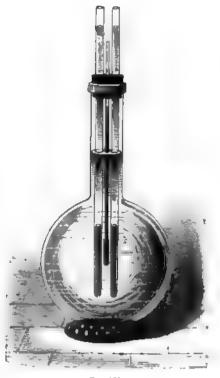
plus souvent l'état de surfusion, et la solidification s'opère brusquement. Pourtant ces moyens ne réussissent pas toujours ainsi le phosphore, qui fond à 44°, 2 peut rester liquide jusque vers 30° malgré les agitations et le contact de l'air.

Mais un moyen infaillible pour faire cesser la surfusion est de mettre au contact du corps surfondu un cristal identique à celui

qui peut se produire par sa solidification. Une parcelle cristalline suffit à cet effet.

Le phosphore blanc surfondu se solidifle immédiatement au contact d'une trace de phosphore blanc solide. La solidification se propage d'autant plus rapidement dans la masse surfondue que la température de celle-ci a été plus abaissée au-dessous du point de fusion, comme l'a montré M. Gernez. Le même auteur a fait voir que le phosphore rouge, qui, au point de vue physique, diffère complètement du phosphore blanc, est in capable par son conlact de faire cesser l'état de surfusion du phosphore blanc.

M. Gernez emploie la disposition suivante pour



F1G. 200

montrer ces phénomènes. Dans un grand ballon B (fig. 200) rempli d'eau, on place un thermomètre et un ou plusieurs tubes contenant du phosphore blanc. On porte d'abord l'eau à une température un peu supérieure à 44°, 2 pour faire fondre le phosphore, puis on retire le ballon du feu. A cause de la grande

masse d'eau, le refroidissement est lent, et la surfusion se produit aisément (1).

On doit encore à M. Gernez les expériences curieuses que voici : du soufre fondu est porté vers 170°, puis refroidi et amené à l'état de surfusion entre 90° et 100°. Si l'on projette alors dans la masse un cristal de soufre octaédrique la surfusion cesse, et le soufre cristallise en octaèdres autour du cristal introduit. Si l'on projette dans le liquide un cristal de soufre prismatique, la cristallisation donne naissance à du soufre prismetique, et elle se propage avec une vitesse environ trente fois plus grande que dans le cas précédent. Enfin, si l'on vient, dans ce même liquide, à exercer un frottement contre le fond du vase à l'aide d'une tige de fer dépolie à son extrémité, la surfusion cesse encore, et les cristaux de soufre qui se produisent constituent une troisième variété cristalline, se distinguant en particulier du soufre prismatique et du soufre octaédrique par une vitesse de cristallisation intermédiaire, cinq fois plus grande que celle de cette dernière variété et, par conséquent, 1 seulement de celle de la première.

Au moment où la surfusion cesse la température s'élève brusquement, à cause de la chaleur créée par la solidification. Si le corps surfondu n'a été amené que peu au-dessous de son point de fusion, la température remonte exactement jusqu'à cette valeur, et une portion seulement de la substance repasse à l'étal solide. Mais quand la température du corps surfondu est notablement inférieure au point de fusion, il peut arriver que toute la masse se solidifie sans que la chaleur créée soit suffisable pour élever sa température jusqu'au point de fusion.

En résumé, un liquide surfondu a ses particules, non per dans un état d'équilibre instable, dans le sens précis que la lé-

⁽¹⁾ Si l'on veut garder longtemps l'appareil, il est bon de colorer l'an de ballon en jaune, en y fa.sant dissoudre quelques cristaux de bichrousté potasse; on évite ainsi l'action de la lumière sur le phosphore blanc, d'attransformation partielle en phosphore rouge.

Il est bon aussi, par prudence, de recouvrir d'un peu d'eau le phophet, pour éviter son inflammation.

canique attache à cette expression, mais dans un état d'équilibre peu stable, qu'une faible cause suffit à détruire Il en est comme d'une pierre, qui peut être en équilibre stable au sommet d'une montagne, mais qu'un faible effort peut déranger de sa position et qui, sous son poids, roulera ensuite jusqu'au bas de la montagne.

La surfusion est souvent une gêne quand on veut prendre le point de solidification d'un liquide, pour le point de fusion du solide correspondant. On peut alors procéder ainsi : on refroidit le ment le liquide, en tâchant de maintenir sa température uniforme que possible par l'agitation; puis on y projette de temps à autre une parcelle du corps solide correspondant. Dès que le hquide sera au-dessous du point de fusion, celle-ci produira souditeation, et la température montera exactement à ce point, puisque ête se sera peu abaissée au-dessous. C'est ainsi que du soufre.

4 CHANGEMENT DE VOLUME QUI ACCOMPAGNE LA FUSION OU LA BOLIDIFICATION. — Un corps, en se liquidant ou en se solidifiant épreuve généralement une brusque variation de volume. Dans la majorité des cas, le liquide a un volume plus grand, à la même température, que le solide dont il provient, et par conséquent la tensite du solide est plus grande que celle du liquide On s'en persont immédiatement parce que les fragments du corps solide testet, au fond du bain provenant de sa fusion.

Quelques corps pourtant se comportent autrement, le solide venant flotter à la surface du liquide; tels sont l'eau, l'argent, le besseuth, l'antimoine et la fonte de fer: en se solidifiant ils augment et brusquement de volume.

M. H. Kopp a fait l'étude de ce phénomène. Le corps solide endié était placé dans le réservoir d'un thermomètre à tige produée (1), contenant un liquide dont la nature a varié dans les inverses expériences (huile d'olive, essence de térébenthine,

t le pus souvent ce réservoir était constitué par un peut tube à essai, trans a sa partie supérieure par un bouchon traversé par la tige graduée. Co disposit permettait d'introduire facilement le corps et le liquide.

acide sulfurique, etc.), et qui ne devait ni attaquer ni dissoudre le corps qu'il baignait. Il portait l'appareil à 0° et ensuite à des températures voisines du point de fusion, et il observait la position de la colonne liquide.

Désignons par U_0 et V_0 les volumes du corps et du liquide qui l'entoure à 0° (volumes obtenus par des pesées et par la connaissance des densités), par α_i et K_i la dilatation du liquide et du verre entre 0° et t°, et par ϵ_i l'augmentation de volume que subit entre les mêmes limites de température, la masse du corps occapant l'unité de volume à 0°, quelle que soit la cause de cette augmentation. Soit, en outre, v le volume à 0° d'une division de la tige et n le nombre de divisions dont s'avance la colonne liquide quand l'instrument passe de 0° à t°.

En écrivant que le volume du contenu égale celui du contenant, on obtient l'égalité suivante

$$U_0(1+\epsilon_t) + V_0(1+\alpha_t) = (U_0 + V_0 + nv)(1+K_t)$$

qui fait connaître ...

Or, on trouve qu'entre deux températures t'et t' très voisines et prises de part et d'autre du point de susion, la quantité e, subil une variation rapide; la dissérence (e, — e,) est l'accroissement de volume (positif ou négatif) qu'éprouve, par suite de la susion la masse du corps occupant l'unité de volume à 0°.

Le tableau suivant donne les principaux résultats obtesses ainsi:

	* _{t"} — * _{t'}	Point de fusion
Phosphore Soufre Acide stearique Stéarine Ca Cl ÷ 6H0	+ 0,050 0 + 0,110 0 + 0,049 6	44°,3 115° 70° 60° 99°

Le méthode que nous venons d'indiquer fournissait aussi à M H Kapp le coefficient de dilatation des corps sous les deux etsts soir le et liquide. Les expériences ont montré que le coefficient de dilatation du solide n'est généralement pas le même que celu du liquide; ainsi le phosphore a pour coefficient de thatation 0.000383 à l'état solide et 0.000506 à l'état liquide.

barres M. Dufour le poids spécifique relatif de la glace à 0° est 09177 (¹). Comme celui de l'eau liquide à 0° est 0,9999, on voi quen se solidifiant il se produit une expansion égale à 0,999 — 1 — 0,0896 pour la masse d'eau qui occupe à l'état qui c'elle l'unité de volume à 0° (²).

L'aigmentation de volume qu'éprouve l'eau en se solidifiant, le unie déjà par Galilée, est un fait qui joue un grand rôle dans les bénomènes de la nature, et sur lequel il convient d'insister.

Quand un vase est plem d'eau et que celle-ci se congele le vase ente Eu effet ses parois, pour résister à l'expansion, devraient reduire l'énorme pression nécessaire pour ramener le volume de la pare à celui de l'eau dont elle provient. Pour le montrer, on repete dans les cours une expérience due à Huyghens, on remplit teas un canon de pistolet fermé par un bouchon à vis, et on le place dans un mélange réfrigérant. L'eau se congèle, et le

nombre trouve par M. Dufour s'accorde bien avec celui donné par N. cun, er 6,918 et avec celui trouvé par M. Bunsen (0,917 (Ven Chop, XVI, 1 Mm. 1 s experiences de M. H. Kopp conduisent à un nombre beaucoup passable 0,814. Nous adoptens, sans hesitation, le résultat fourni par les tres prenners anteurs qui, par des votes differentes, arrivent à des mastres presque identiques,

Leau exposée a l'air a dissous des guz; quand elle se congele, crux-ci se d'gagent de la dissolution, mais restent emprisonnés sous forme de bulles su un ieu le la glace, dont ils augmentent le volume apparent. L'expantion reodule por la congelation de l'eau paraît ainsi plus grande qu'elle na l'est mellement. L'ext même re qui avait fait croire à Huyghens, à Mariotte el a uneurs autres physiciens de la même epoque, que l'expansion observée el a uniquement due au dégagement de l'air dissous.

Dans les experiences de M. Dufour, et dans les autres expériences précoax faites sur le sujet qui nous occupe, on a ou soin de prendre de l'eau hen purgée d'air par l'ebuilition et donnant de la glace parfaitement exempte de bules canon se fend dans toute sa longueur avec un léger bruit. Le major Eward William à Québec, ayant exposé une bombe pleine d'eau au grand froid qui règne l'hiver à ces hautes latitudes, la vit éclater circulairement, et un bourrelet de glace s'échappa

par la fente.

Ces expériences nous expliquent un certain nombre de phênomènes naturels. Les pierres poreuses s'imbibent d'eau pendant la saison chaude; l'hiver venu, cette eau se congèle, et l'expansion désagrège la pierre. Les morceaux restent pourtant en place, soudés les uns aux autres par la glace; mais au dégel ils se séparent et la pierre s'émiette. Aussi ces pierres porcuses, dites pierres gélives, no peuvent-elles pas être employées dans les constructions. C'est par suite d'un phénomene du même genre que les éboulements sont si fréquents dans les montagnes à l'époque de la fonte des neiges.

Par les grands froids les liquides aqueux que contiennent les végétaux se congèlent, et les vaisseaux qui les renferment eclatent: la plante meurt par la gelée. Faisons remarquer qu'il faut en général pour cela une température notablement inferieure a 0°, parce que les liquides contenus dans la plante, n'etant pas de l'eau pure, se soludifient normalement au-dessous de 0°; en outre, étant contenus dans des vaisseaux capillaires, le phénomene de la surfusion se produit très aisément.

Si l'expansion qu'éprouve l'eau en se congelant présente des inconvenients, elle a, par contre, une heureuse influence pour la conservation de la vie dans les lacs et les cours deau. L'eau se refroidit par sa surface seulement, grâce au rayonnement et un peu aussi à l'évaporation dont celle-ci est le siège. Aussi est-ce à la surface que la glace se forme lors des grands froids. Si celle-ci était plus dense que l'eau, elle tomberait au fond, et serait remplacée à la surface par de l'eau qui se solicifiant à son tour tomberait au fond, et ainsi de suite; en peu de temps toute la masse d'eau serait congelée : la vie des animais et des plantes emprisonnés dans la glace serait impossible. Massil n'en n'est pas ainsi; grâce à sa légèreté spécifique, la glaciflotte, et reste à la surface où elle s'est formée. Comme elle condu fort mal la chaleur, elle empêche le refroidissement de l'eau que se trouve au-dessous, d'autant mieux que sa couche est plus de l'eau que sa couche est plus des plantes en la chaleur, elle empêche le refroidissement de l'eau que se trouve au-dessous, d'autant mieux que sa couche est plus des plantes en la chaleur, elle empêche le refroidissement de l'eau que se trouve au-dessous, d'autant mieux que sa couche est plus des plantes en la chaleur.

épaisse; il en résulte que dès qu'elle est un peu profonde, la masse d'eau ne se solidifie jamais entièrement.

5. INFLUENCE DE LA PRESSION SUR LE POINT DE FUSION. — En 1850 M. James Thomson, avait conclu, d'après un raisonnement fondé sur les principes de la thermodynamique, et dont nous reproduisons l'analogue plus loin (Chap. XV § 7), que les substances qui augmentent de volume en se liquéfiant doivent avoir leur point de fusion élevé par une augmentation de la pression qu'elles supportent; et qu'au contraire les substances qui

diminuent de volume en se liquésiant doivent avoir leur point de fusion abaissé. Bans recourir au raisonnement rigoureux de M. James Thomson, on conçoit du reste assez bien qu'une augmentation de pression, gênant un accroissement de volume et en savorisant la diminution, puisse retarder la susion des substances de la première catégorie et avancer celle de la seconde (1).

Sir Wilhem Thomson soumit au contrôle de l'expérience les prévisions de M. James Thomson. Il se servit pour cela d'un appareil (fig. 201) imaginé par Creted pour étudier la compressibilité des liquides, et que nous avons déjà décrit à propos des expériences de Despetz sur la compressibilité des gaz. Il Jintroduisit de la glace bien pure, puis un thermomètre à éther assez sensible pour donner le millième de degré centified. Celui-ci était enfermé dans un



Fig. 201.

the de verre scellé T, pour le soustraire à la pression consilérable qu'on allait exercer dans l'appareil, et qui aurait pu

⁽¹⁾ El mo faudrait pas se faire illusion sur la rigueur de ce raisonnement; lest tain pau grossier. Nous le reproduisons ici surtout a titre mnémonique : permace de se rappeler aisément le sens de la variation.

fausser les indications en diminuant la capacité du réservoir. Ce tube contenait du mercure, qui entourait le réservoir du thermomètre et établissait une bonne conductibilité calorifique avec la glace. A la hauteur de la tige du thermomètre fut versée de l'eau distillée pour permettre de lire ses indications; une rondelle de plomb Dempêchait la glace de monter. Un mélange d'eau et de glace achevait de remplir l'appareil. Enfin la pression était indiquée par un petit manomètre à air compriné M.

Sous la pression atmosphérique, le thermomètre marquait 0; mais en enfonçant le piston à l'aide de la vis P on voyait le thermomètre baisser, ce qui montrait que la fusion de la glace se produisait à une température inférieure à 0°. Dans deux expériences faites avec soin, on trouva les nombres — 0°,049 et — 0°,129, pour des forces élastiques de 8 atm. et de 16,8 atm. La moyense de ces deux expériences donne 0°,0075 pour l'abaissement de température correspondant à une augmentation de force élastique d'une atmosphère. Or, c'est précisément la valeur que le calcul de M. James Thomson avait assignée a priori à cette grandeur: la démonstration de l'exactitude de son raisonnement ne pouvait être plus complète.

Depuis ces expériences, M. Mousson est parvenu à liquéller un cylindre de glace maintenu à — 20° par une énorme pression évaluée à 13 000 atmosphères. L'appareil employé pour cela était un bloc d'acier A (fig. 202) percé d'un canal très légèrement conique, que fermait en bas un cône f pressé par une vis C. Dansæ canal s'engageait un long morceau de cuivre e très légérement conique qui fermait le canal. Un écrou EE pouvait en tournant pousser en avant le morceau de cuivre e par l'intermédiaire d'un cylindre d'acier D. Après avoir retourné l'appareil (par rapport à la position qu'il occupe sur la figure 202), on enlevait la vis C et le cône f, on mettait de l'eau bouillie dans le canal et un petit index en cuivre d; puis en remettait le cone f et la vis C, et l'on faisait congeler l'eau. On retournait alors l'appareil dans la position de la figure ; l'index d'emprisonné dans la glace se trouvait en haut. Après avoir entouré l'appareil d'un mélange réfrigéral le portant à — 20°, en tournait l'écrou EE, qui comprimeit le glace et diminuait son volume d'une quantité connue. En enle vant ensuite la vis C et le cône s, on trouvait le canal plein de



ui devait être puisqu'on ramenait ainsi la pression l'atmosphère ; mais l'index de cuivre d, au lieu d'être

it en bas du bloc de glace, nsi que la glace s'était liquéénorme pression à laquelle lé soumise.

érience semble prouver que, soit la température, on ne geler l'eau si l'on s'oppose ent à l'expansion qui résulte fication dans les circonstances Du reste, quand un vase plein e par la gelée, l'eau reste qu'au moment de la rupture, solidifie qu'après l'explosion. l'ont montré les expériences Eward William et celles plus ites par M. Hagenbach. Ce soumis au froid très vif qui it à Bâle dans l'hiver 1879-80 remplis d'eau. Les obus ont a glace qui est sortie par les avait l'apparence de jets ement congclés. L'eau n'était ilidifiée avant l'explosion.

, pour terminer, que M. Bunuré sous différentes pressions de liquéfaction du blanc de le la paraffine, substances qui



t de volume en se liquéllant. Il a trouvé conforméndications théoriques, que l'augmentation de pression int de fusion.

. - Quand on presse l'un contre l'autre deux morceaux s se soudent aux points de contact. C'est à ce phénoa a donné le nom de regel.

tion que subit le point de fusion de la glace par suite gement de pression permet d'expliquer le phénomène du regel dans le cas de morceaux de glace sèche. Au mon où les deux morceaux de glace sont appuyés l'un contre l'an l'excès de pression qui est produit fait fondre un peu de la pe superficielle de la glace. Il en résulte une couche d'eau is posée entre eux et à une température un peu inférieure; Quand on cesse de presser les deux morceaux l'un co l'autre, cette eau se solidifle immédiatement, puisque la pren redevient celle de l'atmosphère, et que la surfusion ne peu produire en présence du corps solide; les deux morceau trouvent ainsi soudés l'un à l'autre.

La même explication convient à cette expérience sour répétée dans les cours. Sur un bloc de glace (fig. 200)



Fig. 985.

place un fil de fer tendu par deux poids égaux fixés à "
extrématés. On voit alors le fil pénètrer lentement dans le bist
tandis que la coupure qu'il forme en passant se rempli é

glace au-dessus du fil. Celui-ci finit par traverser complètement le bloc de glace, dont les deux morceaux restent soudés entre eux. La pression produite par le fil fait fondre la glace; l'eau qui en résulte passe au-dessus du fil et, comme elle est un peu au-dessous de 0°, elle se solidifie immédiatement.

Dans le cas où la glace est couverte d'eau liquide à sa surface, il n'y a même pas besoin de presser les deux morceaux l'un contre l'autre pour les souder, il suffit de les mettre en contact. L'eau intercalée se solidifie, parce que la glace est toujours plus ou moins au-dessous de 0° à son intérieur.

Le regel explique la plasticité apparente de la glace. Si l'o

place un morceau de ce corps entre les deux parties d'un moule de buis (fig. 204), et qu'on les appuie fortement l'un contre l'autre, à l'aide d'une presse hydraulique, la glace se pulvérise, et, en même temps, fond partiellement par suite de l'excès de pression. Dès que celle-ci cesse, l'eau intercalée entre les fragments de glace se solidifie, et l'on obtient un bloc transparent et d'apparence bien homogène, ayant pris la forme exacte du moule. On



Fig. t. 20

peut faire ainsi des prismes, des lentilles de glace, qui permettent d'étudier les propriétés optiques de ce corps. Cette belle expérience est due à M. Tyndall; elle fait comprendre comment peut avoir lieu l'écoulement lent des glaciers : grâce à la plasticité apparente de la glace, celle-ci se moule exactement sur le fond de la vallée qui sert de lit au glacier.

CHAPITRE VII

VAPORISATION

La transformation d'un liquide ou d'un solide en vapeur alicutoute température (ou du moins à toute température au-desse d'une limite inférieure impossible à préciser dans l'état de moconnaissances). Il n'y a donc pas à considérer un point de vaporisation, comme nous avons considéré un point de fusion. Mais d'autres problèmes se posent au sujet de la vaporisation. Existe-t-il une limite à l'émission des vapeurs fournies par liquide? Si cette limite existe, de quoi dépend-elle? Quelles sont les circonstances qui influent sur la rapidité de la vaporisation? Quelles sont les conditions nécessaires pour que phènomène bien connu de l'ébullition se produise? etc.

Nous allons faire l'étude de ces diverses questions.

4. VAPORISATION DANS LE VIDE. — Comme a priori il est possible que l'atmosphère gazeuse qui surmonte un liquide sit une influence soit sur la limite, soit sur la rapidité de sa vaporrestion, il convient d'étudier d'abord ce phénomène dans un est acc primitivement vide. En outre, il est bien probable que l'étres clastique de la vapeur émise par le liquide jouera un rôle, aussi dett-on operer avec un appareil permettant de mesura cette force clastique.

On est amen, pur le à faire l'expérience suivante, exemble pour la première fois par le physicien anglais Dalton.

1 J. N. D. in, De en 17 a bans le Cumbertand, est mort en 1841; bief

Dans un baromètre à mercure placé sur une cuvette pro-

fonde dig. 205', on introduit une certaine quante d'un liquide ceau, alcool, éther). Ou voit aussitôt la colonne mercurielle basser, puis demeurer stationnaire.

La depression do cette colonne indique la presence d'un gaz dans la chambre baconstrique, et la force élastique de celui-Cost mesuree par la diminution de la hauter du mercure. Or, ce gaz ne peut tre que la vapeur émise par le liquide.

Proque le mercure s'arrête presqu'immediatement dans sa descente, nous desom conclure que la vaporisation a une limb, et que celle-ci est atteinte dans un temps tres court. Or, deux cas peuvent se presenter alors : — 1º le hourde a entièrementalisparu; - 2º le liquide étant introduit en plus grande quantité que dans le caspéredent, il reste un excès de liquide.

Dans le premier cas, que l'on obtient en u deslaisant que très peu de liquide dans 1. 4e, la force élastique du gaz est d'autal flus grande que la quantité de liet par conséquent que la quantité byspeur produite, est plus grande elle-

Dans le deuxième cas, la force élastique 🍄 a vapeur qui, pour un même liquide et une même température, n'est jamais inféteure à celles du premier cas, est indéprodante de la quantité de liquide introdute.

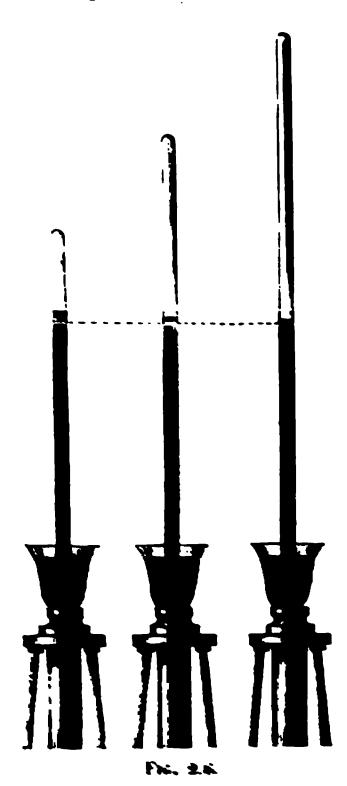
On doit conclure de là qu'un liquide se



professeur a Manchester, membre de la Société repar de Londres et de l'Institut de France. Son remarquable mémoire aux b esponsation a paru en octobre 1801 dans les Annaics de Manchester.

vaporise dans un espace primitivement vide jusqu'à ce que la force élastique de sa vapeur ait atteint une valeur limite qu'elle ne peut dépasser.

Cette valeur limite est indépendante du reste de la capacité de l'espace offert à la vaporisation. En effet, enfonçons le tube



dans la cuvette prosonde ou soulevons-le davantage: dans le premier cas nous verrons la chambre
barométrique diminuer, dans le
second cas augmenter; mais, dans
les deux cas, le sommet de la
colonne mercurielle restera à la
même hauteur au-dessus du niveau de la cuvette (sig. 206), indiquant que la force élastique de
la vapeur ne varie pas tant qu'il
y a un excès de liquide dans le
tube.

Puisque, en ensonçant le tabe, la capacité de la chambre barométrique diminue et que la sorce élastique de la vapeur reste constante, il saut qu'une portion de cette vapeur repasse à l'état liquide: car, pour une même sorce élastique, à la même température, la masse d'un gaz est proportionnelle à son volume. Pour la même raison, la capacité de la chambre barométrique augmentant quand on soulève le tube, la

masse du gaz doit augmenter proportionnellement, et par consequent le liquide don se vaporiser; on voit, en effet, celuie diminuer de plus en plus. Les vaporisations et ces condenstions sont immediates.

Supposons mantenant que tout le liquide ait passé à l'éta de vapeur, son que nous en ayons introduit une très petileque tite dans la chambre barometrique primitivement vide, soil que nous ayons beaucoup agrandi celle-ci en soulevant le tube. Nous constaterons alors, en enfonçant ou en relevant ce tube, que la force élastique de la vapeur varie en même temps que la capacité de la chambre, conformément à la loi de Mariotte. Ainsi une vapeur se comporte comme tout autre gaz.

L'appareil étant disposé comme dans le cas précédent, enfonçons de plus en plus le tube dans la cuvette. La chambre
barométrique diminue, ainsi que la hauteur du mercure audessus de la cuvette, indiquant, conformément à ce que nous
venons de dire, que la force élastique de la vapeur augmente.
En continuant à enfoncer le tube, il arrive un moment où le niveau
du mercure cesse de baisser (1), ce qui montre que la force élastique de la vapeur n'augmente plus; mais à ce moment nous voyons
apparaître les premières gouttelettes de liquide, dont le volume
augmente à mesure que la capacité de la chambre diminue :
la vapeur se condense.

En résumé, la force élastique d'une vapeur, pour une même température, peut varier depuis une valeur nulle jusqu'à une valeur maxima. Quand celle-ci est atteinte, toute cause qui, comme une diminution de volume, tend à augmenter la force élastique de la vapeur, fait passer une portion de celle-ci à l'état liquide, et la force élastique conserve la même valeur. L'espace offert à la vaporisation est alors saturé de vapeur puisqu'il n'en peut renformer davantage; c'est pourquoi une vapeur qui possède sa force élastique maxima est dite saturante (2).

- (1) Pour que l'expérience réussisse il faut, bien entendu, qu'il ne reste pas trace d'air dans le tube (voir à la page 553, note 1, la manière de réaliser cette condition.)
- (2) Au lieu du mot force élastique maxima, on emploie très souvent comme synonyme le mot tension maxima.

On a singulièrement abusé en physique de c3 mot tension; dans son sens propre ce terme indique l'état d'un corps soumis à un étirement, et qui, abandonné à lui-même, reprendrait un volume plus petit; c'est l'inverse d'une compression. Or, un gaz ou vapeur est toujours dans un état de compression, puisqu'il tend à occuper un volume plus grand. Il nous paraît donc non seulement parfaitement inutile, mais même mauvais, de conserver le mot tension pour les vapeurs, puisqu'on l'emploie alors dans un sens diamétralement opposé à celui où il est usité pour les corps solides.

2. VARIATION DE LA FORCE ÉLASTIQUE MAXIMA D'UNE VA-PEUR AVEC LA TEMPÉRATURE. — Un excès de liquide étant introduit dans la chambre du baromètre à mercure, de façon que la vapeur produite soit saturante, chauffons le tube barométrique dans toute sa hauteur, nous verrons la colonne mercurielle descendre rapidement, une nouvelle quantité de liquide se vaporisant. Comme à chaque instant la vapeur possède sa force élastique maxima, puisqu'il reste un excès de liquide, cette expérience montre que cette force élastique maxima croît avec la température. Du reste, si nous laissons refroidir le tube, le mercure remonte, par suite de la condensation d'une portion de la vapeur, et, quand le tube est revenu à la température primitive, le mercure reprend son premier niveau.

La force élastique maxima d'une vapeur est une fonction de la température, qui croit toujours avec celle-ci.

Une conséquence importante résulte de cette loi : une vapeur ne peut subsister sous une pression déterminée à toute température; au-dessous d'une température minima, pour laquelle la force élastique maxima F de la vapeur fait équilibre à cette pression, elle se condense, puisque la plus grande force élastique qu'elle puisse avoir alors est inférieure à F. A 100° la force élastique maxima de la vapeur d'eau est équilibrée par 76 cent. de mercure : la vapeur d'eau ne peut exister sous une pression de 76 cent. qu'à une température égale ou supérieure à 100°. Si en maintenant cette pression constante on vient à abaisser la température tant soit peu au-dessous de 100°, toute l'eau passe à l'état liquide.

Ainsi, quand une vapeur est saturante, si l'on abaisse sa température on détermine sa condensation, totale si l'on maintient la même pression, partielle seulement si on laisse celle-ci diminuer par le fait même de la condensation. On peut avoir un exemple du premier cas en mettant de la vapeur dans un tube fermé à un bout, et en la séparant de l'atmosphère par un index de mercure, de manière à maintenir l'intérieur du tube sous la pression atmosphérique: la condensation sera totale dès qu'on descendra au-dessous de la température minima correspondant à cette pression. Le second cas peut s'observer quand la vapeur est enfermée dans un tube scellé.

hain chapitre sera consacré à la mesure des forces maxima des vapeurs aux différentes températures.

traison des forces élastiques maxima des diffédides. — Repétons la première expérience en introms plusieurs baromètres B, C, D, (fig. 207) un excès

ats liquides (eau, alcool,), de façon à saturer leurs barométriques des vapeurs lantes; gardons sec un êtres A, pour mesurer los is de hauteur des colonnes es des baromètres humi-D. Nous verrons que les stiques maxima des diffétes ne sont pas les mêmes. ple, à 20° nous trouverons l'eau, l'alcool et l'éther, ant respectivement équilides colonnes de mercure, 4°,4, et 43°,3.

st-ce pour des tempéraérentes que les vapeurs s liquides possèdent une ree élastique maxima: t équilibrée par 76 centimercure, pour la vapeur 00°, pour la vapeur d'al-,7, pour la vapeur d'éther



Fig. 907.

tant ces expériences avec quides connus, on constate que presque tous donnent, pérature ordinaire, des vapeurs ayant une force élas-éciable. l'ourtant on n'a pu déceler, ni par la déprescolonne barométrique, ni par le procédé plus sensible ons chimiques, l'existence à la température ordinaire rs de la glycérine ni de celles de l'acide sulfurique até.

Quant au mercure, des réactifs chimiques d'une grande sensibilité (1) montrent l'existence de ces vapeurs à la température ordinaire. D'après Regnault, la force élastique maxima de celles-ci sernit à 2° équilibrée par une colonne de mercure ayant 0°,0037; et, d'après les recherches plus recentes de M. Hertz, par 0°,0001 seulement. On voit que la dépression de la colonne barométrique résultant de la présence des vapeurs mercurielles dans la chambre ne saurait être une cause d'erreur appréciable dans l'évaluation des forces élastiques au moyen du baromètre.

4. CONTINUITÉ ENTRE L'ÉTAT LIQUIDE ET L'ÉTAT GAZEUX. -

POINT CRITIQUE. — Nous devons maintenant compléter l'étude de la vaporisation d'un liquide dans un espace vi le de gaz autre que sa vapeur, par l'exposé d'expériences montrant qu'il existe, dans certaines emblaces de température et de presson, un passage commu de l'état parfaitement liquide à l'état parfaitement gazeux, par une série d'etats fluides internestiaires, auxquels on serait embarrassé de donner le nom de liquide plutôt que celui de gaz. Ces experiences prouvent aussi qu'au-dessus d'une certaine temperature, désignée sons le nom de point entryre, un corps ne peut présenter que l'état gazeux et ne peut être liquélié, quelque grande pur set le pression qu'il supporte.

En 1822. Caganar i-Latour fit l'expérience suivante. Il construst un tale courle en siphon fig. 2086 presentant une branche courle et large et une autre longue et plus etroitet dans la partie inférieure de ce tale al mai du mercure; au-dessus de celus-ca la course branche fut remplie par de l'éther. Par de l'autre par de l'aut, et les deux furent fermées

V Verget a recentre que des trales faits sur une feuille de papir dunt trat aux que les recentres d'argent annocated de recentre de recentre de recentre de marche de reconsidére, même a un appet que par que par la reconsidére, même a un appet que par la la la la la la la marcure.

à la lampe: la longue branche constituait ainsi un manomètre à air comprimé. Cet appareil fut chauffé par un bain d'huile de température connue. Dès que celle-ci eut atteint le point où la force élastique maxima de la vapeur d'éther faisait équilibre à la force élastique de l'air contenu dans le manomètre, la vaporisation se produisit; l'espace occupé par l'éther (liquide et gazeux) augmentant, du mercure fut refoulé dans la longue branche, ce qui comprima l'air, et comme pour chaque température il y avait équilibre entre la pression supportée par la vapeur et sa force élastique, celle-ci était donnée par le volume de l'air dans la branche manométrique.

Or, Cagniard-Latour vit que vers 150° la surface de séparation entre le liquide et sa vapeur disparaissait, et que la courte branche ne contenait plus qu'un seul fluide aériforme n'occupant pas trois fois le volume du liquide primitif. La force élastique de ce fluide était alors de 37 atmosphères.

Le sulfure de carbone donna des résultats analogues: la disparition du liquide avait lieu vers 220° et sous la pression de 78 atmosphères. Pour l'alcool, il en fut encore de mème; quant à l'eau, après de nombreux échecs, dus à ce que le tube éclatait avant la fin de l'expérience, Cagniard-Latour parvint à la réduire totalement en vapeur, dans un espace quadruple du volume primitif, à la température de fusion du zinc (410°).

Drion reprit les expériences de Cagniard Latour et étudia, à ce point de vue, l'éther chlorhydrique et l'acide sulfureux. Il enfermait ces liquides dans des tubes de verre scellés plongés dans un bain d'huile transparente; il pouvait voir ainsi ce qui se passait au moment de la disparition du liquide. Pour l'éther chlorhydrique vers 170°, pour l'acide sulfureux vers 140°, la surface de séparation du liquide et de sa vapeur devenait indécise, perdait la propriété de réfléchir la lumière; une sorte de nuage la remplaçait alors. A mesure que la température s'élevait, ce nuage augmentait d'épaisseur dans les deux sens en devenant plus diaphane; puis, ensin, la transparence devenait complète dans tout l'intérieur du tube.

Les expériences d'Andrews sur l'acide carbonique (1869) sont encore plus instructives. L'appareil employé était une sorte de piézomètre (fig. 209) composé d'un tube, capillaire de a à b,

ayant 0°,25 de diamètre de b à c et 0°,125 de diamètre de c à 1. On le remplissait en le faisant traverser par un courant d'acide

carbonique jusqu'à ce que le gaz, recueilli à l'extrémité de ce tube, sut entièrement absorbable par la potasse. On sermait alors à la lampe l'extrémité capillaire a; puis, l'extrémité f étant plongée dans du mercure, le tube était légèrement chaussé pour chasser un peu de gaz; par le resroidissement il s'introduisait un index de mercure qui bouchait le tube.

Le piézomètre, ainsi préparé, était introduit dans un tube de laiton à parois épaisses, à l'exception du tube capillaire qui sortait par une ouverture pratiquée dans le couvercle. Ce tube de laiton était plein d'eau; une vis d'acier très longue (18 cent.) permettait, en l'enfonçant, de comprimer le liquide.

Un piézomètre tout semblable, mais contenant de l'air, ensermé dans un tube plein d'eau communiquant avec le premier, saisait office de manomètre.

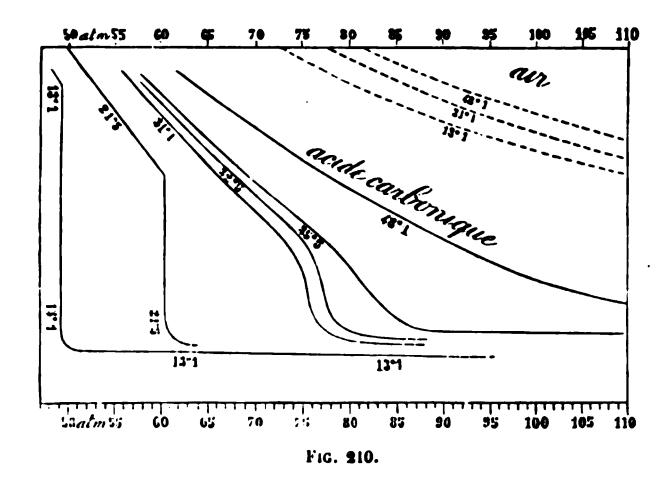
On portait l'appareil à une température voulue par un courant d'eau circulant autour des tubes de laiton; puis on comprimait les fluides, et l'on notait le volume de l'acide carbonique et la force élastique déduite du volume de l'air emprisonné dans le second piézomètre, en faisant application de la loi de Mariotte.

La figure 210 représente le résultat des expériences.

Fig. 200. On y a porté en abscisses les forces élastiques, en ordonnées les volumes. Chaque ligne correspond à une température qui se trouve inscrite à côté.

A 13°,1 le volume du gaz diminue d'abord régulièrement avec la pression de peu près suivant la loi de Mariotte) jusqu'à ce que la force élastique atteigne la valeur de 48,89 atm., force élastique maxima de l'acide carbonique pour la température de 13°,1. A partir de ce moment la liquéfaction commence, et le volume du fluide diminue brusquement par la transformation du gaz en liquide, ce qui est représenté par la partie verticale de la ligne. Le liquide formé, très compressible d'abord, diminue de volume par l'augmentation de pression, puis devient presqu'incompressible, comme les autres liquides dans les circonstances

ordinaires: le volume ne varie plus que très peu avec la pression, ce que montre la partie à peu près horizontale de la ligne.



A 21°,5 mêmes phénomènes, sauf que la liquéfaction commence pour une force élastique plus grande, et que le volume que possède alors la vapeur est moins différent de celui du liquide qui résulte de sa condensation.

Mais à 31°, i la liquéfaction ne commence plus brusquement: au lieu d'un point anguleux suivi d'une portion verticale, la ligne présente une courbe de raccordement entre la branche concernant l'état gazeux et celle qui concerne l'état liquide, prouvant l'existence non d'un mélange des deux états, comme aux températures plus basses, mais bien d'états intermédiaires. Du reste, l'intérieur du tube ne présentait plus aucune trace de séparation de deux états distincts de l'acide carbonique.

A 32°,5, à 35°,5 l'inflexion de la courbe de raccordement devient de moins en moins distincte : dans son voisinage les propriétés du gaz se rapprochent de plus en plus de celles du liquide. Enfin à 48°,1 l'inflexion a complètement disparu; pour cette température et pour les températures plus élevées, quelque grande que soit la pression, l'acide carbonique conserve indéfiniment son état aériforme. La courbe qui représente alors sa compressibilité

est analogue à celles que fournit l'air dès la température ordinaire (figurée en pointillé), sauf que la diminution du volume est plus rapide : la compressibilité de l'acide carbonique s'écarte plus que celle de l'air de la loi de Mariotte.

Citons encore l'expérience suivante de M. Andrews, la plus concluante peut être. De l'acide carbonique à 50° est comprimé depuis la pression d'une atmosphère jusqu'à 150 atmosphères. Le volume du gaz diminue régulièrement sans présenter aucune discontinuité dans son état. Le gaz est refroidi alors en maintenant la pression constante jusqu'à la température ordinaire. On n'observe encore aucun changement brusque ni dans le volume, ni dans les propriétés optiques du fluide, qui conserve une apparence homogène dans toute l'étendue du tube. Or, arrivé à la température ordinaire, on constate, par l'ébullition qui se produit en diminuant la pression, que le tube est rempli maintenant par un liquide. Ainsi on est parti d'un gaz et, sans aucune discontinuité dans les propriétés, on a obtenu un liquide.

Tous les gaz aisément liquéfiables étudiés ainsi (acide chlorhydrique, ammoniaque, protoxyde d'azote, éther sulfurique et sulfure de carbone) ont donné les mêmes résultats. Sans aucun doute il y a là une propriété générale de la matière quelle que soit sa nature : en faisant varier convenablement la température et la force élastique d'un flui le, on peut l'amener, sans changement brusque dans ses propriétés, de l'état gazeux à l'état liquide. Quand la température s'élève de plus en plus, à partir d'un certain point, les propriétés de l'état que nous appelons liquide se rapprochent de plus en plus de celles de l'état que nous appelons gazeux, jus qu'à une identité complète atteinte pour une certaine température, le point critique.

Au-dessus de ce point critique un corps ne peut avoir qu'un seul état, celui de gaz. Au-dessous de ce point, outre l'état que nous continuerons à désigner indifféremment par les mots gur ou vapeur, le corps peut prendre d'autres états, qui, à mesure que l'on s'écarte du point critique, prennent rapidement les propriétés qui caractérisent l'état liquide. Enfin, à des températures plus basses encore, la substance peut affecter les trois états gazeux, liquide, solide, et souvent, pour certaines températures, des états intermédiaires entre l'état liquide et l'état solide.

5. VAPORISATION DANS LES GAZ. — Voyons maintenant comment s'effectue la vaporisation dans un espace contenant un gaz différent de la vapeur émise par le liquide.

Comme pour la vaporisation dans le vide, c'est à Dalton que sont dues les premières expériences faites à ce sujet.

L'appareil qu'employait Dalton pour cette étude (fig. 211) était un simple tube capillaire (0°,17 de diamètre intérieur) en verre, fermé par le bas et gradué en parties d'égale capacité.

Une petite quantité du liquide étudié était placé dans le fond; au-dessus une colonne d'air ou d'un autre gaz, et enfin encore au-dessus une colonne de mercure de hauteur variable suivant les expériences. Cette colonne pouvait reposer en équilibre sur l'air à cause de la finesse du tube.

Dalton plongeait l'extrémité inférieure de ce tube dans de l'eau plus ou moins chaude de température connue. Le liquide se vaporisant et l'air ou le gaz se dilatant, la colonne de mercure remontait. La connaissance de la dilatation du gaz, et du volume occupé par celui-ci faisait connaître à chaque instant sa force élastique h. La force élastique totale du mélange H était donnée par la hauteur de la colonne mercurielle augmentée de la hauteur du mercure dans le baromètre. La différence H - h donnaît la force élastique propre à la vapeur dans le mélange gazeux.

C'est avec cet appareil, d'une extrème simplicité, que Dalton est arrivé à la loi importante que voici :

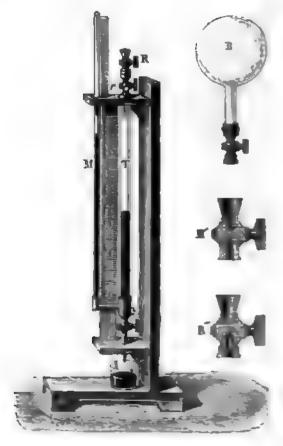
La force élastique de la vapeur qui sature un espace contenant un gaz est toujours la même que celle qui Fig. 211.

sature à la même température un espace primitivement vide, quelle que soit la nature du gaz et quelle que soit sa force élastique.

Gay-Lussac a repris l'étude de la vaporisation dans les gaz, et a vérifié l'exactitude de la loi qu'avait énoncée Dalton, avec un appareil plus parfait que nous allons décrire.

Il consiste (fig. 212) en un tube de cristal T fermé en haut et en bas par des garnitures de fer à robinet r et K; un second tube M,

vertical comme le premier, mais d'un moindre diamètre, se raccorde avec lui par la partie inférieure; il est ouvert en haut, et sert de manomètre. Une règle graduée est placée entre les deux tubes.



Fac. \$22

O commence per introduces à l'adérieur du tube Tiegardes le par du voir etalier de vaporisation. Pour cela, après misse son la garuiture un ballo B

enant ce gaz sous la pression atmosphérique. On ouvre le net de ce ballon ainsi que le robinet r, et l'on fait écouler le merpar la tubulure K. Le liquide baisse plus vite dans la iche M, où la pression à la surface du mercure est constamt celle de l'atmosphère, que dans la branche T, où le gaz introduisant diminue de force élastique. On arrête l'écouent avant que le tube M soit complètement vide, et l'on ferme obinet r. Le gaz emprisonné en T est sous une pression ndre que celle de l'atmosphère. Pour le ramener à cette ssion, il suffit de verser du mercure dans la branche M qu'à ce que le niveau, qui monte plus vite dans cette branche oit placé sur le plan horizontal du niveau du mercure en T. n note alors la division à laquelle affleure le mercure.

le ballon par un entonnoir pourvu d'un robinet à goutte R visse sur la garniture. La cles de ce robinet n'est pas sée par un canal comme celle des robinets ordinaires, mais ement creusée d'une petite cavité (R' ou R''). Quand vité est tournée vers l'entonnoir (R'), elle se remplit du qu'on y a versé, et, en saisant saire à la cles un demini, la petite quantité de liquide contenu se déverse dans le haque révolution de la cles introduit ainsi une nouvelle de liquide, sans permettre à l'air extérieur de s'introma le tube, ni au gaz contenu d'en sortir.

voit monter peu à peu la colonne mercurielle de la manométrique M: le liquide se vaporise lentement. Au n certain temps elle s'arrête, et reste fixe tant que la ture ne varie pas: la vaporisation a cessé, bien qu'il excès de liquide non vaporisé; l'espace est saturé de

tranchant de la force élastique totale du mélange celle on a la force élastique de la vapeur. Comme un peu re a passé du tube T dans la branche M, pendant la vapole volume du gaz a légèrement augmenté et sa force est devenue quelque peu inférieure à la pression atmossa valeur primitive. Une mesure de volume et l'applila loi de Mariotte la ferait connaître aisément; mais il est plus simple de rétablir dans le tube le premier niveau, en versant un peu de mercure dans la branche M: le gaz étant de nouveau sous la pression atmosphérique, la différence de hauteur qu'on observe alors entre les niveaux du mercure dans les deux branches mesure la force élastique propre de la vapeur. On trouve ainsi le résultat énoncé plus haut, à savoir que la force élastique de la vapeur est la même que la force élastique maxima mesurée dans un espace primitivement vide.

Les expériences de Dalton ne sont pas très précises, celles de Gay-Lussac n'ont été faites qu'à la température ordinaire: on doit à Regnault d'avoir soumis cette loi de Dalton à de nombreuses vérifications. Nous exposons plus loin (Chap. VIII, 27), à propos de la mesure des forces élastiques maxima des vapeurs, les recherches de ce grand expérimentateur; elles ont conduit leur auteur à admettre l'exactitude de la loi de Dalton.

Si l'on vient, soit à diminuer le volume, soit à refroidir un gar saturé de vapeur, on observe une condensation immédiate: la force élastique de la vapeur ne peut dépasser la force élastique maxima mesurée dans l'expérience de la vaporisation dans le vide barométrique.

Si l'on vient à augmenter l'espace offert à la vaporisation ou à élever la température, on observe une vaporisation leur qui s'arrête quand la vapeur a atteint la force élastique maima correspondant à sa température actuelle.

En résumé, la vaporisation dans une atmosphère contenant un gaz ou un melange de gaz autre que la vapeur du liquide un diffère de celle qui a lieu au sein de sa propre vapeur que pur la lenteur plus ou moins grande qu'elle met à se produire.

6. PRINCIPE DE WATT. — L'étude que nous venons de faire de la vaporisation dans une enceinte qui possède partout la même température, nous permet de prévoir aisément ce qui se passer quand cette condition ne sera pas remplie.

L'applie est impossible tant que la température T du liquidant reste superieure à la temperature la plus basse de l'enciel de le la liquide emet continuellement des vapeurs qui temperature la plus froide. Si l'enceitte met

renferme pas de gaz étrangers, la force élastique ne peut dépasser notablement la force élastique maxima correspondant à la temperature la plus basse. Co principe enoncé par Watt porte son nom.

La condition d'équilibre exige, en effet, que la force élastique propre a la vapour soit la même dans toute l'etendue de l'enceinte;



en outre, elle doit être au plus égale à la valeur f de la force clasuque maxima correspondant à la température la plus basse /. cest-à-dire à la plus petite des forces élastiques maxima Possibles Or la vaporisation du fiquide ne peut cesser qu'au moment ou la force élastique de sa vapeur a atteint la valeur Tim ma F pour sa temperature T: le liquide s'evaporera donc und danment. Des que la vapeur aura atteint la force élustiq e f. la volatilisation du liquide de la partie chaude, comme toute cause qui tend à augmenter la force élastique, deter-In inera une condensation de la vapeur dans la partie la plus fro le, pour laquelle f est la valeur maxima que peut prendre cotte force clastique, et cette condensation ramènera tonjours cellect à la valeur finférieure à F. Tout le liquide passera ainsi peur distillation dans la partie la plus froide, si elle constitue un fond capable de le recueillir; l'équilibre sera atteint alors, et la force clastique de la vapour sera exactement cyale à f. dans toute l'enceinte, qu'elle renferme ou non un gaz autre que la vipeur

Auss le principe de Watt, ou principe de la paroi froide, n'est qu'une conséquence des lois de la vaporisation. Il explique le phétomene de la distillation, et son auteur en a fait une heureuse application en inventant les condenseurs des machines à vapour

7. EVAPORATION. — La vaporisation peut s'effectuer de deux maneres bien distinctes, au moins en apparence.

l'La couche qui forme la surface libre du liquide émet seule de vapeurs, on réserve le nom d'évaporation à cette vaporiation superficielle.

2º La vapeur se produit à une profondeur quelconque dans le

liquide, et sorme des bulles qui s'élèvent et viennent crever à la surface : c'est l'ébullition.

Nous allons nous occuper successivement de ces deux modes de vaporisation.

Un liquide s'évapore dès qu'il se trouve en présence d'une atmosphère gazeuse ou du vide. L'évaporation continue tant que la vapeur ne possède pas sa force élastique maxima, dans l'almosphère qui surmonte le liquide, pour la température de la surface de celui-ci : c'est une conséquence des expériences de Dalton, rapportées plus haut.

C'est pourquoi un liquide, autre que l'eau, exposé à l'air libre, s'évapore indéfiniment, puisque dans notre atmosphère la force élastique de sa vapeur est à peu près nulle.

L'air qui nous entoure contient normalement une certaine quantité de vapeur d'eau, mais rarement il en est saturé. Ausi, comme tout le monde le sait, une petite quantité d'eau finit-elle toujours par disparaître, quand elle est exposée à l'air libre.

De quoi dépend la rapidité de l'évaporation? Dalton a réponde en partie à cette question en trouvant la principale loi du phénomène.

Il plaçait de l'eau ou un autre liquide dans un vase en étain cylindrique, plat et de large section (15 cent. de diam. 3,8 cent. de profondeur ; ce vase était soutenu par trois fils fixés sur son pour tour et pouvait ainsi être accroché au plateau d'une balance.

Après avoir pris la masse du vase contenant le liquide, il laissait celui-ci s'évaporer à l'air libre, puis il le pessit de nouveau. En divisant la perte de masse par le nombre de se condes, il avait la masse de liquide évaporée dans l'unité de temps, c'est-à-dire la vitesse d'évaporation.

Il a trouve ainsi que pour les liquides dont la vapeur n'existe pas dans notre atmosphère, c'est-à-dire pour tous les liquides sauf l'eau, la vitesse d'evaporation est proportionnelle à la force clastique maxima F de sa vapeur pour la température de liquide.

Dans le cas de l'eau. Dalton mesurait en même temps la force élastique f de la vapeur d'eau dans l'atmosphère, par un procédé qui n'est autre que celui indiqué par Le Roy, et que nous décrévous plus loin Chap. XI. § 4. Il trouva que la vitesse d'évapor

ration de l'eau était proportionnelle à la différence F — f entre la force élastique maxima de la vapeur pour la température de ce liquide et la force élastique propre à la vapeur d'eau contenue dans l'air.

Cette loi comprend comme cas particulier la précédente, puisque pour les liquides autres que l'eau f est nulle.

Dalton s'est borné aux expériences que nous venons d'indiquer; il n'a pas cherché l'influence que pouvait exercer la force élastique du gaz dans lequel se produisait l'évaporation (1), et il a admis comme évident a priori que la vitesse d'évaporation était proportionnelle à l'étendue de la surface libre du liquide, ce qui n'est pas douteux quand cette snrface est assez large pour être plane (voir § 10).

On admet assez généralement que la vitesse de vaporisation varie en raison inverse de la force élastique de l'atmosphère gazeuse qui entoure le liquide, parceque si cette force élastique devient nulle, c'est-à-dire si le liquide s'évapore dans un espace primitivement vide, la vitesse de vaporisation devient si grande qu'elle paraît infinie.

La raison n'est pas suffisante, et il est nécessaire d'en appeler à l'expérience.

Dalton présente ainsi le résultat de ses expériences. Si m est la vitesse dévaporation à la température d'ébullition du liquide, pour laquelle la sorce destique maxima de la vapeur est H, la vitesse d'évaporation v à une température où la sorce élastique maxima est F, et dans une atmosphère di la sorce élastique de la vapeur de ce liquide est f, est donnée par

$$\frac{v}{F-f} = \frac{m}{H} \qquad \text{ou} \qquad v = \frac{m(F-f)}{H}$$

Or H est précisément la force élastique de l'atmosphère qui entoure le liquide d'après la loi de l'ébullition.

Dalton a mesuré la vitesse m d'évaporation à la température d'ébullition, ce qui lui a permis de verisser la relation indiquée ci-dessus; mais ses expériences manquent de précision.

Il n'a pas sait varier du reste la sorce élastique H de l'atmosphère, dans bquelle se produit l'évaporation, vu qu'il a toujours opéré à l'air libre.

On ne peut donc pas admettre qu'il ait établi que la vitesse de vaporisation varie en raison inverse de la force élastique de l'atmosphère gazeuse, loi qui du reste ne paraît pas être exacte, d'après les expériences de M. Laval.

C'est ce qu'a fait M. Laval. Ses recherches ont montré que la vitesse de vaporisation varie proportionnellement à $\frac{1}{H^n}$. A appelant H la force élastique du gaz qui surmonte le liquide, a n un nombre dépendant de la nature du liquide et de celle de gaz, mais indépendant de la température. Voici les valeurs de nées par M. Laval pour le nombre n.

	Dans l'air	Dans l'hydrogène
Eau	1,18	0,78
Alcool éthylique	1.03	•
mėthylique.	1,08	•
Benzine	0,66	>
Ether	0,61	0,49

En résumé, il faut bien le reconnaître, la question de l'émptration est complexe, et ses lois sont encore aujourd'hui sem mal connues. Les expériences de Dalton et celles de M. Len conduisent à la formule suivante :

$$r = K \frac{S F - f}{H^a}$$

r désignant la vitesse de vaporisation, S la section du vase. L.
f. H et n. ayant la signification indiquée plus haut et K étant coefficient, probablement variable d'un liquide à un autre.

Dalton a trouvé que, les autres circonstances restant les mêmes la vitesse d'évaporation est plus grande dans le cas d'un air que dans celui d'un air calme: tout le monde sait du reste que le linge mouillé sèche plus vite quand il fait du vent.

La raison de cette évaporation plus rapide est aisée à trouver les couches d'air voisines de la surface liquide s'enrichissent vapeur et l'evaporation devient moins active si elles ne sont remplacées par d'autres; mais si ces couches sont enlevées un courant d'air, d'autres plus sèches arrivent au contact liquide, et la vaporisation reprend une nouvelle activité.

Aussi, quand on veut appliquer la formule (1) au cas où l'andre

t-on prendre un coefficient K d'autant plus grand que air est plus rapide.

partir d'une certaine vitesse, le coefficient K devient it ce qui résulte des expériences faites sur le psymde que nous rapportons plus loin (Chap. XI, § 5). vée par Dalton nous explique pourquoi des liquides

rcure, dont tique maximement faimpératures semblent r. Pour ces t très petit évaporation qu'il faut un e pour que prouve une sse appré-

on.—Quand plus en plus re d'un li-5 à l'air liun moment me dans le les parois e renferme, vapeur qui ennent crece : c'est le de l'ébulli-



Fig. 244.

ation étant alors très active, l'air qui se trouve auquide ne tarde pas à être complètement chassé par celui-ci. La vaporisation du liquide se faisant dès le sa propre vapeur, celle-ci prend sa force élastique la température qu'elle possède. D'autre part la force élastique de cette vapeur fait équilibre à la pression de l'atmosphère qui la surmonte, puisqu'elle est en libre communication avec elle, d'où cette relation nécessaire : à la température de la vapeur d'un liquide en ébullition, la force élastique maxima de celleci égale la force élastique de l'atmosphère qui entoure le liquide. En d'autres termes : la vapeur du liquide en ébullition possède la température minima qu'elle peut avoir sous la pression de l'atmosphère qui l'entoure.

Les vapeurs d'alcool, de sulfure de carbone, d'éther ont une force élastique maxima équilibrée par 76 cent. de mercure, respectivement aux températures de 79°,7, de 48° et de 35°. Or, i l'aide du thermomètre, on constate que, quand la pression atmosphérique est équilibrée par 76 cent. de mercure, la température de la vapeur de ces liquides en ébullition est respectivement 79°,7, 48° et 35°.

Dalton a vérifié de la manière suivante la relation que nous venons d'indiquer. Il plaçait sur la platine d'une machine pneumatique un vase contenant un liquide plus ou moins chaud; dans ce liquide plongeait un thermomètre, et le tout était recouvert par une cloche de verre. Un baromètre joint à la machine pneumatique permettait de connaître à chaque instant la force élastique du gaz contenu dans la cloche. En faisant jouer les pistons, ou raréfiait l'air, et il arrivait un moment où le liquide entrait es ébullition; on notait alors la température du liquide (peu différente de celle de la vapeur émise) et l'indication du baromètre de la machine.

Dalton trouva que cette force élastique était toujours égale à celle qu'il observait en introduisant un excès du même liquide à la même température dans un tube barométrique (expér. du ¿ !). Elle était bien égale, par conséquent, à la force élastique maxime de la vapeur du liquide pour la température d'ébullition.

La relation énoncée ci-dessus, ayant reçu la sanction de l'expérience, mérite le nom de loi de l'ébullition.

De cette loi il résulte que la température d'un liquide en ébulition est parfaitement invariable quelles que soient les causes de réchaussement, tant que la sorce élastique de l'atmosphère qui surmonte le liquide est elle-même invariable. Mais si celle-ci augmente la température d'ébullition s'élève; elle s'abaisse si

cette force élastique diminue. Ce n'est que sous la pression de 76 cent. de mercure que la vapeur d'eau bouillante possède exactement la température de 100°; sous la pression de 78°,76 sa température est 101°, et 99° sous la pression de 73°,32; car à 101° la force élastique maxima de la vapeur d'eau est équilibrée par 78°,76 de mercure, et à 99° par 73°, 32.

Plus on s'élève en altitude, plus la pression atmosphérique diminue, et moins la température d'un liquide en ébullition est élevée. A Briançon qui est à 1330^m au-dessus du niveau de la mer, la pression atmosphérique moyenne est celle de 64°,5 de mercure, et la température de la vapeur d'eau bouillante est alors 95°,5. Sur le sommet du Mont-Blanc (alt : 4816^m) elle n'est que **84°,**5 (¹).

(1) Dalton d'abord, Magnus et Regnault ensuite ont mesuré avec beaucoup

de soin la valeur de la force élastique maxima de la vapeur d'eau aux dissérentes températures. Or, il résulte de la loi d'ébullition que l'indication d'un thermomètre sensible plongé dans la vapeur d'eau bouillante permet de connaître la pression atmosphérique, puisqu'il n'y a qu'a prendre dans les tables, que Regnault a construit pour cet usage, la force élastique maxima qui correspond à la température trouvée.

Regnault a imaginé, pour faire commodément cette expérience, un petit instrument auquel il a donné le nom d'hyp**somètre** (fig. 215).

Il consiste simplement en un thermomètre très sensible, donnant le centième de degré dans le voisinage du point 100, et en une petite étuve à vapeur, comprenant une chaudière, pouvant être chauffée par une lampe à alcool, et surmontée d'une cheminée, destinée à loger le thermomètre pendant l'expérience. Cette cheminée est composée de plusieurs parties pouvant rentrer les unes dans les autres, comme les tubes d'une longue-vue, pour donner moins de volume à Finstrument quand on ne s'en sert pas. Ce petit appareil, très portatif, peut remplacer un baromètre.

Il est fort commode pour mesurer les hauteurs des montagnes, d'après la valeur de la pression atmosphérique, et par l'emploi de la formule de Laplace.

Si l'on ne tient pas à une très grande exactitude, on peut se dispenser de faire le calcul un peu long que necessite Pusage des tables de Regnault et de la formule de Laplace, et se servir de

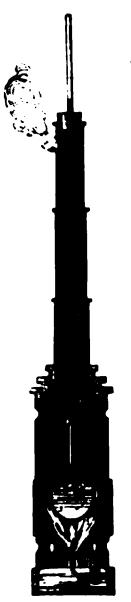


Fig. 213.

En définitive on peut faire bouillir l'eau, et tous les liquides, à des températures quelconques comprises sur une portion très étendue de l'échelle thermométrique : il suffit de régler convenablement la pression de l'atmosphère qui surmonte le liquide.

On répète souvent dans les cours l'expérience de Dalton en plaçant sous la cloche d'une machine pneumatique de l'eau à sou 30°; on arrive à produire l'ébullition, dès qu'on a suffisamment raréfié l'air. On peut même faire bouillir de l'eau à 0° au milieu de la glace qui se forme alors par suite de la chaleur détruite par la vaporisation. L'appareil Carré (décrit Liv. III, Chap. VI, 39, étant spécialement construit pour congeler l'eau par ce procédé, est éminemment convenable pour répéter cette expérience.

9. RETARD A L'ÉBULLITION. — ÉTUDE PLUS COMPLÈTE DE CI PHÉNOMÈNE. — Le point d'ébullition d'un liquide pour une force élastique déterminée est la température de la vapeur du liquide bouillant, quand l'atmosphère ambiante possède cette force élastique.

Habituellement il suffit de porter un liquide à son point d'ébullition défini ainsi, pour qu'il se mette à bouillir; le liquide et sa vapeur possèdent alors à très peu près la même température

Pourtant, quand on a fait bouillir de l'eau pendant longtemps dans un vase de verre, on remarque que l'ébullition devient de plus en plus difficile, que les bulles de vapeurs, quand elles se forment, ne partent que de certains points déterminés, et qu'enfin la température de l'eau peut s'élever notablement au-dessus de 100°, sans que l'ébullition se produise.

la formule tres simple: h = 294 t dans laquelle h représente en metres la différence d'altitude de deux points pour lesquels la température d'ébulition différe de t^* centigrades. C'est M. Forbes qui a proposé cette formule, d M. Soret a reconnu par de nombreuses comparaisons entre les resultats qu'elle fournit et ceux que la formule de Laplace permet de calculer d'aprèt les tables de Regnault, que l'erreur maxima ne dépasse pas 24 mètres pour des altitudes inférieures a 3000 metres.

Faisons n'inarquer en terminant de sujet, qu'à une erreur de 100 de depri dans l'évaluation de la temperature de la vapeur d'eau bouillante, correspond une erreur moyenne de 9.027 dans la hauteur de la colonne mercurielle qui mesure la pression atmospherique.

Un liquide qui se maintient ainsi sans bouillir au-dessus de son point d'ébullition est dit surchauffé.

Si l'on vient à introduire dans un liquide en cet état un corps solide (baguette de verre, morceau de bois, fil de métal, etc.) l'ébullition recommence vivement et les bulles se forment autour du corps introduit; mais celui-ci, après avoir été maintenu longtemps au sein du liquide bouillant, finit toujours par perdre la propriété de provoquer l'ébullition du liquide surchaussé : il devient pessif.

On sait que les parois d'un vase, comme la surface de tout corps solide, condensent de l'air; d'autre part les gaz qui composent ce fluide se dissolvent dans l'eau et dans la plupart des autres liquides, et sont mis en liberté par une élévation de température. On s'est demandé si l'air qui existe sur les parois des vases, même remplis de liquide, ou les gaz qui se dégagent habituellement pendant l'échaussement n'étaient pas indispensables au phénomène de l'ébullition; si la difficulté qu'un liquide éprouve à bouillir, lorsqu'il a déjà subi une longue ébullition, ne tient pas à ce que les bulles de vapeurs en se dégageant l'ont privé de gaz et en ont purgé les parois du vase; si, ensin, l'ébullition active qui se manifeste autour d'un corps solide plongé dans un liquide surchaussé n'est pas dù à l'introduction de l'air condensé à sa surface, et la passivité qui se produit au bout d'un certain temps à ce que ce corps, comme les parois du vase, finit par être privé d'air.

Des expériences nombreuses et variées, sont venues confirmer pleinement cette conjecture.

M. Donny, professeur de physique à Gand, enferma (1846) de l'eau distillée dans un tube coudé EFCKMB (lig. 216). Le tube fut bien purgé d'air, ainsi que le liquide par une longue ébullition; puis il fut fermé à la lampe. M. Donny plongea suc-

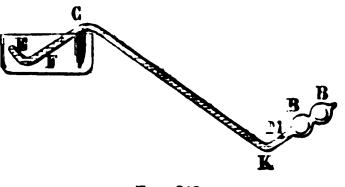


Fig. 216.

cessivement la partie EFC dans des bains fournis par des dissolutions de chlorure de calcium chauffées à 113°, 121°, 128° et jusqu'à 132°, et constata que l'ébullition ne se produisait pas dans ce tube malgré la force élastique très faible qui existait dans les boules BB (force élastique maxima de la vapeur d'eau à la température ordinaire) à laquelle correspondait un point d'ébullition très bas. Mais le dernier bain s'étant échauffé jusqu'à 138°, une partie de l'eau contenue dans la branche EFC se réduisit instantanément en vapeur et le reste du liquide fut projeté dans les boules BB. La même expérience fut répétée avec de l'eau non privée d'air, et l'ébullition se produisit quelques instants après avoir plongé la branche EFC dans le bain à 113° malgré une pression de 1,5 atmosphère maintenue dans les boules BB par une colonne de mercure.

Comme il est toujours très difficile d'enlever complètement l'air adhérent aux parois d'un vase, M. Dufour, professeur à l'Académie de Lausanne, a soustrait (1861) le liquide surchaussé au contact des parois par un moyen déjà employé par de Luc. Il consiste à maintenir le liquide en suspension sous forme de gouttes sphériques dans un autre liquide de même densité non miscible avec lui. M. Dufour a employé, entre autres liquides, un mélange d'huile de lin (densité 0,93) et d'essence de giroste (densité 1,05) en proportions telles que sa densité fut celle de l'eau. En y introduisant des gouttelettes de ce liquide, il a pu porter celles-ci jusqu'à 178° sans les voir se résoudre en vapeur.

Dans l'état de surchauffe, il suffisait qu'une goutte vint à toucher le bord du vase, la paroi du thermomètre, ou un corps solide quelconque plongé dans le bain, pour qu'elle se volatilis àt brusquement avec un sifflement semblable à celui que produit un fer rouge qu'on plonge dans l'eau.

Ces expériences prouvent bien qu'en l'absence de l'air ou d'un autre gaz, on peut élever indéfiniment la température d'un liquide sous une pression constante sans que l'ébullition se produise. Il reste à montrer maintenant que c'est bien l'air ou un autre gaz qui provoque l'ébullition dans les circonstances ordinaires.

Les expériences les premières en date, faites à ce sujet, sont dues à M. Dufour; en voici une des plus nettes. Ce physicien introduisait de l'eau acidulée dans une cornue bien lavée à l'acide sulfurique (4); dans ces circonstances l'eau pouvait être amenée

⁽¹⁾ En laissant séjourner de la potasse ou de l'acide sulfurique dans des

à 5° ou 6° au-dessus du point d'ébullition sans que celle-ci se manifestàt. Les parois de la cornue étaient traversées par deux fils de platine, rendus passifs par les procédés ordinaires (¹). Il suffisait de mettre ceux-ci en communication avec les deux pôles d'une pile pour faire apparaître des bulles d'hydrogène sur l'un des fils, d'oxygène sur l'autre. Or dès qu'on établissait la communication des fils plongés dans le liquide surchauffé avec les pôles de la pile une violente ébullition se produisait, et les bulles de vapeurs partaient de chacun des deux fils. En remplaçant les fils de platine par des fils de cuivre passifs, l'ébullition ne se produisait qu'autour du fil qui se couvre d'hydrogène lors du

passage du courant, l'oxygène se combinant au cuivre de l'autre électrode et ne devenant pas libre ne provoquait pas l'ébullition.

Quelques expériences plus simples faites par M. Gernez (1875) ne laissent subsister aucun doute sur la nécessité de la présence d'un gaz pour que l'ébullition se produise. Une petite cloche est façonnée à l'extrémité d'un tube de verre; on introduit celle-ci dans un ballon de verre contenant de l'eau dans un léger état de surchauffe. Par la manière même dont on introduit la cloche, il reste au sommet de celle-ci une certaine quantité d'air; or aussitôt la cloche devient le point de départ de nombreuses bulles de vapeur (fig. 217).

En opérant dans un tube incliné avec une petite cloche disposée comme le montre la figure 218, on constate que dès qu'on a fait partir la petite bulle d'air, en tournant l'orifice de la cloche vers le haut, toute ébullition cesse.

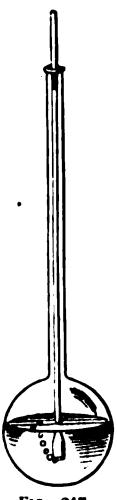


Fig. 217.

Dans une de ses expériences, M. Gernez a reconnu qu'une bulle d'air de un millimètre cube peut fournir ainsi pendant vingt-quatre

vases de verre, en détruit les poussières organiques adhérentes aux parois et qui, condensant de l'air, deviennent le point de départ des bulles de vapeur pendant l'ébullition. Ce traitement est un des meilleurs moyens qu'on puisse employer pour rendre passives les paris, et pour pouvoir amener à l'état de surchausse le liquide contenu dans le vase.

(1) Un des meilleurs procédés consiste à porter les fils au rouge.

heures 500000 bulles de vapeur de 0°,5 de diamètre environ, soit un volume de vapeur ayant plus de 30000000 de fois le volume

de la bulle d'air.

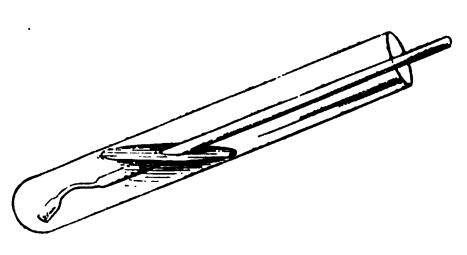


FIG. 218.

Pour bien montrer que chaque bulle de vapeur entraîne une petite quantité d'air indispensable à sa formation, M. Gernez se sert d'une petite cloche, semblable à la précédente, pleine d'eau de rendue passive par les

procédés ordinaires, pour saisir au passage une bulle de vapeur qui se produit daus un tube où l'ébullition commence à devenir difficile. Aussitôt la cloche devient le point de départ de nonvelles bulles de vapeur, et, en laissant refroidir le liquide, a aperçoit au sommet de celle-ci une très petite quantité d'air qui était primitivement contenue dans la bulle de vapeur recoeillie dans la cloche.

L'expérience ayant bien démontré qu'une bulle gazeuse somme en quelque sorte le noyau de toutes les bulles de vapeur qui reproduisent pendant l'ébullition, il apparaît clairement que ce principal n'est qu'un cas particulier de l'évaporation.

Quand on chausse un liquide dans les circonstances ordinaires, il existe toujours de petites bulles d'air adhérentes aux parois du vase. La surface de chacune de ces bulles devient le sière d'une évaporation, et rapidemnnt la petite bulle est saturée de vapeur. Désignons par V le volume très petit qu'aurait la masse de gaz qu'elle renserme à la température du liquide et pour une sorce élastique H saisant équilibre à la pression que supporte la bulle; désignons par F la sorce élastique propre à la vapeur contenue dans cette bulle, et qui est la sorce élastique maxima correspondant à sa température : la sorce élastique propre au propre que (H—F); dès lors son volume V' (volume total de la bulle) est donné suivant laloi de Mariotte par la relation:

$$V'(H-F)=VH$$

d'où:

$$V' = V \frac{H}{H - F}$$

Tant que F est petit, V' n'est guère supérieur à V et la petite bulle reste adhérente par capillarité à la paroi du vase; mais quand F tend vers H, V' tend vers l'infini, la bulle se gonfie, devient énorme par rapport à son volume primitif, et alors, la poussée du liquide surmontant l'attraction capillaire, la bulle s'élève, l'ébullition commence. En partant cette bulle laisse adhérente aux parois une portion de son atmosphère qui devient le siège d'une nouvelle évaporation, d'où la formation de nouvelles balles de vapeur. Ainsi s'explique que celles-ci partent de points déterminés, ceux où existe une bulle gazeuse. Pourtant chaque bulle de vapeur entraînant une portion du gaz qui a permis sa formation, la masse de celui-ci diminue de plus en plus sur les parois du vase, et bientôt l'ébullition devient difficile et même impossible : le liquide arrive à l'état de surchausse.

Quand un liquide est chaussé par le fond du vase, comme c'est le cas le plus habituel, les couches supérieures sont moins chaudes que les couches inférieures, au moment où les bulles de vapeur commencent à se détacher du fond. Celles-ci, en s'élevant dans le liquide se refroidissent. Dès lors, F diminuant rapidement, il en est de même de V'; la majeure partie de la vapeur contenue dans la bulle se condense, et celle-ci, réduite à un tout petit volume, vient crever à la surface. La brusque condensation qu'éprouve alors chaque bulle de vapeur est accompagnée d'un léger bruit; telle est la cause du bruissement qu'on entend nn peu avant l'ébullition : l'eau chante suivant l'expression vulgaire. Mais la condensation de la vapeur qui se produit dans les couches supérieures les échausse rapidement, par suite de la chaleur de condensation, qui est considérable, comme nous le verrons plus loin; bientôt toute la masse étant portée à la température pour laquelle F = H (point d'ébullition) les bulles de vapeur arrivent sans subir de condensation jnsqu'à la surface, où elles crèvent : le liquide est ne pleine ébuilition.

10. INFLUENCE DES PHÉNOMÉNES CAPILLAIRES SUR L'ÉBULLITION.

— Jusqu'à présent nous avons considéré la force élastique maxima de la vapeur d'un liquide comme étant une fonction de la température seule, restant la même, en particulier, quand la forme de la surface de séparation entre le liquide et l'atmosphère de vapeur qui la surmonte vient à varier.

Sir W. Thomson a démontré par des considérations théoriques (') qu'il ne saurait en être rigoureusemeut ainsi : quand la

(1) Pour démontrer cette propriété, Sir William Thomson considère un tabe capillaire plongé dans un liquide; celui-ci s'élève dans ce tube à un certain

niveau A, situé à une hauteur à au-dessus du niveau B du liquide dans la cuvette (fig. 219).

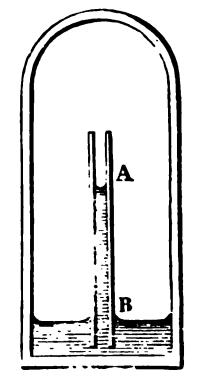


FIG 213

Supposons que la température soit la même dans toute l'enceinte et qu'il n'existe dans celle-ci que la vapeur du liquide : les principes sondamentaux de la thermodynamique démontrent qu'il y a équilibre dans ces conditions, c'est-à-dire qu'il n'y a ni évaporation ni condensation de vapeur en A et en B. Or, la sorce élastique f de la vapeur en A est plus saible que la force élastique F de la vapeur en B précisément de la pression hà qu'exerce par unité de surface une colonne de cette vapeur (à représentant le poids spécifique abselt de la vapeur), puisqu'on a, dans l'état d'équilibre :

$$(1) F = f + h \delta$$

Mais f et F doivent être les forces élastiques maxima, la première à la surface courbe A, la seconde à la

surface plane B, puisqu'il n'y a ni évaporation ni condensation à ces sarfaces. Ainsi la force élastique maxima correspondant à une surface ceste n'est pas la même que celle qui correspond à une surface plane.

Du reste, il est aisé de calculer à au moyen de la connaissance de la containte capillaire a relative à la surface de séparation du liquide et de sa vaper en A, et au moyen des rayons de courbure principaux R et R' de cette face. En effet, désignons par p la brusque augmentation de pression per unité de surface qui a lieu en passant du côté convexe (liquide) au côté cave (vapeur), on a :

$$p = a\left(\frac{1}{R} + \frac{1}{R'}\right)$$

Comme s'est la pression qu'exerce par unité de surface la vapeur en A

surface de séparation entre le liquide et la vapeur devient courbe, par une cause quelconque, par exemple par suite de l'ascension du liquide dans un tube capillaire, si la concavité de la surface de séparation est tournée vers la vapeur, la force élastique maxima doit être plus faible que dans le cas où la surface est plane, et la distérence à une même température est d'autant plus grande que la courbure est plus forte (Voir la formule 4 de la note).

Nous ne nous arrêterons pas maintenant à tirer de ce sait toutes les conséquences qu'on peut en déduire, mais nous avions be-

pression par unité de surface dans le liquide en A est f - p et la force élastique au niveau de B dans le tube est f - p + hd, en appelant d le poids spécifique absolu du liquide. On a donc:

$$\mathbf{F} = \mathbf{f} - \mathbf{p} + \mathbf{h}\mathbf{d}$$

En égalant les valeurs de F données par (1) et par (3), il vient :

$$h = \frac{p}{d-\delta}$$
 et, en vertu de (2): $h = \frac{a}{d-\delta} \left(\frac{1}{R} + \frac{1}{R'} \right)$

Ensin, en introduisant cette valeur de h dans la relation (1), celle-ci devient:

(4)
$$F = f + \frac{a\delta}{d - \delta} \left(\frac{1}{R} + \frac{1}{R'} \right)$$

Dans cette formule d et δ peuvent représenter les densités du liquide et de sa vapeur. Telle est la relation qui doit lier la force élastique maxima f correspondant à une surface concave du côté la vapeur, à la force élastique maxima F correspondant à une surface plane pour la même température. Cette formule est générale, du reste, quel que soit le signe de la courbure $\left(\frac{1}{R} + \frac{1}{R'}\right)$. Si la surface de séparation est convexe du côté de la vapeur, la force élastique maxima f est supérieure à F et d'autant plus que la courbure est plus forte. Il résulte de ce fait une conséquence intéressante: si dans une atmosphère de vapeur de grosses gouttes de liquide et de petites se trouvent en suspension, les petites gouttes peuvent s'évaporer, tandis que les grosses peuvent condenser de la vapeur à leur surface, l'atmosphère n'étant pas saturée pour les premières et étant plus que saturée pour les secondes. Nous serons plus tard une application de ce fait à la formation des nuages.

soin de le mentionner ici pour la rigueur des considérations que nous allons présenter sur la surchausse des liquides.

Considérons une petite bulle d'air saturée de vapeur placée au sein d'un liquide. Cette bulle est sphérique ou à peu près; il en résulte que, dans l'état d'équilibre, la force élastique de l'atmosphère qu'elle renferme est plus grande que la force élastique du liquide qui l'entoure. En effet l'étude des phénomènes capillaires montre, comme nous avons déjà eu l'occasion de le dire, qu'en passant du côté convexe au côté concave de la surface de séparation de deux fluides, il y a une brusque augmentation p dans la valeur de la force élastique.

Cette pression capillaire p est donnée par la formule :

$$p = a \left(\frac{1}{R} + \frac{1}{R'} \right)$$

a étant une constante (constante capillaire) dépendant de la nature des deux fluides en contact, R et R' étant les rayons de courbure principaux de la surface de séparation. Dans le cas qui nous occupe, où la surface est sphérique, R égale R', et la formule devient simplement :

$$p=\frac{2u}{R}$$

On voit que p est d'autant plus grand que R est plus petit.

Ainsi H étant la force élastique du liquide, H + p est la pression par unité de surface que supporte le pourtour interne de la bulle.

D'autre part, si h est la force élastique propre à l'air contem dans celle-ci, et si f est la force élastique maxima de la vapeur dont elle est saturée (f étant une fonction, non seulement de la température mais aussi du rayon de courbure R) la force élastique totale de la bulle est h + f.

Dans l'état d'équilibre, on a donc :

$$(1) H+p=h+f$$

A basse température, l'égalité (1) étant satisfaite, à cause de la faiblesse f, il y a équilibre. A mesure que la température s'élève f augmente; il en est de même du volume V' de la bulle, qui, en désignant, comme ci-dessus, par V le volume toujours très petit de l'air sec à la température considérée et sous la force élastique H du liquide environnant, est donné par :

(3)
$$V' = V \frac{H}{h} = V \frac{H}{H + p - f}$$

Dans le paragraphe précédent, nous avons supposé le rayon de courbure de la bulle assez grand pour que p fût négligeable et que f ait la valeur F qui, à la même température, correspond à une surface de séparation plane entre le liquide et sa vapeur. Il en résultait que dès que F devenait égal à H, la bulle devait grossir énormément, et que le phénomène d'ébullition devait se produire : ce cas correspond à l'ébullition normale.

Mais si la bulle est extrêmement petite, p n'est plus négligeable et f est plus petit que dans le cas précédent à la même température, puisque c'est une force élastique maxima correspondant à une surface de séparation concave du côté de la vapeur.

Pour cette double raison, à la température où H - F est nul et où l'ébullition normale se produirait, H + p - f n'est pas encore nul; la bulle reste, dans ce cas, très petite, et l'on peut échausser encore le liquide sans le voir bouillir : il y a surchausse (1).

C'est seulement quand la température est devenue assez élevée pour que f = H + p que la bulle grossit démesurément et que l'ébullition se produit.

Cette température est d'autant plus élevée, par conséquent, que le rayon primitif de la bulle est plus petit.

Quand la température est assez élevée pour que f = H + p, le grossissement de la bulle doit se faire soudainement. En effet, à mesure que celle-ci grandit f devient plus grand et p devient

⁽¹⁾ En se reportant à la formule (4) de la note précédente, on voit que f ne disserce de F que d'une quantité extrêmement petite par rapport à p. La principale cause de la surchausse est donc l'insluence de la pression capillaire p, et non la dissérence qui existe entre f et F.

plus petit; la force élastique h + f à l'intérieur de la bulle augmente donc, tandis que la pression H + p, que supporte par unité de surface son pourtour interne, diminue; pour cette double cause l'équilibre est rompu, d'où l'espèce d'explosion qui se produit au moment où la surchausse cesse.

On voit ainsi, que les phénomènes du retard à l'ébullition sont intimement liés aux phénomènes capillaires.

Quand on chausse par le bas un tube vertical plein de liquide, il ne sussit pas que la température au sond du vase soit devenue telle que la force élastique maxima de la vapeur sasse equilibre à la pression atmosphérique, pour que l'ébullition se produise, même si les bulles gazeuses du sond sont assez grosses pour que la pression capillaire p soit négligeable, il saut encore qu'elle puisse surmonter la pression produite par la colonne liquide. Autrement dit, le terme que nous avons désigné par h dans les deux paragraphes précédents contient, outre la pression atmosphérique, la pression hydrostatique produite par la colonne de liquide qui se trouve au-dessus de la bulle gazeuse.

Mais dès que la température de la partie inférieure du tube a atteint la valeur minima que peut avoir la vapeur pour la force élastique H qui y règne, une bulle se forme et sou-lève tout le liquide qui se trouve en partie rejeté au dehors. La colonne liquide diminue ainsi de hauteur; la pression H devenant plus faible, la force élastique à l'intérieur de la bulle, sensiblement égale à la force élastique maxima de la vapeur, se trouve alors plus grande que H, de là une ébullition intense, et le reste de la colonne liquide se trouve violemment projeté.

C'est ce qui arrive continuellement quand on chausse sans precaution le liquide contenu dans un de ces tubes à essais dont se servent les chimistes.

Les éruptions d'eau chaude produites par les geysers d'Islande (lig. 220 semblent dues au même phénomène. Ceux-ci consistent en des puits naturels profonds remplis d'eau chauffés dans le bas par un foyer d'origine volcanique. M. Bunsen a pu constater, au moyen d'un sondage thermométrique opéré peu avant une éruption

que la température allait en croissant avec la profondeur jusqu'à une certaine limite. Après chaque éruption l'eau du bassin qui entoure l'orifice du geyser pénètre dans le puits, ainsi que

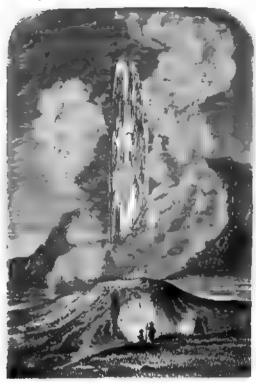


Fig. 220

Peau des sources ou cours d'eau environnants, qui s'y introduit par des fissures. Le temps nécessaire pour porter la température de l'eau au point voulu, sépare deux éruptions successives. Ainsi s'explique l'intermittence du phénomène.

42. ÉBULLITION D'UN LIQUIDE EN VASE CLOS. — Les connaissances que nous possédons maintenant permettent de trouver aisément les conditions nécessaires pour que l'ébullition puisse se produire en vase clos. Nous supposerons dans tout ce qui va suivre qu'il y a quelques bulles d'air assez grosses contre les parois du vase pour que la surchauffe du liquide soit impossible.

Soit F la force élastique maxima de la vapeur du liquide pour la température de celui-ci, soient f la force élastique propre à la vapeur de ce liquide dans l'atmosphère qui le surmonte et H la force élastique propre à l'air (ou autres gaz) mélangé à la vapeur, de façon que la force élastique totale de l'atmosphère qui presse le liquide soit H+f. L'ébullition se produira dès qu'on aura:

$$F = H + f$$

Or, pour peu que la surface libre du liquide ne soit pas de trop petite étendue, par suite de la vaporisation, f devient rapidement égal à la force élastique maxima de la vapeur du liquide pour la température la plus basse de l'enceinte, d'après le principe de Watt; nous pouvons donc considérer cette quantité comme ayant cette valeur dans l'égalité ci-dessus.

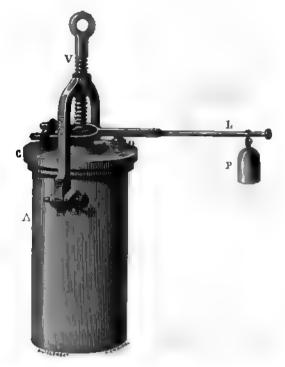
Si la température de l'enceinte est uniforme on a f = F, et dès lors H = f étaut toujours supérieur à F, ou au plus égal F. He est nul, l'ébullition est toujours impossible quelle que soit la température à laquelle on porte le vase (1).

Aussi dans une chaudière à vapeur dont toutes les issues sont bouchées peut-on porter l'eau à une température bien supérieure à 100° sans que l'ébullition se produise. Comme l'évaporation est peu active alors, il y a peu de chaleur détruite pour la formation de la vapeur, et l'eau s'échausse rapidement.

Dans les cours on fait cette expérience avec la marmite de Papin (fig. 221). Elle consiste en une chaudière en bronze A, à parois épaisses, dans laquelle on met de l'eau; le couvercle C est pressé avec force sur l'ouverture par une vis V. Un orifice 0 est fermé par une soupape de sùreté, sur la tête de laquelle

^{(1.} Dans le cas où H est nul, l'espace est tout de suite saturé de vapeur par une vaporisation superficielle immédiate, comme nous l'avons vu au début de ce chapitre.

s'appuie un levier L portant un poids, dont la distance à l'axe de rotation permet de régler la pression maxima, que peut sup-



Fic. 221.

porter la soupape sans s'ouvrir. On place l'appareil sur le feu, le métal étant bon conducteur de la chaleur tout l'intérieur est à la même température, et l'eau s'échauffe sans bouillir au-dessus de 100°. L'atmosphère, qui surmonte le liquide, toujours à peu près saturée de vapeur, acquiert une force élastique considérable, à cause de la rapidité avec laquelle croit la force élastique maxima de la vapeur d'eau au-dessus de 100°. Si alors on sou-lève le levier de la soupape de sûreté, l'orifice O est débouché, et la pression diminuant à l'intériour de la chau-

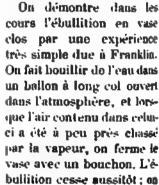
dière, une violente ébullition se produit, et un puissant jet de vapeur sort par l'orifice.

On utilise la marmite de Papin, ou, d'une façon plus générale, les vases scellés, quand on veut porter un liquide à une température supérieure à son point d'ébullition ordinaire, soit pour les expériences de chimie, soit pour les besoins de l'industrie; ca s'en sert, par exemple, dans l'extraction de la gélatine des es au moyen de l'eau à 106°.

Mais l'ébullition est possible en vase clos si la température d'une portion de l'enceinte est maintenne plus basse que celle du li-

quide, car f étant alors inférieur à F, il est possible que H + f soit égal à F, et, en chaussant convenablement le liquide, on arrives

toujours à ce résultat.



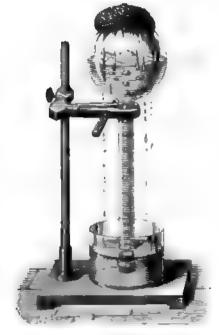


Fig. 222.

retire le ballon du feu immédiatement pour éviter une explosion, et on le reteurne comme le représente la figure 222. Au premier moment l'ebuilition ne se produit pas, parce que tout le vase est à la même temperature; mais, si l'on vient à refroidir avec une eponge moullée d'eau froide le haut du ballon une violente ébuilitien se manifeste aussitôt. Cette ébuilition peut durer fort longtemps, car la vapeur produite va se condenser

sur les parois refroidies du ballon, conformément au principe de Watt.

13. CALÉFACTION. — Lorsqu'on vient à verser une goutte d'eau sur une plaque métallique chauffée à une température supérieure à 100° mais inférieure à 140°, on constate que celle-ci bout et se vaporise très rapidement. Mais le phénomène est tout autre si la plaque est portée au rouge ou seulement à une température supérieure à 142°. Dans ce cas, la goutte d'eau déposée sur la plaque ne bout pas, et elle prend une forme sphérique, si elle est de faible volume, ou une forme plus aplatie, mais à bords arrondis, si elle est d'un volume un peu considérable, absolument comme une goutte de mercure placée sur une lame de verre. La goutte présente du reste la même instabilité, et pour pouvoir la maintenir sur la plaque il est bon que celle-ci soit légèrement concave. Malgré la haute température de la plaque, l'eau dans cet état ne s'évapore que par sa surface et avec lenteur, comme on peut le constater à la lente diminution de volume qu'elle éprouve.

M. Boutigny, qui a étudié vers 1842 ce phénomène, observé pour la première fois par Eller en 1746, lui a donné le nom de caléfaction.

Du reste il n'y a pas que l'eau qui puisse être caléfiée, tous les liquides jouissent de la même propriété quand ils sont placés sur une surface à une température très élevée au-dessus de leur point d'ébullition sous la pression atmosphérique. Ainsi, l'alcool, l'éther, l'acide sulfureux, l'acide carbonique liquide, malgré leur extrême volatilité peuvent subsister en s'évaporant à peine dans des creusets portés au rouge.

La température du vase métallique à partir de laquelle la caléfaction commence à se produire est, d'après les expériences de M. Boutigny, de 142° pour l'eau, de 134° pour l'alcool de 61° pour l'éther, et, d'une façon générale, d'autant plus basse que le liquide est plus volatil. Quand on laisse refroidir la surface sur lequelle le liquide est caléfié, dès que sa température s'abaisse mudessous des limites que nous venons d'indiquer, l'ébullition produit avec une grande violence, et le liquide est réduit rapidement en vapeur.

Ce phénomène présente-t-il une exception réelle aux lois d l'ébullition? Pour répondre à cette question il faut avant to connaître la température du liquide calésié.

Faraday ayant mis dans un creuset chaussé au rouge un me lange d'éther et d'acide carbonique solide, posa à la surface e globule calésié une petite capsule de platine contenant du mercu qui se congela rapidement, indiquant que la température du globule, au milieu du creuset incandescent, était insérieure à — 40

M. Boutigny en plaçant le réservoir d'un petit thermomèt dans des globules de divers liquides calésiés, a trouvé que le température était toujours inférieure au point d'ébullition de caliquides (1).

Ainsi le liquide ne bout pas, parce qu'il n'a pas une température suffisamment élevée.

Mais comment un liquide peut-il rester à une température aussibasse au milieu d'un creuset incandescent?

On trouve la raison de ce phénomène, si surprenant au premier abord, dans le fait qu'un liquide caléfié ne mouille pas et par conséquent, ne touche pas le vase qui le supporte. Dès lors la chaleur de celui-ci ne peut lui être transmise par voie de condretibilité, comme dans les circonstances ordinaires; la faible quantite de chaleur, qui lui parvient du vase par voie de rayonnement i travers la couche de vapeur qui l'en sépare, est détruite constanment par l'évaporation dont la surface du globule est le sière; c'est pourquoi la température du liquide ne peut s'élever jusqu'u point d'ébullition. Quand le vase se refroidit, à un certain monte le liquide mouille ses parois, et immédiatement, une grand quantité de chaleur lui parvenant par voie de conductibilie l'ébullition se produit violemment.

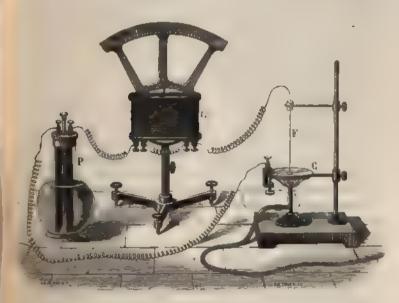
Le fait qu'un liquide calésié ne touche pas la sursace qui k supporte est attesté par de nombreuses expériences.

Ainsi en opérant sur une plaque plane, et en maintenant à globule au repos par un fil fixe qu'il mouille, on peut constale

I l'indicati n du thermomètre était certainement supérieure à la temperature du liquide à cause du rayonnement exercé par les parois du vase à candescent; la consequence que nous tirons de cette experience est du exacte a ferre re-

sil on place l'œil à une hauteur convenable, qu'il existe une lame gazeuse transparente entre le globule et la surface chaude. On peut même, pour rendre cette expérience visible à tout un auditoire, projeter, à l'aide d'une lentille, l'image du globule et de la lame sur un écran en les éclairant vivement par derrière.

On doit à Poggendorff l'expérience suivante : dans une capsule de métal C (tig. 223) on calétie de l'eau acidulée; un fil métallique



F16 223.

front F plonge au mitteu du globule et communique avec l'un des rôles d'une pile P par l'intermédiaire du fil d'un galvanomètre G; de l'autre pôle part un fil qui aboutit à la capsule. L'arguille du galanomètre ne dévie pas indiquant qu'il y a une interruption dans e curcuit, et par conséquent que le liquide ne touche pas la capsule. Mais, dès que, par suite du refroidissement, la caléfaction tesse, on voit l'arguille dévier vivement : le contact s'est établi.

Du reste, rien que la forme sphéroïdale que prend le liquide

calésié montre, d'après la connaissance des phénomènes de capillarité, qu'il ne mouille pas la surface chaussée.

On doit conclure de là que les liquides qui mouillent les métaux, le verre, la porcelaine, etc., à froid, cessent de mouiller ces corps quand leur température est élevée, et se comportent alors, au point de vue des phénomènes capillaires, comme le mercure vis-à-vis du verre et de la porcelaine. Ce fait est pleinement d'accord avec les observations de M. Wolff, qui a montré que l'ascension de ces liquides dans les tubes capillaires diminue à mesure que la température s'élève; cette observation devait déjà faire supposer que pour des températures plus élevées l'ascension deviendrait nulle, et qu'il finirait par se produire une dépression, comme celle qu'on observe avec le mercure.

Les forces capillaires dans un liquide caléfié sont même telles qu'on peut très bien opérer la caléfaction sur une toile métallique chauffée : le liquide ne passe pas à travers celle-ci.

Bien plus, Perkins a vu de l'eau caléssée dans un tube de ser porté au rouge resuser de passer à travers une petite ouverture, malgré une pression de 50 atmosphères exercée sur elle per l'eau d'une chaudière communiquant avec le tube (1).

La connaissance de la caléfaction permet d'expliquer maintenant des phénomènes qui, auparavant, paraissaient bien étranges.

(1) Quand on exerce une pression pour faire passer un liquide à travers une petite ouverture pratiquée dans une surface qui n'est pas mouillée preclui-ci, le liquide vis-à-vis de l'ouverture prend une forme convexe des les rayons de courbure diminuent quand la pression exercée augmente jusqu'il une certaine limite qui peut être très petite si l'ouverture est étroite. En nous reportant à ce qui a été dit au paragraphe 10, on voit qu'il existe alors en passant de l'extérieur à l'intérieur du liquide à travers cette surface convexe vers l'extérieur, une brusque augmentation de force élastique $p = a\left(\frac{1}{R} - \frac{1}{R}\right)$ qui peut être considérable si a est grand et R d' R petits. Tant que le liquide refuse de passer, la courbure $\left(\frac{1}{R} + \frac{1}{R}\right)$ mente avec la pression exercée jusqu'à ce que p devienne égal à la différent de force elastique qui existe entre l'intérieur et l'extérieur; ainsi s'explession de force elastique qui existe entre l'intérieur et l'extérieur; ainsi s'explession exercée jusqu'à ce que p devienne égal à la différent la possibilité de l'equilibre. Pourtant comme la courbure $\left(\frac{1}{R} + \frac{1}{R}\right)$ de para croître indefiniment, p a une limite maxima, et, si l'excès de prenie interieure vient à la depasser, le liquide s'échappe par l'ouverture.

Ainsi, on a vu quelquesois des chaudières à vapeur saire explosion pendant leur rescoidissement. L'eau qui alimente les chaudières contient des sels en dissolution (carbonate, sulfate de chaux, ctc.); à mesure que l'eau s'évapore, ces substances se déposent contre les parois de la chaudière, et sinissent par faire un revêtement intérieur qui est sort mauvais conducteur de la chaleur. Il saut alors, pour amener à la température voulue l'eau de ces chaudières, porter au rouge les parois métalliques de

sons que, dans cet état, une portion du revêtement calcaire, assez fragile du reste, vienne à so détacher; l'eau se trouve immédiatement en contact avec une surface ncandescente : la aléfaction se prouisant, il ne se vrme pas plus de speur qu'auparaınt. Mais pendant refroidissement la chaudière, s que la paroi parriveà 140°, la Maction cesse; u mouille cette i chaude, et, want subiteportée à une sute tempé-

celle-ci. Suppo-



F16. 224.

une ébuliition si violente se produit qu'elle peut occal'explosion de la chaudière.

Expérience de cours, imaginée par M. Boutigny, justifie Discation. Une petite bouteille métallique (fig. 224) peut

être portée à haute température par une lampe; on laisse tomber alors dans celle-ci quelques gouttes d'eau qui se caléfient; on bouche fortement la bouteille, puis on éteint la lampe. Au moment où, par suite du refroidissement, la caléfaction cesse, le bouchon est violemment projeté, et un jet de vapeur sort par le goulot.

Certains faits, qui paraissent toucher au merveilleux, s'expliquent non moins aisément.

On sait que parmi les supplices imaginés au moyen age, il en était un qui consistait à faire lécher un fer rouge au patient. Souvent, par suite du phénomène de caléfaction qui se produisait pour la salive, au contact du métal incandescent, la langue n'était pas brûlée.

Du reste, il est bien constaté aujourd'hui qu'on peut impunément plonger la main un instant dans un bain de plomb fondu. dans un jet de fonte incandescente, dans du verre en fusion sans être brûlé, surtout si l'on a pris la précaution de se mouiller la main avec un liquide volatil (eau, alcool, éther).

CHAPITRE VIII

MESURE DES FORCES ÉLASTIQUES MAXIMA DES VAPEURS

La force élastique maxima d'une vapeur dépend non seulement de sa nature, mais encore, comme nous le savons, de sa température. Les méthodes employées pour en effectuer la mesure diffèrent suivant les limites entre lesquelles on veut faire varier la valeur de celle-ci. On peut les classer en trois groupes: —1° Mesures aux températures ordinaires. — 2° Mesures aux températures inférieures à 0°. — 3° Mesures aux températures élevées.

Nous allons les étudier successivement.

1. MÉTHODE DE DALTON. — Dalton est le premier physicien qui ait mesuré la force élastique maxima des vapeurs.

Pour les températures ordinaires, son procédé, fort simple, n'est autre que celui qui nous a servi à étudier la vaporisation dans le vide, avec quelques dispositions nécessaires pour faire varier la température au gré de l'observateur et la mesurer.

Le baromètre contenant le liquide A (1) (fig. 225) était en-

⁽¹⁾ Pour avoir un tube barométrique mouillé et exempt d'air. Dalton indique de remplir le tube presque complètement de mercure, et d'achever de le remplir avec le liquide. Après avoir bouché l'orifice avec le doigt on fait parcourir plusieurs fois le tube à la bulle du liquide volatil, de façon à bien mouiller les parois, et à ramasser les bulles d'air qui y sont adhérentes. Ceci fait, on redresse le tube, l'orifice en haut, puis on achève de le remplir avec

touré par un manchon de verre M fermé dans le bas par bouchon de liège que traversait le tube barométrique. On ve

sait dans ce manchon de l'eau à différentes ter pératures données par un thermomètre T 11.

A l'aide de cet appareil, Dalton a dressé d'tables dans lesquelles il inscrivait, vis-a-vis de température indiquée par le thermomètre T manchon, la difference de hauteur entre la colonide mercure du baromètre moudlé et celte du baromètre sec B donnant la pression atmospherique du moment. Il avait ainsi pour chaque température la hauteur de la colonne mercurielle qui faisait équilibre à la force elastique de la vapeur.

Cet appareil a permis à Dalton de trouver les forces élastiques maxima de plusieurs vapeurs entre 32 et 150 degrés Fahrenheit (0 et 68° centigrades). Au delà, il était difficile de maintenir suffisamment constante la température de l'eau du manchon.

2 MÉTHODES DE REGNAULT — Les expériences de Dalton sur les forces élastiques maxima des vapeurs aux températures froides ou tiedes ont eté reprises par plusieurs expérimentateurs, et en particulier par Regnault.

Ce dernier physicien a employé deux méthodes un peu différentes que nous allons exposer.

Première méthore. — Cette première méthode est identique 🕯

du mercure. On met le doigt sur l'orifice et l'on retourne le tube sur la cuvelle. Après avoir retire le doigt, le mercure descend. Le liquide qui a mouillé les parois se vaporise en partie dans la chambre et l'exces vient bientôt se rassembler à la surface du mercure.

1 L'appareil qui se trouve dans la plupart des cabinets de physique, es France, et dans lequel un même manchon entoure le barometre sec et le barometre mouille n'est pas exactement celui de Dalton. Cette forme d'appareil, qui a éte employee par Regnault au début de ses expériences sur la force électique des vapeurs, est due probablement a Gay-Lussac.



MESURE DES FORCES ÉLASTIQUES DES VAPEURS 555

cette de Dalton, mais les appareils employés sont plus parfaits; en voici la description.

Un barometre normal, qui reste sec, et un autre baromètre tout semblable, dans lequel on introduit le liquide volatil, reposent sur une meme cuve à mercure M (fig. 226). La partie supérieure de ces deux tarometres est entourée par de l'eau contenue dans une caisse en tôle C. La face antérieure de celle-ci est inunie d'une clace à faces bien paralleles, ce qui permet de relever, au moyen d'un cathetomètre, la différence de niveau entre les deux baromètres.

On fait varier la température de l'eau contenue dans la caisse, soit en la refroidissant avec des morceaux de glace, soit en l'échaussant à l'aide d'une forte lampe à alcool. Un agitateur permet de rendre cette température uniforme; elle est donnée par plusieurs thermomètres.

La difference de niveau entre les deux baromètres représente la nauteur h de la colonne de mercure qui, à la température t de l'eau de la cuve, fait équilibre à la force elastique de la vapeur étudire. Par conséquent, la hauteur h₀ du mercure à 0°, qui fait équilibre à la même force élastique, est donnée par :

$$h_0 = \frac{h}{1 + \Delta_t}$$

 Δ , etant la dilatation absolue du mercure entre 0° et t°. C'est cette quantité qu'on inscrit vis-à-vis de la température donnée par le thermomètre pour dresser la table. Toutefois, il faut foire subir à cette hauteur h_0 une légère correction due à la pre-sion très faible qu'exerce la colonne du liquide volatil à la surface du mercure du baromètre mouillé $(^1)$.

Grace à une plus grande masse d'eau contenue dans un vase moins élevé, et grace à l'agitation, Regnault obtenait une tem-

1 Il suffit de diminuer la différence de niveau he entre les mercures des deux baromètres de la hauteur de la petite colonne tiquide multiplice par la rapport he de la densité du liquide volatil à celle du mercure.

pérature plus uniforme que Dalton autour du baromètre mouillé: la température était donc mieux connue. L'emploi d'une glace plane, permettant de relever au cathétomètre la différence de niveau des deux haromètres, évitait l'un des inconvénients de l'appareil de Dalton: le manchon de verre soufflé pouvait, en effet, causer des erreurs de lecture, car ce manchon présentait nécessairement des parties plus épaisses les unes que les autres, produisant l'effet de prismes, les uns abaissant, les autres relevant les rayons lumineux.

Deuxième méthode. — Pour cette seconde méthode, l'appareil est à peu près le même, seulement le baromètre à vapeur A communique par sa partie supérieure avec un ballon V d'un demi-litre de capacité environ (fig. 226), contenu aussi à l'intérieur de la cuve. Pour faire l'expérience, on introduit dans ce ballon (avant de le souder au tube barométrique) une petite ampoule de verre complétement remplie du liquide étudié bien privé d'air. Puis on met le ballon, et par conséquent le tube barométrique, en communication par un branchement latéral K avec une machine pneumatique; on fait le vide et on laisse rentrer de l'air sec: par cette opération, qu'on répète plusieurs fois, on dessèche les parois du verre. Ayant fait le vide une dernière fois, aussi parfaitement que possible, on ferme à la lampe le branchement latéral K, pour clore l'appareil.

Le vide n'étant pas parfait, il reste une petite quantité d'ar dont la force élastique viendra s'ajouter à celle de la vapeur. Aussi, avant de faire éclater l'ampoule qui renferme le liquide convient-il de déterminer la hauteur de la colonne mercurièle h_0 , qui fait équilibre à la force élastique de cet air amené à ℓ , en entourant de glace le ballon; on obtient immédiatement cette quantité h_0 par la mesure de la différence de niveau, très pette du reste, qui existe entre les deux baromètres.

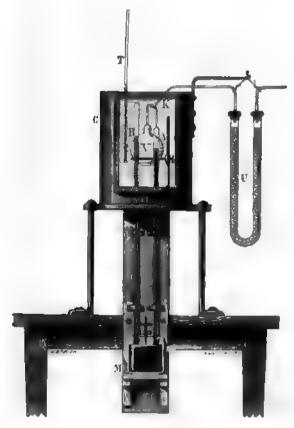
Cette opération effectuée on provoque la rupture de l'ampour en approchant du ballon qui la contient quelques charbes ardents, dont le rayonnement dilate le liquide et détermine le rupture de sa mince enveloppe de verre. Le vide étant prosper parfait la vaporisation est immédiate, et l'espace est tout de suite saturé de vapeur.

L...

& -

ESURE DES FORCES ÉLASTIQUES DES VAPEURS 567

ne on a eu soin de prendre le ballon d'une assez grande é, l'augmentation de volume de la masse gazeuse, qui se par suite de la dépression du mercure, n'est qu'une



Fec. 246

action du volume total, et il n'en résulte pour la force le propre à l'air qu'une diminution absolument insensible. Sit alors de retrancher de la différence de niveau des aromètres, après l'avoir réduite à ce qu'elle serait (H) si la température du mercure était 0° , la hauteur h de la colonne mercurielle qui ferait équilibre à la force élastique de l'air à la température du ballon ($^{\circ}$), pour avoir la mesure (H - h) de la force élastique propre à la vapeur saturante.

Cette méthode présente sur la précédente le léger avantage de ne pas mouiller par le liquide le sommet de la colonne mercurielle du baromètre à vapeur. L'observation de la position du niveau devient plus facile.

Les deux méthodes ont donné les mêmes résultats.

3. CAS DES LIQUIDES TRES VOLATILS. — Quand aux températures tièdes la force élastique maxima de la vapeur est voisine de la pression atmosphérique, ou lui est supérieure, les dispositions précédentes ne conviennent plus évidemment. Dans ce cas, au lieu d'employer un manomètre barométrique pour mesurer les forces élastiques des vapeurs, on emploie un manomètre à air libre.

Dalton se servait d'un manomètre en forme de siphon, présentant une longue branche ouverte dans l'atmosphère et une branche plus courte, fermée à sa partie supérieure, contenunt au-dessus du mercure le liquide volatil et sa vapeur, sans mélange d'autre gaz. On portait à une température connue cette courte branche, et la différence de niveau entre le mercure de la branche ouverte et celui de la branche fermée, augmentée de la hauteur barométrique du moment, donnait la hauteur de la colonne de mercure faisant équilibre à la force élastique mande la vapeur.

(1) Regnault ne dit pas, dans son mémoire, comment il tenait comple variation de h avec la température t du ballon. Il est probable propable servait de la formule

$$h = h_0(1 + \alpha t)$$

donnée directement par l'expérience, que prend à à 0.

Du reste, ce n'est que pour les températures éloignées de 0 que le la la la pout avoir une valeur appréciable.

ult, pour le même usage, s'est servi souvent de l'appareil té figure 227. La branche fermée a contient au-dessus

zure le liquide volatil et sa elle est raccordée par les f, h aux deux branches 'ormant un manomètre à air es tubes a et b étant plongés cuve de l'appareil représenté 26, on introduisait par le nent gf de l'air sous une convenable. On retranchait de ur barométrique du moment ence de niveau du mercure deux branches h et k augmenla distance verticale, posinégative, du mercure de la a au-dessus du mercure de he b, toutes ces colonnes elles étant auparavant ré-0°. On avait ainsi la mesure rce élastique maxima de la ontenue en a. Il fallait, bien s'assurer qu'il y avait voladu liquide, avant de proces mesures, ce qu'on pou-

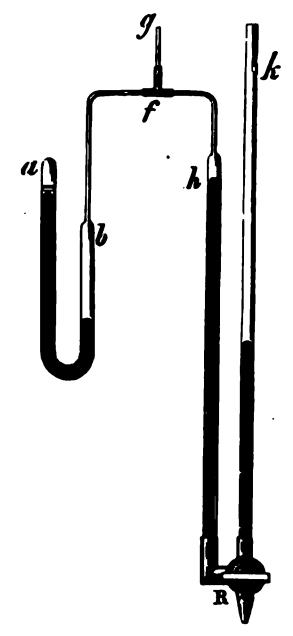


FIG. 227.

ours obtenir en diminuant suffisamment la pression.

URE DE LA FORCE ÉLASTIQUE MAXIMA AU-DESSOUS DE C'est à Gay-Lussac que sont dues les premières mola force élastique maxima de la vapeur d'eau au-dessous

servi pour cela de la méthode de Dalton un peu modissée. à vapeur A (sig. 228) se recourbe à son extrémité supéreu au-dessous de l'horizontal, et la partie recourbée a lans un mélange réfrigérant.

introduit dans ce baromètre un liquide, d'après le prin-Watt, celui-ci passe par distillation de la partie chaude rtie froide a; la distillation achevée, la force élastique de la vapeur est exactement égale à la force élastique maxima correspondant à la plus basse température, c'est-à-dire à celle

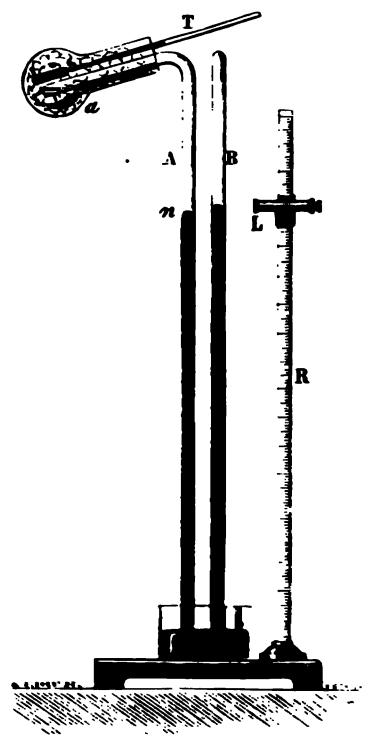


Fig. 📸.

du mélange réfrigérant donnée par un thermomètre T.

Vis-à-vis de l'indication de celui-ci, il n'y a qu'à inscrire la différence de niveau entre les deux branches A et B (réduite à 0°) pour dresser la table.

Gay-Lussac relevait cette différence de niveau avec une petite lunette horizontale L, pourvue d'un réticule et pouvant se fixer à diverses hauteurs sur une règle graduée R verticale. C'était, en germe, le cathétomètre, que Dulong et Petit ont employé les premiers sous sa forme actuelle.

Le seul défaut qu'on puisse reprocher aux expériences de Gay-Lussac est l'emploi d'un mélange réfrigérant pâteux formé de glace pilée et de sell, dont la température différe parfois notablement d'un point à un autre. On ne pouvait douc pas être assuré que la tempéra-

ture indiquée par le thermomètre T fût celle de la branche a qu'il importait de connaître.

Regnault a repris les expériences de Gay-Lussac, mais en employant un melange réfrigérant liquide formé de chlorure de calcium hydraté et de neige; en ajoutant de temps en temps soit des fragments de glace, soit des cristaux de chlorure de calcium, en en abaissait la température : l'agitation permettait de rendre celle-ci uniferme. C'est dans ce bain (ag. 229) qu'on plongeait le ballon V de l'agitateil décrit au paragraphe précédent:

MESURE DES FORCES ÉLASTIQUES DES VAPEURS 561

ce ballon communiquait par un long tube CD avec le baromètre A. Les baromètres A et B, du reste, étaient simplement

placés sur une planchette. La manière d'opérer était exactement la même que dans le deuxième mode d'expérimentation décrit

Faisons remarquer, que dans le cas de l'eau, la vapeur émise alors provient non du liquide, mais de la glace qui se forme

dans la partie plongée au

milieu du mélange réfrigérant.

ELASTIQUES MAXIMA A

MAUTE TEMPÉRATURE. —

La connaissance de la
force élestique maxima
de la vapeur d'eau aux
températures élevées est
d'une grande importance,
à cause des machines à
vapeur. Aussi son étude
a-t-elle été le sujet de
nombreux travaux. Dalton, Arzberger, Dulong
et Arago,... ensin Re-



Pig. 929.

gnault se sont successivement occupés de ce sujet.

Nous ne saurions passer complètement sous silence le remarquable travail de Dulong et Arago, entrepris sur la demande adressée par le gouvernement à l'Académie des sciences (1).

⁽f) Le mémoire d'Arage et Dulong a été présenté à l'Académie des sciences le 30 novembre 1829 ; c'est ce même mémoire qui contient leur travail sur la vérification de la loi de Mariette.

Voici, en quelques mots, la méthode employée par ces illustres physiciens. Une chaudière à vapeur, à parois épaisses et possédant une soupape de sûreté, communiquait avec le manomètre à air comprimé qu'ils avaient étudié en vérissant la loi de Mariotte. On commençait par chasser l'air contenu à la partie supérieure de la chaudière au moyen de l'ébullition, la soupape de sûreté ouverte; puis celle-ci était fermée et convenablement chargée. On mesurait alors la force élastique de la vapeur d'eau saturante à l'aide du manomètre et la température correspondante avec des thermomètres. Ceux-ci ne plongeaient pas directement dans la chaudière, car, sous les hautes pressions, les réservoirs auraient été comprimés et les indications saussées; ils étaient contenus dans des tubes de ser verticaux sermés par le bas et placés dans la chaudière (l'un descendait jusque dans l'eau, l'autre s'arrêtait dans la vapeur); ces tubes renfermaient du mercure pour établir une bonne conductibilité calorifique.

lls obtinrent ainsi la valeur de la force élastique maxima de la vapeur d'eau, jusqu'à la température de 224°, pour laquelle cette force élastique devient égale à 24 atmosphères.

Leurs résultats, beaucoup plus précis que ceux de Dalton et de Arzberger, étaient pleinement suffisants pour la pratique des machines à vapeur.

Pourtant la méthode qu'ils ont employée n'est pas à l'abri de tout reproche : la partie de l'appareil qui renfermait la vapeur étant à la même température que le reste de la chaudière, l'ébullition n'avait pas lieu. Dès lors, la température et, par conséquent, la force élastique de la vapeur ne demeuraient pas stationnaires. Or, quand la température varie, les indications d'un thermomètre sont toujours en retard. Pour obvier autant que possible à cet inconvénient, Arago et Dulong, après avoir chaufé la chaudière, la laissaient un peu refroidir, et ils saisissaient, pour faire l'observation simultanée de la force élastique et de la température, le moment où celle-si, passant par un maximum, restait à peu près stationnaire ; en lant quelques instants.

En cutre. l'enquei d'un manemètre à air comprimé, dont le sensit dite decrett quanti la force élastique augmente, et celude thermemetres à mercure, qui fonnent une température mi

MESURE DES FORCES ÉLASTIQUES DES VAPEURS 569

définie, ne permirent pas une très grande précision dans ces mesures (1).

Aussi Regnault, renonçant au procédé d'Arago et Dulong pour étudier la même question, reprit en 1843 (2) la methode d'ébullition imaginée et déjà employée par Dalton (voir Chap. VII, § 8). Il a, du reste, profondément modifié la disposition expérimentale du physicien anglais, et a introduit dans la méthode des perfectionmenents dont les travaux d'Arago et Dulong et ses propres experiences lui avaient montré l'utilité. Comme pour lous les surjets dont il s'est occupé, les expériences de cet habite expérimentateur sont d'une telle précision qu'elles doivent servir de mandele : aussi les rapportons-nous avec quelques details.

Principe de la méthode. — Le liquide étudié est porté à l'ébullition dans un vase clos, sous une pression qui se maintient constante par suite de la condensation continuelle de la vapeur expise. Cette pression est donnée par un manomètre de précision et , comme nous l'avons vu (Chap. VII, § 8), elle fait exactement equilibre à la force élastique maxima de la vapeur du liquide, pour la température constante aussi que possède celle-ci pendant l'ebuillition.

L'opérateur, en augmentant ou en diminuant à son gré la force ela stique de l'atmosphère artificielle qui surmonte le liquide, fait varier ce point d'ébullition. On peut ainsi dresser une table de la force éla stique maxima de la vapeur, depuis la température ordinaire jusqu'aux températures les plus élevées, puisqu'il suffit el inscrire, vis-à-vis de la température de la vapeur du liquide bouillant, la force élastique indiquée par le manomètre.

A la même epoque Magnus, en A.lemagne, mesurant la force élastique acceptant de la vapeur d'eau entre — 20° et + 115° par un procedé tout the ment de celui employe par Rognault, mais susceptible aussi d'une grande precision. Ses résultats sont parfaitement d'accord avec ceux du physicien fraçais.

Ce qui prouve la justesse de ces critiques, qui ont été faites par mault, c est qu'une commission americaine refit, en 1830, le travail d'Arago en suivant exactement la methode des physiciens français, et arados resultats notablement differents surfout pour les températures es. La discordance paraît tenir principalement aux indications dissemblement de thermometres à mercure formes de verres differents.

Description de l'Appareil. — L'appareil qui a servi à l'étule de la vapeur d'eau se compose d'une chaudière en cuivre rouge A (fig. 230) destinée à faire bouillir le liquide. Des tubes en fer



Fig. 230.

verticaux c et d, partant de la partie supérieure de la chaodien, plongent soit dans la vapeur, soit dans le liquide même; ils soif fermés par le bas, contiennent du mercure et servent à loger les réservoirs des thermomètres t comme dans l'appareil d'Ange et Dulong. La chaudière communique par un tube TT, incliné son côté, avec un grand réservoir métallique B renfermant de l'air qu'on raréfie ou comprime par le conduit à robinet hil à l'aide d'une machine pneumatique ou d'une pompe de compres-

sion. Ce réservoir est entouré d'eau froide pour éviter les variations de température de l'air qu'il renferme; ces variations entraîneraient un changement de force élastique de l'atmosphère qui surmonte le liquide bouillant, et par suite modifieraient le point d'ébullition.

Le tube TT' est entouré d'un manchon M dans lequel circule constamment un courant d'eau froide, entrant par C et sortant par E, pour condenser les vapeurs émises. Les gouttelettes qui proviennent de la condensation retombent dans la chaudière, qui conserve toujours ainsi la même quantité de liquide.

Enfin un manomètre barométrique, pour les pressions plus faibles que celle de l'atmosphère, ou un manomètre à air libre p, q, n, pour les pressions plus élevées, communique avec le réservoir B, afin de mesurer la force élastique de l'air qu'il renferme.

Dans les expériences faites sous des pressions très élevées, l'appareil employé ne différa de celui qui est représenté sur la figure que par ses dimensions plus grandes, et par l'épaisseur plus considérable des parois de la chaudière et du réservoir. Les thermomètres étaient complètement plongés dans les tubes pour éviter les corrections nécessaires quand la tige n'est pas à la même température que le réservoir. Enfin, Regnault se servait, pour mesurer la force élastique, du grand manomètre à air libre qu'il avait employé dans l'étude de la loi de la compressibilité des gaz.

Pour les liquides autres que l'eau, l'appareil ne disséra du précédent que par quelques persectionnements de détail.

Marche des expériences. — On commençait par rarésser l'air contenu dans le réservoir B; on sermait le robinet R pour clore l'appareil, et l'on chaussait le liquide contenu dans la chaudière. Les thermomètres montaient d'abord, puis devenaient sixes; en même temps on entendait bouillir le liquide, et la température restait parsaitement stationnaire aussi longtemps qu'on le désirait. Au bout de quelques instants on relevait les indications constantes des thermomètres et de l'appareil manométrique.

On augmentait ensuite la pression, soit en laissant rentrer de l'air, soit en le comprimant à l'aide d'une pompe par le tube LK. L'ébullition cessait alors, la température du liquide s'élevait,

puisque la chaleur communiquée à la chaudière n'était plus détruite par une vaporisation active, puis la colonne thermométrique devenait fixe de nouveau, et le liquide recommençait à bouillir. On procédait alors aux mêmes inceures que ci-dessus, et l'on poursuivait ainsi l'expérience jusqu'aux pressions les plus élevées qu'on pouvait atteindre.

Ajoutons que les thermomètres à mercure étaient tous construits en cristal; il avaient été comparés avec soin au thermometre à air, et Regnault a conservé dans les tables qu'il a construites la température définie par ce dernier instrument.

Il va sans dire que toutes les mesures manométriques subissuient les corrections que nous avons indiquées à propos de la vérification de la loi de Mariotte (Liv. III. Chap. III, § 9).

6. RÉSULTATS. — Nous nous bornerons à rapporter les résultats obtenus par Regnault, qui sont les plus étendus et ceux qui méritent le plus de confiance.

Pour coordonner les données fournies par plus de mille expérionces faites par les divers procédés que nous venons d'indiquer, Regnault a employé la méthode graphique et a opéré exactement comme nous l'avons décrit (Chap. III, § 2) à propos de la dilatation du mercure.

Les courbes obtenues doivent remplacer maintenant l'ensemble des expériences, puisqu'elles presentent l'avantage de corriger en partie les erreurs inévitables de celles-ci.

La force élastique maxima est ainsi une fonction empiriquement connue de la température.

Regnault a voulu ensuite représenter cette fonction par une formule plus commode à employer que la courbe elle-même.

Or, dans l'ignorance où l'on est encore actuellement de l'expression mathématique exacte de cette fonction, c'est-à-dure de la loi qui relie les forces élastiques maxima aux températures. Regnault a essayé les diverses formules empiriques qui avaient été proposées dans ce but, pour trouver celle qui représentant le mieux la courbe obtenue par ses expériences.

Il s'est arrêté à une formule indiquée par Biot et que voici

$$Log F = a + bx' + cb'$$

dans laquelle Log F représente le logarithme vulgaire de la force élastique maxima de la vapeur pour la température t donnée par le thermomètre à air, et où a, b, c, a, \beta sont cinq coefficients qu'on détermine par la condition que la courbe représentée par la formule (1) passe par cinq points du tracé graphique résumant les expériences.

Nous ferons remarquer que, suivant l'unité adoptée pour mesurer la force élastique, le coefficient a doit varier, tandis que les autres coefficients doivent conserver la même valeur. Car pour avoir les nombres qui mesurent les forces élastiques avec une autre unité, il faut multiplier les valeurs qui expriment F avec la première unité par une même constante, ce qui revient à ajouter le logarithme de cette constante à Log F, et par conséquent à modifier seulement la constante a.

Nous donnons ici les valeurs de ces cinq coefficients pour les liquides étudiés par Regnault. Le coefficient a est donné dans deux colonnes. Avec les nombres de la première, F représente la hauteur en centimètres de la colonne de mercure à 0°, qui à Paris fait équilibre à la force élastique maxima de la vapeur. Avec les nombres de la seconde colonne, F est exprimé en atmosphère C.G.S (c'est-à-dire en prenant pour unité de force élastique celle qui exerce la pression d'un million de dynes par centimètre carré) (¹). Par conséquent, en ajoutant 6 aux nombres de cette colonne on aura F exprimé en unités C.G.S (pression d'une dyne par centimètre carré).

⁽¹⁾ Rappelons qu'une atmosphère C.G.S. exerce par centimètre carré une pression égale au poids que possède à Paris 1,01941 kilogramme. L'atmosphère C.G.S ne différe donc pas de $\frac{2}{100}$ de la pression d'un kilogramme par centimètre carré, qui est l'unité adoptée depuis longtemps par les mécaniciens pour évaluer les forces élastiques de la vapeur des chaudières. Or comme pour la pratique une différence de $\frac{2}{100}$ est négligeable, on voit que l'atmosphère C.G.S est précisément l'unité pratique.

Porce élastique maxima des vapeurs

(Valeurs des coefficients de la formule de Biot d'après Regnault) (1)

Log B 1,994 049 202 1,940 948 5 0,014 577 5 1,991 199 7
1,994 049 202 0,659 312 3 1,994 049 202 0,659 312 3 1,940 948 5 0,639 030 0,014 577 5 0,441 432 1,991 199 7 0,491 886 1,986 817 6 0,521 994
Log B 1,994 049 202 1,910 948 5 0,014 577 5 1,991 199 7 1,986 817 6
23
Log a T,988 343 462 T,987 085 7 T,989 708 8 T,987 708 8

(1) Dans son mémoire, Rugmault a modifié un peu la formule de Biot. Il se sert de la formule:

H H æ tingi le température complée à partir d'une certaine température or le formule (1) pout n'écrire:

II va sans dire que cette formule empirique ne représente les expériences qu'entre les limites de température où elles ont été effectuées, et que nous avons eu soin d'indiquer sur le tableau.

Regnault a reconnu aussi que la formule suivante

$$F = aR^{\frac{t}{1+mt}}$$

dans laquelle a, R, et m sont trois coefficients constants, représente avec une remarquable exactitude la valeur de la force Elastique. Cette formule avait été établie par Roche (1) en 1828 et aussi par Auguste de Berlin vers la même époque, en se fondant sur des considérations théoriques qui ne sont peut-être pas à L'abri de tout reproche. Mais, quelles que soient les raisons qui • fait trouver cette formule, le fait qu'elle s'accorde très bien ** Vec les expériences lui donne une grande valeur comme formule empirique.

Regnault modifie ainsi la formule de Roche

$$F = aR_1 \frac{x}{1 + m'x}$$

Posant $b = b_1 \alpha^{-\theta}$ et $c = c_1 \beta^{-\theta}$ la formule de Regnault devient identique Le celle de Biot donnée dans le texte.

$$Log F = a + bx^{l} + c\beta^{l}$$

Comme Regnault n'a pas pris la même valeur de 0, pour les différents corps, avons cru bon de ramener par la transformation indiquée ci-dessus sa formule à celle de Biot (3), pour donner plus d'uniformité au tableau.

Nous ferons remarquer, en outre, qu'on peut dans cette formule permuter b et c. à condition de permuter en même temps α et β; c'est ce que nous avons pour l'eau et pour l'éther, asin que le coessicient b soit toujours négatif Plus grand que c en valeur absolue.

Nous avons eu soin de nous assurer, en faisant plusieurs applications de chacune des formules avec ces coefficients ainsi modifiés, qu'aucune erreur de calcul ne s'était glissée dans ces transformations très simples du reste.

Roche sut prosesseur de mathématiques à l'École d'artillerie de la Marine à Toulon.

dans laquelle $x=t+20^{\circ}$ (t étant la température compte sur le thermomètre à air).

La valeur des constantes est pour l'eau (1)

$$\begin{array}{c} {\rm Log}\,a = 1,959\,041\,4 \\ {\rm Log}\,({\rm Log}\,{\rm R_4}) = 2,583\,631\,5 \\ m' = 0,004\,788\,221 \end{array} \quad \begin{array}{c} {\rm Log}\,{\rm R_4} = 0,038\,338\,18 \\ \end{array}$$

Pour donner une idée de la manière dont croît la force éla tique maxima des vapeurs avec la température, voici de tableaux dont l'un donne, d'après Regnault, la valeur de la for élastique maxima de la vapeur d'eau de 10 en 10 degrés, et l'aut les températures auxquelles cette force élastique maxima va 1, 2, 3....8, 9 atmosphères C.G.S.

Force élastique maxima de la vapeur d'eau d'après Regnant

Temp	énture	Hauteur en centimet, de la colonie demercure à Or qui fait équilibre à Paris à la force étastique de la vapeur	Valeur de la force élastique en atmosphères C. G. S. (Vour la note t de la page 567)	Températur	Hauteur en centimèti, de la colonne demercure à pe que fait èquilibre à Paris à la force élastique de la vapeur	Valour de la force etastique en atmosphères C. t. S. Voir la mint de la page 2017.
<u> </u>	300	0,038 0	atm, 0,000 515	+ 110*	107,537	1,636.2
_	20	0.0027	0,001 237	120	149,128	1,3690
	10	0,2003	0,002792	130	203,028	2,7078
	0	0,4600	0,006 135	140	271,763	3,6215
+	10	0,9165	0,012 221	150	358,123	4,7763
	20	1,789 1	0,023 194	160	465,162	6,3059
	30	3,154.8	0,042 076	170	596,163	7,964
	40	5,4906	0,073 229	180	754,639	10,040
	50	9,198 2	0,12268	190	944,270	19,004
Ī	60	14,879	0,19845	200	1 168,896	15.30
	70	23,300	0,31088	210	1 432,480	19, lin
	80	35,464	0,472 99	990	1 739,086	M.
	90	52,545	0, 700 80	1000	2 092,640	27.5
	100	76,000	1,0136			44
L						

(1) Nous donnons ici cette formule ; arce que nous en ferens mage en calorimétrie.



esphères G. S.	Tempėratures	Différence des températures	Atmosphères C. G. S.	Températures	Différence des températures
1 2 3 4 5	99,62 120,2 133,4 143,5 151,7	20,6 13,2 10,1 8,2	5 6 7 8 9	151,7 158,7 164,8 170,2 175,2	7,0 6,1 5,4 5,0

VAPORISATION DANS LES GAZ. — Regnault a voulu voir si, formément à la loi de Dalton, la force élastique maxima de vapeur d'un liquide est dans un espace contenant un autre , exactement la même que dans un espace primitivement vide. a opéré aux températures froides et tièdes, et l'appareil l a employé pour ces expériences est celui de la figure 226, I que le manomètre barométrique était remplacé par un 10mètre à air libre, puisque les forces élastiques à mesurer ent voisines de la pression atmosphérique ou même supélros.

in mettait l'ampoule contenant le liquide dans le ballon, puis ntroduisait dans celui-ci de l'air bien sec sous une certaine sion. Après avoir clos l'appareil, et avant de rompre l'ampoule, sfroidissait ou échaussait l'eau de la cuve pour connaître imentalement la force élastique de la masse gazeuse sèche verses températures que l'on voulait employer.

⇒ étude faite, on brisait l'ampoule (¹); on attendait assez ps pour que l'évaporation fût terminée, et souvent on en laissant la température s'abaisser très lentement, ance éminemment favorable pour avoir une atmosphère de la vapeur. On mesurait alors la force élastique totale, retranchant celle de l'air à la même température, on >rce élastique propre à la vapeur.

Il prenait soin de mettre dans l'ampoule un liquide longtemps F, pour qu'il soit saturé de ce gaz et qu'il ne dissolve pas l'air le ballon, ce qui aurait été une cause d'erreur dans l'expérience.

Regnault trouva ainsi, que cette force élastique était toujour inférieure à celle qu'on observait dans le vide à la même temperature; l'écart atteignait souvent $\frac{1}{25}$ de la valeur.

Ce désaccord entre la loi de Dalton et les expériences de R gnault est attribué par ce physicien à une condensation continuel de la vapeur sur les parois hygrométriques de l'enceinte en verr Dans le cas où l'enceinte est primitivement vide cette conde sation ne doit pas amener un changement notable dans la vale de la force élastique, à cause de la rapidité avec laquelle liquide se vaporise, dès qu'une cause quelconque vient à abaiss un peu la force élastique de la vapeur au-dessous de sa valer maxima. Mais dès qu'un gaz étranger ralentit la vaporisation l'état d'équilibre peut ne jamais être atteint par suite de cette condensation incessante.

En résumé, Regnault croit que la loi de Dalton se vérifient parsaitement dans le cas idéal où les parois du vase seraies formées par le liquide même; mais dans les conditions habituelles elle ne se vérisse que très imparsaitement.

8. VAPORISATION D'UN MÉLANGE DE PLUSIEURS LIQUIDES. VAPORISATION D'UNE DISSOLUTION SALINE. — Regnault, le profeseur Wullner ont étudié la vaporisation d'un mélange de deu liquides. Quand l'espace qui surmonte ces liquides est saturé, le force élastique du mélange des deux vapeurs est égale à la somme des forces élastiques maxima qu'auraient chacune d'elles si elle existait seule, dans le cas seulement où les deux liquides sont sans action dissolvante l'un sur l'autre, comme l'eau el benzine par exemple. Chaque vapeur se comporte alors ni à-vis de l'autre comme le ferait l'air, l'hydrogène, l'oxyde de carbone, etc.

Mais il n'en n'est plus de même si les liquides peuvent se dissoudre mutuellement; dans ce cas la force élastique du millange est toujours inférieure à la somme des forces élastiques maxima des deux vapeurs prises isolément. Il peut même arrive alors que la force élastique du mélange reste inférieure à la plu grande des deux forces élastiques maxima des vapeurs.

C'est surtout quand les liquides peuvent se dissoudre en tor

MESURE DES FORCES ÉLASTIQUES DES VAPEURS 573

proportion l'un dans l'autre, comme l'eau et l'alcool, que la différence entre la somme des deux forces élastiques maxima et la force élastique du mélange des deux vapeurs est considérable.

La vaporisation d'une dissolution saline a été étudiée par Gay-Lussac, par Babo, et par le professeur Wullner.

Ils ont trouvé que la force élastique maxima de la vapeur émise est dans ce cas toujours inférieure à celle de la vapeur émise par le liquide pur, quoique la vapeur soit parfaitement exempte de sel. La différence croît avec la proportion de sel dissout, et elle dépend aussi de la nature de celui-ci.

CHAPITRE 1X

LIQUÉFACTION DES GAZ

1. PRINCIPE DES MÉTHODES EMPLOYÉES POUR LIQUÉFIER LES GAZ. — Aujourd'hui, tous les gaz ont été liquéfiés; par conséquent, tous peuvent être considérés comme la vapeur d'un certain liquide. Nous connaissons les circonstances nécessaires à la condensation d'une vapeur; nous allons les rappeler, afin de mieux faire comprendre les méthodes employées pour liquéfier les gaz.

La première condition requise est que la température du gaz soit inférieure à son point critique, puisqu'au dessus le fluide ne peut affecter que l'état aériforme. Mais elle ne suffit pas; il faut encore amener la vapeur dans des circonstances de température et de pression telles qu'elle soit saturante : alors un refreidissement ou bien une cause quelconque qui, à la même température, augmenterait la force élastique, si celle-ci ne possédait déjà sa valeur maxima (diminution de volume ou augmentation de la masse du gaz), amène forcément la condensation d'une portion ou de la totalité de la vapeur.

D'après cela, on peut classer ainsi qu'il suit les méthodes employées pour la liquéfaction d'un gaz:

- 1º Refroidissement du gaz; la liquéfaction se produit pour une température d'autant moins basse que la pression est plus forte.
- 2° Augmentation de la force élastique du gaz à la même température; la liquéfaction se produit pour une pression d'autant moins forte que la température est plus basse; elle

est impossible si la température est supérieure au point critique.

C'est pourquoi les gaz de l'air, l'hydrogène, l'oxyde de carbone, le bioxyde d'azote et le formène, dont les points critiques correspondent à une très basse température, ne peuvent être liquéfiés par pression à la température ordinaire; aussi ont-ils passé, jusqu'à ces dernières années, pour des gaz permanents.

On peut du reste augmenter la force élastique d'un gaz à la même température :

- 1º En diminuant son volume;
- 2º En augmentant la masse gazeuse contenue dans un même volume.

Et, enfin, ce dernier résultat peut être atteint :

- 1º Soit en accumulant le gaz dans un réservoir résistant à l'aide d'une pompe foulante;
- 2º Soit en faisant naître, par une réaction chimique, à l'intérieur d'un vase, des masses de

gaz de plus en plus considérables.

Toutes les méthodes employées se rattachent à l'un des procédés que nous venons d'énumérer.

2. LIQUÉFACTION PAR REFROIDISREMENT. — Quand un gaz possède
une force élastique maxima inférieure à la pression atmosphérique, pour les basses températures
qu'on peut obtenir à l'aide d'un
mélange réfrigérant, on le liquéfle
en le faisant arriver dans un tube
en U (flg. 231) débouchant dans
l'atmosphère par une pointe effilée, et placé au milieu de ce mélange réfrigérant. La force élastique totale dans ce tube étant
derse à celle de l'otmosphère la



égale à celle de l'atmosphère, le gaz ne peut le remplir entièrement à la température basse du tube, et il se transforme en liquide à mesure qu'il y pénètre. En entourant le tube simplement de glace, on liquéfie l'hyposazotide, l'acide hypochloreux, le chlorure de bore pur, dont les points d'ébullition sous la pression normale sont respectivement 22°, 20° et 17°.

En entourant le tube d'un mélange de glace pilée et de sel, on amène à l'état liquide l'acide sulfureux, qui bout à — 8°.

MM. Bussy, Drion et Loir, en refroidissant les gaz par de l'acide sulfureux rapidement évaporé, soit en faisant le vide au dessus, soit en y faisant passer un courant d'air, ont pu liquéfier le chlore, le cyanogène et l'ammoniaque.

Faisons remarquer que ce procédé peut échouer si le gaz qu'on veut transformer en liquide est accompagné d'un autre gaz plus difficilement liquéslable; car le mélange peut remplir le tube sous la pression atmosphérique, quoique la force élastique propre à chacun des gaz soit inférieure à sa force élastique maxima pour la température du tube. C'est pourquoi on n'a pas réussi à liquésier ainsi le chlorure de bore, tant qu'on l'a obtenu mélangé d'oxyde de carbone.

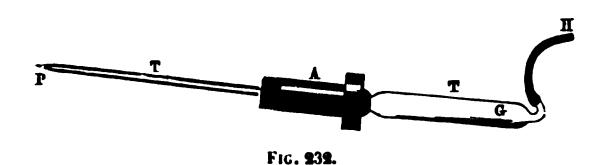
3. MÉTHODE DE M. CAILLETET. — M. Cailletet, au moyen de refroidissement intense produit par la détente, est arrivé à liquésier les gaz réputés permanents jusqu'alors (oxygène, hydrogène, azote, oxyde de carbone, bioxyde d'azote et sormène).

Le gaz est comprimé sous une pression de 200 à 300 atmosphères à la température ordinaire : la liquéfaction ne se produit pas, car la température est au-dessus du point critique. Mais alors on supprime brusquement la pression, ce qui pernet au gaz de reprendre son volume primitif. Aussitôt, un brouilard se produit au milieu de la masse gazeuse, ce qui indique la formation de gouttelettes liquides, ou même de cristaux solides, dues à un abaissement considérable dans la température (1). Ce

⁽¹⁾ Quand une masse gazeuse augmente de volume, elle repousse les cerps qui l'environnent, en surmontant les pressions qu'ils exercent sur sa surface: elle fournit ainsi un travail, et son énergie diminue d'autant (L. L. Chap. I, § 8). Or la diminution d'énergie porte sur l'énergie calorifique: autrement dit, une portion de la chaleur équivalente au travail produit est truite; d'où le refroidissement (voir L. IV, Chap. XIV, § 1).

brouillard ne dure qu'un instant, à cause du réchaussement presqu'immédiat qui a lieu dès que la détente a cessé.

Le gaz soumis à l'expérience est ensermé dans une éprouvette en verre TT (fig. 232) dont la partie inférieure est large de deux



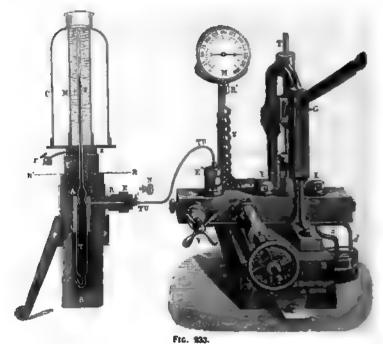
centimètres environ, et dont la moitié supérieure est formée d'un tube à parois épaisses, de 0°,2 à 0°,3 de diamètre intérieur. La base de l'éprouvette est amincie et recourbée, comme le montre la figure.

Pour remplir cette éprouvette, on amène le gaz bien pur et bien desséché par un tube de caoutchouc H qu'on engage sur l'extrémité recourbée de l'éprouvette, l'autre extrémité P étant ouverte. L'air est balayé par le gaz, et l'on fait passer celui-ci pendant assez longtemps pour bien enlever l'humidité adhérente aux parois du verre. On ferme ensuite à la lampe l'extrémité effilée P, puis on redresse l'éprouvette qui jusqu'alors avait été maintenue dans une position presque horizontale; une goutte de mercure G, introduite à l'avance dans la partie élargie, vient boucher alors la partie recourbée, et l'on peut enlever le tube de caoutchouc et transporter l'éprouvette ainsi fermée sans que l'air extérieur se mélange au gaz.

L'éprouvette est placée dans un réservoir B (fig. 233), en fer, à parois très résistantes, contenant du mercure; on l'y assujettit en vissant sur ce vase un anneau taraudé A, dans lequel le bas du tube qui termine l'éprouvette est mastiqué. De cette façon, la partie large et peu résistante de celle-ci se trouve contenue entièrement à l'intérieur du réservoir.

Au-dessus du mercure, le réservoir B renferme de l'eau. C'est en y injectant ce liquide à l'aide d'une petite pompe aspirante et foulante P, en tout semblable à celle d'une presse hydrau-lique, que l'on exerce la pression. Sous son influence, le mercure

monte d'abord dans la partie large de l'éprouvette, qui étant également pressée à l'intérieur et à l'extérieur ne risque pas de se briser, et finit par apparaître dans le tube qui sort du réservoir. Le gaz comprimé occupe alors le volume très petit de la partie supérieure du tube, et possède une force élastique considérable.



Si à ce moment on vient à ouvrir un robinet à vis V', l'em comprimée s'échappe de l'appareil par le tube d, l'énorme force élastique qui y régnait cesse brusquement et l'on voit se produire dans le tube ce brouillard qui indique la liquéfaction même la solidification du gaz.

Ajoutons qu'un manomètre métallique R' indique la ture élastique.

Autour du tube, on peut mettre un manchon M rempli d'ess

froide pour abaisser la température du gaz qui s'échausse par la compression. Ensin, un cylindre plus large C protège l'opérateur au cas où le tube ferait explosion.

4. LIQUÉFACTION PAR DIMINUTION DE VOLUME. — M. Berthelot a liquéfié l'acide carbonique, et plusieurs autres gaz, en enfermant celui-ci dans la tige d'un gros thermomètre à mercure, à parois très résistantes et pouvant supporter une pression intérieure de 800 atmosphères. Le haut de la tige, où se trouvait le gaz, était refroidi par de la glace ou par l'évaporation de l'éther.

En chaussant le réservoir, le mercure montait dans la tige et comprimait le gaz qui sinissait par se liquésier, s'il était au-dessous de son point critique à la température ordinaire.

Il est plus commode d'employer dans le même but l'appareil de M. Cailletet décrit au paragraphe précédent. La simple compression suffit pour amener l'acide sulfureux, l'acide carbonique et le protoxyde d'azote à l'état liquide.

- 5. LIQUÉFACTION PAR ACCUMULATION DE GAZ DANS UN RÉCI-PIENT. — M. Natterer a pu liquésier en grande quantité certains gaz en les accumulant dans la crosse d'un fusil à vent.
- M. Bianchi a construit, pour répéter cette expérience, un appareil plus commode. Il consiste en un réservoir en bronze très résistant, possédant une soupape s'ouvrant de dehors en dedans, et présentant un robinet à vis pour faire sortir le liquide qui s'y forme. On visse ce réservoir, du côté de la soupape, sur le tube d'une pompe à air analogue à celle que nous avons décrite (L. III, Chap. VI, § 14); elle puise le gaz sec dans un gazomètre et le refoule dans le réservoir. Celui-ci est entouré de glace pour refroidir le gaz qui s'échauffe par la compression; le corps de pompe est entouré d'eau pour la même raison. Avec cet appareil on peut liquéfier de grandes quantités de protoxyde d'azote.

Il présente pourtant quelques inconvénients qui en restreignent l'usage. L'espace nuisible de la pompe limite la pression qu'on peut obtenir; le piston ne tenant pas d'une façon absolue, l'air extérieur pénètre en partie dans le corps de pompe et se mélangeant au gaz retarde et empêche même sa liquéfaction; enfin la soupape du réservoir, n'étant pas parfaite, laisse toujours fuir un

peu de gaz quand le vide vient à se produire dans le corps de pompe.

M. Cailletet a imaginé, dans le même but, une pompe qui se

présente pas ces inconvénients et dont la partie principale est représentée figure 284. Le gaz est admis dans le corps de pompe à travers un robinet R qui s'ouvre et se ferme automatiquement par le jeu de l'instrument au moment voulu. Un piston plein A en acier refoule le gaz à travers la soupape s dans un petit dôme d'où il se rend par le tube TT dans le réservoir. Le piston A est recouvert de mercure; non seulement ce métal empêche toute fuite, mais étant soulevé en même temps que le piston il passe en partie par la soupape s ne permettant à aucune trace de gaz de demeurer au-dessous de cette soupape : l'espace nuisible est ainsi annulé. Du reste la petite quantité de mercure qui reste au-dessus de a empêche les fuites de cette soupape. L'emploi de cette pompe évite absolument le mélange de l'air, et la liquéfaction s'opère bien plus aisément.

Le réservoir qu'emploie M. Cailletet est composé d'un faisceau d'une dizaine de tubes communiquant entre eux par la partie supé-

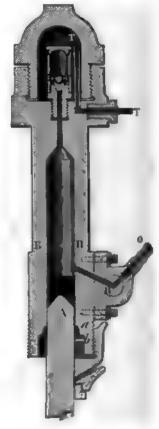


Fig. 934.

rieure, et d'une contenance totale de 4 litres. A égalité d'épairseur de paroi et de capacité, l'ensemble de ces tubes forme m récipient bien plus résistant qu'un vase unique (voir p. 199 d 200, note) : ils peuvent supporter une pression intérieure de plusieurs centaines d'atmosphères. Une heure suffit pour obtenir 400 à 500 grammes d'acide carbonique ou de protoxyde d'azote liquide.

6. MÉTHODE DE FARADAY. — Faraday (1) a liquessé la plupart des gaz en produisant ceux-ci per une réaction chimique à l'intérieur d'un vase clos: la masse du gaz augmentant de plus en plus, la pression croit jusqu'à ce que la liquésaction commence. Celle-ci a lieu à partir du moment où la force élastique du gaz devient égale à la force élastique maxima correspondant à la température de la paroi la plus froide, d'après le principe de Watt.

L'appareil que Faraday employait était un simple tube de verre

à parois épaisses, courbé en A (fig. 235). Dans l'une des branches T on mettait les substances solides ou liquides capables d'engendrer le gaz; on chauffait celle-ci, si c'était nécessaire, pour produire la réaction. On refroidissait l'autre bran-

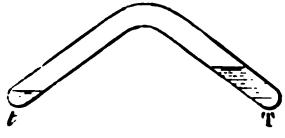


FIG. 235.

che t, et c'est dans cette branche que le liquide apparaissait (2).

En employant la même méthode, Thilorier est arrivé à liquésser en grande quantité l'acide carbonique, au moyen d'un appareil que nous allons décrire, sous la forme plus solide que lui ont donnée MM. Donny et Mareska.

Il se compose (fig. 236) d'un générateur G et d'un condenseur R pouvant communiquer au moment voulu par un tube de cuivre

- (1) Michel Faraday, né le 22 septembre 1791, à Newington-Butts, près de Londres, est mort le 25 août 1887. Il fut d'abord préparateur de Humphry Davy, et devint un des plus grands physiciens de l'Angleterre.
- (2) Faraday employait un moyen très ingénieux pour obtenir la densité de ces liquides difficilement maniables. Il enfermait dans la branche t avant l'opération des perles creuses en verre numérotées, et lestées de telle façon qu'elles restassent en équilibre sans monter ni descendre dans des liquides de densités croissantes. Le gaz étant liquéfié, un certain nombre de perles restaient au fond du liquide, les autres venaient flotter à la surface. On savait ainsi que la densité de ce liquide était comprise entre deux densités a et à connues. On pouvait rendre l'expérience aussi précise que l'on voulait en la répétant avec d'autres perles, lestées de façon à rester en équilibre dans des liquides de densités plus voisines et comprises entre a et b.

rouge t, et représentant les deux branches du tube de Faraday. Ces vases sont en plomb; ils sont revêtus exactement d'une en-

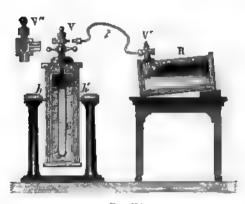


Fig. 936.

veloppe en cuivre rouge entourée de cercles en fer forgé juxtaposés les uns aux autres; les fonds sont maintenus pur des plaques de fer reliées entre elles par des tiges de même métal. Le générateur peut être fermé par une gurniture à vis creusét d'un canal présentant un robinet V

(représenté en coupe en V"). Il est porté par deux tourillors à qui permettent de l'incliner à volonté.

On commence par introduire dans le générateur 1800 grammes de bicarbonate de soude et 4 litres 1/2 environ d'eau tiède; on dispose ensuite au milieu un cylindre de cuivre rouge contenut 1000 grammes d'acide sulfurique. On ferme le générateur, et on l'incline légèrement pour verser une petite quantité d'acide sur le bicarbonate. La réaction se produit et de temps en temps on incline le générateur pour verser une nouvelle quantité d'acide jusqu'à ce qu'il n'en reste plus. L'acide carbonique ne se liquéde généralement pas dans le générateur même, car il est habituellement à une température supérieure à son point critique (34 à 35°); mais dès qu'on relie le générateur au condenseur par le tube t et que le robinet à vis V est ouvert pour permettre la communication, le gaz acide carbonique se précipite dans le récipient froid, et s'y condense en grande partie (¹). En fermant le robinet V de

⁽¹⁾ La condensation ne peut être que partielle, car la détente du gaz abaixe la température du générateur, et sa condensation élève celle du condensatie passage cesse de s'effectuer quand les deux températures se sont egif-sées, la force élastique étant aussi devenue la même dans les deux vant-

condenseur, on peut conserver indéfiniment ce liquide. Le tube t étant enlevé, si l'on ouvre le robinet V', après avoir incliné le condenseur, comme le représente la figure, un jet de liquide s'échappe par l'oritice. On peut le recueillir dans une éprouvette de verre, et le liquide s'y conserve quelque temps à l'air, l'ébullition n'ayant pas lieu, par suite de la caléfaction qui se produit.

En recevant dans une boîte métallique à parois minces, le jet gazeux qui sort du générateur, le froid provenant de la détente du gaz produit la solidification de l'acide carbonique qui, passant directement de l'état de gaz à l'état solide, se présente sous forme de fines aiguilles cristallines enchevêtrées les unes dans les autres; aussi est-ce une sorte de neige qu'on trouve en ouvrant la boîte.

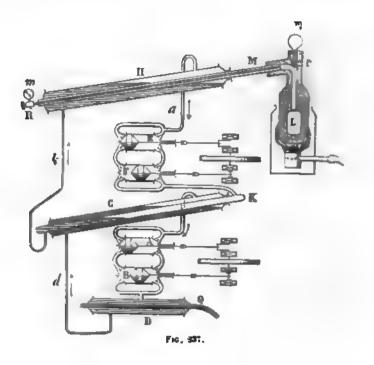
7. MÉTHODE DE M. PICTET. — A l'époque (1877) où M. Cailletet, en France, liquésiait les gaz réputés permanents, M. Pictet, à Genève, arrivait au même résultat par un procédé dissérent.

La méthode qu'il a employée est la même que celle de Faraday, mais avec une disposition ingénieuse pour porter à une très basse température la partie du vase où doit s'opérer la condensation (fig. 237).

Le gaz est produit à l'intérieur d'un obus L, sormant une cornue très résistante, et se rend dans un tube en cuivre M qui lui sait suite; ce tube possède un robinet à vis R à son extrémité et un manomètre métallique m gradué jusqu'à 800 atmosphères, par la méthode que nous avons indiquée (L. III., Chap. IV, § 2, note 1),

Ce tube M est entouré par un manchon en cuivre H renfermant du protoxyde d'azote liquide, dont on détermine l'évaporation rapide en faisant le vide dans le manchon; il en résulte un refroidissement énergique. Par le système de pompe EF, le protoxyde d'azote est extrait du manchon H, et comprimé dans un second tube K, refroidi vers — 70° par un moyen que nous allons faire connaître dans un instant; le protoxyde d'azote s'y liquésie et s'y refroidit. Un tube k le ramène dans le manchon H, où l'évaporation rapide de ce liquide, déjà très froid, abaisse la température vers — 140°, d'après M. Pictet.

Le tube K est refroidi par un procédé identique à celui que sert à refroidir le tube M: un manchon C contenant de l'acide sulfureux liquide entoure le tube K. L'acide sulfureux est volatilisé rapidement par le système des pompes AB, qui le comprase



dans un manchon D dont la température reste peu élevée, grice à un courant d'eau traversant le tube central Q; l'acide salirreux s'y liquédie, et ce liquide est ramené de D dans Cpar le tube d.

On voit que, par cette disposition, on ne perd ni le protoxyle d'azote ni l'acide sulfureux: le refroidissement est obtenu per une dépense de travail mécanique.

Dans quelques expériences M. Pictet remplaçait le protosyle d'azote par l'acide carbonique; la température obtenue alors dans le manchon H était — 130°.

Par ce procédé, M. Pictet a liquéssé, et solidissé en partie, l'oxygène et l'hydrogène.

L'oxygène était préparé en mettant dans la cornue L du chlorate de potasse mélangé de chlorure de potassium. En chauffant celle-ci, la force élastique atteignait en une heure à peu près 526 atm. Puis elle diminuait un peu, pour se fixer, au bout de quelques minutes, à 470 atm.; elle restait alors stationnaire malgré la masse d'oxygène de plus en plus considérable qui remplissait l'appareil, signe certain de la liquéfaction de l'oxygène à l'intérieur du tube. Aussi, en ouvrant le robinet R, voyaiton s'échapper un jet liquide transparent de 10 à 12 cent. de longueur entouré d'un nuage neigeux, dû à l'oxygène solidifié par le froid intense produit par la rapide vaporisation du liquide.

M. Pictet a trouvé pour les forces élastiques maxima de l'oxygène:

L'hydrogène fut préparé en chauffant dans l'obus L, un mélange de formiate de potasse et d'hydrate de potasse (¹). La liquéfaction se produisit dans le tube à — 140° sous la pression de 650 atm. En ouvrant le robinet, il s'échappa un jet d'un liquide opaque, d'une teinte bleue d'acier; puis le jet devint intermittent, par suite de la solidification de l'hydrogène à l'intérieur du tube, due au froid produit par l'évaporation. Les gouttelettes de ce liquide, en frappant le sol, produisaient le bruit de grenaille de plomb vivement projetée.

Depuis longtemps les propriétés chimiques de l'hydrogène l'avaient fait ranger parmi les métaux; cette belle expérience montre qu'à l'état solide ou liquide il présente l'aspect métallique.

(1) La réaction est la suivante:

$$KO,HO + KO,C^{\bullet}HO^{\bullet} = 2KO,C^{\bullet}O^{\bullet} + 2H$$

Le gaz ainsi obtenu est parfaitement pur et sec.

CHAPITRE X

DENSITE DES GAZ ET DES VAPEURS.

4. DENSITÉ D'UN GAZ PAR RAPPORT A L'AIR. — La densité d'un gaz, comme son poids spécifique, variant considérablement suivant la température et la pression, ne peut servir de caractéritique au gaz, à moins qu'on indique la force élastique et la température correspondant à la densité.

Il n'en est plus ainsi de la densité du gaz par rapport à l'air définie comme le rapport p de la masse P d'un certain volume du gaz à la masse p du même volume d'air pris à la même température et possédant la même force élastique, ou, ce qui revient au même, comme le rapport des poids en un même lieu de ces volumes égaux de gaz et d'air.

En effet, nous allons voir que cette grandeur est à peu pris indépendante de la température et de la force élastique du gui et, par conséquent, qu'elle peut bien en caractériser la nature.

Soit V le volume commun à 0° et pour une même force élactique H de deux masses P et p de gaz et d'air : $\frac{P}{p}$ est la dessité par rapport à l'air d_0 du gaz à 0° et pour la force élastique H. Si, sans changer la pression, nous portons ces deux masses de gaz à une température commune t, leurs volumes deviendres respectivement $V(1 \rightarrow \gamma t)$ et $V(1 \rightarrow \alpha t)$, en appelant γ et a les coefficients de dilatation moyens entre 0° et t° du gaz et de l'air pour la force élastique constante H. La masse de l'airé



de volume de chacun d'eux sera alors respectivement $\frac{P}{V(1+\gamma t)}$ et $\frac{p}{V(1+\alpha t)}$, et, par conséquent, la densité d_t du gaz par rapport à l'air à t^o est donnée par

(1)
$$d_{t} = \frac{P}{p} \frac{1 + \alpha t}{1 + \gamma t} \quad \text{ou } d_{t} = d_{0} \frac{1 + \alpha t}{1 + \gamma t}$$

Si $\gamma = \alpha$, cette densité conserve à une température quelconque t la même valeur qu'à 0°. Or, on sait que tous les gaz ont à très peu près même coefficient de dilatation, par conséquent la densité d'un gaz par rapport à l'air varie très peu avec la température. Pourtant les gaz facilement liquéfiables (acide sulfureux, ammoniaque), ont un coefficient de dilatation un peu supérieur à celui de l'air : la densité de ces gaz par rapport à l'air doit donc un peu diminuer quand la température s'élève.

Supposons maintenant qu'en laissant la température constante, nous portions le gaz et l'air de la force élastique H à une autre force élastique commune H'. Soit V'_g le nouveau volume du gaz, on peut poser :

$$\frac{VH}{V'_{g}ll'} = 1 + g$$

en désignant par g une quantité très petite, et qui serait nulle si le gaz obéissait exactement à la loi de Mariotte. Comme on le sait d'après les expériences de Regnault, cette quantité g est positive si H' est plus grand que H, pour tous les gaz, sauf pour l'hydrogène, au moins aux pressions qui ne dépassent pas 30 atmosphères. On tire de là

$$V'_g = V \frac{H}{H'} \frac{1}{1+g}$$

et pour la masse de l'unité de volume du gaz $\frac{P}{V'}$

$$\frac{P}{V'} = \frac{P}{V} \frac{H'}{H} (1 + g)$$

On a de même pour la masse de l'unité de volume d'air qui possède la même force élastique H', en désignant par a la quantité correspondante à celle désignée par g pour le gaz:

$$\frac{p}{V_a'} = \frac{p}{V} \frac{H'}{H} (1 + a)$$

d'où pour la densité d' du gaz par rapport à l'air quand il possède la force élastique H' la valeur:

(2)
$$d' = \frac{P}{p} \frac{1+g}{1+a}$$
 ou $d' = d \frac{1+g}{1+a}$

d étant la densité $\frac{P}{p}$ pour la force élastique H.

Or, les gaz obéissant très sensiblement à la loi de Mariotte, le rapport $\frac{1-g}{1+a}$ est toujours très voisin de l'unité; c'est-i-dire que la densité du gaz par rapport à l'air est à peu prés indépendante de la pression. Cependant pour les gaz facilement liquéfiables g est assez notable. On voit dès lors que leur densité par rapport à l'air doit croître un peu quand leur force élastique augmente.

Avant de décrire les méthodes employées pour déterminer la densité des gaz par rapport à l'air, nous allons montrer l'utilité de cette notion pour obtenir la masse d'un gaz dont le volume, la température et la force élastique sont connus; on peut en deduire du reste le poids réel du gaz, si, ce qui est assez rare, où a besoin de connaître cette quantité 1.

2. FORMULE DE LA MASSE DUN GAR. — Désignons par A la masse en grammes d'un centimètre cube (densité en unité C.G.S.)

^{1.} Nous prious le lecteur, qui pourrait peut-être s'étounne de nous ver continuedement employer le mot masse là où habituellement on emploie le mot pouis, de voulour bien se reporter à ce que nous avons dit à ce surt à propos de l'usage de la balance. L. II, Chap. IV, § 1.

d'air sec à 0° possédant l'unité de force élastique adoptée. La masse d'un volume v de cet air est donnée par

$$(1) p = Av$$

Si maintenant la même masse d'air est portée à la température t et possède une force élastique H, elle prend un nouveau volume V, et en appliquant la loi de Mariotte et la formule de la dilatation, on a la relation :

$$v = \frac{VH!}{1+\alpha t}$$

où z est une constante égale à 0,003665 si nous comptons la température sur le thermomètre à air.

En remplaçant v par cette valeur dans la formule (1) il vient :

$$p = \frac{\text{AVH}}{1 - | - \alpha t|}$$

Désignons maintenant par P la masse d'un gaz, de densité d par rapport à l'air, qui, étant à la température t et ayant la force élastique II, occupe le même volume V; on a par définition.

(4)
$$d = \frac{1}{p} \quad d'où : P = pd$$

En remplaçant dans cette formule p par sa valeur tirée de (3), il vient :

$$P = \frac{AVHd}{1 + \alpha t}$$

Cette formule donne l'une des cinq quantités suivantes: masse P, volume V, force élastique H, température t, densité du gaz par rapport à l'air d quand les quatre autres sont con-

nues, la quantité A ayant été déterminée avec beaucoup par Regnault comme nous l'indiquons un peu plus loin.

Faisons remarquer que dans cette formule fondame représente exactement la densité du gaz par rapport à l'a température t et pour la force élastique H, cette quantité un peu avec la température et la force élastique. Mais p gaz difficilement liquéfiables la variation est si faible qu'e généralement négligée, et qu'on prend pour d la valeur t à 0° et sous la pression atmosphérique par Regnault, en la méthode décrite dans le paragraphe suivant.

Ensin si l'on tient à avoir le poids réel Π du gaz à un où l'intensité de la pesanteur est y, comme on a $\Pi = Pg$, il

(6)
$$\Pi = \frac{AVHdg}{1+at}$$

En exprimant g en unité C.G.S. (980,96 pour Paris) le du gaz II est exprimé en dynes.

Les formules (5) et (6) donnent immédiatement la den gaz $D = \frac{P}{V}$, et son poids spécifique absolu $\pi \doteq \frac{\Pi}{V}$

$$D = \frac{AHd}{1 + \alpha t} \qquad \pi = \frac{AHdg}{1 + \alpha t} \quad {}^{(1)}$$

Le plus habituellement en physique on exprine les élastiques des gaz par les hauteurs des colonnes de merc 0° qui leur font équilibre. Si H représente dans les formule dessus cette hauteur évaluée en centimètres, la masse centimètre cube d'air à 0° et sous la pression de 76 centimercure à 0° est donnée d'après la formule (3) par la relation

8'
$$a = A \setminus 76$$
 d'où : $A = \frac{a}{76}$

,1 Il est inutile de s'occuper du poids spécifique du gez per 19

en remplaçant A par cette valeur dans la formule fondamentale (5) celle-ci prend la forme la plus souvent employée

$$P = a \frac{VHd}{76(1 + \alpha t)}$$

Comme nous le verrons plus loin, Regnault a trouvé pour la masse d'un centimètre cube d'air à 0°, et sous la pression qu'exerce à Paris 76 cent. de mercure à 0°, la valeur 0°, 001 293. Si nous reinplaçons a par ce nombre, la formule (9) devient

(9 bis)
$$P = 0^{sr}, 001293 \frac{VHd}{76 (1 + \alpha t)}$$
 (1)

ll ne faut pas oublier que dans cette formule H représente la bauteur de la colonne de mercure à 0° qui à Paris (et non, en toute rigueur, à un endroit où l'intensité de la pesanteur est différente) fait équilibre à la force élastique du gaz. Si on veut l'employer, il faut ramener les hauteurs des colonnes de mercure observées en un point quelconque du globe à ce qu'elles auraient été si l'intensité de la pesanteur avait été en ce point la même qu'à Paris; c'est cette hauteur corrigée H qu'on doit introduire dans cette formule.

On évite ces réductions, ou plutôt on ne risque pas d'oublier de les faire, en évaluant les forces élastiques en unités C.G.S.

èl'en à 4° $\left(=\frac{D}{1,000\,013}\right)$ dont la valeur ne diffère pas sensiblement de la écusité, et dont on n'a jamais besoin.

(1) C'est cette forme que nous conseillons aux élèves de retenir. Il est important de se rappeler que H y est exprimé en centimètres, V en centimètres cabes, P en grammes. L'emploi des unités correspondantes du système métique évite des erreurs que les élèves commettent trop fréquemment, quand l'inconnu d'un problème se trouvant employé à la fois dans l'expression du volume et dans celle de la force élastique, ils appliquent une formule où V est exprimé en litres et H en millimètres; car si cet inconnu x est une lonfacur, et que x représente dans l'expression du volume des décimètres, dans celle de la force élastique c'est 100 x qu'il faut mettre pour exprimer un nombre de millimètres; or on oublie très facilement ce facteur 100, ce qui donne lieu à de graves erreurs.

Si dans les formules (2) (3) (5) (6) et (7) H est exprimé en unités C.G.S. de force élastique, A représente la masse en grammes d'un centimètre cube d'air à 0° et pour l'unité de force élastique C.G.S. L'application de la formule (3), en nous rappelant que 0^{er},001 293 est la valeur de la masse p d'un centimètre cube d'air à 0° et sous la pression qu'exerce à Paris une colonne de 76 cent. de mercure à 0°, pression qui vaut

$$76 \times 13,596 \times 980,96 = 1,01362 \times 10^6$$
 unités C.G.S.

donne:

$$0,001293 = A \times 1,01362 \times 10^6$$

d'où:

$$A = \frac{0,001293}{1.01362} \times 10^{-6} = 0,001276 \times 10^{-6}$$

En remplaçant A par ce nombre, la formule fondamentale 3 devient :

(10)
$$P = 0^{cr},001276 \times 10^{-6} \frac{VHd}{1+\alpha t}$$

et comme H × 10 représente le nombre N d'atmosphères C.G.S. que possède la force élastique du gaz, la formule devient, en employant cette unité secondaire commode par si grandeur:

(11)
$$P = 0^{cr},001276 \frac{VNd}{1-ct}$$

Formule aisée à retenir, et qui sera la plus commode à employer quand on aura pris l'habitude d'évaluer les forces élattiques en atmosphères C.G.S., ce que nous ne saurions trop engager à faire.

3. MESURE DE LA DENSITÉ DES GAR PAR RAPPORT A L'AIR -MÉTHODE DE REGNAULT. — Les méthodes employées différent suivant qu'il s'agit d'un gaz ou d'une vapeur, en désignant ici sous le nom de vapeur le gaz émis par un corps liquide ou solide dans les circonstances ordinaires.

Biot et Arago, puis Regnault, se sont occupés de la mesure des densités des gaz. En principe, la méthode est simple; elle résulte de la définition même de la grandeur cherchée: prendre à l'aide de la balance la masse du gaz contenu dans un vase, puis prendre la masse du volume d'air contenu dans le même vase, à la même température et pour la même force élastique; le rapport des deux masses donne la densité du gaz par rapport à l'air.

En réalité, l'expérience est fort délicate. Les poids des gaz étant trés faibles, des causes d'erreurs insignifiantes dans les pesées ordinaires prennent ici de l'importance.

Ainsi, le poids du gaz est tout à fait du même ordre de grandeur que la poussée qu'exerce sur le ballon qui le renferme l'air extérieur, quantité variable d'un moment à l'autre, suivant les conditions atmosphériques. En outre, le verre, comme on le sait, condense de l'humidité à sa surface, et ce poids d'eau qui s'ajoute à celui du ballon, dépend non seulement de la matière du verre, mais aussi de l'état hygrométrique de l'air, et peut ainsi varier entre les pesées. De là deux causes d'erreur, car l'expérimentateur prendra pour une variation du poids du gaz introduit dans le ballon, soit la variation de la poussée qu'il éprouve, soit la variation du poids de l'eau condensée à sa surface.

Nous allons voir comment Regnault a su éluder ces difficultés dans l'élégante méthode qui a fourni la plupart des résultats adoptés aujourd'hui, et que nous décrirons seule ici.

La masse des gaz était obtenue par la méthode précise de la double pesée; or, Regnault eut l'heureuse idée d'employer comme tare un second ballon de même volume et de même surface extérieure que celui qui était destiné à contenir le gaz. En outre, tous les deux étaient formés de verre pris dans le même creuset, pour être de composition chimique identique, et possédaient des garnitures à robinet tout pareilles. Dans ces conditions, une fois qu'on avait obtenu l'équilibre du fléau de la balance, celui-ci devait se maintenir indéfiniment, car les varia-

tions de poussées, dues au changement des conditions atmosphériques, devaient se faire sentir de la même façon sur l'un et sur l'autre ballon, et la condensation de la vapeur d'eau sur les deux surfaces vitrées placées dans des conditions identiques devait être aussi la même. C'est ce dont Regnault s'assura du reste : après avoir suspendu les deux ballons, dont les robinets étaient fermés, au-dessous des plateaux de la balance de précision qu'il comptait employer (fig. 238), il établit l'équilibre;

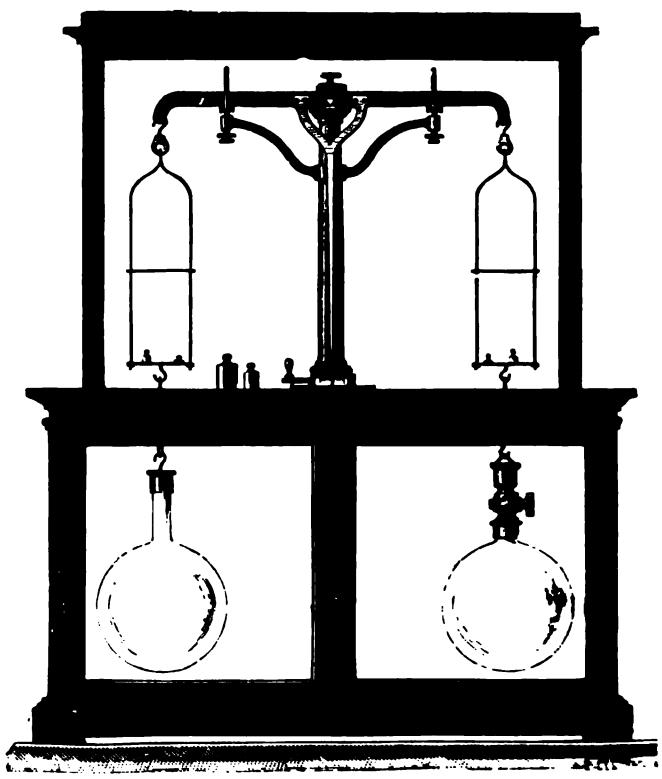


Fig. 233.

puis il laissa l'appareil sans y rien changer pendant quinze jours; malgré les variations de l'état atmosphérique, il constata que l'équilibre ne fut pas troublé pendant tout ce temps.

Dans ces conditions, il est clair que tout changement observé entre deux pesées ne peut provenir que de la variation du poids du gaz contenu dans le ballon dont on a modifié l'atmosphère intérieur, et que le nombre de grammes qu'on ajoute ou qu'on ôte du plateau au-dessous duquel se trouve ce ballon, donne exactement (après la correction très faible due à la poussée de l'air sur ces poids) la masse du gaz enlevée ou introduite.

Pour faire l'expérience, on commence par dessécher avec soin l'intérieur du ballon en faisant plusieurs fois le vide dans celui-ci, et en y laissant rentrer le gaz parfaitement sec. Après

avoir placé ce ballon dans le vase métallique V, représenté figure 239, et l'avoir entouré de glace fondante, on fait le vide une dernière fois nussi exactement que possible. Un manomètre barométrique donne la force élastique très faible h du gaz restant. On ferme le robinet R du ballon, on retire celui-ci de la glace, on l'essuye avec soin (*) et on l'accroche au plateau de la balance.

Les deux ballons sont alors laissés plus de deux heures dans l'atmosphère sèche de la cage de la balance pour que leurs sur-



Fig. **13**9.

faces se mettent dans le même état; puis on établit l'équilibre,

(1) Il ne faut pas achever l'essuyage avec des linges trop secs, car on électriserait la surface du verre, et les attractions électriques qui se mani-

après avoir eu soin de placer dans le plateau au-dessous duquel est accroché le ballon vide un nombre de grammes supérieur à l'augmentation de masse présumée du ballon après l'introduction du gaz. Cette précaution est nécessaire pour pouvoir alors rétablir l'équilibre en enlevant des poids de ce plateau, conformément à la méthode de la double pesée.

L'équilibre atteint, on reporte le ballon dans la glace fondante, et on le remplit du gaz sec sous la pression atmosphérique H donnée par le baromètre. Après avoir fermé le robinet (¹), et avoir essuyé le ballon, on le reporte sous le plateau de la balance; on attend quelque temps, et l'on procède à la pesée. On obtient ainsi le nombre de grammes P qui représente la masse du gaz introduit.

Nous ferons remarquer tout de suite que cette masse P de gaz occuperait, à 0° , le volume du ballon avec une force élastique égale à H - h, puisque, après l'avoir ajoutée à la masse très faible de gaz primitivement contenue dans le ballon, et y possédant une force élastique h, la force élastique totale est devenue H.

En répétant avec l'air exactement la même série d'opérations, on obtient la masse p de ce gaz qui remplirait le ballon avec une force élastique connue H'-h'.

Nous avons ainsi deux masses P et p de gaz et d'air occupant le même volume, celui du ballon à 0°, à la même température 0°, mais ayant des forces élastiques un peu différentes H - h et H' - h'. Or, nous savons que la masse d'un gaz qui à une même température occupe un même volume est proportionnelle à sa force élastique; il en résulte que la masse du gaz qui occuperait à 0° le volume du ballon avec la force élastique H' - h' serait $P = \frac{H' - h'}{H - h}$: c'est là une conséquence de la loi de Mariotte très légitimement applicable ici, quel que soit le gaz, puisque les forces élastiques

festeraient alors entre le ballon et les parois de la cage de la balance fasseraient la pesce.

^{1.} Pour être certain que la force élastique du gaz fut bien la pression almospherique du moment, on laissait pendant un temps très court le ballon en libre communication avec l'atmosphère avant de fermer le robinet.

H'— h' et H — h sont très voisines l'une de l'autre. Par conséquent, P $\frac{H'-h'}{H-h}$ et p représentant des masses de gaz et d'air occupant le même volume à la même température et possédant la même force élastique (H' — h'), la densité du gaz par rapport à l'air est égale à :

$$\frac{P}{p}\frac{H'-h'}{H-h}$$

Comme on le voit, cette densité correspond exactement à la température de 0° et à la pression atmosphérique, puisque H' - h' est toujours voisin de cette force élastique.

Si l'on veut obtenir la densité du gaz par rapport à l'air sous une pression dissérente de celle de l'atmosphère, il n'y a qu'à donner au gaz et à l'air ensermé dans le ballon la sorce élastique voulue, qui sera mesurée exactement par un manomètre barométrique ou par un manomètre à air libre selon sa valeur. D'un autre côté, si l'on veut déterminer cette densité pour une température quelconque, il n'y a qu'à remplacer la glace qui entoure le ballon par un bain à cette température; par exemple, en l'entourant de vapeur d'eau bouillante on pourra prendre la densité à la température de 100°.

Voici quelques-uns des résultats obtenus par Regnault.

DENSITÉ DES GAZ PAR RAPPORT A L'AIR.

Azote...0,971 37 Hydrogène 0,069 26 Oxygène...1,105 63

		Sous la pression de						
		76.	37•,413	38-,339	22.,400			
	0•	1,529 10	1,523 66	>	1,521 45			
Acide carbonique	100-	1,524 18	•	1,524 10	×			

Ce tableau justifie ce que nous avons dit § 1. On voit que la densité de l'acide carbonique, sous la pression de 76 cent. de

mercure, diminue un peu quand la température s'élève. On voit aussi, qu'à 0°, cette densité diminue un peu avec la pression, tandis qu'à 100° elle ne varie plus sensiblement; on doit en conclure qu'à 100° l'acide carbonique obéit aussi bien que l'air à la loi de Mariotte (Voir § 1).

Les expériences de Regnault sur la dilatation des gaz et sur leur compressibilité permettent du reste de calculer, d'après la valeur d que possède la densité d'un gaz par rapport à l'air à 0° et sous la pression atmosphérique, la valeur toujours peu différente qu'elle prend, pour une autre température ou une autre pression. En effet nous avons vu (§ 1) qu'à la même température, mais sous une pression H' différente de la pression atmosphérique, cette quantité a pour valeur d $\frac{1+g}{1+a}$, les lettres g et a ayant la signification indiquée dans ce paragraphe; et qu'èt une autre température t on obtient la nouvelle valeur de la densité en multipliant celle qu'elle possède à 0° par $\frac{1+at}{1+\gamma t}$, en appelant a et γ les coefficients de dilatation moyens entre 0° et t° de l'air et du gaz sous la pression constante considérée.

4. DÉTERMINATION DE LA MASSE DU CENTIMÈTRE CUBE D'AIR PAR REGNAULT. — La formule :

(1)
$$P = a \frac{VHd}{76 (1 + at)}$$

ne peut fournir la masse P du gaz, dont on connaît le volume, la température, la force élastique et la densité par rapport à l'air, qu'à la condition de connaître aussi la valeur de la quantité a, représentant la masse du centimètre cube d'air sec à 0° et sous la pression qu'exerce à Paris une colonne de mercure à 0° de 76 cent. de hauteur.

Il était facile pour Regnault, à la suite de ses expériences sur la densité des gaz, d'obtenir la valeur de a. En effet, ces expériences lui donnaient la masse p d'air contenu dans le volume V du ballon à 0° et pour une force élastique connue H' - H;



or, comme pour l'air d=1, la formule ci-dessus donne la relation:

(2)
$$p = a \frac{V(H' - h')}{76}$$
 d'où : $aV = \frac{76 p}{H' - h'}$

qui fait connaître le produit aV, et par conséquent la quantité a si l'on évalue la capacité V du ballon à 0°.

Il nous reste simplement à indiquer comment Regnault s'y est pris pour effectuer avec précision cette dernière mesure.

La capacité du ballon étant considérable (plus de 10 litres), on ne pouvait songer à la mesurer par une pesée au mercure: on se contenta d'une pesée à l'eau. Mais il était important que l'eau fût pure et, en particulier, bien privée d'air; il fallait, en outre, que pendant le remplissage celui-ci ne pût pas s'y dissoudre. Pour cela on procèda de la manière suivante.

Un tube deux fois recourbé sut adapté au ballon; son extrémité fut plongée dans de l'eau distillée bouillante, et par conséquent débarrassée des gaz qu'elle avait pu dissoudre. On chauffa le ballon pour faire sortir un peu d'air, et en le laissant refroidir une certaine quantité d'eau y pénétra; on fit bouillir celle-ci : la vapeur d'eau chassa complètement l'air contenu dans le ballon à travers l'eau bouillante, dans laquelle plongeait l'extrémité du tube; par le refroidissement, la vapeur se condensa et le ballon s'emplit entièrement d'eau. Celui-ci, ramené à la température ordinaire fut alors entouré de glace fondante, tout en le laissant communiquer avec le réservoir d'eau distillée bouillie et devenue froide aussi. On l'abandonna dans la glace pendant toute une nuit, pour être assuré que la température de la grande masse d'eau qu'il contenait était bien amenée à 0°. Puis, on ferma le robinet, et le ballon se trouva ainsi plein d'eau très pure à 0°. On le laissa reprendre la température de la pièce, ce qui ne pouvait amener la rupture du ballon; car cette température n'était que de 6°, et l'eau se contractant de 0 à 4°, ne reprend qu'un peu au delà de 8° le volume qu'elle possède à 0°.

Le ballon bien essuyé fut accroché ensuite au plateau de la balance, et l'on établit l'équilibre sans employer l'artifice du ballon-tare. En effet, les variations dues soit à la poussée, soit à

la quantité d'eau déposée à la surface externe du verre d'une pesée à l'autre, ne pouvaient introduire qu'une erreur d'un milligramme, absolument insignifiante vis-à-vis de la masse de dix à douze kilogrammes qu'on voulait mesurer.

Le ballon, après avoir été vidé et séché, fut accroché de nouveau, son robinet ouvert, sous le même plateau; le nombre de grammes qu'il fallut y mettre pour rétablir l'équilibre, ayant subi la correction très faible due à la poussée de l'air sur les poids, donna la différence G entre la masse P de l'eau et la masse P de l'air ambiant qu'il renfermait dans la seconde pesée,

$$\mathbf{G} = \mathbf{P} - \mathbf{P}'$$

Or, cette masse P'était aisée à calculer par la formule (1), dans laquelle l'air étant humide; on devait remplacer la hauteur barométrique H, donnant la force élastique totale de l'air, par le facteur $(H-\frac{3}{8}f)$, en appelant f la force élastique propre à la vapeur d'eau contenue dans cet air, comme nous le verrons en hygrométrie; cette quantité f était donnée par un hygromètre. Nous ferons remarquer aussi que le volume du ballon, qui était V à 0°, prenait à la température ambiante t la valeur V(1+Kt), en appelant K le coefficient de dilatation cubique du verre. On avait donc la relation

(4)
$$P = \frac{aV(1 + Kt)(H - \frac{3}{8}f)}{76(1 + at)}$$

ll n'y avait rien d'inconnu dans le second membre de cette sormule puisque le produit aV était sourni, comme nous l'avons vu plus haut, par la relation (2).

G et P'étant déterminés, l'égalité (3) donnait la valeur de P.

Il suffisait maintenant de diviser la masse (P grammes) de l'em contenue dans le ballon à 0° par la densité de cette eau à 0°, soit 0.99988, pour avoir le volume V du ballon à 0° en centimètres cubes.

Regnault trouva ainsi pour la valeur de a le nombre 0^{er}, 001 2932. Malgré toute la précision de l'expérience, il paraît difficile que le cinquième chiffre significatif soit exact; aussi se borne-t-on généralement aux quatre premiers (0,001 293).

5. RECHERCHE DE LA DENSITÉ D'UN GAZ QUI ATTAQUE LES MÉTAUX. — La méthode indiquée § 3 ne peut convenir pour les gaz, qui, comme le chlore, attaquent à froid le mercure et les garnitures métalliques. On emploie dans ce cas le procédé suivant.

Un flacon en verre léger, pouvant être bouché à l'émeri, et dont la capacité V est connue par un jaugeage, est rempli par déplacement de l'air contenu — 1° d'air sec, — 2° du gaz étudié. Au moment où l'on bouche le flacon, on note la hauteur de la colonne barométrique H et la température t. Le flacon est porté les deux fois sur la balance; soit II l'excès de masse positif ou négatif qu'il présente dans le second cas. C'est la quantité dont la masse P du gaz surpasse celle p de l'air:

$$(1) P = p + \Pi$$

Or, la masse p est connue par la formule:

(2)
$$p = 0.001293 \frac{VH}{76 (1 + \alpha t)}$$

et par conséquent la relation (1) donne la valeur de P, masse du gaz occupant le volume V à la température t et sous la pression H; tout étant connue dans la formule

$$P = 0,001 293 \frac{VHd}{76 (1 + \alpha t)}$$

sauf d, celle-ci en fournit la valeur.

Il est clair que cette méthode est loin de présenter la même précision que celle que nous avons décrite § 3.

6. DENSITÉ DES VAPEURS. — En principe, les méthodes employées le plus souvent pour déterminer la densité d'une vapeur consistent à mesurer — 1° la masse P d'une certaine quantité de cette vapeur, — 2° le volume V qu'elle occupe, — 3° la hauteur H de la colonne de mercure à 0° qui à Paris fait équilibre à sa force élastique, — 4° sa température t, et à faire application de la formule

(1)
$$P = 0.001293 \frac{VHd}{76 (1 + xl)}$$

qui fournit la valeur de sa densité d par rapport à l'air.

Nous allons indiquer les principales méthodes qui permettent d'effectuer la mesure des quatre quantités P, V, H et t.

1º Méthode de Gay-Lussac. — Apparent de Regnault. — Pour mesurer la densité d'une vapeur Gay-Lussac employait le procédé suivant.

Une petite ampoule de verre A (fig. 240), tarée à l'avance, était remplie complètement du liquide qui devait fournir la vapeur comme on remplit un thermomètre; la pointe de l'ampoule étal fermée à la lampe, et l'augmentation de masse qu'elle avait subte. donnée par la balance, faisait connaître la masse P du liquide. On introduisait celle-ci dans une éprouvette graduée E pleme de mercure et reposant sur une cuvette en fonte C, placée sur w fourneau. On entourait alors l'éprouvette d'un manchon de verre M dans lequel on versait de l'eau ou de l'huile transparente repsant sur le mercure de la cuve, et forçant celui-ci à s'élever un por plus haut en dehors du manchon. On allumait alors le fourness, et la chaleur, se communiquant par le mercure de l'éprouvette d par l'eau du manchon à l'ampoule, faisait dilater le liquide qu'elle renfermait, et déterminait la rupture. On élevait assez la température pour que la vaporisation se produisit et fut totale; on es était assuré quand la force élastique de la vapeur était moinde que la force élastique maxima connue de cette vapeur pour la température de l'eau du manchon.

Pans ces conditions la masse de la vapeur était égale à la masse P du liquide introduit. Après avoir rendu uniforme autast qui



possible la température de l'eau, on la notait; cette température t pouvait être prise pour celle de la vapeur elle-



Fag. #40.

même. On mesurait ensuite le volume apparent V qu'occupait celle-ci dans l'éprouvette graduée; V étant le volume connu à 0° de la partie de l'éprouvette contenant la vapeur, V(1 - 1- Kt) était le volume réel de cette vapeur, en appelant K le coefficient de la dilatation cubique du verre. Enfin, on mesurait la force élastique de la vapeur, en relevant la hauteur h à laquelle le niveau du mercure dans l'éprouvette se trouvait au-dessus de celui de la cuve en dehors du manchon, et en mesurant la colonne barométrique; si h_1 était la hauteur de celle-ci ré-

duite à 0°, $h_1 - \frac{h}{1 + \Delta_1}$ représentait la hauteur H de la colonne mer-

curielle à 0° qui faisait équilibre à la force élastique de la vapeur, Δ_t désignant la dilatation absolue du mercure de 0° à t°. On avait ainsi les quatre mesures nécessaires à la détermination de la densité d.

La méthode de Gay-Lussac, irréprochable en principe, a été reprise par Regnault. Ce physicien s'est servi pour cela de l'appareil (représenté fig. 226) qui lui avait servi à déterminer les forces élastiques maxima des vapeurs, et que nous avons décrit (Ch. VIII, § 2).

Le ballon V avait été jaugé, et le tube A était gradué à sa partie supérieure; le volume de ces vases étant connu à 0°, en multipliant par le binome de dilatation du verre (1 — Kt) on l'obtenait aux diverses températures t. On était ainsi à même de connaître exactement le volume V de la vapeur. Le liquide, contenu dans une petite ampoule, était introduit dans le ballon; sa masse P était mesurée comme dans les expériences de Gay-Lussac. La connaissance approchée de la densité de la vapeur avait permis de calculer la masse P de celle-ci nécessaire pour saturer le ballon vers 30°, et comme on opérait à une température plus élevée, on était sûr que tout le liquide se trouvait évaporé. Pour tout le reste la marche de l'expérience était exactement la même que pour la mesure de la force élastique maxima, et l'on obtenait ainsi la force élastique de la vapeur non saturante à la température du bain t.

La méthode de Gay-Lussac ne permet pas d'opérer sur des liquides peu volatils; la suivante, due à M. Dumas, est plus générale.

2° Méthode de M. Dumas. — Un ballon B en verre soufflé très mince et à col effilé (fig. 241), est porté sur la balance et taré.

On y introduit ensuite une certaine quantité du liquide étudié, en chauffant un peu le ballon, plongeant la pointe effilée dans le

liquide, et lassant refroidir (1); puis le ballon est disposé dans un support S où il est pris entre deux colliers. Celui-ci est placé dans une petite marmite MM,contenant un liquide, eau, huile, acide sulfuri-que (2), alliage fusible, selon la volatilité du liquide étudié, et devant servir de bam-marie. Le ballon doit être complètement immergé dans le bain à l'exception de l'extrémité du col.

On chauffe le bainmarie, et on le porte à

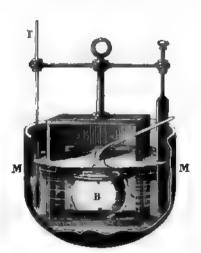


Fig. 241.

une température supérieure au point d'ébullition du corps contenu dans le ballon. Ce corps bout violemment; sa vapeur chasse l'air du ballon, et sort avec un sifflement par la pointe effilée en produisant un jet qui, quoique transparent, se distingue aisément en regardant le jour à travers, par suite des réfractions irrégulières que subissent les rayons lumineux qui le traversent.

Lorsque les dernières parcelles solides ou liquides sont volatilisées, le jet cesse brusquement. A ce moment la vapeur prend

⁽¹⁾ Si le corps dont on cherche la densité de vapeur est solide, on introduit une masse connue de ce corps dans le ballon; on effile ensuite le col à la lampe, et l'on porte le ballon sur la balance pour avoir la masse totale. En en retranchant celle du corps introduit, on a la masse du verre qui constitue le ballon.

⁽²⁾ Dans le cas où le bain est formé d'acide sulfurique, on ne peut employer un support en laiton; le ballon est lesté alors par des lames de plomb.

presque immédiatement la température t du bain-marie, qu'on rend constante par l'agitation; cette température est donnée par un thermomètre T. Quant à la force élastique de la vapeur, égale alors à celle de l'atmosphère, elle est fournie par le baromètre. Le jet ayant cessé, la température étant devenue constante, et de plusieurs degrés supérieure à la température d'ébullition, on ferme le ballon en fondant à la lampe son extrémité effilée. On le laisse refroidir, et après l'avoir lavé et essuyé, on le porte sur la balance pour mesurer la variation de masse.

Soit G le nombre de grammes qu'il faut mettre alors sur le plateau ou en ôter (G sera une quantité positive dans le premier cas, négative dans le second) pour rétablir l'équilibre. Voyons à quoi le poids de ces G grammes fait équilibre. Dans la première pesée, l'effort exercé par le ballon ouvert et plein de l'air extérieur est égal au poids du verre seulement, puisque le poids de l'air contenu dans le ballon fait équilibre sensiblement à la poussée qu'il reçoit extérieurement : c'est donc le poids seulement de l'enveloppe de verre que la tare équilibre. Dans le second cas, l'effort exercé par le ballon est égal au poids de la vapeur, plus le poids du verre, moins la poussée exercée par l'air extérieur, qui est égal au poids d'un volume d'air égal à celui du ballon. Puisqu'il n'y a pas à tenir compte du poids du verre qui a été équilibré par la tare, le poids des G grammes mis sur le plateau représente donc simplement la différence entre la poussée de l'air extérieur et le poids de la vapeur. On a donc, en désignant par P la masse de celle-ci, et par P' celle d'un volume d'air égal au volume du ballon.

$$\mathbf{G} = \mathbf{P}' - \mathbf{P}$$

d'où:

$$P = P' - G$$

Or la quantité P' se calcule aisément. Désignons par le volume à 0° du ballon, $v(1 + K\theta)$ est son volume à la température ambiante. Si la hauteur de la colonne barométrique est H'

moment de la seconde pesée (1), si f est la force élastique de la va peur d'eau contenue alors dans l'air, on a:

(3)
$$P' = 0,001293 \frac{v(1 + K\theta) \left(H' - \frac{3}{8}f\right)}{76 (1 + \alpha\theta)}$$

Un jaugeage à l'eau, qu'on peut faire exactement comme celui exécuté par Regnault pour mesurer la capacité de son ballon dans la détermination de la masse du centimètre cube d'air (§ 4), fait connaître le volume v; mais il est rare qu'on opère avec tant de précaution, et le nombre de grammes qui équilibre la différence de masse du ballon plein d'eau (°) et plein d'air représente en centimètres cubes la capacité v(1 + K0) avec une exactitude dont on se contente le plus souvent.

Toutes les quantités qui entrent dans le second membre de la relation (3) étant connues, celle-ci donne la valeur de P', et la relation (2) la valeur de P.

Ensin remarquons qu'à la température t du bain-marie le volume V du ballon, et par conséquent de la vapeur, est donné par:

$$(4) V = v(1 + Kt)$$

- (1) Nous avons employé ce mode de raisonnement, peut-être un peu long, pour bien montrer que les conditions atmosphériques qui doivent entrer dans la formule (2) (H', f, 6) sont celles qui ont lieu au moment de la seconde pesée et non au moment de la première, comme un raisonnement superficiel pourrait le faire croire. Nous avons à dessein confondu le volume extérieur et le volume intérieur du ballon, qui ne peuvent différer d'une quantité appréciable, vu la minceur du verre. Au surplus, un raisonnement encore plus serré, dans lequel on tiendrait compte de cette épaisseur, montrerait que la quantité v doit représenter dans la formule (3) et dans la formule (4) la capacité intérieure du ballon.
- (2) Pour remplir le ballon, on brise la pointe effilée sous l'eau; le liquide s'introduit alors dans le ballon par suite de la condensation de la vapeur, et doit le remplir complètement si tout l'air a été expulsé par l'ébullition. S'il reste une bulle d'air, on doit mesurer son volume, et en tenir compte dans le calcul de la densité.

Les quatre quantités P, V, H, t étant déterminées, la formule (t) donne la densité d.

Cette méthode, que M. Dumas a imaginée dès 1826, est commode et expéditive; mais elle présente un inconvénient, quand le corps liquide ou solide n'est pas d'une pureté absolue. Supposons l'existence dans ce corps d'une impureté moins volatile que lui, même contenue en très petite proportion: la vapeur de cette impureté restera en grande partie dans le ballon, quand l'ébullition aura cessé, et sa proportion avec la masse de la vapeur du corps étudié peut être considérable puisque la plus grande partie de celle-ci est sortie du ballon. Ainsi un corps presque pur peut donner naissance à une vapeur très impure.

3° Procédé de MM. Deville et Troost (1860) ont déterminé les densités de vapeurs de plusieurs corps à très haute température en employant la méthode de M. Dumas, avec les quelques modifications que nous allons indiquer.

Le bain-marie était remplacé par un bain de vapeur de substances bouillant à diverses températures, et dont les points d'ébullition sous la pression atmosphérique avaient été déterminés par la méthode indiquée plus loin (§ 8). Ces substances étaient:

le inercure	bouillant	à	3 50°
le soufre	>	•	440°
le cadmium	•	•	860°
le zinc	>	•	1040°

Pour les températures de 860° et de 1040° le ballon de verre se serait ramolli ou aurait fondu. MM. Deville et Tross se sont servis d'un ballon ou matras en porcelaine de Bayeux ayant 280° à 300° de capacité; la panse était surmontée d'un col de même substance ayant 11 cent. de long sur 0°,4 de dismètre intérieur. Un petit bouchon conique en porcelaine était simplement posé sur l'ouverture du col, dressé verticalement,

pendant l'ébullition du corps placé dans la panse; il ne gênait nullement la sortie de la vapeur, mais il gênait la rentrée de l'air. On maintenait pendant vingt minutes environ le ballon au milieu du bain de vapeur, puis on fondait brusquement, avec un chalumeau à gaz tonnant, le bouchon conique qui se soudait au pourtour du col et fermait l'appareil complètement (¹). Enfin on se servait de l'artifice du ballon-tare dans les pesées.

Pour tout le reste on opérait comme dans la méthode de M. Dumas.

7. RÉSULTATS OBTENUS DANS L'ÉTUDE DE LA DENSITÉ DES VA-PEURS ET CONCLUSIONS. — Voici un tableau qui donne les densités par rapport à l'air des vapeurs d'un certain nombre de corps.

Tableau des densités de quelques vapeurs

SUBSTANCES	DENSITÉ expérimentale	TEMPÉRATURE à laquelle la densité a été prise	EXPÉRIMENTATEURS		
Brome	5,54	»	Mitscherlich		
lode	8,70 8,70	440• 860•	Deville et Troost Id.		
rode	8,71	1040-	Id.		
	6,51	500-	Dumas		
Soufre	2, 2 3 2,23	860° 1040°	Deville et Troost Id.		
GALCE in m	7,67	860•	Id.		
Sélénium	6,37	1040-	Id.		
Disastan	4,42	313•	Dumas		
Phosphore	4,35	1040-	Deville et Troost		
Amania	10,6	564•	Mitscherlich		
Arsenic	10,37	860•	Deville et Troost		

⁽¹⁾ MM. Deville et Troost ont déduit la dilatation cubique de la porcelaine, qu'il est nécessaire de connaître, de la mesure de la dilatation linéaire.

Tableau des densités de quelques vapeurs (Suite)

SUBSTANCES	DENSITÉ expérimentale	TEMPÉRATURE à laquelle la densité a été prise	EXPÉRIMENTATEURS
Mercure	6,976 6,7	» 882•	Dumas Bineau
Acide cyanhydrique.	0,948	20	Gay-Lussac
Chlorure d'aluminium.	9,347	440•	Deville et Troost
Serquichlorure de fer	11,39	440*	Id.
Eau	0,622	Température ordinaire	Rognault

La méthode de M. Dumas permet de faire l'étude de la densité d'une mème vapeur sous la pression atmosphérique pour des températures différentes, qui peuvent même être assez rapprochées du point d'ébullition. Ce travail a été fait par M. Cahours pour plusieurs substances. D'autre part, la méthode de Regnault permet d'obtenir la densité d'une même vapeur, non seulement pour des températures différentes, mais aussi pour des pressions diverses. Ce travail a été fait par Regnault pour la vapeur d'eau. De leur côté MM. Fairbairn et Tate ont mesuré la densité de la vapeur d'eau saturante aux diverses températures, et M. Herwig a repris cette étude, ainsi que celle de la mesure directe de la compressibilité et de la dilatabilité de la vapeur d'eau, près et loin du point d'ébullition, par une méthode qui ne peut trouver place dans le cadre restreint de cet ouvrage

De l'ensemble de ces recherches il résulte que la densité d'une vapeur par rapport à l'air devient un nombre à peu près constant à une température éloignée du point d'ébullition, variant à peine avec la température et avec la pression; mais, que plus on se rapproche des conditions de la liquéfaction, plus cette densité croît avec l'abaissement de température et l'augmentation de force élastique; ceci est conforme à ce que nous savions déjà pour

l'acide carbonique et autres gaz facilement liquéfiables, d'après les recherches de Regnault.

En jetant les yeux sur les tableaux qui suivent, le lecteur pourra se convaincre de l'exactitude de ces conclusions.

Densités de vapeur sous la pression atmosphérique mesurées par M. Cahours.

CIDE ACÉTIQU	E (bout à 120°)	ACIDE BUT	ACIDE BUTYRIQUE					
Température	Densitė	Température	Densité					
125•	3,2 0	177•	3,68					
130	3,12	208	3,44					
140	2,90	228	3,22					
150	2,75	249	3,10					
160	2,4 8	261	3,07					
171	2,42	290	3,07					
190	2,30	310	3,07					
200	2,22	330	3,07					
219	2,17							
230	2,09							
250	2,08							
280	2,08	11 1						
300	2,08	1						
338	2,08	1						

Densités de la vapeur d'eau sous la pression atmosphérique par M. Cahours.

Densité
0,645
0,6 40 ·
0,625
0,621
0,6198
0,619 2
0,618 2

Densités de la vapeur d'acide formique mesurées par M. Bineau (1).

A LA TEMPÉ de 15		A LA TEMPÉ de 20		A LA TEMPÉ de 25		A LA TEMPÉRATURE de 30°		
Pression en cent. de mercure		Pression en cent.	Densité	Pression en cent. de mercure	Densité	Pression en cent. de mercure	Dessite	
0,€6	2,87	0,27	2,80	0,20	2,71	0,31	2,61	
0,76	2,93	0,80	2,85	0,84	2,77	0,88	2,70	
1,58	3,06	1,67	2,94	1,75	2,85	1,83	276	
		2,42	3,15	2,62	2,94	<u> </u>	281	
Force élastique max. 2,05						Force clastique max. 5,00		
	ł				<u> </u>			

Densités de la vapeur d'eau mesurées par Regnault.

Température	Pression en cent. de mercure	Rapport de la force élastique de la vapeur à la force élastique maxima	Den site		
ઝાંક્ટ	3,514	1,000	0,646 93		
31,23	3,266	0,964	0,63849		
31.54	3,324	0.964	0,627.86		
32.37	3,319	0.870	0,624 99		
37.05	3.419	ù733	0,621 40		
41,51	3,465	0.582	0,62195		
47.78	3,522	0.474	0,63003		
12.5k	3.343	£14.0	0,630 46		
11.72	3,623	0,302	0,630 78		

Des conclusions précédentes résultent quelques conséquences

l M. Rineau a mesure ces densites de vapeur par un procedé que non n'avece pas decrit, mais qui a benneur d'analogie avec celui de Regamb

importantes au point de vue de la dilatabilité et de la compressibilité des vapeurs.

Reportons-nous à la relation

$$d_{t} = d_{0} \frac{1 + \alpha t}{1 + \gamma t}$$

établie § 1; pour une autre température t' elle devient

(2)
$$d_{t'} = d_0 \frac{1 + \alpha t'}{1 + \gamma' t'}$$

en divisant membre à membre (1) et (2), il vient, si l'on néglige les termes du second ordre dans la division de $1 + \alpha t$ par $1 + \alpha t'$ et de $1 + \gamma t$ par $1 + \gamma' t'$:

$$\frac{d_t}{d_{t'}} = \frac{1 + \alpha(t - t')}{1 + \gamma t - \gamma' t'}$$

Puisque loin du point de liquéfaction $d_l = d_{l'}$, cela nous apprend que la dilatation du gaz $\gamma t - \gamma' t'$ entre deux températures t et t', égale celle de l'air $\alpha(t-t')$. Ainsi à haute température toute vapeur prend un coefficient de dilatation constant et égal à celui de l'air.

Au contraire, quand les deux températures t et t' (t étant plus grand que t') se rapprochent du point de liquéfaction pour la pression que supporte la vapeur, on trouve $d_t < d_{t'}$ et par conséquent $\gamma t - \gamma' t' > \alpha(t - t')$: la dilatation de la vapeur est plus forte que celle de l'air. Le tableau suivant dans lequel les coefficients de dilatation moyen $\frac{\gamma t - \gamma' t'}{t - t'}$ ont été déduits des recherches de M. Cahours sur la densité de la vapeur d'eau (voir le tableau donné plus haut) montre dans quelle proportion considérable peuvent varier ces coefficients.

Coefficient de dilatation moyen de la vapeur d'eau sous la pression atmosphérique.

de	107°	à	110°	•	•	•	•	•	•	•	•	•	0,0063
de	110-	à	120°	•	•		,	•	•	•	•	•	0,0061
de	120°	à	130•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	0,0048
de	130•	à	150	•	•	•	•	•	•	•	•	•	0,00376
de	150•	à	200	•	•	•		•	•	•	•	•	0,003 685
de	200•	ä	250		•	•	•	•	•	•	•	•	0,003 097
Co	effici	en	t de	d	ila	tai	tio	n	de	ı l	'ai	r.	0.003670

D'autre part, prenons la formule établie § 1.

$$d'=d\,\frac{1+g}{1+a}$$

Loin du point de liquéfaction la densité de la vapeur ne variable plus avec la pression (d = d'); par conséquent g = a: la vapeur obéit aussi bien que l'air à la loi de Mariotte.

Mais près du point de liquéfaction la densité augmente avec pression (d' > d); par conséquent, on a g > a: la vapeur sonnéme plus que l'air pour un même accroissement de pression.

Rappelons que les corps que nous désignons plus particulièrement sous le nom de gaz, parce qu'ils ne peuvent se liquéfier que par des froids intenses ou par de très fortes pressions, présentent d'après les expériences directes de Regnault sur leur dilatation et leur compressibilité, des propriétés tout semblables à celles que nous venons d'établir pour les vapeurs.

En résumé, les gaz ou les vapeurs (car on voit qu'on ne sur rait établir une distinction réellement scientifique entre ces deux états) obéissent sensiblement à la loi de Mariotte et présentent tous un même coefficient de dilatation pour des températures éloignées de leur point de liquéfaction, et, en particulier, quand ils ont dépassé leur point critique. Plus, au contraire, ils se rapprochent des conditions nécessaires à leur condensation, plus leur compressibilité augmente, plus leur coefficient de dilatation est élevé.

8. DÉTERMINATION DES TEMPÉRATURES ÉLEVÉES. — En répétant les expériences faites pour déterminer la densité d'une vapeur par la méthode de M. Dumas ou de MM. Deville et Troost, on peut obtenir la température t du milieu où se trouve plongé le ballon au moment où l'on ferme son orifice, pourvu qu'on ait introduit soit de l'air, soit un gaz ou vapeur de densité d connue.

La formule (1) du § 6

$$P = 0,001293 \frac{VHd}{76 (1 + \alpha t)}$$

ne contenant d'autre inconnu que t en fournit la valeur.

MM. Deville et Troost ont employé cette méthode pour déter miner les températures d'ébullition du soufre, du cadmium et du zinc. Ils mettaient soit de l'air, soit de la vapeur d'iode dans le ballon, en prenant pour la densité de celle-ci le nombre 8,716. Comme ils trouvaient, aux erreurs d'expérience près, les mêmes nombres par les deux procédés, ils en ont conclu que la densité de la vapeur d'iode restait constamment égale à cette valeur, pour ces hautes températures (1).

(') M. Troost et MM. Meyer et Crasts ont reconnu depuis que la densité de la vapeur d'iode diminue quand la température s'élève. Il saut donc renoncer à l'emploi de la vapeur d'iode pour déterminer les hautes températures.

CHAPITRE XI

HYGROMÉTRIE

L'atmosphère renferme toujours de la vapeur d'eau. On peut s'en assurer en exposant à l'air des substances dites déliques centes, telles que du chlorure de calcium, de la potasse, de l'azotate de cuivre, etc; elles condensent l'humidité, et se dissolvent dans l'eau qu'elles ont prise à l'air. Nous avons déjà vu que la force élastique de la vapeur d'eau contenue dans l'air ambiant pouvait être utile à connaître, car elle est nécessaire pour calculer le poids d'un volume déterminé d'air humide et, par conséquent, pour obtenir la poussée subie par les corps qui y sont plongés. En outre, la formation des nuages, des brouillards, de la rosée, dépendant de la plus ou moins grande quantité de vapeur d'eau contenue dans l'air, sa mesure intéresse le météorologiste.

La partie de la physique qui s'occupe de cette mesure a reçu le nom d'hygrométrie (1).

1. ÉTAT HYGROMÉTRIQUE. — L'air est rarement saturé de vapeur d'eau. Le rapport $\frac{f}{F}$ qui existe entre la force élastique f propre à la vapeur d'eau contenue dans l'air et la force élastique F qu'elle aurait si elle était saturante, a reçu le nom d'état hygromé-

(1) De υγρός, humide, et de μέτρον, mesure.

trique ou de fraction de saturation. En désignant cette grandeur par e on a, d'après cette définition:

$$e = \frac{f}{F}$$

Comme la valeur maxima de f est F on voit que e est un nombre compris entre zéro et l'unité: il atteint cette dernière valeur quand l'air est saturé d'humidité.

Si p est le nombre de grammes qui représente la masse de la vapeur d'eau contenue dans V cent. cubes d'air humide, à la température t, et si f est en cent. la hauteur de la colonne de mercure qui fait équilibre à la force élastique de la vapeur d'eau, on a :

(2)
$$p = 0.001293 \frac{Vf \times 0.622}{76 (1 + 0.003665 t)}$$

si n représente en atmosphères C.G.S. la force élastique de cette vapeur d'eau, la formule devient (Chap. X, § 2):

(2 bis)
$$p = 0.001276 \frac{\text{Vn} \times 0.622}{1 + 0.003665 t}$$

0,622 étant la densité par rapport à l'air de la vapeur d'eau. Cette densité est bien, il est vrai, un peu variable avec la température et avec la force élastique, comme nous l'avons vu, mais les travaux de Regnault ont montré que, dans les limites où peuvent varier la température et la force élastique de la vapeur d'eau mosphérique, on ne commettra jamais qu'une erreur très faible adoptant ce nombre. Le plus souvent même on remplace le ombre 0,622 par le nombre plus simple $\frac{5}{8}$ (=0,625), qui en difère très peu.

Les trois quantités e, f et p étant reliées par les égalités (1) et (2), si l'une des trois est connue les deux autres le sont également. Aussi, au point de vue expérimental, les détermi-

nations de ces trois quantités constituent un seul et 1 problème.

Les méthodes qui servent à effectuer ces déterminations vent se grouper sous quatre types distincts, étant fondées:— l'augmentation de masse de substances avides d'eau (hygron chimiques),—2° sur la condensation de la vapeur d'eau si paroi qui se refroidit (hygromètres à condensation),— le refroidissement dû à l'évaporation plus ou moins acti l'eau exposée à l'air (psychromètres),— 4° sur l'absorption vapeur d'eau par des substances organiques, d'où résult déformation mesurable de ces substances (hygromètres sorption).

Comme, pour l'exposé de la première méthode, nous a besoin de connaître la formule qui donne la masse d'un v d'air humide, nous commencerons par indiquer comment tablit.

2. CALCUL DE LA MASSE D'UN GAZ HUMIDE. — Soit V le ven centimètres cubes d'un gaz humide à la température te la pression totale qu'exerce, à Paris, H cent. de mercure à le est la hauteur de mercure qui ferait équilibre à la force éla propre à la vapeur d'eau contenue dans ce gaz, H—f hauteur de mercure qui ferait équilibre à la force élastique au gaz lui-même, le gaz et la vapeur d'eau occupant chac même espace de volume V. On a donc, en désignant par p'e p les nombres de grammes qui mesurent les masses respective gaz et de la vapeur d'eau, et par d la densité du gaz par m à l'air:

(1)
$$p' = 0.001.293 \frac{dV(H - f)}{76 (1 + 0.003665 t)}$$

(2)
$$p = 0.001293 \frac{0.622 \text{ Vf}}{76 (1 + 0.003665 t)}$$

d'où, pour le poids du gaz humide:

(3)
$$P = p + p' = 0,001 293 \frac{V[d(H - f) + 0,622f]}{76 (1 + 0,003665f)}$$

Dans le cas de l'air d=1, et la parenthèse du numérateur devient [H-f(1-0.622)]=(H-0.378 f) d'où :

(4)
$$P = 0,001293 \frac{V(H - 0,378 f)}{76(1 + 0,003665 t)}$$

ou encore, en adoptant pour la densité de la vapeur d'eau le nombre $\frac{5}{8}$, comme 1 $-\frac{5}{8} = \frac{3}{8}$, on a:

(5)
$$P = 0,001293 \frac{V\left(H - \frac{3}{8}f\right)}{76 \left(1 + 0,003665t\right)}$$

qui est la formule la plus souvent employée. En désignant par N la force élastique totale du mélange et par n la force élastique propre à la vapeur, en atmosphères C.G.S. les formules (3) et (5) deviennent respectivement :

(3 bis)
$$P = 0.001276 \frac{V[d(N-n) + 0.622n]}{1 + 0.003665t}$$

(5 bis)
$$P = 0.001276 \frac{V(N - \frac{3}{8}n)}{1 + 0.003665t}$$

3. HYGROMÈTRE CHIMIQUE. — Un des procédés, qui se présente le plus naturellement à l'esprit pour doser la quantité de vapeur l'eau répandue dans l'air, est de faire passer un volume connu de et air humide sur des substances telles que l'acide sulfurique ormaire ou l'acide phosphorique anhydre, qui dessèchent les gaz, s'emparant de la vapeur aqueuse qu'ils renferment. L'augent ation de masse de ces substances, facile à obtenir par la bance, donne la masse de la vapeur d'eau contenue dans la quanté d'air qui a traversé les tubes desséchants. Cette méthode d'urtant n'a été employée pour la première fois qu'en 1841 par C. Brunner professeur de chimie à Berne.

On réalise l'expérience à l'aide de l'appareil représenté par la figure 242. Un ou deux tubes A et A', renfermant des matières

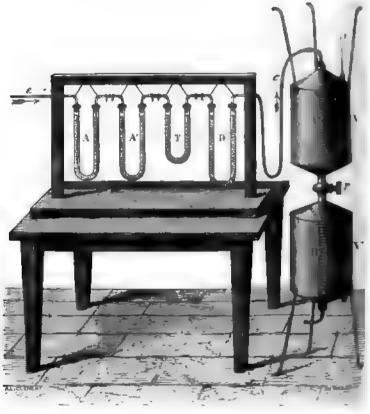


FIG. 249.

desséchantes, généralement de la ponce sulfurique, son procurus par un courant d'air, puisé par le tube e. Le mouverel de l'air est obtenu à l'aide de l'aspirateur V. Celui-ci est un vase qui au début de l'expérience doit être rempli d'ent; a liquide s'écoule par un robinet r, dans un second vase semble v, et l'air qui a traversé la série de tubes desséchants en pred



La formule qui donne la masse d'un gaz nous f l'égalité:

$$v = 0.001293 - \frac{H - F}{H - f} \cdot \frac{1 + \alpha t'}{1 + \alpha t} f \times 0.022$$

$$= 0.001293 \times 0.022;$$

d'où l'on tire, la valeur de f. On voit qu'il n'est per connaître la température t' de l'air ambiant; la ten de l'aspirateur est seule nécessaire.

Le seul inconvénient de l'hygromètre chimique est de l'expérience qu'il faut faire pour avoir une masse ; mesurable par la balance. Pendant sa durée, l'état hys de l'air peut varier, et l'on n'obtient ainsi qu'une m

4. HTGROMÉTRES A CONDENSATION. — Quand une pe d'une grande masse d'air humide se refroidit, il n'en cun changement dans la force élastique totale du m zeux, ni dans le rapport des forces élastiques propre des gaz (c'est-à-dire dans la composition du mélange; tant qu'il n'y a pas condensation de l'un d'eux; aussi doit-il conserver, malgré son refroidissement, la mélastique.

Or, supposons qu'on abaisse graduellement la te d'une surface solide au milieu d'une atmosphère ne de vapour d'eau, et dans laquelle celle-ci possède élastique f. Les couches d'air qui avoisinont cette proposet la terradiction de refreiblecent avec elle de

ique maxima correspondant à la température de la surl'eau reste à l'état gazeux; mais au moment où la temcure de cette surface solide atteint la valeur t pour
lle f est égale à la force élastique maxima de la vapeur
le les couches d'air qui baignent cette surface se trouvent
ées d'humidité; par conséquent, pour peu que la tempée de la surface solide s'abaisse au-dessous de t, la
ur se condense en partie sous forme de fines gouttelettes
sée, qui se déposent sur la surface solide et en ternissent
l. Si l'on prend au moment où la rosée apparaît la tempée de cette surface, on obtient une température t'voisine de t,
un peu inférieure.

issons maintenant la surface se réchausser lentement; dès sa température aura dépassé t, les sines gouttelettes d'eau ouvant en présence de couches d'air qui ne sont plus satus'évaporent. Par conséquent, si l'on prend la tempéra-l' de la surface au moment où la rosée disparait, on a un pre très voisin de t et qui lui est un peu supérieur. Cette érature t pour laquelle la force élastique propre à la vapeur dans l'air est saturante, et qu'on appelle le point de rosée.

one comprise entre les valeurs "; si celles-ci sont très rappros, on peut prendre l'une ou e, ou leur moyenne pour la érature t. Il suffit alors de titer les tables donnant la force que maxima de la vapeur d'eau, prendre le nombre f correstut à la température t, pour la force élastique propre à la

est le principe des hygromèle condensation. Le premier fut né par Le Roy (1), médecin de bellier, vers 1751. Il se compolie. 242) d'un vers de verre

ur d'eau dans l'air ambiant.



FIG. 943.

lig. 213) d'un vase de verre mince à surface extérieure

harles Le Roy, nó à Paris en 1726, mort en 1779, fut professeur de 40 médicale à Montpellier. bien sèche, contenant de l'eau qu'on refroidissait en y introde sant de petits fragments de glace; un thermomètre T serv d'agitateur et donnait la température de cette eau, qui était se siblement celle de la surface extérieure du vase. On observait dépôt de rosée sur la surface du verre.

Cet instrument primitif avait le défaut de placer de l'esu milieu de la masse d'air étudiée, et, par là, d'élever un peu s état hygrométrique; celui-ci se trouvait aussi modifié par présence de l'opérateur, placé nécessairement près du vase verre.

L'hygromètre que le physicien anglais Daniell a imaginé

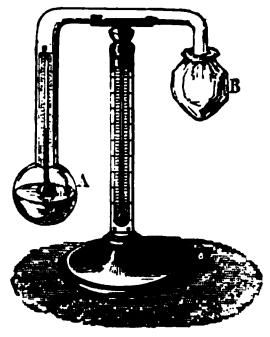


Fig. 244.

1820 (fig. 244) très élégant en principest inférieur même au précédent de l'application (1).

Aussi nous bornerons-nous à décrici l'hygromètre de Regnault, grant ment perfectionné par M. Alluard, qui porte le nom de ce dernier sava ainsi que l'hygromètre de M. Crova.

L'hygromètre de M. Alluard se con pose (fig. 245) d'une botte en lais mince ayant la forme d'un paralleliq pède; une de ses faces S est don bien polie, et est entourée par un cac

S', doré et poli aussi, qui en est séparé par un faible interval

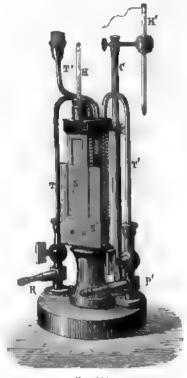
(1) Cet instrument se compose de deux boules de verre A et B réusies un tube; elles renferment de l'éther, et l'air a été chassé du reste de l'est reil qui ne contient que de la vapeur d'éther. Un thermomètre plonge de le liquide de la boule A.

Pour se servir de l'appareil, on verse de l'éther sur une monsedine entoure la boule B. La vaporisation du liquide refroidit cette boule, et, vertu du principe de Watt, l'éther de la boule A distille dans la boule qui est plus froide. La boule A se refroidit à son tour, puisque l'éther qu'e renferme se vaporise, et l'on voit bientôt apparaître un dépôt de rocce sa surface extérieure. On prend alors l'indication du thermomètre placé de la boule A.

Cet instrument présente de nombreux désauts. L'éther de A n'étast pagité, se resroidit par sa surface sculement; sa température n'est per le sorme, et le thermomètre ne sournit qu'une moyenne. En outre, le verre A conduisant mal la chalcur, on ne peut prendre la température de l'étage.

e renferme de l'éther, dans lequel plonge un tube R'T' amee l'air qui barbote à travers le liquide volatil et en déter-

évaporation. Cetaircharapeur sort par un tube TR gé par un tuyau do caoutixé en R sur le tube, et se ens un aspirateur qui prole courant d'air. Par suite aporation de l'éther la surrée se refroidit, et la rosée it. On la fait disparaitre en it le courant d'air; l'aspiest placé pour cela sous i de l'opérateur. Du reste, e pas modifier l'état hytrique de l'air, celui-ci obde loin l'appareil à l'aide unette. Elle lui permet de surface S et les divisions termomètre plongé dans , qui indique la tempéracette surface. Dès que la se produit, la surface S me teinte male qui trancho ioliducadre qui l'entoure, . sı l'on a cu soin de plaappareil à contre-jour;

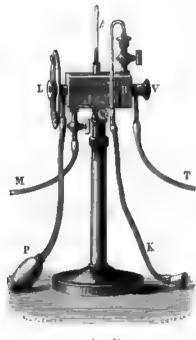


Pic. 215

vateur saisit ainsi avec la plus grande facilité le point où e apparaît, et celui où elle disparaît. Avec un peu d'habin arrive à ne pas faire différer de plus de 0°,1 les deux atures t' et t" entre lesquelles t se trouve compris. gromètre de M. Alluard est excellent quand l'air est au mais on conçoit qu'il ne puisse donner de bons résultats il est exposé au vent, les couches d'air se déplaçant trop

te de la couche d'air qui touche la houle A. Enfin l'etat hygromée l'air est fausse, non seulement par la présence de l'observateur, sei par l'éther, car ce liquide n'est jamais exempt d'eau et quand on aur la mousseline, il enrichit l'air en vapour d'eau. vite pour prendre la température de la surface métallique refr die sur laquelle elles glissent.

M. Crova a modifié ainsi qu'il suit l'hygromètre à condensat pour pouvoir opérer en plein air, même quand il y a du ve



ł w. 214.

L'instrument (fig. 246) compose d'un tube en lai mince nickelé et bien 1 intérieurement. Ce tube fermé en avant par un ve dépoli placé en l'autre extrémité par lentille à long foyer L, permet de voir nettem l'intérieur du tube. Si l met l'œil devant la loupe. voit, par réflexion, sur parois intérieures du tub l'image du verre dépoli so forme d'une surface am laire qui l'entoure. C'est l'intérieur de ce tube qu'e fait passer très leuteme l'air dont on veut étadi l'état hygrométrique. Cet : est puisé dans l'atmosphé par un tube de plomb T ph ou moins long, et est api au moyen d'une poire

caoutchouc à soupapes P.

Le tube est contenu à l'intérieur d'une boîte en laiton B, res fermant du sulfure de carbone qu'on refroidit en déterminant si évaporation par un courant d'air insufflé par le tube K et quiss par le tube M.

Dès que le tube est suffisamment froid, on voit apparaire sa paroi interne des taches sombres indiquant le dépôt d rosée. En arrêtant alors le courant d'air, ces taches pâlasses et, au bout d'un instant, s'évanouissent nettement.

Un thermomètre t plongé dans le sulfure de carbone dosse l

température au moment où apparaît le dépôt de rosée et au moment où il disparaît.

Cet instrument résume les derniers perfectionnements apportés à l'hygromètre à condensation.

5.PSYCHROMÈTRE. — Le psychromètre (1) dont Leslie (2) dès 1790, et Gay-Lussac vers 1822 ont eu l'idée, a été étudié par plusieurs savants et, en particulier, par Regnault (1845); c'est le docteur August de Berlin, qui, vers 1825, lui a donné la forme qu'il possède aujourd'hui.

Cet instrument (fig. 217) se compose de deux thermomètres

sensibles, dont l'un T' a son réservoir enveloppé d'une mousseline, qu'on humecte d'eau; l'autre T a son réservoir nu, et donne la température de l'air.

Le thermomètre mouillé indique une température plus basse que le thermomètre sec, à cause du froid produit par l'évaporation de l'eau. Or, ce froid est d'autant plus intense que la vaporisation de l'eau est plus active et, par conséquent, que l'air est plus sec. Une lecture des indications des deux thermomètres et une lecture de la hauteur barométrique permettent d'obtenir l'état hygrométrique de l'air, comme nous allons le montrer. Aussi, cet instrument qui, par de simples observations, et sans nécessiter aucune expérience, fait connaître le degré de l'humidité de l'air, est-il l'appareil hygrométrique le plus employé par les météorologistes.

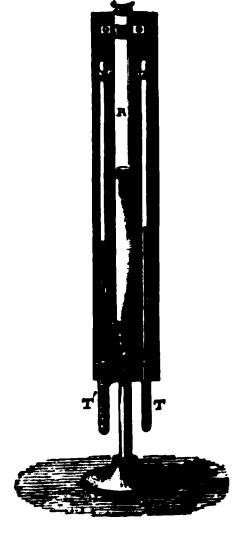


Fig. 217.

Quand l'indication du thermomètre mouillé est devenue stationnaire, la quantité de chaleur Q qu'il perd par unité de temps, à cause de l'évaporation de l'eau, est égale à la quantité de

⁽¹⁾ De ψυχρός, froid et de μέτρον, mesure.

⁽²⁾ John Leslie, physicien écossais, né en 1766 à Largo (Fife), mort en 1832. Son Mémoire sur l'hygrométrie a paru vers 1810.

chaleur qu'il reçoit dans le même temps par le rayonnement des corps voisins ou par l'air qui l'entoure. Or cette dernière quantité est proportionnelle, comme nous l'établirons plus loin —1•à la surface S du réservoir, — 2° à la différence entre la température t du thermomètre mouillé et la température T de l'air ambiant donné par le thermomètre sec, tant que cette différence T — t est faible. On peut donc écrire sous cette réserve :

$$Q = BS(T - t)$$

Bétant une quantité constante si la nature de la surface du thermomètre ne varie pas. D'autre part la quantité Q est évidemment proportionnelle à la masse d'eau v qui s'évapore dans l'unité de temps:

$$Q = Cv$$

C étant une autre constante. Or, nous avons vu (Chap. VII, 27) que, en désignant par F la force élastique maxima de la vapeur d'eau à la température t du thermomètre mouillé, par f la force élastique propre à la vapeur d'eau dans l'air, par H la force élastique de celui-ci, et par K une constante, la vitesse d'évaporation v peut être exprimée par la relation:

(3)
$$v = KS \frac{F - f}{H}$$
 d'où : (4) $Q = CKS \frac{F - f}{H}$

(en admettant, comme on le faisait avant les travaux de M. Laval, que cette vitesse varie en raison inverse de H, et non en raison inverse de Hⁿ).

En égalant les expressions de Q fournies par (1) et par (4), on a:

$$BS(T-t) = CKS \frac{F-f}{H}$$

et, en remplaçant la quantité constante $\frac{B}{CK}$ par A, on en tire:

$$(5) \qquad \qquad f = F - AH (T - t)$$

La mesure de T et de t, qui fait connaître F, et celle de H, permettent de tirer de cette égalité la valeur de f, si la constante A a été déterminée.

Or, cette constante se détermine par les indications. T et t fournies par le psychromètre dans un air d'état hygrométrique connu au moyen de l'hygromètre chimique, ou mieux, d'un hygromètre à condensation.

Nous devons maintenant nous poser les questions suivantes : La quantité A est-elle la même pour tous les psychromètres? Est-elle indépendante des circonstances dans lesquelles se trouve placé l'instrument?

L'expérience montre que la constante A ne dépend pas de la forme de l'instrument, ce qui se conçoit puisque les quantités B, C et K qui entrent dans l'expression de A, en sont à peu près indépendantes.

Pour la seconde question, les expériences de Regnault et d'autres physiciens ont montré que A dépend — 1° du milieu où se trouve placé le psychromètre, — 2° de la vitesse du vent qui le frappe. Ces deux derniers résultats pouvaient se prévoir; car, d'une part, la quantité B dépend de la nature des corps voisins qui rayonnent sur les deux thermomètres; d'un autre côté la quantité K augmente, comme nous le savons, avec la vitesse du vent. Aussi trouve-t-on que A diminue quand la rapidité du courant d'air s'accroît.

Du reste les travaux de M. Doyère (1855) et ceux, plus récents, de M. Macé de Lépinay (1881), ont montré que si la vitesse du courant d'air devient un peu grande la quantité A prend une valeur constante, indépendante de la vitesse de ce courant d'air et du milieu (chambre close ou ouverte, plein air, etc.) où l'instrument est placé (1).

Ces deux auteurs conseillent l'emploi du psychromètre-fronde, qui consiste à faire tourner rapidement chacun des deux thermomètres à l'extrémité d'une corde, avant de consulter leurs

⁽¹⁾ Ceci montre, en particulier, que la quantité K qui entre dans la formule de Dalton relative à l'évaporation devient indépendante de la vitesse du courant d'air dès que celle-ci est un peu grande.

indications. Le réservoir frappant l'air avec vitesse, l'indication thermomètre sec donne exactement la température de l'air, celui du thermomètre mouillé ne dépend pas non plus du ray nement des corps voisins.

Avec le psychromètre-fronde la valeur de la constante A 0,00069 et la formule qui donne la valeur f devient:

(6)
$$f = F - 0,00069 H (T - t)$$

Pourtant cette formule ne donne pas de bons résultats dans un air très sec, la différence T - t devenant trop grande pour qu'on puisse admettre la formule (1), la quantité B et par suite la quantité A de la formule (5) dépendent alors de la valeur T - t (1).

- 6. HYGROMÈTRES D'ABSORPTION. Un grand nombre de substances organiques éprouvent de petites variations dans leurs limensions, suivant le degré d'humidité de l'air. Ces substances se gonflent d'eau par les temps humides, et généralement s'allogent; elles perdent en partie cette eau par les temps secs,
- (1) Dans les observatoires météorologiques français, les psychromètres son placés en plein air, à l'abri d'un double toit pour les protéger du rayonne ment du ciel. Ils sont immobiles, et on ne produit aucun courant d'air artificiel à la surface des thermomètres, comme on le fait pour les psychromètres du réseau météorologique italien. Dans ces conditions, M. Angot a reconnu par de nombreuses comparaisons des données du psychromètre et de celles de l'hygromètre de M. Alluard, que la quantité A de la formule (5) ne pouvait être considérée comme indépendante de (T t) et de H quand l'air est très sec ou que la force élastique H s'écarte notablement de la pression de 76 centimètres de mercure. M. Angôt a proposé alors les deux formules empiriques suivantes, qui donnent de bons résultats dans toutes les circonstances de temperature, de force élastique et d'état hygrométrique.

1º pour les températures t supérieures à 0°

$$f = F[1 - 0.0159 (T - t)] - 0.000776 H(T - t)[1 - 0.0361 (T - t)]$$

2° pour les températures t inférieures à 0° (quand la mousseline mouillee est couverte de glace).

$$f = F[1 - 0.059(T - t)] - 0.000682 H(T - t)[1 - 0.0411(T - t)]$$

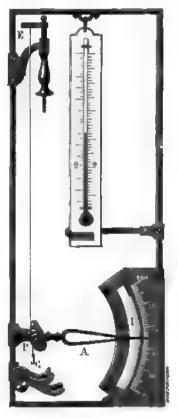
se raccourcissent; ainsi les peaux des tambours se détendent par l'humidité, d'où résulte un son plus grave.

Sanctorius (1) paraît le premier avoir utilisé cette propriété

pour se renseigner sur l'humidité de l'air : il se servait d'une corde de chanvre fixée par ses extrémités dans une position à peu près horizontale, et portant un poids vers son milieu. Le poids était plus ou moins haut suivant que l'air était plus ou moins humide, les cordes tordues se détordant et se raccourcissant par l'humidité.

Le plus parfait des nombreux instruments qui reposent sur ce principe est l'hygromètre à cheveu imaginé par de Saussure (2) vers 1781.

Il se compose d'un cheveu, convenablement dégraissé (3), fixé à l'une de ses extrémités E (fig. 248) et enroulé à l'autre extrémité sur la gorge d'une poulie P. Celle-ci porte une seconde gorge sur laquelle s'enroule dans le même sens un fil terminé par un contrepoids C .0,2 gr. environ) pour tendre le cheveu.



F16. \$43.

⁽¹⁾ Sanctorius, médecin stalien, né en 1561 a Capo d'Istria, est mort a Venise en 1636.

⁽d) Horaco Bénédici de Saussure ne à Geneve en 1740, est mort en 1799.

⁽³⁾ De Saussure recommande de prendre des cheveux d'un pied de long environ sur une tête vivante et same. Pour les debarrasser des corps gres qui les imprègnent, et qui s'opposeraient à l'absorpt en de l'humidité, il les

La poulie porte une aiguille A dont la pointe s'avance sur un cadran l. Quand l'air est humide, le cheveu s'allonge, et la pointe de l'aiguille se relève; quand l'air est sec, le cheveu se raccourcit, et, la poulie tournant en sens inverse, l'aiguille s'abaisse.

De Saussure graduait son instrument de la manière suivante. Il le plaçait d'abord sous une cloche dont l'air avait été désséché en y introduisant une plaque de tôle couverte de carbonate de potasse fondu. Au point où l'aiguille s'arrêtait, il marquait 0: c'était le degré de sécheresse extrême. Puis il plaçait l'hygromètre sous une cloche reposant sur un plat rempli d'eau. L'air se saturait de vapeur, et l'aiguille marchait en sens inverse; il marquait 100° au point où elle s'arrêtait: c'était le degré d'humidité extrême. Il partageait alors l'intervalle compris entre le point 0° et le point 100° en cent parties égales, qui constituaient les degrés de l'hygromètre.

Le physicien genevois prenait comme mesure de l'humidité de l'air, le degré où s'arrêtait l'aiguille de l'hygromètre.

Y a-t-il proportionnalité entre les indications de cet instrument et l'état hygrométrique de l'air qui l'entoure? De Saussure ne le croyait pas, et l'expérience prouve qu'il est loin d'en être ainsi.

Mais au moins les divers hygromètres à cheveux sont-ils comparables entre eux?

Les expériences de Regnault ont établi qu'il n'en est malheureusement pas ainsi. Ce physicien a comparé un grand nombre d'hygromètres les uns aussi identiques que possible par leur construction, d'autres différents soit par la nature du cheven soit par la préparation qu'il avait subi pour le dégraisser. Ces instruments donnèrent, pour le même état hygrométrique des indications différentes. Ainsi pour un état hygrométrique égal à 0,189 trois instruments donnèrent les indications 35°,5, 36°,3 et 40°,0 (¹).

maintenait pendant une demi-heure environ dans une dissolution étendue de carbonate de soude à l'ébullition.

⁽¹⁾ Pour faire ces comparaisons, Regnault plaçait les hygromètres dans un vase en verre (fig. 249), pouvant être fermé par un disque usé à l'emeri ainsi que les bords du vase. Au fond de celui-ci il mettait des dissolutions ti-

Un hygromètre à cheveu ne reste même pas comparable à luimême, et ses indications changent avec le temps; aussi une table qu'on aurait dressée pour donner l'état hygrométrique d'après le nombre de degrés que marque l'aiguille (voir la note 1) doit-elle être contrôlée de temps à autre.

On voit qu'à aucun titre, cet instrument si commode ne saurait servir dans les recherches précises; aussi son usage est-il presque complètement abandonné aujourd'hui.

trées d'acide sulfurique et d'eau de composition bien connue (SO*, 2HO ou

SO*,3HO,.. ou SO*,10HO). Comme nous l'avons vu, de pareilles dissolutions donnent de la vapeur d'eau pure; mois l'évaporation cesse pour une force élastique de la vapeur f inférieure à la force flastique maxima F qu'émettrait leau pure à la même température, et d'autant plus faible que le liquide est plus riche en acide sulfurique. Regnault avait mesuré à l'avance la force élastique f en introduisant chacune de ces dissolutions dans l'appareil de Dalton modifié, qui lui avait servi à étudier les forces élastiques maxima des vapeurs aux températures ordinaires (Ces valeurs de f sont reproduites dans le Mémoire de Regnault, elles sont donc bien connues maintenant).

Le vasc renfermatt ainsi de l'air dont l'état hygrométrique $\frac{f}{F}$ était parfaitement

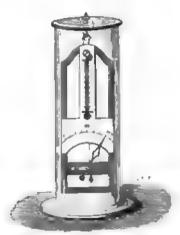


Fig. 240

On voit qu'en employant successivement des dissolutions donnant dans l'air du vase des états hygrométriques connus et qui croissent par degrés assez rapprochés, on peut dresser une table des indications de l'instrument pour chaque état hygrométrique. Une pareille table avait été construite autrefois par Gay-Lussac, en suivant exactement ce procédé, sauf qu'il s'était servi de dissolutions salines.

CHAPITRE XII

CALORIMETRIE — CHALEURS SPÉCIFIQUES

1. QUANTITÉ DE CHALEUR — BUT DE LA CALORIMÉTRIE. — Si l'on fait brûler quelques grammes de charbon de façon que toute la chaleur produite se transmette à une masse d'eau, on constatera que celle-ci s'échausse d'un certain nombre de degrés. Suivant la quantité de charbon brûlé, l'échaussement de l'eau semplus ou moins grand, et nous dirons qu'il s'est produit plus ou moins de chaleur.

La chaleur est donc une grandeur mesurable, et nous pourrions, dans ce cas, évaluer la chaleur produite, soit par la masse de charbon brûlé, soit par le nombre de degrés dont s'est élevée le masse d'eau déterminée qui a pris cette quantité de chaleur, soit encore par la valeur de la masse d'eau dont elle peut élever de 1° la température.

La calorimétrie a pour objet la mesure des quantités de chaleur.

Si la chaleur dégagée par 1 gr. de charbon qui brûle est employée uniquement à chausser 1 kilogramme d'eau, elle élèvers de 8° sa température. Si la même quantité de chaleur est employée à chausser 1 kilogramme de mercure, elle en élèvers la température de 240°. Ainsi les diverses substances à masses égales exigent des quantités de chaleurs différentes pour s'élever d'un même nombre de degrés. Nous étudierons d'abord, sous le nom de chaleurs spécisiques, quelles sont les quantités de chaleur requises par les divers corps pour être portés d'une température à une autre.

Un grand nombre de phénomènes créent ou détruisent de la haleur; tels sont les changements d'état (fusion, vaporisation, condensation, solidification), les transformations isomériques ou letropiques; et les combinaisons chimiques, les actions mécaniques, les déchurges ou les courants électriques, etc. Ces divers prénomènes calorifiques forment autant de sujets dont la calorimetrie fait l'étude.

D'après la définition même de la chaleur, une masse déterminée d'un corps qui, après avoir subt des transformations quelconques, revient aux mêmes conditions chimiques et physiques (d'état, de température, de pression, etc.) est ramenée à posséder la même quantité de chaleur.

2. CALORIE. — On a adopté comme unité de quantité de chaleur celle qui est nécessaire pour porter de 0° à 1° la température d'un gramme d'eau, ou, ce qui revient au même, celle qui ost abandonnée par un gramme d'eau en se refroidissant de 1° à 0°; cette unité s'appelle la calorie (1).

Du reste pour élever un gramme d'eau de 1° à partir d'une température quelconque il faut toujours à très peu près la même quantité de chaleur, c'est-à-dire une calorie. On peut s'en convaincre par l'expérience suivante.

On prend deux masses d'eau égales, l'une froide à t^a , l'autre chaude à T^a , et on les mèle ensemble; si l'on évite toute perte de chaleur par rayonnement ou par conductibilité, en employant les procédés décrits plus loin, on constate qu'on obtient un mélange à une température $\frac{t+T}{2}$ moyenne des températures initiale t^a et finale T^a .

Or, la masse chaude a cédé une certaine quantité de chaleur q, sa température s'abaissant de T à $\frac{T+t}{2}$, c'est-à-dire s'abaissant

On designe souvent aussi seus le nom de calorie une unité mille fois plus prante, celle qui est nécessaire pour élever de 0° à 1° un knogramme deau. Pour éviter toute confusion nous appellerons cette derniere unité la grande calorie.

de $\frac{T-t}{2}$ degrés; cette quantité de chaleur q a servi à chausser la masse froide, et, comme elle s'est élevée de t à $\frac{T+t}{2}$ degrés elle s'est échaussée d'un nombre de degré $\frac{T-t}{2}$ juste égal à celui dont s'est refroidie la masse chaude : ainsi l'eau pour s'élever de $\frac{T-t}{2}$ degré à partir de t0 degrés, ou à partir de $\frac{T+t}{2}$ degrés, exige la même quantité de chaleur.

Il résulte de là, que pour s'élever de t à t' degré un gramme d'eau exige t'-t calories; or, comme p grammes d'eau en exige évidemment p fois plus, la quantité q de chaleur nécessaire pour élever de t'-t degrés une masse d'eau de p grammes est donnée par:

$$q = p (t' - t)$$

3. CHALEUR SPÉCIFIQUE. — Désignons par Q la quantité de chaleur nécessaire pour porter un gramme d'une substance de 0° à t°; cette quantité Q est une fonction de la température t.

L'expérience prouve que, pour la plupart des substances la fonction Q est à peu près proportionnelle à la température l'fournie par le thermomètre à air.

En d'autres termes, q étant le nombre de calories nécessaire pour porter un gramme de la substance considérée de la température t à la température t', le quotient $\frac{q}{t'-t}$ est à peu près constant; on appelle ce quotient la chaleur spécifique du corps. Si nous désignons cette quantité par c on a donc :

$$c = \frac{q}{t'-t}$$

Si t'-t=1, on a c=q: la chaleur spécifique d'une substance est le nombre de calories nécessaire pour élever d'un degré

un gramme de cette substance. D'après cotte définition, la chaleur spécifique de l'eau est 1.

Pourtant, comme le rapport $\frac{q}{t'-t}$ n'est pas absolument indépendant de t et de t', il convient, pour être rigoureux, de désigner ce rapport sous le nom de chaleur spécifique moyenne entre t et t'; et nous appellerons chaleur spécifique vraie (C) à t° la limite de la valeur spécifique moyenne quand la température t' tend vers la température t:

$$C = \lim_{t \to t} \frac{q}{t' - t}$$

Comme on le voit, la chaleur spécifique vraie est la dérivée de la fonction Q par rapport à la température :

$$C = Q'$$

Des trois grandeurs Q, c et C dont nous venons de donner la définition, la chaleur spécifique moyenne c est la seule que les expériences puissent déterminer directement. Les valeurs trouvées pour celle-ci entre des températures dissérentes permettent d'obtenir une fonction empirique de t représentant la quantité Q. Ensin, le calcul fournit la valeur de la chaleur spécifique vraie, qu'on doit employer, et qu'on doit considérer comme une constante, dans le cas d'une saible variation de température.

4. CAPACITÉ CALORIFIQUE. — Dans le cas d'un corps homogène nous appellerons capacité calorifique a le produit de la chaleur spécifique c du corps par sa masse p.

$$a = pc$$

Dans le cas où le corps est hétérogène, et est formé de substances homogènes différentes, ayant respectivement des masses p',p'',p''', etc., et des chaleurs spécifiques c', c'', c''', etc., la caj cité calorifique a du corps est définie par la relation :

(2)
$$a = p'c' + p''c'' + p'''c''' + \cdots = \sum_{pc} {1 \choose p}$$

Suivant que les quantités c, c', c'', c'''... représentent les chaler spécifiques moyennes ou vraies dans ces formules, a représent la capacité calorifique moyenne ou vraie.

Voyons maintenant l'utilité de ces définitions.

Puisqu'il faut c(t'-t) calories pour élever un gramme de corps homogène de la température t à la température t', il fe évidemment pc(t'-t) calories pour élever p grammes de corps de t à t'; d'où, en désignant par q ce nombre calories relation:

$$q = pc(t'-t) \qquad \cdot$$

ou en vertu de la relation (1):

$$q = a(t'-t)$$

Cette dernière égalité convient évidemment encore dans le

(1) L'expression de capacité calorifique a été employée par beaucoup physiciens comme exactement synonyme de chaleur spécifique: ce qui deux expressions différentes pour désigner une même grandeur. D'au part, la quantité $\sum pc$ a reçu de Regnault le nom un peu bizarre de correction eau, parce que $\sum pc$ représente précisément la masse d'eau exigerait le même nombre de calories que le corps pour s'élever du même nombre de degrés.

Il nous a paru préférable, comme le font un certain nombre de physicient de donner à cette grandeur $(\sum pc)$ le nom très juste de capacité calorifique ne fut-ce que par analogie avec ce qu'on appelle capacité électrique. It chaleur spécifique est ainsi la capacité calorifique de l'unité de masse d'ocrps homogène.

d'un corps hétérogène, la capacité calorifique a étant définie par la relation (2).

Si dans la formule (4) on fait t-t'-1, on a a = q: la capacité calorifique est le nombre de calories nécessaires pour élever d'un degré la température d'un corps homogène ou béterogène.

Nous allons exposer maintenant les méthodes qui ont été le plus employées pour déterminer les chaleurs spécifiques.

6. MÉTHODE DU PUITS DE GLACE. — Îmaginée par le physicien suédois Wilcke vers 1781. Cette méthode a été employée et perfectionnée par Black (¹). Voici le procédé expérimental employé par ce physicien.

Dans un bloc de glace pure bien exempt de bulles, on creuse une cavite (fig. 250) qu'on peut recouvrir d'un convercle formé

par un morceau de glace, s'appliquant exactement sur la partie supérieure aplanie du bloc.

Après avoir bien essuyé la cavité, on y introduit le corps solide
ou liquide dont la masse P a été
déterminée par la balance, et qui
est porté à une température connue T 21, notal lement supérieure
à 00, on couvre ensuite le puits de
glace avec son couverele. Le
corps se refroidit jusqu'à 0°, et la
chaleur qu'il abandonne fait fondre
la giace. Ramene à 0° le corps a



Fig 950.

Perdu une quantité de chaleur q égale à PcT, en désignant par c chaleur specifique moyenne entre 0° et T°; cette quantité de chaleur q a été détruite par la fusion d'une masse p grammes de

(1) Joseph Black, professeur à Glascow et ensuite à Edimbourg, né à Bordeaux en 1728, mort en 1799.

Nous indequons plus tom 189) comment on échausse un corps à une pérature bien comme, et comment on peut l'introduire dans l'appareil comment que sans le restroidir.



$$c = \frac{p\lambda}{PT}$$

Or la masse p de glace fondue est donnée en recue provenant de sa fusion, et en la pesant.

Quant à la constante λ, on peut la déterminer en le puits une masse connue de P grammes d'eau i comme la chaleur spécifique de l'eau est 1, on a, t la musse de glace fondue:

$$P'T' = p'\lambda$$

ce qui fait connaître \(\lambda \).

Par cette méthode, on a l'avantage de ne pas ave perdue au dehors pendant l'expérience: il n'y a auci à faire. Si le bloc de glace a été maintenu longten de glace fondante, pour que les conches internes n' température inferieure à 0°, la méthode est irrépre elle n'est pas très commode, aussi est-elle bien aujourd'hui.

6. CALORIMÉTRE A GLACE DE M. BUNSEN. — La M. Bunsen a fait connaître vers 1870 est une heure tion de celle du puits de glace : au lieu de peser

glace fondue, on la détermine par la diminution de volume qu'éprouve l'eau en passant de l'état solide à l'état liquide.

L'appareil consiste en un réservoir A (fig. 251), renfermant à

sa partie supérieure de l'eau très pure et hien exempte de gaz, et à sa partie inférieure du mercure. Celui-ci s'élève dans un tube B communiquant avec A et terminé par une douille en fer K par laquelle l'instrument est soutenu. Le tube B est fermé par un bouchon de liège L, traversé par une tige creusée d'un canal cylindrique très fin; celle-ci se recourbe à angle droit, et la branche horizontale CD présente une graduation en parties d'égate capacité.

En enfonçant le houchon L une colonne de mercure pénètre dans le canal de la tige CD.

Un tube O, pouvant être bouché penda à l'expérience, et dont les parois sont soudées à celles du réservoir A, forme une cavité à l'intére or de ce réservoir. C'est dans cette cavité O que seront placés les corps dont on veut détermine du chaleur spécifique.

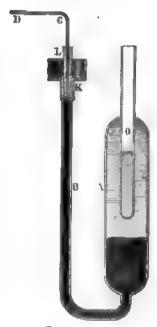


Fig. 251.

On commence, avant de se servir de l'appareil, par faire congeler autour du tube O une certaine quantité de l'eau du vasc A. Pour cela, on fait passer dans ce tube O un conrant d'alcool qui a été amené à une basse température par un mélange réfrigérant. Le m est d'abord lente à se congeler, par sinte du phénomène de la surfusion, mais dès qu'un peu de glace s'est formée, la congélation se produit rapidement; du reste il ne fant solidifier qu'une partie de l'eau du vasc. A mesure que la glace se forme, une petite quantité de mercure est refoulée dans le tube CD et la colonne mercurielle s'avance. Cette opération achevée, le tube O est vidé et nettoyé, puis on y verse une certaine quantité d'eau qui prend la température 0°.

Ensin, l'appareil, sauf le tube CD, est entouré de neige pour le soustraire aux causes de réchaussement extérieures; ainsi disposé, il est prêt à servir.

Si l'on introduit alors dans la cavité 0 un corps de capacité calorifique a et à une température déterminée T, ce corps se refroidit jusqu'à 0° , en perdant q=aT calories. Cette quantité de chaleur q fait fondre une masse de glace proportionnelle : la colonne mercurielle rétrograde d'un nombre n de divisions proportionnel à q. Si k est le nombre de divisions dont la colonne rétrograde pour une calorie introduite au sein du mélange de glace et d'eau du vase A, on a :

$$n = qk = kaT$$

ce qui sait connaître a, si la constante k a été déterminée.

Or, pour déterminer cette constante, il suffit de mettre dans le tube O un corps de capacité calorifique a' connu, par exemple une masse P_4 d'eau $(a' = P_4)(1)$, après l'avoir porté à une tem-

(1) Pour déterminer exactement la constante que nous avons appelée L M. Bunsen introduisait dans l'eau de la cavité O une ampoule de verre contenant une masse connue d'eau, lestée avec un sil de platine pour l'empicher de surnager. On la faisait tomber dans le tube après l'avoir portée dans une étuve à une température T' voisine de 100° et bien connue; un pet de coton, placé au fond de la cavité O, et lesté par un fil de platine, amortissait le choc. Il fallait tenir compte du verre de l'ampoule et du platies qui la lestait. Pour cela M. Bunsen avait fait, au préalable, l'expérience suivante. Il avait introduit dans l'eau de la cavité O un morceau de platies pesant p grammes porté à une température connue t. La colonne de mercure avait rétrogradé d'un certain nombre de divisions m; par conséquent, post un gramme de platine porté à 1°, elle aurait rétrogradé de $\mu = \frac{\pi}{nt}$ divisions. M. Bunsen détermina de même le nombre de divisions µ' dont rétrograderes la colonne pour un gramme de verre qui aurait été porté à 1º avant d'âre introduit dans la cavité O. Dès lors si le verre de l'ampoule contenant l'annual l'ampoule contenant l'ampoule contenant l'annual l'annual l'annual l'annual l'ampoule contenant l'annual l'annua pesait P' grammes, si le platine qui la lestait pesait P grammes, si enfis la température de l'ampoule était T' au moment de l'introduction. on voil que le verre et le platine seuls auraient fait rétrograder la coloane

pérature déterminée T'; la colonne de mercure rétrograde d'un certain nombre n' de divisions, et l'on a:

$$n' = ka'T'$$

ce qui fait connaître la constante k.

A chaque opération il ne fond qu'une très petite quantité du manchon de glace qui entoure la cavité O; aussi peut-on faire un grand nombre de détermations sans être obligé de renouveler cette couche de glace. Avant chaque expérience, on amène la colonne mercurielle au point voulu, en enfonçant plus ou moins le bouchon.

Cet appareil fort commode offre une grande précision, et se prête à un grand nombre d'expériences calorimétriques.

7. MÉTHODE DES MÉLANGES. — La méthode des mélanges est la plus simple et la plus employée des méthodes calorimétriques. Elle a été imaginée à peu près simultanément par Black, vers 1763,

mercurielle de $(P\mu + P'\mu')T'$ divisions. Si donc, après avoir introduit l'ampoule contenant une masse P_4 d'eau, on observait que la colonne rétrogradait de N divisions, $N - (P\mu + P'\mu')T'$ représente le nombre n' de divisions dont aurait rétrogradé cette colonne si a masse P_4 d'eau avait été introduite seule.

On voit que ce procédé de correction dispense de la connaissance préala-. ble de la chaleur spécifique du verre et du platine.

Le plus souvent les corps dont M. Bunsen étudiait la chaleur spécifique étaient ensermés eux aussi dans une ampoule de verre lestée par du platine. Il en était toujours ainsi quand ces corps étaient attaquables par l'eau ou par l'air.

Ajoutons que, malgré l'enveloppe de neige entourant l'appareil, la colonne mercurielle avait, sous l'influence des causes perturbatrices, un mouvement très lent (2 à 3 divisions par heure), quand aucun corps chaud n'était introduit dans la cavité. Il suffisait d'observer pendant une heure avant l'expérience la marche de la colonne, et pendant une heure après, pour avoir le nombre de divisions α ou β correspondant à 1 minute. Si x était en minutes

la durée de l'expérience, $\frac{(x+\beta)}{2}$. x était alors la quantité dont avait marché la colonne sous l'influence des causes perturbatrices, pendant ce temps.

et par Crawford; elle a été depuis employée et perfectionnée p un très grand nombre de physiciens.

Dans un vase métallique à minces parois, appelé calorimètr on place une masse p connue d'eau, dont un thermomètre don la température θ_0 . On plonge dans cette eau le corps dont on ve déterminer la chaleur spécifique c, après avoir mesuré sa mas se P et l'avoir portée à une température connue T, le plus souver ni, notablement supérieure à θ_0 . Le corps se refroidit, I eau du callorimètre s'échauffe, et le mélange finit par prendre une température umforme 0 donnée par le thermomètre plongé dans I eau. La chaleur perdue par le corps en se refroidissant de T° à θ^0 est $Pc(T-\theta)$; la chaleur gagnée par l'eau en se réchauffant de θ^0 est $p(\theta-\theta_0)$; si toute la chaleur abandonnée par le corps été prise par l'eau, on a l'égalité:

(1)
$$Pc(T - \theta) - p(\theta - \theta_0)$$

qui fait connaître la valeur de c.

Parfois, au heu d'échauffer le corps, on le refroidit à une base température T avant de l'introduire dans le caformette ; le temperature finale é de colui-ci est alors inférieure à la temperature initiale é, l'egalité (le est applicable dans les deux cass.

Tel est le principe de la méthode des métang , mais purs qu'elle foirmisse des résultats exacts, quelques expections sont nécessaires.

D'abord la chaleur aban lonnée par le corps, dans le cas ea ul est intro luit à une temperature superioure à celle du cal r.n., tre, a servi à celauffer, non se dement l'eau que renferme relui et, mais encore — 4^n le métal dont est formé le calorune tre lui-meme, — 2^n le mercure du thermomètre, — 3^n le verre de cet instrument. En désignant par π , π et π' les masses de ces trois corps, par γ, γ' et γ' leurs chaleurs spécifiques respectives, la capa ente calorifique du calorimètre, de l'eau qu'il renferme et du thermomètre est :

$$p + \pi \gamma + \pi' \gamma' + \pi'' \gamma''$$

D'autre part, le corps dont on veut déterminer la chaleur spécifique est généralement contenu dans une enveloppe (fiole, si c'est un liquide, corbeille en fil de laiton, si c'est un solide); en appelant π_1 la masse de cette enveloppe et γ_1 sa chaleur spécifique, la capacité colorifique du corps et de son enveloppe est :

$$Pc + \pi_{1}\gamma_{1}$$

En écrivant que la chaleur abandonnée par le corps et son enveloppe, en passant de T° à 0°, égale celle prise par le calorimètre et son contenu, en passant de 0° à 0°, on a l'égalité :

(2)
$$(Pc - \pi_{1}\gamma_{1})(T - \theta) = (p + \pi\gamma + \pi'\gamma' + \pi''\gamma'')(\theta - \theta_{0})$$

Ce n'est pas tout; pendant l'expérience, une quantité de chaleur peut être perdue par le calorimètre, si sa température est supérieure à celle des corps environnants, ou, au contraire, peut être gagnée par le calorimètre, si sa température est inférieure à la température ambiante.

Il en résulte que la température finale n'est pas exactement, celle qu'on aurait observée si aucun échange de chaleur n'avait eu lieu avec le milieu extérieur.

Si l'on ne parvient pas à rendre insignifiants ces gains ou ces pertes de chaleur, il faut en tenir compte, et corriger la température finale observée de manière à obtenir celle qu'on aurait trouvé si aucune perturbation de ce genre n'avait eu lieu. Ainsi, pour que l'égalité (2) donne des résultats exacts, il faut que 6 y représente la température finale corrigée.

Enfin, faisons remarquer que cette méthode ne peut donner de bons résultats qu'avec des corps assez conducteurs de la chaleur pour que l'équilibre de température ne mette pas un temps trop considérable à se produire entre le corps et l'eau du calorimètre.

8. CORRECTIONS NÉCESSITÉES PAR LE RAYONNEMENT, LE CON-TACT DE L'AIR ET L'ÉVAPORATION DE L'EAU. — Il est difficile, pendant l'expérience, d'empêcher complètement les échanges de chaleur entre le calorimètre et les corps voisins. Si sa temparature est supérieure à celle des objets environnants, le calrimètre perd de la chaleur; il en gagne, dans le cas inverse.

Rumford a cru éviter cet inconvénient par la méthode su

vante. Dans une première expérience, on détermine grossièment de combien de degrés n s'élève la température de l'eau calorimètre par l'immersion du corps chaud. Ce point étal connu, dans l'expérience définitive, on abaisse la température l'eau du calorimètre à $\frac{n}{2}$ degrés au-dessous de la température ambiante a, pour que la température de l'eau se trouve à la 1 de l'expérience à $\frac{n}{2}$ degrés environ au-dessus de a. L'interval qui sépare le moment où le corps est plongé dans le calorimète de celui où l'on observe la température maxima peut alors diviser en deux parties : une première phase dans laquelle température du calorimètre passe de $a-\frac{n}{2}$ à a; pendant

temps, le calorimètre reçoit de la chaleur des corps voisins que sont à la température a; une deuxième phase dans laquelle calorimètre passe de la température a à une température voisi

de $a + \frac{n}{2}$; dans cette seconde phase, le calorimètre perd de chaleur.

Rumford admettait que le gain dans la première phase compensait la perte dans la seconde, et que, dès lors, la température observée était la même que si les échanges de chaleur avilent été complètement annulés.

Ce serait certainement exact si les deux phases avaient même durée; malheureusement, il est loin d'en être ainsi l'edu calorimètre s'échausse d'abord rapidement, puis plus lement. Il en résulte que la première phase a une durée percourte que la seconde, et, par conséquent, que la perte chaleur dans celle-ci surpasse le gain qui a lieu dans la primière.

Regnault, dans ses expériences calorimétriques, tout en ployant le procédé de Rumford pour diminuer les effets -

rayonnement, s'est servi du mode de correction que nous allons exposer.

La température du calorimètre étant toujours peu différente de la température ambiante, on peut admettre la loi de Newton, d'après laquelle la vitesse de réchaussement $\frac{\Delta \theta}{\Delta x}$ ($\Delta \theta$ étant l'éléva-

tion de température produite pendant le temps très court Δx) serait proportionnelle à l'excès $(a - \theta)$ de la température ambiante a sur la température du corps 6. D'après cela, on peut représenter par $A(a - \theta)$ la variation de la température qui se produit en une minute par l'effet du rayonnement et du contact de l'air en appelant 0 la température du calorimètre, a la température ambiante et A une constante positive, ce qui fait que $A(a - \theta)$ est du signe de $(a - \theta)$. Mais il existe d'autres causes de variation de la température qui sont constantes dans un même temps, telles que le refroidissement dû à l'évaporation de l'eau du calorimètre. Par conséquent, en désignant par Bune deuxième constante, A (a — 0) + B peut représenter la variation de température produite par les causes perturbatrices dans l'espace d'une minute. Dans un intervalle de temps (x'-x), assez petit pour que $(a - \theta)$ ne change pas notablement, l'élévation de température $\Delta \theta$ due aux influences étrangères à l'échange de chaleur entre les corps immergés et l'eau du calorimètre est ainsi représentée par la formule:

(1)
$$\Delta \theta = [A(a-\theta) + B](x'-x)$$

Pour pouvoir se servir de cette formule de correction, et pour trouver la valeur des deux constantes A et B, on procède de la façon suivante.

On met dans le calorimètre de l'eau à quelques degrés audessous de la température ambiante a. Celle-ci se réchausse alors, et au temps X_1 on observe sa température Θ_1 ; puis, cinq ou dix minutes après, au temps X'_1 on observe de nouveau sa température Θ'_1 ; c'est la première période de l'expérience.

La variation de température $\Theta_1 - \Theta_1$ qui s'est produite pen-

dant le temps $X'_1 - X_1$ et qui correspond à un excès moye $a - \frac{\Theta_1 + \Theta'_1}{2}$ étant uniquement due aux causes perturbatrices, formule (1) fournit la relation:

(2)
$$\Theta'_1 - \Theta_1 = \left[A\left(a - \frac{\Theta_1 + \Theta'_1}{2}\right) + B\right](X'_1 - X_1)$$

Cette équation, jointe à une autre que nous allons trouvdans un instant, sera connaître les constantes A et B.

Dans la seconde période de l'expérience, on introduit da l'eau du calorimètre le corps dont on veut déterminer la cheur spécifique après l'avoir chauffé; la température de l'eau u s'élève et l'on note aux temps $x_0, x_1, x_2 \dots x_n$ ses valeurs $\theta_0, \theta_1, \theta_2 \dots \theta_n$; les intervalles $x_0, x_1, x_2, \dots x_n$ étant faibles (secondes, par exemple).

On poursuit ces observations non seulement jusqu'à la valeumaxima de la température du calorimètre, mais encore que ques instants après, le corps immergé pouvant céder encorde la chaleur au calorimètre, même quand celui-ci commenc de la refroidir, par suite des influences étrangères.

Les élévations de température (positives ou négatives $\Delta\theta_1$, $\Delta\theta_2$... $\Delta\theta_n$ dues aux causes perturbatrices pendant les intervalles $x_1 - x_0$, $x_2 - x_1$... $x_n - x_{n-1}$ sont données d'aprèlégalité (1), par les relations :

$$\Delta \theta_{\mathbf{i}} = \left[A \left(a - \frac{\theta_{\mathbf{0}} + \theta_{\mathbf{i}}}{2} \right) + B \right] (x_{\mathbf{i}} - x_{\mathbf{0}})$$

(3)
$$\Delta \theta_{2} = \left[A \left(a - \frac{\theta_{1} + \theta_{2}}{2} \right) + B \right] (x_{2} - x_{1})$$

$$\Delta \theta_n = \left[A \left(a - \frac{\theta_{n-1} + \theta_n}{2} \right) + B \right] (x_n - x_{n-1})$$

Enfin, dans une troisième période, on observe encore, à cinq ou dix minutes d'intervalle, aux temps X_2 et X_2 , les températures Θ_2 et Θ_2 de l'eau du calorimètre.

L'excès de la température du calorimètre sur la température ambiante diminuant par suite du refroidissement dû aux causes perturbatrices seulement, l'égalité (1) fournit la relation:

(4)
$$\Theta'_{2} - \Theta_{2} = \left[A \left(a - \frac{\Theta_{2} + \Theta'_{2}}{2} \right) + B \right] (X'_{2} - X_{2})$$

Les égalités (2) et (4) déterminent les constantes A et B; les valeurs trouvées pour ces constantes étant introduites dans les relations (3), celles-ci font connaître les variations

$$\Delta\theta_1$$
, $\Delta\theta_2$, ... $\Delta\theta_n$

La somme $\sum \Delta \theta$ de ces élévations de températures dues aux causes perturbatrices doit être retranchée (¹) de la température finale θ_n observée à la fin de la deuxième période, pour avoir la température θ qu'on aurait eue si les causes perturbatrices n'avaient pas existé:

$$\theta = \theta^a - \sum 7\theta$$

C'est cette température ainsi corrigée e qu'on doit introduire dans les formules du paragraphe précédent.

Si le corps était porté à une basse température avant d'être introduit dans le calorimètre, il est clair qu'on devrait prendre

(1) Dans le cas d'un corps plongé chaud dans le calorimètre, généralement \(\sum_{\Delta} \) est une quantité négative; il faut alors ajouter sa valeur absolue à la \(\sum_{\Delta} \) température tinale pour avoir la température corrigée. l'eau de celui-ci à une température d'abord un peu supérieure à la température ambiante pour appliquer le procédé Rumford, et les corrections se feraient de la même manière.

Nous venons d'exposer la méthode générale de correction; il est nécessaire de l'employer toutes les fois que le corps dont on vet prendre la chaleur spécifique étant médiocre conducteur, il fait quelques minutes pour qu'il se mette en équilibre de tempéreture avec l'eau du calorimètre. Pour les corps bons conducteur, l'expérience dure si peu de temps que la méthode de correction se simplifie beaucoup.

9. APPAREIL DE REGNAULT. - Le calorimètre dont s'est seri

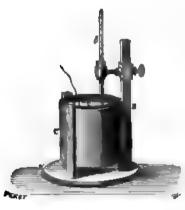


Fig. 202

Regnault, pour appliquer le méthode des mélanges, est un vase cylindrique C (fig. 25%, en laiton très mince. Étant en métal, bon conducteur de la chaleur, et étant de faible épaisseur, sa température est toujours la même que celle de l'eau qu'il renferme; en outre, comme son poids est peu considérable, une petite incertude sur la valeur de la chaleur spécifique du laiton n'eatraire qu'une erreur insignifiante des le résultat de l'expérience. Pour

la même raison, le thermomètre qui donne la température de l'and du calorimètre doit être de très petite dimension.

Le calorimètre est placé à l'intérieur d'un second vase C qlindrique, en laiton comme lui, d'un diamètre et d'une hauter un peu plus considérable. Le calorimètre repose sur deux fils de soie tendus en croix dans le fond du vase C', ou sur des points de liège. Grâce à ce support mauvais conducteur, on évite losse perte de chaleur par conductibilité.

Le vase C' constitue un écran qui protège le calorimètre con-

Pour que les échanges de chaleur par cette voie soient le plus

its possible, il convient de bien polir extérieurement le calotre pour donner à sa surface un faible pouvoir émissif et un le pouvoir absorbant. On doit, pour les mêmes raisons, bien lir la paroi interne et la paroi externe du vase C'.

oyons maintenant comment Regnault s'y est pris pour connaître sa l'expérience et pour connaître sa l'expérature au moment où il est immergé dans l'eau du calo-

rinand-tre.

Dans un grand nombre d'expériences, il s'est servi d'une

éture à vapeur qui portait le corps all soismage de 100°. Celle-ci est formée d'un cylindre métallique M 253 et 254, entouré par une double enveloppe EE dans laquelle circulle un courant de vapeur d'eau. Le corps, s'il est solide, est placé dans une petite corbeille de laiton L (fig. 255) soutenue à l'intérieur du cylundre par trois fils aboutissant à un seul cordon c, qui sort de l'étuve à travers un trou percé dans le couvercle, et qui peut être accroché à un support. En lâchant le cordon, la corbeille peut tomber doucement dans le catorimètre placé au-dessous du cylindre au moment de cette operation. Pendant que le corps Sechauffe, un registre R ferme l'outerture inférieure de l'étuve; il est retiré au moment nécessaire pour permettre au corps de tomber dans le calorimètre. Un thermomètre T. dont la tige est soutenne par un bouchon qui ferme un orilice que

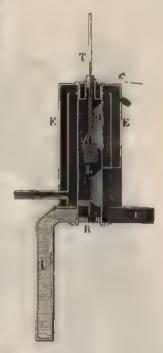
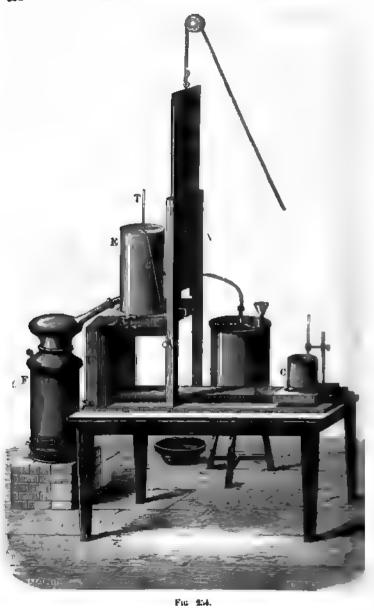


Fig. 203,

Présente le couvercle, a son réservoir placé au milieu de la corbeille contenant le corps, et en indique la température.

Pande partie de l'expérience loin de l'étuve, dont il est séparé



par un écran A, pour éviter le rayonnement de celle-ci. On lève cet écran au moment où l'on veut introduire le corps dans le

calorimètre, et l'on fait glisser celui-ci sur un rail K jusque sous l'ouverture de l'étuve; on le ramène immédiatement dans sa première position, dès que le corps a été introduit, et l'on abaisse l'écran. Afin d'éviter mieux encore que, pendant le temps très court où le calorimètre est placé sous l'étuve, il ne s'échausse par rayonnement, une enveloppe creuse UU dans laquelle circule un courant d'eau froide est interposée entre le calorimètre et l'étuve ou le soyer F destiné à chausser l'eau qui sournit la vapeur nécessaire.

Regnault a aussi employé une étuve à liquide (représentée fig. 256) et qui présente l'avantage de pouvoir porter le corps à une température quelconque, soit élevée, soit très basse, en meltant dans l'étuve un mélange réfrigérant liquide.



FIG. 955.

Voici maintenant quelle est la marche d'une expérience.

Après avoir effectué les pesées nécessaires pour avoir la capacité calorifique du calorimètre, de l'eau qu'il renferme, du thermomètre qui y est plongé, et pour avoir la masse du corps soumis à l'expérience, on introduit celui-ci dans l'étuve, et l'on dispose le calorimètre à l'extrémité du rail. Quand la température
indiquée par le thermomètre de l'étuve est dovenue stationnaire
depuis quelques minutes, on commence à observer de loin et à
l'aide d'une lunette la marche très lente du thermomètre du
salorimètre, pour déterminer les constantes de correction.

Puis, après avoir noté avec soin la température de l'étuve, on exécute les opérations indiquées plus haut pour introduire le corps dans le liquide du calorimètre sans qu'il ait le temps de se refroidir. Dès que le calorimètre est ramené à sa place, un aide agite la corbeille pour produire plus rapidement l'équilibre de température; pendant ce temps un observateur, à l'aide d'une luneite, relève les indications du thermomètre à des intervalles

de temps déterminés, conformément à ce qui a été indiqué de ns le paragraphe précédent.

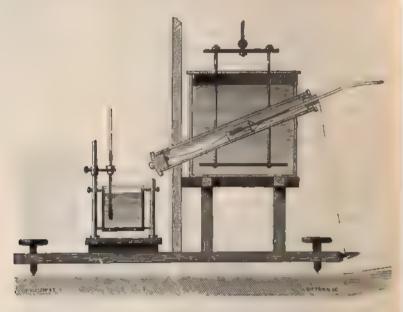


Fig. 256.

On possède alors tous les éléments nécessaires au calcul des chaleur spécifique du corps.

Pour déterminer la chaleur spécifique d'un liquide on peut servir encore des mêmes appareils. Le liquide dont être contealors dans une fiole de verre qui jouera le rôle de la corbeille laiton employée pour les solides,

Dans le but d'opérer sur une plus grande masse de hqui 🚄 et d'atténuer ainsi les causes d'erreur, Regnault a fait construée l'appareil représenté fig. 257. Le liquide est placé à l'inténe 📧 d'un cylindre de laiton E, chauffé par un bam-marie A. En o 💳 vrantau moment voulu un robinet R, et en exerçant au moy d'air comprimé un excès de pression à l'intérieur du cylindre le liquide s'écoule par le tuyau aB dans une boite métallique baignée par l'eau du calorimètre, et surmontée d'une boite plass

40

U contenant une lame enroulée en hélice (comme celle représentée fig. 263) pour forcer la vapeur échappée du liquide à faire un

grand trajet au contact des parois froides, ce qui détermine sa condensation.

10. CALORIMÈTRE DE M. BERTHELOT.

Dans ses expériences de thermochimie, M. Berthelot s'est servi d'un calorimètre où les précautions prises contre le rayonnement sont plus efficaces que dans l'appareil de Regnault, grâce à l'emploi d'une enceinte à température invariable.

Le calorimètre proprement dit est un vase cylindri-

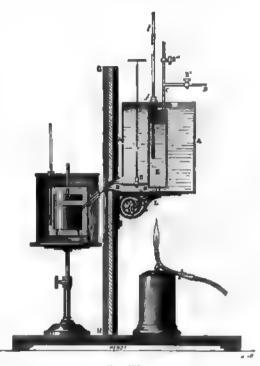


Fig. 251.

que GG (fig. 258) en platine très mince et bien poli extérieurement; il repose sur trois pointes de liège placées au fond d'un second vase EE plus large et plus haut, en laiton argenté. Celui-ci est contenu à l'intérieur d'une enceinte de fer-blanc HH à double paroi. Entre ses deux parois, se trouve une masse d'eau assez considérable, qui maintient une température constante pendant la durée d'une expérience. Enfin, un feutre épais, très mauvais conducteur de la chaleur, entoure l'enceinte de fer-blanc.

Chacun des trois vases GG, EE, HH, possède un couverele spécial C, C', C'', percé d'ouvertures convenables pour laisser

passer le thermomètre du calorimètre O et l'agitateur. Le cou-

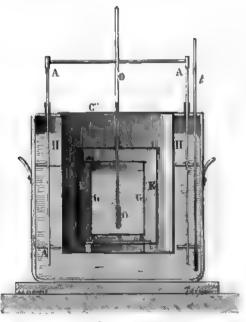


Fig. 258,

vercle du calorimètre ne sert que dans certaines expériences.

La température de l'eau contenue entre les deux parois de l'enceiste est rendue uniforme à l'aide d'un agrateur annulaire AAA; elle est donnée par un thermomètre L

L'emploi d'une enceinte à température invariable permet de lire directement les indications du thermomètre sans se servir d'une lunette, la présence de l'opérateur dans le voisinage de l'ap-

pareil n'apportant aucune perturbation. En outre, les pertes on gains de chaleur par rayonnement sont si faibles, qu'il est metile, dans la plupart des cas, d'effectuer une correction. Cette correction ne devient nécessaire que si l'expérience dure plus de trois à quatre minutes, et si les différences de température entre le calorimètre et l'enceinte surpassent deux degrés. Aussi les expériences sont-elles faciles et prácises.

41 MÉTHODE DE REFROIDISSEMENT. — Plus la capacité calorfique des corps enfermes dans un même vase est considerable, plus le vase se refroidit lentement quand il est placé dans un encemte plus froide que lui.

Meyer, professeur à Eriangen, vers 1798, a employé une

méthode fondée sur ce principe pour l'étude des chaleurs spéculques des bois (1). D'après son mémoire, le physicien russe Richmann (2) aurait employé avant lui une méthode semblable pour les métaux. Leshe (3) s'est servi, vers la même époque, clune methode reposant sur le même principe, dans le cas des enz; mais ce sont surtout les physiciens français Dulong et Pent et plus tard Regnault qui ont étudié et heureusement applique la méthode de refroidissement.

Supposons qu'un vase à la température t, soit placé dans une exceinte vide de tout gaz, et dont les parois soient maintenues à O^* ; le vase se refroidit par rayonnement, et sa temperature, variant avec le temps x, pout se considérer comme une fonction de x. Or la quantité de chaleur Δq qu'il perd pendant un temps très court Δx est proportionnelle à la durée considérée Δx et à un coefficient dont la valeur pour un même vase placé dans la même enceinte ne peut dependre que de la température t de la surface du vase, qui rayonne vers l'enceinte; en désignant par \mathbf{F} t) ce coefficient on a la relation:

$$\Delta q = \mathbf{F}_{(t)} \, \Delta x$$

Cet le relation est d'autant plus exacte que Δx est plus petit, puiscque t est d'autant mieux determiné que l'intervalle Δx est plus court.

D'autre part, cette perte de chaleur Aq amène un abaisse-

⁽¹⁾ Meyer exposait au refroidissement des boules de bois creuses, chauffees. Contenant intérieurement le réservoir d'un thermomètre. La aurface
protinante ne restait pas la même dans ses diverses experiences, c'était
la un defaut qui aurait éte tres grave s'il avait voulu comparer ainsi la
chaleur specifique du bois à celle d'un métal poli.

^{.2} Richmann no à Pernow en Livenie en 1711, mort a Saint-Pétersbourg en 1753.

³ John Leslie, professeur à l'universite d'Edimbourg, né à Largo en 1788, mort en 1832.

ment Δt de la température du vase, donné par la relation

$$\Delta q = a \Delta t$$

a étant la capacité calorifique du vase et de son contenu. En égalant les seconds nombres des égalités (1) et (2), il vient:

(3)
$$a \Delta t = F(t) \Delta x$$
 d'où: $a \frac{\Delta t}{\Delta x} = F(t)$

Cette relation est d'autant plus exacte, avons-nous vu, que Δx est plus petit, elle devient rigoureuse lorsque cette quantité tend vers zéro. Or, le rapport $\frac{\Delta t}{\Delta x}$ tend alors vers la dérivée t'_x de la fonction t par rapport à x. On a donc en toute rigueur :

$$at_x' = \mathbf{F}(t)$$

relation que nous pouvons écrire:

$$\frac{t'_x}{F(t)} = \frac{1}{a}$$

Or, désignons par $\varphi(t)$ une fonction de t, qui ait pour dérivée $\frac{1}{F(t)}$, telle, par conséquent qu'on ait identiquement :

$$\varphi'_{t}(t) = \frac{1}{F(t)}$$

En substituant, la relation (4) prend la forme:

$$\varphi'_{t}(t) t'_{x} = \frac{1}{a}$$

Les deux membres étant chacun la dérivée d'une fonction de crivons que les fonctions primitives ne dissèrent que par constante A:

$$\varphi(t) = \frac{x}{a} + A$$

Désignons par t_0 la température du vase au temps 0; la formule (6) donne:

$$\varphi(t_0) = A$$

el en retranchant l'une de l'autre les égalités (6) et (7) il vient:

(8)
$$\varphi(t) - \varphi(t_0) = \frac{x}{a}$$

Dans cette formule la quantité x représente le temps que le vase met à passer de la température t_0 à la température t. Remarquons que la fonction $\varphi(t)$ reste la même pour un même vase placé dans une même enceinte, puisqu'il en est ainsi de F(t); par conséquent, si nous plaçons successivement dans ce vase des substances différentes, telles, que a_1 , a_2 , a_3 ... soient les capacités calorifiques du vase et de son contenu, et qu'il faille respectivement des durées x_1 , x_2 , x_3 ... pour l'amener de la température t_0 à la température t, l'égalité (8) fournit la relation:

(9)
$$\frac{x_1}{a_1} = \frac{x_2}{a_2} = \frac{x_3}{a_3} = \dots = \varphi(t) - \varphi(t_0)$$

Ainsi, pour passer d'une température à une autre les durées sont respectivement proportionnelles aux capacités calorifiques du vase et de son contenu.

Faisons remarquer que, pour établir cette loi, nous avons

zeuse augmente de volume, elle se refroidit, si on ne lui fournit pas de chaleur; par conséquent, si l'on veut qu'elle conserve la même température, il faut lui communiquer une certaine quantité de chaleur pendant la détente.

On voit, d'après cela, que le nombre de calories nécessaire pour élever d'un degré la température de l'unité de masse d'un gaz, c'est-à-dire sa chaleur spécifique, ne doit pas être le même suivant qu'on échauffe le gaz en lui conservant le même volume, ou suivant qu'on l'échauffe en lui permettant de se dilater librement.

Il y a donc lieu de considérer pour les gaz une chaleur spécifique à volume constant et une chaleur spécifique à pression constante; cette dernière quantité doit être plus grande que la première.

La chaleur spécifique à pression constante est la seule qu'on puisse mesurer directement. Mais, il existe un rapport constant entre les deux chaleurs spécifiques des gaz, c'est ce que nous allons établir. Ce rapport, une fois connu, permet de déduire la valeur de l'une des chaleurs spécifiques de celle de l'autre.

44. RELATION ENTRE LES DEUX CHALEURS SPÉCIFIQUES DES GAL— Nous verrons plus loin (Chap. XIV, § 3), comme conséquence de la loi de l'équivalence et de la loi de Joule, qu'il doit exister entre la chaleur spécifique à pression constante d'un gaz parsit et sa chaleur spécifique à volume constant un rapport indépendant de la nature du gaz, de sa température et de sa force élatique, c'est-à-dire un rapport invariable. Nous pourrons même en fixer a priori la valeur (1,41).

Mais avant que le principe de l'équivalence fut introduit dans la science, en 1823, Laplace trouva le rapport des deux chaleurs spécifiques des gaz en se fondant sur une expérience exécuté vers 1812 par Desormes et Clément dans le but de mesure « le calorique d'un espace vide ».

Cette expérience fournissait l'élévation de température produite dans une masse gazeuse par une compression déterminée:

la valeur d'une compression étant le rapport $\frac{v}{V}$ de la diminution de volume v qu'éprouve un corps, sur lequel on exerce

une pression, à son volume primitif V. Dans son calcul, Laplace a admis que l'élévation de température résultant de la compression d'une masse gazeuse est proportionnelle à la valeur de cette compression quand elle est faible, ce qui est justifié par l'expérience (¹).

Voici maintenant quel est, à peu près, le raisonnement de Laplace.

Soit V le volume occupé à une température t par l'unité de masse d'un gaz. Elevons de Δt sa température à pression constante; il faudra lui fournir une quantité de chaleur égale à $C\Delta t$, en appelant C la chaleur spécifique du gaz à pression constante. Or le volume de cette masse gazeuse à 0° est $\frac{V}{1+\alpha t}$, et $\frac{V}{1+\alpha t}$, et

$$V \frac{1 + \alpha t + \alpha \Delta t}{1 + \alpha t} \quad \text{ou } V + \frac{V \alpha \Delta t}{1 + \alpha t}$$

l'accroissement de volume que la masse a éprouvée en passant de t à $t+\Delta t$ est donc $\frac{V\alpha \Delta t}{1+\alpha t}$. Comprimons le gaz pour le ramener à son volume primitif; la compression que nous lui

faisons subir, a pour valeur
$$\frac{\frac{V_{\alpha}\Delta t}{1+\alpha t}}{V+\frac{V_{\alpha}\Delta t}{1+\alpha t}}$$
 ou $\frac{\alpha\Delta t}{1+\alpha t}$ en

négligeant les puissances de Δt supérieures à la première. De cette compression $\frac{\alpha \Delta t}{1+\alpha t}$ résulte une nouvelle élévation $\Delta t'$

(1) Il est clair que chaque unité de masse, subissant la même compression, éprouve la même élévation de température: celle-ci est par conséquent indépendante de la masse totale du gaz. Quoique cette élévation de température soit une fonction de la compression qui s'annule en même temps qu'elle, il n'en résulte pas nécessairement que cette fonction varie proportionneilement aux faibles valeurs de la compression. Car pour qu'une fonction qui s'annule avec la variable, varie proportionnellement aux faibles valeurs de celle-ci, îl faut qu'elle puisse se développer suivant la série de Maclaurin, et que la dérivée première ne s'annule pas en même temps que la variable.

dans la température du gaz, de façon que celle-ci devient $t + \Delta t + \Delta t'$. Or, si nous avions porté directement cel masse gazeuse, égale à l'unité, de t à $t + \Delta t + \Delta t'$, sa changer son volume, nous aurions été obligé de lui fournir un quantité de chaleur c ($\Delta t + \Delta t'$), en désignant par c la chaleur specifique à volume constant. Puisque pour arriver à ce résult tous avons fourni $C\Delta t$, on a la relation:

$$C\Delta t = c(\Delta t + \Delta t') \quad (1)$$

d'où:

$$\frac{\mathbf{C}}{c} = \mathbf{i} + \frac{\Delta t'}{\Delta t}$$

Si donc nous pouvions mesurer l'élévation de température du une faible compression de valeur déterminée, nous aurions, en de mettant la proportionnalité des élévations de température aux co pressions, l'élévation $\Delta t'$ correspondant à la compression $\frac{\Delta t'}{1-\frac{\Delta t'}{\Delta t}}$; le rapport $\frac{\Delta t'}{\Delta t}$ serait ainsi connu, et, par conséquent il en serait de même du rapport $\frac{C}{c}$.

(1) Nous verrons plus loin, à propos de l'équivalence entre la chale t et le travail, qu'il n'est permis d'égaler les quantités de chaleur qu'il a follu fournir à un corps, pour l'amener de deux façons différentes d'un pressier état à un second que si le travail extérieur produit par la dilatation du c t est le même dans les deux cas. Ici, dans le cas où le gaz est échausse volume constant de $(\Delta t + \Delta t')$ degrés (chaleur fournic c $(\Delta t + \Delta t')$ calorie le travail extérieur est nul; dans le cas où il a été échausse à pression constante de Δt degrés (chaleur fournie $C\Delta t$) puis comprimé pour le rant ner au volume primitif, le travail extérieur est un infiniment petit du second ordre, si Δt est un infiniment petit du premier ordre. Il est donc d'autant plus négligeable que Δt , est plus petit : aussi l'égalité (1) n'est-elle rigoureuse que quand les deux termes du rapport $\frac{\Delta t'}{\Delta t}$ tendent vers zéro.

Or l'expérience de Desormes et Clément donnait précisément la mesure d'une faible compression et de l'élévation de température correspondante. Décrivons cette expérience.

L'appareil était des plus simples; un ballon en verre B

(fig. 260) de grande capacité (28,4 lit.) pouvait communiquer avec l'atmosphère à l'aide d'un robinet M à large ouverture (14 cent. de diam.). L'intérieur du ballon pouvait être mis en rapportavecune machine pneumatique par un tube NR à robinet R, sur lequel s'embranchait un manomètre barométrique GF contenant de l'eau (1), et permettant de mesurer la différence entre les forces élastiques de l'atmosphère inté-

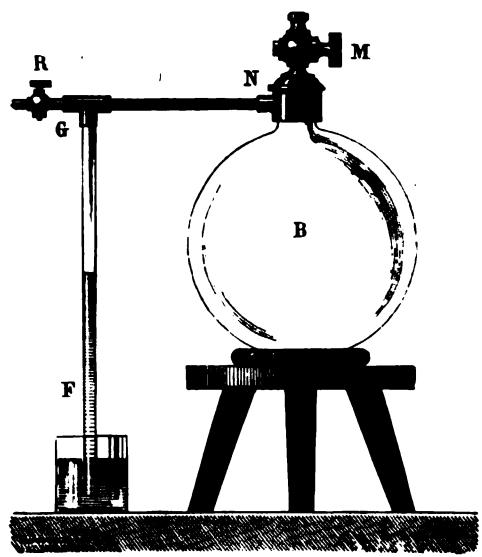


Fig. 260.

rieure et de l'atmosphère extérieure.

Pour faire l'expérience, on commençait par rarésser un peu l'air du ballon, de manière à faire monter la colonne d'eau dans le manomètre d'environ 20 cent. Après avoir fermé le robinet R, on mesurait avec soin cette hauteur h. Puis on ouvrait brusquement le robinet M; l'air extérieur se précipitait dans le ballon comprimait et échaussait par conséquent l'air qui y était contenu. Dès que cessait le sissement que produisait l'air en entrant (l'eau dans le manomètre étant alors au niveau de la cuvette), on sermait le robinet M. Mais, la masse d'air, qui s'était échaussée par

⁽¹⁾ Il y avait à côté de celui-ci un manomètre barométrique à mercure; mais comme Desormes et Clément ne se sont pas servi de ses indications, nous l'avons supprimé sur la figure.

la compression, se refroidissait et éprouvait une diminution de force élastique : l'eau remontait dans le manomètre. Quand le niveau s'était fixé, on mesurait avec soin la nouvelle hauteur h' de la colonne d'eau. La connaissance de h et h' permet de calculer le rapport $\frac{C}{c}$ des deux chaleurs spécifiques, comme nous allons le montrer.

Désignons par V le volume initial de la masse gazeuse contenue dans le ballon, par t sa température, et par $H - \lambda h$ hauteur de la colonne d'eau qui fait équilibre à sa force élastique. H étant par conséquent la hauteur qui fait équilibre à la pression atmosphérique.

Après l'entrée de l'air extérieur dans le ballon, la masse d'air qui y était primitivement contenue prend au premier moment, avant que le mélange des couches gazeuzes ait pu se produire, un volume plus petit V - v, sa force élastique devient égale à celle de l'atmosphère extérieure H, et sa température s'élève par le fait de la compression à $t + \theta$ degrés.

Quand le robinet M est fermé, le volume du gaz emprisoné dans le ballon ne varie pas d'une quantité appréciable par l'élévation de l'eau dans le tube manométrique, qui est d'un faible diamètre. Si donc le robinet a été fermé avant tout refroidissement de l'air contenu dans le ballon, la masse gazeuse qu y était primitivement contenue, en revenant à la température intiale t, doit conserver le volume V — v pour une force élastique mesurée par une colonne d'eau d'une hauteur égale à H — h', puisqu'on peut supposer qu'aucun mélange re s'est opéré entre cette masse d'air et l'air introduit par l'ouverture du robinet M. Le volume qu'aurait cette même masse reuse à 0° et sous la pression d'un centimètre d'eau peut s'évalure au moyen des données correspondant aux trois états successit de la masse; en égalant ces expressions on a :

$$(2) \quad \frac{V(H-h)}{1+\alpha t} = \frac{(V-r)H}{1+\alpha t+\alpha 0} = \frac{(V-r)(H-h')}{1+\alpha t}$$

Nous avons là deux équations qui permettent de déterminer

les valeurs d'une compression $\frac{v}{V}$, et de l'élévation de température correspondante θ . Faisons le calcul.

De l'égalité des deux dernières expressions, on tire:

$$\frac{H}{H-h'} = \frac{1+\alpha t + \alpha \theta}{1+\alpha t} = 1 + \frac{\alpha \theta}{1+\alpha t}$$

d'où:

(3)
$$\theta = \frac{1 + \alpha t}{\alpha} \frac{h'}{H - h'}$$

De l'égalité de la première et de la troisième expression on tire:

$$\frac{H-h}{H-h'}=1-\frac{v}{V}$$

d'où:

$$\frac{v}{V} = \frac{h - h'}{H - h'}$$

En écrivant la proportionnalité des compressions aux échauffements, on obtient:

(5)
$$\frac{2\Delta t}{1+\alpha t} = \frac{v}{V} = \frac{h-h'}{h'} \frac{\alpha}{1+\alpha t}$$

d'où ensin:

$$\frac{\Delta t}{\Delta t'} = \frac{h - h'}{h'}$$

En vertu de l'égalité (1), on en tire pour le rapport des deux chaleurs spécifiques.

(7)
$$\frac{C}{c} = 1 + \frac{h'}{h - h'} = \frac{h}{h - h'}$$

Dans une de leurs meilleures expériences, donnant des résultats moyens entre ceux fournis par une soixantaine de déterminations, Désormes et Clément obtinrent pour les hauteurs h et h', exprimées en colonnes de mercure, les nombres suivants

$$h = 13^{\text{mm}}, 81$$
 $h' = 3^{\text{mm}}, 611$

le robinet M n'avait été ouvert que pendant $\frac{2}{5}$ de seconde. Ce sont ces données dont s'est servi Laplace pour son calcul. On trouve:

$$\frac{C}{c} = \frac{13,81}{13,81 - 3,611} = 1,354$$

La constance du nombre obtenu pour $\frac{C}{c}$ en faisant varier la raréfaction ou la compression initiale, tout en la laissant faible, montre que la supposition d'une élévation de températures proportionnelle à une faible compression est suffisamment exacte.

Gay-Lussac et Walter ont fait un grand nombre d'expériences en opérant comme Désormes et Clément, sauf qu'ils comprimaient l'air dans le ballon, sous une pression un peu plus grande que celle de l'atmosphère ambiante; il y avait alors refroidissement au moment de l'ouverture du robinet. Ils étaient parveres aussi à beaucoup réduire le temps nécessaire pour que l'équilibre de pression s'établisse entre l'intérieur du ballon et l'extérieur. Les résultats de leurs expériences ont donné à Laplace le nombre 1,372 pour le rapport des deux chaleurs spécifiques.

Gay-Lussac et Walter ont opéré dans des conditions de pressions variant depuis 14,4 jusqu'à 146 centimètres de mercure de entre des limites de température allant de — 20° à — 40°. Malgré les variations de la pression et de la température le rapport des deux chaleurs spécifiques fut toujours voisin de 1,3748 moyeurs fournie par toutes leurs expériences. Ainsi ce rapport est indépendant de la température et de la pression; c'est là un résultat fort important.

Depuis, beaucoup de physiciens ont employé la méthole

de Desormes et Clément. La principale difficulté qu'on rencontre dans ces expériences est de fermer le robinet au moment convenable. Si on le ferme trop vite, on risque de ne pas laisser l'équilibre s'établir entre la pression de l'intérieur et celle de l'extérieur; si l'on attend trop longtemps, la chaleur produite par la compression peut s'échapper en partie de la masse gazeuse avant la fermeture du robinet, ce qui fausse la valeur de h'.

M. Cazin, qui vers 1861 a déterminé avec beaucoup de soin par la méthode de Desormes et Clément le rapport des deux chateurs spécifiques, a montré du reste, qu'au moment où l'air extérieur se précipite, il se produit un mouvement oscillatoire dans la masse gazeuse; en fermant le robinet à un moment inconnu de la période vibratoire, on emprisonne une masse de gaz tantôt trop grande tantôt trop faible.

Cette cause d'erreur doit s'éliminer en prenant la moyenne d'un grand nombre d'expériences. En outre, elle devient négligeable quand on emploie un ballon de grande dimension et des raréfactions très faibles. C'est ce qu'a fait, vers 1873, M. Röntgen, et pour mesurer ces faibles variations de force élastique, il a employé un manomètre métallique d'une extrême sensibilité.

La mesure de la vitesse du son fournit aussi un moyen de trouver le rapport de deux chalcurs spécifiques des gaz, en se servant d'une formule de Newton corrigée par Laplace. Dans le livre consacré à l'acoustique nous établirons cette formule, et nous verrons comment elle permet de calculer ce rapport.

Voici les résultats obtenus pour différents gaz.

	Cazin	Röntgen	Masson (d'après la vitesse du son).
Air	1,41	1,4053	1,4148
Oxygene	1,41	•	1,4148
Azote	1,41	, »	1,4148
Hydrogene	1,41	1,3852	1,4148
Oxyde de carbone	1,41	•	1,4249
Ammoniaque	1,328	n	1,3146

(Suite du tableau)

	Cazin	Röntgen	Masson (d'après la vitesse du son).
Acide carbonique	1,291	1,3052	1,2887
Protoxyde d'azote	1,285	b	1,2813
Acide sulfureux	1,262	•	1,2620
Bicarbure d'hydrogène	1,257	•	1,2708
Vapeur d'éther	1,079	•	1,0544
Vapeur d'eau	10	•	1,2771

On remarquera que, dans ce tableau, le rapport des dem chaleurs spécifiques est à peu près le même pour les gaz, qui dans les circonstances ordinaires de température et de pression sont loin des conditions nécessaires à leur liquéfaction. Pour les gaz facilement liquéfables, ce rapport est un peu plus petit.

15. MESURE DE LA CHALEUR SPÉCIFIQUE DES GAZ A PRESSION COM-TANTE. — La mesure de la chaleur spécifique d'un gaz à pression constante s'effectue par la méthode des mélanges. Mais il est évident qu'il faut employer dans ce cas une disposition expérimentale tout autre que pour les solides et les liquides. Sous les trois états physiques, en effet, les chaleurs spécifiques des corps sont de même ordre de grandeur; or, vu la faible densité des gaz, il faut en employer un volume considérable pour que la chaleur qu'abandonne la masse gazeuse en se refroidissant élève d'une quantité appréciable la température de l'eau du calorimètre.

Aussi a-t-on été amené à faire circuler le gaz dans me tube métallique mince, passant d'abord dans une étuve destinée à élever sa température, puis, traversant immédiatement après le calorimètre, dont l'eau prend la chaleur que le gue lui cède pour se refroidir.

ll faut, du reste, que le gaz sasse assez lentement long trajet à l'intérieur du calorimètre, avant de s'échapper.

pour qu'il quitte celui-ci à la tompérature connue de l'eau qui y est contenue.

De pareilles expériences présentent de sérieuses difficultés, car il existe des causes perturbatrices, qui vont nécessiter des corrections bien plus considérables que celles qu'on a besoin d'effectuer dans le cas des solides ou des liquides. Outre les gains ou pertes de chaleur que le calorimètre peut éprouver de la part de l'air ambiant, il est impossible ici d'éviter qu'une certaine quantité de chaleur passe de l'étuve au calorimètre par suite de la conductibilité de la substance qui forme le tube dans lequel le gaz circule. L'expérience dure longtemps, puisqu'il faut faire passer lentement un grand volume de gaz à l'intérieur du calorimètre, et la longueur de l'expérience augmente encore l'importance des corrections à effectuer.

Les premiers physiciens qui ont mesuré d'une saçon un peu précise les chaleurs spécifiques des gaz, sont Delaroche et Bérard (1812). Cette étude les a conduits à la vérission d'une loi très importante que nous exposerons plus loin.

La manière dont ils ont surmonté les difficultés inhérentes à ces recherches est fort heureuse, et leur disposition expérimentale est des plus ingénieuses; mais elle est un peu compliquée, et malheureusement n'est pas à l'abri de toute critique. C'est pourquoi nous nous bornerons à décrire ici les expériences de Regnault qui ont fourni les nombres dont on se sert aujourd'hui.

16. EXPÉRIENCES DE REGNAULT. — DESCRIPTION DE L'APPAREIL. La disposition expérimentale de ce physicien comprenait trois parties principales: — 1° les appareils destinés à obtenir un courant gazeux, d'une vitesse constante et pouvant être réglée à volonté; — 2° un bain qui donnait au gaz une température déterminée; — 3° le calorimètre où le gaz abandonnait son excès de chaleur.

La première partie comprenait un réservoir en cuivre V (fig. 261), cerclé de fer, pour résister à de fortes pressions intérieures; il communiquait avec un système de pompes destinées à y accumuler sous pression le gaz qu'on voulait

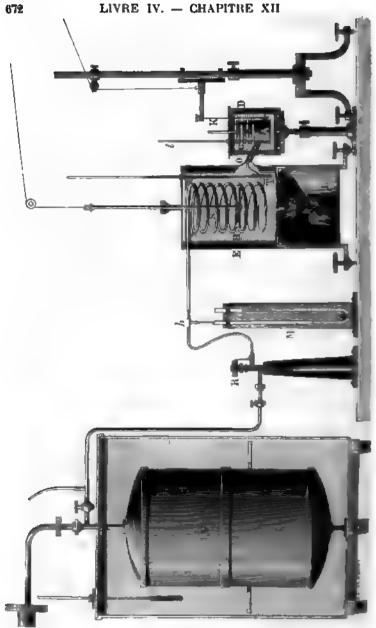


Fig. 961-

étudier. La force élastique de ce gaz était mesurée par le grand manomètre à nir libre, décrit à propos des expériences de Regnault sur la compressibilité des gaz; il communiquait constamment avec ce réservoir. Un tube, pouvant être fermé à l'aide d'un robinet, permettait au gaz contenu à l'intérieur de ce vase de se rendre dans les autres parties de l'appareil.

Il était bon que le gaz s'écoulât à travers le calorimètre avec une vitesse constante. Aussi, sur le trajet du tube qui conduisait le gaz aux autres parties de l'appareil, se trouvait un régulateur de la vitesse du courant gazeux (représenté en R, fig. 261 et 262). C'était un robinet à vis, fait avec beaucoup

de soin: la partie inférieure de la vis était conique, et pouvait fermer
exactement l'ordice évasé
en tronc de cône du conduit qui amenait le gaz
du réservoir; le passage
du gaz était alors complétement intercepté. Mais
en desserrant la vis, on
soulevait le cône terminal, et le gaz s'écoulait
d'antant plus vite, pour
une même force élastique
dans le réservoir, que

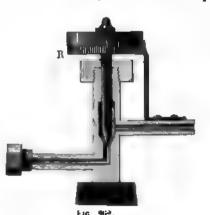


FIG. 202.

l'issue qu'on lui livrait ainsi était moins étroite.

A mesure que la masse gazense diminuait dans le réservoir, sa force élastique devenait plus faible, ce qui tendait à raientir la vitesse d'écoulement; aussi un aide devait-il, pendant toute la durée de l'expérience, soulever lentement la vis du régulateur pour rendre l'écoulement constant. Un indicateur de la vitesse du courant gazenx était done indispensable. Celui-ci consistait simplement en un manomètre à eau M; l'une des branches était ouverte librement dans l'atmosphère, l'autre communiquait avec le tube dans lequel s'écoulait le gaz h. Or, un peu au delà du manomètre, ce tube so rétrécissait sur un trajet de quelques centimètres, puis, après avoir traversé le réchausseur et le calori-

mètre, débouchait librement dans l'atmosphère. Grâce à ce 👚 🧀 trécissement, le gaz possédait en avant de celui-ci une force élastique un peu supérieure à la pression atmosphérique, 🐟 🕻 différence, mesurée par le manomètre à cau, diminumt avec la vitesse du courant gazeux et demeurait constante, au contra i re, quand celle-ci ne variait pas. Il suffisait donc, pour régler l'écoulement, que l'aide tournât la vis du régulateur de manuer e a obtemir pendant toute la durée de l'expérience la même différe race de niveau entre les deux branches du manometre.

Passons à la seconde partie de l'appareil, celle qui était : 1 estinée à échauffer le gaz. Celle-ci consistait en un bain d'huit « B. contenu dans un vase de laiton. A l'intérieur du vase s'enrot a l'aut en scrpentin S un tube en latton mince, de 0°,8 de dismètr « et d'une longueur de 10 mètres; c'est dans ce tube que le gaz cir-il possédait un convercle percé d'ouvertures destinées à li server passage au tube, à la tige d'un agitaleur et à celle d'un ther a andmètre à mercure T. Celui-ci avait eté soigneusement comp » a mé au thermomètre à air.

Le réservoir du thermomètre T touchait le tube conternant le gaz an moment où il allait sortir du bain; il était il anc placé dans les meilleures conditions pour indiquer la tempera 🕻 🗷 🎫 du gaz à sa sortie de cette partie de l'appareil Regnault, reste, s'était assuré directement, avant de commencer ses es 🚛 💆 🔄 riences définitives, que le gaz possédait bien, à sa sortie, température du bain indiquée par ce thermomètre. Ajont 💎 🏗 qu'uns enveloppe métallique E, à l'intérieur de laquelle étas = nt places la lampe et le bain, protégeait celui-ci contre les coura zats d'air.

Le calorimètre que Regnault a employé etait d'une for z zue spéciale. Le gaz, au sortir du bain, passait dans une boite cyl 🗯 🕶 drique en laiton A baignée par l'eau contenue dans un vase laiton mince, et qui devait s'échauffer par la chaleur cédée 📂 le gaz.

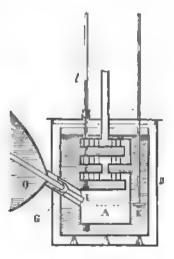
en.

-11

Celui-ci, avant de s'échapper dans l'atmosphère, était forcé traverser trois autres boites en latton, placees aussi dans l'e du calorimètre ; chacune de ces boites etait cloisonnée a l'in rieur par une lame en spirale (représentée en coupe horizontale et en coupe verticale, fig. 263), ce qui obligeait le gaz à y séjourner longtemps, et ce qui multipliait les points de contact

entre le gaz chaud et les parois métalliques. Grâce à ces précautions, le gaz sortait à la température que possédait le calorimètre, quoique les conduits qu'il traversait à l'intérieur de celui-ci fussent assez larges pour qu'il n'y eût pas de changement de force élastique capable de produire une destruction de chaleur appréciable. Regnault s'est assuré directement que ces deux points importants étaient bien réalises.

Un thermomètre t, dont le réservoir allongé occupait presque toute la hauteur de l'eau du calorimètre, en donnait la température. It était gradué en $\frac{1}{20}$ de degré, et permettait d'apprécier le $\frac{1}{200}$. Un agitateur K, mû mécaniquement, rendait la température uniforme.





Pic. 263.

Le vase était protégé contre le rayonnement par un autre vase en laitou D plus haut et plus large, sur le fond duquel il reposait par l'intermédiaire de trois cônes de hège. Co vase possédait un couvercle percé des ouvertures nécessaires. Enfin, il était enfermé lui-même dans une caisse de sapin mince (non représentée sur la figure) contenant, en outre, un thermomètre pour donner la température de l'air ambient. Cette caisse possédait des fenêtres destinées à permettre la lecture des deux thermomètres; elle se faisait de loin, à l'aide de deux lunettes.

Le point le plus délicat était de faire communiquer le tube, contenu à l'intérieur du bain, avec le calorimètre, de façon que le gaz ne se refroidit pas pendant le trajet; sans quoi on n'aura pas pu prendre la température du bain d'huile pour celle du ge entrant dans le calorimètre.

En outre, il fallait éviter, autant que possible, que la substanc du canal de communication n'apportât directement, par sa propi conductibilité, de la chaleur du bain au calorimètre.

Voici comment s'y est pris Regnault.

Le bain présentait un renfiement O (fig. 263) destiné à en tourer d'huile chaude le tube jusqu'au point où il entrait dan le calorimètre sans être obligé de trop rapprocher celui-ci d bain. Le tube ne sortait de ce bain que sur une longueur c un centimètre, et il s'engageait dans un bouchon de hège (fermant une tubulure que présentant la boite. Sur l'extrémit amincie de ce bouchon s'adaptait un tube en verre mince l destiné à duriger le courant gazeux jusqu'au centre de la boile pour qu'il cédat le moins de chaleur possible à la tubulure, qui n l'aurait pas transmise intégralement à l'eau du calorimètre. O voit qu'entre le métal du tube qui sortait du bain et le métal d la tubulure du calorimètre se trouvait interposé un liège, com très mauvais conducteur de la chaleur ; en outre, celui-ci éta aminci sur ses bords, de manière à ne toucher la tubulure qu par une couronne; cette précaution rendait extrêmement faibl la quantité de chaleur transmise du bain au calorimètre pt voie de conductibilité.

Le refroidissement du gaz, en passant du bain d'huile au calc rimètre, devait être d'autant plus grand que la vitesse du oou rant gazeux était plus faible. Or, Regnault a fait varior la rapidit de l'écoulement; il a reconnu, en effet, que la valeur trouvé pour la chalcur spécifique dépendait de la vitesse quand celles était faible: le gaz se refroidissant d'une façon sensible en pas sant du bain au calorimètre. Mais à partir d'une certaine vitess les résultats devinrent indépendants de la rapidite de l'écoulement, le gaz ne perdait pas une quantité de chalcur appreciate en passant du bain au calorimètre. Inutile d'ajouter que, dans expériences définitives, Regnault a employé des vitesses su samment grandes pour qu'il en fût ainsi.

Mesune de la masse du gaz qui traversait le calorimètre Cette quantité s'obtenait par la mesure de la force élast initiale et par la mesure de la force élastique finale du gaz contenu dans le réservoir.

Désignons par p_0 la masse de gaz contenu dans le réservoir à 0° pour une force élastique H. Si le volume du vase n'avait pas un peu augmenté avec la pression exercée par le gaz qu'il renfermait, et si ce gaz avait obéi rigoureusement à la loi de Mariotte, on aurait eu la relation :

$$p_0 = AH$$

Si ces deux conditions n'étaient pas remplies en toute rigueur, elles l'étaient du moins d'une façon très approchée, et Regnault a constaté que la formule parabolique

(1)
$$p_0 = AH + BH^2 + CH^3$$

dans laquelle A, B, C sont trois constantes, reliait d'une façon très exacte la masse p_0 du gaz contenu dans le réservoir à 0° à sa force élastique H donnée par le manomètre.

Si la température était t, la masse de gaz p contenue dans le réservoir pour la même force élastique H était donnée par :

(2)
$$p = \frac{p_0}{1 + \beta t} = \frac{AH + BH^2 + CH^3}{1 + \beta t}$$

β étant le coefficient de dilatation du gaz à pression constante H. Regnault tenait compte de la variation de β avec la valeur de H.

Voyons maintenant comment ce physicien déterminait les constantes A, B, C.

Il mettait en communication avec le réservoir le ballon qui lui avait servi à mesurer les densités des gaz, après avoir fait le vide dans son intérieur et l'avoir taré à l'aide du ballon compensateur. Le ballon était rempli du gaz du réservoir, en ouvrant lentement le robinet de communication, jusqu'à ce qu'on eût atteint la pression d'une atmosphère environ dans l'intérieur du

ballon. Il en résultait une diminution de force élastique très faible — ΔH dans l'intérieur du réservoir; on la mesurait avec soin. La masse de gaz Δp , enlevée ainsi du réservoir, était connue par l'augmentation de masse du ballon fournie par la pesée. Or, les quantités ΔH et Δp étant très faibles, vis-à-vis de H et de p, le quotient connu $\frac{\Delta p}{\Delta H}$ ne différait pas d'une quantité appréciable de la dérivée de p par rapport à H; on avait donc, en prenant la dérivée du dernier membre de l'égalité (2), dans laquelle 5 était considéré comme une constante :

(3)
$$\frac{A + 2BH + 3CH^2}{1 + \beta t} = \frac{\Delta p}{\Delta H}$$

En répétant encore deux fois la même expérience, pour des forces élastiques H' et H' notablement différentes, on avait deux autres égalités qui, jointes à la précédente, fournissaient les trois équations nécessaires à la connaissance des quantités A, B, C.

Cette détermination faite, la mesure de la force élastique dans le réservoir faisait connaître à chaque instant, grâce à l'égalité (2) la masse du gaz qui y était enfermée. Il suffisait, par conséquent, de prendre la différence entre la masse initiale et la masse finale pour avoir la quantité de gaz écoulé à travers le calorimètre.

Calculs et corrections. — Désignons par P la masse de gracécoulé pendant une expérience, par T la température constante de bain d'huile, par θ_0 et θ_n les températures initiales et finales, très voisines du reste, du calorimètre; la température moyenne de celui-ci étant $\frac{\theta_0 + \theta_n}{2}$, on pouvait, sans erreur appréciable, admettre que la quantité de chaleur cédée au calorimètre par le gas était la même que si toute la masse P était descendue de la température T à la température moyenne $\frac{\theta_0 + \theta_n}{2}$ en traversant le calorimètre. Par conséquent, si nous désignons par C la chaleur

spécifique du gaz, $PC\left(T - \frac{\theta_0 + \theta_n}{2}\right)$ représente cette quantité de chaleur.

D'autre part, pendant l'écoulement du gaz, la température du calorimètre montait de θ_0 à θ_n , et si nous représentons par

ΣΔθ l'élévation de température due aux causes perturbatrices,

la quantité $(\theta_n - \theta_0 - \sum_{\Delta \theta})$ représente l'élévation de température qu'aurait produit la chaleur cédée par le gaz si les causes perturbatrices avaient été complètement éliminées. En désignant par M la capacité calorifique connue du calorimètre et de son contenu (eau et parois métalliques), on avait la relation:

(4)
$$PC\left(T - \frac{\theta_0 + \theta_n}{2}\right) = M\left(\theta_n - \theta_0 - \sum_{\Delta\theta}\right)$$

équation qui faisait connaître C, si l'on avait déterminé $\sum_{\Delta \theta}$.

Voyons comment on obtenuit ce terme correctif. Les causes perturbatrices étaient les suivantes :

- 1º Action de l'air ambiant. L'échaussement qui pouvait en résulter pendant l'unité de temps pour le calorimètre, qui était à une température 0 toujours peu dissérente de la température ambiante a, pouvait être représenté par la formule A(a-0) d'après la loi de Newton; A étant une constante positive, cette expression a le signe de (a-0).
- 2º Rayonnement des écrans qui séparaient le bain du calorimètre. La dissérence de température entre ceux-ci et le calorimètre étant grande ne variait pas d'une fraction notable de sa valeur pendant la durée d'une expérience; aussi le réchauffement qui en résultait pouvait-il se considérer comme constant dans chaque unité de temps.
- 3º Conductibilité du conduit qui amenait le gaz du bain d'huile au calorimètre. L'échaussement qui en résultait par unité de temps était constant pour les mêmes raisons que ci-dessus.

4° Agitation de l'eau du bain par l'agitateur mécanique qui créait une faible quantité de chaleur. Cette agitation étant régulière, l'échauffement qui en résultait par unité de temps étai une quantité constante.

En réunissant en une seule B ces trois dernières constantes on pouvait exprimer l'élévation de température Δθ qu'éprouvait rependant une minuto le calorimètre sous l'influence des causes perturbatrices par :

$$\Delta \theta = A(a - \theta) + B$$

comme nous l'avons déjà montré (§ 8) dans la méthode général de correction.

Les deux constantes A et B se déterminaient d'une manière ana logue à celle que nous avons indiquée dans ce paragraphe Avant de faire passer le courant gazeux, le bain d'huil ayant été amené à la température T voulue pour l'expérience on observait pendant dix minutes la marche du thermomètre de calorimètre, qui ne pouvait provenir que des causes perturbatirices. Soit $\Delta\theta_4$ la dixième partie de cette élévation de température on avait :

C't

(6)
$$\Delta \theta_i = A(a_i - \theta_i) + B$$

a₁ et θ₁ étant les valeurs moyennes de la température ambiante de la température du calorimètre pendant ce temps.

Après avoir fait passer le courant gazeux, on notait ence pendant dix minutes la marche du thermomètre sous l'influe des causes perturbatrices; si $\Delta \theta_2$ représente la dixième partie la variation de température observée, et si a_2 et θ_2 représente la valeurs moyennes de la température de l'air ambiant et calorimètre pendant ce temps, on avait :

(7)
$$\Delta \theta_2 = A(a_2 - \theta_2) - B$$

Les équations (6) et (7) déterminaient A et B.

Ces quantités étant connues, l'égalité (5) permettait de calculer la valeur $\Delta 0$ pendant chaque minute que dure l'écoulement du gaz, en considérant pendant cette minute a et θ comme des constantes dont on prenait pour valeur la moyenne entre la valeur initiale et la valeur sinale, très voisines du reste. En faisant la somme des valeurs de $\Delta 0$ ainsi calculées, on obtenait le terme

correctif $\sum_{\Delta\theta}$.

marche d'une expérience. — On commençait par amener le bain d'huile à une température élevée qu'on maintenait constante, les agitateurs ayant été mis en mouvement. On notait alors la température et la force élastique du gaz dans le réservoir, puis on procédait aux observations du calorimètre. On faisait la lecture du thermomètre plongé dans le calorimètre et du thermomètre placé à côté, et on répétait cette lecture dix minutes après. Aussitôt on ouvrait le robinet et l'on réglait l'écoulement du gaz de façon à avoir une vitesse constante convenable. On notait de minute en minute la température du calorimètre et la température ambiante. Quand la masse de gaz qui avait traversé le calorimètre paraissait suffisante, on arrêtait l'écoulement, et pendant trois minutes on continuait encore, de minute en minute, les observations thermométriques, car pendant cet intervalle le gaz resté dans le calorimètre pouvait encore lui céder de la chaleur; ensin, on relevait une dernière sois ces deux températures dix minutes après. En mesurant de nouveau la force élastique et la température du gaz contenu dans le réservoir, on avait toutes les données nécessaires pour la mesure de la chaleur spécifique du gaz.

L'appareil précédent permettait d'obtenir les chaleurs spécisiques des gaz entre des limites étendues de température, mais il devait être modissé pour opérer sous des pressions dissérentes.

Dans ce cas, le réservoir était de très grande capacité (253 litres); il était solidement construit pour pouvoir résister à des pressions élevées. Le calorimètre renfermait, au lieu de boites cloisonnées, qui n'auraient pu résister à un excès de pression intérieure un peu considérable, un cylindre de laiton de 20 centre.

timètres de diamètre environ, cloisonné par une lame de métal enroulée en hélice à son intérieur; le gaz, après avoir traversé ce cylindre, s'engageait dans un serpentin formé d'un tube de laiton de 0°,8 de diamètre intérieur et de 10 mètres de long, enroulé à l'intérieur du calorimètre.

Le régulateur n'était pas placé entre le réservoir et le réchauffeur; il y avait libre communication entre le réservoir et les serpentins de l'étuve et du calorimètre. C'était sur le prolongement du tube qui sortait de celui-ci, que se trouvait la vis micrométrique servant à régler l'écoulement du gaz et au deli le système indicateur de la vitesse du courant gazeux. Celui-ci était formé, comme dans le premier appareil, d'un manomètre à eau précédant un rétrécissement que présentait le tube avant de déboucher dans l'atmosphère.

Par cette disposition le gaz avait dans le serpentin du réchauf feur et dans celui du calorimètre la même force élastique que dans le réservoir. Grâce à la grande capacité de celui-ci. la force élastique variait fort peu du reste pendant l'expérience.

17. CIRCONSTANCES DANS LESQUELLES LES MÉTHODES PRÉCIDENTES NE SONT PAS APPLICABLES. — Avant de donner les
résultats obtenus pour les chaleurs spécifiques, nous ferons
remarquer que les diverses méthodes que nous venons d'exposer
ne sont pas applicables quand le corps dont on veut étudier la
chaleur spécifique soit à l'état solide, soit à l'état liquide, soit à
l'état gazeux ne peut conserver cet état à l'intérieur du calerimètre. Tel est un liquide dont le point de solidification est audessus de la température ordinaire, ou un solide dont le point
de fusion est au-dessous de la température ordinaire, ou
encore une vapeur qui à la température ordinaire ne peut exister
sous la pression atmosphérique.

On ne peut songer à élever la température de l'eau d'un calorimètre notablement au-dessus de la température ambiante, le refroidissement par le contact de l'air et par le rayonnement serait beaucoup trop considérable, et les corrections devicadraient tout à fait incertaines.

Nous verrons plus loin que, dans ce cas, les chaleurs spéci-

fiques sont déterminées en même temps que les chaleurs latentes.

18. RÉSULTATS FOURNIS PAR LA MESURE DES CHALEURS SPÉCI-FIQUES. — Si nous exceptons l'hydrogène, tous les autres corps ont une chaleur spécifique moindre que celle de l'eau liquide; celle-ci étant l'unité par définition, la chaleur spécifique des autres corps est un nombre fractionnaire.

Une même substance ne possède pas la même chaleur spéciflque sous les divers états physiques qu'elle peut présenter. Ainsi, en général, cette quantité diffère suivant que la même substance est solide, liquide ou gazeuse, comme le montre le tableau suivant.

	SOLIDE	LIQUIDE	GAZ (à pression constante)
Brome	0.084 3	0,11	0,055
Iode	0,054	0,109	
Phosphore	0,19	0,205	»
Mercure	0,032	0,034	»
Eau	0.50	1,00	0,48
Alcool	*	0,595	0,452
Naphtaline	0,324	0,428	»

On peut remarquer que c'est à l'état liquide que la substance possède la plus grande chaleur spécifique.

Sous ses différentes variétés allotropiques une substance ne possède pas non plus la même chaleur spécifique; on peut en juger par le tableau suivant.

CHALEUR spécifique moyenne	INTERVALLE de température
0,147 0,202	de 10° à 100°
0,275 0,214	de 21° à 52°
0,190 0,170	de 10° à 30° de 15° à 100°
0,175 0,170	•
	0,147 0,202 0,202 0,479 0,214 0,190 0,170

Pourtant les deux variétés de sélénium, si dissérentes par leur conductibilité électrique, ont même chaleur spécifique. Il en est de même de l'aluminium à l'état de corindon ou de saphir.

Le même corps du reste ne possède pas la même chaleur spécifique à toute température. Pour tous les corps etudiés. Le chaleur spécifique vraie augmente avec la température et parait tendre vers une limite. D'après M. Weber, cette limite serait le même pour les diverses variétés d'un même corps polymorphe, qui, aux températures ordinaires, ont des chaleurs spécifiques différentes.

Pour beaucoup de substances la variation de chaleur spécifique est faible; aussi peut-on représenter la quantité de chaleur Q nécessaire pour élever 1 gr. de la substance de 0° à t° par une formule parabolique à trois termes

$$Q = At + Bt^2 + Ct^3$$

formule dans laquelle A,B,C sont trois constantes et par conséquent la chaleur spécifique vraie c à to par

$$c = A + 2Bt + 3Ct^2$$

Voici, d'après Regnault, la valeur des coefficients A,B,C pour quelques liquides (¹).

•	A	В	c	Log. A	Log. B	Log. C	LIMITE de température
Eau	1,0000	0, 000 02	0,000 000 3	0,000 000 0	5,301 030 0	7,477 1 2 1 3	x 0
Alcool				1'	3,049 929 6	B	-23°à+60°
leacure de térébenthine	0,4106	0.000 619	0,000 001 33	1,613 397 7	1,791 927 9	6,122 994 7	+10°à+150°
Sulfure & carbon.	0,235 2	0,000 082	0	1.371 496 1	5,911 239 7	0	-30° à +39°
Ether	0.529 0	0,000 296	0	1,723 453 8	4,471 102 6	0	-29° à +32°
Chioroforme	0,232 4	0,000 0st	0	7.366 143 5	5,705 143 0	0	-30°à+61°
Acide acétique.	0.527 4	0,000 523	0	1,792 149 8	4,718 679 1	o	-±0°à+63°

Ainsi, d'après la formule de Regnault, la chaleur spécifique, vraie de l'eau est :

à	0•	1,0000
	16•	1,0005
	20•	1,0012
	5 0 °	1,0042
	100•	1,0130
	200°	1,0440
	230•	1,0568

Comme dans les expériences calorimétriques l'eau du calorimètre est généralement comprise entre 10° et 20°, on voit qu'on ne commet pas une erreur bien notable en prenant, comme nous l'avons sait, l'unité pour chaleur spécisique de l'eau.

M. Violle a trouvé que la chaleur spécifique vraie du platine entre 0° et 1200° était fidèlement représentée par:

$$c = 0.0317 + 0.000012t$$

⁽¹⁾ Ce sont les logarithmes des valeurs de A,B,C qui sont donnés dans le Mémoire de Regnault, sauf pour l'eau. Nous avons transcrit ces nombres tels qu'ils se trouvent dans le Mémoire; mais, bien entendu, il ne faut pas croire que les dernières décimales des logarithmes soient exactes.

Les expériences de tous les physiciens qui se sont occur de de cette question, et, en particulier, celles de Dulong et Pe dil, donnent pour les autres métaux des résultats analogues.

Mais, de tous les corps, ceux qui ont fourni les résultats les plus remarquables sous le rapport de la variation de la chale ur spécifique avec la température sont le carbone, le bore et le silicium. Les expériences de M. Weber ont montré que la chale respécifique vraie du carbone (diamant, graphite) augmente régulièrement avec la température jusque vers 600°, où elle atteir une valeur sept fois plus grande que celle qu'elle possède à 0° A partie de 600° la chaleur spécifique reste constante. Il en est de même du bore. Quant au silicium, à partir de 200° sa chaleur spécifique ne varie plus.

Regnault a reconnu que la chaleur spécifique de l'air était indépendante de la température mesurée sur le thermomètre à air. Les nombres suivants le montrent, car les écarts rentrent dans la limite des erreurs expérimentales:

de
$$-30^{\circ}$$
 à $+10^{\circ}$ de 0° à $+100^{\circ}$ de 0° à $+200^{\circ}$ 0,23751

Il en est probablement de même de tous les gaz qui obéissent sensiblement à la loi de Mariotte. Mais Regnault a trouvé que la chaleur spécifique de l'acide carbonique croît régulièrement avec la température, comme on peut en juger par les nombres suivants qui représentent la chaleur spécifique moyenne entre les températures indiquées.

de
$$-30^{\circ}$$
 à $+10^{\circ}$ de $+10^{\circ}$ à $+100^{\circ}$ de $+10^{\circ}$ à $+210^{\circ}$ 0,18427 0,20246 0,21692

Le même physicien a constaté, contrairement à l'assertion de Delaroche et Bérard, que la chaleur spécifique des gaz à pression constante était indépendante de cette pression.

Cette loi n'a pourtant été bien vérifiée par Regnault que pour l'air et pour l'hydrogène. Ce physicien pense qu'elle ne doit pas s'appliquer en toute rigueur aux gaz, qui obéissent mal à la loi de Mariotte.

49. LOIS DES CHALEURS SPÉCIFIQUES DES GAZ. — Des volumes égaux de différents gaz simples ont même capacité calorifique.

Cette loi avait été présentée par plusieurs physiciens; elle fut énoncée comme une loi expérimentale par Delaroche et Bérard à la suite de leurs expériences, mais d'une façon trop générale, car ils l'étendaient non seulement à tous les gaz simples mais aussi aux gaz composés; or, pour ceux-ci, nous allons voir qu'elle doit être modifiée. En réalité, ce sont les expériences de Regnault qui en ont établi l'exactitude.

Si nous désignons par a la masse de l'unité de volume d'air à une certaine température et pour une certaine force élastique, par p la masse d'un volume V d'un gaz, de densité δ par rapport à l'air, à la même température et pour la même force élastique, on a la relation :

$$p = aV\delta$$

En appelant C la chaleur spécifique de ce gaz à pression constante, la capacité calorifique du volume V est:

$$pC = aV\delta C$$

Pour voir si des masses de différents gaz occupant le même volume V à la même température et pour la même force élastique ont même capacité calorifique (pC), il suffit, d'après la relation (1), de constater que le produit &C est le même. Or voici le résultat des expériences de Regnault pour les gaz simples :

	CHALEUR SPECIFIQUE à pression constante C	densité 8	PRODUIT C8
Oxygène	. 0,217 51	1,1056	0,240 49
Azote	. 0,21380	0,971 3	0,236 80
Hydrogène.	. 3,409 00	0,069 2	0,235 90
Chlore	. 0,120 90	2,450 2	0,296 23
Brome	. 0.055 52	5,477 2	0.304 09

On voit que le produit & C est à très peu près constant et ég à 0,24, sauf dans le cas du chlore et du brome, pour lesquels est plus fort. Mais ces deux gaz sont aisément liquéfiables à températures ordinaires, et il est présumable qu'à mesure q la température s'élève le produit & diminue et tend ve la même valeur que pour les autres gaz. D'après cela, se devons considérer la loi énoncée plus haut, ainsi que tou celles qui sont relatives aux gaz, comme une loi limite à laque ceux-ci obéissent d'autant mieux qu'ils sont dans des condita plus éloignées de celles nécessaires à leur liquéfaction.

A la suite de recherches restées inédites, Dulong avait, éson les lois suivantes :

- 1º Des volumes égaux de gaz, composés de gaz simples avec le même degré de condensation, ont même capacité calorité
- 2º Dans le cas des gaz formés sans condensation, cette cap cité calorifique est la même que celle des gaz simples.

La deuxième loi de Dulong est justifiée par les expériese de Regnault, comme le montre le tableau suivant :

	CHALEUR SPÉCIFIQUE à pression constante C	DENSITÉ 8	PRODUIT (含
Bioxyde d'azote Oxyde de carbone Acide chlorhydrique .	0,2450	1,038 4 0,967 3 1,259 6	0,240 G 0,247 G 0,243 2

La première loi de Dulong paraît moins exacte:

	CHALEUR SPÉCIFIQUE à pression constante C	DENSITÉ &	PRODUIT C3
Acide carbonique	0,2169	1,529 1	0,831.7
Protoxyde d'azote	0,226.2	1,524 1	W#17
Vapeur d'eau	0,4805	0,621 9	0,2.87
Acide sulfureux	0,154.4	2,2113	0,311 1
Acide sulfhydrique	0,243 2	1,1747	0,3-57
Sulfure de carbone.	0,1569	2,625 8	0,4120

Pourtant, remarquons que les gaz dont il s'agit ici sont dans des conditions physiques voisines de celles nécessaires à leur liquéfaction. Il est bien possible que ces divergences disparaissent à haute température et que nous ayons encore là une loi limite.

Puisqu'il existe un rapport entre les deux chaleurs spécifiques qui est le même pour tous les gaz voisins de l'état parfait, les lois qui précèdent sont applicables aux capacités calorifiques de ces gaz à volume constant.

20. REMARQUE DE DULONG ET PETIT SUR LES CHALEURS SPÉCI-FIQUES. — Les travaux de Dulong et Petit sur les chaleurs spécifiques les conduisirent à une remarque fort importante : ils trouvèrent qu'en multipliant la chaleur spécifique d'un corps simple par son équivalent en poids (¹), on obtenait un produit

(1, On appelle équivalent en poids d'un corps simple la masse de ce corps qui peut se combiner avec l'unité de masse d'hydrogène, ou bien cette masse multipliée par un facteur très simple, choisi une fois pour toutes.

Les analyses et synthèses chimiques ont montré que les corps simples se combinent entre eux dans le rapport de leur équivalent en poids ainsi définis, ou bien dans ce rapport multiplié par un facteur très simple.

D'après cette loi fondamentale des combinaisons chimiques, on détermine l'équivalent d'un corps simple incapable de se combiner avec l'hydrogène par la masse du corps capable de se combiner avec l'équivalent en poids de l'oxygène (8) ou avec celui du chlore (35,5); on est certain que si plus tard on venait à découvrir une combinaison de ce corps avec l'hydrogène, on n'aurait pas à modifier son équivalent en poids ainsi déterminé.

Mais on voit que dans cette définition il reste quelque chose d'arbitraire: c'est ce facteur simple par lequel on peut multiplier la masse du corps qui se combine avec 1 d'hydrogène ou 8 d'oxygène; et pourtant, comme un même corps peut contracter plusieurs combinaisons en proportions différentes, soit avec l'hydrogène, soit avec l'oxygène, on est bien forcé d'introduire cet arbitraire dans la définition pour que ce corps n'ait qu'un seul équivalent en poids. Pour des corps simples jouissant de propriétés analogues, pouvant se substituer l'un à l'autre dans les combinaisons sans en changer le type chimique, et se rangeant par là dans une même famille, il est logique de déterminer pour chacun des corps de la famille ce facteur simple de façon qu'ils se substituent les uns aux autres suivant leur équivalent.

Telle est la définition du mot équivalent en poids employé dans le texte. Pour donner plus d'homogénéité aux équivalents en poids de corps apparqui, pour certains corps simples, était voisin de 3,2 et pour les autres de 6,4 (double de 3,2). Comme le montrent les tableaux suivants, ces produits ne sont pas exactement l'un ou l'autre de ces deux nombres. Il est bien évident qu'on ne saurait s'attendre à trouver un produit identique pour les divers corps simples, quand pour un même corps ce produit varie un peu suivant son état physique ou sa température, la chaleur spécifique dépendant de ces conditions, et l'équivalent en étant indépendant. Pourtant, comme le produit de ces deux quantités ne varie pas du quart de sa valeur moyenne quand on passe d'un corps à un autre compris dans le même tableau, tandis que l'équivalent ou la chaleur spécifique peuvent varier du simple au centuple, on reconnaîtra que la relation indiquée par Dulong et Petit, pour être grossière, n'en est pas moins des plus remarquables.

Dans les deux tableaux suivants la chaleur spécifique des corps simples est celle qui correspond à l'état solide. Pour le carbone, le silicium et le bore, dont la chaleur spécifique varie beaucoup avec la température quand celle-ci est peu élevée, on a pris la chaleur spécifique à peu près constante qu'ils possèdent à haute température.

La plupart des nombres qui sont inscrits dans ces tableaux sont dus à Regnault; si Dulong et Petit ont eu le mérite de trouver la relation qui nous occupe, ce sont surtout les expérien-

tenant à des familles différentes, pour lesquels les raisons d'analogies chimiques ne guident plus dans le choix du facteur simple qui doit être employé, on a adopté l'une des deux règles suivantes, et les équivalents en poids, ainsi précisés, ont reçu le nom de poids atomiques (definition qui est indépendante de toute hypothèse).

1º Pour les métalloïdes dont on a pu déterminer la densité à l'état gazeux, on a pris un facteur tel que le volume occupé par l'équivalent en poids du gaz simple soit le même que celui occupé par l'équivalent en poids de l'hydrogène (égal à l'unité par définition). D'après les lois de Cay-Lusses sur les combinaisons des gaz, le facteur déterminé ainsi est toujours très simple.

Il résulte de là que, la masse du gaz qui représente le poids atomique occupant le même volume que l'unité de masse d'hydrogène, ce poids atomique est exprimé par le même nombre que la densité du gaz par rapport à l'hydrogène.

2º Pour les métalloïdes dont on n'a pas pu prendre la densité de vapeur (carbone, silicium, bore) et pour les métaux, on détermine le facteur ces précises de Regnault qui ont permis d'en vérisser l'exactitude.

Corps simples dont le produit de la chaleur spécifique à l'état solide par l'équivalent en poids donne un nombre voisin de 3,2.

	Chaleur spécifique c	Equivalent en poids a	a c
Soufre	0,177 6	16	2,84
Sélénium	·	39,7	3,03
Tellure	· •	64	3,03
Carbone	0,4589	6	2,75
Silicium . • ,	0,203	14	2,84
Bore	0,366	11	4,03
Calcium	0,170	20	3,40
Magnésium	0,2499	12	3,00
Zinc	0,0956	32,7	3,13
Manganèse	0,1217	27,5	3,35
Fer	0,1138	28	3,19
Nickel	0,109 2	29,4	3,21
Cobalt	0,106 7	29,4	3,14
Cuivre	0,095 2	31,7	3,02
Mercure	0,031 9 (de-78° à-40°)	100	3,19
Plomb	0,031 4	103,5	3,25
Aluminium	0,214 3	13,7	2,93
Étain	0,0548	59	3,23
Or	0,032 4	98,5	3,19
Platine	0,032 4	98,7	2,20
Iridium	0,0326	99	3,23
Palladium	0,0593	53,3	3,16

de façon que le produit de l'équivalent en poids par la chaleur spécifique du corps solide soit sensiblement égal au produit analogue concernant les métalloïdes pris à l'état solide et dont l'équivalent en poids a été fixé d'après

Corps simples dont le produit de la chaleur spécifique à l'ésse solide par l'équivalent en poids donne un nombre voi de 6,4.

	Chaleur spécifique <i>c</i>	Equivalent en poids &	ac
Brôme	, , ,	80 127	6,7 4 6,87
Phosphore Arsenic Antimoine Bismuth	0,081 4 0,052 3	31 75 122 210	6,26 6,11 6,38 6,41
Lithium Sodium Potassium Argent	0,293 4 0,165 5	7 23 39,1 108	6,59 6,75 6,47 6,16

Comme l'équivalent en poids d'un corps n'est fixé qu'à facteur près très simple (voir la note précédente), on peut multiplier par 2, les poids équivalents adoptés pour les corps donnent pour le produit ac le nombre voisin de 3,2, tout en conservant le même poids équivalent à ceux qui donnent pour ac un

la règle précédente (brome, iode, soufre, phosphore, arsenic, etc.), produit environ égal à 6,4.

Le facteur doit être simple d'après la remarque de Dulong et Petit, puisqu'il sussit de prendre pour les poids atomiques, soit les anciens équivalents en poids, soit ces nombres doublés.

Grâce à cette définition le produit de la chaleur spécifique d'un corps solide par son poids atomique est, pour tous les corps simples, un nombre voisin de 6,4.

Le poids atomique du mercure déterminé par cette dernière règle est 200; déterminé par la première règle il ne serait que 100, la densité des vapeurs mercurielles par rapport à l'hydrogène étant 100.

On voit par cet exemple que ces deux règles ne sont pas concordantes pour tous les corps simples.

ombre voisin de 6,4. Les poids équivalents ainsi fixés s'appellent oids atomiques.

On voit que, grâce à cette définition, la relation de Dulong et le produit pc du poids et tomique p d'un corps simple par sa chaleur spécifique c'est le nombre à peu près constant (voisin de 6,4).

Si nous considérons les corps à l'état gazeux, la relation préédente n'est qu'une simple conséquence du fait que les capacités
colorifiques de volumes égaux de gaz simples sont les mêmes.
Car, comme nous l'avons montré, il résulte de ce fait que le
produit de la chaleur spécifique C d'un gaz par sa densité par
rapport à l'air & est un nombre constant; si le produit C& est le
raème pour les divers gaz simples, le produit C\frac{\delta}{0,0692}(0,0692)
ctant la densité de l'hydrogène par rapport à l'air) est aussi le
raème; or, \frac{\delta}{0,0692} étant la densité du gaz par rapport à l'hydrogène, est égal au poids atomique (voir la note de la page 689).
Seulement le produit de la chaleur spécifique d'un gaz simple,
voisin de l'état parfait par son poids atomique, est un nombre
voisin de 3,4 au lieu du nombre 6,4 qu'on obtient pour les corps
solides.

En admettant, avec la plupart des chimistes, que le poids atomique p, tel que nous l'avons défini, représente la masse de l'atome du corps simple en prenant pour unité de masse celle (h grammes) de l'atome d'hydrogène, on voit que la masse d'un atome étant hp sa capacité calorifique est hpc; c'est une quantité constante puisque h est constant et qu'il en est de même de pc en vertu de la relation de Dulong et Petit; de là cet énoncé remarquable:

La capacité calorifique des atomes des divers corps simples est la même, sous le même état physique (solide ou gazeux).

21. LOI DE WŒSTYN. — Wæstyn (1), vers 1848, pensa que les

⁽¹⁾ Wæstyn sit ce travail étant élève de l'Ecole Normale Supérieure.

atomes des corps simples gardent la même capacité calorifique en entrant en combinaison. Il soumit son hypothèse au contrôle de l'expérience, et la trouva exacte.

La capacité calorifique d'un composé est égale à la somme des capacités calorifiques des composants.

Soit un corps de poids atomique P et de chaleur spécifique C formé de composants représentés par les symboles A, B, C..., ayant respectivement des poids atomiques p_1 , p_2 , p_3 ... et des chaleurs spécifiques c_1 , c_2 , c_3 ...; soit

$$A^{n_1} B^{n_2} C^{n_3} \dots$$

la formule de ce corps composé.

La loi de Lavoisier donne la relation:

(1)
$$P = n_1 p_1 + n_2 p_2 + n_3 p_3 + ...$$

et la loi de Wæstyn s'écrit:

(2)
$$PC = n_1 p_1 c_1 + n_2 p_3 c_2 + n_3 p_3 c_3 + \dots$$

Cette loi très remarquable, et qui devrait être inscrite en tête d'un traité de chimie à côté des autres lois des combinaisons, se vérisse beaucoup mieux que la relation de Dulong et Petit.

On doit dans la relation (2) prendre pour les chaleurs spécifiques C, c_1 , c_2 , c_3 ... des divers corps, celles qui se rapportent à un même état physique. Ainsi, pour avoir la chaleur spécifique C des sels hydratés solides, il faut prendre pour la chaleur spécifique de l'eau celle de la glace, comme l'ont montré les travaux de Garnier et ceux de M. H. Kopp.

Voici quelques exemples tirés du Mémoire de Wæstyn:

	VALEUR de PC calculé d'après la formule (2)	VALEUR de PC trouvé par expérience
Sulfure de fer FeS	11,892	11,73
Sulfure de plomb PbS	12,060	12,16
Sulfure de cuivre CuS	12,031	11,41
Sulfure d'antimoine Sb ⁸ S ³	30,252	29,79
Sulfure d'argent Ag'S	18,045	18,54
lodure de cuivre Cu'l	25,777	26,05
Iodure de mercure HgI [*]	20,409	19,61

Les écarts entre les valeurs trouvées et les valeurs calculées ne dépassent pas $\frac{1}{20}$ du nombre, et rentrent dans l'ordre de grandeur des erreurs expérimentales, la chaleur spécifique de quelques-uns des corps étant fort difficile à déterminer parce qu'ils conduisent mal la chaleur (1). Depuis, les travaux de M. H. Kopp sont venus ajouter de nouvelles preuves de l'exactitude de la loi de Wæstyn.

D'après cette loi, représentée par la formule (2), la valeur de l'une des chaleurs spécifiques C, c_1 , c_2 , c_3 ... peut se déduire de la connaissance de la valeur des autres.

C'est ainsi que Wæstyn a obtenu la chaleur spécifique de l'oxygène d'après la valeur des chaleurs spécifiques d'un oxyde et du métal qu'il renferme.

Les nombres trouvés en partant des divers oxydes sont très voisins, comme on peut en juger par les exemples suivants:

Chaleur spécifique de l'oxygene 0,3029 déduite de l'oxyde de plomb PbO

- » 0,2766 » de l'oxyde de mercure HgO
- » 0,2871 » du sesquioxyde de fer Fe²O²
- » 0,3015 » du sesquioxyde d'antimoine Sb^eO²

⁽¹⁾ Si l'on prend pour calculer PC les nombres des tableaux des pages 691 et 692, qui sont un peu plus exacts que ceux employés par Wæstyn, en trouve un accord encore plus satisfaisant.

On ne devait pas s'attendre à ce que la moyenne 0,29 de ces nombres fût identique à la chaleur spécifique de l'oxygène à l'état gazeux. Ce nombre doit plutôt se rapprocher de la chaleur spécifique de l'oxygène à l'état solide.

D'après la relation de Dulong et Petit, les produits p_1c_1 , p_2c_2 , p_3c_3 du poids atomique des corps simples par leur chaleur spécifique, qui entrent dans la formule (2), sont voisins de 6,4. En substituant dans la relation (2), on obtient l'égalité:

(3)
$$PC = (n_1 + n_2 + n_3 + ...) \times 6,4$$

Cette relation, qui est une conséquence de la loi de Wæstyn et de celle de Dulong et Petit, n'est qu'assez grossièrement approchée, comme cette dernière loi.

CHAPITRE XIII

LA CHALEUR EST UNE DES FORMES DE L'ÉNERGIE.

1. PRODUCTION DE CHALEUR PAR DÉPENSE DE TRAVAIL. — Tout le monde sait, qu'en frottant vivement deux corps l'un contre l'autre, on les échausse. La lime, la scie, le foret, en usant, découpant ou perçant un métal, le rendent brûlant si l'action est assez prolongée. Les frottements de l'essieu d'une roue de wagon contre les coussinets, pendant la marche d'un train, peuvent porter au rouge l'essieu et la roue, si les surfaces frottantes ne sont plus lubrésiées par un corps gras.

Une élégante expérience, due à M. Tyndall, permet de montrer dans un cours l'élévation de température produite par le frottement.

Un tube de métal T (fig. 264) contient un liquide volatil, de l'éther par exemple; il est fermé avec un bouchon de liège. On communique à ce tube un mouvement rapide de rotation autour de son axe au moyen d'une manivelle M, d'une roue à gorge R, de la corde C et d'une poulie P. En serrant le tube, pendant sa rotation, avec une pince sixe F, on détermine un frottement; la température du tube s'élève de plus en plus, et ensin, la force élastique de la vapeur du liquide devient telle que le bouchon saute avec force.

Dans toutes les expériences analogues, d'une part on constate une création de chaleur, d'autre part il a fallu dépenser une certaine quantité de travail mécanique pour vaincre les frotte-

ments. Existe-t-il une relation intime entre ce travail et la chaleur créée?

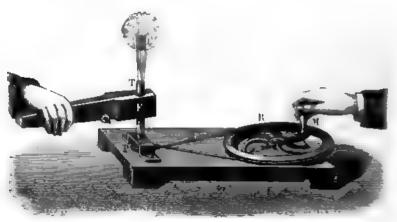


Fig. 264.

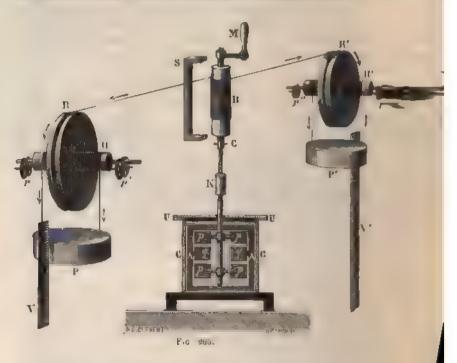
Pour résoudre cette question examinons d'abord l'une de ces expériences, celle de M. Tyndall par exemple. Nous pouvous considérer l'appareil, la pince fixe F et tous les corps environnants auxquels la chaleur peut se transmettre pendant l'opération comme un système. L'effort exercé par la mais pour tourner la manivelle est une force extérieure qui agit sur le système et qui accomplit un travail positif. Or, comme ce système ne fournit aucun travail, son énergie s'accroît nécessairement d'une quantité égale au travail reçu de la main de l'opérateur (voir L. I. Chap. I § 8). Pourtant, quand l'appareil est revenu au repos, nous ne remarquons aucun changement visible ni dans l'energie potentielle ni dans l'énergie actuelle de ses diverses parties, et le seul effet que nous constatons est une création de chaleur. Dès lors, sans faire aucune hypothèse. on peut appeler augmentation d'énergie calorifique cette augmentation certaine de l'énergie du système, qui ne se manifeste à nous que sous forme d'une plus grande quantité de chaleur.

Mais il y a plus : les expériences de M. Joule, que nous allors décrire, montrent qu'il existe un rapport constant entre la quantité de chaleur créée par le frottement, mesurée en calories, et l'augmentation d'énergie calorifique, mesurée par le travail qu'il a été nécessaire d'effectuer pour produire cette chaleur. On trouve qu'il faut toujours 41 700 000 ergs pour créer une petite calorie, quelle que soit la nature des substances frottantes, quelles que soient les circonstances de l'expérience.

- 2. EXPÉRIENCES DE M. JOULE. On doit à M. Joule, de Manchester, des expériences très précises sur la chaleur de frottement (1845-1849).
- M. Joule mesurait d'une part la chaleur créée, d'autre part le travail nécessaire pour vaincre les frottements qui produisaient cette chaleur, c'est-à-dire l'augmentation d'énergie calorifique. Ses expériences ont porté 1° sur le frottement de l'eau contre des palettes en laiton, 2° sur le frottement du mercure contre des palettes en fer, 3° sur le frottement mutuel de deux pièces de fonte.

Nous nous bornerons à décrire les expériences faites sur l'eau. Ce liquide était contenu dans un calorimètre CC (fig. 265) reposant par quelques points seulement sur un support en bois, pour éviter les pertes de chaleur par conductibilité. L'appareil était protégé par un écran contre la chaleur rayonnée par l'opérateur. Un axe vertical portant huit rangées de palettes en laiton pppp, pouvait tourner au sein du liquide, étant mobile sur un pivot et traversant à frottement doux une ouverture cylindrique, pratiquée dans un support en laiton AA, complètement baigné par l'eau. Grâce à cette disposition les frottements de l'axe contre ses supports avaient lieu à l'intérieur même du calorimètre. Quatre rangées de vannes fixes qq empêchaient l'eau de prendre un mouvement de rotation continue sous l'influence des palettes mobiles.

Il fallait mettre en mouvement l'axe portant les palettes. Pour cela celui-ci sortait du calorimètre par une ouverture pratiquée dans le couvercle UU, et juste assez large pour que ses bords n'exerçassent aucun frottement sur l'axe. A l'aide d'une goupille G, on pouvait fixer dans le prolongement de cet axe un cylindre de bois B, sur lequel s'enroulaient ensens contraire deux cordons, dont les extrémités opposées s'enroulaient à leur tour chacune sur une bobine plate d'un pied de diamètre R, R'. Chaque



Co sont ces disques qui, en descendant par leur poids, fournissaient le travail moteur et faisment tourner les hobines, le cylindre et, par conséquent, l'agit deur a palettes.

Pour diminuer autant que possible les frottements en dehors du calorimètre, l'axe commun à la bobine et au treul était en acier poli, d'un faible diamètre (un quart de pouce anglais, et reposait par chaque extrémité sur l'entre-croisement de deux roues r, r', r'', r''' comme l'axe de la poulie d'une machine d'Atwood.

Une règle graduée verticale V, V était placée à coté de chacun des disques ; elle permettait de mesurer la hauteur dont il descendait, ce qui était nécessaire pour l'évaluation du travail moteur.

Cette relation faisait connaître w à condition d'avoir évalué w'. Cette quantité, que M. Joule avait cherché à rendre très petite en diminuant autant que possible les frottements en dehors du calorimètre, était d'une évaluation exacte dificile.

Voici le procédé qui fut employé. Le cylindre était détaché de l'axe portant les palettes, et placé verticalement entre deux pivots; un même cordon s'enroulait autour de ce cylindre et sur les deux bobines plates, de telle manière qu'un des disques était forcé de monter quand l'autre descendait. Ces poids étant parfaitement égaux entre eux, se faisaient mutuellement équilibre comme ceux d'une machine d'Atwood. M. Joule chercha alors quelle charge il fallait ajouter sur l'un d'eux pour communiquer au système un mouvement uniforme de même vitesse que celui qu'on avait obtenu dans l'expérience. Le travail de la pesanteur sur le poids additionnel était alors uniquement employé à vaincre les frottements, et ce travail, facile à évaluer, aurait été égal à la quantité cherchée w', si les frottements avaient été exactement les mêmes que dans l'expérience. Mais remarquons que dans ce cas, les frottements étaient augmentés de ceux produits par les pivots qui supportaient le cylindre, puisque ces frottements n'existaient pas auparavant. M. Joule a tenu compte de ce fait, et a corrigé la valeur trouvée pour w'; quoique la correction fùt un peu incertaine, il ne saurait en résulter pour la mesure de w une erreur notable à cause de la petitesse de w', qui n'excédait pas $\frac{1}{140}$ du travail total W.

On voit avec quel soin le savant de Manchester a évité d'avoir à effectuer des corrections importantes, toujours d'une évaluation douteuse. Aussi les nombres qu'il a trouvés doivent-ils inspirer une grande conflance. Ils sont, du reste, remarquablement d'accord entre eux, pour des expériences aussi délicates.

M. Joule a fait cinq séries d'expériences: une sur l'eau, deux sur le mercure, deux sur la fonte de fer. Chacune de ces séries a compris un grand nombre d'expériences. Voici la moyenne des valeurs très concordantes trouvées pour le rapport de l'éner-

On évaluait d'abord le travail total W dû à la force motrice, la pesanteur; il était aisé à connaître. Désignons par pla masse de chaque disque de plomb, et par g l'intensité de la pesanteur; le poids de chacun d'eux était pg. En tombant d'une hauteur h, mesurée par la règle graduée, l'ensemble des deux poids accomplissait un travail égal à 2pgh, et, si l'on avait recommencé n fois l'opération, le travail total W était égal à 2npgh.

La plus grande partie, mais non la totalité de ce travail, servait à augmenter l'énergie calorifique du calorimètre et de son contenu. En effet, quoi qu'on eût cherché à diminuer autant que possible les frottements en dehors du calorimètre, on ne pouvait les éviter complètement (frottement des axes de rotation, frottement des cordons, frottement de l'air). L'énergie calorifique r'qui en résultait ne pouvait accroître l'énergie du calorimètre, mais elle n'en était pas moins fournie par le travail W: il fallait en tenir compte.

D'un autre côté, au début de chaque opération la force vive visible des diverses parties de l'appareil était nulle, puis elle prenait une certaine valeur. Pour les pièces tournantes, la force vive sinissait par être détruite par les frottements, et, cette énergie sensible se transformant en énergie calorifique comprise dans les termes w et w', il n'y avait pas à en tenir compte autrement. Mais il n'en était pas de même pour les poids moteurs; vers la sin de l'opération, chacun d'eux possédait une force vive égale à pv^2 , en désignant par v leur vitesse, très faible, et aisée à connaître au moyen de la règle graduée et d'un compteur à secondes. Or cette force vive se trouvait détruk par le choc à la fin de la course des poids; elle se convertissat alors en grande partie en énergie calorifique; mais peu importe la forme de l'énergie, celle-ci ne pouvait accroître l'énergie du calorimètre, et pourtant elle était encore fournie par le traval moteur W. Cette quantité d'énergie pour l'ensemble des deu poids était $2 \times \frac{1}{5} pv^2 = pv^2$ et, comme on faisait n opérations.

 $W = w + w' + npv^2$

la quantité d'énergie dissipée par les chocs était égale à pré.

On avait donc l'égalité :

LA CHALEUR EST UNE DES FORMES DE L'ÉNERGIE 708

Cette relation faisait connaître w à condition d'avoir évalué w'. Cette quantité, que M. Joule avait cherché à rendre très petite en diminuant autant que possible les frottements en dehors du calorimètre, était d'une évaluation exacte dificile.

Voici le procédé qui fut employé. Le cylindre était détaché de l'axe portant les palettes, et placé verticalement entre deux pivots; un même cordon s'enroulait autour de ce cylindre et sur les deux bobines plates, de telle manière qu'un des disques était forcé de monter quand l'autre descendait. Ces poids étant parfaitement égaux entre eux, se faisaient mutuellement équilibre comme ceux d'une machine d'Atwood. M. Joule chercha alors quelle charge il fallait ajouter sur l'un d'eux pour communiquer au système un mouvement uniforme de même vitesse que celui qu'on avait obtenu dans l'expérience. Le travail de la pesanteur sur le poids additionnel était alors uniquement employé à vaincre les frottements, et ce travail, facile à évaluer, aurait été égal à la quantité cherchée w', si les frottements avaient été exactement les mêmes que dans l'expérience. Mais remarquons que dans ce cas, les frottements étaient augmentés de ceux produits par les pivots qui supportaient le cylindre, puisque ces frottements n'existaient pas auparavant. M. Joule a tenu compte de ce fait, et a corrigé la valeur trouvée pour w'; quoique la correction fût un peu incertaine, il ne saurait en résulter pour la mesure de w une erreur notable à cause de la petitesse de w', qui n'excédait pas $\frac{1}{140}$ du travail total W.

On voit avec quel soin le savant de Manchester a évité d'avoir à effectuer des corrections importantes, toujours d'une évaluation douteuse. Aussi les nombres qu'il a trouvés doivent-ils inspirer une grande confiance. Ils sont, du reste, remarquablement d'accord entre eux, pour des expériences aussi délicates.

M. Joule a fait cinq séries d'expériences: une sur l'eau, deux sur le mercure, deux sur la fonte de fer. Chacune de ces séries a compris un grand nombre d'expériences. Voici la moyenne des valeurs très concordantes trouvées pour le rapport de l'éner-

gie calorifique à la quantité de chaleur correspondante dans chacune de ces séries (1).

		Unités anglaises	Unités françaises	Uni té s C. G. S.
Eau		772,692	424,1	41 601 000
Mercure	(1	772,814	424,2	41 607 000
	2	775,352	425,5	41 744 000
Fonte de fer.	(1	776,045	425,9	41 782 000
	2	773,930	424.8	41 668 000

Ce tableau montre, conformément à ce que nous avons dit à la fin du dernier paragraphe, que ce rapport est indépendant de la nature des substances frottantes; c'est là un fait capital.

On peut se rappeler, en nombre rond, qu'il faut 425 kilogrammètres pour créer une grande calorie, ou 42 mégergs pour créer une calorie.

3. PRODUCTION DE CHALEUR AU DÉPENS DE LA FORCE VIVE SENSIBLE. — Dans le livre I^{er}, de cet ouvrage au paragraphe consacré à la force vive (Chap. I, § 5, page 29, note 1), nous avons vu que, dans le choc d'un projectile contre un obstacle, si les corps sont parfaitement élastiques, la force vive sensible conserve après le choc la même valeur qu'avant (corps qui re-

Nous avens appelé dans le tableau unités françaises celles où l'unite de travail est le kilogrammètre (travail accompli par un kilogramme tombus d'un mêtre à Paris, où l'intensité de la pesanteur est 980,96, et où l'unite de chaleur est la grande calorie, quantité de chaleur nécessaire pour clever de 0° à 1° centigrade un kilogramme d'eau.

Ensin les unités C.G.S sont l'erg et la calorie.

⁽¹⁾ M. Joule a pris comme unité de travail le travail accompli par une livre (pound valant 453,5926 gr.) tombant d'un pied (foot 30,47945 c.) à Manchester, où l'intensité de la pesanteur est égale à 981,17. Comme unité de chaleur il a pris la quantité nécessaire pour élever d'un degre Fahrenheit $\left(\frac{5}{9}\right)$ de degré centigrade une livre (pound) d'eau. Ce sont ces unites que nous avons appelées unités anglaises.

bondit). Mais si les corps sont imparsaitement élastiques, le phénomène est différent: la force vive visible des corps peut disparaître ou diminuer beaucoup par le choc, sans qu'il se soit produit de travaux capables d'expliquer cette diminution de force vive; mais alors on constate toujours que le choc a donné lieu à une création de chaleur.

C'est ainsi qu'une balle de plomb, lancée par une arme à feu, et qui vient frapper un obstacle résistant (plaque de blindage, roche dure, etc.), s'écrase et ne rebondit qu'avec une faible vitesse; mais aussi elle s'échauffe au point de devenir brûlante ou même de fondre.

Une lame de plomb, posée sur un bloc de bois et battue avec un maillet, prend une élévation de température très sensible à la main.

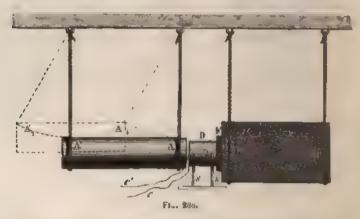
Or, dans ces différents cas, l'énergie du système constitué par les deux corps qui se choquent n'a pu diminuer puisqu'aucune force extérieure n'a agi sur eux. D'autre part si, comme dans les exemples précédents, les travaux des forces qui se produisent entre les deux corps au moment du choc, et qui sont des forces intérieures du système, ne donnent pas lieu à une augmentation de l'énergie potentielle égale à l'énergie actuelle visible disparue, nous devons en conclure que le complément a passé sous cette forme d'énergie qui ne se manifeste à nous que par une variation de la quantité de chaleur, sous forme d'énergie calorifique.

On a reconnu qu'il existe encore dans ce cas, comme dans celui du frottement, le même rapport constant (41700000) entre l'augmentation d'énergie calorifique exprimée en ergs et l'augmentation de chaleur exprimée en calories. Ce résultat remarquable a été établi par l'expérience suivante due à M. Hirn.

L'appareil (fig. 266) consisiait — 1° en un cylindre de fer forgé AA', d'une masse de 350 kilogrammes, soutenu par deux cordes, et qui devait servir de bélier pour produire le choc, — 2° en une enclume BB' formée d'un bloc prismatique de grès des Vosges, d'une masse de 941 kilogrammes, et qui était soutenue aussi par deux cordes. Elle était munie d'une forte plaque de fer F pour supporter le choc du bélier AA'.

En élevant celui-ci à une certaine hauteur H (dans la position A_4A_4') puis en l'abandonnant à l'action de son poids Pg (P étant

la masse de AA', et g l'intensité de la pesanteur), il venait chequer l'enclume avec une force vive égale au double du trava il PgH produit par l'action de la pesanteur.



Dans le cas où aucun corps n'était interposé entre le bélier l'enclume, à cause de la grande élasticité du fer qui formait les surfaces choquantes, l'enclume était chassée de sa position d'écq * 2 libre, et le bélier rebondissait aussi.

En mesurant les hauteurs h' et h auxquelles ces deux massés s'élevaient après le chor, on avant la mesure (P'gh' et Pgh travail négatif qu'avait produit la pesanteur sur ces massés pendant leur mouvement ascendant, et en doublant ce travail on avant la force vive de chacune des masses munichatement après le choc. Or, on trouvait que la somme des forces vives le l'enclume et du bélier après le choc était, à près, égale à la firme vive du bélier au moment où il allait choquer l'enclume. Au si

vive du bélier au moment où il allait choquer l'enclume. Au un choc ne détermine dans un metal élastique comme le qu'une création faible d'energie calorifique, puisque une partire ce sivième de l'énergie visible disparue devait se retrouver dai l'énergie des vibrations sonores intenses qui se produisaient a moment du choc.

Il n'en était plus de même si l'on interposait entre l'enclumet le béher, un morceau de plomb D; ce métal mou s'écrisai par le choc, et dans ce cas, quoique le son produit au moment du choc fût peu intense le recul de l'enclume et du bélier était très saible: la plus grande partie de la force vive visible était détruite, mais aussi le plomb s'échaussait.

En négligeant la faible création d'énergie calorifique qui se produisait dans le fer de l'enclume et du bélier, et l'énergie encore plus faible des vibrations sonores, on peut admettre que la moitié de la diminution de la force vive visible était égale à l'accroissement d'énergie de la masse de plomb. Or, cette masse restant à peu près immobile après le choc, son énergie actuelle visible était presque nulle. D'autre part le plomb est un métal qui ne s'écrouit pas par une déformation qu'on lui fait subir, de façon que, quand l'élévation de température due à un choc a disparu, il reprend les mêmes propriétés physiques qu'avant, autrement dit, il conserve la même énergie potentielle. Il résulte de là que l'énergie communiquée par le choc à la masse de plomb accroissait seulement son énergie calorifique.

En désignant, comme ci-dessus, par P et par P' la masse du bélier et celle de l'enclume, par H la hauteur de chute du bélier, par h' la hauteur à laquelle s'élevait l'enclume par le recul très faible produit au moment du choc et par h la hauteur à laquelle se relevait le bélier, d'après ce que nous venons de dire l'accroissement d'énergie calorifique du plomb était :

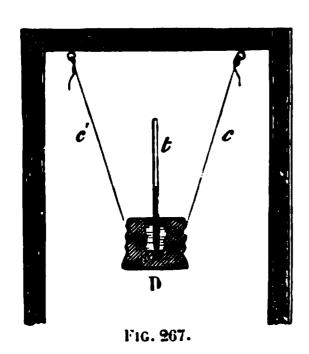
$$PgH - (Pgh + P'gh') = g[P(H - h) - P'h']$$

Il nous reste à indiquer comment on opérait pour mesurer le nombre de calories créées par le choc.

Le morceau de plomb D avait la forme d'un cylindre creusé d'une cavité. On disposait celui-ci contre l'enclume sur deux fourches en bois ss' l'axe de la cavité étant horizontal. Après avoir relevé le bélier AA' à une hauteur H que l'on mesurait avec soin, on introduisait dans la cavité le réservoir d'un thermomètre dont on notait la température t quand elle était devenue stationnaire; c'était la température du plomb.

On retirait le thermomètre, puis on laissait tomber le bélier, et l'on mesurait les hauteurs de recul h et h'. Aussitôt on enlevait le morceau de plomb au moyen de deux cordes cc' qui y

étaient fixées; puis, après l'avoir suspendu par ces cordess (fig. 267), on y introduisait une masse p connue d'eau à 0°, et le in thermomètre. On agitait celui-ci, et après 4 minutes on not



sa température Θ . On s'était assuré que ce temps suffisait pour que l'eau ait pris exactement la température du plomb. On faisait une nouvelle lecture 4 minutes apprès afin d'avoir les données nécessaires pour corriger la température Θ du refroidissement qui avait eu l'eu entre le moment du choc et ce l'ui où l'on avait noté cette température Θ .

Soit T la température corrigéé, c'est-à-dire celle qu'on aurait servée si les causes du refroit is-

2 to

30

sement avaient été nulles : l'élévation qui se serait prode le le alors dans la température du plomb serait T-t; si Π es le masse du plomb et γ sa chaleur spécifique connue, $\Pi_{\gamma}(T-t)$ serait l'accroissement de la quantité de chaleur du plomb. D'au tre part, l'eau introduite était à 0° ; elle aurait pris par conséquent $\Pi_{\gamma}(T-t)+$ $\Pi_{\gamma}(T-t)+$ représente le nombre de calories créées par le choc.

La moyenne de six expériences a donné pour le rapp de l'accroissement d'énergie calorifique $g[P(H-h)-P'h']^{\frac{1}{3}}$ l'accroissement du nombre de calories le nombre 125 en prenapour unité d'énergie le kilogrammètre et pour unité de chale la grande calorie; soit 11700000 en prenant l'erg et la calori

Ce nombre est exactement le même que celui trouvé per M. Joule dans le cas du frottement.

4. PRODUCTION DE TRAVAIL PAR DÉPENSE DE CHALEUR. — Le phénomène inverse de celui que nous avons examiné % 1 et 2 existe: — on peut obtenir du travail mécanique par dépense de chaleur.

Considérons un moteur à vapeur qui revient au repos après avoir accompli un certain travail, par exemple après avoir soulevé un fardeau. Son énergie visible n'a pas varié, pourtant nécessairement ce système a dépensé, pour accomplir ce travail, une certaine quantité d'énergie : c'est l'énergie calorisque qui a diminué. En esset, en mesurant la quantité de chaleur qu'a reçue le moteur et la quantité qu'il a restituée, pendant qu'il accomplit un travail, on trouve que la première quantité est supérieure à la seconde, et que l'excès est proportionnel au travail fourni.

C'est à M. Hirn, qu'on doit encore les expériences faites à ce sujet. Elles ont été exécutées dans une filature de coton à Logelbach, près de Colmar, sur de puissants moteurs à vapeur.

Dans une seconde série de recherches, publiées en 1862, exempte des erreurs dont il avait reconnu l'existence dans une première série de mesure, cet auteur s'est borné à rendre constant le travail fourni par la machine sans le mesurer. M. Hirn a constaté que, quelle que soit la quantité de vapeur employée pour produire le même travail, la chaleur fournie à la vapeur, avant son action sur le piston de la machine, surpasse d'une quantité constante la chaleur rendue par cette vapeur au condenseur.

Il est regrettable que, dans ses expériences exactes, M. Hirn n'ait pu mesurer le travail produit. Le résultat qu'il a obtenu n'en est pas moins extrêmement important, car il permet de dire qu'il y a un rapport constant entre l'énergie calorifique disparue et la chaleur détruite. On ne saurait douter que co rapport soit le même que celui que l'on trouve dans le cas d'une création d'énergie calorifique par le choc ou par le frottement.

5. LOI DE L'ÉQUIVALENCE. — Nous venons de voir qu'en détruisant une calorie, on obtient une quantité déterminée E de travail, que réciproquement, un travail moteur E (41 700 000 ergs environ, s'il ne donne naissance à aucune augmentation de l'énergie visible, produit une calorie; ou encore qu'une quantité d'énergie sensible égale à E qui disparait, sans produire aucun travail, donne naissance à une calorie.

D'une façon générale, quelles que soient les phénomènes dont un système est le siège, on peut constater que si le travail des forces extérieures est supérieur ou inférieur d'une quantité nE à l'augmentation de l'énergie visible, il y a toujours n calories de créées on de détruites. Telle est la loi de l'équivalence entre le travail et la chaleur, et ce nombre E est appelé l'équivalent mécanique de la chaleur.

Les expériences de M. Joules (§ 2), qui sont jusqu'ici les plus propres à en fixer la valeur exacte, donnent pour l'équivalent mécanique de la chaleur le nombre 41700000, le travail étant exprimé en ergs et la chaleur en calories.

Si l'on exprime le travail en kilogrammètres et la chaleur en grandes calories (celle qui élève de 0° à 1° un kilogramme d'eau) l'équivalent mécanique de la chaleur est 425.

41 700 000 ergs équivalent à 1 calorie

425 kilogrammètres équivalent à 1 grande calorie (1 000 calories)

6. NATURE DE LA CHALEUR. — Les faits sur lesquels nous venons de nous appuyer pour établir la loi expérimentale de l'équivalence ont une autre portée : ils vont nous permettre de nous faire une idée de la nature même de la chaleur.

Nous avons défini plus haut l'énergie calorifique comme cette forme de l'énergie dont la variation ne se manifeste à nous que par la variation de la chaleur que possède le corps. Nous avons trouvé, en outre, qu'il existait un rapport constant entre la variation d'énergie calorifique (mesurée en ergs, par exemple) et la variation de chaleur (mesurée en calories), ce rapport est l'équivalent mécanique de la chaleur E.

Il suffirait donc de prendre, pour mesurer les quantités de chaleur, une unité égale à la fraction $\frac{1}{E}$ d'une calorie, pour que le nombre qui exprime la variation d'énergie calorifique et celui qui exprime la variation de chaleur correspondante soient identiques entre eux.

Or, qu'avons-nous appelé chaleur? Ce qui existe en plus grande quantité dans le corps devenu plus chaud. Mais c'est précisément l'énergie calorifique elle-même dont la valeur est plus grande dans le corps plus chaud; il y a donc identité entre la chaleur et l'énergie calorifique; en d'autres termes : la chaleur est une des formes de l'énergie.

Quelle est maintenant cette forme de l'énergie? Est-ce de l'énergie potentielle duc à la position des particules du corps

chaud? Ou bien est-ce de l'énergie actuelle due à des mouvements très petits de ces particules? Ou encore est-elle partiellement énergie potentielle, partiellement énergie actuelle comme dans l'exemple d'une lame vibrante dont l'énergie actuelle prend une valeur maxima, quand les points de la lame passent par la position d'équilibre, et se transforme ensuite de plus en plus en énergie potentielle à mesure que la lame s'approche de l'extrémité de sa course (L. I, Chap. I, § 8)?

On ne peut guère douter aujourd'hui que la chaleur ne soit due à un mouvement des particules qui, pour les corps solides au moins, ne peut se concevoir que comme un mouvement oscillatoire ou rotatif, celui-ci s'effectuant avec une grande rapidité, mais aussi avec des amplitudes extrêmement petites. Voici les raisons qui montrent qu'il doit en être ainsi.

Tout corps chaud rayonne de la chaleur; cette chaleur rayonnante est identique, par ses propriétés, à la lumière, comme
nous l'établirons plus loin. Or, il nous paraît aujourd'hui impossible de concevoir la lumière autrement que comme un mouvement vibratoire qui se propage à travers l'espace grâce à un
milieu élastique qui le remplit l'éther (voir l'introduction, p. 6
et 7). Mais, pour qu'un corps chaud puisse émettre ces vibrations
qui constituent la chaleur rayonnante ou lumière, il faut que les
particules de sa surface soient en mouvement, et, par conséquent,
qu'il en soit de même des particules situées plus profondément
dans la masse.

Comme c'est un fait d'expérience que plus un corps est chaud, plus les radiations émises sont intenses, c'est-à-dire, plus les amplitudes des vibrations communiquées à l'éther sont considérables, il faut en conclure que la vitesse moyenne des mouvements des particules est d'autant plus grande que le corps est plus chaud.

Ainsi, c'est en partie au moins sous forme d'énergie actuelle, de force vive, que se trouve l'énergie calorifique. Faisons remarquer cependant, pour ne pas commettre d'inexactitudes, que dans un mouvement vibratoire des particules des corps, une partie de l'énergie doit, en général, se trouver sous forme d'énergie potentielle, comme nous l'avons vu dans l'exemple de la lame vibrante rappelée plus haut. Mais, du reste, il n'y a aucun inté-

rêt à savoir quelle est, à un moment donné, la proportion l'une ou de l'autre des deux formes principales de l'énergie; ce qu'il est important d'avoir établi, c'est que la chaleur est au mouvement insensible des particules des corps.

Le froid absolu correspond à l'immobilité complète des particules.

On conçoit bien, d'après cela, comment le frottement, le choc, peuvent créer des vibrations calorifiques, puisque par les mêmes moyens on peut obtenir d'autres vibrations, par exemple, des vibrations sonores.

7. TRANSMISSION DE L'ÉNERGIE CALORIFIQUE. — Un corps peut perdre ou gagner de la chaleur par conductibilité ou par rayonnement, son énergie calorifique peut varier. Il n'y a pourtant là aucune exception à la loi de la conservation de l'énergie, qui veut qu'un corps conserve la même quantité d'énergie quand il ne reçoit ou n'effectue aucun travail extérieur. C'est ce qu'il n'est peut-être pas inutile de faire remarquer.

Les particules du corps chaud, pour émettre de la challeur, font entrer en mouvement les particules du milieu qui l'entoure, en effectuant sur ces particules un travail positif, d'où diminution d'énergie pour le corps. Inversement, si les particules du milieu extérieur font entrer en vibration les particules du corps, ou augmentent l'amplitude de leurs vibrations, elles accomplissent sur le corps un travail, d'où l'augmentation d'éner sie de celui-ci.

Dans tout ce qui va suivre, nous ne nous occuperons plus de ces travaux des forces particulaires qui doivent se produt re dans les échanges de chaleur; nous ne les ferons pas ent er dans l'évaluation du travail des forces extérieures, car il plus simple de tenir compte des travaux de ces forces particulaires en indiquant la quantité de chaleur qui entre dans le cor ou qui en sort.

8. DE LA CHALEUR NÉCESSAIRE A UNE TRANSFORMATION. — Sur posons qu'une masse déterminée d'un corps ou, plus généralement, d'un mélange de diverses substances subisse une transformation, par exemple un changement de volume, de pression

de température, un changement d'état physique, ou encore une modification chimique. En général, il faudra fournir à cette masse ou en retirer une certaine quantité de chaleur. Désignons par Q cette quantité, en considérant Q comme positif si la chaleur entre dans la masse, comme négatif si la chaleur en sort.

D'autre part, pendant la transformation, le corps considéré accomplit généralement ou reçoit un travail extérieur. Par exemple, si son volume augmente, en repoussant les fluides environnants qui exercent une pression à sa surface, le corps fournit un travail extérieur; il reçoit au contraire un travail de ces pressions, s'il diminue de volume. Désignons par W le travail extérieur (sans faire entrer dans ce terme, comme il en a été convenu, les travaux particulaires qui sont nécessaires à l'entrée ou à la sortie de la quantité Q de chaleur par voie de rayonnement ou de conductibilité). Nous considèrerons W comme une quantité positive si le corps fournit un travail extérieur, comme une quantité négative s'il reçoit ce travail.

Désignons, en outre, par I_1 et I_2 l'énergie de la masse considérée au début et à la fin de la transformation, et par E l'équivalent mécanique de la chaleur.

S'il entre dans la masse un nombre Q de calories, son énergie calorifique augmente par là de EQ; mais, si en même temps elle fournit un travail extérieur W, il en résulte une diminution d'énergie égale à cette quantité; ce qui fait que la variation d'énergie $(I_2 - I_1)$, pendant la transformation, est égale à EQ - W; d'où l'égalité:

(1)
$$I_2 - I_1 = EQ - W$$
 ou $EQ = I_2 - I_1 + W$.

Nous venons d'établir cette relation dans le cas où Q et W sont positifs tous les deux, mais il est clair qu'un raisonnement analogue nous montrerait la généralité de la formule (1) dans le cas où Q ou W, ou tous les deux, seraient négatifs. Telle est *Téquation de l'équivalence*.

Faisons remarquer que, si le corps éprouve des frottements, l'équation de l'équivalence est encore satisfaite sans tenir compte des travaux des forces particulaires qui entrent en jeu dans le frottement, à condition de considérer la chaleur créée dans le milieu extérieur qui produit le frottement comme de la chaleur perdue par le corps, et d'introduire cette quantité négative dans le terme Q.

9. ÉNERGIE INTERNE. — On appelle énergie interne d'une masse son énergie totale diminuée de son énergie actuelle visible, due à un mouvement d'ensemble de toute la masse. Par conséquent, toutes les fois que la force vive visible est nulle, I, et I, représentent l'énergie interne de la masse dans la formule (1) du paragraphe précédent.

Quand un corps reprend le même état physique, la même température et le même volume, d'où par conséquent la même force élastique, en un mot, quand il revient au même état, son énergie interne reprend la même valeur.

L'énergie interne se compose, en effet, — 1° de l'énergie calorifique ou vibratoire dont la variation entraîne une variation de température pour le corps, — 2° de l'énergie potentielle due à la situation des positions moyennes des particules vibrantes les unes par rapport aux autres. Or nous concevons les différentes modifications physiques ou chimiques que peut éprouver un corps (fusion, volatilisation, transformation allotropique ou isomérique, décomposition, etc.) comme provenant d'une variation dans la situation moyenne de ces particules, pouvant entrainer une variation de l'énergie correspondante; mais nous resultant saurions concevoir que dans deux états du corps qui se identiques par toutes les propriétés que nous pouvons constater, cette énergie pût différer.

10. REPRÉSENTATION GÉOMÉTRIQUE D'UNE TRANSFORMATION. — On peut trouver des relations, parsois très importantes, entre les diverses propriétés d'un corps, en considérant les transformations successives que peut éprouver une masse déterminés de ce corps, et surtout en considérant celles qui le ramèment à un même état, de manière qu'il n'y ait pas de variation dans la valeur de l'énergie interne.

C'est Sadi Carnot (1) qui, le premier, a montré l'avantage de

(1) Sadi Carnot, ancien élève de l'École Polytechnique, était le sis

LA CHALEUR EST UNE DES FORMES DE L'ÉNERGIE 715

semblables considérations. Mais on doit à Clapeyron (1) une représentation géométrique fort commode pour indiquer la manière dont s'effectue la transformation.

Considérons une masse déterminée d'un corps homogène à température uniforme et telle que les pressions intérieures s'équilibrent. Supposons d'abord que ce corps conserve le même état physique; on peut regarder alors sa température et ses autres propriétés comme une fonction de deux variables indépendantes, son volume et sa force élastique, en désignant ainsi la pression uniforme qu'exerce le corps sur l'unité de surface du milieu qui l'entoure (2).

Ainsi, pour un gaz parfait, en représentant par t sa température, par v son volume, par p sa force élastique, par a le coefficient de dilatation des gaz parfaits, enfin, par m une constante, on a la relation:

$$\frac{pv}{1+\alpha t}=m$$

On peut faire varier indépendamment l'une de l'autre les deux quantités p et v; il en résultera généralement, une variation pour la température t et, par conséquent, pour les autres propriétés du gaz.

Si pour les gaz loin de l'état parfait, pour les liquides et pour les solides, la fonction du volume et de la force élastique qui représente la température est mal connue en général, cette fonction n'en existe pas moins.

Supposons maintenant qu'une masse déterminée d'une substance soit en partie dans un certain état physique, en partie

Carnot qui a joué un si grand rôle sous la République et sous l'Empire. Son remarquable ouvrage intitulé « Réflexions sur la puissance motrice du feu » a été publié en 1824.

- (1) Benoît-Paul-Emile Clapeyron, membre de l'Institut, né à Paris le 28 février 1799, est mort le 28 janvier 1864.
- (2) Il est clair qu'on pourrait choisir deux autres variables indépendantes, par exemple le volume et la température, ou la force élastique et la température, ou encore le volume et l'énergie interne; ces choix peuvent être commodes dans certains cas.

dans un autre état, par exemple qu'elle soit en partie solide et en partie liquide, ou encore en partie liquide et en partie gazeuse, mais supposons toujours qu'elle présente une température et une force élastique uniformes. Dans ce cas, comme nous le savons, le mélange des deux états physiques du corps, pour une même force élastique, possède une température déterminée; la température n'est donc fonction que de la quantité p et est indépendante de v. Mais, comme le volume spécifique (volume de l'unité de masser n'a pas la même valeur pour le corps dans les deux états physiques, le volume v de la masse totale nous fait connaître la quantité du corps qui se trouve sous l'un ou sous l'autre état physique. L'état de la masse considérée est donc aussi parfaitement défini par la connaissance de p et de v.

Il en est encore ainsi dans plusieurs autres cas.

Dans l'un ou l'autre de ces cas, pour représenter graphiquement

P M P V

l'état de la masse, il sustit dès lors de porter en abscisse la valeur v du volume, et en ordonnée la valeur p de la force élastique. Le point M (sig. 268), dont les coordonnées sont v et p, est le point siguratif de l'état du corps. Quand cet état varie d'une saçon continue, le point M décrit une ligne qui représente la manière dont s'effectue la transformation.

Ainsi, si la transformation se fait sans changement

de volume, la ligne a pour équation :

v = constante.

C'est une parallèle à l'axe des ordonnées (fig. 269).

Si, au contraire, la transformation se fait à pression constante, la ligne représentative a pour équation :

p = constante.

C'est une parallèle à l'axe des abscisses (fig. 270).

LA CHALEUR EST UNE DES FORMES DE L'ÉNERGIE 717

Quand la transformation se fait à température constante, la ligne représentative s'appelle nne ligne isotherme (1).

Ainsi, pour un gaz parfait, si t est constant, on a, en vertu de la loi de Mariotte:

$$pv = m(1 + \alpha t) = constante.$$

On reconnaît là l'équation d'une hyperbole équilatère ayant pour asymptotes les axes de coordonnées (fig. 271): une transformation d'un gaz parfait à température constante a donc pour ligne représentative une portion

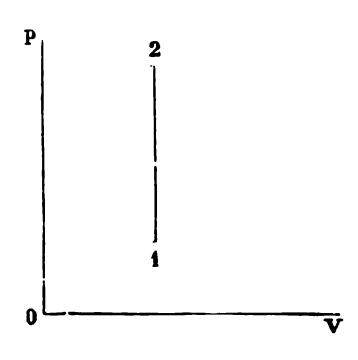


Fig. 269.

d'hyperbole. Pour chaque température, la constante ayant une valeur particulière, l'hyperbole est dissérente, et plus la température est élevée, plus son

sommet est écarté de l'origine ().

père sans qu'on communique de chaleur à la masse et sans qu'on en retire, comme cela pourrait avoir lieu si le corps considéré était enfermé dans une enveloppe impénétrable à la chaleur, la ligne représentative de la transformation est appelée ligne adiubatique (2). Nous établirons plus loin que, pour

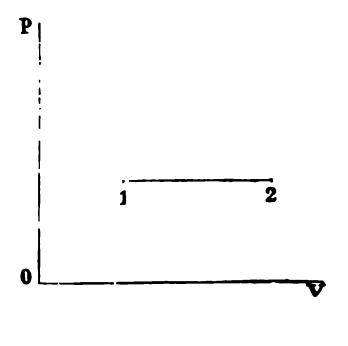


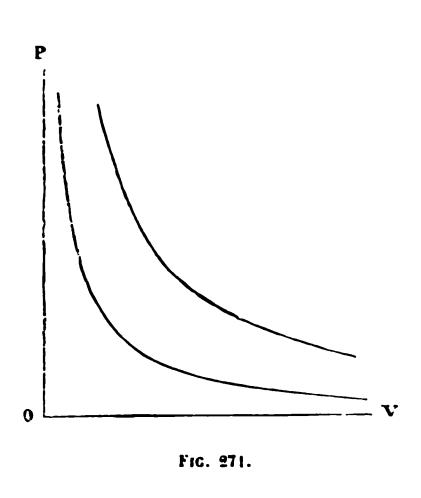
FIG. 270.

(1) De 750; égal, et de θερμός chaud.

(2) De àsiáβato; impénétrable. — Dans tout ce qui suit, nous réservons le nom de ligne aliabatique à la ligne décrite par le point figuratif dans une

les gaz parsaits, les lignes adiabatiques ont pour équation:

$$pv^{c} = \text{constante}$$



C étant la chaleur spécifique du gaz à pression constante, et c sa chaleur spécifique à volume constant.

Si le corps, après être parti d'un certain état A, revient exactement à cet état, la ligne qui représente sa transformation est fermée (fig. 272); on dit alors que le point figuratif a décrit un crecle fermé (1).

Quand il en est ainsi, la variation d'énergie interne est nulle, et si

le corps reste au repos ou reprend à la fin la même force vive visible qu'au commencement, la variation de son énergie totale est nulle. Aussi $I_2 - I_1$ étant nul, l'équation de l'équivalence se réduit à EQ = W.

Si Q est positif, la chaleur fournie au corps est employée uniquement à effectuer le travail extérieur total (2) qu'il accomplit

transformation effectuée d'une manière réversible sans échange de chaleur (voir § 13). Si la transformation n'est pas reversible, en effet, il ne suffit pas de dire qu'elle se produit sans échange de chaleur pour définir l'équation de la ligne représentative.

- (1) Souvent, par extension, on dit que le corps a décrit une certaine ligne, ou a décrit un cycle fermé, pour dire que son point figuratif a décrit cette ligne ou ce cycle fermé. C'est plus bref, et il ne saurait en résulter aucuse confusion.
- (2) Nous entendons par travail total la somme algébrique du travail foursi (positif) et du travail reçu (négatif).

LA CHALEUR EST UNE DES FORMES DE L'ÉNERGIE 749

pendant sa transformation; si Q est négatif, la chaleur cédée par le corps provient uniquement du travail extérieur total qu'il reçoit pendant sa transformation.

Donnons un exemple d'un cycle fermé qui nous sera utile plus loin.

Supposons qu'un corps éprouve une augmentation de voiume sans changement de température : le point si-guratif de son état décrira une portion de ligne isotherme AB (sig. 273). A partir de l'état B, saisons varier le volume du corps de manière que sa températuro

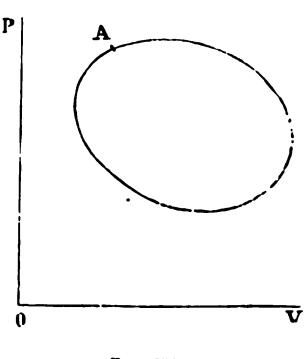


Fig. 272.

s'abaisse, mais sans lui fournir de chaleur ni lui en retirer : le point figuratif décrira une portion de ligne adiabatique BB'.

Comprimons maintenant le corps tout on maintenant cette nouvelle température constante : le point figuratif décrira une portion B'A' d'une seconde ligne isotherme à une température t' plus basse que la première t. Arrêtons-nous sur cette isotherme en un point A' tel que, sans fournir de la chaleur au corps ni lui en retirer, nous puissions l'amener à l'état primitif A: dans cette quatrième partie de la

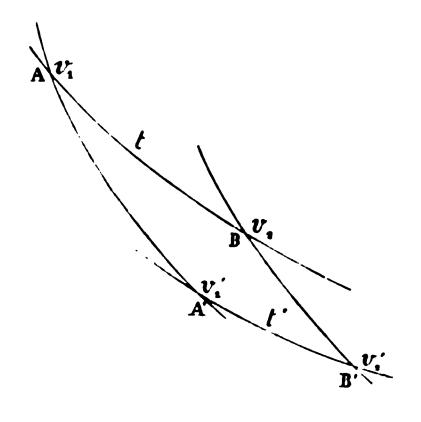


Fig. 273.

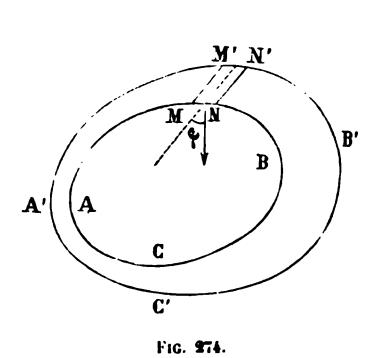
transformation, le point figuratif décrira une partie A'A d'une ligne adiabatique

Ce cycle, composé de deux isothermes AB et B'A' et de deux adiabatiques BB' et A'A, a été considéré par Carnot et porte son nom.

11. ÉVALUATION DU TRAVAIL EXTÉRIEUR. — Bien souvent, dans les problèmes de thermodynamique, la valeur du travail extérieur se réduit au travail qu'accomplit la masse quand, en augmentant de volume, elle repousse le milieu extérieur qui exerce une pression à sa surface (détente), ou inversement au travail qu'elle reçoit quand son volume diminue.

Supposons que les pressions extérieures soient normales à l'élément de surface pressé, comme cela aura lieu si le corps considéré ou si le milieu qui l'entoure est fluide.

Dans ce cas la valeur du travail extérieur est aisée à calculer.



Désignons, en effet, par P la valeur de la pression par unité de surface, cette pression P étant constante pour toute la surface de la substance considérée. Soit v le volume ABC de celle-ci (fig. 274). Supposons qu'il augmente d'une très fable quantité Δv et devienne ABC. Soit MN la position d'un élement de la surface, d'aire sa avant le déplacement, et MN sa position après le déplace-

ment. La figure MNM'N' peut se considérer comme un cylindre dont l'axe (droite joignant le centre de gravité des deux base) est d'une longueur & très petite et fait un certain angle ; avec la direction de la normale. Son volume u est donné par :

$$u = se \cos \varphi$$

Or le travail accompli par la pression normale Ps qui s'exerce sur l'élément est:

$$\Delta W = -Pse \cos \phi = -Pu$$

LA CHALEUR EST UNE DES FORMES DE L'ÉNERGIE 721 et la somme des travaux des pressions est donné par :

$$\sum (-Pu) = -P\sum u = -P\Delta v$$

Il est clair que cette expression est générale, quel que soit le signe de Δv .

Or le travail fourni par le corps ne diffère du travail des pressions que par le signe; on a donc, en appelant ΔW le travail fourni pendant la variation de volume Δv :

$$\Delta W = P \Delta v$$

Supposons maintenant que le corps considéré soit toujours, à très peu près, en équilibre de pression avec le milieu extérieur (1), c'est-à-dire que p = P, l'expression (1) devient alors :

(2)
$$\Delta W = p\Delta v \quad \text{ou} \quad \frac{\Delta W}{\Delta v} = p$$

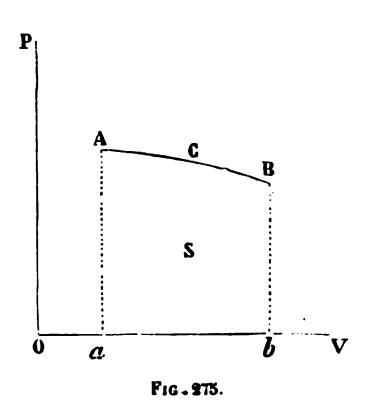
p étant toujours positif, le travail ΔW est du signe Δr .

Cette égalité est d'autant plus exacte que Δr est plus petit. Or, nous pouvons considérer le travail extérieur W, accompliou reçu pendant une transformation déterminée, comme une fonction du volume r; l'égalité (2) devenant rigoureuse, quand Δr et, par conséquent, ΔW tendent vers zéro, et la limite du rapport $\frac{\Delta W}{\Delta r}$ étant la dérivée W'_r du travail, l'on a dès lors, en toute rigueur :

$$\mathbf{W}_{r}' = p$$

(1) Un corps ne peut augmenter de volume que si sa force élastique est supérieure à celle du milieu environnant; il ne peut diminuer de volume que si sa force élastique est inférieure. Mais les différences peuvent être extrêmement faibles et l'on peut avoir à très peu près p = P.

D'après cela, il est facile de voir que le travail extérieur correspondant à une transformation représentée par une ligne AB



(fig. 273) a une valeur égale à celle de l'aire S du quadrilatère ABba, compris entre la ligne AB, les deux ordonnées extrêmes Aa et Bb, et la ligne des abscisses.

En esset, S étant une sonction de l'abscisse r, on sait que sa dérivée est égale à l'ordonnée de la courbe; on a donc:

$$S'_{\bullet} = p$$

d'où:

$$W_{r}' = S_{r}'$$

Par conséquent, en remontant aux fonctions primitives, on a:

$$W = S + constante$$

Mais la constante a une valeur nulle, puisque, quand Bb se confond avec Aa, W et S sont nuls l'un et l'autre; on a donc

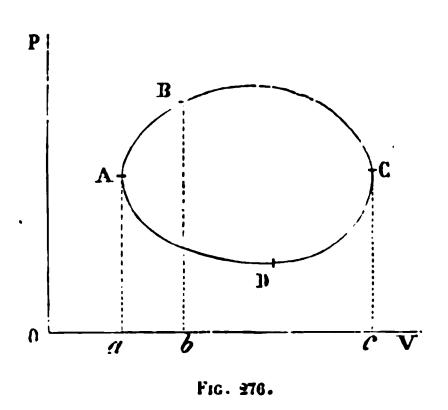
$$W = S$$

Si nous considérons toujours S en valeur absolue, on voit que l'on a W = +S si le volume augmente, c'est-à-dire si le point figuratif va sur la figure de A vers B. On a, au contraire, W = -S si le volume diminue, c'est-à-dire si le point figuratif va de B vers A.

Supposons que le point figuratif décrive un cycle fermé ABCD

(fig. 276); menons les ordonnées Aa et Cc correspondant au volume minimum Oa et

au volume maximum Oc.Considérons d'abord le cas où le cycle est décrit, à partir d'un point quelconque B, dans le sens BCDA. Le travail extérieur, en allant de B à C. est égal à + aire BCcb; travail, allant le en de C à A, est égal à — aire CAac; ensin le travail, en allant de A à B, est + aire ABba. Le tra-



vail extérieur total W correspondant à la transformation représentée par le cycle est donc :

$$W = + aire BCcb - aire CAac + aire ABba = + aire ABCD$$

Le travail extérieur est positif, et a pour valeur l'aire du cycle.

Mais si la transformation est telle que le même cycle soit décrit dans le sens BADC, inverse du précédent, on a :

$$W = -aire ABba + aire CAac - aire BCcb = -aire ABCD$$

Le travail extérieur est négatif, et a pour valeur absolue l'aire du cycle.

On voit que le travail est positif ou négatif, suivant que l'augmentation de volume a lieu pour des forces élastiques supérieures ou inférieures à celles qui correspondent à la diminution de volume.

Si $P \leq p$, cette évaluation du travail extérieur n'est plus exacte.

Dans le cas où la force élastique extérieure P est supérieure à la force élastique p du corps, le volume de celui-ci diminue

nécessairement; alors le travail extérieur est négatif et supérieur en valeur absolue à celui que recevrait le corps pour la même transformation s'il y avait égalité entre les forces élastiques.

Si au contraire P est inférieur à p, le volume du corps augmente nécessairement: le travail extérieur est positif et inférieur à celui que fournirait le corps si les forces élastiques étaient égales.

On peut avoir un exemple de l'un et l'autre cas en considérant deux masses gazeuses primitivement séparées dans deux vases distincts et sous des pressions différentes. Si, en ouvrant un large robinet, on les fait communiquer, l'un des gaz se détend, l'autre se comprime, les deux forces élastiques n'étant égales qu'à la fin de l'opération.

Il résulte de ce qui précède que, si le corps décrit un cycle dans une transformation où il n'y a pas constamment égalité entre P et p, le travail extérieur W est toujours inférieur à ce qu'il serait dans le cas de l'égalité, puisque dans la période de compression, le travail négatif est plus grand en valeur absolue, et que dans la période de détente le travail positif est plus petit.

12. DE LA CHALEUR DÉGAGÉE DANS UNE TRANSFORMATION INVERSE. — Supposons qu'un corps subisse une transformation représentée par une ligne ACB (fig. 277). Appelons Q la qua nité de chaleur nécessaire à cette transformation, I, l'énergie in terne pour la position initiale A du point figuratif, I, l'énergie in terne pour la position finale B, et W, le travail extérieur fourn par le corps. S'il n'y a pas de variations dans la force vive sen ille du corps due à un mouvement d'ensemble qu'il pourrait passèder, on a :

$$(1) EQ = I_2 - I_1 + W_1$$

Si maintenant le corps reprend son premier état, on a, en des gnant par W₂ le travail extérieur dans cette seconde trans mation et par Q' la quantité de chaleur nécessaire :

$$(2) \qquad \qquad \mathrm{EQ'} = \mathrm{I_1} - \mathrm{I_2} + \mathrm{W_2}$$

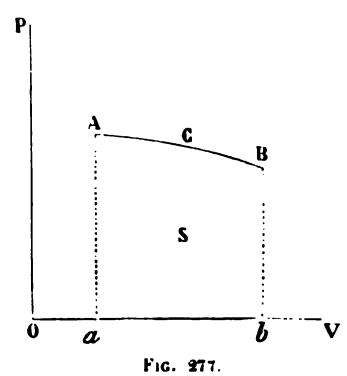
LA CHALEUR EST UNE DES FORMES DE L'ÉNERGIE 725 On tire des égalités (1) et (2) :

$$E(Q + Q') = W_1 + W_2$$

Si les travaux extérieurs sont égaux et de signes contraires, on a Q = -Q': la quantité de chaleur nécessaire à une transfor-

mation est alors égaleet de signe contraire à celle qui est nécessaire pour le retour au premier état.

C'est une proposition qu'on admet en général comme évidente en calorimétrie. Ainsi, s'il se détruit 80 calories quand 1 gramme d'eau à 0° passe de l'état solide à l'état liquide, on admet qu'il se produit 80 calories dans le passage de



1 gramme d'eau à 0° de l'état liquide à l'état solide. On voit pourtant que cette proposition n'est vraie, en toute rigueur, que sous la réserve indiquée ci-dessus.

On a toujours $W_1 = -W_2$, et la proposition précédente s'applique rigoureusement, dans le cas où, les travaux extérieurs se réduisant à ceux des pressions, il y a constamment égalité entre la force élastique du corps et celle du milieu extérieur, et où les transformations sont telles que l'une soit exactement l'inverse de l'autre; c'est-à-dire telles que si la première est représentée par la ligne ACB, la seconde le soit par la ligne BCA. On a, en effet, dans ce cas :

$$W_1 = + aire ABba$$
 et $W_2 = - aire ABba$

43. TRANSFORMATION RÉVERSIBLE. —On dit qu'une transformation est effectuée d'une manière réversible quand le corps peut revenir à son état primitif en suivant en sens inverse les mêmes phases successives, la température et la pression extérieures repassant aussi par les mêmes valeurs, et en cédant dans cha-

que phase une quantité de chalcur égale à celle qui lui a été fournie dans la phase correspondante de la première transformation, ou vice versa. La transformation est effectuée d'une manière non réversible dans le cas contraire.

Si nous ne considérons que des phénomènes thermiques et mécaniques, si nous laissons de côté, par exemple, l'échaussement que peut produire dans un corps la décharge d'une batterie ou le passage d'un courant électrique, nous pouvons reconnaître que pour qu'une transformation soit effectuée d'une manière réversible il faut que la température du corps et sa sorce élastique soient constamment égales à la température et à la sorce élastique du milieu environnant, et, en outre, que le corps n'éprouve aucun frottement, ni aucun choc.

En effet, si le corps est plus chaud que le milieu environnant il lui cèdera de la chaleur dans la transformation directe, et il ne pourra lui en reprendre dans la transformation inverse: la transformation n'est pas effectuée d'une manière réversible. Pour des raisons analogues, la transformation est effectuée d'une manière non réversible, si le corps est plus froid que le milieu environnant.

Si la force élastique du corps est supérieure à celle du milieu ambiant, le corps se détendra, et il ne pourra diminuer de volume dans la transformation inverse, si les conditions de pressions extérieures restent les mêmes : la transformation est encore effectuée d'une manière non réversible. Il en est de même si la force élastique du corps est inférieure à celle du milieu extérieur.

Enfin si le corps éprouve des frottements ou des chocs qui créent de la chaleur, la transformation inverse ne peut avoir lieu dans les mêmes circonstances extérieures, car le corps ne pourrait recevoir alors une quantité de chaleur égale à celle qui a été créée par les frottements ou par les chocs et qu'il a cédée dans la transformation directe.

Il est clair qu'une transformation ne peut jamais être effectuée d'une manière réversible en toute rigueur. En effet, si les températures du corps et du milieu ambiant étaient exactement les mêmes, le corps ne pourrait ni perdre ni gagner de chaleur; si les forces élastiques étaient exactement les mêmes.

le corps ne pourrait pas varier de volume; le volume et la quantité de chaleur ne variant pas, les autres propriétés resteraient les mêmes: il n'y aurait pas transformation. On voit aussi qu'il est impossible que, pendant une transformation, la température et la force élastique soient exactement les mêmes dans toute l'étendue d'un corps.

Mais la manière réversible est un cas limite de la manière réelle d'effectuer une transformation. On conçoit qu'une très légère différence de température ou de force élastique suffise à produire un échange de chaleur, ou à permettre au volume de varier, et qu'on puisse approcher de plus en plus des conditions nécessaires pour que la transformation soit effectuée d'une manière réversible. Si, en effet, dans une transformation ACB (fig. 277), il y a cu à peu près égalité entre les températures et entre les forces élastiques du corps et du milieu ambiant, on pourra, sans changer grand'chose à la température et à la force élastique extérieure, faire repasser le corps par les mêmes états successifs, en sens inverse, de façon que le point figuratif décrive la même ligne dans le sens BCA. S'il y a eu dilatation dans la première transformation, la force élastique du corps était très légèrement supérieure à celle du milieu extérieur; on produira la transformation inverse en rendant celle-ci, à son tour, très légèrement supérieure, ce qui n'entraînera qu'un faible changement dans sa valeur. S'il y a eu absorption de chaleur dans le premier cas, il a fallu que la température du corps fût un peu plus faible que celle du milieu environnant; on obtiendra la transformation inverse en rendant celle-ci un peu plus grande à son tour, ce qui ne changera que très peu sa valeur.

Très souvent, pour abréger, on dit que la transformation est réversible ou n'est pas réversible. Ce n'est là qu'une ellipse do langage: il n'y a pas de transformation qui soit par elle-même réversible ou non réversible. Car, étant donnée une transformation représentée par une ligne déterminée, on peut très bien supposer que le point figuratif ait décrit celle-ci dans des conditions telles qu'il y ait toujours eu égalité entre les températures et les forces élastiques intérieures et extérieures, et sans qu'il y ait eu de frottements ou de chocs, auquel cas la transformation

aurait été effectuée d'une façon réversible; ou bien, au contraire, on peut concevoir qu'une de ces conditions ou plusieurs n'aient pas été constamment satisfaites, auquel cas la même transformation aurait été effectuée d'une manière non réversible.

Quand une transformation représentée par un cycle fermé est effectuée d'une façon réversible (quand le cycle est reversible et qu'il n'y a d'autres forces extérieures capables de produire un travail que les pressions, l'aire de ce cycle donne la valeur du travail extérieur accompli, et, en la divisant par l'équivalent mécanique de la chaleur, on a le nombre de calories nécessaires à la transformation.

Nous verrons mieux encore, dans le chapitre consacré à la loi de Carnot, l'utilité de cette distinction entre les transformations réversibles et non réversibles.

CHAPITRE XIV

ÉNERGIE DES GAZ

1. DE L'ÉNERGIE D'UNE MASSE GAZEUSE. — On doit à M. Joule la loi suivante :

L'énergie interne d'une masse gazeuse reste constante à la même température, quel que soit son volume, quelle que soit aussi, par consequent, sa force élastique.

La loi de Joule est pour l'étude des gaz une loi aussi fon-

damentale que cettes de Mariotte et de Gay-Lussac; nous devons donc insister sur sa démonstration.

C'est vers 1845 que M. Joule a fait les expériences qui permettent d'établir cette loi, et que nous allons rapporter.

Deux vases A et A' en laiton

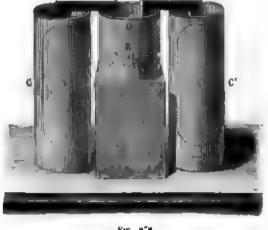


Fig. \$78.

(fig. 278) sont contenus chacun dans un calorimètre C et C' dont ils occupent la plus grande partie, n'étant entourés que d'une

faible masse d'eau. Ces doux vases peuvent communiquer entre eux par un tube pourvu d'un robinet R; ce tube de communication est lui-même plongé dans un petit calorimètre D.

Le robinet R étant fermé, on comprimait de l'air dans le vase A sous une pression d'une vingtaine d'atmosphères, et l'on raréfiait beaucoup l'air du vase A'. Après avoir noté la température de l'eau des calorimètres, on ouvrait le robinet R; le gaz de A se précipitait dans le vase A': il y avait détente en A, compression en A'. Aussi observait-on que la température de l'eau du calorimètre C baissait, tandis que la température s'élevait en C'.

C'était là un fait bien connu (1); mais M. Joule trouva que le quantité de chaleur détruite en A était égale à la quantité de chaleur créée en A'; la quantité de chaleur créée ou détruite dans le calorimètre D était, du reste, insignifiante.

Une autre expérience, faite auparavant par M. Joule, montre

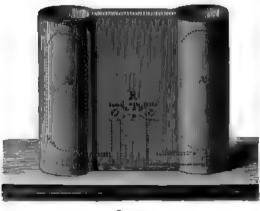


Fig. 279

encore que la quantité de chaleur détruite dans la détente est égale à quantité de chaleur créée dans la compression. Cette expérience ne diffère de la précédente qu'en ce que les deux vases A et A', ainsi que le tube de comma-

nication, sont plongés dans l'eau d'un même calorimètre (fig. 279). On n'observe aucune variation dans la température de cette con

(1) Dejo, auparavant, Goy-Lussac avait montré qu'en faisant communiques un ballon ph in d'air comprimé avec l'intérieur d'un second ballon de même capacite et contenant de l'air rarédé, l'abaissement de température de la detente de l'air dans le premier ballon était égal à l'élévation de température due a la compression dans le second ballon.

après l'ouverture du robinet qui permet la détente dans un vase et la compression dans l'autre (1).

Considérons cette dernière expérience. Nous avons un système de deux masses d'air, possédant d'abord la même température pour des forces élastiques très différentes. Après l'ouverture du robinet leur force élastique a varié, et, au bout d'un instant, l'ensemble des deux masses a repris la même température qu'avant la communication, sans que l'eau du calorimètre leur ait pris ou ôté de la chaleur, puisque sa température n'a pas varié, d'après le résultat de l'expérience. D'autre part, pendant la transformation des masses gazeuses, le travail des forces extérieures a été nul, puisqu'elles sont restées emprisonnées dans un vase à parois inextensibles. Par conséquent, dans la formule de l'équivalence

$$EQ = I_2 - I_1 + W$$

appliquée à la transformation qu'éprouve l'ensemble des deux masses, nous devons faire Q = 0 et W = 0; d'où $I_2 = I_1$: l'énergie des deux masses n'a pas varié.

Ce que nous venons de dire subsiste quelles que soient les dimensions relatives des vases A et A', et quelque faible que soit la force élastique de l'atmosphère primitivement contenue dans le vase A'. Il en est donc encore de même quand le vide parfait existe d'abord dans le vase A'. On voit par là que l'énergie de la masse gazeuse contenue primitivement dans A reste après la détente ce qu'elle était avant: ainsi à une même température l'énergie interne d'une masse gazeuse est indépendante de ses autres propriétés physiques. C'est la loi de Joule.

Du reste, quand on élève la température d'un gaz à volume constant, c'est-à-dire sans qu'il accomplisse de travail extérieur, il faut lui fournir de la chaleur; l'équation de l'équivalence, qui se réduit alors à $EQ = I_2 - I_4$, montre que son énergie augmente.

Ainsi l'énergie d'une masse gazeuse ne dépend que de sa température et croît avec celle-ci.

⁽¹⁾ Ces expériences de M. Joule ont été reprises et confirmées par Regnault.

Nous allons trouver facilement maintenant la raison des variations de température qu'éprouve un gaz par sa détente ou par sa compression.

Si un gaz est comprimé, il reçoit un travail des pressions extérieures qui diminuent son volume; si la chaleur ne peut sortir du gaz, Q étant nul et W ayant une valeur négative dans l'équation de l'équivalence, il en résulte que l₂ est plus grand que l₁: l'énergie interne du gaz doit avoir augmenté sous l'influence du travail extérieur. Or, la loi de Joule nous apprend qu'il en résulte nécessairement une élévation de température pour le gaz.

Réciproquement si une masse de gaz se détend en refoulant le fluide qui exerce une pression à sa surface, le travail extérieur W a une valeur positive, et si nous supposons toujours que la chaleur ne peut ni entrer dans le gaz ni en sortir, l'équation de l'équivalence nous montre que l'énergie interne du gaz doit diminuer d'une quantité égale au travail extérieur accompli : par conséquent la température du gaz doit baisser.

Pourtant si le gaz se détend dans le vide, il n'y a aucun travail extérieur accompli, l'énergie et, par conséquent, la température du gaz ne diminue pas. C'était le cas de l'une des expériences de M. Joule : les deux vases étaient contenus dans le même calorimètre; l'un A rensermait de l'air sous 22 atmosphères, l'autre A' avait été purgé d'air aussi complètement que possible; comme nous l'avons déjà dit, la température de l'eau du calorimètre ne varia pas quand on eut établi la communication entre les deux vases. Mais, si dans l'expérience les vases étaient dans des calorimètres distincts, on constatait que A se refroidissait et que A' s'échaussait. En esset, pendant le passage de A dans A', la masse d'air contenue dans A exerçait un travail sur celle qui était déjà passée dans A', et, en outre, son énergie interne se transformait partiellement en énergie actuelle sensible correspondant au mouvement de la masse d'air qui pénétrait dans A': d'où le refroidissement de A. Inversement, la masse d'air qui se trouvait, à un moment donné, dans A', était comprimée par celle qui arrivait, et, en outre, la force vive des particules gazeuses lancées dans A' se transformait en énergie interne par les chocs et les frottements: d'où l'élévation de température.

2. EXPÉRIENCE DE MM. W. THOMSON ET JOULE. — L'expérience de M. Joule que nous venons de rapporter est simple comme celle du tube de Mariotte, comme celle du ballon de Gay-Lussac, comme toutes les expériences qui ont servi à établir les grandes lois de la Physique.

Mais aussi, pas plus que ces dernières, elle n'est une expérience de haute précision. Malgré la précaution d'entourer de très peu d'eau les vases A et A', la capacité calorifique du calorimètre est nécessairement très grande par rapport à celle de la masse gazeuse, ce qui ne permet pas de voir si une très faible quantité de chaleur n'est pas créée ou détruite par la détente du gaz.

Nous savons que les lois de Mariotte et de Gay-Lussac ne sont que des lois limites qu'aucun gaz ne suit rigoureusement, mais auxquelles ils obéissent d'autant mieux qu'ils se trouvent dans des conditions plus éloignées de celles qui sont nécessaires à leur liquéfaction. Nous devons nous demander s'il n'en est pas de même de la loi de Joule.

C'est à quoi ont répondu des expériences faites par MM. Joule et W. Thomson, effectuées par une méthode susceptible d'une précision beaucoup plus grande que la précédente, et dont l'idée est due à Sir W. Thomson.

En voici le principe.

Supposons qu'un gaz circule avec un débit constant dans un tuyau qui présente en un point de son trajet une cloison poreuse. De part et d'autre de cette cloison, les forces élastiques sont différentes, et d'autant plus que la vitesse d'écoulement est plus grande et que l'issue offerte au gaz par les pores de la cloison est plus faible. Du reste, en prenant une cloison à pores suffisamment étroits, on peut toujours arriver à avoir des forces élastiques sensiblement constantes dans l'une et l'autre partie du tuyau.

Une masse gazeuse, en traversant la cloison, éprouve ainsi une diminution de force élastique, et, par conséquent, une augmentation de volume.

Considérons à un certain moment la masse de gaz contenue entre deux sections AB et CD du tuyau, comprenant entre elles la cloison poreuse P (fig. 280). Au bout d'un certain temps

elle occupera l'espace compris entre deux autres sections AB et C'D', et nous prendrons ce temps assez petit pour que ces sections comprennent encore entre elles la cloison poreuse.

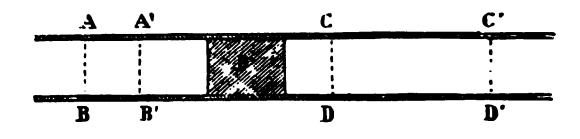


Fig. 280.

En passant de la position AB CD à la position A'B' C'D' la masse de gaz peut avoir subi une augmentation d'énergie interne que nous représenterons par Δ_iI. Supposons maintenant que la substance dont est formée le tuyau soit assez mauvaise conductrice pour ne pouvoir ni prendre ni céder de la chaleur à la masse de gaz située dans le voisinage de la cloison; il est aisé alors de calculer la variation d'énergie Δ_iI de la masse gazeuse, car la relation de l'équivalence donne dans ce cas, en supposant une vitesse d'écoulement assez faible pour pouvoir négliger la variation de force vive sensible qui résulte du passage à travers la cloison:

$$0 = \Delta_1 I + W$$

W étant le travail accompli par la masse de gaz en passant de la position AB CD à la position A'B' C'D'. Or, désignons par V₄ le volume compris entre AB et A'B', et par P₄ la force élastique du gaz avant la cloison; désignons de même par V'₄ le volume compris entre CD et C'D', et par P₄ la force élastique après la cloison; le travail W fourni par la masse de gaz est, comme nous le savons, donné par

$$(2) W = P_2 V_2 - P_1 V_1$$

Nous avons donc:

$$\Delta_{\mathbf{i}}I = P_{\mathbf{i}}V_{\mathbf{i}} - P_{\mathbf{g}}V_{\mathbf{g}}'$$

Or, il est évident que l'énergie et la masse de la quantité de

gaz contenu au commencement du temps considéré entre A'B' et CD est la même que l'énergie et la masse de la quantité de gaz qui est contenue entre ces deux mêmes sections A'B' et CD au bout de ce temps, puisque le régime d'écoulement est supposé régulier; par conséquent, Δ_1 I est égale à l'accroissement d'énergie que présente la masse de gaz comprise primitivement entre AB et A'B' et occupant alors un volume V_4 en possédant une force élastique P_4 , quand celle-ci arrive entre CD et C'D' et possède alors un volume V_2 une force élastique P_4 .

Désignons maintenant par θ la variation de température que peut subir la masse gazeuse en traversant la cloison poreuse, en considérant θ comme positif s'il y a élévation de température, comme négatif dans le cas contraire. Si nous voulons ramener la masse gazeuse comprise entre CD et C'D' à la température qu'elle possédait quand elle était contenue entre AB et A'B', tout en lui conservant la même force élastique P_2 , il faudra lui enlever une quantité de chaleur égale à pC0, en appelant p sa masse et C la chaleur spécifique vraie du gaz à pression constante P_2 . Il en résultera pour la masse un changement de volume ; celui-ci, qui était V'_2 , deviendra V_2 , et cette masse accomplira un nouveau travail extérieur égal à P_2 (V_2 — V'_2). En appelant Δ_2 I la variation d'énergie interne qu'éprouve la masse par suite de cette variation de température, le principe de l'équivalence dans la relation :

$$- EpC\theta = \Delta_2 I + P_2(V_2 - V_2)$$

d'où:

$$\Delta_2 I = - EpC\theta - P_2(V_2 - V_2)$$

Ainsi, la masse p du gaz considéré éprouve, en passant de la force élastique P_4 à la force élastique P_2 , à la même température, une variation d'énergie interne ΔI égale à $\Delta_2 I + \Delta_4 I$, donnée, par conséquent, par la relation :

$$\Delta I = -E \rho C \theta - P_2 (V_2 - V_2) + P_1 V_1 - P_2 V_2$$

ou

$$\Delta I = - EpC0 + P_1V_1 - P_2V_2$$

Al représentant la variation d'énergie interne de la masse gazeuse à la même température quand cette masse passe du volume V₁ au volume V₂, cette quantité doit être nulle si la loi de Joule est exacte.

Or, discutons la formule (6).

Supposons d'abord que le gaz qui s'écoule obéisse exactement à la loi de Mariotte; on a alors:

$$P_1V_1 = P_2V_2$$

et l'équation (6) devient :

$$\Delta I = -EpC0$$

Donc, si l'expérience constate que 6 est nul, c'est-à-dire qu'il n'y a aucune variation de température pour le gaz en traversant la cloison, Δl est nul aussi : ce gaz obéit à la loi de Joule. Si, au contraire, 6 est négatif, c'est-à-dire si le gaz est plus froid après avoir traversé la cloison, Δl est positif : le gaz augmente d'énergie à la même température en augmentant de volume. Ce serait l'inverse s'il y avait élévation de température.

Si maintenant, le gaz n'obeit pas exactement à la loi de Mariotte, l'égalité 6), qui peut s'écrire

7
$$\Delta I = -EpC_5 + P_2V_2\left(\frac{P_1V_1}{P_2V_2} - 1\right)$$

nous fait connaître encore ΔI , puisque les expériences de Regnault donnent la valeur de $\frac{P_4V_4}{P_2V_2}$ (voir L. III, Chap. III, § 10, pourvu qu'on ait mesuré 9, P_4 et P_2 .

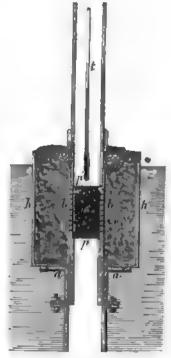
Voilà une expérience susceptible d'une grande exactitude, car ici la chaieur créée ou détruite par le changement d'état du gaz

se traduit par une variation de température de la faible masse de celui-ci et non de la masse beaucoup plus considérable de l'eau d'un calorimètre.

MM. Joule et Thomson, après plusieurs essais, ont, en 1854, réalisé de la façon suivante l'expérience dont nous venons de donner le principe.

Le gaz était comprimé régulièrement à l'aide d'une pompe mue par une machine à vapour, dans un long tuyau de cuivre, s'enroulant en serpentin à l'intérieur d'un vase plein d'eau, qui

servait à lui donner une température connue. L'extrémité de ce tube se redressait verticalement (fig. 281) et se termineit par un cylindre de buis bb corps très mauvais conducteur de la chaleur, séparé en outre de l'eau du vase par un large cylindre d'étain hh rempli de coton. La cloison porcuse c était formée de bourre de soie ou de coton comprimée à l'intérieur d'un second cylindre de buis s'engageant dans le premier cylindre et fermé en hant et on bas par deux plaques de cuivre emblées de trous pp'(1). Le cylindre se terminait au dessus de cette cloison par un tube de verre du même calibre pour laisser voir le thermomètre t donnant la température du gaz à sa sortie. Ce tube débouchait généralement dans l'almosphère; la force élastique P, était alors donnée par le baromètre. Un petit



Fic. SHE.

manomètre à air comprimé fournissait la valeur de la force élastique P de l'air contenu dans le serpentin.

Pour faire une expérience, on faisait fonctionner la pompe avec

(f. Ce petit cylindro avait 6,8 cont. de hautour et 3,8 cent. de diamètre.

la plus grande régularité pendant près de deux heures avant de faire les observations. On prenait, en effet, pour la température du gaz, la température de l'eau qui entourait le tube; or, des expériences préliminaires avaient montré que les variations de force élastique dans ce tube déterminaient des oscillations de la température du gaz qui mettaient très longtemps à disparaitre; il fallait éviter absolument une semblable cause d'erreur.

Cette précaution prise, les observations consistaient simplement à noter de deux minutes et demie en deux minutes et demie, la température de l'eau du vase et celle du thermomètre t ainsi que la force élastique de l'air du serpentin.

Voici quels furent les résultats:

1° Tous les gaz se refroidissaient en traversant la cloison, et le refroidissement (— 0) est assez grand pour que des deux termes du second membre de la relation (7) ce soit le premier qui donne son signe à ΔI : par conséquent, aucun gaz n'obéit rigoureusement à la loi de Joule, et *l'énergie interne d'une masse gazeuse*, à une même température, augmente un peu avec son volume.

2º le refroidissement (— 0) était, pour un même gaz sensiblement proportionnel à la variation de pression $(P_1 - P_2)$, comme le montre le tableau suivant, qui donne les moyennes des nombres fournis par des expériences faites sur l'air dans des conditions semblables.

Nature et masse de la substance formant la cloison poreuse	Nombre d'expériences dont on a pris la moyenne	Température du bain où plonge le serpentin	cn atmosphères	Refroidisse- ment observé — 0	Rapport du refroidisse- ment à l'excès de pression - 6 P ₁ - P ₂
12,38 de coton	7	17,006	0,43	0,108	0.351
24;75 id	7	20,125	0,45	0,146	0.266
Id	5	17,744	1,45	0,354	0,244
37, 8 de soie	4	18,975	1,26	0,365	(1,289
í Id	8	17,869	2,71	0,707	(L 3) ()
47,95 de bourre de soie .	12	15,483	4,18	1,110	0,255
Id	4	12,734	4,02	1,083	0,257
		·		Moyenne	0,363

On remarquera, en outre, que le rapport $\frac{-0}{P_1 - P_2}$ ne paraît pas dépendre beaucoup de la température.

On peut donc poser:

$$(8) \qquad -\theta = m(P_1 - P_2)$$

En appelant m une constante qui pour l'air entre 15° et 20° a pour valeur 0,262 environ, en exprimant les forces élastiques en atmosphère correspondant à 76 centimètres de mercure:

$$\left(\frac{0,262}{1013622} = 0,258 \times 10^{-6} \text{ en unités C.G.S}\right)$$

3° Le refroidissement (— 0) est variable d'un gaz à un autre dans les mêmes conditions. Ainsi le rapport m est-il pour l'hydrogène le treizième seulement de ce qu'il est pour l'air; pour l'acide carbonique il a été trouvé égal à 1,151 aux environs de 20° (1,136 \times 10⁻⁶ en unités C.G.S).

4° Pour un même gaz, le rapport m est d'autant plus faible que la température est plus élevée. Ainsi à 91°,5 ce rapport a été trouvé pour l'airégal à 0,206 (0,203 \times 10⁻⁸ en unités C.G.S), pour l'acide carbonique à 0,703 (0,694 \times 10⁻⁸ en unités C.G.S): la variation est plus considérable pour un gaz facilement liquéfiable.

La formule (7) donne la valeur de la variation d'énergie interne Al d'après la valeur de 0. En vertu de la relation (8) elle peut s'écrire:

(9)
$$\Delta I = E p C m (P_1 - P_2) + P_2 V_2 \left(\frac{P_1 V_1}{P_2 V_2} - 1 \right)$$

On peut tirer de là le rapport $\frac{\Delta I}{P\Delta V}$ de la variation d'énergie interne ΔI au travail extérieur $P\Delta V$ accompli dans une transformation réversible d'une masse gazeuse à la même température.

Dans le cas d'une très faible variation du volume du gaz à 20 sous une pression voisine de la pression atmosphérique moyenne (76 cent. de mercure), on trouve:

Pour	l'hydrogène	1000
7	l'air	<u>1</u> 500
*	l'acide carbonique	1 (1)

Pour la température de 96°,5 on trouverait des nombres encore plus faibles.

En résumé, les différents gaz suivent à peu près la loi de Joule; ils s'en écartent tous dans le même sens, mais d'autant moins qu'ils sont plus loin de leur point de liquéfaction. La loi de Joule, comme les lois de Mariotte et de Gay-Lussac, est une loi limite s'appliquant à cet état idéal où le fluide est appelé gaz parfait.

- 3. RELATION ENTRE L'ÉQUIVALENT MÉCANIQUE DE LA CHALEUR ET LES DEUX CHALEURS SPÉCIFIQUES DES GAZ. Supposons qu'une masse p d'un gaz passe de la température t_1 à la température t_2 sans changer de volume; il aura fallu fournir à la masse p une quantité de chaleur égale à pc (t_2-t_1), en appelant c la chaleur spécifique du gazà volume constant. Par conséquent, puisqu'il n'y a aucun travail extérieur effectué par le gaz l'équation de l'équivalence nous montre que l'accroissement de son énergie interne est $Epc(t_2-t_1)$. Si le gaz obéit à la loi de Joule, cette quantité représente encore l'accroissement d'énergie interne du gaz quand même le volume de la masse aurait varié en passant de t_1 à t_2 . La variation d'énergie interne qu'éprouve la masse d'un gaz parfait est égal au produit de la capacité calorifique à volume constant de cette masse par la variation de température et par l'équivalent mécanique de la chaleur.
- (1) Dans le calcul de ce nombre, nous avons employé le nombre 0.127 pour la chaleur spécifique vraie de l'acide carbonique à 20°.

Mais supposons que le gaz n'obéisse pas à la loi de Joule, ou même que nous ignorions cette loi. Si la masse gazeuse, en variant de température, change de volume, il en résulte généralement un travail extérieur W; nous pouvons toujours représenter la variation d'énergie interne ΔI par

$$\Delta I = Epc(t_2 - t_1) + kW$$

k étant une certaine quantité définie par cette relation même; quand il n'y a pas variation de température k est, comme on le voit, le rapport entre la variation d'énergie interne du gaz et le travail extérieur (1).

L'équation de l'équivalence peut donc s'écrire pour cette masse gazeuse :

(2) EQ = Epc(
$$t_2 - t_1$$
) + kW + W = Epc ($t_2 - t_1$) + W(1 + k)

Appliquons cette équation au cas où il y a dilatation sous pression constante. Soit P la force élastique invariable du gaz, et soient V_1 et V_2 le volume initial et le volume final. Puisque la force élastique du milieu ambiant est constamment égale a P le travail W est donné par :

$$\mathbf{W} = \mathbf{P} \left(\mathbf{V_2} - \mathbf{V_1} \right)$$

d'où:

(4)
$$EQ = Epc(t_2 - t_1) + P(V_2 - V_1)(1 + k)$$

Or on a, dans ce cas:

$$Q = pC(t_2 - t_1)$$

(1. Faisons remarquer (que ΔI et $Epc(t_2 - t_1)$ ne dépendant que de l'état initial et de l'état final, tandis que W dépend de la manière dont s'effectue la variation de volume, la quantité k dépend aussi du mode de transformation.

C étant la chaleur spécifique à pression constante; il vient dor sen remplaçant dans (4):

(6)
$$EpC(t_2-t_1) = Epc(t_2-t_1) + P(V_2-V_1)(1+k)$$

D'ailleurs, la relation entre la masse d'un gaz, son volume et ses autres propriétés donne (Chap. 10, § 2)

$$(7) p = A \frac{V_1 P \delta}{1 + \alpha t_1}$$

et

$$(8) p = A \frac{V_2 \delta}{1 + \alpha t_2}$$

A étant égal à 0.001276×10^{-6} , en adoptant les unités C.G.S, a étant le coefficient de dilatation du gaz pour la force élastique P, et δ la densité du gaz par rapport à l'air à 0° et pour la force élastique P. D'où l'on déduit :

(9)
$$P(V_2 - V_1) = \frac{p\alpha}{A\delta} (t_2 - t_1)$$

En substituant dans (5), et en supprimant le facteur commun $p(t_2 - t_1)$, il vient :

(10)
$$EC = Ec + \frac{\alpha}{A\delta} (1 + k)$$

ou enfin:

(11)
$$1 + k = \frac{A\delta}{\alpha} EC \left(1 - \frac{c}{C}\right)$$

Cette égalité permet de calculer k à l'aide des quantités con-

nues A, δ , α , E, C et $\frac{c}{C}$. En faisant le calcul on trouve pour k des valeurs très faibles. Nous retrouvons ainsi la loi de Joule.

Il y a là une remarquable confirmation de l'exactitude de la loi de l'équivalence.

Pour les gaz parfaits k est nul, d'après la loi expérimentale de Joule, et $\alpha = 0.00867$; d'autre part $A = 0.001276 \times 10^{-6}$ et E = 41700000, la formule (11) devient alors :

(12)
$$1 = \frac{c}{C} + \frac{0,00367}{41700000 \times 0,001276 \times 10^{-6}} \frac{1}{C\delta}$$

Cette formule (12) nous montre que le rapport entre les deux chaleurs spécifiques d'un gaz parfait simple est une constante, quels que soient le gaz, la température ou la force élastique, puisque Cò est une constante d'après les expériences de Regnault. Ce résultat est d'accord avec les expériences faites par la méthode de Clément et Desormes.

Donnous, en terminant, une formule d'une application fréquente.

Considérons un gazéprouvant une modification réversible infiniment petite. Soient ΔV , Δt , ΔQ les variations de volume, de température et de chaleur correspondantes. Comme, dans l'évaluation du travail extérieur infiniment petit, la force élastique du gaz P peut se considérer comme une constante, on a, d'après l'égalité (4):

(13)
$$E\Delta Q = Epc\Delta t + P\Delta V(1 + k)$$

Si l'on a affaire à un gaz parfait, k est nul et l'égalité devient :

$$(14) E\Delta Q = Epc\Delta t + P\Delta V$$

4. EMPLOI DES FORMULES PRÉCÉDENTES POUR DÉTERMINER L'UNE DES QUANTITÉS QUI Y FIGURE. — La formule (11) du paragraphe précédent exprime une relation fort remarquable entre diverses grandeurs relatives aux gaz.

Toutes les quantités qui y figurent peuvent être déterminées expérimentalement et sans faire usage de cette formule, comme nous l'avons vu (¹). Mais ces expériences ne déterminent passavec la même précision ces diverses quantités. On pourra donc, avec avantage, se servir de cette formule pour calculer la valeur de celle d'entre elles qui est donnée avec le moins de précision par les expériences directes.

Parmi ces quantités, l'équivalent mécanique de la chaleur est une des plus délicates à déterminer directement. Aussi s'est-on servi de cette formule pour en calculer la valeur. Mais ce calcul exige la connaissance de $\frac{c}{C}$ donnée, soit par la méthode de Clément et Desormes, d'une application difficile, soit, comme nous le verrons plus loin, par la mesure de la vitesse du son et l'emploi de la formule de Laplace, ce qui est un procédé bien détourné. Il règne donc une certaine incertitude sur la valeur exacte de ce rapport déterminé ainsi, d'où la même incertitude sur la valeur de l'équivalent mécanique de la chaleur qu'on peut en déduire.

Aussi croyons-nous que, pour une grandeur de l'importance de l'équivalent mécanique de la chaleur, une détermination directe comme celle qui en a été faite par M. Joule est préférable à une évaluation indirecte.

On nous permettra de citer à cet égard un passage remarquable du mémoire de Regnault sur la chaleur spécifique des gaz: dans l'établissement des données fondamentales de la physique, on ne doit avoir recours, autant que possible, qu'à des méthodes directes. Il faut que le procédé adopté soit pour ainsi dire la réalisation matérielle de la définition de l'élément qu'on cherche. Mais cette réalisation matérielle, dans les conditions offrant toute garantie d'exactitude, présente souvent de grandes

⁽¹⁾ La quantité k, en particulier, est connue dans certains cas par les expériences de MM. Thomson et Joule. Elle joue, dubreste, dans la formule, le rôle d'un terme correctif dont la valeur n'a qu'une faible influence sur la valeur des autres quantités. Aussi serait-il mauvais de vouloir tirer la valeur de k de cette formule, en prenant les données expérimentales correspondant aux autres quantités; les erreurs de ces données dénatureraient complètement la valeur de k.

difficultés. C'est à vaincre ces difficultés que l'expérimentateur doit appliquer ses efforts, plutôt qu'à chercher par des considérations théoriques, à faire dépendre la connaissance de l'élément cherché de l'observation plus facile de phénomènes complexes. >

M. Joule s'est inspiré de la même pensée en déterminant l'équivalent mécanique de la chaleur, et l'éloge de son travail se trouve dans ces réflexions qui ont été suggérées à Regnault par un tout autre sujet.

Le rapport des deux chaleurs spécifiques des gaz n'ayant guère été déterminé jusqu'ici que par des moyens assez détournés, il paraît plus rationnel de se servir, au contraire, de la formule (11)

pour déterminer le rapport
$$\frac{C}{c}$$

En prenant pour E et pour k les nombres trouvés par M. Joule, et pour les autres quantités les nombres de Regnault, on obtient pour la valeur de ce rapport dans les circonstances de température et de pression ordinaire:

Ces nombres sont très voisins du reste de ceux trouvés par les expériences directes qui méritent le plus de constance.

5. FORMULE DE LAPLACE. — Laplace a donné la formule qui lie le volume d'un gaz perfait à sa force élastique, quand la transformation s'opère d'une manière réversible sans qu'il y ait de chaleur gagnée ou cédée par la masse.

On peut établir ainsi qu'il suit la formule de Laplace,

La formule (14) du § 3, applicable aux gaz parsaits, devient dans le cas où il n'y a ni chaleur prise ni chaleur cédée par la masse de gaz, c'est-à-dire dans le cas où $\Delta Q = 0$:

(1)
$$Epc\Delta t + P\Delta V = 0$$
 ou $Epc\frac{\Delta t}{\Delta V} + P = 0$

Or, dans ce cas, les propriétés physiques de la masse gazeuse peuvent se considérer comme une fonction du volume, et, si nous faisons tendre ΔV et Δt vers zéro, $\frac{\Delta t}{\Delta V}$ tend vers la dérivée t'_v de la température par rapport au volume; on a donc en toute rigueur :

$$(2) Epct' + P = 0$$

Du reste la relation générale

(3)
$$p = \dot{A} \frac{VP\delta}{1+\alpha t}$$
 ou $PV = \frac{p}{A\delta} (1 + \alpha t)$

dans laquelle les lettres ont la même signification qu'au § 8, donne, en égalant les dérivées des deux membres par rapport à V :

(4)
$$P'_{\mathbf{v}}V + P = \frac{\alpha}{A\delta} pt'_{\mathbf{v}}$$

ou bien, en remplaçant $\frac{\alpha}{A\delta}$ par sa valeur tirée de la relation générale exprimée par l'égalité (10) du § 3, où il faut saire k=0, puisqu'il s'agit d'un gaz parsait :

(5)
$$P'_{\mathbf{v}}\mathbf{V} + P = \mathbf{E}p(\mathbf{C} - c) t'_{\mathbf{v}}$$

éliminons maintenant t'_{v} entre (2) et (5), il vient :

(6)
$$cP'_{\mathbf{v}}V + CP = 0$$
 ou $\frac{P'_{\mathbf{v}}}{P} + \frac{C}{c}\frac{1}{V} = 0$

en égalant les fonctions primitives des deux membres de cette dernière égalité, on obtient :

(7)
$$L. P + \frac{C}{c} L. V = \mu$$

μ étant une constante, ou encore :

L.
$$PV^{\frac{c}{c}} = \mu$$

ou enfin, en désignant par m la constante C^{μ} :

(8)
$$PV^{\frac{c}{c}} = m = constante$$

Telle est la relation trouvée par Laplace. Cette relation est applicable pour les gaz réels au même degré d'approximation que la loi de Mariotte.

Si V et P sont les coordonnées du point siguratif d'une transformation, l'égalité (8) est l'équation des lignes adiabatiques pour un gaz parfait.

CHAPITRE XV

DEUXIÈME LOI DE LA THERMODYNAMIQUE.— TEMPÉRATURE ABSOLUE.

1. LOI DE CARNOT. — Quand on fait fonctionner un moteur thermique, tel qu'une machine à vapeur d'eau ou d'alcool, tel encore qu'un moteur à air chaud, le fluide qui doit agir sur les pistons prend une certaine quantité de chaleur à un réchausseur, la chaudière dans une machine à vapeur. Cette quantité de chaleur se divise en deux parties, l'une est détruite par la production du travail fourni par le moteur. l'autre est rendue à un résrigérant, le condenseur dans les machines à basse pression, l'atmosphère dans les machines à haute pression.

Il est clair que la machine est d'autant plus avantageuse que le rapport de la quantité de travail sourni à la quantité de chaleur prise au réchausseur est plus considérable. Nous appellerons ce rapport le rendement du moteur.

Supposons qu'une masse de fluide, après avoir pris une certaine quantité de chaleur à un réchausseur à température constante t, agisse sur le piston sans gagner ni perdre de chaleur par l'esset des parois du corps de pompe et des tuyaux de conduite : la détente de ce fluide abaissera sa température à une valeur t. Supposons que cette masse de fluide soit amenée ensuite dans un résrigérant à cette température t, auquel elle cédera une certaine quantité de chaleur par exemple, en se liquésant partiellement, si ce sluide est de la vapeur d'eau). Ensin, supposons que cette masse de sluide, sans perdre ni gagner de chaleur, soit

comprimée jusqu'à ce que sa température soit devenue t et ramenée dans le réchauffeur qui possède précisément cette température t. Dans ce cas, le point figuratif des états de la masse fluide décrit un cycle de Carnot (voir Chap. XIII, § 10), et l'on dit que la machine fonctionne suivant ce cycle.

Si, en pratique, il est difficile de réaliser un moteur fonctionnant exactement ainsi, on conçoit du moins parfaitement la possibilité d'une pareille série d'opérations. Or, l'étude de moteurs de ce genre a conduit Sadi Carnot à énoncer la loi suivante:

La puissance motrice (rendement) (1) de la chaleur est indépendante des agents mis en œuvre pour la réaliser; sa quantité est fixée par la température des corps entre lesquels se fait en dernier résultat le transport du calorique. »

Nous substituerons à l'énoncé même de Carnot cet autre énoncé, identique au fond, mais un peu plus précis :

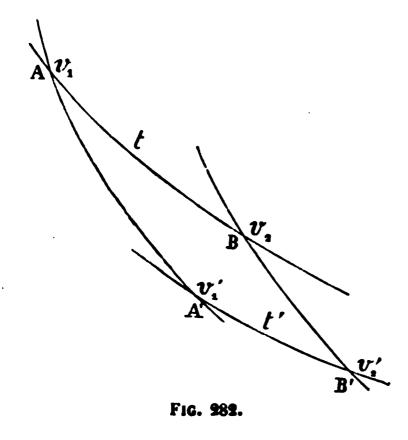
Quand un corps subit une série de transformations effectuées d'une manière réversible suivant un cycle de Carnot, le rapport entre la quantité de chaleur prise par le corps le long de l'isotherme à la plus haute température à la chaleur convertie en travail extérieur est indépendant de la nature du corps et ne dépend que des températures des isoshermes.

Cette loi que Carnot avait prévue par des considérations théoriques, qu'il nous paraît inutile de rapporter ici, a reçu la sanction de l'expérience.

Soit ABB'A' un cycle de Carnot (fig. 282); désignons par Q la quantité de chaleur prise par le corps considéré, quand le point figuratif décrit l'isotherme AB, correspondant à la température t, et par W le travail extérieur accompli pendant que le point figuratif décrit le cycle complet; ce travail, comme nous

(1) Dans l'ouvrage dont nous extrayons cette loi (Réflexions sur la puissance motrice du feu), Sadi Carnot définit avec précision ce qu'il entend
par puissance motrice: c'est la définition même du travail mécanique. Mais
il ajoute à la suite de la loi donnée ci-dessus que, bien entendu, la puissance motrice dont il parle ici est celle qui correspond à l'unité de chaleur
cédée par le réchausseur à l'agent considéré (vapeur d'eau, air, etc.); ce qui
fait qu'en désinitive dans cet enoncé l'expression puissance motrice correspond exactement à ce que nous avons appelé le rendement.

le savons, est mesuré par l'aire ABB'A'. Soit enfin t' la tempé—rature de l'isotherme B'A'. Carnot a vérifié que le rapport $\frac{W}{Q}$



est le même, quelle que soit la nature du corps pourvu que t et t' aient respectivement les mêmes valeurs.

Les expériences de Desormes et Clément et la connaissance de la dilatation des gaz lui permettaient de calculer W et Q dans le cas d'un moteur à air fonctionnant entre les isothermes de 1° et de 0°; il trouva pour le rende-

ment
$$\frac{W}{Q} = 1,395$$
.

Il fit ensuite les mêmes calculs pour un moteur à vapeur d'eau dont la chaudière serait à 1° et le condenseur à 0°, et il trouva pour le rendement $\frac{W}{Q}=$ 1,290. Ce nombre ne diffère que de

du nombre précédent; or, vu la grande quantité de données numériques qu'il faut employer dans ces calculs, et vu que ces données étaient, au temps de Carnot, entachées d'erreurs qui, pour quelques-unes, étaient assez grandes, l'écart entre les valeurs trouvées pour ces deux rendements peut être dû uniquement aux erreurs des nombres employés dans le calcul.

Carnot calcula ensuite le rendement d'un moteur à vapeur d'eau et d'un moteur à vapeur d'alcool, fonctionnant l'un et l'autre entre les isothermes 78°,7 et 77°,7: il trouva les nombres 1,212 et 1,230. Ces nombres ne diffèrent que de $\frac{1}{50}$.

Depuis, en 1848, sir W. Thomson a montré la justesse de la loi

de Carnot, en reprenant les calculs précédents avec les données numériques bien meilleures qu'on possédait alors et qui, pour la plupart, étaient tirées des expériences de Regnault. Le calcul a été fait pour cinq agents différents : l'eau, l'air, l'éther sulfuzique, l'alcool et l'essence de térébenthine.

Les écarts beaucoup plus faibles entre les valeurs trouvées pour les rendements pouvaient être encore attribués aux erreurs des expériences.

La loi de Carnot est donc une loi expérimentale. Outre les vérifications directes que nous venons d'indiquer, elle est justifiée encore par l'exactitude de toutes ses conséquences.

Nous allons en examiner quelques-unes.

2. TEMPÉRATURE ABSOLUE. — Sir W. Thomson, vers 1848, a imaginé une échelle absolue des températures, c'est-à-dire une manière d'évaluer cette grandeur, telle que les températures indiquées par l'agent thermométrique employé sont indépendantes de la nature de cet agent. Nous avons vu qu'il n'en était pas ainsi pour les thermomètres fondés sur la dilatation des corps, chaque agent thermométrique indiquant une température un peu différente en dehors des points fixes (0° et 100°).

C'est grâce à la loi de l'équivalence entre la chaleur et l'énergie et à la loi de Carnot que sir W. Thomson est parvenu à ce résultat (1).

Pour arriver à la définition de la température absolue, nous allons considérer une série de transformations que nous supposerons toutes effectuées d'une manière réversible.

Prenons une substance déterminée; pour fixer les idées, prenons une masse d'air. Supposons-la à une température bien définie, par exemple, à la température de la glace fondant sous la pression d'une atmosphère, c'est-à-dire au 0° de l'échelle centigrade ordinaire. Soit A₀ le point figuratif de son état (fig. 283). Laissons maintenant cette masse se détendre à la

⁽¹⁾ La manière dont nous désinissons ici la température absolue, identique au sond à la manière dont sir W. Thomson a présenté cette désinition, en dissers assez par la sorme. Sous ce rapport, elle se rapproche plus de la désinition donnée par M. Lippmann.

même température (celle de la glace fondante) jusqu'à ce qu'elle ait dans sa détente absorbé To unités de chaleur (1). Soit alors B₀ le point figuratif de l'état de la masse d'air. Menons

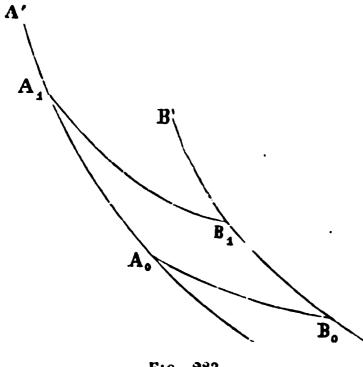


FIG. 283.

par les points A et B les deux lignes adiabatiques A, A' et B₀B'.

Prenons, à présent, une autre substance quelconque. Faisons varier son volume et la pression qu'elle supporte à la température de la glace fondante jusqu'à ce qu'elle ait absorbé le même nombre To d'unités de chaleur; soit a_0b_0 (fig. 284) l'isotherme dé-

crite, et menons de même par les points a_0 et b_0 les lignes adiabatiques a_0a' et b_0b' .

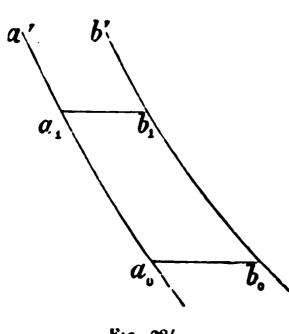


Fig. 284.

Supposons maintenant que la masse d'air et la masse de la deuxième substance soient amenées toutes les deux à une même température (comptée sur une échelle quelconque) et dans des états tels que le point figuratif se trouve, pour l'air, en A, sur l'adiabatique A, A', et pour l'autre corps, en a sur l'adiabatique a₀a'. En partant de ces points, saisons varier les états de l'air et de l'autre substance, de saçon que les

points figuratifs décrivent les cycles de Carnot A, B, B, A, A, el

(1) L'unité de chaleur, du reste, peut être désinie indépendamment de l'échelle thermométrique employée, par exemple, en prenant comme unite la quantité de chaleur correspondant au travail d'un erg, ou encore la quantité de chaleur nécessaire pour fondre une masse déterminée de glace.

 $a_1b_1b_0a_0a_1$ formés des isothermes A_1B_1 et B_0A_0 , des adiabatiques B_1B_0 et A_0A_1 pour l'air, et pour le second corps des isothermes a_1b_1 et b_0a_0 , des adiabatiques b_1b_0 et a_0a_1 . Appelons T et T' les quantités de chaleur prises respectivement par l'air et par la seconde substance pour décrire les isothermes A_1B_1 et a_1b_1 à la même température t.

Les quantités de chaleur rendues par l'air et par la substance en décrivant les isothermes B_0A_0 et b_0a_0 à la température de la glace fondante sont les mêmes T_0 , et, par conséquent, la quantité de chaleur qui disparaît pour créer le travail est, pour l'air $T-T_0$, pour l'autre substance $T'-T_0$. Les travaux accomplis, dans chacun des cycles, en désignant par E l'équivalent mécanique de la chaleur, correspondant à l'unité de chaleur adoptée, sont donc respectivement $E(T-T_0)$ et $E(T'-T_0)$. Or, la loi de Carnot nous apprend que les rendements $\frac{E(T-T_0)}{T}$ et $\frac{E(T'-T_0)}{T}$ sont les mêmes, puisque, dans les deux cas, les quantités de chaleur T et T' ont été prises à une même température t, et que la quantité de chaleur T_0 a été rendue aussi à une même température, celle de la glace fondante. On a donc :

(1)
$$\frac{E(T-T_0)}{T} = \frac{E(T'-T_0)}{T'}$$
 d'où: $1-\frac{T_0}{T} = 1-\frac{T_0}{T'}$

d'où ensin:

$$T' = T$$

Ainsi nous trouvons ce résultat remarquable que la quantité de chaleur prise par une substance qui décrit la portion d'une isotherme comprise entre deux adiabatiques est indépendante, pour une même température, de la nature de la substance, pourvu, bien entendu, que dans tous les cas les adiabatiques

soient choisies à une distance telle qu'à la température de la glace fondante (ou à toute autre température définie), la quantité de chaleur prise par toutes les substances soit la même (T_{a}) .

Cette quantité de chaleur T, qui ne dépend ainsi que de la température, et non de la nature de l'agent employé, est ce que nous appellerons la température absolue de l'isotherme considérée.

Il est clair que le nombre qui va représenter la valeur de la température absolue, pour une même température, va dépendre de l'écartement des deux lignes adiabatiques choisies, en d'autres termes, du nombre qui exprime T₀. Il convient dès lors de préciser davantage la définition de la température absolue, pour qu'une même température soit toujours représentée par le même nombre.

Or, remarquons que, jusqu'à présent, nous n'avons pas utilisé les points fixes. Nous sommes dans le cas où, voulant graduer un thermomètre a mercure, nous aurions défini l'échelle en disant, par exemple, que chaque degré doit correspondre à des accrossements de volumes apparents égaux du mercure dans le verre, sans préciser quelle sera la grandeur de l'accroissement qui correspond à un degré. Or, dans le cas des thermomètres ordinaires, nous avons fixé cette grandeur en prenant 100 degrés de l'échelle entre la température de la glace fondante et celle de la vapeur d'eau bouillante sous la pression de 76 cent. de mercure.

Procédons de même pour la température absolue : régions la distance des deux adiabatiques considérées de façon que la température absolue T_{100} de la vapeur d'eau bouillante surpasse de 100 unités celle de la glace fondante T_{\bullet} .

$$T_{aa} - T_{a} = t00$$

Cette convention fixe le nombre que représente T₀ à la valeur 278, et, par conséquent, détermine complètement le nombre qui représente chaque température, comme nous allons le montres.



Pour cela, calculons la valeur de T_0 , d'après la convention $T_{100}-T_0=100$. Quelle que soit la substance que nous considérerons pour faire ce calcul nous obtiendrons le même résultat. En effet, si le point figuratif de l'état de la substance décrit un cycle de Carnot dont les isothermes sont à la température de la vapeur d'eau bouillante et à celle de la glace fondante, et dont les adiabatiques sont à une distance telle que les quantités de chaleurs T_{100} et T_0 prises ou cédées à ces températures constantes diffèrent de 100 unités, le travail extérieur accompli par la substance est 100 E. Or, en vertu de la loi de Carnot, le rendement $\frac{100 \text{ E}}{T_{100}}$ est le même quelle que soit la substance; par conséquent, T_{100} et $(T_{100}-100)$ ou T_0 ont aussi la même valeur.

Faisons choix alors, pour plus de simplicité, d'un gaz parfait, c'est-à-dire d'un gaz obéissant rigoureusement à la loi de Mariotte et n'éprouvant pas de variation d'énergie interne quand son volume change à la même température.

En désignant par v le volume d'une certaine masse d'un pareil

gaz, par p sa force élastique, par t sa température comptée sur un thermomètre normal renfermant ce gaz parfait, par 2 son coefficient de dilatation qui ne se distingue pas du coefficient d'augmentation de pression, et, enfin par m une constante, on a :

$$(2) \quad \frac{pv}{1+\alpha t}=m$$

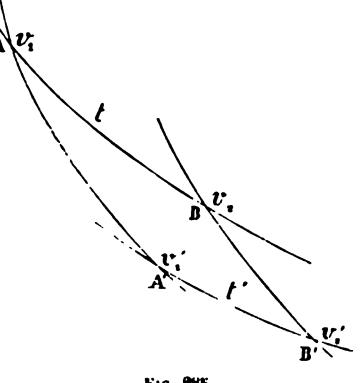


Fig. 285.

Soit A (fig. 285) la position du point figuratif de l'état de la masse à une température t et pour un volume v_1 ; soit B la position de ce point quand la masse, après s'être dilatée à la tempé-

rature constante t, a pris un volume v_2 . La quantité de chaleur T absorbée par le gaz suivant l'isotherme AB, est seulement égale au quotient du travail extérieur accompli par l'équivalent mécanique de la chaleur E, correspondant à l'unité adoptée, puisqu'un gaz parfait qui ne varie pas de température conserve la même énergie. On a donc :

$$T = \frac{W}{E}$$

Calculons la valeur de W. Pour cela rappelons-nous que la dérivée W'_{v} du travail par rapport au volume variable r est égale à la force élastique p (Chap. XIII § 10), ce qui nous fournit la relation :

$$W' = p$$

Celle-ci, en vertu de l'égalité (2), devient :

$$(4) W'_{v} = \frac{m(1+\alpha t)}{v}$$

En remontant aux fonctions primitives, et en déterminant la constante arbitraire de façon que W s'annule pour la valeur r_t du volume de la masse gazeuse, il vient pour le travail accompli pendant le parcours AB.

(5)
$$W = m(1 + \alpha t) L. \left(\frac{v_2}{v_1}\right)$$

d'où:

(5)
$$T = \frac{m(1 + \alpha t)}{E} L \cdot \left(\frac{v_2}{v_1}\right)$$

Si la température est celle de la glace fondante, on a t=0; soient, à cette température, v'_1 et v'_2 les volumes de la masse

gazeuse représentés par les abscisses des points A' et B' respectivement placés sur les adiabatiques passant par A et par B; la relation générale (5) fournit l'égalité:

(6)
$$T_0 = \frac{m}{E} L. \left(\frac{v'_2}{v'_1}\right)$$

Cette égalité donne la quantité de chaleur T_0 prise par la masse gazeuse, dont le point figuratif parcourt, entre les adiabatiques passant par A et par B, l'isotherme à la température de la glace fondante.

Or il est aisé de voir que :
$$\frac{v_2'}{v_1'} = \frac{v_2}{v_1}$$

En effet, en désignant par p_1 et p_2 , p'_1 et p'_2 les forces élastiques correspondant aux volumes v_1 et v_2 , v'_1 et v'_2 , les lois de Mariotte et de Laplace fournissent les quatre relations:

$$p_{1}v_{1} = p_{2}v_{2} \quad p_{1}v_{1}^{\frac{c}{c}} = p'_{1}v'_{1}^{\frac{c}{c}}$$

$$p'_{1}v'_{1} = p'_{2}v'_{2} \quad p_{2}v_{2}^{\frac{c}{c}} = p'_{2}v'_{2}^{\frac{c}{c}}$$

$$p_{2}v_{2}^{\frac{c}{c}} = p'_{2}v'_{2}^{\frac{c}{c}}$$

Divisant membre à membre ces deux dernières égalités, on obtient:

(8)
$$\frac{p_1}{p_2} \left(\frac{v_1}{v_2}\right)^{\frac{C}{c}} = \frac{p'_1}{p'_2} \left(\frac{v'_1}{v'_2}\right)^{\frac{C}{c}}$$

Et en vertu des premières égalités (7), $\left(\frac{p_1}{p_2} = \frac{v_2}{v_1}, \frac{p'_1}{p'_2} = \frac{v'_2}{v'_1}\right)$

il vient:

$$\left(\frac{v_1}{v_2}\right)^{\frac{C}{c}-1} \qquad \left(\frac{v'_1}{v'_1}\right)^{\frac{C}{c}-1} \quad \text{d'où: } \frac{v_1}{v_2} = \frac{v'_1}{v'_2}$$

758

En remplaçant $\frac{v_2}{v_4}$ par $\frac{v'_3}{v'_4}$ dans (5), et en divisant membre à membre l'égalité (6) par l'égalité (5), il vient :

$$\frac{T}{T_a} = 1 + zt$$

ďoù :

$$T - T_{\bullet} = T_{\bullet} \pi t$$

Dans cette formule générale faisons t = 100 (température de la vapeur d'eau bouillante), on a :

(11)
$$T_{400} - T_0 = T_0^2 \times 100$$

Ce qui donne, d'après la convention représentée par la formule (1) :

$$100 = T_{0^2} \times 100$$

d'où :

$$T_0 = \frac{1}{2}$$

Enfin, en portant cette valeur dans (10) il vient :

$$T = \frac{1}{2} + t$$

Or, l'air, l'hydrogène, l'azote peuvent presque être considérés comme des gaz parfaits, dès la température ordinaire. Pour ces gaz x=0.003665, d'où $\frac{1}{x}=273$; on a par conséquent:

$$T = 273 \div t$$

Ainsi on obtient pratiquement la température absolue en ajoutant à la température indiquée par le thermomètre à air de Regnault la constante 273.

La température absolue de la glace fondante T_o est ainsi 273.

Faisons remarquer que l'égalité (2) relative aux gaz parfaits, peut se mettre, en vertu de l'égalité (13), sous la forme très simple:

$$\frac{pv}{T} = \alpha m = \text{constante}$$

3. RENDEMENT D'UN CYCLE DE CARNOT. — Considérons un corps dont le point figuratif décrit d'une manière réversible un cycle de Carnot $A_1B_1B_2A_2A_1$, (fig. 286) (1), les isothermes A_1B_1 et A_2B_2

étant aux températures absolues T_1 et T_2 , et les adiabatiques A_1A_2 et B_1B_2 étant à une distance telle que la chaleur reçue par le corps en suivant le tronçon d'isotherme compris entre elles, soit précisément la température absolue T de cet isotherme. Le rendement r pour ce cycle est donné par :

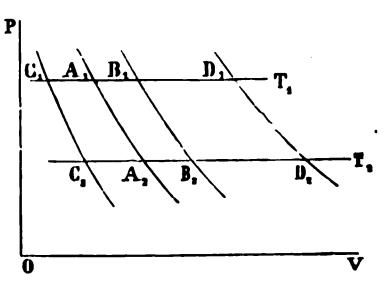


Fig. 286.

(1)
$$r = \frac{E(T_4 - T_2)}{T_4}$$

E étant l'équivalent mécanique de la chaleur. Supposons maintenant que ce corps éprouve une transformation dans laquelle

(1) Dans la figure 286 ainsi que dans les figures 284 et 288 nous avons représenté les isothermes par des lignes d'égale pression, parallèles à l'axe OV. C'est le cas qui se présente quand le corps considéré est un mélange d'un liquide et de sa vapeur, ou d'un solide et du liquide qui provient de sa susion. La variation de volume se sait à une température constante le point figuratif décrive d'une manière réversible un autre cycle de Carnot $C_1D_1D_2C_2C_4$ formé de deux isothermes respectivement aux mêmes températures T_1 et T_2 que dans le cas précédent mais dont les lignes adiabatiques C_1C_2 et D_1D_2 sont quelconques. Appelons Q_1 et Q_2 la valeur absolue des quantités de chaleur qu'il faut fournir au corps pour que son point figuratif décrive les trospons d'isotherme C_1D_1 et C_2D_3 . Le rendement pour ce cycle est.

(2)
$$R = \frac{E(Q_i - Q_g)}{Q_i}$$

Or, en vertu de la loi de Carnot, R = r; par conséquent:

$$\frac{E(Q_{1}-Q_{2})}{Q_{1}} = \frac{E(T_{1}-T_{2})}{T_{1}}$$

d'où l'on tire :

$$\frac{Q_1}{T_1} = \frac{Q_2}{T_2}$$

Ainsi, dans des transformations réversibles, les quantités de chaleur prises par un corps, dont le point figuratif parcourt successivement des tronçons d'isothermes compris entre deux mêmes adiabatiques, sont proportionnelles aux températures absolues de ces isothermes.

Nous voyons, en outre, que le rendement d'un cycle de Caract réversible est toujours égal à

$$\frac{\mathbb{E}\,(T_4 + T_9)}{T_4}\rangle$$

quel que soit l'écartement des deux lignes adiabatiques.

pour une force élastique constante, par le passage d'un des états physiques à l'autre.

Dans les figures 278, 282, 283, 285 et 290 les diagrammes se rapproches de la forme qui convient à un gaz parfait, ou les isothermes sont des hyperboles équilatères (ps == constante) et où les adiabatiques ont pour équales

P* c= constante.



4. ENTROPIE. — Quand le point figuratif d'un corps décrit une portion d'une ligne quelconque AB, on peut décomposer cette portion de ligne en éléments assez petits pour que pendant le parcours de l'un d'eux le corps puisse se considérer comme étant à une même température absolue T. En désignant par ΔQ la quantité de chaleur qui est nécessaire au corps pour effectuer d'une manière réversible la transformation représentée par l'élément, la quantité $\frac{\Delta Q}{T}$ s'appelle la variation élémentaire de l'entropie du corps. Quand le corps reçoit de la chaleur, on considère ΔQ comme une quantité positive : l'entropie du corps augmente. S'il cède de la chaleur, ΔQ est négatif : l'entropie diminue.

La variation totale d'entropie que subit le corps, quand son point figuratif décrit une portion d'une ligne AB, est la somme algébrique des variations d'entropie qu'il éprouve pour les divers éléments de AB, c'est-à-dire est égale à $\left(\sum \frac{\Delta Q}{T}\right)$. Plus rigoureu-

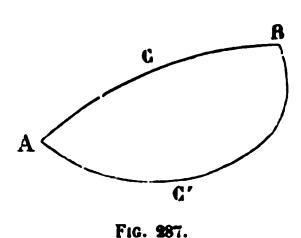
sement, la variation d'entropie est la limite de la valeur de cette somme quand, le nombre des éléments augmentant indéfiniment, chacun d'eux tend vers zéro.

Il est clair que, si le point figuratif de l'état du corps parcourt la ligne AB en sens inverse du sens précédent, puisque la transformation est supposée effectuée d'une manière réversible, pour chaque élément ΔQ prend la même valeur absolue, mais avec un signe contraire à celui qu'il avait dans le premier cas, et la variation d'entropie $\left(\sum \frac{\Delta Q}{T}\right)$ est égale en valeur absolue, mais de signe contraire.

Nous savons que la quantité de chaleur qu'il faut fournir à un corps pour le faire passer d'un certain état A à un autre état B n'est pas toujours la même, car elle dépend essentiellement de la manière dont s'effectue ce passage; le travail extérieur, en effet, varie suivant la ligne décrite par le point figuratif pour aller de A à B. Il n'en est pas de même de la variation d'entropie. Comme la variation d'énergie interne, cette quantité ne dépend que de l'état initial A et de l'état final B. Nous allons établir cette propriété importante qui va nous permettre d'appliquer com-

modément la loi de Carnot, dans les divers problèmes de thermodynamique.

Remarquons que cette propriété sera démontrée quand nous

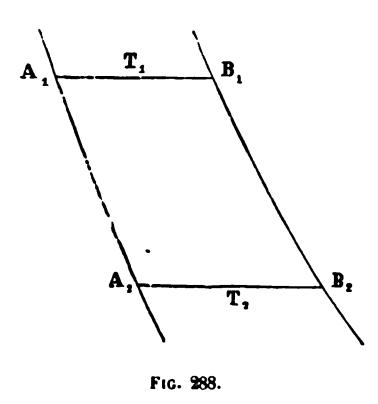


aurons prouvé que la variation d'entropie est nulle lorsque le point figuratif revient à sa position de départ, après avoir décrit un cycle fermé. En effet, soient ACB et ACB (fig. 287) deux lignes différentes décrites par le point figuratif; soient K et K' les variations d'entropie que subit le corps quand son

point figuratif va de A à B suivant ACB et suivant ACB. Supposons que celui-ci décrive le cycle ACBC'A, la variation d'entropie sera K — K', et, si nous avons prouvé qu'elle est

nulle, on aura K = K'.

Pour faire cette démons-



tration, commençons par le cas simple où le cycle fermé serait un cycle de Carnot A,B,B,A, (fig. 288) Supposons que le point figuratif le décrive d'une manière réversible dans le sens A,B,B,A,A, Le long de l'esotherme A,B, à la température absolue T, la variation d'entropie est T,

en appelant Q_i la quantité de chaleur qu'il faut fournir pour le parcours de cette ligne, puisqu'on a :

$$\sum \frac{\Delta Q}{T} = \frac{1}{T_4} \sum \Delta Q = \frac{Q_1}{T_4}$$

Le long de l'adiabatique B₁B₂, le corps ne recevant pas de

chaleur, ΔQ est nul pour tous les éléments : *l'entropie garde la même valeur* (1).

En suivant l'isotherme B_2A_2 , à la température T_2 , le corps cède une quantité de chaleur, dont nous représenterons la valeur absolue par $-Q_2$, la quantité Q_2 étant négative. La variation

d'entropie est $\frac{Q_2}{T_2}$.

Enfin, le long de l'adiabatique A_2A_1 , l'entropie ne varie pas. On a donc pour le cycle :

$$\sum \frac{\Delta Q}{T} = \frac{Q_{1}}{T_{1}} + \frac{Q_{2}}{T_{2}}$$

et, comme en vertu de la relation (3) du paragraphe précédent:

$$\frac{Q_1}{T_1} = \frac{Q_2}{T_3}$$

on a:

$$\sum \frac{\Delta Q}{T} = 0$$

La variation d'entropie est donc nulle.

Passons maintenant au cas général. Soit un cycle fermé parcouru d'une manière réversible dans le sens ABCDF (fig. 289). Découpons ce cycle par une série

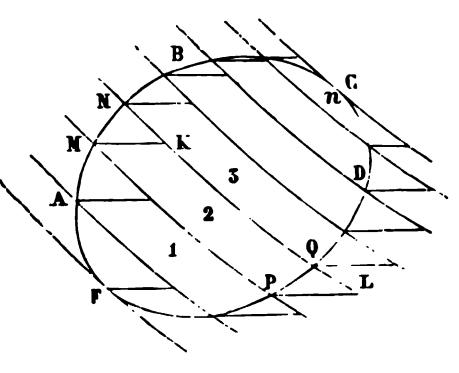


Fig. 289.

de lignes adiabatiques, et menons par chaque point de rencontre

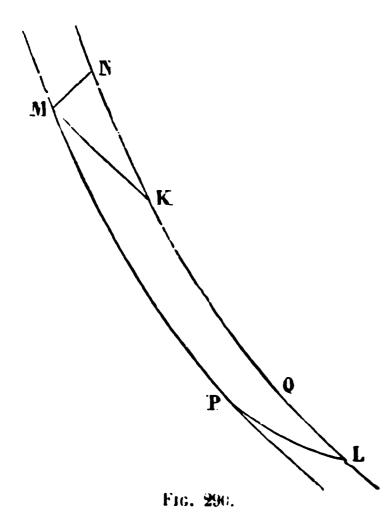
(1) C'est pourquoi on désigne quelquesois les lignes adiabatiques sous le nom de lignes isentropiques (de même entropie).

tels que M et P les isothermes (MK et PL) jusqu'à la rencontre de l'adiabatique suivante (NKQL); nous formons ainsi des cycles de Carnot, tels que MKLP. Soient T et T' les températures absolues des isothermes MK et PL; soient q et q' les quantités de chaleur fournies au corps ou cédées par lui (suivant le signe de q et de q') quand son point figuratif décrit d'une manière réversible l'isotherme MK dans le sens MK et l'isotherme PL dans le sens LP; on a :

$$\frac{q}{T} + \frac{q'}{T'} = 0$$

Désignons maintenant par ΔQ et par $\Delta Q'$ les quantités de chaleurs fournies au corps ou cédées par lui quand le point figuratif décrit MN et QP. Il est à peu près évident, et du reste aisé à démontrer en toute rigueur (1) que les rapports $\frac{\Delta Q}{q}$ et $\frac{\Delta Q'}{q'}$

(1) Voici comment on peut établir, en toute rigueur, cette proposition.



Considérons deux adiabatiques MP et NQ (fig. 290). Menons les isothermes MK et PL et une ligne quelconque MN. Soient ΔQ , q et q' les quantités de chaleur fournies au corps suivant MN, MK et PL parcourus d'une manière réversible. Soient s et S les aires des cycles MNKM et MK LPM, qui mesurent le travail extérieur; on a:

$$E(\Delta Q - q) = s$$

$$E(q - q') = S$$

E désignant l'équivalent mécanique de la chaleur. D'où l'ou tire, par élimination:

$$\frac{\Delta Q}{q} - 1 = \frac{s}{\bar{S}} \left(1 - \frac{q'}{q} \right)$$

Si les adiabatiques NQ et MP se rapprochent indéfiniment, le rapport 5.

tendent vers l'unité quand les adiabatiques MP et NQ se rapprochent indéfiniment.

Or, en ajoutant membre à membre les égalités (1) fournies par la considération de tous les cycles de Carnot $1, 2, 3, \ldots n$, compris dans le cycle considéré, on aurait :

$$\frac{q_1}{T_1} + \frac{q_2}{T_2} + \frac{q_3}{T_3} + \cdots + \frac{q'_3}{T'_3} + \frac{q'_2}{T'_2} + \frac{q'_1}{T'_1} = 0$$

Mais, la somme des variations d'entropie de chaque élément du cycle ABCDE, c'est-à-dire

$$\sum \frac{\Delta Q}{T} = \frac{\Delta Q_1}{T_1} + \frac{\Delta Q_2}{T_2} + \frac{\Delta Q_3}{T_3} + \cdots + \frac{\Delta Q'_3}{T'_3} + \frac{\Delta Q'_2}{T'_4} + \frac{\Delta Q'_1}{T'_4}$$

est telle que le rapport de chacun de ses termes au terme correspondant de la somme précédente tend vers l'unité quand, le nombre des termes augmentant indéfiniment, chacun d'eux tend vers zéro, puisqu'alors les adiabatiques considérées se rapprochent indéfiniment en devenant de plus en plus nombreuses. En vertu d'un théorème bien connu, ces deux sommes ont la même limite. On a donc :

$$\lim \sum \frac{\Delta Q}{T} = 0$$

C'est-à-dire que la variation d'entropie est nulle quand le point figuratif revient à son point de départ après avoir décrit un cycle fermé.

Du reste, on peut démontrer que si la transformation représentée

qui devient plus petit que le rapport $\frac{NK}{KL}$, tend vers zéro, et, par conséquent $\frac{\Delta Q}{q}$ tend vers l'unité, puisque $\frac{q'}{q}$ étant toujours égal à $\frac{T'}{T}$ n'est pas infini.



Désignons maintena leurs fournies au co tif décrit MN et Ql

démontrer en to

(t) Voici com

M.

rolen wenne.

THE STREET PARTY AND THE PROPERTY OF THE PROPE

$$\frac{\P_1}{T_1} = \frac{\frac{q_2}{T_2}}{T_2} - \frac{\frac{q}{q_2}}{T_2} - \cdots$$

there, to seems to en

$$\sum \frac{1}{\sqrt{t}} = \frac{1}{\sqrt{t}}$$

DATESTON

 \sim où la transformation est effecque $\sum \frac{\Delta Q}{T}$ représente la varia-pouvant ne pas être la même si par le point figuratif dans une trans-

rent une portion de ligne adiabarevarie pas, puisque ΔQ est aul pour
de ce qui précède que l'entropie d'un
eur quand son point figuratif va, par
un point à un autre situé sur la même
de de ces lignes correspond ainsi à une
dropie du corps, et cette grandeur varie
and la ligne décrite par le point figuratif
anêmes adiabatiques dans une transfornon réversible : la variation est toujours
alant Q la quantité de chalcur positive ou

· nu corps pour que son point figuratif décrive,

entre code plus de chaleur, ou en prenne moins, pour rmation ; chaque élément de la somme $\sum \frac{\Delta Q}{T}$ est ainsi plus le transformation réversible.

exercibilité est impossible dans le cas où il y a des frottelogs qui croent de la chatour. Dans ce cas il faut évidemre même transformation, que le corps cède plus de chaleur,
remoins que si les frottements ou les chocs n'avaient pas créé
in a donc encore $\sum \frac{\Delta Q}{T} < 0$

insi que, dans le cas de transformations non réversibles, quand le ratif décrit un cycle fermé, on a toujours $\sum_{T}^{\Delta Q} < 0$, si T désigne rature des corps qui sent en contact avec la substance ; mais on on peut avoir encore $\sum_{T}^{\Delta Q} = 0$, si T désigne la température de la loce, dans le cas où le non-réversibilité ne provient que de l'inégalité ompératures.

par le cycle sermé n'est pas effectuée d'une manière réversible, la quantité $\sum \frac{\Delta Q}{T}$ est inférieure généralement à zéro :

$$\left(\sum \frac{\Delta Q}{T} < 0\right)^{(1)}$$

(1) La transformation n'est pas réversible dans l'un des cas suivants :

1. La réversibilité est impossible si la température T' du corps avec lequel la masse de la substance considérée est en contact diffère d'une quantité finie de sa température T. Dans ce cas la quantité de chaleur ΔQ nécessaire à une transformation élémentaire déterminée conserve évidenment la même valeur, et si T représente toujours la température du corps, il est clair que les quantités $\frac{\Delta Q}{T}$ restant les mêmes que si la transformation était réversible, on a encore pour un cycle fermé $\sum \frac{\Delta Q}{T} = 0$. Mais si à la place de T nous mettons la température T' des corps qui fournissent ou prennent de la chaleur à la substance considérée, il est clair que -1° quand ΔQ est positif, on a $T' \geq T$, et par conséquent $\frac{\Delta Q}{T} \leq \frac{\Delta Q}{T}$ ou $\frac{\Delta Q}{T'} \leq \frac{\Delta Q}{T}$.

Il résulte de là $\frac{\Delta Q}{T'} \leq \frac{\Delta Q}{T}$, le signe = ne convenant du reste que si T égale constamment T' c'est-à-dire si la transformation est réversible. 2º La réversibilité est impossible si la force élastique de la substance

considérée disser d'une quantité sinie de celle du milieu environnant.

Supposons d'abord que la substance ait une sorce élastique plus grande: alors il y aura détente, et la quantité de chaleur ΔQ qu'il saut lui sourcir pour une transformation élémentaire déterminée est évidenment moindre que s'il y avait égalité entre les sorces élastiques, puisque le travail exterieur accompli par le corps est plus saible. Donc, pour le transformation

consideree $\sum \frac{\Delta Q}{T}$ a une valeur moindre.

Supposons maintenant que la force élastique extérieure surpasse d'une quantité finie la force élastique de la substance considérée, celle-ci subit une diminutien de volume, et comme la quantité de chaleur créée dans cette substance par le travail extérieur est plus grande que s'il y avait égalité entre les pressions,



Ainsi, ce n'est que dans le cas où la transformation est effectuée d'une manière réversible que $\sum \frac{\Delta Q}{T}$ représente la variation d'entropie, cette quantité pouvant ne pas être la même si la même ligne est parcourue par le point figuratif dans une transformation non réversible.

Quand le point figuratif décrit une portion de ligne adiabatique, l'entropie du corps ne varie pas, puisque ΔQ est nul pour chaque élément. Il résulte de ce qui précède que l'entropie d'un corps reprend la même valeur quand son point figuratif va, par un chemin quelconque, d'un point à un autre situé sur la même ligne adiabatique. Chacune de ces lignes correspond ainsi à une valeur différente de l'entropie du corps, et cette grandeur varie de la même quantité quand la ligne décrite par le point figuratif se termine à deux mêmes adiabatiques dans une transformation réversible ou non réversible : la variation est toujours égale à $\frac{Q}{T}$, en appelant Q la quantité de chaleur positive ou négative nécessaire au corps pour que son point figuratif décrive,

il faut que la substance cède plus de chaleur, ou en prenne moins, pour effectuer la transformation ; chaque élément de la somme $\sum \frac{\Delta Q}{T}$ est ainsi plus petit que dans une transformation réversible.

3º Enfin la réversibilité est impossible dans le cas où il y a des frottements ou des chocs qui créent de la chalcur. Dans ce cas il faut évidemment, pour une même transformation, que le corps cède plus de chalcur, ou en prenne moins que si les frottements ou les chocs n'avaient pas créé de chalcur. On a donc encore $\sum \frac{\Delta Q}{T} < 0$

On voit ainsi que, dans le cas de transformations non réversibles, quand le point figuratif décrit un cycle fermé, on a toujours $\sum_{T}^{\Delta Q} < 0$, si T désigne la température des corps qui sont en contact avec la substance; mais on voit qu'on peut avoir encore $\sum_{T}^{\Delta Q} = 0$, si T désigne la température de la substance, dans le cas où la non-réversibilité ne provient que de l'inégalité des températures.

dans une transformation réversible, la portion d'isotherme à la température absolue T comprise entre ces adiabatiques.

5. LOI DE CLAUSIUS. — On sait que, dans les circonstances ordinaires, la chaleur passe des corps chauds aux corps froids voisins, et ne passe jamais d'elle-même d'un corps à basse température sur un autre à une température plus élevée.

Mais à l'aide d'une machine il est possible de prendre de la chaleur à un corps froid et de la porter sur un corps plus chaud.

Considérons, par exemple, une machine à vapeur pourvue d'un condenseur; à l'aide d'une force motrice étrangère faisons fonctionner cette machine à rebours, en faisant avancer les pistons en sens inverse de celui où la vapeur de la chaudière tend à les pousser. Dans ce cas la machine fonctionne comme une pompe aspirante et foulante, puisant de la vapeur d'eau dans le condenseur et la comprimant dans la chaudière où elle se condense. L'eau, en s'évaporant dans le condenseur, lui prend de la chaleur, et cette eau, en se condensant dans la chaudière, lui cède la chaleur qu'elle a prise au condenseur.

Ainsi de la chaleur peut passer du réfrigérant qui est froid à la chaudière qui est chaude; mais, pour cela, il a fallu dépenser du travail mécanique. Ce travail mécanique, du reste, peut être emprunté à une autre machine à vapeur fonctionnant dans le sens direct. Si nous considérons le système formé par l'association de ces deux machines, il ne reçoit aucun travail extérieur, et de la chaleur passe pourtant du condenseur de la première à sa chaudière; mais aussi une certaine quantité de chaleur est prise à la chaudière de la seconde machine par la vapeur qui agit sur ses pistons, et cette chaleur est cédée en partie à son condenseur.

En partant de ces considérations, M. Clausius a énoncé la loi suivante:

Il est impossible de faire passer de la chaleur d'un corps froid sur un autre plus chaud sans dépenser du travail ou saus qu'une certaine quantité de chaleur passe d'un corps chaud à un autre plus froid.

Tant que l'agent du transport de la chaleur est un corps ponderable, comme dans l'exemple cité plus haut, où c'est l'eau qui, tantôt gazeuse, tantôt liquide, amène la chaleur du condenseur à la chaudière, la loi de Clausius n'est qu'une conséquence de la loi de Carnot et de la loi de l'équivalence.

En effet, considérons un corps qui, partant d'un certain état A, prend de la chaleur à des corps froids possédant des températures absolues comprises entre T'₂ et T''₂ et qui la transporte sur des corps chauds à des températures comprises entre T'₄ et T''₄, la plus basse de ces températures T'₄ étant plus élevée que la plus haute température T''₂ des corps froids; ensin, supposons que ce corps revienne à l'état initial A. Le point figuratif du corps aura décrit un cycle fermé.

Désignons par q_2 la valeur absolue des quantités de chaleur prises à chaque température basse T_2 et par q_4 la valeur absolue des quantités de chaleur cédée à chaque température haute T_4 ; on a :

(1)
$$\sum \frac{\Delta Q}{T} = \sum \frac{q_1}{T_2} - \sum \frac{q_1}{T_1} \leq 0$$

le signe = convenant si la transformation est effectuée d'une manière réversible ; le signe < convenant dans le cas contraire. Or, en désignant par $Q_{\bf q} = \sum q_{\bf q}$ toute la chaleur prise aux corps froids, et par $Q_{\bf q} = \sum q_{\bf q}$, toute celle qui a été cédée aux corps chauds ; nous pouvons poser :

$$\sum \frac{q_1}{T_1} = \frac{1}{t_1} \sum q_1 = \frac{Q_1}{t_1}$$

$$\sum \frac{q_2}{T_2} = \frac{1}{t_2} \sum q_2 = \frac{Q_2}{t_2}$$

La quantité t_1 , ainsi désinie, est évidemment intermédiaire entre T'_1 et T''_1 , et la quantité t_2 est intermédiaire entre T'_2 et T''_2 ; on a donc $t_1 > t_2$.

Or, d'après (2), l'égalité (1) peut s'écrire:

(3)
$$\frac{Q_2}{t_2} \leq \frac{Q_1}{t_1} \quad \text{ou} \quad Q_2 \leq \frac{t_2}{t_1} Q_1$$

et puisque $\frac{t_2}{t_1}$ est plus petit que l'unité, on a

$$Q_2 < Q_1$$

La quantité de chaleur Q_1 cédée aux corps chauds étant ainsi plus grande que la quantité de chaleur Q_2 qui a été prise aux corps froids, la relation de l'équivalence nous montre que le corps a dû subir un travail extérieur égal à $E(Q_1 - Q_2)$ qui a créé l'excédant de chaleur $Q_1 - Q_2$.

Ainsi, comme conséquence de la loi de Carnot et de la loi de l'équivalence, un agent pondérable ne peut transporter de la chaleur d'un corps froid à un corps chaud que s'il reçoit un travail extérieur. Si celui-ci lui est fourni par une machine où un agent accomplit un travail extérieur en revenant au même état, cet agent prend nécessairement de la chaleur à des corps chauds pour la céder en partie à des corps plus froids.

Réciproquement, on peut déduire de la loi de Clausius et de la loi de l'équivalence la nécessité de la loi de Carnot.

Il n'y a donc jusqu'ici que deux lois fondamentales distinctes en thermodynamique.

Mais l'énoncé de M. Clausius a un degré de généralité plus grand que celui de Carnot. Car si, au lieu de considérer exclusivement les lois se rapportant aux agents pondérables, nous considérons les transports de chaleur qui peuvent être effectués par d'autres agents, en particulier par l'électricité, la loi de Clausius conduit

à des conséquences qui sont encore justifiées par l'expérience, comme l'a montré le savant allemand.

C'est donc l'énoncé de M. Clausius qu'il convient de conserver pour la deuxième loi de la thermodynamique.

6. RÉSUMÉ DES LOIS DE LA THERMODYNAMIQUE. — En résumé, la première loi de la thermodynamique s'exprime par la relation :

$$EQ = I_2 - I_1 + W$$

Étant admis que la chaleur est une des formes de l'énergie, cette égalité se déduit de la loi de la conservation de l'énergie.

La deuxième loi de la thermodynamique, jointe à la loi de l'équivalence, conduit à la relation applicable à tout cycle fermé parcouru d'une manière réversible:

$$\sum \frac{\Delta Q}{T} = 0$$

Cette relation (2), qui signifie que la variation d'entropie est nulle pour un corps qui revient au même état, permet d'appliquer commodément la deuxième loi.

En considérant un corps qui n'a pas de force vive sensible et en lui faisant subir, d'une manière réversible, des transformations qui le ramènent à l'état initial, les deux relations fondamentales (1) et (2) fournissent deux équations dans lesquelles l'énergie interne du corps ne figure pas, puisque l'énergie interne initiale I, étant égale à l'énergie finale I, la relation (1) devient :

$$(3) EQ = W$$

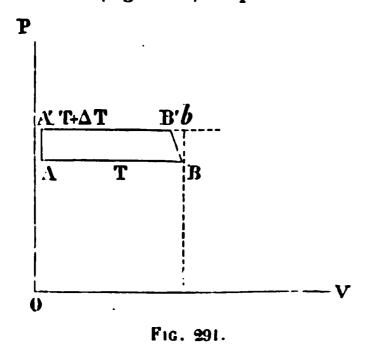
Rappelons que, dans ce cas, le travail W est représenté par l'aire du cycle fermé décrit par le point figuratif.

7. EXEMPLE DE L'APPLICATION DES DEUX LOIS FONDAMENTALES DE LA THERMODYNAMIQUE. — Nous allons, pour terminer ces

notions sommaires de thermodynamique, montrer par un exemple l'application qu'on peut faire des deux lois fondamentales pour obtenir des relations utiles entre les diverses propriétés des corps.

Prenons, comme exemple, les changements d'état physique d'une masse qui, d'abord liquide, devient gazeuse, puis repasse à l'état liquide, mais dans d'autres conditions de température.

Soit A (fig. 291) la position du point figuratif de l'état de l'u-



nité de masse du corps quand il est liquide à la température absolue T et sous la pression par unité de surface p. Faisons subir à cette masse les quatre transformations suivantes :

1º Vaporisons le liquide et amenons le corps à l'état de vapeur saturante, en maintenant la pression p et, par conséquent, la température T constante. Soit B le point figu-

ratif de la masse quand elle est chtièrement réduite en vapeur. En désignant par u_1 et u_2 les volumes de l'unité masse du corps à l'état liquide et à l'état de vapeur dans ces circonstances, l'accroissement de volume de la masse est $u_2 - u_1$; d'où :

$$AB = u_2 - u_1$$

2º Tout en laissant la vapeur saturante et sèche, augmentous d'une très petite quantité Δp la pression p: la température T variera de ΔT puisque la force élastique p d'une vapeur saturante est une fonction de la température T. Soit B' la position du point figuratif pour ce nouvel état.

3° Liquéfions la vapeur à la température $T + \Delta T$ et, par conséquent, sous la pression constante $p + \Delta p$. Soit A' la position du point figuratif quand le corps est complètement liquéfié.

4° Enfin, diminuons la pression de Δp et la température de ΔT pour ramener le liquide à l'état primitif représenté par le point A.

Dans la première phase AB de la transformation, il a fallu fournir au corps une quantité de chaleur que nous représenterons par λ , c'est, par définition, la chaleur latente de vaporisation externe à la température T.

Dans la troisième phase B'A', il a fallu retirer du corps la quantité de chaleur $\lambda + \Delta \lambda$, chaleur latente de vaporisation à la température $T + \Delta T$.

Désignons enfin par q et q' les quantités infiniment petites de chaleur nécessaires aux transformations représentées par BB' et A'A.

La quantité de chaleur Q fournie au corps est ainsi:

$$Q = \lambda - (\lambda + \Delta \lambda) + q + q' = -\Delta \lambda + q + q'$$

Or, le travail extérieur accompli W égale, en valeur absolue, l'aire du trapèze ABB'A', qui est égal à AB \times Bb ou $(u_2-u_1)\Delta p$, avec une erreur relative d'autant plus faible que Δp est plus petit, et qui s'annule avec Δp . Mais de la manière dont nous avons parcouru ce cycle, le travail est négatif; on a donc :

$$W = - (u_2 - u_1) \Delta p$$

La relation de l'équivalence (1 ou 3 g 6) donne alors :

(1)
$$E(-\Delta\lambda + q + q') = -(u_2 - u_1)\Delta p$$

D'autre part, la relation de Carnot (2 § 6) donne, puisque ce cycle est réversible:

(2)
$$\frac{\lambda}{T} + \frac{\eta}{T} - \frac{\lambda + \Delta\lambda}{T + \Delta T} + \frac{\eta'}{T} = 0$$

ou,

(2 bis)
$$\lambda - \left(\frac{T}{T + \Delta T}\right)(\lambda + \Delta \lambda) + q + q' = 0$$

(1) Faisons remarquer que, les termes $\frac{q}{T}$ et $\frac{q'}{T}$ correspondant à des variations

En éliminant la quantité q+q' entre la relation (1) et la relation (2 bis), on obtient :

$$E(\lambda + \Delta \lambda) \left(1 - \frac{T}{T + \Delta T}\right) = (u_2 - u_1) \Delta p$$

ou encore :

$$\mathbf{E} \, \frac{\lambda - \Delta \lambda}{\mathbf{T} + \Delta \mathbf{T}} = (\mathbf{u}_{\,\mathbf{z}} - \mathbf{u}_{\,\mathbf{z}}) \, \frac{\Delta \mathbf{p}}{\Delta \mathbf{T}}$$

Comme cette relation devient rigoureuse quand ΔT et. par conséquent, $\Delta\lambda$ et Δp tendent vers zéro, et qu'alors $\frac{\Delta p}{\Delta T}$ tend vers la dérivée p'_{T} de la fonction qui représente la force élastique maxima p de la vapeur par rapport à la température absolue T, on a, en toute rigueur :

(3)
$$E\frac{\lambda}{T} = (u_3 + u_4) p'_T$$

C'est là une relation importante pour l'étude des vapeurs saturantes.

Comme nous savons que p_{π} est toujours positif, et que u_{2} est plus grand que u_{1} , elle nous montre que la quantité λ est toujours positive: il faut fournir de la chaleur à un liquide pour le vaporser.

Les expériences de Cagniard-Latour, de Drion et de M. Andrews, ont montré qu'à une température élevée, un corps peut de l'état fiquide passer complètement à l'état de vapeur sans changer de volume; pour cette température «point critique».

infiniment petites, il est inutile de ter ir compte au dénominateur de la variation de la temperature absolue T pendant cette transformation. En mettant $T = \Delta T$ à la place de T on obtiendrant le même résultat quand on ferait tendre vert zère les termes infiniment petits.



 $u_2 = u_1$, et comme $p'_T \left(= \lim_{n \to \infty} \frac{\Delta p}{\Delta T} \right)$ n'est pas infini, il faut en conclure que λ est nul : au point critique la chaleur latente de vaporisation est nulle. On s'explique ainsi comment une très faible variation dans l'échauffement amène alors la vaporisation totale du liquide, ou la condensation presque totale de la vapeur.

Pour fixer les idées, nous avons supposé dans la considération du cycle précédent, que le changement d'état était le passage de l'état liquide à l'état gazeux. Mais notre raisonnement peut s'appliquer aussi bien au passage de l'état solide à l'état liquide. La formule (3) convient donc à ce cas, comme au précédent, pourvu qu'alors u_1 et u_2 représentent respectivement les volumes de l'unité de masse à l'état solide et à l'état liquide.

Or, l'expérience prouve que la chaleur latente de fusion λ est toujours une quantité positive.

Le premier nombre de l'égalité (3) étant positif, il en est de même du second; on voit donc que p'_{T} , ou $\frac{\Delta p}{\Delta T}$ quand ΔT est très petit, doit être du même signe que $(u_2 - u_1)$,

Si l'on a $u_2 > u_1$, si le corps augmente de volume en fondant comme cela a lieu pour la plupart des corps, $\frac{\Delta p}{\Delta T}$ est positif; c'est-à-dire que ΔT et Δp sont du même signe : la température de fusion augmente en même temps que la pression.

Au contraire si l'on a $u_2 < u_1$, si le corps diminue de volume en fondant comme l'eau, la fonte de fer etc., $\frac{\Delta p}{\Delta T}$ est négatif; c'est-à-dire que ΔT et Δp sont de signes contraires : quand la pression augmente la température de fusion s'abaisse.

C'est par un raisonnement à peu près analogue que M. James Thomson a prévu que l'augmentation de pression entraînerait un abaissement dans le point de fusion de la glace. Nous avons vu que ce fait a été confirmé par les expériences de Sir W. Thomson.

Ces expériences ont permis de déterminer le rapport $\frac{\Delta p}{\Delta T}$ de les autres quantités de la relation (3) étant connues, Sir W. Thomson a pu constater la parfaite exactitude de cette relation.

C'est là une vérification expérimentale importante des lois de la thermodynamique.

8. HISTORIQUE DE LA THERMODYNAMIQUE.—L'idée que la chaieur est un mouvement vibratoire des dernières particules des corps est certainement très ancienne. L'hypothèse du calorique-matière et celle du calorique-mouvement étaient indiquées concurremment dans les cours de physique depuis longtemps; c'est ainsi qu'en 1780 Lavoisier et Laplace exposent très nettement dans leur Mémoire sur la chaleur que ce que nous appelons chaleur pourrait ne pas être autre chose que la force vive due au mouvement insensible des molécules, et ils font remarquer que cette hypothèse rend bien compte de la chaleur dégagée par le frottement; mais ils ne s'arrêtent pas à cette idée, que nous savons être juste, et ils n'en tirent aucune conséquence.

C'est Rumford (2) qui le premier, vers 1798, insiste sur la nécessité de cette dernière manière d'envisager la chaleur. Il va

(1) Faisons remarquer que les variations de la température absolue sont les mêmes que les variations de la température donnée par le thermomètre à air; car, en appellant le la température comptée sur le thermomètre a air, on a :

$$T=273+t$$

d'où :

$$12 = 12$$

2. Benjamin Thomson, comte de Rumford, est né en 1753 dans le New-Hampshire. Après avoir pris part à plusieurs guerres dans les rangs de l'armée anglaise, il entra au service de la Baviere, y devint lieutenant general, ministre de la guerre, et appliqua ses connaissances scientifiques au soulagement des malheureux. A partir de 1802, il se fixa en France; il epousa en 1804 la veuve de Lavoisier, et mourut en 1814. Il était membre de la Société Royale de Londres, et associé étranger de l'Institut de France.

même plus loin et établit par l'expérience la quantité de travail nécessaire pour produire une unité de chaleur. Ses expériences ont été faites à Munich dans une fonderie de canons. Il a mesuré la quantité d'eau échauffée et vaporisée par la chaleur considérable dégagée dans le forage d'une pièce à feu; il a évalué, en même temps, le travail de la machine motrice. Des nombres qu'il a donnés, on peut conclure qu'il faudrait 570 kilogrammètres pour créer une grande calorie; c'est une détermination grossière de l'équivalent mécanique de la chaleur. Ce nombre est trop grand, mais Rumford fait remarquer qu'il n'a pas tenu compte de la chaleur dégagée dans les frottements autres que ceux dus au forage, et qu'il n'a pas tenu compte non plus de la chaleur perdue par rayonnement et par conductibilité.

Il était assez généralement admis avant Rumford que la chaleur produite par le frottement tenait à ce que la limaille ou les copeaux détachés par l'action mécanique avaient une chaleur spécifique moindre que le corps dont ils provenaient. Cette interprétation était pour ainsi dire nécessaire dans l'hypothèse de la matérialité du calorique. Rumford en montra le néant : il mesura la chaleur spécifique du bronze en copeaux ou en limaille, tel qu'il était détaché par l'outil servant au forage du canon, et trouva la même valeur que pour le bronze en lingot.

Un an après les expériences de Rumford, en 1799, Davy (¹), en Angleterre, montra d'une manière encore plus frappante l'inanité de l'explication précédente sur le dégagement de chaleur par frottement. Il plaça dans le vide deux morceaux de glace et les fit frotter l'un contre l'autre. Le frottement détermina la fusion de la glace; or, l'eau liquide produite ainsi, loin d'avoir une chaleur spécifique plus faible que celle de la glace, a une chaleur spécifique qui est plus du double.

On pourrait s'étonner qu'après des expériences aussi démonstratives, la matérialité du calorique, c'est-à-dire l'impossibilité de créer ou de détruire de la chaleur, ait pu encore, pendant longtemps, trouver place au rang des hypothèses plausibles. Mais, c'est là un fait constant dans l'histoire des sciences, il ne sussit

⁽¹⁾ Sir Humphry Davy, né à Penzance dans le Cornouailles, en 1778, mort en 1829.

pas d'une expérience, si décisive qu'elle nous puisse paraître aujourd'hui, pour renverser l'idée fausse et mettre en lumière la vérité : il faut, non seulement accumuler les preuves, mais surtout il faut du temps pour que les esprits s'accoutument à la nouvelle idée.

Pourtant l'idée juste faisait des progrès.

Dès 1800, en France, Montgolsier soutenait que la chaleur pouvait se transformer en travail mécanique et, en 1839, M. Séguin saisait ressortir la nécessité de la chaleur-mouvement, de l'étude de la dilatation de la vapeur d'eau et du fonctionnement des machines à vapeur.

Mais c'est en 1842 seulement que parut le travail du médecin allemand Jules-Robert Mayer, de Heilbronn, qui, le premier, établit nettement l'équivalence entre le travail et la chaleur. En considérant la chaleur absorbée par la détente des gaz, et à l'aide d'un calcul analogue à celui que nous avons exposé aux paragraphes 3 et 4 du chapitre XIV, il a déterminé la valeur de l'équivalent mécanique de la chaleur, et c'est lui qui a employé ce terme pour la première fois. Le nombre qu'il a trouvé ainsi n'est pas très exact, parce que les données numériques pour le coefficient de dilatation et les deux chaleurs spécifiques dont il s'est servi étaient elles-mêmes entachées d'erreurs assez notables; mais la méthode employée pour faire ce calcul est juste.

C'est en réfléchissant aux phénomènes vitaux, à la production de la force motrice de l'homme et des animaux que Mayer a été amené à cette conception si juste des phénomènes thermiques.

On lui doit aussi une jolie expérience. En agitant pendant longtemps de l'eau dans un vase, la température de celle-ci s'est élevée de 12° centigrades à 13°; c'est un bel exemple de la transformation de la force vive sensible en énergie calorifique.

A la même époque, M. Colding, ingénieur à Copenhague, publiait en danois un mémoire contenant des considérations tout à fait analogues à celles de Mayer, et donnant une valeur assez peu exacte, du reste, de l'équivalent mécanique de la chaleur déterminée par le frottement.

Dès 1843, M. Joule a commencé, sans avoir connaissance du reste des travaux de Mayer et de M. Colding, une série de

recherches que nous avons sait connaître en partie, et qui ont désinitivement sondé la thermodynamique. Ses premiers travaux ont porté sur les machines magnéto-électriques; il trouva ainsi le nombre 838 en unités anglaises (460 en unités françaises) pour l'équivalent mécanique de la chaleur.

Son travail sur le frottement, qui a fourni, jusqu'à présent, la meilleure valeur de l'équivalent mécanique de la chaleur, a été publié en 1849.

Viennent ensuite les travaux de M. Hirn, qui n'ont pas peu contribué à établir la loi de l'équivalence sur des bases solides, comme nous l'avons vu.

M. Favre a fait, en 1858, une détermination de l'équivalent mécanique de la chaleur, en mesurant la quantité de chaleur qui disparaît, quand un moteur électro-magnétique accomplit un travail déterminé.

Enfin, rappelons que le second principe fondamental de la thermodynamique a été établi par Sadi Carnot et généralisé par M. Clausius.

Il convient d'ajouter à ces noms celui de M. Helmholtz, qui, en 1817, dans son remarquable ouvrage « La Conservation de la Force », a développé les idées de Mayer et a montré toute la fécondité de la loi de la conservation de l'énergie, et ceux de MM. Macquorn Rankine, William Thomson, Tyndall et Verdet, comme ayant beaucoup contribué à l'avancement et à la vulgarisation de la thermodynamique.

CHAPITRE XVI

CHALEUR DE TRANSFORMATION

1. CHALEUR DÉTRUITE OU CRÉÉE PAR LES CHANGEMENTS D'ÉTATS.

— Quand un corps passe de l'état solide à l'état liquide on zazeux, on l'une de l'état liquide à l'état gazeux, on constate qualt é de changement entraine la destruction d'une notable quant té de chaleur. Liversement, le passage de l'état gazeux à l'état solide ou liquide et le passage de l'état liquide à l'état solide donnent lieu à une création de chaleur.

Ainsi med als dans un calorimètre 40 grammes d'eau à 20° et ajoutons-y 10 grammes de glace à 0°; la dane fondra completement, et nous con taterons que l'eau du calorimètre s'est refroidie jusqu'à 0°. Par conséquent 10 grammes de glace en fondant ont d'truit touie la chaleur aban lonnée par 40 grammes d'eau en pas-ant de 20° à 0°, soit 40 < 20 == 800 calories.

Tout le monde suit qu'en versant sur la main un liquide volatil, tel que l'alcool ou l'éther, on éprouve une impression de froid : le liquide en s'évaporant détruit de la chaleur, et abaisse la temp frature de l'épiderme. A propos de la liquéfaction des gaz, nous avons vu l'application qu'on pouvait faire de l'évaporation rapide de l'éther, de l'acide sulfureux, de l'acide carbonique ou du protoxyde d'azote pour obtenir du froid.

Quand on vient à faire bouillir de l'eau en raréfiant l'air qui se trouve au-dessus, à l'aide d'une machine pneumatique, la température de l'eau baisse rapidement. Avec l'appareil de M. Carré (décrit L. III, Chap. VI § 9, fig. 129) on peut amener ainsi l'eau de la carafe à 0°, et, en poursuivant l'opération, le liquide se con-

gèle, grâce à la chaleur détruite par l'évaporation. On parvient à solidifier de même par leur évaporation dans le vide l'ammoniaque, l'acide carbonique, le protoxyde d'azote liquéfiés.

La condensation d'une vapeur, la solidification d'un liquide créent des quantités de chaleur respectivement égales aux quantités détruites dans les opérations inverses, à condition touterois que le travail extérieur accompli soit exactement égal en valeur absolue et de signe contraire, c'est une conséquence de la loi de l'équivalence qui a été établie Chap. XIII § 13.

Par exemple, si l'on fait passer dans un serpentin entouré d'eau primitivement froide, un courant de vapeur d'eau bouillante, celle-ci se condense par suite du refroidissement, mais on constate que l'eau qui entoure le serpentin s'échausse, et, si elle n'est pas renouvelée, elle finit par être portée à une température voisine de l'ébullition; c'est la chaleur créée par la condensation d'une quantité relativement faible de vapeur, qui a produit cette élévation de température.

Dans l'exemple rapporté plus haut de l'eau qui se congèle par évaporation dans le vide, la chaleur détruite par la vaporisation est constamment reproduite par la congélation d'une certaine quantité d'eau; la température reste constante jusqu'à solidification complète.

Ceci nous amène à donner l'explication de l'invariabilité que présente la temp rature d'un corps en partie liquide et en partie solide quelles que soient les causes de refroidissement ou de réchauffement. Si l'on échauffe la masse, la chaleur pénètre dans celle-ci, mais elle est détruite immédiatement par la fusion d'une portion de la partie solide : la température ne s'élève pas. Si, au contraire, on refroidit la masse, la chaleur en sort; mais elle est immédiatement reproduite par la solidification d'une portion de la partie liquide : la température ne s'abaisse pas.

Appliquons maintenant la loi de l'équivalence aux changements d'état. Soit Q la quantité de chaleur qu'il faut fournir à la substance pour la fondre ou la volatiliser, soient l₁ et l₂ l'énergie interne à la même température avant et après le changement d'état, soit W le travail extérieur accompli, on a:

(1)
$$EQ = I_2 - I_1 + W$$
 ou $I_2 - I_1 = EQ - W$

Du reste, en appelant p la pression constante par unité de surface que supporte le corps et par u_1 et u_2 son volume avant et après le changement d'état on a:

(2)
$$W = (u_2 - u_1)p$$

d'où:

(3)
$$I_2 - I_1 = EQ - (u_2 - u_1) p$$

Dans le cas de la fusion, le travail extérieur $(u_2-u_1)p$ estabsolument négligeable vis-à-vis de EQ; montrons-le par un exemple. Pour un gramme d'eau qui passe à 0° de l'état de glace à l'état liquide sous la pression atmosphérique ordinaire, on a $u_4=1^{\circ\circ},0896$, $u_2=1^{\circ\circ},0001$ et $p=76\times13,6\times980,96$ dynes d'où:

$$W = (u_2 - u_1) p = -0.0895 \times 1013600 = -90730 \text{ ergs}$$

Or, on constate qu'il y a 80 calories de détruites pour produire la fusion à 0° d'un gramme de glace, d'où:

$$EQ = 41700000 \times 80 = 33360000000 ergs$$

On voit que la valeur de W n'est pas la $\frac{1}{36\,000}$ partie de celle de EQ.

Ainsi, l'énergie interne d'un corps, en passant de l'état soluire à l'état liquide à une même température, augmente d'une quartité très considérable (EQ), puisque pour un gramme d'eau cette quantité est égale à 3336 mégergs.

Pour la vaporisation le rapport du travail extérieur (u₂—u₁) à EQ est plus considérable, mais encore petit, comme on peut 2 juger par l'exemple suivant. Pour un gramme d'eau à 100° pesant de l'état liquide à l'état de vapeur saturante, par couséques sous la pression de 1013600 dynes par centimètre caré,

l'augmentation de volume (u_2-u_1) est égal à 1651 cent. cubes, ce qui donne pour le travail extérieur:

$$W = + 1651 \times 1013600 = 1673450000 \text{ ergs}$$

Les expériences de Regnault, décrites plus loin, donnent pour la .chaleur Q nécessaire à la vaporisation d'un gramme d'eau à 100° le nombre 537 calories; on a donc:

$$EQ = 41700000 \times 537 = 22392900000 \text{ ergs}$$

Ici le rapport de W à EQ est environ $\frac{1}{13}$: il n'est plus négli-geable.

Pourtant, on voit qu'encore ici la plus grande partie de la chaleur qu'il faut fournir au corps liquide pour le volatiliser est employée à accroître son énergie interne. La différence d'énergie interne d'un gramme d'eau à 100° à l'état de vapeur saturante et à l'état liquide est d'après le calcul ci-dessus 20 719 mégergs.

Il serait imprudent, avec nos connaissances actuelles, d'affirmer qu'à une même température la même masse d'un corps possède dans deux états physiques différents exactement la même quantité d'énergie vibratoire, c'est-à-dire la même quantité de chaleur sensible.

Cette quantité pourtant ne doit pas beaucoup dissérer sous les deux états; car on concevrait dissicilement qu'une masse de glace à 0° puisse rester en état d'équilibre de température dans une même masse d'eau à 0°, si les deux masses ne possédaient à peu près la même quantité d'énergie vibratoire.

La très grande dissérence d'énergie interne que possède une même substance sous les trois états physiques dissérents, doit donc être attribuée à une variation d'énergie potentielle, c'est-à-dire à une variation de cette sorme de l'énergie qui dépend de la position moyenne des particules les unes par rapport aux autres (1).

⁽¹⁾ Nous disons moyenne à cause des petits mouvements de ces particules auxquels est due la chaleur du corps.

En passant de l'état solide à l'état liquide les forces intérieures accomplissent un travail négatif: l'énergie potentielle augmente. Ces travaux négatifs des forces intérieures, sont encore plus considérables, l'augmentation d'énergie interne est encore plus grande quand le corps passe de l'état solide ou de l'état liquide à l'état gazeux.

Tout ce que nous venons de dire au sujet des changements d'état physique peut s'appliquer point pour point aux modifications allotropiques ou isomériques (transformation du phosphore blanc en phospore rouge, transformation du cyanogène en paracyanogène), ainsi qu'à toute espèce de réactions chimiques. Les quantités de chaleurs créées ou détruites dans une réaction chimique, déduction faite de la chaleur qui correspond au travail extérieur, toujours négligeable quand il n'y a pas de changement de volume considérable, mesurent la diminution ou l'augmentation d'énergie interne du système.

Lorsqu'après la réaction, les éléments sont ramenés à la même température qu'avant, la variation d'énergie interne est peu différente de la variation d'énergie potentielle du système.

Si une combinaison ou une décomposition a créé de la chaleur, les forces d'affinité ont accompli un travail positif: l'énergie potentielle a diminué. Ainsi l'acide carbonique a une énergie potentielle beaucoup moindre que le mélange de carbone et d'oxygène qui lui a donné naissance.

Si une combinaison ou une décomposition a détruit de la chaleur pour se produire, les forces d'affinités ont accompli un travail négatif : l'énergie potentielle du système a augmenté. C'est ainsi que l'énergie potentielle du chlorure d'azote est beaucoup plus grande que celle du mélange d'azote et de chlore qui (indirectement) lui a donné naissance.

Un corps explosif, comme le chlorure d'azote, peut se comparer à un ressort comprimé, et sa décomposition à la détente du ressort : dans les deux cas l'énergie potentielle en diminuant peut donner lieu à un travail mécanique extérieur.

Si une réaction dégageant de la chaleur se fait en vase clos, sans production de travail extérieur, comme l'inflammation dans un eudiomètre d'un mélange détonant, ou l'explosion à l'intérieur d'une bombe résistante d'une petite quantité de chlorure

d'azote ou de nitro-glycérine, il n'y a pas de travail extérieur accompli, et, au premier moment, toute la chaleur créée par la réaction reste dans les produits de cette réaction. L'équation de l'équivalence nous montre que l'énergie interne du système a conservé la même valeur, puisque la quantité de chaleur Q enlewée au système est nulle, et que le travail extérieur W est nul aussi. Mais la forme de l'énergie s'est profondément modifiée pendant la réaction. Une grande partie de l'énergie potentielle s'est transformée en énergie vibratoire, en chaleur; la masse a été portée par là à une température extrêmement élevée, des pressions énormes se sont développées qui font faire explosion à l'enveloppe si elle n'est pas suffisamment résistante. Ceci nous montre bien que la différence d'énergie que possède, à une même température, un corps sous divers états physiques ou chimiques, est principalement une différence d'énergie potentielle.

Nous allons étudier dans ce chapitre les méthodes qui permettent de mesurer les quantités de chaleur créées par les changements d'état physique. Nous n'insisterons pas davantage sur les quantités de chaleur dégagées dans les actions chimiques ou dans les phénomènes physiologiques; les méthodes calorimétriques ne diffèrent pas, au fond, de celles que nous allons décrire pour les changements d'état physique, et la description exacte des appareils, ainsi que les résultats, trouvent mieux leur place dans les traités de chimie ou de physiologie.

CHALEUR LATENTE DE FUSION

2. DÉFINITION. — On appelle chaleur latente de fusion (1) d'une

(1) Chaleur latente veut dire chaleur cachée; cette expression nous a été légues par la theorie de la matérialité du calorique. Nous savons aujourd'hui que dans un changement d'etat la chaleur n'est pas cachée ou rendue apparente, mais bien détruite ou créée. L'expression de chaleur intente n'est donc pas juste. Si nous l'avons conservee, c'est faute d'une autre qui soit meilleure : dans le cas de la vaporisation, en effet, on est obligé d'ajouter une épithete à chaleur de vaporisation pour mieux distinguer la chaleur latente de la chaleur totale de vaporisation.

substance le nombre de calories nécessaire pour faire passer un gramme de cette substance de l'état solide à l'état liquide sans changer sa température.

Inversement quand un gramme de la substance passe de l'état liquide à l'état solide en gardant la température de fusion, il y a un nombre de calories créées égal à la chaleur latente de fusion.

D'après la formule (1) du paragraphe précédent, il semble que cette définition manque de précision, puisque la quantité de chaleur Q nécessaire au changement d'état dépend de la valeur du travail extérieur W, lequel (form. 2) varie avec la pression supportée par le corps: il semble que la pression devrait être mentionnée dans la définition. Mais nous avons vu que le rapport du travail extérieur à la variation d'énergie interne est tout à fait négligeable: la quantité de chaleur créée ou détruite par ce travail ne pourrait modifier que le cinquième chiffre significatif du nombre qui représente la chaleur de fusion. Or, les méthodes que nous allons exposer pour déterminer les chaleurs latentes permettent d'obtenir au plus trois chiffres significatifs exacts: il est donc parfaitement inutile de se préoccuper de la valeur de la pression, tant qu'on ne possèdera pas de méthodes plus précises.

D'après cette définition, quand un corps ayant une masse de p grammes passe de l'état solide à l'état liquide, ou subit la transformation inverse, pà calories sont détruites ou créées, en désignant par à la chaleur latente de fusion de ce corps.

3. DÉTERMINATION EXPÉRIMENTALE DE LA CHALEUR LATERIE DE FUSION. — La méthode la plus fréquemment employée pour déterminer la chaleur latente de fusion est la méthode des mélanges. Pourtant on s'est servi aussi de celle du puits de giace, et, sous la forme donnée par M. Bunsen, il peut y avoir avantage à l'employer.

Nous allons exposer plus particulièrement la méthode des mélanges; on comprendra ensuite, sans qu'il soit besoin d'insister, la manière dont on disposerant l'expérience avec le calorimètre à glace.

Il convient de distinguer deux cas suivant que le corps est solide ou liquide à la température ordinaire.



1° Cas d'un corps solide a la température ordinaire. — On prend une certaine quantité de la substance solide, et on en détermine la masse p par la balance. On la fait fondre entièrement, et l'on porte le liquide à une température T connue, généralement supérieure au point de fusion τ . On plonge alors la substance dans un calorimètre contenant une certaine quantité d'eau à une température connue θ_0 , et dont la capacité calorifique totale a été déterminée.

Au contact de l'eau froide, le corps subit trois transformations successives, qui toutes les trois fournissent de la chaleur au calormètre:—1° il se refroidit à l'état liquide de la température T à la température de fusion τ en cédant au calorimètre $pc'(T-\tau)$ calories, c' étant la chaleur spécifique moyenne entre T et τ de la substance à l'état liquide;—2° il se solidifle à la température τ et crée $p\lambda$ calories, λ étant la chaleur latente de fusion cherchée;—3° il se refroidit à l'état solide, depuis la température τ jusqu'à la température finale θ , en abandonnant $pc(\tau-\theta)$ calories, c désignant la chaleur spécifique moyenne entre θ et τ de la substance à l'état solide.

En même temps, l'eau du calorimètre s'est échauffée de θ_0 à θ degrés et par conséquent a pris $P(\theta-\theta_0)$ calories.

On a donc l'égalité:

(1)
$$pc'(T-\tau) + p\lambda + pc(\tau-\theta) = P(\theta-\theta_0)$$

Faisons remarquer que dans cette égalité 6 doit représenter la température finale observée 0, corrigée du réchaussement ou du refroidissement dû aux causes perturbatrices.

Dans cette relation, la chaleur spécifique c du corps à l'état solide est une quantité connue, qui a pu être déterminée par la méthode indiquée Chap. XII § 7; l'expérience qu'il faut faire pour cela ne diffère du reste de celle que nous venons de décrire qu'en ce que l'on porte le corps à une température inférieure à son point de fusion, avant de l'immerger dans le calorimètre. Mais on ne peut déterminer ainsi la chaleur spécifique c' de la substance à

l'état liquide. Nous devons donc considérer l'égalité ($1 + \epsilon$ mme renfermant deux inconnues ϵ' et λ .

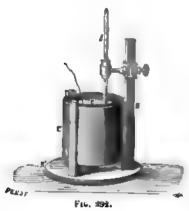
Il faut alors pour déterminer ces deux quantités une autro équation, qui sera fournie par une seconde expérience faite dans les mêmes conditions que la première, sauf que la température T à laquelle le corps sera porté à l'état liquide et immergé dans le calorimètre sera différente de T. On aura, en affectant d'un accent les quantités analogues à celles de la première expérience:

(2)
$$p'c'(T'-\tau) + p'\lambda + p'c(\tau-\theta') = P'(\theta'-\theta'_{\theta})$$

Les relations (1) et (2) étant résolues donnent c' et λ .

Faisons remarquer que sil on avait $T = \tau$, la première i que on donnerait la valeur de λ sans qu'on ait besoin de connaure r. Si T diffère peu de τ , une légère inexactitude commise sur la sateur de r influe très peu sur l'exactitude de λ . Il convient de r le prendre dans une des deux expériences, la première par exemple. T aussi voisin que possible de τ .

Pour que la seconde puisse alors bien déterminer la valour de la chaleur spécifique c', il faut pre idre, au contraire, T' mote lement différent de z. Toks



ment différent de e. Tolles sont les conditions les ples favorables à la déterminate à exacte de c'et de \(\lambda\).

Quant aux appare ls employes ce sont les calorimètres de ris à propos des chaleurs spodie ques (fig. 292). La marche l'une expérience est la mêmet exparticulier, pour avoir le terme cortent.

on procède exactement connect la été dit au paragraphe 8 lu chapitre XII.

Le corps liquéfié est contenu généralement dans une petite bouteille metallique pourvue d'un thermomètre. C'est ce petit appareil qu'on immerge dans l'eau du calorimètre : il est clair qu'on doit alors corriger le premier membre des égalités (1) et (2) en y ajoutant la quantité de chaleur $\varpi(T-\theta)$ ou $\varpi(T'-\theta')$ cédée par l'enveloppe et le thermomètre de capacité calorifique connue ϖ .

Ce thermomètre placé au milieu du corps fait connaître exactement T, et permet de constater le moment où ce corps a pris la température de l'eau du calorimètre.

2º Cas d'un corps liquide à la température ordinaire, on Quand la substance est liquide à la température ordinaire, on procède d'une façon inverse. On congèle une certaine quantité de cette substance et on la porte à une température T généralement inférieure au point de fusion \u03c4, puis on l'immerge dans l'eau du calorimètre.

Désignons ici par c' la chaleur spécifique à l'état solide et par c la chaleur spécifique à l'état liquide et donnons à p, P, λ , θ_0 et θ la même signification que ci-dessus. En écrivant que la chaleur prise par le corps pour se réchauffer et pour fondre a été cédée par le calorimètre, on obtient la relation :

(3)
$$pc'(\tau - T) + p\lambda + p'c(\theta - \tau) = P(\theta_0 - \theta)$$

Cette égalité est analogue à l'égalité (1) et contient comme elle deux inconnues c' et λ , car les méthodes exposées au chapitre XII ne permettent pas de déterminer la chaleur spécifique d'un corps à l'état solide, quand ce corps est liquide à la température ordinaire. Pour obtenir une deuxième équation entre c' et λ , il faut refaire une seconde expérience en portant le corps solidifié à une température T' différente de T, on a alors la relation :

(4)
$$p'c'(\tau - T') + p'\lambda + p'c(\theta' - \tau) = P'(\theta'_0 - \theta')$$

Comme dans le cas précédent, il convient pour l'exactitude de l'expérience de prendre T très voisin de τ , et T' notablement inférieur à τ .

Ces méthodes générales ont été employées par M. Person; elles ont subi parfois quelques modifications de détail. Ainsi

MM. de la Provostaye et Paul Desains, pour déterminer la chaleur latente de fusion de l'eau, maintenaient pendant longtemps un morceau de glace bien pure au milieu de glace fondante, pour que sa température fût bien 0°; puis, après l'avoir essuyé rapidement, ils le plongeaient dans l'eau du calonmètre. L'augmentation de masse de celui-ci donnait la masse du morceau de glace introduit.

Ici on a $T = \tau = 0^{\circ}$ et l'égalité (3) devient :

$$p\lambda - pc\theta = P(\theta_0 - \theta)$$

Ces physiciens ont trouvé ainsi $\lambda = 79.25$.

M. Ed. Desains, en reprenant la méthode générale, mas en adoptant le nombre 79,25 fourni par les expériences précédentes pour la valeur de λ, a déterminé la chaleur spécifique de la glace, et a trouvé 0,504.

4. MÉTHODE DE M. BUNSEN POUR DÉTERMINER LA CHALEUR LATENTE DE FUSION DE LA GLACE. — M. Bunsen a obtenu la claleur de fusion de la glace par un procédé tout différent de celuique nous venons d'indiquer. Il a commencé par déterminer la
diminution de volume K subie par un gramme d'eau à U en
passant de l'état solide à l'état liquide. Il s'est servi pour cela d'une
sorte de thermomètre à poids contenant du mercure et une masse
connue d'eau bien purgée d'air. Cette eau était solidifiée, et la glace
était amenée à O; le mercure remplissait la partie effilée jusqu'à
son extrémité. On déterminait ensuite la fusion de la glace, et l'on
amenait de nouveau l'appareil à O en maintenant le bec du
thermomètre dans une capsule pleine de mercure; la masse de
mercure entrée par la pointe effilée faisait connaître la diminut on
de volume de l'eau placée à l'intérieur du thermomètre en passant de l'état solide à l'état liqu'de.

D'autre part, en introduisant une masse connue d'eau chaude à une température t, dans son calorimètre à glace Chap. XII 6., M. Bunsen faisait fondre une certaine masse P de glace par un nombre de calories connu pt. La mesure de la longueur dont avait rétrogradé la colonne mercurielle du calorimètre et la connais-

sance de la section du canal donnaient la diminution de volume r éprouvée par la masse P d'eau glacée en fondant. En divisant v par K on avait la valeur de P, et l'égalité:

$$P\lambda = pt$$

faisait connaitre \(\lambda\).

- M. Bunsen a trouvé ainsi $\lambda = 80,48$, nombre un peu plus fort que celui de MM. de la Provostaye et P. Desains.
 - 5. RESULTATS. Voici maintenant quelques résultats.

Chaleur latente de fusion

Phosphore 5,03 Soufce 9,36 Iode 11,7 Brôme 1,6 Zine 28,13 Etain 14,25 Bismuth 12,64 Plomb 5,36 Argent 21,07 Mercure 2,83	Id. Regnault Id. Person Id. Id.	Eau	40,70 47.371 62,975 66,80 52,8 41	(Moyenne) Person Id. Id. Id. Id. Berthelot Id. Id.
--	---------------------------------	-----	--	---

On peut remarquer que de tous ces corps c'est l'eau qui possède la plus grande chaleur de fusion. Nous avons déjà vu qu'elle avait la plus grande chaleur spécifique d'hydrogène excepté); nous verrons plus loin qu'elle possède aussi la plus grande chaleur de vaporisation.

6. MÉLANGES RÉFRIGÉRANTS. — On peut taire passer un corps sobde à l'état liquide en le mélant à une autre substance capable de le dissondre, ou capable de se dissondre dans le liquide proenant de la fusion du corps (glace et sel marin), ou encore, capable de contracter une combinaison liquide avec le corps (glace et sulfurique).

La transformation que subit le mélange des deux corps est généralement acccompagnée d'une création ou d'une destruction de chaleur due à ce que, ramené à une même température, le produit de l'action mutuelle des deux corps ne possède pas la même énergie interne que le mélange.

La variation d'énergie interne ne dépendant que de l'état initial et de l'état final, il en est de même de la chaleur créée ou détruite. Par conséquent, nous pouvons supposer d'abord que le corps s'est liquéfié, ce qui détruit une quantité de chaleur λ , ensuite qu'il s'est dissout dans l'autre substance ou qu'il s'est combiné avec elle, ce qui généralement produit une création de chaleur d. Suivant que λ est, en valeur absolue, supérieure ou inférieure à d, la transformation détruit ou dégage de la chaleur, la température s'abaisse ou s'élève.

On peut observer l'un ou l'autre cas en mélangeant de la neige et de l'acide sulfurique monohydratée. Quatre parties de neige et une d'acide sulfurique, donnent un liquide dont la température descend à —20°. Si l'on renverse les proportions en mettant une partie de neige et quatre parties d'acide sulfurique, la température s'élève au-delà de 60°.

On donne le nom de mélanges réfrigérants à des mélanges de deux ou de plusieurs substances, dont l'une au moins est solide, et qui, par leur action mutuelle, donne lieu à un abaissement de température.

La dissolution dans l'eau de certains sels donne du froid. Ainsi, en mélangeant à de l'eau à 10° une masse égale d'azotate d'ammoniaque, on obtient un froid de —16°.

Il en est de même de la dissolution de quelques sels dans les acides : 8 parties de sulfate de soude, en se dissolvant dans 5 parties d'acide chlorhydrique du commerce (dissolution concentrée d'acide chlorhydrique dans l'eau), donne un froid de —17°.

Les mélanges réfrigérants les plus souvent employés sont formés de glace pilée ou de neige ajoutée à un sel (chlorure de sodium ou chlorure de calcicum hydraté). Deux parties de neige et une de sel marin donnent un froid de —20° environ. Ce mélange est pâteux, la fusion des deux corps étant incomplète. Le mélange de neige et de chlorure de calcium hydraté peut donner un produit liquide. Nous avons vu que Regnault a employé ce mélange dans ses recherches sur la force élastique maxima de la vapeur d'eau au-dessous de 0°.

Enfin, le mélange réfrigérant le plus intense qu'on connaisse est formé d'acide carbonique solide, de protoxyde d'azote solide et d'éther. La température de ce mélange pâteux, difficile à mesurer exactement, est certainement inférieure à —100°.

CHALEUR DE VAPORISATION

7. DÉFINITIONS. — On appelle chaleur latente de vaporisation externe le nombre de calories nécessaires pour faire passer un gramme du corps considéré de l'état liquide ou solide à l'état de vapeur saturante sans changer sa température.

Nous avons déjà vu que dans le cas de la vaporisation le travail extérieur accompli par le corps qui augmente considérablement de volume, en passant de l'état liquide ou solide à l'état gazeux, n'est pas négligeable vis-a-vis du travail des forces intérieures : dans le cas de l'eau se vaporisant à 100° sous la pression atmosphérique, il en est le douzième environ. Il est donc nécessaire d'adiquer dans la définition de la chaleur de vaporisation que la vapeur formée est saturante, c'est-à-dire possède sa force élastique maxima, car alors le travail extérieur est parfaitement déterminé pour chaque température de vaporisation, et il en est de même de la chaleur nécessaire à la transformation.

Si la vapeur formée n'était pas saturante, le travail extérieur ne serait pas exactement le même. En effet, en négligeant devant le volume r de la vapeur le volume très petit du liquide dont elle provient, le travail extérieur est égal au produit rp du volume r de la vapeur formée par sa force élastique p, qui est la même que la force élastique extérieure. Or, à une même température, le produit rp n'est constant, quel que soit p, que pour un gaz parfait; pour une vapeur, ce produit augmente quand p diminue. Si donc la vapeur formée n'est pas saturante, le travail extérieur est un peu plus grand.

D'un autre côté, l'énergie interne de la masse de vapeur n'est pas indépendante de son volume à une même température, comme cela aurait lieu pour un gaz parfait : elle augmente un peu avec le volume. Ces deux raisons nous montrent que si la vageur formée a une force élastique inférieure à sa force élastique maxma, la quantité de chaleur nécessaire à la transformation deut être un peu plus grande.

Il est intéressant, et utile pour résoudre certains problèmes dent nous donnerons un exemple plus loin, de connaître la quantite de chaleur équivalente à l'accroissement d'énergie interne qu'é prouve un gramme d'un corps en passant de l'état liquite ou solide à l'état de vapeur saturante. Nous désignerons cette quantité par l'expression de chaleur latente de vaporisation interne et nous la représenterons par l. Il est clair qu'elle diffère de la chaleur latente de vaporisation externe à, définie en tête de ce paragraphe, par la quantité de chaleur équivalente au travail externeur accompli pendant la vaporisation; en effet, la loi de l'équivalence, donne la relation:

(1)
$$\mathbf{E} = \mathbf{E} \mathbf{I} + (\mathbf{u_2} - \mathbf{u_1}) \mathbf{p}$$

 $(u_2 - u_1)p$ étant le travail extérieur accompli par un gramme du corps qui passe d'un volume u_1 à l'état liquide ou soli le un volume u_2 à l'état de vapeur sous la pression p par unite de surface.

Si nous remplaçons $u_2 - u_1$ par sa valeur, tirée de la relation 3 obtenue au § 7. Chap. XV. on a :

(2)
$$E\lambda = El + \frac{E\lambda}{T} \frac{p}{p_T}$$
 d'où : $l = \lambda \left(1 - \frac{1}{T} \frac{p}{p_T}\right)$

Rappelons que dans cette formule, p représente la force elastique maxima de la vapeur pour la température absolue T, et p₁ la dérivée de cette fonction par rapport à T (1).

(1) En désignant par t la température complee sur le thermomètre à air on a $T=273 \div t$, et l'égalite 2 devient:

$$l = \lambda \left(1 - \frac{1}{273 - l} \frac{p}{p_l}\right)$$

On désigne sous le nom de chaleur totale de vaporisation externe le nombre de calories nécessaire pour faire passer un gramme du corps, à l'état liquide ou solide, de 0° à la température t° et pour le transformer en vapeur saturante à cette température.

Désignons par Q cette chaleur totale de vaporisation externe, et par c la chaleur spécifique moyenne entre 0° et t° du corps à l'état liquide ou solide; si nous écrivons que la chaleur Q est d'abord employée à échausser le corps liquide ou solide de 0° à t°, puis à le vaporiser à cette température, nous obtiendrons la relation :

$$Q = ct + \lambda$$

La chaleur totale de vaporisation interne y est la quantité de chaleur correspondant à l'accroissement d'énergie qu'éprouve

Or, Regnault a trouvé que la formule suivante, proposée par Roche (voir Chap. VIII, § 6) représentait bien la valeur de p en fonction de t:

$$p = aR_1^{1+2vm'+m't}$$

on tire de là:

$$p'_{l} = \frac{L.R_{4}}{(1+20m'+m'l)^{2}} aR_{4}^{\frac{20}{1+20m'+m'l}} = \frac{L.R_{4}}{(1-20m'+m'l)^{2}} p$$

d'où:

$$\frac{p}{p'_t} = \frac{(1 - 20m' + m't)^2}{\text{L.R.}}$$

En remplaçant dans la formule (3) il vient:

(4)
$$l = \lambda \left[1 - \frac{(1 + 20m' - - m't)^2}{273 + t} \frac{1}{L.R_t} \right]$$

C'est à l'aide de cette formule que nous avons calculé les chaleurs latentes de vaporisation internes données plus loin.

un gramme d'un corps en passant de l'état solide ou liquide à l' à l'état de vapeur saturante à te, on a la relation :

$$q = ct + l$$

La chaleur de vaporisation totale interne diffère de la chaleur totale externe par la quantité de chaleur correspondant au travail extérieur accompli pendant la transformation.

8. DÉTERMINATION EXPÉRIMENTALE DES CHALEURS DE VAPORISATION. — La méthode qui a été la plus employée pour mesurer
les chaleurs de vaporisation est un cas particulier de la méthode
des mélanges. Elle consiste à faire passer la vapeur saturante
provenant de l'ébullition du liquide sous une pression déterminée,
et par conséquent ayant une température connue, dans un serpentin, ou toute autre forme de réfrigérant, baigné par l'eau d'un
calorimètre. La vapeur s'y liquéfie, en cédant au calorimètre la
chaleur produite par la condensation et celle qui provient du
refroidissement du liquide ainsi formé, qui passe de la température d'ébullition à la température finale de l'eau du calorimètre.
Le nombre de calories cédées au calorimètre est donné par la mesure de l'élévation de sa température et par la connaissance de sa
capacité calorifique M.

Le liquide provenant de la condensation de la vapeur est recueilli dans un vase qui doit faire suite au réfrigérant, et qui doit être contenu à l'intérieur du calorimètre pour que le liquide prenne bien la temperature finale de celui-ci. A la fin de l'opération, en fait écculer ce liquide, et l'on mesure sa masse P par la balance.

Pésignons par à la chaleur latente de vaporisation externe correspondant à la temperature d'ébullition τ . Les P grammes de la vapeur saturante, en passant à l'état liquide sans changer de temperature, ont creé Pà calories, et les P grammes de liquide, en se refrédissant de la température τ à la température finale t_i in calorimètre, ont celé Per $\tau = 0$, calories; e étant la châleur speció que moyenne in liquide entre τ et 0.

D'autre part, le callemnètre, le capacité calorifique N et à une

température initiale θ_0 , a gagné $M(\theta_* - \theta_0)$ calories. Mais, si l'on désigne par $\sum \Delta \theta$ l'élévation de température du calorimètre sous l'influence des causes perturbatrices qui ont agi pendant la durée de l'expérience, on aurait eu pour le calorimètre une élévation de température égale à $\theta_n - \theta_0 - \sum \Delta \theta$, si ces causes perturbatrices n'avaient pas existé; d'où la relation :

(1)
$$P\lambda + Pc(\tau - \theta_n) = M(\theta_n - \theta_0 - \Sigma \Delta \theta)$$

Si l'on a détermné à l'avance la chaleur spécifique c du liquide, cette égalité fait connaître λ, car toutes les autres quantités sont données par l'expérience.

Il est inutile d'insister sur la manière de mesurer P, M, 0, et

Pour obtenir la valeur de τ , on peut se servir d'un thermomètre dont le réservoir plonge dans la vapeur du liquide en ébullition. On peut aussi obtenir cette quantité par la mesure de la force élastique de l'atmosphère où se produit l'ébullition; en consultant les tables donnant la force élastique maxima de la vapeur du liquide aux différentes températures, on obtient la valeur de τ .

Quant aux causes perturbatrices qui rendent nécessaire l'em-

ploi du terme correctif $\sum \Delta \theta$, elles sont les mêmes que celles que nous avons indiquées à propos de la mesure de la chaleur spécifique des gaz (Chap. XII, § 16, p. 679), et le moyen d'ob-

tenir $\sum \Delta \theta$ est absolument le même aussi.

En se reportant à ce paragraphe, on voit que pour déterminer les deux constantes A et B, il faut observer la marche du thermomètre du calorimètre avant et après le passage de la vapeur dans le réfrigérant, les autres conditions restant exactement les mêmes que pendant ce passage, pour que les causes perturbatrices conservent la même valeur. Pour cela, il convient de disposer un

robinet permettant de lancer la vapeur dans le réfrigérant, ou, au contraire, d'en supprimer l'accès. Mais pour que l'ouverture ou la fermeture de ce robinet n'apporte aucun trouble à l'ébullition, il est nécessaire alors que la chaudière communique d'une manière permanente avec un condenseur où règne constamment la force élastique qui existe dans tout le reste de l'appareil. C'est en faisant varier cette force élastique qu'on fait varier, comme on le sait, la température d'ébullition τ , ce qui permet de déterminer la chaleur de vaporisation à pour diverses températures.

Signalons une cause d'erreur qui peut se produire dans ces expériences. La vapeur qui pénètre dans le tube de communication peut entraîner avec elle et amener dans le réfrigérant des gouttelettes liquides qui viennent augmenter la masse P du liquide recueilli. Or ces gouttelettes, ne cédant au calorimètre que la quantité assez faible de chaleur due à l'abaissement de température qu'elles éprouvent, sont trouver une valeur trop petite pour la chaleur de vaporisation. Ceci arrive infailliblement si le conduit qui amène la vapeur au calorimètre est refroidi par l'air extérieur, car une portion de la vapeur se condense dans le conduit. On évite ce grave inconvénient en entourant celui-ci presque jusqu'au calorimètre par un prolongement de la chaudière; le conduit est enveloppé alors de vapeur à la température même de celle qu'il contient. Si quelques gouttelettes, projetées par l'ébullition, s'engagent avec la vapeur dans le conduit, elles s'évaporent, parce que la force élastique y est un peu inférieure à celle de la chaudière, et que dès lors, la vapeur n'y est plus exactement saturante : 1. D'ailleurs aucune erreur notable ne saurait résulter de ce fait, la force élastique de la vapeur dans le conduit n'étant que très peu inférieure à sa valeur maxima.

Cette méthode fournit plus directement la chaleur totale de vaporisation externe que la chaleur latente. En effet, on tire de l'égalité (1):

$$\lambda \div c(z - \theta_0) = \frac{M}{P} \left(\theta_0 - \theta_0 - \sum_{i=0}^{N} \Delta \theta_i \right)$$

(1: La sorte courbure de ces petites gouttelettes savorise aussi leur evaporetion, voir Chap. VII § 10. Ajoutons $c_i\theta_n$ aux deux membres de cette égalité, c_i étant la chaleur spécifique moyenne du liquide entre 0° et la température θ_n qui n'en est jamais éloignée; le premier membre $[\lambda + c(\tau - \theta_n) + c_i\theta_n]$ représente alors la chaleur totale externe Q.

On a donc:

$$Q = \frac{M}{P} \left(\theta_n - \theta_0 - \sum_{\Delta \theta} + c_1 \theta_n \right)$$

Comme le facteur θ_n de c_1 est plus petit que le facteur $(\tau - \theta_n)$ de c_1 une petite erreur commise sur l'évaluation de c_1 aura moins d'importance que la même erreur commise sur c; c'est pourquoi les expériences que nous venons d'indiquer déterminent avec plus de précision la chaleur totale Q que la chaleur latente de vaporisation λ . Aussi Regnault et la plupart des expérimentateurs qui se sont occupés de ce genre de recherches ont donné la première de ces quantités comme résultat direct de leurs expériences.

Faisons remarquer, ensin, que cette méthode n'est plus applicable quand on veut déterminer à aux températures voisines de la température ordinaire. Il faut, en esset, pour que l'influence des causes perturbatrices ne devienne pas trop considérable — 1° que le calorimètre reste à une température voisine de la température ambiante, — 2° que la distillation d'une quantité convenable de liquide se sassez rapidement, et par conséquent, que la température de la chaudière soit notablement supérieure à celle du calorimètre où se trouve le résrigérant.

Aussi, pour la détermination des chaleurs de vaporisation aux températures ordinaires, Regnault a-t-il eu recours à une autre méthode, inverse en quelque sorte de la précédente : une masse connue de liquide est contenue dans un vase entouré par l'eau du calorimètre; en mettant ce vase en communication avec un récipient vide d'air et refroidi par un mélange réfrigérant, on détermine la distillation totale du liquide; l'eau du calorimètre se refroidit par suite de la chaleur détruite par la vaporisation du liquide, et l'abaissement de température permet de mesurer, au moins approximativement, la chaleur de vaporisation.

Regnault insiste longuement dans son Mémoire sur les défauts de cette méthode, qu'il n'a employée que faute d'une meilleure; le principal défaut, à notre avis, est que l'expérience donne la valeur d'une quantité mal définie. Aussi, nous ne faisons qu'indiquer cette méthode, sans nous y arrêter davantage.

Un grand nombre de physiciens ont déterminé la chaleur latente de vaporisation de l'eau: Black d'abord, et ensuite Rumford, Watt, Gay-Lussac, Despretz, etc. La plupart ont employé la méthode des mélanges en ne réalisant que plus ou moins imparfaitement les conditions que nous avons indiquées plus haut, et qui sont néces saires pour obtenir un résultat exact. C'est ainsi qu'en opérant sous la pression atmosphérique, plusieurs physiciens se contentaient de faire une simple distillation du liquide, qui se vaporisait et venait se condenser dans un serpentin entouré par l'eau du calorimètre, et débouchant au dehors. Les gouttelettes du liquide condensé s'échappaient du calorimètre à la température de celui-ci, c'est-à-dire à une température qui allait en croissant, du début à la sin de l'opération; on était obligé, dans la formule, de prendre pour température du liquide recueilli la moyenne entre la température initiale et la température sinale, ce qui n'est pas absolument correct. En outre, la plupart du

temps, le terme correctif $\sum \Delta \theta$ était, ou complètement négligé, ou obtenu d'une façon imparfaite.

Nous laisserons de côté toutes ces expériences anciennes, et nous nous bornerons à décrire ici les appareils très parfaits, mais aussi très compliqués et d'une installation dispendieuse, dont Regnault s'est servi dans ses recherches, et l'appareil très simple dont se sert M. Berthelot, pour mesurer la chaleur de vaporisation sous la pression atmosphérique.

9. EXPÉRIENCES DE REGNAULT. — Voici la description de l'appareil dont s'est servi Regnault pour étudier la chaleur de vaporisation d'un certain nombre de liquides qui n'attaquent pas le laiton (alcool, éther, sulfure de carbone, etc.). Il réalise complètement les conditions que nous avons reconnues nécessaires pour mesurer convenablement les chaleurs de vaporisations à diverses températures.

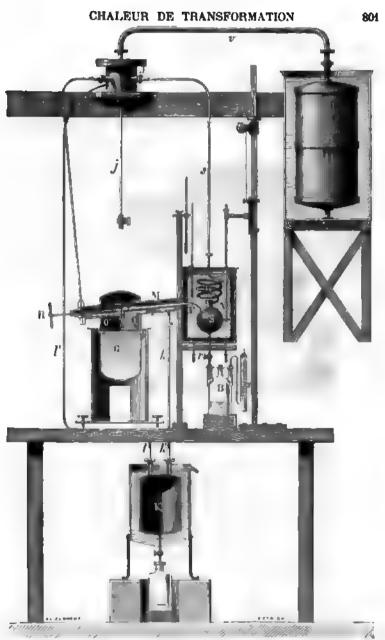


Fig. 393.

Une chaudière en laiton C₁fig. 293) à parois très résistantes, comme pour tout le reste de l'appareil, contenait le liquide somme à l'expérience. Elle était chauffée par une rangée de bees à gaz. La prise de vapeur se faisait de la mamère suivante. Un manchon M en laiton, incliné comme l'indique la figure, traversait la partie supérieure de la chaudière. Des ouvertures 0 et 0 dig. 294)

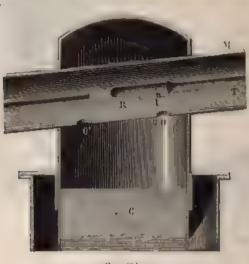


Fig. 294.

permettaient à la vapeur de s'y introduire. Dans l'axe de ce manchon se trouvait un lube métallique TT présentant un ordice U percó à la partie inférieure et qui pouvait être ouvert ou fermé au moyen d'un rehmet RR à longue tige se manœuvrant de l'extérieur, cette tige passait à frottement dans une boite contenant de

l'éloupe imprégnée de savon mou.

Le tube TT pénetrait à l'intérieur d'un calorimètre et débouchait dans une sphère S qui servait de réfrigérant. Celle-ci par un tube, enroulé en hélice H à l'intérieur du calorimètre, communiquait avec un vaste réservoir V entouré d'eau froide et contenant de l'air. Si un peu de vapeur, non condensée dans la sphère, s'engageait dans ce serpentin elle s'y liquéfiait, et les gouttelettes liquides retombaient dans la sphère.

Le liquide qui s'accumulait ainsi dans ce récipient pouvait, en ouvrant le robinet r, être requelli an dehors dans un vase laré a

l'avance, ce qui permettait d'en avoir la masse.

Pour les liquides très volatils, comme l'éther, il était à craindre que l'évaporation à la sortie du robinet, ne diminuit la quantité recueillie dans le vase. Pour éviter cet inconvénient, on employait un flacon à trois tubulures B; à l'une on adaptait exactement le robinet, et une autre tubulure servait à la sortie de l'air du flacon. Toutes les fois que la vapeur du liquide pouvait être absorbée par l'acide sulfurique, des tubes Z contenant de la ponce imbibée de cet acide faisaient suite à cette tubulure et arrêtaient les vapeurs qui pouvaient s'échapper avec l'air. Quand les vapeurs n'étaient pas absorbables ainsi, on disposait dans la troisième tubulure du flacon B un tube contenant un mélange réfrigérant : le froid condensait les vapeurs.

Revenons au tube TT; il était, comme on le voit, protégé contre le refroidissement par le manchon M contenant de la vapeur à la même température que celle du tube. Ce manchon s'arrêtait un peu avant le calorimètre, et un enduit en terre poreuse, très mauvaise conductrice de la chaleur, protégeait dans ce court trajet la vapeur contre le refroidissement : celle-ci était donc saturée et sèche en entrant dans le calorimètre.

Le manchon communiquait par un tuyau kk' avec un condenseur K, vase solide entouré d'eau froide; l'atmosphère de celui-ci était en relation avec celle du réservoir V par le tube ll', la chambre J et le tube r. De cette façon, que le robinet RR fût ouvert ou fermé, l'ébullition du liquide dans la chaudière avait toujours lieu sous la même pression, celle due à la force élastique de l'air contenu dans le réservoir V. Comme celui-ci était très vaste, que son volume et sa température étaient invariables, l'air contenu conservait la même force élastique pendant l'expérience, et la température d'ébullition ne variait pas.

Des thermomètres placés dans des tubes de fer contenant de l'huile ou du mercure et plongeant dans la chaudière, donnaient cette température.

Pour passer à un autre point d'ébullition, on refoulait avec une pompe à gaz, ou l'on raréflait avec une machine pneumatique l'air du réservoir V, par le tube j. Un manomètre à air libre (pour les fortes pressions celui qui avait servi à l'étude de la loi de Mariotte) ou un manomètre barométrique faisait connaître cette force élastique.

Ajoutons qu'un agitateur mis en mouvement par un moteur mécanique remuait régulièrement l'eau du calorimètre, dont la température était donnée par des thermomètres permettant d'apprécier 1/200 de degré centigrade; on les observait de loin avec une lunette.

Pour faire une expérience, on établissait dans le réservoir V la force élastique voulue; puis on chauffait le liquide pour obtenir l'ébullition. On introduisait alors dans le calorimètre une masse d'eau bien connue, mesurée par un vase jaugeur. Cette eau était un peu plus froide que l'air ambiant au début. On notait sa température, puis 10 minutes après on notait de nouveau l'indication du thermomètre pour avoir l'élévation de température produite par les causes perturbatrices.

C'était la première phase de l'expérience.

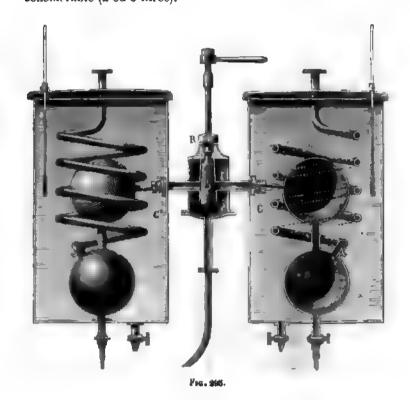
En ouvrant le robinet RR, on lançait la vapeur dans le calorinite. On notait de minute en minute la température de celui-ci; quand l'élévation paraissait convenable (10° à 12°), on fermait le robinet RR, et l'on continuait à noter la température de minute en minute : elle s'élevait encore un peu, parce que le liquide condensé cédait encore de la chaleur au calorimètre, puis elle baissait régulièrement. A partir de ce moment on entrait dans la troisième phase de l'expérience; on notait l'abaissement de température en 10 minutes, et cette observation jointe à celle de la première phase fournissait les constantes de corrections A et B.

Les premières expériences de Regnault ont porté sur l'eau.

Elles ont été faites avec un appareil de plus grande dimension que celui que nous venons de décrire; la chaudière en tôle de 12 millimètres d'épaisseur et pouvant, ainsi que le reste de l'appareil, résister à une force élastique de 20 atmosphères avait une contenance de 310 litres et renfermait 150 litres d'eau. Au lieu d'un seul calorimètre, il y avait deux calorimètres identiques entre eux C et C' (fig. 295), et placés symétriquement par rapport à la chaudière et au foyer, pour être soumis aux mêmes influences perturbatrices. Un robinet distributeur R permettait de lancer la vapeur dans l'un ou dans l'autre, et l'on se servait des variations de température éprouvées par le calorimètre qui ne fonctionnait pas, pour corriger les indications de température de celui où se condensait la vapeur.

Le reste de l'appareil était à peu près le même que celui que

nous avons décrit, et qui lui a servi pour tous les autres liquides qu'on pouvait se procurer à peu près purs en quantité un peu considérable (2 ou 3 litres).

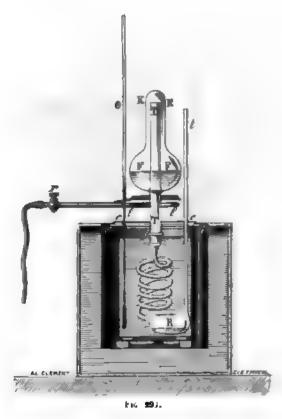


40-APPAREIL DE M. BERTHELOT.— La partie de cet appareil dans laquelle se forme, circule et se condense la vapeur est en verre; par conséquent il permet d'opérer sur la plupart des liquides, puisque très peu attaquent cette substance.

Il se compose d'une fiole FFE (fig. 296) contenant dans son axe un large tube de verre TT

L'extrémité inférieure de celui-ci, rodée à l'émeri, peut s'engager comme un bouchon dans la partie supérieure d'un serpentin, aboutissant à un récipient R, surmonté d'un tube ouvert t. Le

serpentin et le réservoir R sont immergés dans le calorimètre dont nous avons donné la description (Chapitre XII, § 10..



On . dans la fiole FFE le liquide dont on veut connaître la chaleur de vaporisation. Cette fiole est chauffée par une lampe à gaz circulaire II. Pour éviter le rayonnement de la lampe une թեque de boisce et un écran de carton ee recouvrent le calorimatre.

L'écran et est percé d'une ouverture juste asez grande pour livrer passage au tube TT.

La vapeur formée s'engage sèche dans le tule TT et est conduite sans refroidissement dans le ser-

pentin où elle se condense; le liquide formé se rassemble dans le récipient R.

La diminution de masse de la fiole et de son contenu donne la masse du liquide distillé (généralement compris entre 20 gr. et 30 gr.).

L'expérience se divise en trois périodes: — 1° la période d'echauffement qui précède la distillation, pendant laquelle l'observation du thermomètre fera connaître l'élévation de température due aux causes perturbatrices, pendant un temps déterminé; — 2º la période de distillation; elle dure de deux à quatre minutes, assez pour que la température de la masse d'eau contenue dans le calorimètre (800 gr. à 900 gr.) s'élève de 3° à 4°; — 3° la dernière période : on éteint le feu, on enlève et bouche la fiole pour la peser pendant que l'observateur continue à suivre la marche du thermomètre. Celui-ci s'élève encore un peu, parce que le liquide condensé n'a pas encore atteint la température de l'eau du calorimètre et lui cède de la chaleur en se refroidissant; puis le thermomètre prend une marche descendante, et enfin celle-ci devient régulière, c'est-à-dire concordante avec le refroidissement du calorimètre rempli simplement avec la même masse d'eau à la même température. Des expériences préliminaires ayant fait connaître ce refroidissement, on possède alors toutes les données nécessaires à la mesure de la chaleur de vaporisation.

M. Berthelot a trouvé ainsi pour la chaleur totale de vaporisation de l'eau à 100°, les nombres 635,2, 637,2, 636,2, dont la moyenne 636,2 est presque identique avec le nombre 636,6 trouvé par Regnault à l'aide des appareils plus compliqués que nous avons décrits. Ce résultat justifie l'emploi de l'appareil de M. Berthelot.

41. DÉTERMINATION DES CHALEURS SPÉCIFIQUES DES VAPEURS.

— En faisant subir une légère modification aux appareils de Regnault décrits § 9, ceux-ci permettent de déterminer la chaleur spécifique d'une vapeur.

Pour cela, on surchausse à une température T la vapeur produite dans la chaudière à la température τ , en saisant passer le conduit qui amène la vapeur au calorimètre dans un bain d'huile chaude. La chaleur cédée par la vapeur au colorimètre pour se resroidir de la température T à la température de condensation τ s'ajoute à la chaleur créée par la liquésaction, et l'égalité suivante

$$PC(T-\tau)+P\lambda+Pc(\tau-\theta_n)=M\left(\theta_n-\theta_0-\sum_{\Delta}\theta\right)$$

dans laquelle C représente la chaleur spécifique moyenne entre

T et τ de la vapeur sous la pression constante correspondant à la température d'ébullition τ , et où les autres lettres ont la même signification qu'au paragraphe 8, fait connaître la quantité cherchée, quand on a déterminé λ .

12. RÉSULTATS. — Pour coordonner ses expériences sur la chaleur de vaporisation, Regnault a employé la méthode graphique. Il a porté en abscisse les températures t et en ordonnées les valeurs trouvées pour la chaleur totale de vaporisation externe O.

La ligne joignant les points correspondants aux observations fut pour l'eau et le chloroforme une ligne droite. La fonction de la température représentant la valeur de Q entre les limites de l'expérience est donc de la forme :

$$Q = a + bt$$

Pour la plupart des autres liquides, la ligne joignant les points d'observation fut aussi très régulière, mais légèrement concave du côté de la ligne des abscisses, et la valeur de Q est bien représentée par une formule parabolique à trois termes :

$$Q = a + bt + ct^2$$

L'alcool seul sit exception parmi les liquides étudiés: la courbe sut irrégulière, ce que Regnault attribua à une altération chimique de la substance.

Voici les valeurs des coefficients a,b,c d'après le Mémoire de Regnault.

	а	b	С
Eau	606,5 90,0 94,0 109,0 67,0 52,0 140,5	+0,305 $+0,1460$ $+0,4500$ $+0,2443$ $+0,1375$ $+0,1463$ $+0,3664$	0 -0,000 4123 -0,000 5555 -0,000 131 5 0 -0,000 172 -0,000 516

La chaleur totale de vaporisation externe étant représentée pour l'eau par :

$$Q = 606,5 + 0.305 t$$

la chaleur latente de vaporisation (voir § 7) sera représentée par

(2)
$$\lambda = 606,5 - 0,695 t - 0,00002 t^2 - 0,0000003 t^3$$

en adoptant la formule qu'a donnée Regnault pour représenter la chaleur spécifique de l'eau aux diverses températures (voir Chap. XII § 18).

En nous appuyant sur la formule trouvée au paragraphe 7 (note de la page 795), nous déduisons de la formule (2) la valeur de la chaleur latente de vaporisation interne de l'eau :

(3)
$$l = 576,3 - 0,814 t + 0,00014 t^2 - 0,0000002 t^3$$

Enfin on tire de là pour la chaleur totale de vaporisation interne q:

(4)
$$q = 576,3 + 0,186 t + 0,00016 t^2 + 0,0000001 t^3$$

Watt avait annoncé, d'après ses expériences, que la chaleur totale de vaporisation était constante quelle que fût la température. Cette loi parut être confirmée par quelques expériences de Clément et Desormes. Mais Despretz crut pouvoir affirmer, d'après ses recherches, que la chaleur totale croissait un peu avec la température. Dulong arriva aussi à la même conclusion. Les expériences de Regnault ne laissent aucun doute sur l'inexactitude de la loi de Watt.

De son côté Southern avait avancé que la chaleur latente de vaporisation est indépendante de la température. Cette loi qui fut admise par quelques physiciens, est encore moins exacte que la précédente. La formule (2) nous montre en effet que la chaleur latente diminue de plus en plus quand la température s'élève, et nous avons vu (Chap. XV § 7), qu'elle devient nulle au point critique.

13. DES PROBLÈMES DE CALORIMÉTRIE. — Nous terminerons en indiquant comment on doit traiter un problème de calorimétrie.

Reportons-nous à la formule fondamentale qui donne la quantité de chaleur nécessaire à une transformation (Chap. XIII, 28 (1)), et qu'on peut écrire :

$$Q = \frac{I_2 - I_1}{E} + \frac{W}{E}$$

Le second membre se compose de deux termes que l'on doit évaluer séparément. Le premier $\frac{L_2-I_1}{E}$ est la quantité de chaleur nécessaire à l'accroissement de l'énergie interne de l'ensemble des corps considérés. Comme ce terme ne dépend que de l'état initial et de l'état final, on peut supposer que la transformation a eu lieu de la façon qui est la plus commode pour effectuer le calcul; aussi, en général, ce calcul n'offre-t-il aucune difficulté. Rappelons seulement que s'il s'agit de variations dans la température d'un gaz parfait on doit faire usage de la chaleur spécifique à volume constant, celle qui correspond à l'accroissement d'énergie interne; s'il s'agit de vaporisation ou de condensation, on doit faire usage des chaleurs latentes ou des chaleurs totales internes; s'il s'agit de réactions chimiques, on doit faire usage aussi des chaleurs de transformation internes, c'est-à-dire de celles fournies par les expériences corrigées de la quantité de chaleur correspondant au travail extérieur qui a eu lieu dans l'expérience qui a fourni le nombre.

Quant au second terme $\frac{W}{E}$, il correspond à la quantité de chaleur nécessaire pour effectuer le travail extérieur. La valeur de ce terme ne dépend plus seulement de l'état initial et de l'état final, mais aussi de tous les états intermédiaires. En effet, le travail

extérieur W est égal à $\sum_{p \leq r}$, en représentant par p la force élastique du fluide qui entoure l'ensemble des corps considérés au moment où le système éprouve une variation de volume Δr . Il faut donc connaître, pour pouvoir calculer le second terme, la manière dont

s'est effectuée la transformation, et le calcul peut être parfois difficile à faire. Mais le plus habituellement, pendant la transformation, l'ensemble des corps considérés est entouré par un fluide dont la force élastique reste invariable pendant toute la durée du phénomène, l'air ambiant par exemple; dans ce cas le calcul de West des plus simples car on a:

$$W = \sum_{p \Delta v} p \sum_{\Delta v = p} (v_2 - v_1)$$

 v_1 étant le volume initial et v_2 le volume final du système. Le second terme devient alors $\frac{p(v_2-v_1)}{E}$

En évaluant r_2 et r_4 en cent. cubes, p en dynes par cent. carrés (76 × 13,596) - 980,96 pour la pression atmosphérique moyenne) le travail sera exprimé en ergs, et il faudra prendre pour l'équivalent mécanique de la chaleur E le nombre 41 700 000; la quantité de chaleur équivalente au travail extérieur sera alors exprimée en calories. Cette quantité de chaleur doit être fournie au système si le volume a augmenté $(v_2 > v_4)$; elle doit être enlevée au système dans le cas inverse.

Enfin, faisons remarquer que toutes les fois que le système considéré reste à l'état solide on à l'état liquide le travail extérieur W dû aux pressions est toujours très faible à cause de la faible valeur de (r_2-r_1) , le second terme $\frac{W}{E}$ est alors négligeable, et le calcul de Q est ainsi beaucoup simplifié.

Pour mieux montrer la manière dont on doit traiter un problème de calorimétrie un peu complexe, donnous un exemple.

Une masse d'air saturée de vapeur d'eau occupe r cent, cubes à t° sous la pression produite à Paris par H cent, de mercure à 0°. On la refroidit à 0°. Quelle est la quantité de chaleur qui est sortie de cette masse d'air humide?

Désignons par F et par f les hauteurs de mercure qui font respectivement équilibre aux forces élastiques maxima de la vapeur d'eau à t^{α} et à 0^{α} .

Soit maintenant v_0 le volume de la masse à 0° ; on l'obtient ai-

sément en considérant l'air seul dans les deux états successifs, car on a :

$$\frac{v(H - F)}{1 + 0,003665t} = v_0(H - f)$$

d'où:

(1)
$$v_0 = v \frac{H - F}{H - f} \frac{1}{1 + 0.003665t}$$

Soient, en outre, P et p les masses d'air sec et de vapeur d'em contenues dans le mélange à to, et p la masse de vapeur contenue à 0°. Ces masses sont données par les formules :

(2)
$$P = 0.001293 \frac{v (H - F)}{76 (1 - 0.003665 t)}$$

(3)
$$p = 0.001293 \frac{vF \times 0.622}{76 (1 - 0.003665 t)}$$

(4)
$$p' = 0,001293 \frac{v_0 f \times 0,622}{76}$$

Calculons d'abord la quantité de chaleur (— Q_1), cédée par le système aux dépens de son énergie interne, et considérons pour cela à part les quantités de chaleur cédées par l'air et par l'eau.

1º La masse P d'air se refroidissant de t° , cède aux dépens de son énergie interne une quantité de chaleur égale à Pct. en appelant c la chaleur spécifique de ce gaz à volume constant (c = 0.1683) (1).

2º Quant à l'eau, nous pouvons supposer que toute la masse p

⁽¹⁾ En opérant de la sorte, nous négligeons la variation d'énergie interne de l'air quand son volume varie sans que la température change, c'est-à-dire que nous admettons la loi de Joule. Nous devons procéder ainsi, puisque nous admettons la loi de Mariotte, et que les erreurs commises en appliquent ces deux lois sont du même ordre de grandeur.

se soit condensée à l'état liquide à t^o , et ait pris ensuite la température 0^o , auquel cas elle fournirait pq_t calories, puisqu'une masse p' se soit évaporée à 0^o , ce qui absorberait $p'q_0$ calories, q_t et q_0 représentant la chaleur totale de vaporisation interne à t^o et à 0^o .

La chaleur abandonnée par l'eau aux dépens de son énergie interne est donc :

(5)
$$pq_t - p'q_0 := p(576.3 + 0.186t) - p' < 576.3$$

Il en résulte que —Q₁ est donné par :

(6)
$$-Q_1 = P \times 0.1683 t + p(576.3 + 0.186 t) - p' \times 576.3$$

Calculons maintenant la quantité de chaleur Q_2 correspondant au travail extérieur. Puisque la pression extérieure est constante et égale par centimètre carré à H > (43,596 > 980,96) dynes, la quantité Q_2 est donnée par :

(7)
$$Q_2 = \frac{(v_0 - v) \Pi \times 13,596 \times 980,96}{11,700,000}$$

 Q_2 est négatif, puisque $v_0 < v$ (le travail des pressions extérieures a créé de la chaleur dans la masse, et celle-ci doit être enlevée). On a, en définitive, pour toute la masse :

$$= (Q_1 + Q_2) = P < 0.1683 \ t + p (576.3 + 0.186 \ t) = p (576.3 + 0.186 \ t) = \frac{(v - v_0) \text{ H} > 13.506 > 980.96}{41700000}$$

Il suffit de remplacer dans cette expression r_0 , P, p et p par les valeurs que fournissent les égalités (1), (2), (3) et (4), de remplacer les données r, II, F, f et t par leurs valeurs numériques, enfin, d'exécuter les calculs indiqués pour obtenir la valeur cherchée; elle sera exprimée en calories, puisque dans ce calcul nous avons fait usage des unités C.G.S.



TABLE DES MATIÈRES

CONTENUES DANS LE TOME PREMIER

Préface
PREMIÈRE PARTIE
INTRODUCTION
Sciences physiques et Sciences naturelles
LIVRE PREMIER
CHAPITRE PREMIER
TRAVAIL MÉCANIQUE — ÉNERGIE
1. Définition du travail mécanique

816	TABLE DES MATIÈRES	
6. 7. 8.	Travaux des forces intérieures	· 1 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3
	CHAPITRE II	
	MERURES ARSOLUES	
<u></u>	Unites fondamentales et unités derryées	12 15 17
	LIVRE II	
	PESANTEUR	
	CHAPITRE PREMIER	
	GÉNÉRALITÉS SUR LA PESANTEUR	
3. 1.	Direction de la pesanteur	(2) (2) (3) (3)
	CHAPITRE II.	
	CHUTE DES CORPS	
4 1.	Lois de la chute des corps	ris

	TABLE DES MATIÈRES	817
		Pages
2.	Démonstration de la première loi	63
	Machine d'Atwood	66
1.	Etude expérimentale de l'action d'une force constante à	·
	l'aide de la machine d'Atwood	68
p	Appareil de M. Morin	70
5 .	Etude expérimentale du mouvement qui succède au mou-	
	vement varié quand la force cesse d'agir	73
6.	Vérification de la proportionnalité des forces aux accélé-	
	rations à l'aide de la machine d'Atwood	7 €
7.	Démonstration expérimentale de la deuxième loi de la	
	chute des corps	7 7
8.	Intensité de la pesanteur	78
_	Le poids d'un corps est proportionnel à sa masse	79
	CHAPITRE III	
	PENDULE	
1	Définition	81
	Oscillation du pendule	82
	Pendule simple	84
	Lois expérimentales de la durée d'oscillation	85
	Formule du pendule simple	88
	Comparaison de la formule du pendule simple avec les	
•	lois expérimentales	91
7.	Pendule composé. — Pendule synchrone	92
	Axe d'oscillation	97
	Mesure de l'intensité de la pesanteur	98
	Pendule de Borda	99
11.	Méthode des coïncidences	102
	Pendule de Kater	105
	Variation de l'intensité de la pesanteur	105
	Longueur du pendule simple battant la seconde	108
15.	Application du pendule au réglage des horloges	108
16.	Application du pendule à la démonstration de la rotation	
	de la Terre	110
17.	La pesanteur est un cas particulier de l'attraction uni-	
	verselle	111

CHAPITRE IV

MESURE	DES	POIDS	FT	DES	MASSES	_	RAL	ANCE
m Lov nL					MAGGLG			ANUL

MESURE DES POIDS ET DES MASSES — BALANC	E
	Pages
1. Mesure des poids et des masses	112
2. Balance	115
3. Pesée	116
4. Calcul de l'angle dont s'incline le stéau	
5. Condition d'exactitude de la balance	118
6. Double pesée	
7. Sensibilité de la balance	130
8. Description d'une balance de précision	
CHAPITRE V Poids spécifiques et densités	
1. Poids spécifique absolu	
2. Poids spécifique relatif	
3. Détermination des poids spécifiques relatifs	
4. Corrections à faire subir aux pesces	
5. Détermination du volume d'un corps	136
LIVRE III	
HYDROSTATIQUE - PNEUMATIQUE	

HYDRODYNAMIQUE

CHAPITRE PREMIER

PRESSIONS

1.	Trois	états	physiques	de	la	malière.	•		•	•	•	•	•	•	•	•	157
----	-------	-------	-----------	----	----	----------	---	--	---	---	---	---	---	---	---	---	-----

	TABLE DES MATIÈRES	819
		Pages
2.	Pression	138
3.	Pression par unité de surface	110
	Théorème fondamental	112
	1re conséquence	
	2° con-équence	150
	3° consé juence	151
	4° conséquence. — Principe de Pascel	
	Presse hydraulique	
	5° conséquence. — Niveau à bulle d'air	156
11	6° conséquence	162
	7° conséquence	_
	8° conséquence. — Principe d'Archimède	
	Action exercée par un corps sur le fluide qui l'entoure.	176
	Corps flottants	177
		17.
	9° conséquence. — Vases communiquants	
	Détermination de la densité absolue de l'eau	180
18.	Détermination du volume d'un corps solide par la mesure de la poussée. — Détermination de sa densité	183
19.	Aréomètres	184
	Arcometres à graduation arbitraire	186
	Alcoométre centésimal de Gay-Lussac	187
	Comparabilité des aréomètres de même type	
	CHAPITRE II	
	PROPRIÉTÉS DES GAZ— FORCE ÉLASTIQUE	
1.	Proprietés caractéristiques des gaz	192
	Force élastique d'un gaz	194
	Mesure de la force élastique d'un gaz. — Baromètre	195
	Pression atmosphérique	198
	Mesure de la pression atmosphérique	201
	Histoire du baromètre	202
	Construction du baromètre	203
	Dépression capillaire	-
	Baromètre normal	
	Baromètre de Fortin	
		214
11. 11.	Baromètre de Gay-Lussac	-
12.	Baromètres de forme plus simple	210

		Pages
13.	Baromètres métalliques	217
	Manomètres	219
	Manomètres à air libre	220
»	Manomètre différentiel de M. Kretz	229
16.	Manomètre barométrique	225
	Correction de température	228
	Réduction des hauteurs barométriques ou manométri-	
	ques à 0°	228
19.	Réduction de la hauteur mercurielle au niveau de la mer	
	et à la latitude de 45°	230
20.	Unité secondaire de force élastique	233
	CHAPITRE III	
	LOI DE MARIOTTE	
4	Énoncé de la loi de Mariotte	23 3
	Densité d'un gaz	235
	Vérification expérimentale de la loi de Mariotte	236
	Expériences de Despretz	
5	Expériences de Dulong et Arago	240
	Expériences de Pouillet	
	Expériences de Regnault	245
	Description de l'appareil de Regnault et marche d'une ex-	
	périence	216
9.	Corrections	250
	Discussions et résultats	256
	Expériences de M. Cailletet	260
	Influence de la température	263
	Résumé des connaissances acquises sur la compressibilité	
	des gaz	263
	·	
	CHAPITRE IV	
M	IANOMÈTRES ET APPLICATION DE LA LOI DE MARIOT	TE
17	AND THE ET ALL RIVATION DE RA BOLDE MAINOI	-
1.	Manomètre à air comprimé	264
2.	Manomètre métallique	267

TABLE DES MATIÈRES	821
	Page s
3. Manomètre à détente de Regnault	268
1. Voluménomètre	270
5. Mesure de l'altitude au moyen du baromètre	
6. Aérostats	277
7. Force ascensionnelle	279
7. Porte ascensionnene	±10
CHAPITRE V	
MÉLANGE DES GAZ — DISSOLUTION DES GAZ	
I. — MÉLANGE DES GAZ	
1. Loi du mélange des gaz	283
2. Experience de Berthollet	286
3. Experiences de Regnault, de M. Andrews et de M. Cailletet	
Try nem es de neghadit, de M. Andrews et de M. Cametet	201
II. — DISSOLUTION DES GAZ	
1. Loi de solubilité des gaz	288
5. Méthode de M. Bunsen pour déterminer le coefficient de so-	
lubilité d'un gaz	291
6. Resultats	293
CHAPITRE VI	
APPAREILS PNEUMATIQUES ET POMPES	
I. — MACHINES PNEUMATIQUES	
1. Principe de la machine pneumatique.	295
2. Influence de l'espace nuisible	298
3. Force a vaincre pour soulever le piston	301
4. Histoire de la machine pneumatique	303
5. Machine pneumatique à deux corps de pompe	
6. Perfectionnement de Babinet	
The second section is the second seco	
7. Machine preumatique de M. Rianchi	310
7. Machine preumatique de M. Bianchi	

	Paze
9. Machine de M. Carré	-
10. Pompe à mercure	
11. Trompe de Sprengel	
12. Appareil pneumatique de M. de Romilly	
17	
II. — APPAREILS POUR COMPRIMER LES GAZ	
13. Machines à deux corps de pompe	
11. Pompe à air	
15. Pompe à gaz de Regnault	326
III. — POMPES	
16. Pompe aspirante	უ27
17. Travail nécessaire pour élever l'eau à l'aide d'une pour aspirante	npe
18. Pompe aspirante et foulante	
19. Travail accompli dans le refoulement de le la	
20. Ecoulement continu.	
21 Pompe foulante	_
CHAPITRE VII	
HYDRODYNAMIQUE	
1. Principe de Torricelli	1 felo
2. Consequences et vérification expérimentale du prancipe	
Torricelli	
3. Ecoulement des ii juides	
1. Vase le Mariotte	
5. Fontaine intermittente de Sturm	
6. Fontsia- ie Heron	
7. Seption.	
8 Vase de Tanta'e	354
TABLE FOUR LA REDUCTION DU RAZONÈTRE A D'	357



DEUXIÈME PARTIE

LIVRE IV

CHALEUR

CHAPITRE PREMIER

GÉNÉRALITÉS SUR LES DILATATIONS ET SUR LA TEMPÉRATURE

1.	Definition de la chaleur
2.	Sources de chaleur
3.	Dilatation des corps par la chaleur
i.	Température
J.	Températures tixes
6.	Thermométrie
7.	Choix d'une substance thermométrique
8.	Mesure conventionnelle des températures. — Échelles ther- mométriques
9.	Géneralités sur les dilatations
10.	Dilatation apparente
11.	Variation de la densité avec la température
12.	Relation entre le voiume, la temperature et la force élas-
	tique d'une masse gazeuse
	Dilatation linéaire
•	Dilatation des cristaux

CHAPITRE II

THERMOMÉTRES

1.	Description du thermometre à mercure à tige.	٠	•	•	•	•	•	396
2.	Comparabilité des thermomètres a mercure.		•	•	•	•	•	398
3.	Construction du thermomètre à mercure	•	•		•	•	•	350

		Pages
4.	Variation des points sixes	101
	Thermomètre de précision	405
6.	Thermomètre à alcool, thermomètre à sulfure de carbone.	406
	Thermomètres à maxima et à minima	
	Thermomètre à poids	
	Thermomètre normal	
	Historique	
10.	institut quo	7-1
	CHAPITRE III	
	DILATATION DES LIQUIDES	
1.	Mesure de la dilatation absolue du mercure par Dulong et	
•	Petit	
	Appareil de Regnault	
	Mesure de la dilatation d'un vase	
	Méthodes des thermomètres comparés	
	Expériences de M. Is. Pierre	
	Résultats obtenus pour la ditatation des liquides	
	Dilatation de l'eau	
8.	Expériences de Hope. — Emploi de cette méthode par Despretz	
9.	Mesure de la dilatation de l'eau par Lefèvre-Gineau et	
	par Hällström	
10.	Expériences de Despretz	
	Expérience de M. Rossetti. — Résultats	
	Dilatation des dissolutions aqueuses	
	Dilatation des liquides au-dessus de leur point d'ébulition	
	normal	
	CHAPITRE IV	
	DILATATION DES SOLIDES	
4	Magnus de la diletation subjens	4
	Mesure de la dilatation cubique	
	Mesure de la dilatation linéaire	
3.	Méthode de Lavoisier et Laplace	is

TABLE DES MATIÈRES

CONTENUES DANS LE TOME PREMIER

Préface
PREMIÈRE PARTIE
INTRODUCTION
Sciences physiques et Sciences naturelles
LIVRE PREMIER
CHAPITRE PREMIER
TRAVAIL MÉCANIQUE — ÉNERGIE
1. Définition du travail mécanique

	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	
2.	Variation de la force élastique maxima d'une vapeur avec	
	la température	514
3.	Comparaison des forces élastique maxima des différents liquides	515
4.	Continuité entre l'état liquide et l'état gazeux. — Point	
••	critique	516
5	Vaporisation dans les gaz.	
	Principe de Watt	
	Evaporation	
	·	
	Ebuilition	
	Retard à l'ébullition. — Etude plus complète de ce phenomène	
	Influence des phénomènes capillaires sur l'ébullition	
	Explication du phénomène présenté par les geysers	512
	Ebullition d'un liquide en vase clos	
13.	Caléfaction	517
	CHAPITRE VIII	
	IESURE DES FORCES ÉLASTIQUES MAXIMA DES VAPEU	RS
1.	Méthode de Dalton	์ วังวัง
	Méthode de Regnault	551
	Cas des liquides très volatils	
	Mésure de la force élastique maxima au-dessous de zero	
	Mesures des forces élastiques maxima à haute température.	
	Résultats	نارس نامزار
	Vaporisation dans les gaz	5.1
	Vaporisation d'un mélange de plusieurs liquides.— Vapo-	3.1
0.	risation d'une dissolution saline	>
	resulted due dissolution saline	2,2
	CHAPITRE IX	
	LIQUEFACTION DES GAZ	
4	Principa des méthodes employées nous liquées les	Z = 1
	Principe des méthodes employées pour liquéfier les gaz.	574
	Liquéfaction par refroidissement	575
	Méthole de M. Cailletet	576
4.	Liquéfaction par diminution de volume	579

	TABLE DES MATIÈRES	827
		Pages
5.	Liquéfaction par accumulation du gaz dans un récipient.	579
	Méthode de Faraday	
	Méthode de M. Pictet	
- •		
	•	
	CHAPITRE X	
	DENSITÉ DES GAZ ET DES VAPEURS	
1.	Densité d'un gaz par rapport à l'air	586
	Formule de la masse d'un gaz	
	Mesure de la densité des gaz par rapport à l'air. —	
	Méthode de Regnault	592
1.	Détermination de la masse du centimètre cube d'air par	
	Regnault	598
5.	Recherche de la densité d'un gaz qui attaque les métaux.	601
6.	Densité des vapeurs	602
7.	Résultats obtenus dans l'étude de la densité des vapeurs	
	et conclusion	
8.	Détermination des températures élevées	615
	CHAPITRE XI	
	HYGROMÉTRIE	
1.	Etat hygrométrique	616
	Calcul de la masse d'un gaz humide	
	Hygromètre chimique	
	Hygromètres à condensation	
	Psychromètre	
	Hygromètres d'absorption	
	CHAPITRE XII	
	CALORIMÉTRIE — CHALEURS SPÉCIFIQUES	
1.	Quantité de chaleur. — But de la calorimétrie	634
	53	-

•

TABLE DES MATIÈRES

		rages
2.	Calorie	635
3.	Chaleur spécifique	636
4.	Capacité calorifique	63
5.	Méthode du puits de glace	639
6.	Calorimètre à glace de M. Bunsen	640
	Méthode des mélanges	
8.	Corrections nécessitées par le rayonnement, le contact de	:
	l'air et l'évaporation de l'eau	
	Appareil de Regnault	
	Calorimètre de M. Berthelot	
11.	Méthode de refroidissement	65
	Thermocalorimètre	
	Chaleurs spécifiques des gaz	
	Relation entre les deux chaleurs spécifiques des gaz	
15 .	Mesure de la chaleur spécifique d'un gaz à pression cons-	•
	tante	670
	Expériences de Regnault	
17.	Circonstances dans lesquelles les méthodes précédentes ne sont pas applicables	
18.	Résultats fournis par la mesure des chaleurs spécifiques.	
19.	Lois des chaleurs spécifiques des gaz	687
2 0.	Remarque de Dulong et Petit sur les chaleurs spécisiques	689
21.	Loi de Wæstyn	693
	CHAPITRE XIII	
	LA CHALEUR EST UNE DES FORMES DE L'ÉNERGIE	
4	Production de chaleur par dépense de travail	005
	Expériences de M. Joule	
	Production de chaleur aux dépens de la force vive sensi-	699
	ble	
	Production de travail par dépense de chaleur	
	Loi de l'équivalence	
	Nature de la chaleur	
	Transmission de l'énergie calorisque	
	De la chaleur nécessaire à une transformation	
	Energie interne	•
10.	Représentation géométrique d'une transformation.	714

	TABLE DES MATIÈRES	820
		Pages
11.	Evaluation du travail extérieur	720
12.	De la chaleur dégagée dans une transformation inverse.	724
	Transformation réversible	
	CHAPITRE XIV	
	ÉNERGIE DES GAZ	
1.	De l'énergie d'une masse gazeuse	729
	Expériences de MM. W. Thomson et Joule	
	Relation entre l'équivalent mécanique de la chaleur et les	
	deux chaleurs spécifiques des gaz	710
1.	Emploi des formules précédentes pour déterminer l'une	
	des quantités qui y figurent	743
5.	Formule de Laplace	74 5
	CHAPITRE XV	
	DEUXIÈME LOI DE LA THERMODYNAMIQUE	
	DEUXIÈME LOI DE LA THERMODYNAMIQUE TEMPÉRATURE ABSOLUE	
	TEMPÉRATURE ABSOLUE	•
	TEMPÉRATURE ABSOLUE	748
2.	TEMPÉRATURE ABSOLUE Loi de Carnot	751
2. 3.	Loi de Carnot	751 759
2. 3. 1.	Loi de Carnot	751 759 761
2. 3. 1. 5.	Loi de Carnot	751 759 761 768
2. 3. 1. 5. 6.	Loi de Carnot	751 759 761
2. 3. 1. 5. 6.	Loi de Carnot	751 759 761 768 771
2. 3. 1. 5. 6.	Loi de Carnot	751 759 761 768 771
2. 3. 1. 5. 6.	Loi de Carnot	751 759 761 768 771
2. 3. 1. 5. 6.	Loi de Carnot	751 759 761 768 771
2. 3. 1. 5. 6.	Loi de Carnot	751 759 761 768 771
2. 3. 1. 5. 6.	Loi de Carnot	751 759 761 768 771
2. 3. 1. 5. 6. 7.	Loi de Carnot	751 759 761 768 771 771 776

CHALETT LABOUR DE PUSTOS

	•
Terremanne experimentale de la chaleur avente ne reserv	
Meximos de R. Bunsen pour dedermons la chaire manie	
	-
Hasubars	- ;.
Maintres refrigerans	:
TELLETIES DE TEPHESAMIS	
Terinataries.	-
Teacranment experimentale in a minime de raparente.	
Experiment in Figurant	~
Aroneni de M. Sectione	*
Telegrandschut des chalciers spezifiques des suients	₩-
Franks.	4
Tes producties in miderical	• '
-	
	Maintres reinferens Tenindoms Tenindoms Tenermondunt experomentale in a chalcur de vajorrandunt Experiment de Feytandt Appareil de M. Servienc Tenermondunt des conserus specifiques des vajorras

ERRATA

Page 207, note (2), au lieu de : $p = A \frac{1}{R} \left(+ \frac{1}{R'} \right) lisez : p = A \left(\frac{1}{R} + \frac{1}{R'} \right)$ Page 217, — M. Vidi — M. Vidie.
Page 243, note (1), — en 1761 — en 1791.

Page 635, au lieu de :

moyenne des températures initiale to et finale To,

lisez :

moyenne des températures initiales to et To.

ADDENDA

Livre IV. — Chapitre XV, § 3, page 760, ajoutez à la fin du paragraphe: Pour une même température T_4 du réchauffeur, le rendement d'une machine fonctionnant suivant un cycle de Carnot réversible est donc d'autant plus grand que la température du réfrigérant T_2 est plus basse. Mais, la valeur la plus grande que puisse atteindre le rendement r d'une machine thermique est évidemment l'équivalent mécanique de la chaleur E, puisqu'alors la totalité de la chaleur fournie par le réchauffeur serait transformée en travail mécanique. Or, si dans la formule (1) nous faisons r = E, nous trouvons $T_2 = 0$; pour une valeur de T_2 inférieure à 0, le rendement serait supérieur à E, ce qui est impossible : il n'existe donc pas de températures absolues négatives; la plus petite valeur de la température absolue est zéro; elle correspond au froid absolu.



	•	

